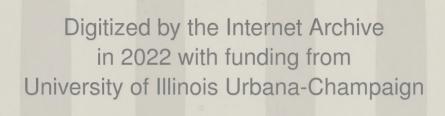


MATHEMATICS









Theorie

d errany or himora

Potenzial-

oder

cyklisch-hyperbolischen Functionen,

v o n

Dr. C. Gudermann,

Professor der Mathematik an der Akademie zu Münster.

(Besonders abgedruckt aus Crelle's "Journal der Mathematik" Band 6., 7., 8. und 9.)

Mit einer Kupfertafel.

Berlin, 1833.

Gedruckt und verlegt bei G. Reimer. The Corners of the Co

cyklisch-hyperbolischen Function

Dr. Gadermann.

Second we absorbed and Craft of Staront des M. margin, Bank to, T., S.

to the test was a series to

drawing 1813.

515.7 51.05 G.934t.

MATHEMATICS LIBRARY

Dem

Königl. Professor und Lehrer an der Königl. Preuß. Allgemeinen Kriegs-Schule, Mitgliede der Königl. Akademie der Wissenschaften und Ritter des rothen Adler-Ordens,

Herrn

Dr. Friedrich Theodor Poselger,

dem Gelehrten und väterlich gesinnten Freunde,

CARABELL ARABBLU ARABBLU

und

and thing the policy will been

De Friedrich The Back Pose

544716

Dem.

Königl. Preuß. Geheimen Ober-Baurathe, Mitgliede der Königlichen Akademie der Wissenschaften, etc.

Herrn

Dr. August Leopold Crelle,

dem Gelehrten und hochverehrten Gönner,

als Zeichen

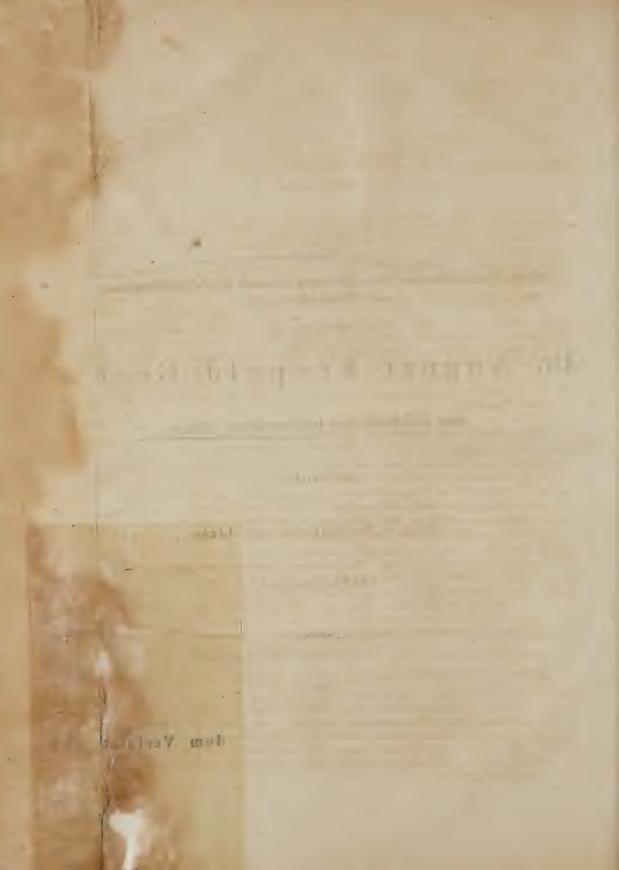
ewiger Dankbarkeit und Liebe

ehrfurchtsvoll

gewidmet

von

dem Verfasser.



Inhaltsverzeichnis.

		•
	§.	Seiter Abschnitt. 1. Begriff der Potenzialfunctionen, des Cosinus und Sinus einer Zahl für eine gegeben Grundzahl; das Quadrat des Cosinus einer Zahl, vermindert um das Quadrat ihres mus, ist für jede Grundzahl gleich Eins. 2. Bezeichnung der Exponentialreihe; der Gebrauch des Summenzeichens, welches dallgemeinen Gliede eines Polynomes vorgesetzt wird; natürliche Cosinus und Sint
		Reiben für dieselben; die Werthe von Cos 1 und Sin 1, wie auch von e und 1.
		3. Begriff der Langente und Cotangente einer Zahl für eine gegebene Grundzahl; n' türliche Langenten und Cotangenten. Formeln für den Zusammenhang unter den La genten, Cotangenten, Sinus und Cosinus einer Zahl. Zurückführung der Potenzial functionen einer negativen Zahl auf Potenzialfunctionen einer positiven; die Werthe vo Cos O, Sin O, Lang O und Cot O. 4. Zurückführung der Potenzialfunctionen mit willkürlicher Grundzahl auf natürliche Po
		tenzialfunctionen. 5. Der Arcus einer gegebenen Potenzialfunction, geschlossene Ausdrücke für die Größen Arc (Cos = z); Arc (Sin = z); Arc (Sang = z) und Arc (Sang = 1 - v).
Z	w e	iter Abschnitt S. 9
	§. §.	Eintheilung der Potenzial-Functionen in zwei Geschlechter mit gleichvielen Arten. 6. Potenzialfunctionen imaginärer Arcus von der Form $\pm x V - 1$; die cyklischen Potenzialfunctionen im Gegensatze zu den hyperbolischen. Begriff der cyklischen Statu und Cofinus, Sangenten und Cotangenten. Reihen für die cyklischen Statu und Eofinus von Gefinus. 7. Beziehungen zwischen den cyklischen Functionen eines und desselben Arcus. Zu rückführung der cyklischen Functionen mit willkürlicher Grundzahl auf natürliche. 8. Die Werthe von cos 1 und sin 1, die Werthe von eV-1 und e-V-3, die Werthe von cos 0, sin 0, tang 0 und cot 0. Die Arcus als Functionen gegebener cyklischer Sinus Cosinus, Sangenten und Cotangenten. 9. Es ist immer Cosa Sin X, Sang X 1 und Cot X > 1. Die hyperbolischen Sinus, Cosinus und Sangenten eines Arcus wachsen immer, wenn der Arcund und nur die Cotangente nimmt dabei ab. Für die cyklischen Functionen gesten
		nicht so einfache Gesetze. Ausdrücke für Coe log v, Sin log v, Sang log v, die
		chung Cos $\log v + \sin \log v = v$. Ausdruck für Lang $\log V(2w-1) = 1 - \frac{1}{14}$
	§.	Einfachste rationale Werthe der hyperbolischen Sinus, Cosinus und Langenten. Iter Abschnitt. Die einfachsten Beziehungen unter den Potenzialfunctionen verschiedener Arcus. 10. Formeln, nach welchen man aus den Cosinus und Sinus zweier Arcus den Cound Sinus der Summe und des Unterschiedes der beiden Arcus berechnet. 11. Andere Gestalten für diese Formeln. Formeln zur Berechnung der Langent Summe und des Unterschiedes zweier Arcus. Die Summe und der Unterschie

77 1 1 04 1 77 10 7
§. 12. Beziehungen unter Functionen zweier Urcus, wovon der eine die Hälfte des an-
deren ist. §. 13. Producte aus Sinus und Cosinus umgesetzt in Summen und Unterschiede solcher Functionen und umgekehrt. Unterschied zwischen den Quadraten zweier Cosinus und Sinus.
§. 14. Die Resultate $\sin \frac{\pi}{4} = \cos \frac{\pi}{4} = V_{\frac{\pi}{4}}^{\frac{\pi}{4}}$ und $\tan \frac{\pi}{4} = 1$; $\sin \frac{\pi}{2} = 1$, $\cos \frac{\pi}{2} = 0$,
$\sin \pi = 0$, $\cos \pi = -1$; $\sin \frac{1}{2}\pi = -1$, $\cos \frac{1}{2}\pi = 0$; $\sin 2\pi = 0$, $\cos 2\pi = 1$; die Formeln $\cos (a \pm 2\pi) = \cos a$, $\sin (a \pm 2\pi) = \sin a$. Perioden. §. 15. Zurückführung der cyklischen Functionen beliebiger reeller Arcus auf solche, deren
2(rcus nicht $> \frac{\pi}{4}$ sind. Alte und neue Eintheilung der Zahl 2π . Noch einige For-
melu von der Art derer in §. 12. §. 16. Die Potenzialfunctionen der Arcus von der Form $a \pm bV - 1$ fallen unter die Form $A \pm BV - 1$, Formeln für die hyperbolischen Functionen des Arcus $(a \pm bV - 1)$,
wenn b ein Vielfaches von $\frac{\pi}{2}$ ist.
Vierter Abschnitt
Differentiale der Logarithmen der Potenzialfunctionen.
Fünfter Abschnitt. §. 19. Reihen für Arc(Sin = v), arc(sin = v), Arc(\(\frac{\pi}{\pi}\) and arc(\(\text{tang} = v)\) und arc(\(\text{tang} = v)\). Die Ludolphische Zahl \(\pi\). §. 20. Reihe für Arc(\(\frac{\pi}{\pi}\) of = 1 + v). §. 21. Andere Reihen für Arc(\(\frac{\pi}{\pi}\) in = v) und Arc(\(\frac{\pi}{\pi}\) of = v). Unterschied zweier Arcus, wenn der Sinus des einen gleich ist dem Cosinus des anderen.
Sechster Abschnitt
Tangente fortschreiten. §. 23. und §. 24. Aehnliche Reihen in Hinsicht auf den Sinus und Cosinus.
Siehenter Abschnitt
§. 25. Formeln zu bequemer recurrirender Berechnung der Sinus und Cofinus. §. 26. Einfache Beziehungen unter den höheren Differenzen der Sinus und Cofinus. §. 27. Ausdrücke für diese höheren Differenzen. Daraus abgeleitete höhere Differenziale.
Aehter Abschnitt S. 31.
§. 28. Die Potenzen der Cosinus ausgedrückt durch Functionen vervielsachter Arcus. 29. Die Potenzen der Sinus eben so ausgedrückt. 30. Formeln, welche die Potenzialfunctionen eines vervielsachten Arcus durch Potenzen Functionen des einsachen Arcus ausdrücken.
33. Andere Formeln der Art. 34. Formeln für Cos (n log 2), Sin (n log 2), Sang (n log 2). Tabelle zur Veranschaulichung der zunehmenden Werthe dieser Größen.
eunter Abschnitt
Die Länge - und die Longitudinal - Zahlen zur Vermittelung zwischen den cyklischen
and byperbolischen Functionen; Bezeichnung derselben. Formeln, wodurch die cyklischen Functionen auf byperbolische und umgekehrt zurückgeführt werden. Die Formeln:
$\S 2/k = l \ell k = k, \ell - k = - \ell k \text{ und } l - k = - l k.$ 6 Geschlossene Ausdrücke für $\ell k \text{durch } k$.

§. 39. Idee einer Tabelle für die Längezahlen, Gebrauch derselben. §. 40. Andere Formeln, wodurch die hyperbolischen Functionen auf cyklische und umgegekehrt zurückgeführt werden. Beziehungen der Arcus zu einander, wenn der Sinus des einen gleich ist der Tangente des anderen.
Zehnter Abschnift.
§. 42. Reilien für $\frac{1}{\cos x}$ und $\frac{1}{\cos x}$, welche nach Potenzen von x fortgehen.
§. 43. Reihen für $\left(\frac{1}{\cos x}\right)^3$ und $\left(\frac{1}{\cos x}\right)^2$ von ähnlicher Art.
§. 44. Reihen für tang x und x un
§. 45. Reihen für log cos x und log Cos x, log tang x und log Sang x; log sin x und log Sin x.
§, 46. Die Differentiale der Functionen & und la.
§. 47. Reihen für $\mathfrak{L}k$, welche nach Potenzen von sink und tang k fortschreiten; solche Reihen für $\mathfrak{L}\left(\frac{\sigma}{2}-k\right)$.
§. 48. Reihen für $\mathfrak{L}k$, lk und $\mathfrak{L}\left(\frac{\pi}{2}-k\right)$, welche nach Potenzen von k fortgehen.
§. 49. Unbequemlichkeit des Gebrauches der vermittelnden Function 2k, wenn sich k der
Größe $\frac{\pi}{2}$ nähert:
§. 50. Reihen für log Coek, log Sink und log Sangk, welche für große Werthe von k
convergiren. §. 51. Nutzen der Formel log log Cot $k = \log(2\mu) - 2\mu \cdot k$, unter gewissen Umständen.
Eilfter Abschnitt. 3
§. 52. Reihen, welche nach Potenzialfunctionen aquidifferenzter Arcus fortgehen.
6. 54. — 55. Desgleichen.
§. 56. Eine sehr allgemeine Summation. §. 57. Beispiele und Folgerungen.
§. 58. Ein anderes merkwürdiges Beispiel.
Zwölfter Abschnitt
§. 62. Der Ausdruck $\sqrt{\frac{\pi}{2}}$ als ein solches Product; desgleichen die Functionen $\cos \frac{v\pi}{2}$
und $\operatorname{Cos}\left(\frac{v\pi}{2}\right)$; $\operatorname{tang}\left(\frac{v\pi}{2}\right)$ und $\operatorname{Sang}\left(\frac{v\pi}{2}\right)$.
§. 63. Die Function $\mathfrak{L}\left(\frac{v\pi}{2}\right)$ als Reihe, welche nach Begarithmen fortgeht; eine äh liche
Reihe für $l\left(\frac{v\pi}{2}\right)$.
§. 64. Umformung dieser Reihe für $\mathfrak{L}\left(\frac{v\pi}{2}\right)$.
§. 65. Reihen für $\mathfrak{L}\left(\frac{v\pi}{2}\right)$ und $\mathfrak{L}\left(\frac{\pi}{2}-v\pi\right)$.
Dreizehnter Abschnitt. S. 73.
§. 66. — 72. Reihen für die Potenzialfunctionen von $(x+z)$, wie auch $\ell(x+z)$ und $\ell(x+z)$, welche nach Potenzen von z fortgehen.
#:

Vierzehnter Abschnitt, S. a
§, 73. — 74. Die gleichseitige Hyperbel,
— 87. Die Longitudinale,
S. Eine vierte Kurve.
7 ur hnter Abschnitt
8 90. — 91. Allgemeine Anflösung der unreinen kubischen Gleichungen,
92. Ein Beispiel der Auflösung einer solchen Gleichung, Ueberflüssigkeit der Cardanischen Formel.
Sechszehnter Abschnitt
§. 93 99. Gebrauch der Potenzialfunctionen beim lategriren. Beispiele.
Anhang,
fristei Abschnitt gag fac, Spie, av grap of far glass, cap page, o, s. 119.
§. 100. Merkwürdige Umformung einer Reihe von sehr allgemeiner Form.
§. 102. Desgleichen, and the state of the st
weiter Abschnitt
7. 103. — 107. Beweis des Polynomial-Theorems ohne die Voraussetzung des Binomial- Theorems und ohne Hülfe der höheren Rechnung.
§. 107 108. Beziehungen unter Polynomial - Coefficienten,
Kritter Abschnitt,
6. 113. — 123. Bemerkenswerther Ausdruck für gewisse Combinationsklassen. Ausdruck
für φx , welcher gegehene Bedingungen erfüllt; Entwickelung von $\varphi(x+z)$ mittelst Derivation. Allgemeine Ausdrücke für $(x+z)^m$.
unfter Abschnitt
§. 123, - 127. Besondere Entwickelungsmethoden.
§. 128 130. Ansdrijcke für *f.
Tabelle der Längezahlen (mit sieben Dezimalziffern) aller Kreisbogen für den Radius = 1
von Minute zu Minute, nach beiden Kreiseintheilungen
briggischen Logarithmen der hyperbolischen Cosinus, Sinus und Langenten aller welche größer als 2 sind, mit neun und zuletzt mit zehn Decimalzissen. S. 263.
1. abelle der Längezahlen der Kreisbogen, welche größer als 88 Centesimalgrade sind,
von Minute zu Minute, mit eilf Decimalzissern
. Tabelle zur Umsetzung der natürlichen Logarithmen in briggische S. 352.
I. Tafel zum Einschalten beim Gebrauche der zweiten Differenzen, S. 353. Tafel zur Umsetzung der Centesimalsekunden in Sexagesimalsekunden S. 354.
2ur Umsetzung der Sexagesimalsekunden in Gentagimalsekunden S. 354.
170

100-71-1

Einleitung.

Die cyklischen (trigonometrischen, goniometrischen) oder auch Kreis-Functionen gehören bekanntlich der analytischen Geometrie nicht ausschließlich zu, sondern auch die reine Analysis entwickelt das Wesen derselben auf eine ihr eigenthümliche Weise; sie behält aber die Benennungen dieser Functionen sammt ihren Bezeichnungen bei, und macht von ihnen häufig einen nicht unwichtigen Gebrauch auch da, wo von Winkeln und überhaupt Raumverhältnissen nicht die Rede ist. Die höhere Arithmetik zumal bedient sich dieser Functionen, um vermittelst derselben Integrale auszudrücken, deren Werthe sonst aus ungeschlossenen Reihen berechnet werden müßten, die aber oft divergiren oder doch so langsam convergiren, dass zur Bestimmung numerischer Werthe kein unmittelbarer Gebrauch von ihnen gemacht werden kann; selbst im Falle gewünschter Convergenz würde die Benutzung der Reihen in angegebener Art den Rechner ermüden. Daher hat man Tafeln für die zusammengehörigen Werthe dieser Functionen oder doch ihrer Logarithmen angefertigt, durch deren Benutzung die Schwierigkeiten des Gebrauches der Reihen in Rechnungen mit bestimmten Zahlen umgangen werden.

Aber ein durch cyklische Functionen ausgedrücktes Integral (dasselbe gilt überhaupt von arithmetischen Ausdrücken, welche cyklische Functionen enthalten) kann in der Form, in der es aufgestellt worden ist, nicht immer in Anwendung kommen, weil die darin vorkommenden Größen (häufig schon die Constanten allein) bewirken können, daß die cyklischen Functionen imaginär werden, obgleich das Integral selbst einen reellen Werth hat. In einem solchen Falle pflegte das Integral umgeformt zu werden, damit es logarithmische Functionen statt der früheren cyklischen enthielt, worauf es dann in einer reellen, aber fast durchgehends unbequemeren Gestalt erschien, die aber geduldet werden mußte, weil sie die einzig zulässige war, obgleich das Integral für andere Werthe der in ihm vorkommenden Größen, welche den Gebrauch der cyklischen Functionen zulassen, in Gemäßheit bekannter Beziehungen, welche unfer solchen Functionen Statt finden, vielfach umgeformt werden konnte.

Das Streben, diese lästigen Beschränkungen zu heben und die Vielseitigkeit der Analysis hier zu retten, wie auch eine größere Gleichmäßigkeit des Verfahrens herbeizuführen, leitete zu der Idee von Functionen, welche statt der bisher üblichen logarithmischen, oder auch Exponenzial-Functionen, dann eintreten sollen, wenn die Kreisfunctionen ihre unter anderen Umständen nützlichen Dienste versagen, und welche im Gegensatze zu ihnen hyperbolische genannt worden sind.

Die Beneunung rührt von der gleichseitigen Hyperbel her, welche unter den Hyperbeln überhaupt ungefähr das ist, was der Kreis unter den Ellipsen.

Strenger genommen, sind aber diese hyperbolischen Functionen, wenn man auf ihren mit denen des Kreises fast gleichen analytischen Ursprung sieht, kaum neue Functionen zu nennen; wenigstens machen ihre Arten mit den eben so vielen des Kreises ein einziges Geschlecht aus, welches das der Potenzial-Functionen genannt werden mag.

Durch den Gebrauch der hyperbolischen Functionen werden die vorhin genannten Übelstände gehoben, und es ist mit ihrer Einführung in die Analysis, worauf sie ein gleiches, wenn nicht noch größeres Recht als die cyklischen Functionen haben, die größte Mannigfaltigkeit von neuen Formen arithmetischer Ausdrücke, welche nach zu entwerfenden Regeln leicht umgebildet werden können, gegeben; Ausdrücke mit imaginüren cyklischen Functionen, welchen ein reeller Werth zukommt, bedürfen bei ihrer Anwendung keiner Umrechnung mehr, um diesen Werth zu erkennen; endlich hat dadurch die Einheit des Verfahrens eine allgemeine Geltung erhalten. Das Rechnen mit den hyperbolischen Functionen bildet überhaupt einen vollkommenen Parallelismus zu den Rechnungsweisen mit den cyklischen, der durch die gewählte Terminologie und Bezeichnung *) überall kenntlich wird und dem Gedächtnisse bei der Bewahrung der am häufigsten vorkommenden Beziehungen zu nicht geringer Erleichterung dient.

Da nach einiger Übung das Rechnen mit den hyperbolischen Functionen noch bequemer von Statten geht, als das mit den cyklischen, und man in jedem Augenblicke von jenen auf diese überspringen kann, so

^{*)} Ähnlich den cyklischen Functionen: $\cos x$, $\sin x$, $\tan x$, $\cot x$, arc $(\sin = z)$, arc $(\cos = z)$, arc $(\tan z)$, arc $(\cot z)$, sind die hyperbolischen Functionen bezeichnet durch $\cos x$, $\sin x$, $\cos x$, $\cos x$, $\cot x$, arc $(\sin x)$ etc. Wem diese deutschen Vorsylben, welche den Gegensatz aber noch mehr ausdrücken, mißfallen, der kann dafür he Vorsylben mit großen Anfangsbuchstaben nehmen.

fühlt man sich geneigt, mit ihnen fast ausschliefslich zu rechnen, wenn man im Gebiete der allgemeinen Arithmetik ist, und zwar aus ähnlichem Grunde, aus welchem man umgekehrt in trigonometrischen, die Vorstellung eines Winkels mit sich führenden Betrachtungen nicht zu den hyperbolischen Functionen greifen, sondern die Rechnung mit den cyklischen anlegen und durchführen wird.

Offenbar besteht aber die erwähnte Einfachheit und Leichtigkeit der Rechnung mit hyperbolischen Functionen nur im analytischen Sinne, d. h. so lange die Werthe dieser Functionen entweder unbestimmt oder unbekannt sind, und durch sie ist wenig erreicht, wenn man nicht im Stande ist, die bestimmten Werthe der hyperbolischen Functionen für eine als ihren Arcus gegebene Zahl, und umgekehrt diesen aus jenen nach einer sich gleich bleibenden und insofern allgemeinen Methode ohne viele Mühe mit einem befriedigenden Grade der Genauigkeit in der Form von Decimalbrüchen anzugeben.

Aber diese allerdings sehr erhebliche Schwierigkeit, welche sich der Einführung der hyperbolischen Functionen und ihrem Gebrauche in der Analysis, wenn er reellen Nutzen haben soll, entgegenstellte, und wodurch diese sonst sehr einfache Idee bisher mag vereitelt worden sein, hat der Verfasser durch eine ungewöhnliche Anstrengung gehoben, indem er Tafeln von bedeutendem Umfange angefertigt hat, welche ziemlich eben so für die Rechnungen mit den hyperbolischen Functionen zu gebrauchen sind, wie die sogenannten logarithmisch-trigonometrischen Tafeln zur Realisirung der Werthe der cyklischen Functionen täglich in Anwendung kommen. Nur die lebhafte Vorstellung des durch diese Tabellen zu stiftenden Nutzens konnte dem Verfasser den nöthigen Muth und die erforderliche Ausdauer geben und den Überdruss vermindern, welchen der bei solchen Arbeiten nothwendige Mechanismus erzeugt. Was würde die Trigonometrie ohne trigonometrische Tafeln, was würde eine Theorie der hyperbolischen Functionen ohne Tabellen für ihre Werthe oder die Werthe ihrer Logarithmen helfen?

Sämmtliche hyperbolische Functionen, deren vielseitiger nützlicher Gebrauch von Kennern der Analysis auch ohne die im Werke enthaltene Theorie der Potenzial-Functionen anerkannt werden wird *), sind sowohl in ihren Beziehungen zu einander als auch zu den cyklischen Functionen, geo-

^{*)} Schon Lambert erkannte den Nutzen der hyperbolischen Functionen.

metrisch auf mehr als eine Weise versinnlicht worden. In gedrängter Darstellung sind daher einige Curven behandelt worden, unter welchen die von dem Verfasser sogenannte Longitudinale und die allbekannte Kettenlinie durch ihre früher zum Theil unbekannte Eigenschaften einige Aufmerksamkeit auf sich ziehen werden.

Die Theorie der Potenzial-Functionen, welche hier geboten wird, macht nicht auf eine solche Vollständigkeit Anspruch, daß alle einschlägige Fragen darin beantwortet wären; Vieles, was der Scharfsinn der Analytiker in Hinsicht auf die cyklischen Functionen fand, hätte noch aufgenommen und auf die hyperbolischen Functionen unter nöthigen Abänderungen übertragen werden können. Auch in der Aufnahme des Eigenen hat häufig eine Beschränkung Statt gefunden, und es ist selbst ein ganzer Abschnitt weggelassen worden, welcher Reihen enthält, nach welchen bei gleichen Arcus die hyperbolischen Functionen aus den cyklischen, und umgekehrt diese aus jenen zu berechnen wären, weil der Nutzen zu gering schien, obgleich die Reihen selbst zum Theil wegen der Gesetze ihres Fortschrittes anziehend sein mögen. Statt dessen ist aber der Theorie ein Anhang beigegeben worden, welcher zwar den anfänglich beabsichtigten Umfang überschritten hat, aber dafür Dinge behandelt, die in einer mehr oder minder nahen Beziehung zu dem in der Theorie Behandelten stehen, und welcher auch, abgesehen davon, vielleicht nicht überall als unwillkommen erscheinen möchte.

Jeder Leser, welcher mit seinem Studium nur über die Elemente der Mathematik hinausgegangen ist, wird ohne Mühe das kleine Werk, im Ganzen wie im Einzelnen verstehen, und die mit Sorgfalt ausgearbeiteten Tafeln, deren Berechnung manches Opfer von Seiten des Verfassers gekostet hat, mit Nutzen zu gebrauchen wissen. Eine auch nur oberflächliche Ansicht des Werks wird die auch gegründete Überzeugung herbeiführen, daß zu dessen Herausgabe kein anderer Grund vorlag, als das Streben, zu nützen und mitzutheilen, was durch Mühe errungen und durch mehrjähriges, wenn auch durch längere Störungen nnterbrochenes Nachdenken über die Potenzial-Functionen gefunden, und bald seiner Neuheit, bald seiner Bedeutsamkeit wegen einer Mittheilung würdig erachtet wurde.

Möge dieses Streben und somit der Zweck der Arbeit nicht vergebens sein!

Cleve, den 19ten November 1828.

Erster Abschnitt.

Von den Potenzial-Functionen überhaupt.

6. 1.

Die Potenz u^x kann in der Form einer zweitheiligen Größe P+Q dergestalt angegegeben werden, dass auch ihr reciproker Werth $\frac{1}{u^x}$ oder u^{-x} dieselben Theile P und Q hat, nur dass der zweite Theil Q das entgegengesetzte Zeichen erhält. Setzt man in der That:

1.
$$u^x = P + Q$$
, $u^{-x} = P - Q$,

so findet man rückwärts für die Theile P und Q die beiden folgenden Ausdrücke:

2. $P = \frac{u^x + u^{-x}}{2}$ und $Q = \frac{u^x - u^{-x}}{2}$.

Da die Größen P und Q mit den Potenzen u^x und u^{-x} auf eine sehr einfache Weise zusammenhängen, so mögen sie Potenzial-Functionen Sie sind in der That Functionen des gemeinschaftlichen Grundfactors u und des Exponenten x der beiden Potenzen.

Die Multiplication der Gleichungen (1.) führt zu der Gleichung:

3.
$$P^2 - Q^2 = 1$$
,

woraus man sieht, dass die beiden Potenzial-Functionen P und Q dergestalt von einander abhängen, daß man aus dem Werthe der einen den der auderen berechnen kann, ohne den Grundfactor u und den Exponenten x zu kennen.

Die Function $P = \frac{u^x + u^{-x}}{2}$ heiße der Cosinus der Zahl x für die Grundzahl u und eben so die Function $Q = \frac{u^x - u^{-x}}{2}$ der Sinus der Zahl x für die Grundzahl u. Die Bezeichnung mag folgende sein:

4.
$$\operatorname{Cos}(x, u) = \frac{u^x + u^{-x}}{2}$$
 und $\operatorname{Cin}(x, u) = \frac{u^x - u^{-x}}{2}$.

Die den gegenseitigen Zusammenhang zwischen dem Cosinus und Sinus ausdrückende Gleichung ist dann:

5.
$$\mathfrak{C}os(x,u)^2 - \mathfrak{S}in(x,u)^2 = 1$$
.

Exponenten x entwickeln, und wenn log u den natürlichen Logarithmen von u bezeichnet, so hat man:

$$u^{x} = 1 + \frac{(x \log u)^{x}}{1} + \frac{(x \log u)^{2}}{1 \cdot 2} + \frac{(x \log u)^{3}}{1 \cdot 2 \cdot 3} \cdot \dots + \frac{(x \log u)^{\alpha}}{1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot \dots \cdot \alpha} + \dots$$

welche Reihe zwar nie abbricht, aber doch immer convergirt, welche Werthe man auch für x und u in Rechnung bringen mag.

Zur Abkürzung mag weiter gesetzt werden: 0'=1; 1'=1; 2'=1.2; 3'=1.2.3; $\alpha'=1.2...\alpha$; and (2+3)'=5'=1.2.3.4.5 Es wird dann die an diesen Beispielen gezeigte Art der Bezeichnung im Nachfolgenden festgehalten werden. Man kann dann ferner die ganze Reihe einfacher also darstellen:

$$u^{x} = S \frac{(x \log u)^{\alpha}}{\alpha^{3}}$$
 und $u^{-x} = S(-1)^{\alpha} \cdot \frac{(x \log u)^{\alpha}}{\alpha^{3}}$,

so dass das dem allgemeinen Gliede vorgesetzte Summenzeichen S sich auf die veränderliche positive ganze Zahl α bezieht und die Forderung enthält, dass man für α nach einander die Werthe $\alpha=0,1,2,3,$ etc. zu setzen, und die durch solche Specialisirung des allgemeinen Gliedes erhaltenen besonderen Glieder zu addiren hat.

Nimmt man für u die Grundzahl e des natürlichen Logarithmensystems, so ist $\log u = e = 1$, und die Reihen werden dann einfacher:

$$e^x = S \frac{x^a}{\alpha}$$
 und $e^{-x} = S(-1)^a \frac{x^a}{\alpha}$.

Die sich auf die Grundzahl e beziehenden Potenzial-Functionen heisen natürliche, und in ihrer Bezeichnung darf diese Grundzahl der Kürze wegen wegbleiben; so dass also

$$\mathfrak{Cos}(x,e) = \mathfrak{Cos}x$$
 und $\mathfrak{Sin}(x,e) = \mathfrak{Sin}x$.

Die Grundformeln sind dann folgende:

$$e^x = \cos x + \sin x$$
; $e^{-x} = \cos x - \sin x$; $\cos x = \frac{e^x + e^{-x}}{2}$; $\sin x = \frac{e^x - e^{-x}}{2}$.

Die Reihen für den natürlichen Cosinus und Sinus sind weiter:

$$\mathfrak{Cos} x = \left(1 + \frac{x^2}{2^7} + \frac{x^4}{4^7} + \frac{x^6}{6^7} \cdot \dots\right) = S \frac{x^{2\alpha}}{(2\alpha)^7},$$

$$\mathfrak{Sin} x = \left(x + \frac{x^3}{3^7} + \frac{x^5}{5^7} + \frac{x^7}{7^7} \cdot \dots\right) = S \frac{x^{2\alpha+1}}{(2\alpha+1)^7}.$$

In Anwendung dieser Reihen findet man am leichtesten für x = 1 die beiden Werthe:

$$\mathfrak{S}_{06} 1 = 1,54308 \ 06348 \ 15243 \ 77847 \ 79053,$$

 $\mathfrak{S}_{in} 1 = 1,17520 \ 11936 \ 43801 \ 45688 \ 23812.$

Da nun $e = \mathfrak{Cos} 1 + \mathfrak{Sin} 1$ und $e^{-1} = \mathfrak{Cos} 1 - \mathfrak{Sin} 1$ ist, so findet man hieraus leicht:

$$e = 2,71828 18284 59045 23536 02865,$$
 $\frac{1}{e} = 0,36787 94411 71442 32159 55241*).$

Dividirt man den Sinus einer Zahl durch ihren Cosinus, wobei aber beide Functionen auf dieselbe Grundzahl bezogen werden, so heisse der Quotient die Langente jener Zahl: in Zeichen:

1.
$$\operatorname{\mathfrak{T}ang}(x,u) = \frac{\operatorname{\mathfrak{S}in}(x,u)}{\operatorname{\mathfrak{E}os}(x,u)}$$
 und $\operatorname{\mathfrak{T}ang} x = \frac{\operatorname{\mathfrak{S}in} x}{\operatorname{\mathfrak{E}os} x}$.

Wird umgekehrt bei einerlei Grundzahl der Cosinus einer Zahl durch ihren Sinus dividirt, so heiße der Quotient die Cotangente dieser Zahl; oder in Zeichen:

2.
$$\operatorname{Cot}(x,u) = \frac{\operatorname{Cos}(x,u)}{\operatorname{Sin}(x,u)}$$
 und $\operatorname{Cot} x = \frac{\operatorname{Cos} x}{\operatorname{Sin} x}$.

Die Tangenten und Cotangenten sind also abgeleitete Potenzial-Functionen, und zwar ist:

$$\operatorname{Eang}(x,u) = \frac{u^{x} - u^{-x}}{u^{x} + u^{-x}}$$
 and $\operatorname{Cot}(x,u) = \frac{u^{x} + u^{-x}}{u^{x} - u^{-x}}$,

so wie:

$$\mathfrak{T}ang x = \frac{e^x - e^{-x}}{e^x + e^{-x}} \quad \text{und} \quad \text{Cot } x = \frac{e^x + e^{-x}}{e^x - e^{-x}}.$$

Aus diesen Bestimmungen des Wesens der vier Potenzial-Functionen und aus der Gleichung $\cos x^2 - \sin x^2 = 1$ folgen noch leicht nachstehende Formeln:

$$\begin{array}{lll} \operatorname{Sin} - x &= -\operatorname{Sin} x & \operatorname{Sang} x. \operatorname{Cot} x = 1 \\ \operatorname{Cos} - x &= +\operatorname{Cos} x & \operatorname{Ind} & 1 - \operatorname{Sang} x^2 = \frac{1}{\operatorname{Cos} x^2} \\ \operatorname{Sang} - x &= -\operatorname{Sang} x & \operatorname{Cot} x^2 - 1 &= \frac{1}{\operatorname{Sin} x^2} \end{array}$$

wodurch der gegenseitige Zusammenhang unter den vier Arten der Potenzial-Functionen zur Genüge ausgedrückt wird. Für x = 0 hat man endlich noch die besonderen Werthe:

$$\mathfrak{Cos} 0 = 1$$
; $\mathfrak{Sin} 0 = 0$; $\mathfrak{Tang} 0 = 0$ and $\mathfrak{Cot} 0 = \frac{1}{3}$.

^{*)} Der hier und im Nachfolgenden vorkommende Gebrauch des dem allgemeinen Gliede einer Reihe vorgesetzten und sich auf gewisse veränderliche, im allgemeinen Gliede vorkommende positive ganze Zahlen α, β, γ, δ, etc., welche auch zuweilen gewissen Bedingungsgleichungen genügen müssen, beziehenden Summenzeichens S wird leicht begriffen; Weiteres darüber findet man in Rothe's Theorie combinatorischer Integrale. Das von ihm vorgeschlagene Zeichen Σ ist aber hier in S abgeändert worgenes Zeichen nach dem allgemeinsten Gebrauche einen Rückgang von der er Function zu der Function selbst oder eine Integration der Differenz vorgamentlich, nach der Bezeichnung Euler's: Sy = Σγ + γ + const. ist.

Die auf eine Grundzahl u bezogenen Potenzial-Functionen lassen sich leicht in natürliche ve wandeln; denn da $u^x = e^{x \log u}$ ist, so hat man:

$$\frac{u^{x} + u^{-x}}{2} = \frac{e^{x \log u} + e^{-x \log u}}{2},$$

$$\frac{u^{x} - u^{-x}}{2} = \frac{e^{x \log u} - e^{-x \log u}}{2},$$

oder einfacher:

1. $\mathfrak{Cos}(x,u) = \mathfrak{Cos}(x \log u)$ und $\mathfrak{Sin}(x,u) = \mathfrak{Sin}(x \log u)$. Hieraus findet man ferner für die Tangenten und Cotangenten die Formeln:

2.
$$\operatorname{\mathfrak{T}ang}(x,u) = \operatorname{\mathfrak{T}ang}(x \cdot \log u)$$
 und $\operatorname{\mathfrak{C}ot}(x,u) = \operatorname{\mathfrak{C}ot}(x \cdot \log u)$.

Da also die Zurückführung aller Potenzial-Functionen einer Zahl auf natürliche so einfach ist und nur eine Multiplication der Zahl verlangt, so brauchen die ferneren Verhandlungen sich fast nur über die natürlichen Potenzial-Functionen zu verbreiten.

Stellt man sich die Beziehungen, welche zwischen den Potenzial-Functionen und ihrem Argumente Statt finden, umgekehrt vor, so heißt dieses Argument der Arcus der gegebenen Potenzial-Function, welche nun als Argument dient. In Zeichen wird solche Umkehrung ausgedrückt, wie folgt:

Ist
$$\mathfrak{Cos} x = z$$
, so ist $x = \mathfrak{Arc} (\mathfrak{Cos} = z)$.
Ist $\mathfrak{Sin} x = z$, so ist $x = \mathfrak{Arc} (\mathfrak{Sin} = z)$.
Ist $\mathfrak{Sang} x = z$, so ist $x = \mathfrak{Arc} (\mathfrak{Tang} = z)$.
Ist $\mathfrak{Cot} x = z$, so ist $x = \mathfrak{Arc} (\mathfrak{Cot} = z)$.

Man kann in Anwendung dieser Bezeichnung geschlossene arithmetische Ausdrücke angeben, welche zur Berechnung der Arcus aus den Functionen Cosinus, Sinus, Sangente und Cotangente dienen. Es folgt nemlich aus den Formeln

$$e^x = \cos x + \sin x$$
 and $e^{-x} = \cos x - \sin x$,

indem man die natürlichen Logarithmen nimmt:

$$x = \log(\cos x + \sin x)$$
 und $-x = \log(\cos x - \sin x)$.
Setzt man daher $\cos x = z$, so ist $\sin x = \sqrt{(z^2 - 1)}$, und also

2. $\mathfrak{Arc}(\mathfrak{Cos} = z) = \log(z + \sqrt{(z^2 - 1)}) = -\log(z - \sqrt{(z^2 - 1)}).$ Setzt man aber $\mathfrak{Sin} x = z$, so ist $\mathfrak{Cos} x = \sqrt{(z^2 + 1)}$, und also

3.
$$\mathfrak{Arr}(\mathfrak{Sin} = z) = \log(\sqrt{(z^2 + 1) + z}) = -\log(\sqrt{(z^2 + 1) - z})$$

Weil man weiter $x = \frac{1}{2} \log \left(\frac{\operatorname{\mathfrak{Sod}} x + \operatorname{\mathfrak{Sin}} x}{\operatorname{\mathfrak{Sod}} x + \operatorname{\mathfrak{Sin}} x} \right) = \frac{1}{2} \log \left(\frac{1 + \operatorname{\mathfrak{Sang}} x}{1 - \operatorname{\mathfrak{Sang}} x} \right)$ hat, so setze man $\operatorname{\mathfrak{Sang}} x = z$, und man erhält:

Die letzte Formel kann man auch in der nur wenig veränderten Form:

darstellen, in der sie zu einer künftigen Entwickelung vorbereitet ist.

Zweiter Abschnitt.

Eintheilung der Potenzial-Functionen in zwei Geschlechte mit gleich vielen Arten.

Die Potenzial-Functionen können sowohl auf mögliche als auf unmögliche Arcus bezogen werden. Die Einheit der möglichen ist ± 1 , die Einheit der unmöglichen $\pm \sqrt{-1}$.

Zunächst giebt die Zurückführung auf natürliche Potenzial-Functionen:

$$\operatorname{Cos}(x\sqrt{-1},u) = \operatorname{Cos}((x\log u).\sqrt{-1}),$$

$$\operatorname{Con}(x\sqrt{-1},u) = \operatorname{Con}((x\log u).\sqrt{-1}).$$

Um aber die natürlichen Cosinus und Sinus genauer zu erforschen, dienen die im §. 2. angegebenen Reihen; man findet:

$$\mathfrak{Cos}(x\sqrt{-1}) = S \frac{(x\sqrt{-1})^{2\alpha}}{2\alpha^{2}} = S(-1)^{\alpha} \frac{x^{2\alpha}}{(2\alpha)^{2}},$$

$$\mathfrak{Sin}(x\sqrt{-1}) = S \frac{(x\sqrt{-1})^{2\alpha+1}}{(2\alpha+1)^{2}} = \left(S(-1)^{\alpha} \frac{x^{2\alpha+1}}{(2\alpha+1)^{2}}\right).\sqrt{-1},$$

und da

 $e^{x\sqrt{-1}} = \mathfrak{Cos}(x\sqrt{-1}) + \mathfrak{Sin}(x\sqrt{-1})$ und $e^{-x\sqrt{-1}} = \mathfrak{Cos}(x\sqrt{-1}) - \mathfrak{Sin}(x\sqrt{-1})$ ist, so hat man die beiden Formeln:

$$e^{x\sqrt{-1}} = P + Q\sqrt{-1},$$

$$e^{-x\sqrt{-1}} = P - Q\sqrt{-1},$$

so dass die beiden Reihen $P = S(-1)^{\alpha} \cdot \frac{x^{2\alpha}}{(2\alpha)^{\beta}}$ und $Q = S(-1)^{\alpha} \cdot \frac{x^{2\alpha+1}}{(2\alpha+1)^{\beta}}$ nicht mehr imaginär sind, oder $\sqrt{-1}$ nicht mehr enthalten.

Die jetzige Reihe P heiße wieder der Cosinus und die Reihe Q der Sinus von x, nur werden sie mit lateinischen Vorsilben, welche kleine Anfangsbuchstaben führen, zur auffallenderen Unterscheidung bezeichnet; also:

$$\cos x = \left(1 - \frac{x^2}{2^7} + \frac{x^4}{4^7} - \frac{x^6}{6^7} + \frac{x^3}{8^7} \dots\right) = S(-1)^{\alpha} \frac{x^{2\alpha}}{(2\alpha)^7},$$

$$\sin x = \left(x - \frac{x^3}{3^7} + \frac{x^5}{5^7} - \frac{x^7}{7^7} + \frac{x^9}{9^7} \dots\right) = S(-1)^{\alpha} \frac{x^{2\alpha+1}}{(2\alpha+1)^7}.$$

Man hat also $\mathfrak{Cos}(x\sqrt{-1}) = \cos x$ und $\mathfrak{Sin}(x\sqrt{-1}) = (\sin x).\sqrt{-1}$. Aber auch umgekehrt hat man $\cos(x\sqrt{-1}) = \mathfrak{Cos}x$ und $\sin(x\sqrt{-1}) = (\mathfrak{Sin}x).\sqrt{-1}$. Will man für die Functionen $\cos x$ und $\sin x$ geschlossene Ausdrücke haben, so leitet man aus den Gleichungen $e^{x\sqrt{-1}} = \cos x + \sin x.\sqrt{-1}$ und $e^{-x\sqrt{-1}} = \cos x - \sin x\sqrt{-1}$ leicht die beiden folgenden Ausdrücke her:

$$e^{-x\sqrt{-1}} = \cos x - \sin x \sqrt{-1}$$
 leicht die beiden folgenden Ausdrücke her: $\cos x = \frac{e^{x\sqrt{-1}} + e^{-x\sqrt{-1}}}{2}$ und $\sin x = \frac{e^{x\sqrt{-1}} - e^{-x\sqrt{-1}}}{2\sqrt{-1}}$.

Um nun die Functionen $\cos x$ und $\sin x$ unter der Annahme, daß x möglich sei, von den Functionen $\cos x$ und $\sin x$ zu unterscheiden, mögen jene hyperbolische, diese hingegen cyklische Potenzial-Functionen heifsen. Die Gründe dieser Benennungen werden später vorkommen. Auch die Tangenten und Cotangenten werden also unterschieden. Setzt man nemlich:

$$\tan x = \frac{\sin x}{\cos x}$$
 und $\cot x = \frac{\cos x}{\sin x}$

als Bezeichnung der cyklischen Tangenten und Cotangenten fest, so findet man:

$$\begin{array}{l} \mathfrak{Z}\operatorname{ang}(x\sqrt{-1}) = (\operatorname{tang} x).\sqrt{-1}, \quad \operatorname{und eben so} \quad \operatorname{tang}(x\sqrt{-1}) = (\mathfrak{Z}\operatorname{ang} x).\sqrt{-1}, \\ \operatorname{\mathfrak{Cot}} (x\sqrt{-1}) = \frac{\cot x}{\sqrt{-1}}, \quad \operatorname{cot} (x\sqrt{-1}) = \frac{\operatorname{\mathfrak{Cot}} x}{\sqrt{-1}}, \end{array}$$

so daß also der Übergang von den hyperbolischen Functionen zu den cyklischen gleichförmig ist mit dem Rückgange von diesen zu jenen.

Die Multiplication der Gleichungen $e^{x\sqrt{-1}} = \cos x + \sin x \sqrt{-1}$ und $e^{-x\sqrt{-1}} = \cos x - \sin x \sqrt{-1}$ giebt die neue Formel:

$$\cos x^2 + \sin x^2 = 1.$$

dieselbe erhält man auch, wenn man in der ähnlichen früheren $\mathfrak{Cos} x^2 - \mathfrak{Sin} x^2 = 1$ für x nur $x\sqrt{-1}$ an die Stelle setzt, weil $(\mathfrak{Sos}(x\sqrt{-1}))^2 = (\cos x)^2$ und $(\mathfrak{Sin}(x\sqrt{-1}))^2 = ((\sin x) \cdot (\sqrt{-1}))^2 = -(\sin x)^2$ ist. Mit der so eben hergeleiteten Gleichung gehören noch die folgenden

zusammen:

$$\tan x \cdot \cot x = 1,$$

$$1 + \tan x^2 = \frac{1}{\cos x^2},$$

$$1 + \cot x^2 = \frac{1}{\sin x^2},$$

wodurch man in den Stand gesetzt wird, aus dem Werthe einer der vier Functionen $\cos x$, $\sin x$, $\tan x$ und $\cot x$ jedesmal die drei anderen zu berechnen.

Ferner hat man, wenn gesetzt wird: $u^{x\sqrt{-1}} = \cos(x, u) + \sin(x, u)\sqrt{-1}$ und $u^{-x\sqrt{-1}} = \cos(x, u) - \sin(x, u)\sqrt{-1}$, die Formeln: $\cos(x, u) = \cos(x \log u)$ und $\sin(x, u) = \sin(x \log u)$; wie auch endlich $\cos(x\sqrt{-1}, u) = \cos(x, u)$; $\sin(x\sqrt{-1}, u) = \sin(x, u) \cdot \sqrt{-1}$, mit den umgekehrten Formeln:

$$\cos(x\sqrt{-1},u) = \operatorname{\mathfrak{Cos}}(x,u) \text{ und } \sin(x\sqrt{-1},u) = \operatorname{\mathfrak{Sin}}(x,u).\sqrt{-1}.$$

§. 8.

Zur Berechnung von $\cos x$ und $\sin x$ dienen die in §. 6. angegebenen Reihen, welche ebenfalls immer convergiren. Die Anwendung derselben ist am einfachsten für x = 1; man findet dann:

$$\cos 1 = 0,54030 23058 68039 71740 09367,$$

 $\sin 1 = 0,84147 09848 07896 50665 25024,$

welche Werthe in die Gleichungen $e^{\sqrt{-1}} = \cos 1 + \sin 1 \cdot \sqrt{-1}$ und $e^{-\sqrt{-1}} = \cos 1 - \sin 1 \cdot \sqrt{-1}$ substituirt werden können.

Für x = 0 findet man, wie früher:

$$\cos 0 = 1$$
; $\sin 0 = 0$; $\tan 0 = 0$ und $\cot 0 = \frac{\pi}{0}$.

Stellt man sich die Beziehung zwischen den cyklischen Functionen und ihren Araus umgekehrt vor, so hat man folgende Darstellungsweisen:

Ist $\cos x = z$, so ist $x = \operatorname{arc}(\cos = z)$.

Ist $\sin x = z$, so ist $x = \operatorname{arc}(\sin = z)$.

Ist tang x = z, so ist x = arc(tang = z).

Ist $\cot x = z$, so ist $x = \operatorname{arc}(\cot = z)$.

Die Arcus gegebener cyklischer Potenzial-Functionen lassen sich eben so wie die der hyperbolischen in geschlossenen Ausdrücken angeben. So hat man z. B.

are
$$(\tan z) = \frac{1}{2\sqrt{-1}} \log \frac{1+z\sqrt{-1}}{1-z\sqrt{-1}}$$
.
§. 9.

Die für $\mathfrak{Cos} x$ und $\mathfrak{Sin} x$ angegebenen Reihen geben unmittelbar zu erkennen, daß die Werthe dieser beiden hyperbolischen Functionen immerfort wachsen, wenn der $\mathfrak{Arcus} x$ zunimmt, und daß sie also jeder auch noch so großen Zahl gleich werden können. Aber nur der (hyperbolische) $\mathfrak{Sin} x$ kann jede Kleinheit erreichen, denn für x=0 ist er selbst Null, der $\mathfrak{Cofinus}$ hingegen ist immer >1, und nur für x=0 ist

er selbst = 1. Auch bleibt der hyperbolische Cosinus einer Zahl immer größer als ihr Sinus; denn da $\cos x^2 - \sin x^2 = 1$ ist, so ist $\cos x^2 > \sin x^2$, und also $\cos x > \sin x$.

Da weiter \mathbb{E} ang $x = \frac{\sin x}{\mathbb{E}_{0} \mathbb{E}_{x}}$, so ist \mathbb{E} ang x immer <1; übrigens wird die hyperbolische \mathbb{E} angente eines Arcus immer größer, wenn der Arcus wächst, welches durch die Formel $1 - \mathbb{E}$ ang $x^2 = \frac{1}{\mathbb{E}_{0} \mathbb{E}_{x}}$ klar wird; sie nähert sich also von Null an dem Werthe Eins, als einer unerreichbaren Grenze. Eben daher nehmen bei wachsendem Arcus die hyperbolischen Cotangenten von $\frac{1}{0}$ an immer ab, und nähern sich der Grenze Eins ebenfalls ins Unendliche.

Bei weitem schwieriger ist es, das Verhalten der cyklischen Functionen beim wachsenden Arcus im Allgemeinen anzugeben, da aus den Reihen für $\cos x$ und $\sin x$ nicht so leicht ihr Fallen und Steigen im Werthe erkannt wird, und aus der Gleichung $\cos x^2 + \sin x^2 = 1$ nicht zu ersehen ist, ob $\cos x >$ oder $< \sin x$ sei.

Schließlich mögen noch einige Ausdrücke für die Potenzial-Functionen angegeben werden, welche bisweilen mit Nutzen zu gebrauchen sind. Setzt man nämlich $e^x = v$, so ist $e^{-x} = \frac{1}{v}$ und $x = \log v$. Werden diese Werthe substituirt, so hat man

$$\cos \log v = \frac{v^2+1}{2v}$$
, $\sin \log v = \frac{v^2-1}{2v}$, $\tan \log v = \frac{v^2-1}{v^2+1}$.

Die Addition der beiden ersten Gleichungen giebt $\mathfrak{Coslog}v + \mathfrak{Sinlog}v = v$, was auch anderweitig leicht erhellet.

Setzt man in der letzten Gleichung $v = \sqrt{(2w-1)}$, also $v^2 = 2w-1$, so erhält man $\operatorname{Eang} \log \sqrt{(2w-1)} = 1 - \frac{1}{w}$.

Leicht findet man auch die drei folgenden Formeln:

$$\operatorname{Coslog} \sqrt{\frac{1+w}{1-w}} = \frac{1}{V(1-w^2)}; \quad \operatorname{Sinlog} \sqrt{\frac{1+w}{1-w}} = \frac{w}{V(1-w^2)} \quad \text{and} \quad \operatorname{Singlog} \sqrt{\frac{1+w}{1-w}} = w.$$

Setzt man in den vorigen Formeln z. B. v=2, so findet man:

 $\operatorname{Coslog} 2 = \frac{5}{4}$; $\operatorname{Sin} \log 2 = \frac{3}{4}$ and $\operatorname{Sang} \log 2 = \frac{3}{5}$,

als einfachste rationale Werthe der hyperbolischen Functionen; der Arcus ist aber:

 $\log 2 = 0,6931$ 4718 0559 9453 0941 7232 1214 5817 6568 0755....

Dritter Abschnitt.

Die einfachsten Beziehungen unter den Potenzial-Functionen verschiedener Arcus.

§. 10.

Für das gewöhnliche Rechnen mit den hyperbolischen und cyklischen Functionen ist es nothwendig, den Zusammenhang dieser Functionen bei einer Beziehung auf verschiedene Arcus zu kennen und in Formeln auszudrücken. Wird die Menge dieser Formeln nicht ohne Noth vergrößert, so können sie vom Gedächtnisse bewahrt werden.

Da $e^a = \operatorname{Cos} a + \operatorname{Cin} a$ und $e^b = \operatorname{Cos} b + \operatorname{Cin} b$ ist, so exhilt man durch Multiplication:

 $e^{a+b} = \mathfrak{C}\mathfrak{os}a.\mathfrak{C}\mathfrak{os}b + \mathfrak{S}\mathfrak{in}a.\mathfrak{S}\mathfrak{in}b + \mathfrak{S}\mathfrak{in}a.\mathfrak{C}\mathfrak{os}b + \mathfrak{C}\mathfrak{os}a.\mathfrak{S}\mathfrak{in}b.$

Eben so giebt die Multiplication der Gleichungen $e^{-a} = \operatorname{Cos} a - \operatorname{Sin} a$ und $e^{-b} = \operatorname{Cos} b - \operatorname{Sin} b$:

$$e^{-a-b} = \cos a \cdot \cos b + \sin a \cdot \sin b - \sin a \cdot \cos b - \cos a \cdot \sin b$$
.

Da nun aber
$$\operatorname{Cos}(a+b) = \frac{e^{a+b} + e^{-a-b}}{2}$$
 und $\operatorname{Sin}(a+b) = \frac{e^{a+b} - e^{-a-b}}{2}$

ist, so findet man durch Substitution der vorhin entwickelten Producte die beiden Formeln:

1.
$$\operatorname{Cos}(a+b) = \operatorname{Cos}a \cdot \operatorname{Cos}b + \operatorname{Sin}a \cdot \operatorname{Sin}b$$

2.
$$\operatorname{Sin}(a+b) = \operatorname{Sin} a \cdot \operatorname{Cos} b + \operatorname{Cos} a \cdot \operatorname{Sin} b$$
.

Setzt man in diese Formeln -b für b, so erhält man noch, da $\mathfrak{Cos}-b$ $=\mathfrak{Cos}\,b$ und $\mathfrak{Sin}-b=-\mathfrak{Sin}\,b$ ist, die beiden Formeln:

3.
$$\operatorname{Cos}(a-b) = \operatorname{Cos}a \cdot \operatorname{Cos}b - \operatorname{Sin}a \cdot \operatorname{Sin}b$$
,

4.
$$\operatorname{Gin}(a-b) = \operatorname{Gin} a \cdot \operatorname{Cos} b - \operatorname{Cos} a \cdot \operatorname{Gin} b$$
.

Will man statt der hyperbolischen Functionen cyklische haben, so setze man nur in den erhaltenen vier Formeln $a\sqrt{-1}$ für a und zugleich $b\sqrt{-1}$ für b; die neuen Formeln sind dann:

5.
$$\cos(a+b) = \cos a \cos b - \sin a \sin b$$

6.
$$\sin(a+b) = \sin a \cos b + \cos a \sin b$$
,

7.
$$\cos(a-b) = \cos a \cos b + \sin a \sin b$$
,

8.
$$\sin(a-b) = \sin a \cos b - \cos a \sin b$$
.

Vermöge dieser acht Formeln kann man aus den bekannten Sinus und Cosinus zweier Arcus den Sinus und Cosinus ihrer Summe und ihres Unterschiedes berechnen.

§. 11.

Man kann den so eben hergeleiteten Formeln auch folgende Gestalt geben: $\mathbb{C} \circ \mathfrak{s} (a \pm b) = \mathbb{C} \circ \mathfrak{s} a \cdot \mathbb{C} \circ \mathfrak{s} b (1 \pm \mathbb{C} \circ \mathfrak{s} a \cdot \mathbb{C} \circ \mathfrak{s} b)$,

 $\operatorname{Sin}(a \pm b) = \operatorname{Cos} a \cdot \operatorname{Cos} b (\operatorname{Zang} a \pm \operatorname{Zang} b),$

 $\cos (a \pm b) = \cos a \cdot \cos b (1 \pm \tan a \cdot \tan b),$

 $\sin (a \pm b) = \cos a \cdot \cos b (\tan a \pm \tan b),$

und durch Dividiren erhält man dann ferner die vier neuen Formeln:

$$\begin{aligned} \mathfrak{T}\mathrm{ang}(a+b) &= \frac{\mathfrak{T}\mathrm{ang}\,a + \mathfrak{T}\mathrm{ang}\,b}{1 + \mathfrak{T}\mathrm{ang}\,a \cdot \mathfrak{T}\mathrm{ang}\,b}, \quad \tan g(a+b) &= \frac{\tan a + \tan g\,b}{1 - \tan g\,a \cdot \tan g\,b}, \\ \mathfrak{T}\mathrm{ang}(a-b) &= \frac{\mathfrak{T}\mathrm{ang}\,a - \mathfrak{T}\mathrm{ang}\,b}{1 - \mathfrak{T}\mathrm{ang}\,a \cdot \mathfrak{T}\mathrm{ang}\,b}, \quad \tan g(a-b) &= \frac{\tan a - \tan g\,b}{1 + \tan g\,a \cdot \tan g\,b}. \end{aligned}$$

Aus den bekannten Tangenten zweier Arcus lassen sich nach diesen Formeln die Tangente ihrer Summe und die ihres Unterschiedes berechnen. Für die Cotangenten könnte man leicht ähnliche Formeln herleiten. Man hat übrigens noch die vier folgenden Formeln:

$$\begin{aligned} \mathfrak{Z}\operatorname{ang}\alpha + \mathfrak{Z}\operatorname{ang}b &= \frac{\mathfrak{S}\operatorname{in}(a+b)}{\mathfrak{S}\operatorname{os}a \cdot \mathfrak{S}\operatorname{os}b}, & \tan\alpha + \tan\beta b &= \frac{\sin(a+b)}{\cos\alpha \cos b}, \\ \mathfrak{Z}\operatorname{ang}\alpha - \mathfrak{Z}\operatorname{ang}b &= \frac{\mathfrak{S}\operatorname{in}(a-b)}{\mathfrak{S}\operatorname{os}a \cdot \mathfrak{S}\operatorname{os}b}, & \tan\alpha - \tan\beta b &= \frac{\sin(a-b)}{\cos\alpha \cos b}. \end{aligned}$$

Die Summe und der Unterschied zweier Tangenten können hiernach immer in einen eingliedrigen Ausdruck umgesetzt werden.

Setzt man in früheren Formeln (des §. 10.) $\frac{\alpha}{2}$ sowohl für α als auch für b, so erhält man:

1.
$$\operatorname{Sin} \alpha = 2 \operatorname{Sin} \frac{\alpha}{2} \operatorname{Cos} \frac{\alpha}{2}$$
 and $\operatorname{sin} \alpha = 2 \operatorname{sin} \frac{\alpha}{2} \cos \frac{\alpha}{2}$,

2. Ces
$$a = \operatorname{Ces} \frac{a^2}{2} + \operatorname{Sin} \frac{a^2}{2}$$
 and $\operatorname{cos} a = \operatorname{cos} \frac{a^2}{2} - \operatorname{sin} \frac{a^2}{2}$,

3.
$$\operatorname{Sang} a = \frac{2\operatorname{Sang} \frac{a}{2}}{1 + \operatorname{Sang} \frac{a^2}{2}}$$
 und $\operatorname{tang} a = \frac{2\operatorname{tang} \frac{a}{2}}{1 - \operatorname{tang} \frac{a^2}{2}}$

Die Formeln (2.) haben Ähnlichkeit mit den Formeln:

$$1 = \mathfrak{Cos} \frac{a^2}{2} - \mathfrak{Sin} \frac{a^2}{2} \quad \text{und} \quad 1 = \cos \frac{a^2}{2} + \sin \frac{a^2}{2},$$

und durch ihre Verbindung mit diesen erhält man die neuen Formeln:

4.
$$\cos a + 1 = 2 \cos \frac{a^2}{2}$$
 $1 + \cos a = 2 \cos \frac{a^2}{2}$,
5. $\cos a - 1 = 2 \sin \frac{a^2}{2}$ $1 - \cos a = 2 \sin \frac{a^2}{2}$.

Durch Division erhält man hieraus weiter:

6.
$$\operatorname{Eang} \frac{a}{2} = \sqrt{\frac{\operatorname{cos} a - 1}{\operatorname{cos} a + 1}}$$
 und $\operatorname{tang} \frac{a}{2} = \sqrt{\frac{1 - \cos a}{1 + \cos a}}$.

Macht man die Zähler oder auch die Nenner der letzten Ausdrücke rational, so entstehen die umgeformten Ausdrücke:

7.
$$\operatorname{\Sigmaang} \frac{\alpha}{2} = \frac{\operatorname{Sin} \alpha}{\operatorname{Sob} \alpha + 1} = \frac{\operatorname{Sob} \alpha - 1}{\operatorname{Sin} \alpha} \quad \text{und} \quad \operatorname{tang} \frac{\alpha}{2} = \frac{\sin \alpha}{1 + \cos \alpha} = \frac{1 - \cos \alpha}{\sin \alpha}.$$

Diese Ausdrücke lassen sich auch auf folgende Weise darstellen:

8.
$$\operatorname{Eang} \frac{a}{2} = \operatorname{Cot} a - \frac{1}{\operatorname{Sin} a}$$
 $\operatorname{tang} \frac{a}{2} = \frac{1}{\sin a} - \cot a$

9. Cot
$$\frac{a}{2} = \cot a + \frac{1}{\sin a}$$
 $\cot \frac{a}{2} = \frac{1}{\sin a} + \cot a$.

Durch Addition und Subtraction erhält man hieraus ferner:

10.
$$\operatorname{Cot} \frac{a}{2} - \operatorname{Zang} \frac{a}{2} = \frac{2}{\sin a}$$
, $\operatorname{cot} \frac{a}{2} + \operatorname{tang} \frac{a}{2} = \frac{2}{\sin a}$,

11.
$$\operatorname{Cot} \frac{a}{2} + \operatorname{Zang} \frac{a}{2} = 2 \operatorname{Cot} a$$
, $\cot \frac{a}{2} - \tan \frac{a}{2} = 2 \cot a$.

Endlich giebt die Umkehrung der Formeln (6.) die neuen:

12.
$$\cos a = \frac{1 + \cos \frac{a^2}{2}}{1 - \cos \frac{a^2}{2}}$$
 und $\cos a = \frac{1 - \tan \frac{a^2}{2}}{1 + \tan \frac{a^2}{2}}$

§. 13.

Producte von Sinus und Cosinus lassen sich in Summen und Unterschiede solcher Functionen, und umgekehrt diese in jene umsetzen. Dazu dienen die Formeln:

$$\begin{array}{lll} \mathbb{C}\mathfrak{osa} \cdot \mathbb{C}\mathfrak{osb} = \frac{1}{2}\mathbb{C}\mathfrak{os}(a+b) + \frac{1}{2}\mathbb{C}\mathfrak{os}(a-b) & \cos a \cdot \cos b = \frac{1}{2}\cos(a-b) + \frac{1}{2}\cos(a+b), \\ \mathbb{C}\mathfrak{ina} \cdot \mathbb{C}\mathfrak{osb} = \frac{1}{2}\mathbb{C}\mathfrak{os}(a+b) - \frac{1}{2}\mathbb{C}\mathfrak{os}(a-b) & \sin a \cdot \sin b = \frac{1}{2}\cos(a-b) - \frac{1}{2}\cos(a+b), \\ \mathbb{C}\mathfrak{ina} \cdot \mathbb{C}\mathfrak{osb} = \frac{1}{2}\mathbb{C}\mathfrak{in}(a+b) + \frac{1}{2}\mathbb{C}\mathfrak{in}(a-b) & \sin a \cdot \cos b = \frac{1}{2}\sin(a+b) + \frac{1}{2}\sin(a-b), \\ \mathbb{C}\mathfrak{osa} \cdot \mathbb{C}\mathfrak{inb} = \frac{1}{2}\mathbb{C}\mathfrak{in}(a+b) - \frac{1}{2}\mathbb{C}\mathfrak{in}(a-b) & \cos a \cdot \sin b = \frac{1}{2}\sin(a+b) - \frac{1}{2}\sin(a-b), \\ \mathbb{C}\mathfrak{osa} \cdot \mathbb$$

$$\begin{array}{lll} \operatorname{\mathfrak{Cos}} a + \operatorname{\mathfrak{Cos}} b = 2\operatorname{\mathfrak{Cos}} \frac{a+b}{2} \cdot \operatorname{\mathfrak{Cos}} \frac{a-b}{2} & \cos b + \cos a = 2\cos \frac{a+b}{2} \cdot \cos \frac{a-b}{2}, \\ \operatorname{\mathfrak{Cos}} a - \operatorname{\mathfrak{Cos}} b = 2\operatorname{\mathfrak{Sin}} \frac{a+b}{2} \cdot \operatorname{\mathfrak{Sin}} \frac{a-b}{2} & \cos b - \cos a = 2\sin \frac{a+b}{2} \cdot \sin \frac{a-b}{2}, \\ \operatorname{\mathfrak{Sin}} a + \operatorname{\mathfrak{Sin}} b = 2\operatorname{\mathfrak{Sin}} \frac{a+b}{2} \cdot \operatorname{\mathfrak{Cos}} \frac{a-b}{2} & \sin a + \sin b = 2\sin \frac{a+b}{2} \cdot \cos \frac{a-b}{2}, \\ \operatorname{\mathfrak{Sin}} a - \operatorname{\mathfrak{Sin}} b = 2\operatorname{\mathfrak{Cos}} \frac{a+b}{2} \cdot \operatorname{\mathfrak{Sin}} \frac{a-b}{2} & \sin a - \sin b = 2\cos \frac{a+b}{2} \cdot \sin \frac{a-b}{2}. \end{array}$$

Aus diesen Formeln können wieder neue abgeleitet werden; unter andern:

$$\cos a^2 - \cos b^2 = \sin a^2 - \sin b^2 = \sin (a+b) \cdot \sin (a-b),$$

$$\cos b^2 - \cos a^2 = \sin a^2 - \sin b^2 = \sin (a+b) \cdot \sin (a-b).$$
§. 14.

Der Gleichung $\sin k^2 + \cos k^2 = 1$ gemäß, nimmt der Werth des cyklischen Cosinus ab, wenn der cyklische Sinus zunimmt, und umgekehrt. Da ferner, ungeachtet der ins Unendliche fortgesetzten Vergrößerung des Arcus k, die Functionen $\sin k$ und $\cos k$ im Werthe nie mehr betragen als ± 1 , so entsteht die Vermuthung, daß zu verschiedenen Arcus nicht immer verschiedene Sinus und Cosinus gehören, und auch, daß es einen oder mehr Arcus geben werde, deren Sinus so groß sind, als ihre Cosinus. Stellt k den kleinsten dieser Arcus vor, falls es deren mehr giebt, und setzt man $\sin k = \cos k$, so findet man

 $\sin k = \sqrt{\frac{1}{2}}$, und also auch $\cos k = \sqrt{\frac{1}{2}}$.

Das Vierfache dieser Zahl k, welche später berechnet wird, ist mit π bezeichnet worden, und man hat also:

$$\sin\frac{\pi}{4} = \cos\frac{\pi}{4} = \sqrt{\frac{\pi}{2}};$$

so wie

$$\operatorname{Sin}\left(\frac{\pi}{4}\sqrt{-1}\right) = \sqrt{-\frac{\pi}{2}} \quad \text{and} \quad \operatorname{Cos}\left(\frac{\pi}{4}\sqrt{-1}\right) = \sqrt{\frac{\pi}{2}},$$

also auch

tang
$$\frac{\pi}{4} = 1$$
 und $\operatorname{Tang}\left(\frac{\pi}{4}\sqrt{-1}\right) = \sqrt{-1}$.

Setzt man in der Formel $\cos \alpha = \cos \frac{\alpha^2}{2} - \sin \frac{\alpha^2}{2}$, 2k oder $\frac{\pi}{2}$ an die Stelle von α , so erhält man $\cos \frac{\pi}{2} = 0$; und die Formel $\sin \alpha = 2 \sin \frac{\alpha}{2} \cos \frac{\alpha}{2}$ giebt $\sin \frac{\pi}{2} = +1$.

Setzt man in den so eben gebrauchten Formeln $a = \pi$, so findet man $\cos \pi = -1$ und $\sin \pi = 0$.

Wird weiter in den Formeln $\cos(a+b) = \cos a \cos b - \sin a \sin b$ und $\sin(a+b) = \sin a \cos b + \cos a \sin b$ für a gesetzt π , und für b gesetzt $\frac{\pi}{2}$, so findet man $\cos \frac{3}{2}\pi = 0$ und $\sin \frac{3}{2}\pi = -1$. Auf ähnliche Art findet man $\cos 2\pi = 1$ und $\sin 2\pi = 0$.

Setzt man endlich in den Formeln $\cos(a \pm b) = \cos a \cos b \mp \sin a \sin b$ und $\sin(a \pm b) = \sin a \cos b \pm \cos a \sin b$, 2π an die Stelle von b, so findet man

$$\cos(a \pm 2\pi) = \cos a$$
, also auch $\tan(a \pm 2\pi) = \tan a$.
 $\sin(a \pm 2\pi) = \sin a$,

Man darf also den Arcus einer cyklischen Function immer um 2π , und also überhaupt um ein Vielfaches der Zahl 2π vermehren oder vermindern, ohne daß dadurch der Werth der cyklischen Function im mindesten verändert wird; sie sind also periodische Functionen, weil immer dieselben Reihen ihrer Werthe wiederkehren.

§. 15.

Wollte man Tabellen für die cyklischen Functionen entwerfen, aus welchen für jeden Arcus der Werth einer ihm zugehörigen cyklischen Function entnommen werden könnte, so reicht es, wie man bald einsieht, hin, die Werthe des cyklischen Sinus und der cyklischen Tangente für die wachsenden Arcus zwischen den Grenzen 0 und $\frac{\pi}{2}$ zu berechnen, weil sie zur Realisirung der Werthe auch der übrigen cyklischen Functionen dienen, und auch dann noch dazu dienen, wenn der Arcus weit über die genannten Grenzen hinausgeht. Die Formeln $\sin \alpha = \cos\left(\frac{\pi}{2} - a\right)$ und tang $a = \cot\left(\frac{\pi}{2} - a\right)$, welche leicht bewiesen werden, zeigen nemlich, daß die berechneten Sinus zugleich Cosinus, und die berechneten Tangenten zugleich Cotangenten sind, wenn nur die Arcus dieser von den Arcus jener allemal zu $\frac{\pi}{2}$ ergänzt werden.

Ist aber ein Arcus größer als $\frac{\pi}{2}$ und $<\pi$, so dienen zur Realisirung der Werthe eines solchen Arcus die Formeln:

$$\sin k = \sin(\pi - k); \quad \cos k = -\cos(\pi - k); \quad \tan k = -\tan(\pi - k) \quad \text{und}$$
$$\cot k = -\cot(\pi - k),$$

oder auch die folgenden:

$$\sin k = \cos\left(k - \frac{\pi}{2}\right); \quad \cos k = -\sin\left(k - \frac{\pi}{2}\right); \quad \tan k = -\cot\left(k - \frac{\pi}{2}\right) \text{ und}$$

$$\cot k = -\tan\left(k - \frac{\pi}{2}\right).$$

Ist ein Arcus $k > \pi$, aber $< \frac{3}{2}\pi$, so rechnet man nach den Formeln: $\sin k = -\sin(k-\pi)$; $\cos k = -\cos(k-\pi)$; $\tan k = \tan(k-\pi)$ und $\cot k = \cot(k-\pi)$.

Ist ein Arcus $k > \frac{3}{2}\pi$ und $< 2\pi$, so dienen die Formeln: $\sin k = -\sin(2\pi - k)$; $\cos k = \cos(2\pi - k)$; $\tan k = -\tan(2\pi - k)$ und $\cot k = -\cot(2\pi - k)$.

Ist endlich der Arcus $k>2\pi$, so wird man so oft 2π davon subtrahiren, als es angelt, weil eine solche Verkleinerung auf den Werth der

cyklischen Function keinen Einfluß hat; und da ihr Arcus dann $< 2\pi$ ist, so kann ihr Werth nach den vorigen Regeln aus der erwähnten Tabelle entnommen werden.

Die willkürliche Eintheilung der Zahl 2π in 360 sogenannte Grade, wie auch die neuere Eintheilung derselben Zahl in 400 (kleinere) Grade nebst den Unter-Abtheilungen, sind bekannt; auch die Einrichtung und der Gebrauch der sogenannten trigonometrischen Tafeln.

Von den mehreren Formeln, welche gewöhnlich in den Lehrbüchern der Trigonometrie aufgestellt werden, finden hier nur noch wenige Platz, weil sie später in Gebrauch kommen.

Da
$$1 + \sin a = 1 + \cos \left(\frac{\pi}{2} - a\right)$$
 ist, so hat man:

$$\begin{cases} 1 + \sin a = 2\left(\cos \left(\frac{\pi}{4} - \frac{a}{2}\right)\right)^{2}, \\ 1 - \sin a = 2\left(\sin \left(\frac{\pi}{4} - \frac{a}{2}\right)\right)^{2}. \end{cases}$$

Da ferner $\cos \frac{a^2}{2} + \sin \frac{a^2}{2} = 1$ und $2\sin \frac{a}{2}\cos \frac{a}{2} = \sin a$ ist, so erhält man durch Addition und Subtraction:

2.
$$\begin{cases} \cos\frac{a}{2} + \sin\frac{a}{2} = \sqrt{(1 + \sin a)}, \\ \cos\frac{a}{2} - \sin\frac{a}{2} = \sqrt{(1 - \sin a)}, \end{cases}$$

also auch:

3.
$$\frac{\cos\frac{a}{2} - \sin\frac{a}{2}}{\cos\frac{a}{2} + \sin\frac{a}{2}} = \frac{1 - \tan\frac{a}{2}}{1 + \tan\frac{a}{2}} = \sqrt{\left(\frac{1 - \sin a}{1 + \sin a}\right)} = \tan\left(\frac{\pi}{4} - \frac{a}{2}\right).$$

Werden die Potenzialfunctionen auf einen Arcus von der Form $a+b\sqrt{-1}$ kezogen, so gestatten sie eine Entwickelung, wodurch sie unter die ähnliche Form $A+B\sqrt{-1}$ gebracht werden, nemlich für die hyperbolischen Functionen:

$$\mathfrak{Cos} (a+b\sqrt{-1}) = \mathfrak{Cos} a \cdot \cos b + \mathfrak{Sin} a \cdot \sin b \cdot \sqrt{-1},$$

$$\mathfrak{Cos} (a-b\sqrt{-1}) = \mathfrak{Cos} a \cdot \cos b - \mathfrak{Sin} a \cdot \sin b \cdot \sqrt{-1},$$

$$\mathfrak{Sin} (a+b\sqrt{-1}) = \mathfrak{Sin} a \cdot \cos b + \mathfrak{Cos} a \cdot \sin b \cdot \sqrt{-1},$$

$$\mathfrak{Sin} (a-b\sqrt{-1}) = \mathfrak{Sin} a \cdot \cos b - \mathfrak{Cos} a \cdot \sin b \cdot \sqrt{-1}.$$

Für die cyklischen Functionen erhält man die ähnlichen Formeln:

$$\cos(a+b\sqrt{-1}) = \cos a \cdot \text{Cos } b - \sin a \cdot \text{Sin } b \cdot \sqrt{-1},$$

$$\cos(a-b\sqrt{-1}) = \cos a \cdot \text{Cos } b + \sin a \cdot \text{Sin } b \cdot \sqrt{-1},$$

$$\sin(a+b\sqrt{-1}) = \sin a \cdot \text{Cos } b + \cos a \cdot \text{Sin } b \cdot \sqrt{-1},$$

$$\sin(a-b\sqrt{-1}) = \sin a \cdot \text{Cos } b - \cos a \cdot \text{Sin } b \cdot \sqrt{-1}.$$

Ohne auf die möglichen Verbindungen unter diesen Formeln einzugehen, beschränken wir uns auf specielle Annahmen, welche die Größe von b in den vier ersten Formeln betreffen.

Setzt man $b = \frac{\pi}{2}$, so hat man die beiden Formeln:

$$\operatorname{Cos}\left(a \pm \frac{\pi}{2}\sqrt{-1}\right) = \pm \operatorname{Cos} a \cdot \sqrt{-1},$$

$$\operatorname{Cos}\left(a \pm \frac{\pi}{2}\sqrt{-1}\right) = \pm \operatorname{Cos} a \cdot \sqrt{-1}.$$

$$\frac{2\pi}{2}\sqrt{-1} = \frac{2\pi}{2} \text{ cos at zt}$$
 so sind die Formaln

Wird
$$b = \pi = \frac{2\pi}{2}$$
 gesetzt, so sind die Formeln:
 $\mathfrak{Cos}(a \pm \pi \sqrt{-1}) = -\mathfrak{Cos} a$,
 $\mathfrak{Sin}(a \pm \pi \sqrt{-1}) = -\mathfrak{Sin} a$.

Für $b=3.\frac{\pi}{2}$ erhalten wir die zwei Formeln:

$$\operatorname{Cos}\left(a \pm \frac{3}{2}\pi\sqrt{-1}\right) = \mp \operatorname{Cin}a.\sqrt{-1},$$

$$\operatorname{Cin}\left(a \pm \frac{3}{2}\pi\sqrt{-1}\right) = \mp \operatorname{Cos}a.\sqrt{-1}.$$

Setzt man endlich b gleich einem Vielfachen der Zahl 2π , oder $b = 2n\pi$, so hat man, wenn n eine ganze Zahl ist;

$$\operatorname{\mathfrak{Cos}}(a \pm 2n\pi\sqrt{-1}) = \operatorname{\mathfrak{Cos}} a,$$

$$\operatorname{\mathfrak{Sin}}(a \pm 2n\pi\sqrt{-1}) = \operatorname{\mathfrak{Sin}} a.$$

Die hyperbolischen Functionen zeigen also auch ein periodisches Wiederkehren ihrer Werthe bei unmöglichen Arcus, und umgekehrt fehlt den cyklischen Functionen diese Eigenschaft bei einer Beziehung auf unmögliche Arcus.

Was die Zangenten betrifft, so erhält man für sie die Formeln:

$$\operatorname{Eang}\left(a \pm \frac{\pi}{2}\sqrt{-1}\right) = \operatorname{Cot} a,$$

$$\operatorname{Eang}\left(a \pm \pi\sqrt{-1}\right) = \operatorname{Eang} a,$$

$$\operatorname{Eang}\left(a \pm \frac{3}{2}\pi\sqrt{-1}\right) = \operatorname{Cot} a,$$

$$\operatorname{Eang}\left(a \pm 2n\pi\sqrt{-1}\right) = \operatorname{Eang} a.$$

Zu einer jeden hyperbolischen Function gehören also unzählige $\mathfrak{A}r=\mathfrak{cus}$, die sich um ein Vielfaches des Ausdrucks $2\pi\sqrt{-1}$ von einander unterscheiden; bei den Zangenten und Cotangenten ist dieser Unterschied überhaupt ein Vielfaches von $\pi\sqrt{-1}$.

Vierter Abschnitt.

Differenziale der Potenzial-Functionen und ihrer Arcus. Grundformeln für die Integrale.

Wenn man die Reihe Sin $x = S \frac{x^{2\alpha+1}}{(2\alpha+1)}$, differenziirt, so erhält man: $\partial \operatorname{Sin} x = \partial x \cdot S \frac{x^{2\alpha}}{(2\alpha)}$, oder einfacher:

1. $\partial \operatorname{Sin} x = \operatorname{Cos} x \cdot \partial x$.

Auf ähnliche Art findet man aus der Reihe für Çosx das Differenzial: 2. $\partial \operatorname{Cos} x = \operatorname{Sin} x \cdot \partial x$.

Dasselbe Resultat erhält man aber auch, indem man die Gleichung $\cos x^2 = 1 + \sin x^2 \text{ differenziirt.}$

Da weiter \mathbb{Z} ang $x = \frac{\sin x}{\cos x}$ ist, so hat man $\partial \operatorname{Ing} x = \frac{\operatorname{Cos} x \partial \operatorname{Sin} x - \operatorname{Sin} x \partial \operatorname{Cos} x}{\operatorname{Cos} x^2},$

und werden die früheren Resultate substituirt, so gelangt man zu:

3.
$$\partial \operatorname{Zang} x = \frac{\partial x}{\operatorname{Cos} x^2} = \partial x (1 - \operatorname{Zang} x^2)$$
.

Eben so findet man

4.
$$\partial \operatorname{Cot} x = \frac{-\partial x}{\operatorname{Cin} x^2} = -\partial x (\operatorname{Cot} x^2 - 1).$$

Setzt man in sämmtlichen Formeln $x\sqrt{-1}$ für x, so erhält man für die cyklischen Functionen die Formeln:

5.
$$\partial \sin x = \cos x \cdot \partial x$$
,

$$6. \partial \cos x = -\sin x \cdot \partial x,$$

7.
$$\partial \tan x = \frac{\partial x}{\cos x^2} = \partial x (1 + \tan x^2),$$

8.
$$\partial \cot x = \frac{-\partial x}{\sin x^2} = -\partial x (1 + \cot x^2)$$
.

Die Differenziale der natürlichen Logarithmen der Potenzialfunctionen sind eben so einfach, und zwar:

9.
$$\partial \log \operatorname{Cos} x = \operatorname{Ing} x \cdot \partial x$$
 $\partial \log \operatorname{cos} x = -\operatorname{tang} x \cdot \partial x$,

10.
$$\partial \log \sin x = \cot x \cdot \partial x$$
 and $\partial \log \sin x = \cot x \cdot \partial x$,

10.
$$\partial \log \sin x = \cot x \cdot \partial x$$
 and $\partial \log \sin x = \cot x \cdot \partial x$,
11. $\partial \log \tan x = \frac{2\partial x}{\sin 2x}$ $\partial \log \tan x = \frac{2\partial x}{\sin 2x}$.

Setzt man in der Formel für $\partial \log \tan \alpha$, $\frac{\pi}{4} + \frac{x}{2}$ anstatt x, so erhält

12. $\partial \log \tan \left(\frac{\pi}{4} + \frac{x}{2}\right) = \frac{\partial x}{\cos x}$.

§. 18.

Setzt man $\sin x = v$, so ist $\partial v = \cos x \cdot \partial x = \partial x \sqrt{(1+v^2)}$; also hat man $\partial \operatorname{Arc}(\sin = v) = \frac{\partial v}{\sqrt{(v^2+1)}}$.

Setzt man $\mathfrak{Cos} x = v$, so ist $\mathfrak{Sin} x = \sqrt{(v^2 - 1)}$ und $\partial v = \partial x \cdot \mathfrak{Sin} x = \partial x \sqrt{(v^2 - 1)}$; also $\partial \mathfrak{Arc}(\mathfrak{Cos} = v) = \frac{\partial v}{\sqrt{(v^2 - 1)}}$.

Auf ähnliche Art findet man noch die beiden Formeln:

$$\partial \operatorname{Arc}(\operatorname{Enng} = v) = \frac{\partial v}{1 - v^2}$$
 und $\partial \operatorname{Arc}(\operatorname{Cot} = v) = \frac{-\partial v}{v^2 - 1}$.

Für die cyklischen Functionen giebt es eben so viele Formeln, nemlich:

$$\frac{\partial \operatorname{arc}(\sin = v)}{\sqrt{(1 - v^2)}},
\frac{\partial \operatorname{arc}(\cos = v)}{\sqrt{(1 - v^2)}},
\frac{\partial \operatorname{arc}(\tan = v)}{\sqrt{1 + v^2}},
\frac{\partial \operatorname{arc}(\cot = v)}{\sqrt{1 + v^2}}.$$

Wenn man, umgekehrt, integrirt, so hat man:

1)
$$\int_{\overline{V(v^2+1)}}^{\overline{\partial v}} = \mathfrak{Arc}(\mathfrak{Sin} = v) + \text{const.}$$
 2) $\int_{\overline{V(1-v^2)}}^{\overline{\partial v}} = \text{arc}(\text{sin} = v) + \text{const.}$

3)
$$\int_{\overline{V(v^2-1)}}^{\partial v} = \mathfrak{Arc}(\mathfrak{Cos} = v) + \text{const.} \quad 4) \int_{\overline{V(1-v^2)}}^{-\partial v} = \text{arc}(\text{cos} = v) + \text{const.}$$

5)
$$\int \frac{\partial v}{1-v^2} = \operatorname{Arc}(\operatorname{Zang} = v) + \operatorname{const.}$$
 6) $\int \frac{\partial v}{1+v^2} = \operatorname{arc}(\operatorname{tang} = v) + \operatorname{const.}$

7)
$$\int_{v^2-1}^{-\partial v} = \operatorname{Arc}\left(\operatorname{Cot} = v\right) + \operatorname{const.}$$
 8) $\int_{1+v^2}^{-\partial v} = \operatorname{arc}\left(\cot = v\right) + \operatorname{const.}$

und diese acht Formeln dienen als Grundformeln für die Integrale. Kann man ein vorgelegtes Integral unter eine von diesen Formeln bringen, so gelingt die Integration mit Leichtigkeit. Bisher sind nur die Formeln (2, 4, 6, 8) also benutzt worden; wo man die Formeln (1, 3, 5, 7) anzuwenden im Falle gewesen wäre, verzichtete man bisher auf ihre Benutzung, wegen Mangels gehöriger Ausbildung der Lehre von den hyperbolischen Functionen, und behalf sich mit den sogenannten logarithmischen Functionen, wenn gleich die Form solcher logarithmischer Integrale fast nie so bequem war, als man wünschen konnte. Wie ungleichmäßig hier das Verfahren der Integralrechnung sei, und welche Weitläufigkeiten aus dieser Ungleichmäßigkeit entstehen, darauf braucht wohl nicht aufmerksam gemacht zu werden.

Fünfter Abschnitt.

Reihen zur Berechnung der Arcus aus gegebenen Potenzial-Functionen.

6. 19.

Um zuerst die steigende Anordnung zu wählen, nehmen wir das Integral $\int_{\sqrt{(1+v^2)}}^{\partial v} = \int_{0}^{\infty} \partial v (1+v^2)^{-\frac{1}{2}}$ und entwickeln die Potenz $(1+v^2)^{-\frac{1}{2}}$ nach Potenzen von v^2 . Setzen wir, in Anwendung der Bezeichnung für die Facultäten von Vandermonde:

$$[n] = n;$$

 $[n] = n(n-1);$
 $[n] = n(n-1)(n-2);$ allgemein: $[n] = (n)(n-1)(n-2)...(n-m+1);$
u. s. w.,

so ist nach dem binomischen Lehrsatze:

$$(a+b)^{n} = a^{n} + \left[\frac{n}{1}\right] a^{n-1}b + \left[\frac{n}{2}\right] a^{n-2}b^{2} + \left[\frac{n}{3}\right] a^{n-3}b^{3} + \left[\frac{n}{4}\right] a^{n-4}b + \text{ etc.},$$
oder einfacher:
$$(a+b)^{n} = S\left[\frac{n}{2}\right] a^{n-\alpha}b^{\alpha},$$

$$(1-v^2)^{-\frac{1}{2}} = S[-\frac{1}{2}]^{\alpha}v^{2\alpha}.$$

und also auch:

Wird auf beiden Seiten mit ∂v multiplicirt und dann integrirt, so hat man

$$\operatorname{Arc}(\operatorname{Sin}=v)=S[-\frac{1}{2}]^{\alpha}\cdot\frac{v^{2\alpha+1}}{2\alpha+1},$$

denn, wenn das Integral für v=0 verschwinden soll, so ist die hinzuzufügende Constante Null. Setzt man $v\sqrt{-1}$ für v, so hat man:

$$\operatorname{arc}(\sin = v) = S(-1)^{\alpha} \left[-\frac{1}{2} \right]^{\alpha} \cdot \frac{v^{2\alpha+1}}{2\alpha+1}$$

Da weiter $\frac{\partial v}{1-v^2} = S v^{2\alpha} \cdot \partial v$, so hat man durch Integration:

$$\operatorname{Arc}\left(\operatorname{Eang}=v\right)=S\frac{v^{2\alpha+1}}{2\alpha+1}, \text{ also auch arc}\left(\operatorname{tang}=v\right)=S(-1)^{\alpha}\frac{v^{2\alpha+1}}{2\alpha+1}.$$

Da $\log \sqrt{\left(\frac{1+v}{1-v}\right)} = \mathfrak{Arc}(\mathfrak{Z}ang = v)$, so ist die dritte Reihe auch als eine Entwickelung von $\log \sqrt{\frac{1+v}{1-v}}$ anzuschen; sie convergirt übrigens immer, da v, als Werth einer hyperbolischen Tangente, immer < 1 ist.

Die ersten Glieder dieser vier Reihen sind:

$$\mathfrak{Arc}(\mathfrak{Sin} = v) = \frac{v}{1} - \frac{1}{2} \cdot \frac{v^3}{3} + \frac{1 \cdot 3}{2 \cdot 4} \cdot \frac{v^5}{5} - \frac{1 \cdot 3 \cdot 5}{2 \cdot 4 \cdot 6} \cdot \frac{v^7}{7} + \frac{1 \cdot 3 \cdot 5 \cdot 7}{2 \cdot 4 \cdot 6 \cdot 8} \cdot \frac{v^9}{9} - \text{etc.}$$

$$\operatorname{arc}(\sin = v) = \frac{v}{1} + \frac{1}{2} \cdot \frac{v^3}{3} + \frac{1 \cdot 3}{2 \cdot 3} \cdot \frac{v^5}{5} + \frac{1 \cdot 3 \cdot 5}{2 \cdot 4 \cdot 6} \cdot \frac{v^7}{7} + \frac{1 \cdot 3 \cdot 5 \cdot 7}{2 \cdot 4 \cdot 6 \cdot 8} \cdot \frac{v^9}{9} + \text{etc.}$$

$$\mathfrak{Arc}(\mathfrak{Tang} = v) = v + \frac{v^3}{3} + \frac{v^5}{5} + \frac{v^7}{7} + \frac{v^9}{9} + \text{etc.}$$

$$\operatorname{arc}(\tan g = v) = v - \frac{v^3}{3} + \frac{v^5}{5} - \frac{v^7}{7} + \frac{v^9}{9} - \text{etc.}$$

Man hat die zweite und auch die vierte Reihe auf mehr als eine Weise benutzt, um die sogenannte Ludolphische Zahl π danach zu berechnen, indem der Cosinus ihrer Hälfte gleich Null, also der Sinus dieser Hälfte, welcher = 1 ist, bekannt ist. Es ist gefunden worden:

$$\pi = 3,14159 \ 26535 \ 89793 \ 23846 \ 26433 \dots$$

Man hat diese Zahl mit mehr als 150 Decimalstellen berechnet angegeben.

§. 20.

Eine Reihe, welche nach steigenden Potenzen des (hyperbolischen) Cosinus fortschritte, würde unnütz sein, wenn man sie auch herleiten könnte, da der Cosinus immer >1 ist. Aber der Ausdruck $\int_{\overline{V(v^2-1)}}^{\partial v} = \mathfrak{Arc}(\mathfrak{Cos}=v) + \mathrm{const.}$ kann nach einiger Umformung brauchbar werden zu einer steigenden Entwickelung.

Setzt man nemlich v=1+w, also $\partial v=\partial w$ und $v^2-1=2w+w^2=w(2+w)$, so hat man:

$$\mathfrak{Arc}(\mathfrak{Sos} = 1 + w) = \int_{\sqrt{2w}} \frac{\partial w}{\sqrt{1 + \frac{w}{2}}},$$

und da $\frac{1}{\sqrt{\left(1+\frac{w}{2}\right)}} = S\left[-\frac{1}{2}\right]^{\frac{a}{a}} \left(\frac{w}{2}\right)^{a}$ ist, so ist:

$$27$$

$$2\pi c (\text{Cos} = 1 + w) = S[-\frac{1}{2}]^{\frac{\alpha}{2}} (\frac{1}{2})^{\frac{2\alpha+1}{2}} \cdot \int w^{\frac{2\alpha-1}{2}} \partial w.$$

Die Integration giebt:

$$\operatorname{Arc}(\operatorname{Cos} = 1 + w) = \left(S\left[-\frac{1}{2} \right]^{\frac{\alpha}{2}} \cdot \frac{\left(\frac{w}{2}\right)^{\alpha}}{2\alpha + 1} \right) \cdot \sqrt{2} w,$$

weil die Constante wieder Null ist, da das Integral für 1+w=1 oder w=0 verschwinden muß. Man kann die Reihe auch so schreiben:

$$x = \left(S\left[-\frac{1}{2}\right]^{\alpha} \frac{\left(\frac{\cos \alpha x - 1}{2}\right)^{\alpha}}{2\alpha + 1}\right) \cdot \sqrt{2(\cos \alpha x - 1)},$$

und da $\cos x - 1 = 2 \sin \frac{x^2}{2}$, so hat man, nach einer geringen Reduction:

$$\frac{x}{2} = S\left[-\frac{1}{2}\right]^{\alpha} \frac{\left(\sin\frac{x}{2}\right)^{2\alpha+1}}{2\alpha+1},$$

welche Reihe mit der ersten im §. 19. wieder zusammenfällt. Im Anhange wird aber noch eine von den vorigen verschiedene, steigende Entwickelung hergeleitet werden.

Reihen mit fallender Anordnung der Glieder, welche brauchbar sind, gestatten die hyperbolischen Cosinus und Sinus, nicht aber die cyklischen. Da nemlich:

$$(v^{2}+1)^{-\frac{1}{2}} = \frac{1}{v} + S\left[-\frac{1}{2}\right]^{\frac{\alpha}{2}} v^{-(2\alpha+1)}$$
and
$$(v^{2}-1)^{-\frac{1}{2}} = \frac{1}{v} + S(-1)^{\alpha} \left[-\frac{1}{2}\right]^{\frac{\alpha}{2}} v^{-(2\alpha+1)}$$
 für $\alpha > 0$ ist,

so hat man durch Integration, nach verhergegangener Multiplication mit ∂v :

$$\operatorname{Arc}(\operatorname{Sin} = v) = \operatorname{const.} + \log v - S\left[-\frac{1}{2}\right] \cdot \frac{v^{-2a}}{2a}$$
 für $a > 0$,

$$\mathfrak{Arc}(\mathfrak{Cos} = v) = \text{const.} + \log v - \mathcal{S}(-1)^{\alpha} \left[-\frac{1}{2} \right]^{\alpha} \cdot \frac{v^{-2\alpha}}{2\alpha} \text{ für } \alpha > 0.$$

Entwickelt man aber die Formeln:

$$\operatorname{Arc}\left(\operatorname{Sin}=v\right) = \log\left(v + \sqrt{(v^2 + 1)}\right),$$

$$\operatorname{Arc}\left(\operatorname{Sof}=v\right) = \log\left(v + \sqrt{(v^2 - 1)}\right),$$

so findet man zum Anfangsgliede beider Reihen $\log(2\nu) = \log 2 + \log \nu$, so daß also in beiden Reihen const. $= \log 2$ ist. Man hat also

$$\mathfrak{Arc}(\mathfrak{Sin}=v) = \log(2v) - S\left[-\frac{1}{2}\right]^{a} \cdot \frac{\left(\frac{1}{v}\right)^{2a}}{2a} \quad \text{für } a > 0,$$

$$\mathfrak{Arc}(\mathfrak{Cos} = v) = \log(2v) - S(-1)^{\alpha} \left[-\frac{r}{2} \right]^{\alpha} \cdot \frac{\left(\frac{1}{v}\right)^{\alpha \alpha}}{2\alpha} \text{ für } \alpha > 0,$$

Die ersten Glieder dieser beiden Reihen sind:

$$\mathfrak{Arr}(\mathfrak{Sos} = v) = \log(2v) - \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2v^2} - \frac{1.3}{2.4} \cdot \frac{1}{4v^4} - \frac{1.3.5}{2.4.6} \cdot \frac{1}{6v^6} - \frac{1.3.5.7}{2.4.6.8} \cdot \frac{1}{8v^8} - \text{etc.}$$

$$\mathfrak{Arr}(\mathfrak{Sin} = v) = \log(2v) + \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2v^2} - \frac{1.3}{2.4} \cdot \frac{1}{4v^4} + \frac{1.3.5}{2.4.6} \cdot \frac{1}{6v^6} - \frac{1.3.5.7}{2.4.6.8} \cdot \frac{1}{8v^8} + \text{etc.}$$

Sie sind sehr brauchbar, wenn v eine beträchtliche Größe hat. Man kann aus diesen beiden Reihen eine dritte herleiten. Setzt man nemlich:

$$\mathfrak{Sin}(x+d) = \mathfrak{Cos} x$$

so findet man

$$d = \frac{1}{2} \left(\frac{1}{\cos x} \right)^2 + \frac{1}{3} \cdot \frac{1 \cdot 3 \cdot 5}{2 \cdot 4 \cdot 6} \cdot \left(\frac{1}{\cos x} \right)^6 + \frac{1}{5} \cdot \frac{1 \cdot 3 \cdot 5 \cdot 7 \cdot 9}{2 \cdot 4 \cdot 6 \cdot 8 \cdot 10} \cdot \left(\frac{1}{\cos x} \right)^{10} + \text{ etc.}$$

zum Ausdrucke der Zahl, welche man dem Arcus eines hyperbolischen Cosinus noch zulegen mus, damit der Sinus des also vergrößerten Arcus dem gegebenen Cosinus gleich komme.

Der Ausdruck

$$d = \frac{1}{2} \left(\frac{1}{\sin x} \right)^2 + \frac{1}{3} \cdot \frac{1 \cdot 3 \cdot 5}{2 \cdot 4 \cdot 6} \cdot \left(\frac{1}{\sin x} \right)^6 + \frac{1}{5} \cdot \frac{1 \cdot 3 \cdot 5 \cdot 7 \cdot 9}{2 \cdot 4 \cdot 6 \cdot 8 \cdot 10} \cdot \left(\frac{1}{\sin x} \right)^{10} + \text{etc.}$$

gilt für die Zahl, um welche man den Arcus eines gegebenen Sinus vermindern muß, wenn der Cosinus des verkleinerten Arcus dem gegebenen Sinus gleich sein soll.

Beide Reihen convergiren in der Regel rasch, und man sieht daraus, daß d immer desto kleiner ist, je größer x genommen wird.

Sechster Abschnitt.

Differenzen der Arcus der Potenzial-Functionen.

Bei der Entwickelung der Differenzen der Arcus der Potenzial-Functionen kommt Vieles auf die Herleitung der höheren Differenziale des Arcus der vorliegenden Function an. Es sei $\operatorname{Arc}(\operatorname{Eang}=x)=k$, so ist $x=\operatorname{Eang} k$, und wenn x sich verändert und etwa das Increment Δx nimmt, so geht k über in $k+\Delta k$. Nach dem Taylorschen Satze hat man dann:

oder

$$\triangle k = \frac{\partial k}{\partial x} \cdot \triangle x + \frac{\partial^2 k}{\partial x^2} \cdot \frac{\triangle x^2}{2} + \frac{\partial^3 k}{\partial x^3} \cdot \frac{\triangle x^3}{3} + \text{ etc.}$$

$$k + \triangle k = S \frac{\partial^a k}{\partial x^a} \cdot \frac{\triangle x^a}{a^2}.$$

Da nun aber $k = \frac{1}{2} \log \frac{1+x}{1-x}$ oder $2k = \log(1+x) - \log(1-x)$ ist, so hat man:

$$\frac{2 \partial k}{\partial x} = (1+x)^{-1} + (1-x)^{-1}.$$

Differenziirt man also noch (r-1) mal nach einander, so erhält man:

$$\frac{\partial^r k}{\partial x^r} = \frac{(r-1)^r}{2} [(1-x)^{-r} + (-1)^{r-1} (1+x)^{-r}].$$

Nun ist aber x = Zang k, also $(1-x)^{-r} = (\text{Cos } k - \text{Sin } k)^{-r}$. $\text{Cos } k^r = e^{+kr}$. $\text{Cos } k^r$ und $(-1)^{r-1} \cdot (1+x)^{-r} = (-1)^{r-1} \cdot (\text{Cos } k + \text{Sin } k)^{-r}$. $\text{Cos } k^r = (-1)^{r-1} \cdot e^{-kr}$. $\text{Cos } k^r$;

also hat man:

$$\frac{\partial^r k}{\partial x^r} = \frac{(r-1)^r}{2} \operatorname{Cos} k^r (e^{kr} - (-1)^r e^{-kr}).$$

Der Ausdruck läfst sich noch weiter zusammenziehen, wenn man zwei Fälle unterscheidet, je nachdem r eine gerade oder ungerade Zahl ist.

- 1. Für ein gerades r hat man $\frac{\partial^r k}{\partial x^r} = (r-1)^r \operatorname{Cos} k^r$. $\operatorname{Sin}(rk)$.
- 2. Für ein ungerades r hat man $\frac{\partial^r k}{\partial x^r} = (r-1)^r \operatorname{Cos} k^r$. $\operatorname{Cos} (rk)$.

In Anwendung dieser Resultate giebt die vorhin genannte Taylorsche Reihe: $\triangle k = \mathbb{Sos} \, k \cdot (\mathbb{Sos} \, k \cdot \triangle \mathbb{Sang} \, k)^z + \frac{\mathbb{Sin} \, 2k}{2} (\mathbb{Sos} \, k \cdot \triangle \mathbb{Sang} \, k)^z + \frac{\mathbb{Sos} \, 3k}{3} (\mathbb{Sos} \, k \cdot \triangle \mathbb{Sang} \, k)^3 + \text{etc.}$

Um zu der ähnlichen Reihe für die cyklischen Functionen zu gelangen, setze man nur $k\sqrt{-1}$ für k, und die Reihe ist:

$$\triangle k = \cos k \cdot (\cos k \cdot \triangle \tan k)^{x} - \frac{\sin 2k}{2} (\cos k \cdot \triangle \tan k)^{2} - \frac{\cos 3k}{3} (\cos k \cdot \triangle \tan k)^{3} + \cot k$$
§ 23.

Um die übrigen vorgelegten Aufgaben zu lösen, muß man die höheren Differenzialverhältnisse von $(v^2 \pm 1)^{-\frac{1}{2}}$ berechnen. Setzen wir

$$w = (v^2 + k)^{-\frac{1}{2}},$$

so ist $w + \triangle w = ((v + \triangle v)^2 + k)^{-\frac{1}{2}}$, und wird dieser Ausdruck in eine Reihe nach steigenden Potenzen von $\triangle v$ entwickelt, von der Form: $\stackrel{\circ}{a} + \stackrel{\circ}{a} \cdot \triangle v + \stackrel{\circ}{a} \cdot \triangle v^2 + \stackrel{\circ}{a} \cdot \triangle v^3 \cdot \dots + \stackrel{\circ}{a} \cdot \triangle v^a \cdot \dots$, so ist:

$$\overset{r}{a} = \frac{1}{r'} \cdot \frac{\partial^r w}{\partial v^r}.$$

Die wirkliche Entwicklung giebt aber:

$$w + \triangle w = S[-\frac{1}{2}]^{\alpha}(v^2 + k)^{-\frac{1}{2}-\alpha}.(2v + \triangle v)^{\alpha}.\triangle v^{\alpha},$$

und wird auch noch die Potenz $(2v + \triangle v)^{\alpha}$ weiter entwickelt, so hat man:

$$\frac{1}{r'} \cdot \frac{\partial^r w}{\partial v^r} = S\left[-\frac{1}{2}\right]_{\alpha}^{\alpha} \left[\alpha\right]_{\beta'}^{\beta} \cdot \frac{(2v)^{\alpha-\beta}}{(v^2+k)^{\alpha+\frac{1}{2}}} \quad \text{(conditione: } \alpha+\beta=r\text{)}$$

Dieser Ausdruck gestattet aber noch manche vereinfachende Abänderungen seiner Form. Zunächst ist klar, daß jedes Glied desselben für $\alpha < \beta$ gleich Null ist, und man also sogleich $\alpha + \beta$ für α setzen darf, wodurch die Bedingungsgleichung $\alpha + \beta = r$ in $\alpha + 2\beta = r$ übergeht, so daß nachher $\alpha + \beta = r - \beta$ ist. Man hat hiernach:

$$\frac{1}{r^{\prime}} \cdot \frac{\partial^{r} w}{\partial v^{r}} = S \left[-\frac{\tau^{r-\beta}}{\frac{\tau}{(r-\beta)^{\prime}}} \cdot \left[r - \beta \right]_{\beta^{\prime}}^{\beta} \cdot \frac{(2 v)^{r-2}}{(v^{2}+k)^{r-\beta+\frac{1}{6}}} \right]$$

Da weiter
$$\frac{r^3}{(r-\beta)^2\beta^2} = [r]^{\beta}$$
 und $[r][r-\beta] = [r]^{\beta}$ ist, so hat man:
$$\frac{\partial^r w}{\partial v^r} = S[r]^{\beta}[-\frac{\tau}{2}] \cdot \frac{(2v)^{r-2\beta}}{(v^2+k)^{r-\beta+\frac{1}{2}}}.$$

Da endlich $[-\frac{1}{2}] = [-\frac{1}{2}]^r [-\frac{1}{2} - r + \beta] = (-1)^{\beta} [-\frac{1}{2}]^r [r - \frac{1}{2}],$ und also rückwärts $[-\frac{1}{2}]^r = [-\frac{1}{2}] : (-1)^{\beta} [r - \frac{1}{2}]$ ist, so hat man:

$$\frac{\partial^{r} w}{\partial v^{r}} = 2^{r} \left[-\frac{1}{2} \right]^{r} S(-1)^{\beta} \left[r \right]^{\frac{2\beta}{\beta}} \cdot \frac{1}{2^{2\beta} \left[r - \frac{1}{2} \right]^{\beta}} \cdot \frac{v^{r-2\beta}}{\left(v^{2} + k \right)^{r-\beta+\frac{1}{2}}}.$$

§. 24

Setzt man num k = +1 und $v = \operatorname{Sin} k$, so ist $\frac{\partial^r w}{\partial v^r} = \frac{\partial^{r+1} k}{(\partial \operatorname{Sin} k)^{r+1}}$; $v^2 + 1 = \operatorname{Cos} k^2$, und also $\frac{v^{r-2\beta}}{(v^2 + 1)^{r-\beta + \frac{1}{2}}} = \frac{\operatorname{Sin} k^{r-2\beta}}{\operatorname{Cos} k^{2r-2\beta+1}} = \frac{\operatorname{Sang} k^{r-2\beta}}{\operatorname{Cos} k^{r+1}}$. Werden diese Werthe substituirt, so hat man:

$$\partial^{r+1} k = \left(\frac{\partial \otimes \operatorname{in} k}{\operatorname{Sos} k}\right)^{r+1} \cdot 2^r \left[-\frac{1}{2}\right] \cdot S(-1)^{\beta} \left[r \right]_{\beta}^{\frac{2}{\beta}} \cdot \frac{\operatorname{Song} k^{r-2\beta}}{2^{2\beta} \cdot \left[r - \frac{1}{2}\right]^{\beta}}.$$

Die ersten Specialfälle dieser allgemeinen Formel sind:

$$\begin{array}{lll} \partial \, k = & + \frac{\partial \, \otimes \operatorname{in} \, k}{\operatorname{Co} \, \delta \, k}, \\ \partial^2 \, k = & -1. \left(\frac{\partial \, \otimes \operatorname{in} \, k}{\operatorname{Co} \, \delta \, k} \right)^2. \, \operatorname{Zang} \, k, \\ \partial^3 \, k = & + 1.3. \left(\frac{\partial \, \otimes \operatorname{in} \, k}{\operatorname{Co} \, \delta \, k} \right)^3. \left\{ \operatorname{Zang} \, k^2 - \frac{2.1}{1.3} \cdot \frac{1}{2} \right\}, \\ \partial^4 \, k = & -1.3.5. \left(\frac{\partial \, \otimes \operatorname{in} \, k}{\operatorname{Co} \, \delta \, k} \right)^4. \left\{ \operatorname{Zang} \, k^3 - \frac{3.2}{1.5} \cdot \frac{\operatorname{Zang} \, k}{2} \right\}, \\ \partial^5 \, k = & + 1.3.5.7. \left(\frac{\partial \, \otimes \operatorname{in} \, k}{\operatorname{Co} \, \delta \, k} \right)^5. \left\{ \operatorname{Zang} \, k^4 - \frac{4.3}{1.7} \cdot \frac{\operatorname{Zang} \, k^2}{2} + \frac{4.3.2.1}{1.2.7.5} \cdot \frac{1}{2^2} \right\}, \\ \partial^6 \, k = & -1.3.5.7.9. \left(\frac{\partial \, \otimes \operatorname{in} \, k}{\operatorname{Co} \, \delta \, k} \right)^6. \left\{ \operatorname{Zang} \, k^5 - \frac{5.4}{1.9} \cdot \frac{\operatorname{Zang} \, k^3}{2} + \frac{5.4.3.2}{1.2.9.7} \cdot \frac{\operatorname{Zang} \, k}{2^2} \right\} \\ \partial^7 \, k = & + 1.3.5.7.9.11. \left(\frac{\partial \, \otimes \operatorname{in} \, k}{\operatorname{Co} \, \delta \, k} \right)^7. \left\{ \operatorname{Zang} \, k^6 - \frac{6.5}{1.11} \cdot \frac{\operatorname{Zang} \, k^4}{2} + \frac{6.5.4.3}{1.2.11.9} \cdot \frac{\operatorname{Zang} \, k^2}{2^2} - \frac{6.5.4.3.2.1}{1.2.3.11.9.7} \cdot \frac{1}{2^3} \right\}. \end{array}$$

Diese Werthe müssen endlich in der Formel:

$$\triangle k = \frac{\partial k}{\partial v} + \frac{\triangle v}{1} \cdot \frac{\partial^2 k}{\partial v^2} \cdot \frac{\triangle v^2}{\partial v^2} + \frac{\partial^3 k}{\partial v^3} \cdot \frac{\triangle v^3}{1 \cdot 2 \cdot 3} + \text{ etc.}$$

substituirt werden, um das Increment des Arcus in eine nach Potenzen des Incrementes seines Sinus fortgehende Reihe entwickelt zu haben.

Setzt man eben so k=-1 und $v=\operatorname{Cos} k$, also $v^2+k=\operatorname{Sin} k^2$, so ist $\frac{v^{r-2\beta}}{(v^2+k)^{r-\beta+1}}=\frac{\operatorname{Cos} k^{r-2\beta}}{\operatorname{Sin} k^{2r-2\beta+1}}=\frac{\operatorname{Cot} k^{r-2\beta}}{\operatorname{Sin} k^{r+1}}$, und man erhält einen Ausdruck, welcher sich vom vorigen nur darin unterscheidet, daß Cotk für $\operatorname{Cos} k$ gesetzt ist.

Für die cyklischen Functionen giebt es analoge Formeln, die man auf der Stelle erhält, wenn man in den vorigen Formeln nur $k\sqrt{-1}$, statt des Arcus k setzt, weil das Unmögliche aus den Ausdrücken von selbst wegfällt.

Siebenter Abschwitt. Differenzen der Sinus und Cosinus.

§. 25.

Um eine Reihe von Sinus und Cosinus für gleich unterschiedene Araus zu berechnen, giebt es mehr als ein Verfahren. Die Formeln:

$$\mathfrak{Cos}(a+b) + \mathfrak{Cos}(a-b) = 2 \mathfrak{Cos} a \cdot \mathfrak{Cos} b,$$

$$\mathfrak{Sin}(a+b) + \mathfrak{Sin}(a-b) = 2 \mathfrak{Sin} a \cdot \mathfrak{Cos} b$$

geben, wenn man a+b für a setzt, die beiden folgenden:

$$\mathfrak{Cos}(a+2b) = (2\mathfrak{Cos}b) \cdot \mathfrak{Cos}(a+b) - \mathfrak{Cos}a$$
 und $\mathfrak{Cin}(a+2b) = (2\mathfrak{Cos}b) \cdot \mathfrak{Sin}(a+b) - \mathfrak{Sin}a$.

Daraus folgt:

$$Cos 3k = (2 Cos k) \cdot Cos 2k - Cos k$$
 $Cos 3k = (2 Cos k) \cdot Cos 2k - Cos k$
 $Cos 4k = (2 Cos k) \cdot Cos 3k - Cos 2k$
 $Cos 5k = (2 Cos k) \cdot Cos 4k - Cos 3k$
 $Cos 6k = (2 Cos k) \cdot Cos 5k - Cos 4k$
 $Cos 6k = (2 Cos k) \cdot Cos 5k - Cos 4k$
 $Cos 6k = (2 Cos k) \cdot Cos 5k - Cos 4k$
 $Cos 6k = (2 Cos k) \cdot Cos 5k - Cos 4k$
 $Cos 6k = (2 Cos k) \cdot Cos 5k - Cos 4k$
 $Cos 6k = (2 Cos k) \cdot Cos 5k - Cos 4k$

Nach diesen Formeln, welche auch für die cyklischen Functionen gelten, kann man nun wenn man will die Sinus und Cosinus von Arcus, welche immer um k von Null an wachsen, recurrirend auf eine wie man sieht ziemlich einfache Weise berechnen. Als vor dem Beginne dieser recurrirenden Berechnung bekannt, wird bloß Cosk und Sink angesehen; denn man findet daraus $\operatorname{Cos}2k = (2\operatorname{Cos}k)$. $\operatorname{Cos}k = \operatorname{Cos}0k$ und $\operatorname{Sin}2k = (2\operatorname{Cos}k)$. $\operatorname{Sin}k = \operatorname{Sin}0k$ oder $\operatorname{Cos}2k = 2\operatorname{Cos}k^2 - 1$ und $\operatorname{Sin}2k = 2\operatorname{Sin}k$. $\operatorname{Cos}k$, der Regel dieser recurrirenden Berechnung gemäß.

§. 26.

Auch unter den höheren Differenzen der Sinus und Cofinus giebt es eine sehr einfache Beziehung. Da nemlich:

$$\mathfrak{Cos}(x+2\Delta x)=(2\mathfrak{Cos}\Delta x).\mathfrak{Cos}(x+\Delta x)-\mathfrak{Cos}x,$$

so hat man, wenn man von jedem Gliede die mte Differenz nimmt, und dabei $\triangle x$, also auch $\mathfrak{Cos} \triangle x$ als constant ansieht:

$$\triangle^m \operatorname{Cos}(x+2\triangle x) = (2\operatorname{Cos} x) \cdot \triangle^m \operatorname{Cos}(x+\triangle x) - \triangle^m \operatorname{Cos} x.$$

Nun ist aber, wenn unter ϕx irgend eine Function von x verstanden wird, den Regeln der Differenzenrechnung gemäß:

$$\triangle^m \varphi(x + \triangle x) = \triangle^m \varphi x + \triangle^{m+1} \varphi x \text{ und}$$

$$\triangle^m \varphi(x + 2\triangle x) = \triangle^m \varphi x + 2\triangle^{m+1} \varphi x + \triangle^{m+2} \varphi x,$$

so dass nun auch

$$\triangle^m \operatorname{\mathfrak{Cos}}(x + \triangle x) = \triangle^m \operatorname{\mathfrak{Cos}} x + \triangle^{m+1} \operatorname{\mathfrak{Cos}} x \text{ und}$$

$$\triangle^m \operatorname{\mathfrak{Cos}}(x + 2\triangle x) = \triangle^m \operatorname{\mathfrak{Cos}} x + 2\triangle^{m+1} \operatorname{\mathfrak{Cos}} x + \triangle^{m+2} \operatorname{\mathfrak{Cos}} x$$

ist. Diese Werthe substituirt man und es entsteht die Gleichung:

Da weiter $2(\mathfrak{Sos} \triangle x - 1) = 2.2.\mathfrak{Sin} \frac{1}{2} \triangle x^2 = (2\mathfrak{Sin} \frac{1}{2} \triangle x)^2$ ist, so ist die Formel

$$\triangle^{m+2}\operatorname{Cos} x = (2\operatorname{Sin} \frac{1}{2}\triangle x)^2 \cdot \{\triangle^m\operatorname{Cos} x + \triangle^{m+1}\operatorname{Cos} x\}.$$

In ähnlicher Art erhält man aus der Gleichung

$$\operatorname{Gin}(x+2\Delta x) = (2\operatorname{Cos}\Delta x) \cdot \operatorname{Gin}(x+\Delta x) - \operatorname{Gin} x$$

die Formel:

$$\triangle^{m+2}\operatorname{Sin} x = (2\operatorname{Sin} \frac{1}{2}\triangle x)^2 \cdot \{\triangle^m\operatorname{Sin} x + \triangle^{m+1}\operatorname{Sin} x\}.$$

Die analogen Formeln für die cyklischen Functionen erhält man, wenn man $x\sqrt{-1}$ statt x und $\triangle x.\sqrt{-1}$ statt $\triangle x$ setzt, nemlich:

$$\triangle^{m+2}\cos x = -(2\sin\frac{1}{2}\triangle x)^2 \cdot \{\triangle^m\cos x + \triangle^{m+1}\cos x\} \text{ und } \\ \triangle^{m+2}\sin x = -(2\sin\frac{1}{2}\triangle x)^2 \cdot \{\triangle^m\sin x + \triangle^{m+1}\sin x\}.$$

Nach diesen vier Formeln können die Differenzen der Sinus und Cosinus mit Leichtigkeit berechnet werden.

Um aber auf unabhängige Weise irgend eine höhere Differenz des Sinus oder Cosinus anzugeben, müssen die Regeln noch hergeleitet werden. Bekanntlich ist die höhere Differenz $\triangle^m e^x = e^x (e^{\Delta x} - 1)^m$, und da:

Cos
$$x = \frac{e^x + e^{-x}}{2}$$
 und Sin $x = \frac{e^x - e^{-x}}{2}$

ist, so findet man:

$$\triangle^{m} \operatorname{Cos} x = \frac{e^{x} (e^{\Delta x} - 1)^{m} + e^{-x} (e^{-\Delta x} - 1)^{m}}{2} \quad \text{und}$$

$$\triangle^{m} \operatorname{Sin} x = \frac{e^{x} (e^{\Delta x} - 1)^{m} - e^{-x} (e^{-\Delta x} - 1)^{m}}{2}.$$

Diese Ausdrücke lassen sich aber noch viel umformen. Denn da $e^{\Delta x} = \mathfrak{Cos} \triangle x + \mathfrak{Sin} \triangle x$, also $e^{\Delta x} - 1 = (\mathfrak{Cos} \triangle x - 1) + \mathfrak{Sin} \triangle x = 2 \mathfrak{Sin} \frac{1}{2} \triangle x^2 + 2 \mathfrak{Sin} \frac{1}{2} \triangle x \mathfrak{Cos} \frac{1}{2} \triangle x = 2 \mathfrak{Sin} \frac{1}{2} \triangle x \cdot e^{\frac{1}{2} \triangle x}$, und also auch $(e^{\Delta x} - 1)^m = (2 \mathfrak{Sin} \frac{1}{2} \triangle x)^m \cdot e^{\frac{m}{2} \triangle x}$, so wie $(e^{-\Delta x} - 1)^m = (-2 \mathfrak{Sin} \frac{1}{2} \triangle x)^m \cdot e^{-\frac{m}{2} \triangle x}$ ist, so hat man:

$$\triangle^m \operatorname{Sof} x = (2 \operatorname{Sin} \frac{1}{2} \triangle x)^m \cdot \frac{\left(e^{x + \frac{m}{2} \triangle x} + (-1)^m \cdot e^{-x - \frac{m}{2} \triangle x}\right)}{2} \text{ und}$$

$$\triangle^m \operatorname{Sin} x = (2 \operatorname{Sin} \frac{1}{2} \triangle x)^m \cdot \frac{\left(e^{x + \frac{m}{2} \triangle x} - (-1)^m \cdot e^{-x - \frac{m}{2} \triangle x}\right)}{2}.$$

Nun wird man zwei Fälle unterscheiden, je nachdem m eine gerade oder ungerade ganze Zahl ist.

Wenn nemlich m eine gerade Zahl ist, so hat man:

$$\triangle^m \operatorname{Cos} x = (2 \operatorname{Sin} \frac{1}{2} \triangle x)^m \cdot \operatorname{Cos} \left(x + \frac{m}{2} \triangle x \right) \text{ und}$$

$$\triangle^m \operatorname{Sin} x = (2 \operatorname{Sin} \frac{1}{2} \triangle x)^m \cdot \operatorname{Sin} \left(x + \frac{m}{2} \triangle x \right).$$

Wenn m eine ungerade Zahl ist, so hat man:

$$\triangle^m \operatorname{\mathfrak{Sof}} x = (2 \operatorname{\mathfrak{Sin}} \frac{1}{2} \triangle x)^m \cdot \operatorname{\mathfrak{Sin}} \left(x + \frac{m}{2} \triangle x \right) \text{ und}$$

$$\triangle^m \operatorname{\mathfrak{Sin}} x = (2 \operatorname{\mathfrak{Sin}} \frac{1}{2} \triangle x)^m \cdot \operatorname{\mathfrak{Cos}} \left(x + \frac{m}{2} \triangle x \right).$$

Für die cyklischen Functionen werden die Formeln fast noch einfacher. Denn man erhält hier:

$$\triangle^{m} \cos x = \left(2 \sin \frac{\pi}{2} \triangle x\right)^{m} \frac{\left((\sqrt{-1})^{m} \cdot e^{\left(x + \frac{m}{2} \triangle x\right) \sqrt{-1}} + (\sqrt{-1})^{-m} \cdot e^{-\left(x + \frac{m}{2} \triangle x\right) \sqrt{-1}}\right)}{2},$$

$$\triangle^{m} \sin x = \left(2 \sin \frac{\pi}{2} \triangle x\right)^{m} \frac{\left((\sqrt{-1})^{m} \cdot e^{\left(x + \frac{m}{2} \triangle x\right) \sqrt{-1}} - (\sqrt{-1})^{-m} \cdot e^{-\left(x + \frac{m}{2} \triangle x\right) \sqrt{-1}}\right)}{2\sqrt{-1}},$$

$$\text{weil } \left(\text{Sin } \frac{\pi}{2} \triangle x \sqrt{-1}\right)^{m} = \left(\sin \frac{\pi}{2} \triangle x\right)^{m} \cdot (\sqrt{-1})^{m} \text{ und } -\sqrt{-1} = (\sqrt{-1})^{-1},$$

$$\text{also auch } \left(-1\right)^{m} \cdot (\sqrt{-1})^{m} = (\sqrt{-1})^{-m} \text{ ist.}$$

Da aber weiter $e^{\frac{\pi}{2}\sqrt{-1}} = \cos\frac{\pi}{2} + \sin\frac{\pi}{2}\sqrt{-1} = \sqrt{-1}$ und $e^{\frac{m\pi}{2}\sqrt{-1}} = (\sqrt{-1})^m$ ist, so hat man auch weiter:

$$\triangle^{m}\cos x = (2\sin\frac{1}{2}\triangle x)^{m} \left(\frac{e^{\left(x + \frac{m}{2}\Delta x + \frac{m}{2}\pi\right)\sqrt{-1}} + e^{-\left(x + \frac{m}{2}\Delta x + \frac{m}{2}\pi\right)\sqrt{-1}}}{2} \right),$$

$$\triangle^{m}\sin x = (2\sin\frac{1}{2}\triangle x)^{m} \left(\frac{e^{\left(x + \frac{m}{2}\Delta x + \frac{m}{2}\pi\right)\sqrt{-1}} - e^{-\left(x + \frac{m}{2}\Delta x + \frac{m}{2}\pi\right)\sqrt{-1}}}{2\sqrt{-1}} \right),$$

und wenn man hierin endlich die Form der Exponentialgrößen fahren läßt, so sind die einfachen Formeln:

$$\Delta^{m}\cos x = \left(2\sin\frac{\pi}{2}\Delta x\right)^{m}\cdot\cos\left(x+m\cdot\frac{\Delta x}{2}+m\cdot\frac{\pi}{2}\right),$$

$$\Delta^{m}\sin x = \left(2\sin\frac{\pi}{2}\Delta x\right)^{m}\cdot\sin\left(x+m\cdot\frac{\Delta x}{2}+m\cdot\frac{\pi}{2}\right).$$

Die Differenzenverhältnisse sind also:

$$\frac{\triangle^m \cos x}{\triangle x^m} = \left(\frac{\sin \frac{1}{2} \triangle x}{\frac{1}{2} \triangle x}\right)^m \cdot \cos \left(x + m \cdot \frac{\triangle x}{2} + m \cdot \frac{\pi}{2}\right) \text{ und}$$

$$\frac{\triangle^m \sin x}{\triangle x^m} = \left(\frac{\sin \frac{1}{2} \triangle x}{\frac{1}{2} \triangle x}\right)^m \cdot \sin \left(x + m \cdot \frac{\triangle x}{2} + m \cdot \frac{\pi}{2}\right).$$

Geht man also zu den Grenzen über, indem man $\triangle x = 0$ setzt, so erhält man:

$$\frac{\partial^m \cos x}{\partial x^m} = \cos\left(x + \frac{m\pi}{2}\right),$$

$$\frac{\partial^m \sin x}{\partial x^m} = \sin\left(x + \frac{m\pi}{2}\right),$$

als allgemeine Formeln für die höheren Differenzialverhältnisse der (cyklischen) Sinus und Cosinus.

Achter Abschnitt.

Beziehungen zwischen den Potenzen der Sinus, Cosinus und Tangenten eines Arcus und den Sinus, Cosinus und Tangenten des vervielfachten Arcus.

Es ist nicht selten nothwendig, Potenzen von Sinus und Cosinus in Ausdrücke umzusetzen, welche bald nach Sinus, bald nach Cosinus vervielsachter Arcus fortschreiten, und namentlich in der Integralrechnung ist eine solche Umsetzung oft vom größten Nutzen, indem gerade davon die Integralität eines vorgelegten Disserenzials abhängt. Der binomische Lehrsatz, unter der Beschränkung auf solche Exponenten, welche positive ganze Zahlen sind, reicht hin, die gesuchten Formeln herzuleiten. Es ist

$$(a+b)^{n} = S[\underbrace{n}_{a}^{a} a^{n-a} b^{a} = S[\underbrace{n}_{a}^{n} (a b)^{a}, a^{n-2a}] \text{ und}$$

$$(a+b)^{n} = S[\underbrace{n}_{a}^{n} a^{n-a} b^{a} = S[\underbrace{n}_{a}^{n} (a b)^{a}, b^{n-2a}].$$

Beide Reihen brechen ab, weil nach der Annahme n eine positive ganze Zahl ist, und die Facultät [n] = 0 ist, sobald $\alpha > n$ genommen wird.

Setzt man nun $a = \mathfrak{Cos}k + \mathfrak{Sin}k = e^k$ und $b = \mathfrak{Cos}k - \mathfrak{Sin}k = e^{-k}$, um diese Werthe im Ausdrucke

$$(a+b)^n = S[n] (ab)^a \cdot \frac{a^{n-2a}+b^{n-2a}}{2}$$

zu substituiren, so erhält man

ab = 1, $a + b = 2 \operatorname{Cos} k$ und $\frac{a^{n-2\alpha} + b^{n-2\alpha}}{2} = \operatorname{Cos}(n-2\alpha)k$; und also

1. $(2 \operatorname{Cos} k)^n = S[n] \operatorname{Cos}(n-2\alpha)k$.

Diese Formel kann noch zusammengezogen werden, wenn man zwei Fälle unterscheidet, je nachdem n eine gerade oder ungerade Zahl ist. Setzt man zuerst 2n für n, so hat man zunächst $(2 \cos k)^{2n} = S[2n] \cos (n-\alpha) \cdot 2k$. Das Glied für $\alpha = n$ ist $[2n] \cos (n-\alpha) \cdot 2k$. Zerlegt man daher den Ausdruck in drei Theile, indem man $n-\alpha$ statt α setzt wenn $\alpha>0$; $n+\alpha$ statt α wenn $\alpha>0$, und $\alpha=n$, so hat man:

$$(2\operatorname{Cos} k)^{2n} = S\left[2n\right]^{\frac{n-\alpha}{(n-\alpha)}}\operatorname{Cos} 2\alpha k + \left[2n\right]^{\frac{n}{n}} + S\left[2n\right]^{\frac{n+\alpha}{(n+\alpha)}}\operatorname{Cos} - 2\alpha k.$$

Num ist aber $\left[2n\right] = \left[2n\right] \frac{n+\alpha}{(n+\alpha)^{2}}$ und $\cos -2\alpha k = \cos 2\alpha k$; folglich hat man:

2.
$$(2 \cos k)^{2n} = [2 \frac{n!}{n!} + 2.5 [2 \frac{n!}{(n+a)!}] \cos 2\alpha k$$
, für $\alpha > 0$.

Wenn hingegen der Exponent n ungerade ist, so giebt es kein mittleres Glied des Ausdruckes, weil die Menge der Glieder in der Formel (1.) dann eine gerade Zahl ist, und es gilt für diesen Fall die Formel:

3.
$$(2 \cos k)^{2n+2} = 2.8 [2n+1]^{\beta} \cos (2\alpha+1)k$$
 (cond. $\alpha+\beta=n$).

Dieselben Formeln gelten auch für die cyklischen Functionen, nur muß durchgehends die Vorsylbe &os in cos abgeändert werden. Specialisirt man die allgemeinen Formeln, so hat man die Ausdrücke:

$$\operatorname{Cos} k^2 = \frac{1}{2} \operatorname{Cos} 2k + \frac{1}{2},$$

$$\cos k^3 = \frac{1}{4} \cos 3k + \frac{3}{4} \cos k,$$

$$\cos k^4 = \frac{1}{8} \cos 4k + \frac{1}{2} \cos 2k + \frac{3}{8}$$

$$\operatorname{Cos} k^5 = \frac{1}{16} \operatorname{Cos} 5k + \frac{5}{16} \operatorname{Cos} 3k + \frac{5}{8} \operatorname{Cos} k,$$

$$\operatorname{Cos}_{k}^{1} = \frac{1}{32} \operatorname{Cos}_{6} + \frac{3}{15} \operatorname{Cos}_{4} + \frac{1}{12} \operatorname{Cos}_{2} + \frac{5}{15}$$

$$\mathfrak{Cos}\,k^7 = \frac{1}{64}\,\mathfrak{Cos}\,7\,k + \frac{7}{64}\,\mathfrak{Cos}\,5k + \frac{21}{64}\,\mathfrak{Cos}\,3k + \frac{35}{64}\,\mathfrak{Cos}\,k,$$

$$\mathfrak{C}\mathfrak{os}\,k^8 = \frac{1}{128}\mathfrak{C}\mathfrak{os}\,8k + \frac{1}{16}\mathfrak{C}\mathfrak{os}\,6k + \frac{7}{32}\mathfrak{C}\mathfrak{os}\,4k + \frac{7}{16}\mathfrak{C}\mathfrak{os}\,2k + \frac{35}{128}$$

$$\mathfrak{Cos} k^9 = \frac{1}{250} \mathfrak{Cos} 9k + \frac{9}{250} \mathfrak{Cos} 7k + \frac{9}{64} \mathfrak{Cos} 5k + \frac{21}{64} \mathfrak{Cos} 3k + \frac{63}{128} \mathfrak{Cos} k,$$

$$\mathfrak{Cos}\,k^{10} = \frac{1}{512}\mathfrak{Cos}\,10k + \frac{5}{255}\mathfrak{Cos}\,8k + \frac{45}{512}\mathfrak{Cos}\,6k + \frac{15}{64}\mathfrak{Cos}\,4k + \frac{15}{255}\mathfrak{Cos}\,2k + \frac{63}{255},$$
u. s. w.

§. 29.

Um ähnliche Ausdrücke auch für die Potenzen der Sinus herzuleiten, dient ebenfalls der binomische Lehrsatz in der Form:

$$(a-b)^n = S(-1)^{\alpha} \left[n\right]_{a^2}^a (ab)^{\alpha} a^{n-2\alpha},$$

und da $(a-b)^n = (-1)^n \cdot (b-a)^n$ ist, so hat man auch:

$$(a-b)^n = S(-1)^{n+\alpha} [n]^{\alpha} (ab)^{\alpha} b^{n-2\alpha},$$

und also durch Addition:

$$(a-b)^{n} = S(-1)^{\alpha} \left[n\right]_{\alpha^{2}}^{\alpha} (\alpha b)^{\alpha} \frac{a^{n-2\alpha} + (-1)^{n} b^{n-2\alpha}}{2}.$$

Unterscheidet man also schon jetzt zwei Fälle, je nachdem n eine gerade oder ungerade Zahl ist, so hat man:

$$(a-b)^{2n} = S(-1)^{\alpha} \left[2n\right]^{\frac{\alpha}{\alpha}} \cdot \frac{a^{2n-2\alpha}+b^{2n-2\alpha}}{2} \cdot (ab)^{\alpha},$$

$$(a-b)^{2n+1} = S(-1)^{\alpha} \left[2n+1\right]^{\frac{\alpha}{\alpha}} \cdot \frac{a^{2n-2\alpha+1}+b^{2n-2\alpha+1}}{2} \cdot (ab)^{\alpha}.$$

Werden nun wieder für a und b die Werthe, wie in §. 28. substituirt, so entstehen die Formeln:

$$(2 \operatorname{Sin} k)^{2n} = S(-1)^{\alpha} \left[2 n \right]^{\alpha} \operatorname{Sos}(n-\alpha) 2 k,$$

$$(2 \operatorname{Sin} k)^{2n+1} = S(-1)^{\alpha} \left[2 n + 1 \right]^{\alpha} \operatorname{Sin}(2 n - 2 \alpha + 1) k,$$

welche ebenfalls noch weiter zusammengezogen werden können; nemlich:

$$(2 \sin k)^{2n} = (-1)^n \left[2 \frac{n!}{n!} + S (-1)^{n+\alpha} \left[2 \frac{n!}{n!} \cos 2 \alpha k \right] \text{ für } \alpha > 0;$$

$$(2 \sin k)^{2n+1} = 2 \cdot S (-1)^{\beta} \left[2 n + 1\right]^{\beta} \sin (2\alpha + 1) k \quad (\text{cond.} (\alpha + \beta = n)).$$
E

Diese Formeln können ebenfalls leicht in die für die cyklischen Functionen geltenden umgesetzt werden, und die ersten Specialisirungen derselben sind:

$$\operatorname{Gin} k^4 = \frac{1}{8} \operatorname{Cos} 4k - \frac{1}{2} \operatorname{Cos} 2k + \frac{3}{8},$$

$$\sin k^5 = \frac{1}{10} \sin 5k - \frac{5}{10} \sin 3k + \frac{5}{8} \sin k,$$

$$\sin k^6 = \frac{1}{32} \cos 6k - \frac{3}{15} \cos 4k + \frac{1}{3} \cos 2k - \frac{5}{10}$$

$$\operatorname{Sin} k^7 = \frac{7}{64} \operatorname{Sin} 7k - \frac{7}{64} \operatorname{Sin} 5k + \frac{21}{64} \operatorname{Sin} 3k - \frac{35}{64} \operatorname{Sin} k,$$

$$\operatorname{Gin} k^8 = \frac{1}{123} \operatorname{Cos} 8k - \frac{1}{16} \operatorname{Cos} 6k + \frac{7}{32} \operatorname{Cos} 4k - \frac{7}{16} \operatorname{Cos} 2k + \frac{35}{128}$$

$$\operatorname{Sin} k^{9} = \frac{1}{256} \operatorname{Sin} 9k - \frac{9}{256} \operatorname{Sin} 7k + \frac{9}{64} \operatorname{Sin} 5k - \frac{21}{64} \operatorname{Sin} 3k + \frac{63}{128} \operatorname{Sin} k,$$

Aber auch umgekehrt läßt sich der Sinus und Cosinus eines vervielfachten Urcus durch Potenzen von Sinus und Cosinus des einfachen Arcus ausdrücken.

Da nemlich:

$$(e^k)^n = (\operatorname{Cos} k + \operatorname{Sin} k)^n = e^{nk} = \operatorname{Cos} nk + \operatorname{Sin} nk \text{ und}$$

$$(e^{-k})^n = (\operatorname{Cos} k - \operatorname{Sin} k)^n = e^{-nk} = \operatorname{Cos} nk - \operatorname{Sin} nk$$

ist, so hat man durch Addition und Subtraction:

$$\mathfrak{Cos} \, nk = \frac{(\mathfrak{Cos} \, k + \mathfrak{Sin} \, k)^n + (\mathfrak{Cos} \, k - \mathfrak{Sin} \, k)^n}{2},$$

$$\mathfrak{Sin} \, nk = \frac{(\mathfrak{Cos} \, k + \mathfrak{Sin} \, k)^n - (\mathfrak{Cos} \, k - \mathfrak{Sin} \, k)^n}{2}.$$

Nach geschehener Entwickelung hat man die Ausdrücke:

1.
$$\operatorname{Cos} nk = S[n] \operatorname{Cos} k^{n-\alpha}$$
. $\operatorname{Sin} k^{2\alpha}$,
2. $\operatorname{Sin} nk = S[n] \operatorname{Cos} k^{n-2\alpha-1}$. $\operatorname{Sin} k^{2\alpha+1}$.

2.
$$\sin nk = S[\underbrace{n}_{(2\alpha+1)^2}^{2\alpha+1} \operatorname{Cos} k^{n-2\alpha-1}. \operatorname{Sin} k^{2\alpha+1}.$$

Man kann ihnen auch folgende Gestalt geben:

$$\mathfrak{Cos}\,n\,k = (\mathfrak{Cos}\,k)^n.\,S\,[\,n\,]_{(2\alpha)}^{2\alpha}.\,\mathfrak{Tang}\,k^{2\alpha}\,\,\mathrm{und}\,\,\mathfrak{Sin}\,n\,k = (\mathfrak{Sin}\,k)^n.\,S\,[\,n\,]_{(2\alpha+1)}^{2\alpha+1}.\,\mathfrak{Tang}\,k^{2\alpha+1},$$

woraus für die Tangente folgt:

$$\operatorname{Eang} nk = \left(S\left[n\right]^{\frac{2\alpha}{(2\alpha)}}\operatorname{Eang} k^{2\alpha}\right): \left(S\left[n\right]^{\frac{2\alpha+1}{(2\alpha+1)}}\operatorname{Eang} k^{2\alpha+1}\right).$$

Auch diese Formeln werden in die für die cyklischen Functionen geltenden leicht umgesetzt, indem man nur $k\sqrt{-1}$ für den Arcus k setzt, und brechen immer ab, da der Annahme gemäß n eine positive ganze Zahl ist.

Die ersten Specialfälle der letzten Formel sind:

$$\begin{split} \mathfrak{T}ang \, 2k &= \frac{2\, \mathfrak{T}ang \, k}{1 + \mathfrak{T}ang \, k^2}, \\ \mathfrak{T}ang \, 3k &= \frac{3\, \mathfrak{T}ang \, k + \mathfrak{T}ang \, k^3}{1 + 3\, \mathfrak{T}ang \, k^2}, \\ \mathfrak{T}ang \, 4k &= \frac{4\, \mathfrak{T}ang \, k + 4\, \mathfrak{T}ang \, k^3}{1 + 6\, \mathfrak{T}ang \, k^2 + \mathfrak{T}ang \, k^4}, \\ \mathfrak{T}ang \, 5k &= \frac{5\, \mathfrak{T}ang \, k + 10\, \mathfrak{T}ang \, k^3 + \mathfrak{T}ang \, k^4}{1 + 10\, \mathfrak{T}ang \, k^2 + 5\, \mathfrak{T}ang \, k^4}, \\ \mathfrak{T}ang \, 6k &= \frac{6\, \mathfrak{T}ang \, k + 20\, \mathfrak{T}ang \, k^3 + 6\, \mathfrak{T}ang \, k^5}{1 + 15\, \mathfrak{T}ang \, k^2 + 15\, \mathfrak{T}ang \, k^4 + \mathfrak{T}ang \, k^5}, \\ \mathfrak{U}. \text{ S. W.} \end{split}$$

Diese Ausdrücke lassen sich übrigens auch leicht recurrirend vermehren; denn es sei \mathbb{Z} ang $nk = \frac{p}{q}$ und \mathbb{Z} ang $(n+1)k = \frac{P}{Q}$, so ist bekanntlich \mathbb{Z} ang $(n+1)k = \frac{\mathbb{Z}$ ang $nk + \mathbb{Z}$ ang k, und also $\frac{P}{Q} = \frac{p+q}{q+p} \mathbb{Z}$ ang k oder: $P = p+q \mathbb{Z}$ ang k und $Q = q+p \mathbb{Z}$ ang k,

nach welchen Formeln die Rechnung, wie man sieht, sehr bequem ist.

Die Formeln (1. und 2.) des §. 30. haben die Unbequemlichkeit, daß sie nach Potenzen des Sinus und Cosinus zugleich fortschreiten. Brauchbarere Formeln leitet man aus zwei arithmetischen Theoremen her, nemlich:

$$a^{n} + b^{n} = S(-1)^{\alpha} \frac{n}{n-\alpha} [n-\alpha]^{\alpha} (a+b)^{n-2\alpha} \cdot (ab)^{\alpha},$$

$$\frac{a^{n+1} - b^{n+1}}{a-b} = S(-1)^{\alpha} [n-\alpha]^{\alpha} (a+b)^{n-2\alpha} \cdot (ab)^{\alpha}.$$

Beide Ausdrücke sind geschlossen und dürfen nur so weit fortgesetzt werden, daß $n-2\alpha=0$ oder =+1, nicht aber negativ werde. Sie gelten übrigens, es mag n eine gerade oder ungerade ganze Zahl sein, und ihr Beweis fällt nicht schwer.

Setzt man $a = \cos k + \sin k$, $b = \cos k - \sin k$, so ist $a \cdot b = 1$, $a+b=2\cos k$, $a-b=2\sin k$, $a^n+b^n=2\cos nk$, $a^{n+1}-b^{n+1}=2\sin(n+1)k$; und werden diese Werthe substituirt, so hat man auf der Stelle:

1.
$$2 \cos n k = S(-1)^{a} \frac{n}{n-a} [n-a]^{a} \cdot (2 \cos k)^{n-2a}$$
,

2. $\frac{\sin(n+1)k}{\sin k} = S(-1)^{a} [n-a]^{a} \cdot (2 \cos k)^{n-2a}$,

und auch diese Reihen werden nur so weit fortgesetzt, dass $n-2\alpha$ nicht negativ wird.

Setzt man vor der Substitution -b statt b, so muss man zwei Fälle unterscheiden, je nachdem n eine gerade oder ungerade Zahl ist.

1) Wenn n eine gerade Zahl ist.

Dann geben die Formeln

$$a^{n} + b^{n} = S \frac{n}{n-\alpha} \left[n - \alpha \right]^{\alpha} (\alpha - b)^{n-2\alpha} \cdot (\alpha b)^{\alpha} \quad \text{und}$$

$$\frac{a^{n+1} + b^{n+1}}{a+b} = S \left[n - \alpha \right]^{\alpha} (\alpha - b)^{n-2\alpha} \cdot (\alpha b)^{\alpha}$$

durch die Substitution $a = \mathfrak{C} \circ \mathfrak{s} k + \mathfrak{S} \operatorname{in} k$ und $b = \mathfrak{C} \circ \mathfrak{s} k - \mathfrak{S} \operatorname{in} k$ die zwei

Gleichungen:
3.
$$2 \operatorname{Cos} nk = S \frac{n}{n-\alpha} [n-\alpha] \cdot (2 \operatorname{Sin} k)^{n-2\alpha},$$

4. $\frac{\operatorname{Cos}(n+1)k}{\operatorname{Cos} k} = S [n-\alpha] \cdot (2 \operatorname{Sin} k)^{n-2\alpha}.$

2) Wenn n eine ungerade ganze Zahl ist. Dann geben die Formeln

$$a^{n} - b^{n} = S \frac{n}{n - \alpha} [n - \alpha]^{\alpha} (a - b)^{n - 2\alpha} \cdot (ab)^{\alpha} \text{ und}$$

$$\frac{a^{n+1} - b^{n+1}}{a + b} = S [n - \alpha]^{\alpha} \cdot (a - b)^{n - 2\alpha} \cdot (ab)^{\alpha},$$

durch dieselbe Substitution, wie vorhin, die neuen Formeln:

5.
$$2\operatorname{Sin} nk = S\frac{n}{n-\alpha}[n-\alpha]^{n} \cdot (2\operatorname{Sin} k)^{n-2\alpha},$$

6. $\frac{\operatorname{Sin}(n+1)k}{\operatorname{Sog} k} = S[n-\alpha]^{n} \cdot (2\operatorname{Sin} k)^{n-2\alpha}.$

Wenn man die Gleichungen (1., 3., 5.) differentiirt, so erhält man drei andere, welche mit den Gleichungen (2., 4., 6.) fast dieselben sind, und auch darin übergehen, wenn man in ihnen die Zahl n nur um Eins erhöhet.

Die Berechnung der Vorzahlen in den Ausdrücken (1. und 2.) des §. 31. wird durch ein recurrirendes Verfahren erleichtert. Man setze zu dem Ende:

$$\begin{array}{c} (130\%) \cdot (1-1)^n & = 1 \cdot (1-1)^n \\ \text{Cos} nk = S(-1)^n & \phi(n,a) \cdot \text{Cos} k^{n-2a}, \end{array}$$

so hat man, weil $\mathfrak{Cos}(n+2)k = (2\mathfrak{Cos}k) \cdot \mathfrak{Cos}(n+1)k - \mathfrak{Cos}nk$ ist: $S(-1)^{a} \varphi(n+2,\alpha) \cdot \mathfrak{Cos}k^{n+2-2\alpha}$ $= 2 \cdot S(-1)^{a} \varphi(n+1,\alpha) \cdot \mathfrak{Cos}k^{n+2-2\alpha} - S(-1)^{a} \varphi(n,\alpha) \cdot \mathfrak{Cos}k^{n-2\alpha},$ and also: $\varphi(n+2,r) = 2\varphi(n+1,r) + \varphi(n,r-1).$

Diese Recursionsformel läßt an Einfachheit nichts zu wünschen übrig; in Anwendung derselben findet man folgende Ausdrücke:

Da nun die Formeln (3. und 5.) dieselben Vorzahlen haben, so ist auch:

Die Formeln (1.) gelten unmittelbar auch von den cyklischen Cosinus, und man hat nur die Vorsylbe Cos in cos abzuändern. Die Formeln (2.) aber, welche Sinus enthalten, bekommen abwechselnde Vorzeichen. So erhält man z. B. aus den beiden letzten Formeln, wenn $k\sqrt{-1}$ für k gesetzt wird:

 $\sin 9k = +256 \sin k^9 - 576 \sin k^7 + 432 \sin k^5 - 120 \sin k^3 + 9 \sin k,$ $\cos 10k = -512 \sin k^{10} + 1280 \sin k^8 - 1120 \sin k^6 + 400 \sin k^4 - 50 \sin k^2 + 1.$

S. C. 33. The many there are a

Will man in ähnlicher Art eine Recursionsformel für die Berechnung der Vorzahlen in den übrigen Ausdrücken herleiten, so wird man setzen:

$$\operatorname{Sin} n k = \operatorname{Sin} k \cdot S(-1)^{\alpha} \varphi(n, \alpha) \operatorname{Cos} k^{n-2\alpha-1},$$

und da $\operatorname{Sin}(n+2)k = (2\operatorname{Cos} k)$. $\operatorname{Sin}(n+1)k - \operatorname{Sin} k$ ist, so hat man: $\operatorname{Sin} k$. $\operatorname{S}(-1)^{\alpha} \varphi(n+2,\alpha) \operatorname{Cos} k^{n-2\alpha+1}$

= $2 \operatorname{Sin} k \cdot S(-1)^{\alpha} \varphi(n+1, \alpha) \operatorname{Cos} k^{n-2\alpha+1} - \operatorname{Sin} k \cdot S(-1)^{\alpha} \varphi(n, \alpha) \cdot \operatorname{Cos} k^{n-2\alpha-1}$, oder einfacher:

$$\varphi(n+2,r) = 2 \cdot \varphi(n+1,r) + \varphi(n,r-1)$$
.

Diese Formel stimmt mit der in §. 32. gefundenen völlig überein, und die Vorzahlen würden also wieder die vorigen werden, wenn die Rechnung nicht mit anderen Elementen begonnen würde. Die berechneten Ausdrücke sind:

Da nun die Formeln (4. und 6.) des §. 31. dieselben Vorzahlen haben, so hat man noch:

```
That Half Hoth.

\begin{cases}
\text{Cin } 2k = \text{Cos}k. & (2\text{Sin}k), \\
\text{Cos } 3k = \text{Cos}k. & (4\text{Sin}k^2 + 1), \\
\text{Sin } 4k = \text{Cos}k. & (8\text{Sin}k^3 + 4\text{Sin}k), \\
\text{Cos } 5k = \text{Cos}k. & (16\text{Sin}k^4 + 12\text{Sin}k^2 + 1), \\
\text{Sin } 6k = \text{Cos}k. & (32\text{Sin}k^5 + 32\text{Sin}k^3 + 6\text{Sin}k), \\
\text{Cos } 7k = \text{Cos}k. & (64\text{Sin}k^6 + 80\text{Sin}k^4 + 24\text{Sin}k^2 + 1), \\
\text{Sin } 8k = \text{Cos}k. & (128\text{Sin}k^7 + 192\text{Sin}k^5 + 80\text{Sin}k^3 + 8\text{Sin}k), \\
\text{Cos } 9k = \text{Cos}k. & (256\text{Sin}k^8 + 458\text{Sin}k^6 + 248\text{Sin}k^4 + 40\text{Sin}k^2 + 1), \\
\text{Sin } 10k = \text{Cos}k. & (512\text{Sin}k^9 + 1044\text{Sin}k^7 + 688\text{Sin}k^5 + 160\text{Sin}k^3 + 10\text{Sin}k), \\
\text{U.S. W.}
\end{cases}
```

Auch diese Formeln können leicht auf die cyklischen Functionen übertra-

gen werden, wenn man $k\sqrt{-1}$ für k setzt, und bemerkt, daß $\operatorname{Sin}(k\sqrt{-1})$ = $(\sin k) \cdot \sqrt{-1}$ und $\operatorname{Cos}(k\sqrt{-1}) = \cos k$ ist.

The fact of the second of the

Um das Verhalten der hyperbolischen Sinus, Essinus und Tangenten an einem einfachen Beispiele zu veranschaulichen, nehmen wir wieder zum Arcus k den natürlichen Logarithmen von Zwei, wie in §. 9. Um die hyperbolischen Functionen eines Vielfachen dieses Arcus kennen zu lernen, könnten die so eben abgeleiteten Formeln allerdings gebraucht werden. Man gelangt hier aber kürzer zum Ziele, wenn man in den Formeln des §. 9. $v=2^n$, also $\log v=n\log 2$ setzt. Man erhält auf der Stelle:

$$\mathfrak{Sin}(n\log 2) = \frac{2^{2^n} + 1}{2^{n+1}} = 2^{n-1} + \frac{1}{2^{n+1}}; \text{ also } \mathfrak{Tang}(n\log 2) = \frac{2^{2^n} - 1}{2^{2^n} + 1}.$$

$$\mathfrak{Sin}(n\log 2) = \frac{2^{2^n} - 1}{2^{n+1}} = 2^{n-1} - \frac{1}{2^{n+1}}; \text{ also } \mathfrak{Tang}(n\log 2) = \frac{2^{2^n} - 1}{2^{2^n} + 1}.$$

	2		
n	nk	Cosnk	Sin n k
1	0,6931 4718 0559	11/4	O_{4}^{3}
6 2 ·	1,3862 9436 1119	Maria 2 to an all	1.172 177
3	2,0794 4154 1679	10 9 4 TO 1 4 1	315
4	2,7725 8872 2239	832	731
5	3, 4657 3590 2799	16 T T	15 <u>63</u>
6	4, 1588 8308 3359	$32_{\overline{128}}$	31127
7	4,8520 3026 3919	140 - 64 ₂₅₆ -	63255
8	5, 5451 7744 4479	128 1 2	$127\frac{517}{512}$
9	6,2383 2462 5039	256 7 7 7 7 7	$255\frac{1}{1}\frac{\circ 2}{\circ 2}\frac{3}{4}$
10	6,9314 7180 5599	512 2 2 2 4 8	$511\frac{2}{2}\frac{047}{048}$
11	7,6246 1898 6159	1024 _{4 09 6}	10234095
12	8,3177 6616 6719	2048 1 2 .	20478191
13	9,0109 1334 7279	4096 1 6 3 8 4	409516383
14	9,7040 6052 7839	819232708	$8191\frac{32767}{32768}$
15	10, 3972 0770 8399	16384 ₅₅ 535	16383 6 5 5 3 5
16	11,0903 5488 8959	$32768_{\overline{13}\overline{1072}}$	$32767\frac{131071}{131072}$
17	11,7835 0206 9519	65536 2 0 2 1 4 4	$65535\frac{262143}{262144}$
18	12,4766 4925 0079	131072 = 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1	$131071\frac{5}{5}\frac{2}{2}\frac{4}{4}\frac{2}{2}\frac{8}{8}\frac{7}{8}$
19	13, 1697 9643 0638	262144 1048576	2621431848575
20	13, 8629 4361 1198	5242882007132	$524287\frac{2097151}{2097152}$

Neunter Abschnitt.

Vermittelung zwischen den hyperbolischen und cyklischen Functionen durch Longitudinalfunctionen.

Die Beziehungen unter den hyperbolischen Functionen eines und desselben Arcus lassen sich in ähnlicher Weise, wie die Beziehungen unter den cyklischen Functionen eines Arcus an einem ebenen Dreiecke nachweisen. Es sei ABC (Fig. 1.) ein ebenes Dreieck, dessen Winkel durch A, B, C bezeichnet sein mögen; die Seiten heißen a, b, c, und zwar in der Ordnung, in welcher sie den ähnlich benannten Winkeln gegenüberliegen.

Wäre nun etwa der Winkel C ein rechter, so wäre

$$\sin A = \frac{a}{c}$$
; $\cos A = \frac{b}{c}$ und tang $A = \frac{a}{b}$.

Die drei cyklischen Functionen sin A, $\cos A$, tang A wären also auf den Winkel A, oder richtiger auf eine unbenannte Zahl als ihren gemeinschaftlichen Arcus bezogen, welche durch $\frac{A \cdot \pi}{180}$ ausgedrückt wird, wenn A in Graden der alten Eintheilung angegeben wird, und durch $\frac{A\pi}{200}$, wenn der Winkel A in Graden der neuen Eintheilung gegeben ist.

Man lasse nun aber einmal den Winkel C unbestimmt, damit er nicht gerade ein rechter sei, und denke sich einen von dem Winkel A in anderer Weise ebenfalls abhängenden Arcus x, auf welchen die hyperbolischen Functionen bezogen werden sollen. Setzt man dann wieder:

1. Sin
$$x = \frac{a}{b}$$
, Cos $x = \frac{b}{b}$ und Tang $x = \frac{a}{b}$,

und wird die Abhängigkeit des Arcusx vom Winkel A oder vom vorigen Arcus etwa durch $x = \varphi A$ vorgestellt, so müssen den Beziehungen unter diesen drei hyperbolischen Functionen die Beziehungen unter den Seiten und Winkeln des Dreiecks angemessen sein.

Nun ist aber, wenn der Winkel C ein unbestimmter ist:

$$\frac{a}{c} = \frac{\sin A}{\sin C}; \quad \frac{b}{c} = \frac{\sin (A+C)}{\sin C} \quad \text{and} \quad \frac{a}{b} = \frac{\sin A}{\sin (A+C)};$$

111 -

also hat man auch, wenn diese Werthe substituirt werden:

2. Sin
$$x = \frac{\sin A}{\sin C}$$
; Sos $x = \frac{\sin (A+C)}{\sin C}$ und Song $x = \frac{\sin A}{\sin (A+C)}$

Die eine zwischen den hyperbolischen Functionen Statt findende Beziehung, $\mathbb{Z}ang x = \frac{\sin x}{\mathbb{C}obx}$, ist wie man sieht erfüllt, und es kommt also nur noch darauf an, dass auch der Gleichung $\mathbb{C}obx^2 - \mathbb{C}inx^2 = 1$ ein Genüge geschehe, und hiernach muß also die Größe des vorhin unbestimmten Winkels C bestimmt werden. Substituirt man in dieser Gleichung die Werthe (2.), so erhält man:

$$\sin(A+C)^2 - \sin A^2 = \sin C^2.$$

Da nun aber $\sin w^2 - \sin v^2 = \sin(w+v) \cdot \sin(w-v)$ ist, so verwandelt sich die gefundene Gleichung offenbar in $\sin(2A+C) \cdot \sin C = \sin C^2$ oder $[\sin(2A+C) - \sin C] \cdot \sin C = 0$.

Es ist daher entweder $\sin C = 0$ oder auch $\sin (2A + C) - \sin C = 0$. Die erste Voraussetzung giebt C = 0 oder $C = \pi$ und ist nicht zu gebrauchen, weil in jedem der beiden Fälle das Dreieck ABC in eine gerade Linie zusammenfallen würde. Die zweite Bestimmung $\sin (2A + C) = \sin C$ ist gleichgeltend mit $2A + C = \pi - C$, woraus $A + C = \frac{\pi}{2}$, d. h. $B = \frac{\pi}{2}$ folgt.

Die Seite BC des Dreiecks ABC, welche bei der früheren Anwendung der cyklischen Functionen auf AC senkrecht sein mußte, muß also, wenn nun die hyperbolischen Functionen auf den Winkel A in der durch die Gleichung $x = \varphi A$ bestimmten Weise bezogen werden sollen, auf AB senkrecht sein,

Wird weiter der Werth $C = \frac{\pi}{2} - A$ in den Ausdrücken (2.) substituirt, so erhält man:

$$\mathfrak{Sin} x = \frac{\sin A}{\sin C} = \tan A,$$

$$\mathfrak{Cos} x = \frac{\sin(A+C)}{\sin C} = \frac{1}{\cos A},$$

$$\mathfrak{Tang} x = \frac{\sin A}{\sin(A+C)} = \sin A.$$

Die hyperbolischen Functionen eines Arcus sind also der Reihe nach gleich gewissen cyklischen Functionen eines Winkels A, und es bleibt der Zusammenhang zwischen dem Arcus x und dem Arcus $\frac{A\pi}{180}$, welcher durch die Gleichung $x = \varphi A$ angedeutet wurde, nur noch allein zu erforschen übrig.

The state of the s

Zu denselben Resultaten führen auch rein arithmetische Betrachtungen. Die Function $\sin y$ ist = 0 für y = 0 und nähert sich wachsend der Grenze Eins, wenn der Arcus y zwischen den Grenzen 0 und $\frac{\pi}{2}$ wächst; für $y = \frac{\pi}{2}$ ist $\sin y = +1$. Die hyperbolische Function $\tan x$ ist auch Null für x = 0 und nähert sich wachsend ebenfalls der Grenze Eins, nur daß der Arcus x dabei ins Unendliche wächst. Geht man vom positiven Arcus zum negativen über, so werden beide Functionen negativ, ohne ihre absolute Größe zu ändern. Daher wird es für jeden willkürlich gewählten (möglichen) Werth von x allemal einen zwischen den Grenzen $-\frac{\pi}{2}$ und $+\frac{\pi}{2}$ befindlichen Werth von y geben, der so beschaffen ist, daß er der Gleichung $\tan x = \sin y$ Genüge leistet.

Unter der Voraussetzung aber, daß x und y solche zwei zusammengehörige Arcus sind, lassen sich auch die übrigen hyperbolischen Functionen des Arcus x durch cyklische Functionen des Arcus y ausdrücken. Da, um zu dem Cosinus überzugehen, $1-\mathfrak{T}ang\,x^2=\frac{1}{\cos x^2}$ ist, so hat man $\frac{1}{\cos x^2}=1-\sin y^2=\cos y^2$ und also $\cos x=\frac{1}{\cos y}$. Da weiter $\cos x$. $\operatorname{T}ang\,x=\sin x$, so hat man $\sin x=\frac{1}{\cos y}$. $\sin y=\tan y$.

Wenn man weiter die abgeleiteten Formeln, aus deren einer man immer die übrigen wird finden können, etwa in folgender Anordnung zusammenstellt:

so sieht man, daß der Übergang von den Functionen des Arcus x zu denen des Arcus y ähnlich ist dem Rückgange von diesen zu jenen; es kommen nemlich dabei immer dieselben Benennungen in Anwendung, nur daß die Bezeichnung im einen Falle da durch deutsche Buchstaben ausgedrückt wird, wo sie im anderen Falle gleichlautende lateinische Buchstaben enthält und durch sie auf die cyklischen Functionen hinweiset. Wegen dieser Wechselbeziehung, welche dem Gedächtnisse nicht wenig zu Hülfe kommt, empfehlen sich die aufgestellten Formeln als eben so viele Grundformeln. Da sie ferner sämmtlich aus einer hergeleitet sind,

so drücker sie auch alle denselben Zusammenhang zwischen den beiden Arcus & und y aus. Was noch mehr ist: wenn man eine einzige Zahlencolumne anscrtigte, aus der man für jeden willkürlich gewählten Werth von x den zugehörigen Werth von y entnehmen könnte, dann wären die sämmtlichen hyperbolischen Functionen auf cyklische und umgekehrt diese auf jene in ganz einfacher Weise zurückgebracht.

Da die Zahlen oder Arcus x und y so von einander abhängen, daß man die eine aus der anderen wird berechnen können, so erscheint x als eine Function von y und umgekehrt y als eine Function von x. Obgleich man diese Functionen noch nicht in der zu ihrer Berechnung geeigneten Gestalt kennt, so wird es dennoch gestattet sein, für die unmittelbare Beziehung zwischen x und y in ihren beiden Wechselformen schon jetzt eine einfache Bezeichnung festzusetzen, welche später unverändert beibehalten werden soll.

Da x und y Arcus bezeichnen, so mögen die Anfangsbuchstaben der Wörter "Länge" und "longitudo" allein jene Beziehungen ausdrücken. und zwar sei: x = 2y and y = lx.

In Anwendung dieser Bezeichnungsart erscheinen die obigen Formeln in folgender Gestalt:

- 1) $\operatorname{Sin} k = \operatorname{tang} lk$,
- 5) $\sin k = \mathfrak{Z}$ ang $\mathfrak{L}k$,
- $2) \quad \mathfrak{Cos} \, k = \frac{1}{\cos lk},$
- $6) \quad \cos k = \frac{1}{\cos 2k},$

- 3) $\operatorname{Zang} k = \sin l k$, 4) $\operatorname{Cot} k = \frac{1}{\sin l k}$,
- 7) $tang k = \mathfrak{Sin} \mathfrak{L}k$, 8) $\cot k = \frac{1}{\mathfrak{Sin} \mathfrak{L}k}$.

Man wird aber nicht vergessen, dass diese acht Formeln erst dann bei Rechnungen in bestimmten Zahlen nützen können, wenn man die Functionen Ik und lk, deren erste man die dem Arcus k zugehörige Längezahl, und deren zweite man die dem Arcus k zugehörige Longitudinalzahl nennen wird, so kennt, daß man ihre Werthe für die einzelnen Werthe von k anzugeben vermag. Die Charactere & und l können auch als Zeichen oder Andeutungen gewisser Operationen angesehen werden, durch welche man aus einem Arcus k die Arcus Ik und lk finden kann. Später wird bewiesen werden, dass das Zeichen £k eine Vergrößerung, und dass hingegen das Zeichen 1k eine Verkleinerung des Arcus k verlangt.

Wenn man die Logarithmen durch die Vorsylbe log bezeichnet, so können die Functionen lk und Ωk mit $\log k$ nicht verwechselt werden.

Man übersieht auch schon jetzt leicht, daß die so eben genannten beiden Operationen einander dergestalt entgegengesetzt sind, daß sie bei ihrem Zusammenkommen gegenseitig ihren Einfluß auf eine Zahl k ganz zernichten. Es ist immer:

$$\mathfrak{L}lk = l\mathfrak{L}k = k$$
.

Denn da nach den Fundamentalformeln $\operatorname{Sin} \varphi = \operatorname{tang} l \varphi$ ist, so setze man Ωk für φ , und man erhält $\operatorname{Sin} \Omega k = \operatorname{tang} l \Omega k$; da aber $\operatorname{Sin} \Omega k = \operatorname{tang} k$ ist, so ist auch $\operatorname{tang} k = \operatorname{tang} l \Omega k$, oder einfacher $l \Omega k = k$. Eben so wird bewiesen, daß $\Omega l k = k$ sei. In ähnlicher Art beweiset man auch die beiden Formeln: $\Omega(-k) = -\Omega k$ und $\Omega(-k) = -\Omega k$,

woraus man sieht, dass man nur die Länge- oder Longitudinalzahlen der positiven Uraus zu berechnen hat.

Nehmen wir die Gleichung $\operatorname{\Sigma ang} \mathfrak{L} k = \sin k$ vor, so ziehen wir daraus durch Umkehrung:

 $\mathfrak{L}k = \mathfrak{Arc} (\mathfrak{T}ang = \sin k)$.

Nun ist aber immer $\operatorname{Arc}(\operatorname{Eang} = z) = \log \sqrt{\left(\frac{1+z}{1-z}\right)}$ (nach §. 5.), also hat man auch:

$$\mathfrak{L}k = \log \sqrt{\left(\frac{1+\sin k}{1-\sin k}\right)}.$$

Dieser Ausdruck kann aber mehrfach umgeformt werden, nemlich:

$$\mathfrak{L}k = \log \frac{1 + \tan \frac{k}{2}}{1 - \tan \frac{k}{2}} = \log \frac{1 + \sin k}{\cos k} = \log \frac{\cos k}{1 - \sin k}$$

In der einfachsten Gestalt ist aber der Ausdruck Ik der folgende:

$$\Re k = \log \operatorname{tang} \frac{1}{2} \left(\frac{\pi}{2} + k \right).$$

Wären also in den gewöhnlichen trigonometrischen Tafeln neben den briggischen Logarithmen der Tangenten und Cotangenten die natürlichen Logarithmen dieser cyklischen Functionen enthalten, so könnte man für jeden willkürlich gewählten Werth von k zwischen den Grenzen k=0 und $k=\frac{\pi}{2}$ den zugehörigen Werth der Function $\mathfrak{L}k$ aus einer solchen Tabelle fast ohne alle Rechnung, etwa eine unbedeutende Interpolation zur Correction der letzten Ziffern der Decimalbrüche abgerechnet, entnehmen.

Da man die letzte Formel auch also ausdrücken kann:

$$\log \tan \frac{1}{2} \left(\frac{\pi}{2} + lk \right) = k,$$

so würde die so eingerichtete Tabelle auch dazu dienen, die einem gegebenen Arcus k zugehörige Longitudinalzahl lk mit gleicher Leichtigkeit zu finden. Es belohnt daher die Mühe, den gewöhnlichen trigonometrischen Tafeln noch die zweckmäßige Abänderung oder Erweiterung zu geben, daß in ihnen noch eine Zahlencolumne fortgeführt wird, welche für die einzelnen von Minute zu Minute wachsenden Werthe des Arcus oder Winkels k die zugehörigen Werthe der Function $\mathfrak{L}k$, und zwar den Werthen von k, log brigg. $\sin k$, log brigg. $\tan k$ und log brigg. $\cot k$ gerade gegenüber, und also in einer und derselben Horizontalreihe mit ihnen befindlich enthält. Eine also eingerichtete Tabelle hat einen doppelt so großen Werth als vorhin, indem sie nun auch zur bequemen Realisirung der Werthe der hyperbolischen Functionen dient, statt dass ihr Gebrauch früher bloß auf die Realisirung der cyklischen Functionen beschränkt war. Wird nun z. B. die hyperbolische Function Zangk, oder vielmehr ihr briggischer Logarithme für einen gegebenen Werth von k gefordert, so wird man die Zahl k in der so eben beschriebenen Columne außuchen; ihr zur Seite steht dann der Winkel 1k in Graden und Minuten angegeben, und in derselben Horizontalreihe steht nun zugleich log brigg. $\sin l k$ als Werth von log brigg. Zang k.

§. 39.

Eine solche Abänderung der trigonometrischen Tafeln würde eine neue Ausgabe derselben nothwendig machen, statt dessen ist aber in den von dem Verfasser entworfenen cyklisch-hyberbolischen Tafeln eine Tabelle enthalten, welche für beide Kreis-Eintheilungen zu gebrauchen ist, und wörin man für alle um eine Centesimal-Minute wachsende Werthe des Winkels k zwischen den Grenzen $k=0^{\circ}$ und $k=100^{\circ}$ (der neuen Eintheilung) die zugehörigen Werthe der Function $\mathfrak{L}k$ findet, und welche, da die Differenzen dieser Function bei einem Wachsen des Winkels k um eine Centesimal-Secunde, oder auch um eine Sexagesimal-Secunde darin ebenfalls durchweg angegeben sind, in ähnlicher Art die Einschaltungen erleichtert, wie die gemeinen trigonometrischen Tafeln.

Wollte man z.B. die Werthe der hyperbolischen Functionen des Uraus 1,9736427 berechnen, so würde man $\mathfrak{L}k=1,9736427$ setzen, und

 $k = 82^{\circ} 42' 09''$, 214 nach der neuen, oder auch $k = 74^{\circ} 10' 43''$, 785 nach der alten Eintheilung finden. Die beiden Rechnungen sind nemlich:

Mit der Zahl Ω k = 1,9736427 stimmt der genannten Tabelle gemäß am nächsten überein d. Zahl = 1,9735896.

Die Differenz ist . . . 531.

Zu der Zahl 1,9735896 gehört aber als Winkel 82° 42′ nach der neuen, oder 74° 10′ 40″, 80 nach der alten Eintheilung. Zugleich werden die entsprechenden Differenzen aus der Tabelle für ein Wachsen des Winkels um eine Secunde abgelesen. Diese sind:

57,63 für die neue, oder 177,87 für die alte Eintheilung. Die noch binzukommenden Secunden werden durch Division gefunden, nemlich $\frac{531}{57,63} = 9,214$ und $\frac{531}{177,87} = 2,985$. Also ist $k = 82^{\circ} 42' + 9''$, 214 = $82^{\circ} 42' \cdot 09''$, 214 nach der neuen, oder $74^{\circ} \cdot 10' \cdot 49''$, 80 + 2'', $985 = 74^{\circ} \cdot 10' \cdot 43''$, 785 nach der alten Eintheilung, und also weiter:

$$\operatorname{\mathfrak{Cos}} \Omega k = \frac{1}{\cos k}$$
; $\operatorname{\mathfrak{Sin}} \Omega k = \operatorname{tang} k$; u. s. w.

Eben so findet man umgekehrt, wenn der Werth einer hyperbolischen Function gegeben ist, den ihr zugehörigen Arcus mittelst der genannten Tabelle. Denn wäre z. B. $\mathfrak{Cos}k = a$ gegeben, so würde man aus der Gleichung $\cos \varphi = \frac{1}{a}$ mittelst der trigonometrischen Tafeln zuerst den Winkel φ suchen, und aus ihm findet man dann leicht durch ein dem vorigen entgegengesetztes Verfahren den Arcus $k = \mathfrak{L}\varphi$.

Die mehrgedachte Tabelle für die Werthe der Functionen $\mathfrak{L}k$ eignet sieh aber nicht mehr zu einem sehnellen Gebrauche, wenn der Arcus der hyperbolischen Functionen > 4 ist, oder die zugehörige Longitudinalzahl der Arcus eines Winkels ist, welchem nur noch zwei Centesimal-Grade an einem rechten Winkel fehlen. In diesem Falle aber wird die Rechnung durch den Gebrauch anderer ebenfalls von dem Verfasser berechneter Tafeln noch leichter als selbst vorhin, weil dann der Gebrauch der vermittelnden Function ganz vermieden wird. Diese Tafeln haben eben deswegen einen ungleich größeren Umfang erhalten, indem sie die gemeinen Logarithmen der hyperbolischen Functionen selbst für alle Arcus, welche > 2 sind, und anfänglich um 0,001, später aber um 0,01 wachsen, anfänglich mit neun, später aber mit zehn Decimalstellen enthalten und so weit fortgeführt sind, daß die Differenzen der Logarithmen der hyperbolischen Functionen den Differenzen ihrer Arcus hinlänglich genau proportional sind,

selbst dann, wenn der die Grenzen der Tafeln überschreitende Araus um ein Beliebiges größer ist, als der letzte darin vorkommende Araus 12.

Aus den in §. 37. enthaltenen Grundformeln fließen andere als fernere Folgerungen. Da nemlich $\mathfrak{Cos}\,k = \frac{1}{\cos l\,k}$, so ist $\mathfrak{Cos}\,k - 1 = \frac{1-\cos l\,k}{\cos l\,k}$ und $\mathfrak{Cos}\,k + 1 = \frac{1+\cos l\,k}{\cos l\,k}$. Nun ist aber $\mathfrak{Cos}\,k - 1 = 2\,\mathfrak{Sin}\,\frac{1}{2}\,k^2$; $\mathfrak{Cos}\,k + 1 = 2\,\mathfrak{Cos}\,\frac{1}{2}\,k^2$; $1-\cos l\,k = 2\sin\frac{1}{2}l\,k^2$ und $1+\cos l\,k = 2\cos\frac{1}{2}l\,k^2$; also hat man:

hat man:
$$\operatorname{Sin}_{\frac{1}{2}lk} = \frac{\sin \frac{1}{2}lk}{V(\cos lk)}; \quad \operatorname{Cos}_{\frac{1}{2}k} = \frac{\cos \frac{1}{2}lk}{V(\cos lk)}; \quad \operatorname{Lang}_{\frac{1}{2}k} = \operatorname{Lang}_{\frac{1}{2}lk}.$$

In umgekehrter Beziehung erhält man drei ähnliche Formeln:

$$\sin \frac{1}{2}k = \frac{\sin \frac{1}{2} \frac{\Omega k}{\Omega k}}{V(\cos \frac{1}{\Omega k})}; \quad \cos \frac{1}{2}k = \frac{\cos \frac{1}{2} \Omega k}{V(\cos \frac{1}{\Omega k})}; \quad \tan \frac{1}{2}k = \operatorname{Ing} \frac{1}{2}\Omega k.$$

Da
$$\left(\cos\left(\frac{a}{2} + \frac{b}{2}\right)\right) = \left(\cos\frac{a}{2}\right) \left(\cos\frac{b}{2} + \sin\frac{a}{2}\right) \left(\sin\frac{b}{2}\right) = \left(\cos\left(\frac{a}{2} + \frac{b}{2}\right)\right) = \left(\cos\left(\frac{a}{2} + \frac{b}{2}\right)\right)$$

 $\cos \frac{a}{2} \cos \frac{b}{2} - \sin \frac{a}{2} \sin \frac{b}{2}$ ist, so erhält man, wenn die vorausgeschickten Formeln benutzt werden:

$$\mathfrak{Cos}\left(\frac{a+b}{2}\right) = \frac{\cos\left(\frac{1}{2}la - \frac{1}{2}lb\right)}{V\left(\cos la\cos lb\right)} \quad \text{and} \quad \cos\left(\frac{a+b}{2}\right) = \frac{\mathfrak{Cos}\left(\frac{1}{2}\Omega a - \frac{1}{2}\Omega b\right)}{V\left(\mathfrak{Cos}\,\Omega a\,\mathfrak{Cos}\,\Omega b\right)}.$$

In ähnlicher Art erhält man für die Sinus von $\frac{a+b}{2}$ die beiden Formeln:

$$\mathfrak{Sin}\left(\frac{a+b}{2}\right) = \frac{\sin\left(\frac{1}{2}la + \frac{1}{2}lb\right)}{V(\cos la \cos lb)} \quad \text{und} \quad \sin\left(\frac{a+b}{2}\right) = \frac{\mathfrak{Sin}\left(\frac{1}{2}\Omega a + \frac{1}{2}\Omega b\right)}{V(\mathfrak{Sol}\Omega a \mathfrak{Sol}\Omega b)}.$$

Werden diese Formeln durch die vorigen dividirt, so bekommt man

$$\mathfrak{Tang}\left(\frac{a+b}{2}\right) = \frac{\sin\left(\frac{1}{2}l\,a + \frac{1}{2}l\,b\right)}{\cos\left(\frac{1}{2}l\,a - \frac{1}{2}l\,b\right)} \quad \text{und} \quad \tan\left(\frac{a+b}{2}\right) = \frac{\sin\left(\frac{1}{2}\,\Omega\,a + \frac{1}{2}\,\Omega\,b\right)}{\cos\left(\frac{1}{2}\,\Omega\,a - \frac{1}{2}\,\Omega\,b\right)}.$$

Da endlich $\operatorname{Cin} 2k = 2\operatorname{Cin} k$. $\operatorname{Cos} k$, and $\operatorname{Cin} k = \operatorname{tang} lk$, $\operatorname{Cos} k = \frac{1}{\cos lk}$ ist, so findet man

Sin
$$2k = \frac{2\sin tk}{(\cos t \, k)^2}$$
, und auch $\sin 2k = \frac{2\sin 2k}{(\cos 2k)^2}$.

Zusatz. Da nach diesem §. $\tan \frac{1}{2}k = \operatorname{Eang} \frac{1}{2} \mathfrak{L}k$ und nach §. 37. auch $\tan \frac{1}{2}k = \operatorname{Sin} \mathfrak{L} \frac{1}{2}k$ ist, so hat man offenbar $\operatorname{Eang} \frac{1}{2} \mathfrak{L}k = \operatorname{Sin} \mathfrak{L} \frac{k}{2};$ in ähnlicher Art findet man die Formel: $\tan \frac{1}{2} l k = \sin l \frac{k}{2},$ und durch diese Formeln sind die Eangenten auf die Sinus und umgekehrt die Sinus auf die Eangenten zurückgebracht, so daß man in den Gleichungen $\sin x = \tan y$ und $\sin x = \operatorname{Eang} y$ aus dem gegebenen Arcus x immer den Arcus y und umgekehrt aus diesem jenen in Anwendung der vorigen For-

meln berechnen kann. Ist z. B. in der Gleichung $\sin x = \tan y$ der Arcus x gegeben, so setze man $x = l\frac{k}{2}$ und $y = \frac{1}{2}lk$. Rückwärts hat man dann $\frac{k}{2} = \mathfrak{L}x$, also $k = 2\mathfrak{L}x$ und demnach $y = \frac{1}{2}l(2\mathfrak{L}x)$; umgekehrt findet man $x = l(\frac{1}{2}\mathfrak{L}2y)$. In ähnlicher Art findet man für die Beziehung zwischen x und y in der Gleichung $\operatorname{Sin} x = \operatorname{Sang} y$ die beiden Formeln: $y = \frac{1}{2}\mathfrak{L}(2lx)$ und $x = \mathfrak{L}(\frac{1}{2}l2y)$.

Zehnter Abschnitt.

Reihen für die Potenzial-Functionen eines Arcus, für die Logarithmen derselben und für die Längezahl dieses Arcus.

Um die Potenzial-Functionen eines Arcus in Reihen zu entwickeln, welche nach Potenzen desselben fortschreiten, wird man mit den Sinus und Cosinus beginnen. Die im §. 2. und §. 6. bereits hergeleiteten Reihen:

Cos
$$x = S \frac{x^{2\alpha}}{(2\alpha)}$$
, and $\cos x = S(-1)^{\alpha} \frac{x^{2\alpha}}{(2\alpha)^{2\alpha}}$, $\sin x = S(-1)^{\alpha} \frac{x^{2\alpha+1}}{(2\alpha+1)^{2\alpha}}$

für die Sinus und Cosinus des Arcus x schreiten schon nach Potenzen des Arcus x fort, und gehören also hierher. Vergebens sieht man sich aber nach Reihen um, welche in fallender Anordnung ihrer Glieder fortschreiten.

Die Quotienten $\frac{1}{\cos x}$ und $\frac{1}{\sin x}$ heißen Secante und Cosecante des $\Re r$ cus x, und man könnte diese Benennungen auch auf die hyperbolischen Functionen übertragen. Obgleich wir nun von diesen Benennungen keinen Gebrauch machen werden, so sollen doch für diese Quotienten Reihen hergeleitet werden, weil sie später angewandt werden müssen; mit der Herleitung der Reihe für die Function $\frac{1}{\cos x}$ werden wir den Anfang machen.

Man übersieht sogleich, daß die Reihe für $\frac{1}{\cos x}$ die folgende Form haben werde

$$\frac{1}{\cos x} = 1 + \vec{U} \cdot \frac{x^2}{2^7} + \vec{U} \cdot \frac{x^4}{4^7} + \vec{U} \cdot \frac{x^6}{6^7} \cdot \dots + \vec{U} \cdot \frac{x^{2a}}{(2a)^7} + \dots$$

In Anwendung der schon früher benutzten Bezeichnungsart hat man also den Ausdruck:

$$\frac{1}{\cos x} = S \frac{u}{(2\alpha)}, x^{2\alpha},$$

und es müssen nur noch die Vorzahlen U, U, U, u.s. w. berechnet werden, denn bekannt ist schon für $\alpha = 0$ das Glied U = 1.

Da die Reihe $\cos x = S(-1)^{\alpha} \cdot \frac{x^{2\alpha}}{(2\alpha)}$, mit der für $\frac{1}{\cos x}$ multiplicirt ein Product = 1 geben muß, und das allgemeine Glied des entwickelten Productes zum Coëfficienten hat:

$$S(-1)^{\alpha}$$
. $\frac{1}{(2\alpha)}$. $\frac{\partial}{\partial x}$ cond. $(\alpha + \beta = r)$,

so muss dieser Coëfsicient = 0 sein für jedes r, welches > 0 ist. Die also gebildete Gleichung wird aber einfacher, wenn man sie mit $(2r)' = (2\alpha + 2\beta)'$ multiplicirt, und beachtet, daß $\frac{(2r)'}{(2\alpha)'(2\beta)} = [2r]^{2\alpha}_{\frac{1}{(2\alpha)'}} = [2r]^{\frac{2\beta}{1}}_{\frac{1}{(2\beta)'}}$ Bringt man weiter das Glied für $\alpha = 0$ auf die eine Seite der Gleichung allein, so hat man die allgemeine Recursionsformel

$$U = S(-1)^{\alpha-1} \left[2r \right]_{(2\alpha)}^{2\alpha}. \quad U \quad \text{cond. } \left(\alpha + \beta = r \right).$$

Die ersten Specialfälle dieser allgemeinen Formel sind zur deutlicheren Auffassung des Gesetzes hierher gestellt:

$$\dot{U} = [2]_{\frac{1}{2}}^{\sharp},$$

$$\dot{U} = [4]_{\frac{1}{2}}^{\sharp} \dot{U} - [4]_{\frac{1}{4}}^{\sharp},$$

$$\dot{U} = [6]_{\frac{1}{2}}^{\sharp} \dot{U} - [6]_{\frac{1}{4}}^{\sharp} \dot{U} + [6]_{\frac{1}{6}}^{\sharp},$$

$$\dot{U} = [8]_{\frac{1}{2}}^{\sharp} \dot{U} - [8]_{\frac{1}{4}}^{\sharp} \dot{U} + [8]_{\frac{6}{6}}^{\sharp} \dot{U} - [8]_{\frac{8}{8}}^{\sharp},$$

$$\mathbf{U}_{\bullet} \mathbf{S}_{\bullet} \mathbf{W}_{\bullet}$$

Zieht man beim Gebrauche dieser Formeln vollends eine Tabelle der figurirten Zahlen zu Hülfe, so ist die Rechnung sehr einfach und man findet:

$$\dot{U}=1$$
 $\dot{U}=2702765,$
 $\dot{U}=5,$
 $\dot{U}=199360981,$
 $\dot{U}=61,$
 $\dot{U}=19391512145,$
 $\dot{U}=1385,$
 $\dot{U}=2404879661671,$
 $\dot{U}=50521,$
u. s. w.

Für diese Werthe der Coëfficienten hat man dann $\frac{1}{\cos x} = S \frac{\tilde{u}}{(2\alpha)} \cdot x^{2\alpha}$. Setzt man $x\sqrt{-1}$ für x, so findet man dadurch noch die folgende Reihe:

$$\frac{1}{\cos x} = S(-1)^{\alpha} \cdot \frac{u}{U}, x^{2\alpha}.$$

Von der vorigen Reihe unterscheidet sich diese nur darin, daß die Vorzeichen der Glieder abwechseln.

Die Quadrate der so eben abgeleiteten Reihen geben entwickelt Reihen von ähnlicher Form, aus denen mehrere andere Reihen hergeleitet werden. Man gelangt zur Entwickelung dieser Quadrate auf mehr als eine Weise. Wir benutzen zur Herleitung die Bemerkung, dass

$$\left(\frac{1}{\cos x}\right)^2 = \frac{2}{1 + \cos 2x} \text{ ist.}$$

Wird also $\frac{1}{\cos x^2} = 1 + w \frac{x^2}{2} + w \frac{x^4}{4} + w \frac{x^6}{6} + \text{etc.} = S \frac{w x^{2\alpha}}{(2\alpha)}$ gesetzt, so muls $2 = \left(S \frac{w x^{2\beta}}{(2\beta)^2}\right) \cdot \left(1 + S (-1)^{\alpha} 2^{2\alpha} \cdot \frac{x^{2\alpha}}{(2\alpha)^2}\right) \text{ sein.}$

Der Coëfficient des allgemeinen Gliedes im entwickelten Producte ist offenbar:

$$\frac{w}{(2r)} + S(-1)^{\alpha} \frac{2^{2\alpha}}{(2\alpha)} \cdot \frac{w}{(2\beta)}, \quad \text{cond. } (\alpha + \beta = r).$$

Da derselbe gleich Null sein muß, sobald r > 0 ist, so hat man eine Recursionsformel:

$$w = 2.S(-1)^{\alpha-1}.2^{2\alpha-2}.[2r] \frac{2\alpha}{(2\alpha)^2}.w \text{ cond. } (\alpha+\beta=r).$$

Da nach dieser Formel jeder Coëfficient den Factor 2 beim Aufsteigen erhält, so folgt daraus, dass im Allgemeinen der Coëfficient wurden durch die Potenz 2' theilbar sei. In der Regel sind aber die Coëfficienten durch noch höhere Potenzen von 2 theilbar. Die wirkliche Rechnung giebt:

Die Rechnung ist sehr bequem, wenn man eine Tabelle der figurirten Zahlen dabei zur Hand nimmt. Für diese Werthe hat man dann die beiden Reihen:

$$(\frac{1}{\cos x})^2 = 1 + w \cdot \frac{x^2}{2} + w \cdot \frac{x^4}{4} + w \cdot \frac{x^6}{6} + \text{etc.} = Sw \cdot \frac{x^{2\alpha}}{(2\alpha)},$$

$$(\frac{1}{\cos x})^2 = 1 - w \cdot \frac{x^2}{2} + w \cdot \frac{x^4}{4} - w \cdot \frac{x^6}{6} + \text{etc.} = S(-1)^\alpha w \cdot \frac{x^{2\alpha}}{(2\alpha)}.$$

$$6. \quad 44.$$

Werden die so eben erhaltenen Reihen mit ∂x multiplicirt und wird darauf integrirt, so erhält man dadurch zwei neue Reihen:

tang
$$x = x + \overset{i}{w} \cdot \frac{x^3}{3} + \overset{2}{w} \cdot \frac{x^5}{5} + \overset{3}{w} \cdot \frac{x^7}{7} + \text{etc.} = S \overset{a}{w} \cdot \frac{x^{2\alpha+1}}{(2\alpha+1)},$$

$$\operatorname{Enng} x = x - \overset{x}{w} \cdot \frac{x^3}{3} + \overset{2}{w} \cdot \frac{x^5}{5} - \overset{3}{w} \cdot \frac{x^7}{7} + \text{etc.} = S(-1)^{\alpha} \overset{a}{w} \cdot \frac{x^{2\alpha+1}}{(2\alpha+1)}.$$

Aus diesen Reihen leitet man die Reihen für die Cotangenten her in Benutzung der Formel:

$$\cot \frac{x}{2} - 2\cot x = \tan \frac{x}{2}$$
 und $2 \cot x - \cot \frac{x}{2} = \operatorname{Sang} \frac{x}{2}$.

Man schließt nemlich aus der Form der Reihe für Tangenten auf die Form der Reihen für die Cotangenten, da $\cot x = \frac{1}{\tan g x}$ ist. Setzt man hiernach

$$\cot x = \frac{1}{x} + S a \cdot \frac{x^{2\alpha+1}}{(2\alpha+1)},$$

so findet man $\frac{w}{2^{2r+1}} = a \cdot \left(\frac{1}{2^{2r+1}} - 2\right)$, und also rückwärts $a = -\frac{w}{4^{r+1} - 1}$.

Man hat also die beiden Reihen:

Man hat also die beiden Reihen:
$$\cot x = \frac{1}{x} - S \frac{w}{4^{\alpha} - 1} \cdot \frac{x^{2\alpha - 1}}{(2\alpha - 1)^{\alpha}} \text{ für } \alpha > 0,$$

$$\cot x = \frac{1}{x} + S \frac{w}{4^{\alpha} - 1} \cdot \frac{x^{2\alpha - 1}}{(2\alpha - 1)^{\alpha}} \text{ für } \alpha > 0.$$

Aus diesen und den vorigen Reihen gelangt man zu neuen Reihen für die Functionen $\frac{1}{\sin x}$ und $\frac{1}{\sin x}$ unter Benutzung der Formeln:

$$\frac{1}{2}\cot\frac{x}{2} + \frac{1}{2}\tan \frac{x}{2} = \frac{1}{\sin x}, \quad \text{und} \quad \frac{1}{2}\cot\frac{x}{2} - \frac{1}{2}\tan \frac{x}{2} = \frac{1}{\sin x}.$$

Man erhält nemlich:

$$\frac{2}{\sin 2x} = \frac{1}{x} + S \frac{4^{\alpha} - 2}{4^{\alpha} - 1} \cdot w \cdot \frac{x^{2\alpha - 1}}{(2\alpha - 1)^{\alpha}}, \text{ für } \alpha > 0,$$

$$\frac{2}{\sin 2x} = \frac{1}{x} + S(-1)^{\alpha} \cdot \frac{4^{\alpha} - 2}{4^{\alpha} - 1} \cdot w \cdot \frac{x^{2\alpha - 1}}{(2\alpha - 1)^{\alpha}}, \text{ für } \alpha > 0.$$
G 2

Werden die so eben gefundenen 6 Formeln mit ∂x multiplicirt, und integrirt man, so gelangt man zu eben so vielen Reihen für die natürlichen Logarithmen der Potenzialfunctionen, nemlich:

$$\log \cos x = -S \overset{\alpha^{-1}}{w} \cdot \frac{x^{2\alpha}}{(2\alpha)}, \text{ für } \alpha > 0,$$

$$\log \cos x = -S(-1)^{\alpha} \cdot w \cdot \frac{x^{2\alpha}}{(2\alpha)}, \text{ für } \alpha > 0.$$

Aus den Reihen für die Cotangenten erhält man in ähnlicher Art:

$$\log \sin x = \log x - S \frac{\frac{\alpha - 1}{w}}{\frac{\alpha - 1}{\alpha - 1}} \cdot \frac{x^{2\alpha}}{(2\alpha)}, \text{ für } \alpha > 0,$$

$$\log \operatorname{Sin} x = \log x + S \frac{w}{4^{\alpha} - 1} \cdot \frac{x^{2\alpha}}{(2\alpha)}, \text{ für } \alpha > 0.$$

Endlich erhält man noch die beiden Reihen:

$$\log \tan \alpha = \log \alpha + S \frac{4^{\alpha} - 2}{4^{\alpha} - 1} \cdot w \cdot \frac{x^{2\alpha}}{(2\alpha)}, \text{ für } \alpha > 0,$$

$$\log \operatorname{Enng} x = \log x + S(-1)^{\alpha} \cdot \frac{4^{\alpha} - 2}{4^{\alpha} - 1} \cdot w \cdot \frac{x^{2\alpha}}{(2\alpha)}, \text{ für } \alpha > 0.$$

Die Coëfficienten $\overset{1}{w}$, $\overset{2}{w}$, $\overset{2}{w}$, etc. kommen noch in den Entwickelungen anderer Functionen vor, und daher rührt es, daßs man zu ihrer Berechnung mehrere, dem Anscheine nach gänzlich verschiedene Formeln, und nicht nur Recursionsformeln, sondern auch solche, welche zur independenten Berechnung dienen, abzuleiten vermag, worauf man hier und da ein größeres Gewicht legt, als sie verdienen. Später werden auch Formeln, welche zur independenten Berechnung dienen, mitgetheilt werden. Es ist nicht nöthig, die Reihe der Zahlen $\overset{1}{w}$, $\overset{2}{w}$, $\overset{3}{w}$, etc. weithin zu berechnen, weil sie mit den sogenannten Bernoullischen Zahlen auf eine einfache Weise zusammenhängen und diese bereits bis zu ansehnlicher Weite berechnet worden sind. Bezeichnet man nemlich die Bernoullischen Zahlen, wie folgt: $\overset{1}{b} = \frac{1}{5}$; $\overset{2}{b} = \frac{1}{30}$; $\overset{3}{b} = \frac{1}{30}$; $\overset{5}{b} = \frac{5}{50}$; $\overset{5}{b} = \frac{5}{50}$; $\overset{5}{b} = \frac{5}{2730}$; u. s. w., so ist allgemein:

$$\ddot{B} = \frac{2r \cdot w}{4^r (4^r - 1)}$$
, also rückwärts $\ddot{w} = \frac{4^r (4^r - 1)}{2r} \cdot \ddot{B}$.

Man hätte auch wohl gethan, statt der Bernoullischen Zahlen, welche Brüche sind, gewisse ganze Zahlen, welche mit ihnen eng verbunden sind, wie etwa die Zahlen w, w, w, w, etc. zu berechnen und statt der Bernoullischen Zahlen in Anwendung zu bringen.

§. 46.

Um nun auch noch die einem gegebenen Arcus zugehörige Längezahl und auch Longitudinalzahl, welche als neuer Arcus zu dienen bestimmt ist, in eine nach Potenzen jenes Arcus fortschreitende Reihe zu entwickeln, ist es erforderlich, die Gleichung $y = \mathfrak{L}x$ oder auch die umgekehrte x = ly differentiiren zu können. Da $\mathfrak{Cos}\mathfrak{L}x \cdot \cos x = 1$ ist, so erhält man $\log \mathfrak{Cos}\mathfrak{L}x + \log \cos x = 0$,

und wenn man differentiirt: \mathbb{Z} ang $\mathbb{C}x \partial \mathbb{C}x = \tan x \partial x$; da aber \mathbb{Z} ang $\mathbb{C}x = \sin x$ ist, so hat man einfacher:

$$\partial \Omega x = \frac{\partial x}{\cos x}.$$

Eben so findet man umgekehrt: $\partial lx = \frac{\partial x}{\cos x}$. Hierauf gründen sich also die beiden folgenden Integralformeln:

$$\int \frac{\partial k}{\cos k} = 2k + \text{const.},$$

$$\int \frac{\partial k}{\cos k} = lk + \text{const.}$$

Zusatz. Es können die Functionen Ωk und Ωk selbst schon in einem vorgelegten Differentiale enthalten sein. Differentiirt man nemlich die Gleichung $\gamma = \sin(a+k) \cdot \Omega k$, so erhält man $\partial \gamma = \partial k \cos(a+k) \cdot \Omega k + \frac{\sin(a+k)}{\cos k} \partial k$; es ist also umgekehrt $\int \partial k \cos(a+k) \cdot \Omega k = \sin(a+k) \cdot \Omega k = \cos(a+k) \cdot \Omega k$

Die Functionen Ωk und lk können auf mannigfaltige Weise aus Functionen des Urcus k berechnet werden. Jede Reihe, nach welcher man aus der Potenzialfunction eines Urcus den Urcus selbst findet, dient auch zur Berechnung der Functionen Ωk und lk. So ist z. B. $\frac{1}{2}k = 2 \log \frac{1}{2}k + \frac{1}{3} 2 \log \frac{1}{2}k^3 + \frac{1}{3} 2 \log \frac{1}{2}k^5 + \text{etc.}$ Setzt man also Ωk für k, und bemerkt, daß $\Omega \log \frac{1}{2}\Omega k = \log \frac{1}{2}k$ ist, so erhält man auf der Stelle:

 $\frac{1}{2}\mathfrak{L}k = \tan \frac{1}{2}k + \frac{1}{3}\tan \frac{1}{2}k^3 + \frac{1}{5}\tan \frac{1}{2}k^5 + \frac{1}{7}\tan \frac{1}{2}k^7 + \text{etc.}$ In ähnlicher Art erhält man die Reihe:

$$\Re k = \tan k - \frac{1}{2} \cdot \frac{\tan k^3}{3} + \frac{1 \cdot 3}{2 \cdot 4} \cdot \frac{\tan k^5}{5} - \frac{1 \cdot 3 \cdot 5}{2 \cdot 4 \cdot 6} \cdot \frac{\tan k^7}{7} + \text{etc.}$$

Wenn der Arcus k groß wird, oder $\frac{\pi}{2}-k$ gering ist, dann dienen zwei Reihen, welche man leicht aus denen des §. 21. herleitet:

$$\mathfrak{L}\left(\frac{\pi}{2} - k\right) = \log \frac{2}{\tan g \, k} + \frac{1}{2} \cdot \frac{\tan g \, k^2}{2} - \frac{1 \cdot 3}{2 \cdot 4} \cdot \frac{\tan g \, k^4}{4} + \frac{1 \cdot 3 \cdot 5}{2 \cdot 4 \cdot 6} \cdot \frac{\tan g \, k^6}{6} - \text{etc.}$$

$$\mathfrak{L}\left(\frac{\pi}{2} - k\right) = \log \frac{2}{\sin k} - \frac{1}{2} \cdot \frac{\sin k^2}{2} + \frac{1 \cdot 3}{2 \cdot 4} \cdot \frac{\sin k^4}{4} - \frac{1 \cdot 3 \cdot 5}{2 \cdot 4 \cdot 6} \cdot \frac{\sin k^6}{6} + \text{etc.}$$

Sie convergiren beide offenbar desto mehr, je kleiner der Unterschied $\frac{\pi}{2}-k$ wird. Es belohnt aber die Mühe nicht, die Anzahl dieser Formeln noch zu vermehren und die ähnlichen für die Function lk ihnen gegenüber zu stellen, wo es angeht.

Wichtiger ist die Angabe solcher Reihen für die Functionen $\mathfrak{L}k$ und lk, welche nach den Potenzen des Arcus k fortschreiten. Werden die im §. 42. für $\frac{1}{\cos k}$ und $\frac{1}{\cos k}$ hergeleiteten Reihen mit ∂x multiplicirt, so giebt die darauf folgende Integration nach §. 46. auf der Stelle die beiden Reihen:

$$\mathfrak{L}k = k + \tilde{U} \cdot \frac{k^3}{3} + \tilde{U} \cdot \frac{k^5}{5} + \tilde{U} \cdot \frac{k^7}{7} + \tilde{U} \cdot \frac{k^9}{9} + \text{etc.},$$

$$lk = k - \tilde{U} \cdot \frac{k^3}{3^2} + \tilde{U} \cdot \frac{k^5}{5} - \tilde{U} \cdot \frac{k^7}{7} + \tilde{U} \cdot \frac{k^9}{9} - \text{etc.}$$

Die in diesen Reihen vorkommenden Zahlen \dot{U} , \dot{U} , \dot{U} , etc. sind ganze Zahlen, und im §. 42. sind sie bis zu einer ziemlichen Weite hin angegeben worden.

Man kann aber für die Function $\mathfrak{L}k$ noch eine Reihe angeben, welche desto brauchbarer wird, je mehr der Arcus k sich vergrößert oder der ihm zugehörige Winkel einem rechten Winkel nahe kommt. Da nemlich nach §. 38. $\mathfrak{L}k = \log \tan \frac{1}{2} \left(\frac{\pi}{2} + k \right)$, also $\mathfrak{L}\left(\frac{\pi}{2} - k \right) = \log \tan \left(\frac{\pi}{2} - \frac{k}{2} \right)$ = $\log \cot \frac{k}{2} = \log \frac{1}{\tan \frac{k}{2}}$ ist, so hat man nach §. 45.:

$$\mathfrak{L}\left(\frac{\pi}{2}-k\right) = \log\frac{2}{k} - \mathcal{S}\frac{4^{\alpha}-2}{4^{\alpha}-1} \cdot w \cdot \frac{\left(\frac{\pi}{2}k\right)^{2\alpha}}{\left(2\alpha\right)^{2}} \text{ für } \alpha > 0.$$

Diese Reihe fällt nun gleichsam in die Mitte zwischen die im §. 47. für die Function $\mathfrak{L}\left(\frac{\pi}{2}-k\right)$ angegebenen beiden Reihen, indem $\tan k > k$ und $\sin k < k$ ist.

Zusatz. Setzt man in den für Ωk und lk angegebenen Reihen $k\sqrt{-1}$ für k, so erhält man noch $\Omega(k\sqrt{-1}) = (lk) \cdot \sqrt{-1}$, und umgekehrt $l(k\sqrt{-1}) = (\Omega k) \sqrt{-1}$. Es braucht wohl kaum angemerkt zu

werden, dass man dieselben Resultate auch aus den Fundamentalformeln des §. 37. unmittelbar hätte schließen können. Die eben genannten Reihen geben auch zu erkennen, was schon früher behauptet worden ist, dass $\Omega k > k$ sei. Daher ist auch $\Omega k > lk$, oder, was dasselbe ist, $\Omega k < k$.

Auch haben die für Ωk und lk angegebenen Reihen die Eigenschaft, daß man durch die Umkehrung der einen die andere erhält, welche Eigenschaft um so interessanter ist, als die beiden Reihen fast völlig übereinstimmen, nur daß die Reihe für lk abwechselnde Vorzeichen vor ihren Gliedern hat und die Vorzeichen vor den Gliedern der ersten Reihe durchgehends + sind.

§. 49.

Die vorgehenden Reihen setzen also immer in den Stand, die Werthe der Function Ik für beliebige Werthe von k zu berechnen. Schon die Formel $\mathfrak{L}k = \log \tan \frac{1}{2} \left(\frac{\pi}{2} + k \right)$ eignet sich zu einem bequemen Gebrauche, da die briggischen Logarithmen der cyklischen Tangenten bereits berechnet und in Tafeln niedergelegt sind. Da diese Formel aber nicht briggische, sondern natürliche Logarithmen verlangt, so kommt man bei ihrem Gebrauche immer in den Fall, den aus den trigonometrischen Tafeln entnommenen briggischen Logarithmen der cyklischen Tangente mit dem Modul des natürlichen Logarithmensystems, d. h. mit der Zahl 2, 3025 8509 2994 0456 8401 . . . zu multiplieiren, wenn der Werth von Ik aus dem gegebenen Werthe von k berechnet werden soll. Will man aber aus dem gegebenen Werthe von &k den zugehörigen Werth von 18k oder k finden, so hat man bei Anwendung der Formel den gegebenen Werth Ωk mit der Zahl 0, 4342 9448 1903 2518 2765.... zu multiplieiren, um in den trigonometrischen Tafeln dann einen diesem Producte möglichst nahe kommenden briggischen Logarithmen einer cyklischen Tangente aufzusuchen und den ihr zugehörigen Arcus oder Winkel zu finden, welcher verdoppelt und dann um einen rechten Winkel vermindert werden muß, um den gesuchten Winkel k zu ermitteln. Man wird diese Rechnungsweisen aber auch nur dann anwenden, wenn ein besonders hoher Grad von Genauigkeit erzielt wird, so daß eine Rechnung mit sieben Decimalziffern nicht mehr genügt, und man also die von dem Verfasser berechnete Tabelle, welche nur sieben Decimalzissern hat, nicht gebrauchen kann, deren Benutzung sonst für beide Winkel-Eintheilungen ungleich rascher zum Ziele führt. In einem solchen Falle muß man aber auch zu trigonometrischen Tafeln greifen, welche wegen des ungewöhnlich größeren Umfanges, den die mehren Decimalzissern veranlassen, kostspieliger und unbequemer sind.

So mannigfaltig aber auch die Mittel sein mögen, welche zu Gebote stehen, um in einem vorgelegten besonderen Falle aus dem Werthe von k den von Ωk oder umgekehrt aus diesem jenen zu finden, so kann jedoch die Veranlassung zu solchen Rechnungen wegfallen, weil der Gebrauch der vermittelnden Function Behufs der Realisirung der Werthe der hyperbolischen Functionen nicht mehr zusagt, d. h. weil wegen allzu raschen Wachsens oder Abnehmens die Einschaltung nicht mehr bequem und sicher angeht. Dieses ereignet sich, wie es fast die bloße Ansicht der im §. 47. und §. 48 mitgetheilten Formeln zu erkennen giebt, dann. wenn der Arcus Ωk zu groß und etwa >4 wird, oder also dem Winkel k nur noch ungefähr zwei Grade an einem rechten Winkel fehlen. denn dann beschleunigt sich das Wachsen von £k bei einer auch geringen Zunahme von k zu sehr. Deutlicher noch als die Ansicht der genannten Formeln zeigt dieses der Blick in die berechneten Tafeln. Es ist daher nothwendig, die hyperbolischen Functionen oder doch ihre Logarithmen selbst zu berechnen und ihre Werthe in Tafeln niederzulegen, so daß man also von ihrer Zurückführung auf die cyklischen Functionen, welche unter anderen Umständen nützlich ist, nun absteht,

§. 50.

Es ündern sich zwar die Werthe der hyperbolischen Functionen bei der Zunahme ihres Arcus desto rascher, je größer der Arcus wird, glücklicherweise aber verhält es sich in Hinsicht auf ihre Logarithmen gerade umgekehrt, ihre zweiten und mehr noch ihre höheren Differenzen sind gering, und desto geringer, je größer der Arcus der hyperbolischen Functionen wird. Diese Logarithmen eignen sich also zur Construction einer Tabelle aus ihnen, welche, ohne einen sehr großen Umfang zu haben, weit hin reicht, so daß der Arcus vom Werthe 2,000... an bis zu einem beliebig großen Werthe wachsen darf und kann, und diese Tabelle wegen ihrer Brauchbarkeit selbst zwischen den Grenzen 2 und 4 des Arcus benutzt werden kann, obgleich für diese Strecke schon durch die früher genannte Tabelle gesorgt war. Die Construction dieser zweiten Tabelle gründet sich auf folgende Entwickelungen. Da

Cos
$$k = \frac{e^k + e^{-k}}{2}$$
 und Sin $k = \frac{e^k - e^{-k}}{2}$

ist, so findet man in Anwendung der bekannten logarithmischen Reihe:

$$\log(a+b) = \log a + \frac{b}{a} - \frac{1}{2} \left(\frac{b}{a}\right)^2 + \frac{1}{3} \left(\frac{b}{a}\right)^3 - \frac{1}{4} \left(\frac{b}{a}\right)^4 + \text{ etc.}$$

auf der Stelle die gesuchten beiden Reihen:

$$\log \operatorname{Cos} k = k - \log 2 + e^{-2k} - \frac{1}{2} e^{-4k} + \frac{1}{3} e^{-6k} - \frac{1}{4} e^{-8k} + \text{ etc.},$$

$$\log \operatorname{Sin} k = k - \log 2 - e^{-2k} - \frac{1}{2} e^{-4k} - \frac{1}{3} e^{-6k} - \frac{1}{4} e^{-8k} - \text{ etc.}$$

für die natürlichen Logarithmen der Functionen $\mathfrak{Cos}k$ und $\mathfrak{Sin}k$. Den natürlichen Logarithmen der Function $\mathfrak{Tang}k$ findet man, wenn man die erste Reihe von der zweiten subtrahirt, wodurch die folgende Reihe entsteht:

 $\log \operatorname{Zang} k = -2(e^{-2k} + \frac{1}{3}e^{-6k} + \frac{1}{5}e^{-10k} + \text{etc.}).$

Da nun die Werthe der Exponentialfunctionen e^{-2k} , e^{-4k} , e^{-6k} etc., welche in den Gliedern der drei Reihen vorkommen, geringe Werthe haben, wenn k=2 oder k>2 ist und diese Größen überhaupt bequem zu berechnen sind, so hat der Verfasser sie zur Anfertigung der genannten zweiten Tabelle benutzt, und so die briggischen Logarithmen der hyperbolischen Functionen für alle Arcue, welche > 2 sind und um 0,001 zunehmen, in neun Decimalstellen berechnet. Es schien aber unzweckmüßig, die Arbeit ganz so durchzuführen, denn von k=5 an reichte es vollkommen hin, den Arcus um 0,01 wachsen zu lassen; dafür sind aber von dieser Grenze an die briggischen Logarithmen der Potenzialfunctionen in zehn Decimalstellen angegeben worden, und zwar bis zu so großer Weite hin, daß keine Tabelle mehr nöthig ist. Für k=12 ist nemlich $\mathfrak{Log}k=\mathfrak{Sin}k$, also $\mathfrak{Tang}k=1$ oder $\mathfrak{log}\mathfrak{Tang}k=0$, wenigstens so genau, daß der Unterschied zwischen $\mathfrak{Log}k$ und $\mathfrak{Sin}k<0$, 000 000 000 01 ist.

Die in dieser Tabelle enthaltenen Logarithmen der Zangenten sind sämmtlich jeder um 10 zu groß und also negativ, in ähnlicher Art wie die Logarithmen der Sinus und Cosinus in den trigonometrischen Tafeln.

§. 51.

Die nach den angegebenen drei Reihen berechneten Logarithmen mußten, damit sie briggische würden, mit dem bekannten Modul $\mu=0,4342\,9448\,1903\,2518\ldots$ multiplicirt werden. So genau die Einschaltung in die Reihe der Sinus und Cosinus dieser Tabelle sein mag, da man in Hinsicht auf die Bestimmung des Arcus bei sonst richtiger Rechnung kaum einen (unvermeidlichen) Fehler von der Größe 0,000 000 001

begehen wird, so ungenau wird die Bestimmung des Arcus, wenn die hyperbolische Tangente gegeben ist, in den Grenzen dieser Tabelle, und zwar immer mehr, je größer der Arcus wird. Gegen das Ende der Tabelle ist der unvermeidliche Fehler fast = 1, wie es die Ausicht der Tabelle lehrt. Man hätte, um diese Fehler geringer zu machen, noch ungleich mehr als zehn Decimalziffern nehmen müssen. Die trigonometrischen Tafeln der Sinus, Cosinus, Tangenten und Cotangenten sind in gewissen Gegenden ihres Umfanges einem ähnlichen Übelstande unterworfen. Glücklicher Weise kann man aber im vorliegenden Falle durch geringe Mühe die höhere Genauigkeit in der Bestimmung des Arcus erreichen, da nach §. 50. gerade in diesem Falle überflüssig genau:

 $\log 2$ ang $k=-2\mu.e^{-2k}$ oder $\log \cot k=2\mu e^{-2k}$ ist, wenn briggische Logarithmen verstanden werden. Man hat also, wenn man zum zweiten Male auf beiden Seiten zu den briggischen Logarithmen übergeht, die Formel

 $\log \log \operatorname{Cot} k = \log(2\mu) - 2k\mu$.

Hiernach kann der Arcus k mit höherer Genauigkeit leicht gefunden werden, vorausgesetzt, dass auch die hyperbolische Tangente oder eigentlich ihr Logarithme in mehr als zehn Decimalstellen gegeben ist. Eben so kann man nach dieser Formel auch umgekehrt, wenn ein Arcus gegeben ist, welcher beträchtlich > 2 ist, den Logarithmen seiner hyperbolischen Tangente in mehr als zehn Decimalzissern genau angeben. Der bei diesen Rechnungen zu gebrauchende beständige Logarithme ist:

 $\log(2\mu) = 9,9388143070 - 10.$

So ist z. B. für k = 12 das Glied $2k\mu = 10,4230675657$.

Also $\log (2\mu) - 2k\mu = 0.5157467413 - 11 = \log \log \mathfrak{C}otk$. Also $\log \mathfrak{C}otk = 0.0000000000327904...$ und $\log \mathfrak{Z}angk = 9.99999999999672096...$

Da ferner der briggische Logarithme $\log(1\pm\delta) = \pm \mu \cdot \delta$ ist, wenn δ gering ist, wie im vorliegenden Falle, so wird man $\log \cot k$ mit $\frac{1}{\mu}$ multipliciren und zum Producte Eins addiren, um $\cot k$ selbst zu erhalten, oder das Product von Eins subtrahiren, um $\operatorname{\Sigmaang} k$ zu erhalten.

Die angestellte Rechnung giebt:

Cot $k = 1,0000\,0000\,0014\,2407...$ und $\operatorname{Zang} k = 0,9999\,9999\,9985\,7593...$

Man hätte im vorliegenden Falle selbst noch ungleich genauer rechnen oder noch ungleich mehr Decimalziffern für $\operatorname{Cot} k$ und $\operatorname{Cang} k$ finden können. Wie groß aber der erreichbare Grad der Genauigkeit sei, muß aus dem Gliede $-\frac{2}{3}e^{-6k}$, welches bei diesen Rechnungen außer Acht bleibt, beurtheilt werden. Im vorliegenden Falle, wo k=12 ist, hat das Glied den Werth:

0,0000 0000 0000 0000 0000 0000 0000 0001,

d. h. in 31 Decimalstellen genau angeben können. Zu einem so geringen Fehler in der Bestimmung des Werthes der Tangente oder auch Costangente gehört aber ein nicht ganz so geringer Fehler in der Bestimmung des Arcus, wenn die Tangente oder auch Cotangente gegeben sind.

Eilfter Abschnitt.

Bemerkenswerthe Reihen, welche nach Potenzial-Functionen äquidifferenter Urcus fortgehen; Folgerungen daraus.

Wenn man die bekannte logarithmische Entwickelungs-Formel $\log z = S(-1)^{\alpha} \frac{z^{\alpha+1}-z^{-(\alpha+1)}}{2}$ auf die Function $z = \cos k + \sin k = e^k$ anwendet, so hat man:

 $z^{\alpha+1} = \operatorname{Cos}(\alpha+1)k + \operatorname{Sin}(\alpha+1)k$ und $z^{-(\alpha+1)} = \operatorname{Cos}(\alpha+1)k - \operatorname{Sin}(\alpha+1)k$. Daraus folgt $z^{\alpha+1} - z^{-(\alpha+1)} = 2\operatorname{Sin}(\alpha+1)k$, und weil $\log z = \log e^k = k$ ist, so hat man offenbar:

$$\frac{1}{2}k = S(-1)^{\alpha} \frac{\mathfrak{Sin}(\alpha+1)k}{\alpha+1}.$$

Differentiirt man auf beiden Seiten, so hat man:

$$\frac{\tau}{2} = S(-1)^{\alpha} \operatorname{Cos}(\alpha + 1) k.$$

Diese Gleichung aufs Neue 2r mal nach einander differentiirt, so ist:

$$S(-1)^{\alpha}(\alpha+1)^{2r}.\operatorname{Cos}(\alpha+1)k=0.$$

Wird diese Gleichung noch einmal differentiirt, so hat man:

$$S(-1)^{\alpha}(\alpha+1)^{\alpha+1}$$
. $Sin(\alpha+1)k = 0$.

Setzt man in der vorigen Reihe den Arcus k = 0, so ist allgemein $\mathfrak{Cos}(\alpha + 1)k = 1$, und also:

$$S(-1)^{\alpha}(\alpha+1)^{2r}=0,$$

oder auch

$$(1^{2r}-2^{2r}+3^{2r}-4^{2r}+5^{2r}-6^{2r}+-\text{etc.})=0,$$

welches ein bekanntes Resultat ist.

Wenn man die beiden Factoren 1+zv und $1+\frac{v}{z}$ multiplicit und unter z den Ausdruck $z = \mathfrak{Cos} k + \mathfrak{Sin} k$ versteht, so ist das Product $=1+(z+z^{-1})\cdot v+v^2$ oder $1+2v\cos k+v^2$.

Also hat man $\log(1+2v\operatorname{Cos} k+v^2) = \log(1+zv) + \log(1+\frac{v}{2})$.

Entwickelt man $\log(1+zv)$ und $\log(1+\frac{v}{z})$ nach Potenzen von v, und addirt man die Entwickelungen, so ist:

$$\log(1+2v\operatorname{Cos} k+v^2) = S(-1)^{\alpha} \cdot \frac{z^{\alpha+1}+z^{-(\alpha+1)}}{\alpha+1} \cdot v^{\alpha+1},$$

oder einfacher:

$$\log \sqrt{(1+2v\operatorname{Cos}k+v^2)} = S(-1)^{\alpha} \cdot \frac{v^{\alpha+1}}{\alpha+1} \cdot \operatorname{Cos}(\alpha+1)k.$$

Setzt man v = 1, so hat man $1 + 2v \operatorname{Cos} k + v^2 = 2(1 + \operatorname{Cos} k) = (2 \operatorname{Cos} \frac{1}{2}k)^2$, und also: $\log(2\operatorname{Cos}_{\frac{1}{2}}k) = S(-1)^{\alpha} \cdot \frac{\operatorname{Cos}(\alpha+1)k}{\alpha+1}.$

Wird auf beiden Seiten differentiirt, so erhält man:

$$\frac{1}{2}\operatorname{Sang}\frac{k}{2} = S(-1)^{\alpha}\operatorname{Sin}(\alpha+1)k.$$

Wird diese Gleichung 2r+1 mal nach einander differentiirt, so hat man:

$$\frac{1}{2} \cdot \frac{\partial^{2r+1} \operatorname{Zang} \frac{k}{2}}{\partial k^{2r+1}} = S(-1)^{\alpha} (\alpha+1)^{2r+1} \cdot \operatorname{Cos}(\alpha+1) k \quad \text{und}$$

$$\frac{1}{2} \cdot \frac{\partial^{2r} \operatorname{Zang} \frac{k}{2}}{\partial k^{2r}} = S(-1)^{\alpha} (\alpha+1)^{2r} \cdot \operatorname{Sin}(\alpha+1) k.$$

Obgleich nun die Werthe oder Summen dieser Reihen nicht so einfach sind, wie bei den sehr ähnlichen Reihen im §. 52., so können sie dennoch durch ein fortgesetztes Differentiiren immer gefunden werden. ähnlichen Ausdrücken gelangt man für v = -1.

Setzt man k=0, so hat man $S(-1)^{\alpha}(\alpha+1)^{\alpha+1}=\frac{1}{2}\cdot\frac{\partial^{\alpha+1}\operatorname{Sang}\frac{k}{2}}{\partial x^{\alpha+1}}$ für k=0.

Da aber nach §. 44. $\operatorname{Zang} \frac{1}{2}k = S(-1)^{\alpha} \cdot \frac{\alpha}{w} \cdot \frac{(\frac{7}{2}k)^{2\alpha+1}}{(2\alpha+1)}$, ist, so hat man $\frac{\partial^{2r+1}\operatorname{Zang} \frac{1}{2}k}{\partial k^{2r+1}}$ (für k=0) offenbar $=(-1)^{r} \cdot w \cdot (\frac{r}{2})^{2r+1}$, und es ist also die Reihe:

$$1^{2r+1} - 2^{2r+1} + 3^{2r+1} - 4^{2r+1} + 5^{2r+1} - 6^{2r+1} + 7^{2r+1} - \text{etc.} = (-1)^r \cdot \frac{w}{4^{r+1}}.$$
6. 54.

Wenn man die Reihe für $\frac{1}{2}k$ im §. 52. statt zu differentiiren mit ∂x mehrere Male nach einander multiplicirt, und darauf jedesmal integrirt, so erhält man Reihen von der Form:

1.
$$\varphi(r,k) = S(-1)^{\alpha} \left(\frac{1}{\alpha+1}\right)^{2r+1} \cdot \operatorname{Sin}(\alpha+1)k$$
.

Entwickelt man $\mathfrak{Sin}(\alpha+1)k$ in eine nach Potenzen von k fortschreitende Reihe, so erhält man:

$$\phi(r,k) = S(-1)^{n}(\alpha+1)^{2(\beta-r)} \cdot \frac{k^{2\beta+1}}{(2\beta+1)^{n}}.$$

Diese Reihe hat einen zweifachen Fortschritt: den einen hat sie wegen der Veränderlichkeit von α , den zweiten hat sie durch die Veränderlichkeit von β ; sie läfst sich aber noch sehr zusammenziehen, da nach §. 52. immer $S(-1)^{\alpha}.(\alpha+1)^{2n}=0$ ist, wenn n eine positive ganze Zahl bedeutet und >0 ist. Denn nun darf man sogleich $r-\beta$ für β setzen und erhält dadurch:

$$\varphi(r,k) = S(-1)^{\alpha} \left(\frac{1}{\alpha+1}\right)^{2\beta} \cdot \frac{k^{2\gamma+1}}{(2\gamma+1)}, \quad \text{cond. } (\gamma+\beta=r).$$

Dieser Ausdruck hat nur (r+1) Glieder, und es ist also die unendliche Reihe (1.) summirt worden; aber die Coëfficienten in diesem Ausdrucke sind nun ungeschlossene Reihen von der Form:

$$2. \quad [r] = S(-1)^{\alpha} \left(\frac{1}{\alpha+1}\right)^{2r}.$$

Werden daher diese Coëfficienten ein für allemal berechnet, so hat man:

3.
$$\varphi(r,k) = S[\beta] \cdot \frac{k^{2\gamma+1}}{(2\gamma+1)}$$
, cond. $(\gamma+\beta=r)$,

und durch diese Formel ist dann die vorgelegte Summations-Aufgabe gelöset. Durch einmaliges Differentiiren erhält man nun noch:

$$S(-1)^{\alpha} \left(\frac{1}{\alpha+1}\right)^{4r}$$
. $\mathfrak{Cos}(\alpha+1)k = S[\beta] \cdot \frac{k^{2\gamma}}{(2\gamma)}$, cond. $(\alpha+\beta=r)$.

Beide Formeln können sammt den vorigen leicht auf cyklische Functionen übertragen werden, wenn man nur $k\sqrt{-1}$ für k setzt.

§. 55.

Die in §. 54. vorkommende Reihe [r] kann man, da sie convergirt, nach ihrem Werthe finden, wenn man die einzelnen Glieder derselben in Decimalbrüche verwandelt, und diese dann abwechselnd addirt und subtrahirt. Man kann jedoch auch noch auf andere Art die Summe dieser Reihe finden. Man gelangt dazu durch die Bemerkung, daß die im §. 54. ebenfalls vorkommende Reihe $\varphi(r,k)$ für gewisse Werthe des Arcus k, welche nicht Null sind, den Werth Null annimmt. Ein solcher Werthist z. B.

Für ihn hat man $\frac{\varphi(r,\pi\sqrt{-1})}{V-1} = S(-1)^{\alpha} \left(\frac{1}{\alpha+1}\right)^{2r+1}$. $\sin(\alpha+1) \cdot \pi$, und da $\sin \pi = \sin 2\pi = \sin 3\pi = \text{etc.} = 0$ ist, so ist jedes Glied der Reihe und mithin sie selbst Null. Also:

$$\frac{\varphi\left(r,\pi V-1\right)}{V-1}=0.$$

Da der im §. 54. vorkommende geschlossene Ausdruck denselben Werth geben muß, so hat man die Gleichung:

$$S(-1)^{\gamma}[\beta] \cdot \frac{\pi^{2\gamma+1}}{(2\gamma+1)} = 0$$
, cond. $(\beta+\gamma=r)$,

und vermöge derselben können die Werthe der Reihen [1], [2], [3], u. s. w. recurrirend berechnet werden, obgleich sie für r = 0 versagt.

Will man aber eine Formel zur independenten Berechnung dieser Werthe ableiten, so multiplicire man nur die so eben gefundene Recursionsformel mit $v^{2r+1} = v^{2\beta} \cdot v^{2\gamma+1}$, setze darauf, um auch r als veränderlich anzusehen, etwa λ für r, und man hat:

lich anzusehen, etwa
$$\lambda$$
 für r , und man hat:
$$S(-1)^{\gamma} [\beta] \cdot \frac{\pi^{2\gamma+1}}{(2\gamma+1)^{\gamma}} \cdot v^{2\lambda+1} = \text{const.}, \quad \text{cond.} \ (\beta+\gamma=\lambda).$$

Die Constante rührt daher, weil die Recursionsformel für r=0 nicht anzuwenden war; sie kann aber leicht bestimmt werden, indem man nur $\lambda=0$ setzt, wodurch man $\beta=\gamma=0$ und also:

$$[0] \cdot \pi v = \text{const.}$$

erhält. Nun ist aber $[0] = S(-1)^{\alpha} = \frac{1}{1+1} = \frac{1}{2}$, also hat man:

$$\frac{1}{2}\pi v = S(-1)^{\gamma} [\beta] \cdot \frac{\pi^{2\gamma+1}}{(2\gamma+1)^{\gamma}} \cdot v^{2\lambda+1}, \quad \text{cond. } (\beta+\gamma=\lambda).$$

Diese Reihe ist aber das Product der beiden Reihen $S(-1)^{\gamma} \frac{(v\pi)^{2\gamma+1}}{(2\gamma+1)^{\gamma}}$ und $S[\beta] \cdot v^{2\beta}$, wovon man sich durch die Multiplication überzeugt, und die

erste derselben ist der Ausdruck für $\sin(v\pi)$. Daher hat man rückwärts:

$$S[\beta].v^{2\beta} = \frac{\frac{1}{2}\pi v}{\sin v\pi},$$

und wenn man den Ausdruck auf der rechten Seite nach Potenzen von v entwickelt:

$$S[\beta].v^{2\beta} = \frac{1}{2} \Big(1 + S \frac{4^{\beta}-2}{4^{\beta}-1}.w^{\frac{(\frac{1}{2}v\pi)^{2\beta}}{(2\beta)^{\frac{1}{2}}} \Big).$$

Weil endlich die beiden Reihen identisch sein müssen, so hat man:

$$[0] = \frac{1}{2},$$

$$[r] = \frac{1}{2} \cdot \frac{4^{r} - 2}{4^{r} - 1} \cdot w \cdot \frac{\left(\frac{\pi}{2}\right)^{2r}}{(2r - 1)^{r}},$$

wenn die Zahl r > 0 ist. Nach dieser Formel können nun die Werthe der Reihen [1], [2], [3], [4], etc. unabhängig von den Werthen der vorhergehenden und nachfolgenden berechnet werden.

Den Beschluß dieses Abschnittes mag noch eine ziemlich allgemeine Summation mit einigen Anwendungen derselben machen. Kennt man eine Function φx und ihre nach (steigenden) Potenzen von x fortgehende Entwickelung, etwa:

$$\varphi x = \overset{\circ}{a} \cdot x^{\circ} + \overset{1}{a} \cdot x^{1} + \overset{2}{a} \cdot x^{2} + \overset{3}{a} \cdot x^{3} + \text{etc.} = S\overset{\circ}{a} \cdot x^{\alpha},$$
 so ist man auch immer im Stande, die beiden folgenden Reihen:

$$P = \overset{\circ}{a} \operatorname{Cos} v + \overset{\circ}{a} x \operatorname{Cos} (v + w) + \overset{\circ}{a} x^2 \operatorname{Cos} (v + 2w) \dots = S \overset{\circ}{a} x^a$$
. $\operatorname{Cos} (v + aw)$, $Q = \overset{\circ}{a} \operatorname{Sin} v + \overset{\circ}{a} x \operatorname{Sin} (v + w) + \overset{\circ}{a} x^2 \operatorname{Sin} (v + 2w) \dots = S \overset{\circ}{a} x^a$. $\operatorname{Sin} (v + aw)$ zu summiren, oder zwei Functionen in geschlossener Form nachzuweisen, durch deren gehörige Entwickelung die Reihen P und Q entstehen,

Die Addition und Subtraction giebt nemlich sogleich:

$$P + Q = S_{\alpha}^{\alpha} x^{\alpha} \cdot e^{v + \alpha w} = e^{v} \cdot S_{\alpha}^{\alpha} \cdot (x e^{w})^{\alpha} = e^{v} \cdot \Phi(x \cdot e^{w}),$$

$$P - Q = S_{\alpha}^{\alpha} x^{\alpha} \cdot e^{-v - \alpha w} = e^{-v} \cdot S_{\alpha}^{\alpha} \cdot (x e^{-w})^{\alpha} = e^{-v} \cdot \Phi(x \cdot e^{-w}).$$

Die wiederholte Addition und auch Subtraction giebt dann die beiden gesuchten Ausdrücke:

$$P = \frac{e^{\nu} \cdot \varphi(x \cdot e^{w}) + e^{-\nu} \cdot \varphi(x \cdot e^{-w})}{2},$$

$$Q = \frac{e^{\nu} \cdot \varphi(x \cdot e^{w}) - e^{-\nu} \cdot \varphi(x \cdot e^{-w})}{2}.$$

Sie lassen sich bei der gegenwärtigen Allgemeinheit nicht weiter zusam-

menziehen, in jedem einzelnen Falle kann man sie aber so umformen, daß die Exponentialgrößen verschwinden und dafür Sinus und Cosinus in ihnen vorkommen.

Solution Stelle:
$$\phi x = 1 + x + x^{2} + x^{3} + x^{r-1} = \frac{x^{r} - 1}{x - 1}$$
, so hat man auf der Stelle: $2P = \frac{x^{r} \cdot e^{v + rw} - e^{v}}{x \cdot e^{w} - 1} + \frac{x^{r} \cdot e^{-v - rw} - e^{-v}}{x \cdot e^{-w} - 1}$.

Werden die beiden Ausdrücke unter gleiche Benennung gebracht, so erhält man für die beiden Reihen:

$$P = \operatorname{Cos} v + x \operatorname{Cos}(v+w) + x^2 \cdot \operatorname{Cos}(v+2w) \cdot \dots + x^{r-1} \cdot \operatorname{Cos}(v+rw-w),$$

$$Q = \operatorname{Sin} v + x \operatorname{Sin}(v+w) + x^2 \cdot \operatorname{Sin}(v+2w) \cdot \dots + x^{r-1} \cdot \operatorname{Sin}(v+rw-w)$$
die einfacheren Ausdrücke:

$$P = \frac{x^{r+1} \operatorname{Sol}\left(v + rw - w\right) - x^{r} \operatorname{Sol}\left(v + rw\right) - x \operatorname{Sol}\left(v - w\right) + \operatorname{Sol}\left(v\right)}{x^{2} - 2x \operatorname{Sol}\left(v + rw\right) - x \operatorname{Sin}\left(v + rw\right) + \operatorname{Sin}\left(v\right)} \quad \text{and} \quad Q = \frac{x^{r+1} \operatorname{Sin}\left(v + rw - w\right) - x^{r} \operatorname{Sin}\left(v + rw\right) - x \operatorname{Sin}\left(v - w\right) + \operatorname{Sin}\left(v\right)}{x^{2} - 2x \operatorname{Sol}\left(v\right) + 1}.$$

Nimmt man die ungeschlossenen beiden folgenden Reihen vor:

$$P = Sx^{a}. \operatorname{Cos}(v + aw),$$

$$Q = Sx^{a}. \operatorname{Sin}(v + aw),$$

so ist die Rechnung noch einfacher. Man hat nun $\varphi x = S x^{\alpha} = \frac{1}{1-x}$, und findet: $P = \frac{\cos v - x \cos(v - w)}{1 - 2x \cos w + x^2},$

 $Q = \frac{\sin v - x \operatorname{Sin}(v - w)}{1 - 2x \operatorname{Cos} w + x^2}.$

Zusatz 1. Setzt man im Ausdrucke Q einmal v = 0 und dann v = w, so hat man: $Sx^{\alpha} \in \mathbb{R} \quad w = \frac{x \in \mathbb{R} \cdot w}{1 - 2x \cos w + x^{2}},$

$$Sx^{\alpha}\operatorname{Sin}(\alpha+1)w = \frac{\operatorname{Sin}w}{1-2x\operatorname{Sob}w+x^{2}}.$$

Wird num die erste Reihe mit B und die zweite mit A multiplicirt, so giebt die nachherige Addition:

$$\frac{A+Bx}{1-2x\cos w+x^2} = S\frac{A\sin(\alpha+1)w+B\sin\alpha w}{\sin w}.x^{\alpha}.$$

Zusatz 2. Setzt man in den beiden Ausdrücken für P den Arcus v = k, w = 2k und x = -1, so erhält man:

$$S(-1)^{\alpha} \operatorname{Cos}(2\alpha + 1)k = \frac{2\operatorname{Cos}k}{2(1 + \operatorname{Cos}2k)} = \frac{1}{2\operatorname{Cos}k}.$$

Multiplicirt man beide Seiten mit ∂k und integrirt, so erhält man:

$$lk = 2.S(-1)^{\alpha} \frac{\sin(2\alpha+1)k}{2\alpha+1}.$$

Wird hierin $k\sqrt{-1}$ für k gesetzt, so erhält man noch:

$$2k = 2.S(-1)^{\alpha} \frac{\sin(2\alpha+1)k}{2\alpha+1}$$
.

Die ersten Glieder dieser beiden Reihen sind:

$$\begin{array}{l} lk = 2(\sin k - \frac{1}{3}\sin 3k + \frac{1}{5}\sin 5k - \frac{1}{7}\sin 7k + \text{etc.}) \text{ und} \\ \Omega k = 2(\sin k - \frac{1}{3}\sin 3k + \frac{1}{5}\sin 5k - \frac{1}{7}\sin 7k + \text{etc.}). \end{array}$$

Endlich sei $P = S_{\alpha}^{x^{\alpha}} \operatorname{Cos}(v + \alpha w)$, und $Q = S_{\alpha}^{x^{\alpha}} \operatorname{Sin}(v + \alpha w)$, so dass die Function $\varphi x = e^{x} = S_{\alpha}^{x^{\alpha}}$ ist. Für diese Reihen hat man dann:

$$P = \frac{e^{v+x}e^{w} + e^{-v+x}e^{-w}}{2},$$

$$Q = \frac{e^{v+x}e^{w} - e^{-v+x}e^{-w}}{2},$$

oder $2P = \operatorname{Cos}(v + xe^{w}) + \operatorname{Sin}(v + xe^{w}) + \operatorname{Cos}(-v + xe^{-w}) + \operatorname{Sin}(-v + xe^{-w})$ und $2Q = \operatorname{Cos}(v + xe^{w}) + \operatorname{Sin}(v + xe^{w}) - \operatorname{Cos}(-v + xe^{-w}) - \operatorname{Sin}(-v + xe^{-w})$, oder einfacher;

$$P = \mathfrak{Cos}(v + x \mathfrak{Sin} w) \cdot [\mathfrak{Cos}(x \mathfrak{Cos} w) + \mathfrak{Sin}(x \mathfrak{Cos} w)] \text{ und}$$

$$O = \mathfrak{Sin}(v + x \mathfrak{Sin} w) \cdot [\mathfrak{Cos}(x \mathfrak{Cos} w) + \mathfrak{Sin}(x \mathfrak{Cos} w)].$$

Will man also die Form der Exponentialgröße nicht durchaus meiden, so hat man endlich:

$$P = e^{x \operatorname{Cos} w} \cdot \operatorname{Cos}(v + x \operatorname{Gin} w),$$

$$Q = e^{x \operatorname{Cos} w} \cdot \operatorname{Gin}(v + x \operatorname{Gin} w).$$

Diese und alle vorhergehenden Formeln dieses Abschnittes lassen sich ohne alle weitere Rechnung auf cyklische Functionen übertragen.

Zwölfter Abschnitt.

Die Potenzialfunctionen als Producte unendlich vieler Factoren. Folgerungen daraus.

Wenn man die Vorstellung von Reihen zuläfst, welche ins Unendliche auslaufen, so ist auch die Darstellung einer Größe als ein Product unendlich vieler Factoren eben dadurch erlaubt. Die logarithmischen Entwickelungen bestehen in der That sämmtlich gerade in der Auffindung

oder Angabe solcher Producte. Wenn z. B. die Reihe: $\log \sqrt{\left(\frac{1+x}{1-x}\right)} = S \frac{x^{2\alpha+1}}{2\alpha+1}$ gefunden ist, so hat man auf der Stelle umgekehrt:

$$\sqrt{\left(\frac{1+x}{1-x}\right)} = e^{x} \cdot \sqrt[3]{e^{x^3}} \cdot \sqrt[5]{e^{x^5}} \cdot \sqrt[7]{e^{x^7}} \cdot \sqrt[9]{e^{x^5}} \cdots$$

Der allgemeine Factor dieses Productes ist offenbar: $e^{2\alpha+1}$. Ein dem allgemeinen Factor eines Productes vorgesetztes Zeichen P kann und soll die Bedeutung haben, daß aus diesem Factor eine Reihe besonderer Factoren hergeleitet werden soll, damit aus ihnen ein Product gebildet werde. Soll der Fortschritt nicht ins Unendliche fortgehen, so kann er durch hinzugefügte Bedingungen eingeschränkt werden. Dieses Zeichen bezieht sich dann, wie das Summezeichen S, auf gewisse veränderliche positive ganze Zahlen, welche durch die ersten Buchstaben des kleinen griechischen Alphabetes bezeichnet werden. In Anwendung dieser Bezeichnung hat man dann z.B.

$$\sqrt{\left(\frac{1+x}{1-x}\right)} = P\left(e^{\frac{x^{2\alpha+1}}{2\alpha+1}}\right),$$

und es bedeutet also diese Darstellung nur in anderer Form, was auch durch die Bezeichnung $\log \sqrt{\left(\frac{1+\alpha}{1-\alpha}\right)} = S\frac{x^{2\alpha+1}}{2\alpha+1}$, obgleich im vorliegenden Falle bequemer, ausgedrückt wird.

§. 60.

Die Function $\sin(v\pi)$ ist allemal Null, wenn unter v eine ganze Zahl verstanden wird, und also aus der Zahlenreihe:

 \cdots -5, -4, -3, -2, -1, \mp 0, +1, +2, +3, +4, +5, \cdots welche nach beide Seiten ins Unendliche ausläuft, ein Glied als Werth für v genommen wird. Die Größe $1 + \frac{v}{\alpha+1}$ und auch $1 - \frac{v}{\alpha+1}$ wird Null, die erste für $v = -(\alpha+1)$ und die zweite für $v = +(\alpha+1)$.

Das Product: $P\left(1+\frac{v}{\alpha+1}\right)$ ist also = 0 für jeden negativen Werth von v, welcher > 0 und eine ganze Zahl ist, und eben so wird das Product $P\left(1-\frac{v}{\alpha+1}\right)=0$ für jeden positiven Werth von v, welcher > 0 und eine ganze Zahl ist. Daher ist das Product:

$$v.P(1+\frac{v}{\alpha+1}).P(1-\frac{v}{\alpha+1})=0$$

für jeden Werth von v, welcher in der vorhin aufgestellten Zahlenreihe enthalten ist, und es hat in sofern dieselbe Eigenschaft, als die Function $\sin(v\pi)$.

Es steht daher zu erwarten, daß jenes Product mit dieser Potenzialfunction entweder gleichbedeutend ist, oder doch in einer einfachen Beziehung zu ihr stehen wird.

Da nun $P(1+\frac{v}{\alpha+1}) \cdot P(1-\frac{v}{\alpha+1}) = P[(1+\frac{v}{\alpha+1})(1-\frac{v}{\alpha+1})],$ oder auch endlich $= P(1-\frac{v^2}{(\alpha+1)^2})$ ist, so wird man untersuchen, ob man diesem Producte nicht eine Form geben kann, welche vergleichbar ist mit einer ähnlichen Form, unter der auch die Function $\sin(v\pi)$ dargestellt werden kann. Deuten wir dieses Product mit Q an, also: $Q = P(1-\frac{v^2}{(\alpha+1)^2})$, so wird man von dem Versuche, Q nach Potenzen von Q also entwickeln, abstehen und lieber den natürlichen Logarithmen von Q also entwickeln, um die entstehende Reihe dann mit der für $\log\sin(v\pi)$ zu vergleichen. Man hat nemlich sogleich:

$$\log Q = S \log \left(1 - \frac{v^2}{(\alpha + 1)^2}\right) = -S\left(\frac{1}{\alpha + 1}\right)^{2\beta} \cdot \frac{v^{2\beta}}{\beta} \quad \text{für } \beta > 0.$$

Die Reihe hat einen doppelten Fortschritt, und erscheint einfacher, wenn inan allgemein setzt:

 $a = S\left(\frac{1}{\alpha+1}\right)^{2r}$

denn nun kann sie also dargestellt werden: $\log Q = -S \frac{\rho}{a} \cdot v^{2\beta}$ für $\beta > 0$.

Die fernere Untersuchung muß natürlich zunächst die durch a, a, a, a, etc. bezeichneten Reihen betreffen.

Die Reihe $a = S(\frac{1}{\alpha+1})^{2r} = \frac{1}{1^{2r}} + \frac{1}{2^{2r}} + \frac{1}{3^{2r}} + \frac{1}{4^{2r}} + \text{ etc. hat } \ddot{A}\text{bnlich-}$

keit mit der im §. 55, vorgekommenen Reihe:

$$[r] = S(-1)^{\alpha} \left(\frac{1}{\alpha+1}\right)^{2r}.$$

Wird diese Reihe, da ihr Werth der geringere ist, von der vorigen subtrahirt, so erhält man:

$$a' - [r] = 2 \cdot S\left(\frac{1}{2\alpha + 2}\right)^{2r} = \frac{2}{4^r} \cdot S\left(\frac{1}{\alpha + 1}\right)^{2r} = \frac{2}{4^r} \cdot a'.$$

Rückwärts hat man also: $a = \frac{4^r}{4^r - 2} \cdot [r]$, und wird für [r] der im §. 55. gefundene Werth substituirt, so hat man:

$$a = \frac{1}{2} \cdot \frac{4^r}{4^r - 1} \cdot \frac{(\frac{\pi}{2})^{2r}}{(2r - 1)^r} = r \cdot \frac{w}{4^r - 1} \cdot \frac{\pi^{2r}}{(2r)^r}$$

Wird dieser Werth weiter in die für log Q im §. 60. gefundene Reihe gebracht, so hat man:

$$\log Q = -S \frac{w}{4^a - 1} \cdot \frac{(\pi v)^{2\alpha}}{(2\alpha)^7} \text{ für } \alpha > 0.$$

Da nun aber $\log \sin(v\pi) = \log(v\pi) - S \frac{w}{4^{\alpha} - 1} \cdot \frac{(v\pi)^{2\alpha}}{(2\alpha)}$ für $\alpha > 0$ nach §. 45. ist, so hat man offenbar: $\log \sin(v\pi) = \log(v\pi) + \log Q = \log(v\pi Q)$, und also:

$$\sin(v\pi) = v\pi Q = v\pi \cdot P\left[\left(1 + \frac{v}{\alpha + 1}\right)\left(1 - \frac{v}{\alpha + 1}\right)\right].$$

Setzt man, um zu den hyperbolischen Sinus überzugehen: $v\sqrt{-1}$ für v, so erhält man:

$$\mathfrak{Sin}(v\pi) = v\pi \cdot P\left(1 + \frac{v^2}{(\alpha+1)^2}\right).$$

Die Cessus lassen sich ebenfalls in der Form von Producten unendlich vieler Factoren darstellen. Man gelangt auch zu dieser Form auf eine ähnliche Art, wie bei den Sinus; indessen wird es gerathener sein, diese Form aus der vorigen herzuleiten, weil dadurch zugleich der Zusammenhang beider aufgehellet wird. Da nemlich $\sin\left(\frac{\pi}{2}-v\frac{\pi}{2}\right)=\sin\left(\frac{1-v}{2}\right)\pi=\cos\frac{\pi v}{2}$ ist, so braucht man nur in der für $\sin v\pi$ gefundenen Formel des §. 61. an die Stelle von v zu setzen $\frac{1-v}{2}$. Das giebt:

$$\cos \frac{v\pi}{2} = \frac{1-v}{2}\pi \cdot P\left[\left(1 + \frac{1-v}{2(\alpha+1)}\right)\left(1 - \frac{1-v}{2(\alpha+1)}\right)\right].$$

Nun ist aber $1 + \frac{1-v}{2(\alpha+1)} = \frac{2\alpha+3-v}{2\alpha+2}$, und $1 - \frac{1-v}{2(\alpha+1)} = \frac{2\alpha+1+v}{2\alpha+2}$; daher hat man:

1.
$$\cos \frac{v\pi}{2} = \frac{\pi}{2} P\left(\frac{(2\alpha+1-v)(2\alpha+1+v)}{(2\alpha+2)(2\alpha+2)}\right)$$
.

Setzt man hierin v = 0, so hat man, weil $\cos 0 = 1$ ist:

$$1 = \frac{\pi}{2} \cdot P\left[\left(\frac{2\alpha+1}{2\alpha+2}\right)^2\right],$$

woraus $\frac{\pi}{2} = P\left(\frac{2\alpha+2}{2\alpha+1}\right)^2$ folgt. Dieser Ausdruck soll von Wallisius herrühren; er ist ohne die abkürzende Bezeichnung:

$$\sqrt{\frac{\pi}{2}} = \frac{2.4.6.8.10.12...}{1.3.5.7.9.11...}.$$

Wird der für $\frac{\pi}{2}$ gefundene Ausdruck im Ausdrucke von $\cos \frac{v\pi}{2}$ substituirt, so erhält man für $\cos \frac{v\pi}{2}$ den neuen Ausdruck:

$$\cos\frac{v\pi}{2} = P\left[\left(1 + \frac{v}{2\alpha + 1}\right)\left(1 - \frac{v}{2\alpha + 1}\right)\right].$$

Wird endlich noch $v\sqrt{-1}$ für v gesetzt, so entsteht für den hyperbolischen Cosinus der Ausdruck:

$$\operatorname{Cos} \frac{v\pi}{2} = P\left(1 + \frac{v^2}{(2\alpha + 1)^2}\right).$$

Da nun $\sin \frac{v\pi}{2} = \frac{v\pi}{2} P\left(\frac{(2\alpha+2+v)(2\alpha+2-v)}{(2\alpha+2)(2\alpha+2)}\right)$, so giebt die Division durch

den ersten Ausdruck von $\cos \frac{v \pi}{2}$ die neue Formel:

$$\begin{split} &\tan \frac{v\,\pi}{2} = \,v\,.P\left(\!\frac{(2\,\alpha + 2 + v)\,(2\,\alpha + 2 - v)}{(2\,\alpha + 1 + v)\,(2\,\alpha + 1 - v)}\!\right) \quad \text{und} \\ &\mathbf{\hat{z}ang}\,\frac{v\,\pi}{2} = \,v\,.P\left(\!\frac{(2\,\alpha + 2)^2 + v^2}{(2\,\alpha + 1)^2 + v^2}\!\right). \end{split}$$

Hiermit ist man im Stande, einen für die genauere Kenntniss der Function Ωk wichtigen Ausdruck herzuleiten. Da nemlich $\Omega k = \log \tan \frac{1}{2} \left(\frac{\pi}{2} + k \right)$ ist, so erhält man, wenn $v \frac{\pi}{2}$ für k gesetzt wird:

$$\mathfrak{L}\left(\frac{v\pi}{2}\right) = \log \tan \frac{1+v}{4}\pi = \log \tan \left(\frac{1+v}{2}, \frac{\pi}{2}\right).$$

Setzt man daher im Ausdrucke für tang $\frac{v\pi}{2}$ für v an die Stelle $\frac{1+v}{2}$, so erhält man:

$$\tan \frac{1+v}{4}\pi = \frac{1+v}{2} \cdot P\left(\frac{4\alpha+5+v}{2}\right) \cdot P\left(\frac{4\alpha+3-v}{2}\right) \cdot P\left(\frac{2}{4\alpha+3+v}\right) \cdot P\left(\frac{2}{4\alpha+1-v}\right).$$

Nun ist aber $\frac{1+v}{2}$. $P(\frac{4\alpha+5+v}{2}) = P(\frac{4\alpha+1+v}{2})$, also hat man:

$$\tan \frac{1+v}{4}\pi = P\left(\frac{(4\alpha+1+v)(4\alpha+3-v)}{(4\alpha+1-v)(4\alpha+3+v)}\right).$$

Daher ist
$$2\left(\frac{v\pi}{2}\right) = S\log\frac{4\alpha+1+v}{4\alpha+1-v} - S\log\frac{4\alpha+3+v}{4\alpha+3-v}.$$

Die ersten Glieder dieser Reihe sind offenbar:

$$2\left(\frac{v\pi}{2}\right) = \log\frac{1+v}{1-v} - \log\frac{3+v}{3-v} + \log\frac{5+v}{5-v} - \log\frac{7+v}{7-v} + \log\frac{9+v}{9-v} - \text{etc.}$$

und man kann sie kurz so ausdrücken:

$$\mathfrak{L}\left(\frac{v\pi}{2}\right) = S(-1)^{\alpha} \cdot \log \frac{2\alpha + 1 + v}{2\alpha + 1 - v}.$$

Zusatz 1. Setzt man weiter allgemein $\varphi(r) = \mathfrak{Arc}\left(\mathfrak{Tang} = \frac{v}{2r+1}\right)$, so ist bekanntlich:

$$\varphi(r) = \log \sqrt{\left(\frac{2r+1+v}{2r+1-v}\right)} = \frac{1}{2} \log \frac{2r+1+v}{2r+1-v},$$

und also offenbar auch:

$$\mathfrak{L}\left(\frac{v\pi}{2}\right) = 2.S(-1)^a.\varphi(\alpha).$$

Setzt man $v\sqrt{-1}$ für v, so erhält man noch die Reihe:

$$l\left(\frac{v\pi}{2}\right) = 2 \cdot S(-1)^{\alpha} \cdot \varphi(\alpha)$$
 für $\varphi(r) = \operatorname{arc}\left(\operatorname{tang} = \frac{v}{2r+1}\right)$.

Dieselben Resultate erhält man auch aus dem Ausdrucke für $\sin \upsilon \pi$ im

§. 61., da
$$\mathfrak{L}\left(\frac{v\pi}{2}\right) = \log \frac{\sin \frac{1+v}{4}\pi}{\sin \frac{1-v}{4}\pi}$$
.

Zusatz 2. Wenn man den Ausdruck $\mathfrak{L}\left(\frac{v\pi}{2}\right) = \mathcal{S}(-1)^a \log \frac{2\alpha+1+v}{2\alpha+1-v}$ differentiirt und dann k setzt für $\frac{v\pi}{2}$, so erhält man:

und also auch:

$$\frac{1}{\cos k} = S(-1)^{\alpha} \frac{(2\alpha + 1)\pi}{(\alpha + \frac{1}{2})^{2} \pi^{2} - k^{2}}$$

$$\frac{1}{\cos k} = S(-1)^{\alpha} \frac{(2\alpha + 1)\pi}{(\alpha + \frac{1}{2})^{2} \pi^{2} + k^{2}}.$$
§. 64.

Man kann die im §. 63. für $\mathfrak{L}\left(v,\frac{\pi}{2}\right)$ gefundene Reihe leicht nach Potenzen von v entwickeln, und erhält dann eine Reihe mit doppeltem Fortschritte: $\mathfrak{L}\left(v,\frac{\pi}{2}\right) = \frac{2v}{1} \cdot \left(1 - \frac{1}{3} + \frac{1}{5} - \frac{1}{7} + \frac{1}{9} - \text{etc.}\right)$

$$\mathfrak{L}(v.\frac{\pi}{2}) = \frac{2v}{1} \cdot \left(1 - \frac{1}{3} + \frac{1}{5} - \frac{1}{7} + \frac{1}{9} - \text{etc.}\right)
+ \frac{2v^3}{3} \cdot \left(1 - \frac{1}{3^3} + \frac{1}{5^3} - \frac{1}{7^3} + \frac{1}{9^3} - \text{etc.}\right)
+ \frac{2v^5}{5} \cdot \left(1 - \frac{1}{3^5} + \frac{1}{5^5} - \frac{1}{7^5} + \frac{1}{9^5} - \text{etc.}\right)
+ \frac{2v^7}{7} \cdot \left(1 - \frac{1}{3^7} + \frac{1}{5^7} - \frac{1}{7^7} + \frac{1}{9^7} - \text{etc.}\right)
+ \text{etc.}$$

Wählt man für die Reihen in den Klammern die folgende Bezeichnung:

$$\psi n = S(-1)^{\alpha} \cdot \left(\frac{1}{2\alpha+1}\right)^{2n+1},$$

so ist offenbar:

$$\mathfrak{L}\left(v,\frac{\pi}{2}\right) = 2.S\psi\alpha.\frac{v^{2\alpha+1}}{2\alpha+1}.$$

Da nun aber:

$$\mathfrak{L}\left(v.\frac{\pi}{2}\right) = \mathcal{S}u.\frac{\left(\frac{v\pi}{2}\right)^{2\alpha+1}}{(2\alpha+1)},$$

nach §. 48. gefunden wird, so giebt die Identisseirung der beiden Reihen:

$$\frac{2 \psi n}{2 n+1} = \frac{u \cdot \left(\frac{\pi}{2}\right)^{2n+1}}{(2n+1)^{n}}, \quad \text{oder} \quad \psi n = \frac{\pi}{2} \cdot \frac{u}{(2n)^{n}} \cdot \left(\frac{\pi}{2}\right)^{2n+1}.$$

Da nun zur Berechnung der Vorzahlen u, u, u, etc. in der Reihe des §. 48. für Ωk eine ziemlich einfache Recursionsformel nachgewiesen ist, so können also auch die Summen der Reihen $\psi 1$, $\psi 2$, $\psi 3$, etc. berechnet werden, ohne die einzelnen Glieder dieser Reihen in Decimalbrüche zu verwandeln.

Aus der bloßen Ansicht der Reihe ψn erhellet, daß ihr Werth sich bei wachsendem n der Grenze Eins nähert. Daher nähert sich aber der Ausdruck $\frac{u}{(2n+1)}$, $\left(\frac{\pi}{2}\right)^{2n+1}$, welcher der Coëfficient des allgemeinen Gliedes in der Reihe für $\mathfrak{L}\left(\frac{v\pi}{2}\right)$ ist, der Grenze $\frac{2}{2n+1}$, woraus erhellet, daß diese Reihe nur bei einem geringen Werthe von v rasch convergirt, da v immer < 1 ist.

§. 65.

Werden die einzelnen Glieder oder wenigstens ihre Coëfficienten in Decimalbrüche verwandelt, so hat man:

$$\mathfrak{L}(v.\frac{\pi}{2}) = v.1,57079 63267 94896 61923 13216 916 \\
+ v^3.0,64596 40975 06246 25365 57565 636 \\
+ v^5.0,39846 31312 30835 22560 25277 44 \\
+ v^7.0,28558 70022 54439 97414 18132 55 \\
+ v^9.0,22221 10409 30493 35329 36348 \\
+ v^{11}.0,18181 71590 86149 76348 5278 \\
+ v^{13}.0,15384 60574 74429 43709 25 \\
+ v^{15}.0,13333 33240 45445 68308 \\
+ v^{17}.0,11764 70579 12680 234 \\
+ v^{19}.0,10526 31572 01451 8 \\
+ etc.$$

Lässt man aber in der Reihe des §. 63. das erste Glied $\log \frac{1+v}{1-v}$ unentwickelt, so findet man:

$$\mathfrak{L}\left(v,\frac{\pi}{2}\right) = \log \frac{1+v}{1-v} - v \cdot 0,42920 \quad 36732 \quad 05103 \quad 38076 \quad 86783 \\
-v^3 \cdot 0,02070 \quad 25691 \quad 60420 \quad 41301 \quad 09101 \\
-v^5 \cdot 0,00153 \quad 68687 \quad 69164 \quad 77439 \quad 74722 \\
-v^7 \cdot 0,00012 \quad 72834 \quad 59845 \quad 74014 \quad 39010 \\
-v^9 \cdot 0,00001 \quad 11812 \quad 91728 \quad 86892 \quad 85874 \\
-v^{11} \cdot 0,00000 \quad 10227 \quad 32032 \quad 05469 \quad 6540 \\
-v^{13} \cdot 0,00000 \quad 00963 \quad 71727 \quad 40906 \quad 13 \\
-v^{15} \cdot 0,00000 \quad 00092 \quad 87887 \quad 65025 \\
-v^{17} \cdot 0,00000 \quad 00009 \quad 10849 \quad 178 \\
-v^{19} \cdot 0,00000 \quad 00000 \quad 10057 \quad 6 \\
-\text{ etc.}$$

Diese Reihe convergirt nun ungleich rascher als die vorige; wenn man zwei oder noch mehrere erste Glieder der Reihe des §. 63. unentwickelt läfst, so gelangt man zu Reihen, welche noch rascher convergiren, als die vorstehenden. Wenn $v > \frac{1}{2}$ wird, so kann man auch die folgende Reihe mit Vortheil gebrauchen, worin dann $v < \frac{1}{4}$ ist:

$$\mathfrak{L}\left(\frac{\pi}{2} - v \cdot \pi\right) = \log \frac{1}{v} - 0,45158 27052 89454 86473 \\
-v^{3} \cdot 0,82246 69334 24113 21823 \\
-v^{4} \cdot 0,47351 64147 48617 95879 \\
-v^{5} \cdot 0,32851 70304 32478 36803 \\
-v^{8} \cdot 0,24905 82504 63161 97481 \\
-v^{10} \cdot 0,19980 79015 19654 32313 \\
-v^{12} \cdot 0,16662 62808 57309 69848 \\
-v^{13} \cdot 0,14284 84529 06568 53116 \\
-v^{15} \cdot 0,12499 80955 26863 26330 \\
-v^{18} \cdot 0,11111 06875 41067 79039 \\
-etc.$$

Es ist somit für eine bequeme Berechnung der Function Ωk zwischen den Grenzen k=0 und $k=\frac{\pi}{2}$ behufs der Anfertigung einer Tabelle für die Werthe dieser Function gesorgt.

Dreizehnter Abschnitt.

Entwickelungen der Potenzial-Functionen eines zweitheiligen auch Potenzen des zweiten Theils.

§. 66.

Was die Entwickelung der Functionen $\operatorname{Sin}(k+z)$ und $\operatorname{Cos}(k+z)$ in Reihen, welche nach Potenzen von z fortschreiten, betrifft, so ist dieselbe sehr einfach. Da nemlich $\operatorname{Cos}(k+z) = \operatorname{Cos}k \cdot \operatorname{Cos}z + \operatorname{Sin}k \cdot \operatorname{Sin}z$ und $\operatorname{Sin}(k+z) = \operatorname{Sin}k \cdot \operatorname{Cos}z + \operatorname{Cos}k \cdot \operatorname{Sin}z$ ist, so substituire man nur für $\operatorname{Cos}z$ und $\operatorname{Sin}z$ die bekannten nach Potenzen von z fortgehenden Reihen und man hat auf der Stelle:

$$\operatorname{Cos}(k+z) = \operatorname{Cos}k + \operatorname{Sin}k \cdot \frac{z}{4} + \operatorname{Cos}k \cdot \frac{z^2}{2} + \operatorname{Sin}k \cdot \frac{z^3}{3} + \operatorname{Cos}k \cdot \frac{z^4}{4} + \operatorname{etc.}$$

$$\operatorname{Sin}(k+z) = \operatorname{Sin}k + \operatorname{Cos}k \cdot \frac{z}{4} + \operatorname{Sin}k \cdot \frac{z^2}{2} + \operatorname{Cos}k \cdot \frac{z^3}{3} + \operatorname{Sin}k \cdot \frac{z^4}{4} + \operatorname{etc.}$$
Setzt man, um zu den cyklischen Functionen überzugehen, $k\sqrt{-1}$ für k und $2\sqrt{-1}$ für z , so entstehen die beiden folgenden Reihen:

$$\cos(k+z) = \cos k - \sin k \cdot \frac{z}{4} - \cos k \cdot \frac{z^2}{2} + \sin k \cdot \frac{z^3}{3} + \cos k \cdot \frac{z^4}{4} - -\text{etc.}$$

$$\sin(k+z) = \sin k + \cos k \cdot \frac{z}{4} - \sin k \cdot \frac{z^2}{2} - \cos k \cdot \frac{z^3}{3} + \sin k \cdot \frac{z^4}{4} + -\text{etc.}$$

In den beiden letzten Reihen folgen immer auf zwei Vorzeichen — zwei Vorzeichen — und umgekehrt.

Größere Schwierigkeit bietet aber die Entwickelung des Quotienten $\frac{1}{\cos{(k+z)}}$ und die davon abhängende der Function $\mathfrak{L}(k+z)$ in eine nach Potenzen von z fortgehende Reihe dar. Diese Entwickelung fordert die Kenntniß der höheren Differentiale der Function $\frac{1}{\cos{k}} = U$, und es beginnt daher die Untersuchung mit der Erforschung des Gesetzes, nach welchem diese höheren Differentiale fortgehen, da das Differentiiren selbst nur ein Übergehen von einem Differentiale zu dem nächst höheren, und also ein recurrirendes ist.

paster a

Setzen wir zur Vereinfachung $U = \frac{1}{\cos k}$; $\mathring{U} = \frac{\partial U}{\partial k}$; $\mathring{U} = \frac{\partial^2 U}{\partial k^2}$; u. s. w. umd allgemein $\mathring{U} = \frac{\partial^n U}{\partial k^n}$. Werden die ersten Differentialverhältnisse \mathring{U} , \mathring{U} , \mathring{U} , etc. durch das gewöhnliche Differentiiren hergeleitet, so erkennt man bald, daß die Form derselben ziemlich verschieden ist, je nachdem ein solches Verhältniß von gerader oder ungerader Ordnung ist. Für \mathring{U} findet man im Allgemeinen folgende Form:

$$\overset{2r}{U} = S\varphi(r,\beta) \cdot \cos k^{-(2\alpha+1)}$$
 cond. $(\alpha + \beta = r)$,

und es sind die Coëfficienten $\varphi(r,0)$, $\varphi(r,1)$, $\varphi(r,2)$ u. s. w. nur noch die einzigen unbekannten Größen.

Um diese Coëfficienten zu finden, ist es nothwendig, den vorgeleg-Ausdruck noch einmal zu differentiiren; dies giebt:

$$\overset{2r+1}{U} = S(2\alpha+1) \cdot \varphi(r,\beta) \cdot \cos k^{-(2\alpha+2)} \cdot \sin k \quad \text{cond. } (\alpha+\beta=r).$$

Das wiederholte Differentiiren führt also zu dem Ausdrucke:

$$\overset{2r+2}{U} = \begin{cases} S(2\alpha+1)(2\alpha+2) \cdot \varphi(r,\beta) \cdot \cos k^{-(2\alpha+3)} \cdot \sin k^2 \\ + S(2\alpha+1) \cdot \varphi(r,\beta) \cdot \cos k^{-(2\alpha+1)} \end{cases} \text{ cond. } (\alpha+\beta=r).$$

Wird nun noch $1-\cos k^2$ für das vorkommende sin k^2 gesetzt, so läßt sich der Ausdruck zusammenziehen, wie folgt:

 $\stackrel{2r+2}{U} = S[2\alpha(2\alpha-1)\cdot\varphi(r,\beta)-(2\alpha+1)^2\cdot\varphi(r,\beta-1)]\cdot\cos k^{-(2\alpha+1)}$ cond. $(\alpha+\beta=r+1)$. Er fällt also wieder unter die bereits bekannte Form:

$$U = S \varphi(r+1, \beta) \cdot \cos k^{-(2\alpha+1)}$$
 cond. $(\alpha + \beta = r+1)$,

und es führt die Identificirung beider Ausdrücke zu der folgenden Coëfficienten-Beziehung:

 $\varphi(r+1,r+1-m)=2m(2m-1)\cdot\varphi(r,r+1-m)-(2m+1)^2\cdot\varphi(r,r-m)$. Nach dieser ziemlich einfachen Recursionsformel ließen sich also die unbekannten Coëfficienten berechnen. Man vereinfacht sie aber noch sehr, wenn man setzt:

$$(-1)^{r-m} \cdot \varphi(r, r-m) \cdot (2m)$$
 für $\varphi(r, r-m)$

und diese Substitution gleichmäßig durchführt. Die Recursionsformel geht dadurch über in:

 $\varphi(r+1,r+1-m) = \varphi(r,r+1-m) + (2m+1)^2 \cdot \varphi(r,r-m)$ und man hat dann allgemein:

$$\overset{2r}{U} = S(-1)^{\beta} \cdot (2\alpha)^{\gamma} \cdot \varphi(r,\beta) \cdot \cos k^{-(2\alpha+1)} \quad \text{cond. } (\alpha+\beta=r).$$

Die so eben gefundene Recursionsformel hat die größte Ähnlichkeit mit einer bekannten Beziehung, welche unter Combinationsclassen Statt findet, die bei unbedingter Wiederholbarkeit der Elemente gebildet sind. Nimmt man nemlich zur Scale die Reihe der Quadrate der auf einander folgenden ersten ungeraden Zahlen der natürlichen Zahlenreihe, und bezeichnet man die Scale auf folgende Art:

$$(m) = (1^2, 3^2, 5^2, \dots (2m+1)^2),$$

so hat diese Scale offenbar (m+1) Elemente. Soll weiter das Zeichen C die aus den Elementen der geschlossenen Scale (m) bei unbedingter Wiederholbarkeit gebildete Combinationsclasse des nten Grades bezeichnen, so ist bekanntlich auch:

$$C_{m}^{r+1-m} = C_{m-1}^{r+1-m} + (2m+1)^2 \cdot C_{m}^{r-m}$$

Da nun diese Formel offenbar mit der vorhin gefundenen Recursionsformel zusammenfällt, so folgt aus dieser Übereinstimmung:

$$\varphi(r,r-m) = \overset{r-m}{\underset{(m)}{C}}.$$

Bei diesem Schlusse versteht es sich aber von selbst, daß er erst seine völlige Begründung erhält, wenn nachgewiesen wird, daß dieses Resultat auch für die ersten Werthe der Zahlen r und m richtig ist, wovon man sich aber leicht überzeugen wird; denn auch völlig übereinstimmende Recursionsformeln lassen verschiedene Größen aus der Rechnung hervorgehen, wenn die Größen, von welchen die recurrirende Rechnung ausgeht, verschieden sind. Die völlig übereinstimmenden Recursionsformeln im §. 32. und §. 33. sind ein Beispiel der Art.

Wenn man aber den nun bekannten Ausdruck für das höhere Differential:

al:
$$\overset{2r}{U} = S(-1)^{\beta} \cdot (2\alpha)^{\gamma} \cdot \overset{\beta}{\underset{(\alpha)}{C}} \cdot \left(\frac{1}{\cos k}\right)^{2\alpha+1} \quad \text{cond. } (\alpha+\beta=r).$$

noch einmal differentiirt, so hat man für ein Differentialverhältniss von ungerader Ordnung allgemein den folgenden Ausdruck:

$$\overset{2r+1}{U} = \sin k \cdot S(-1)^{\beta} \cdot (2\alpha + 1)^{\alpha} \cdot (\frac{1}{\cos k})^{2\alpha + 2} \quad \text{cond. } (\alpha + \beta = r).$$

Die ersten Specialfälle dieser beiden allgemeinen Formeln sind die nachstehenden:

Die Ausdrücke werden immer zusammengesetzter, je weiter man fortgeht, und es ist z.B.

$$\ddot{U} = \frac{479001600}{\cos k^{13}} - \frac{1037836800}{\cos k^{11}} + \frac{743783040}{\cos k^{9}} - \frac{197271360}{\cos k^{7}} + \frac{15159144}{\cos k^{5}} - \frac{132860}{\cos k^{3}} + \frac{1}{\cos k}.$$

Gestützt auf die beiden obigen, zur independenten Bestimmung dienenden und das allgemeine Gesetz des Fortschritts deutlich aussprechenden Formeln haben wir also für den Quotienten $\frac{1}{\cos(k+z)}$ die Reihe:

$$\frac{1}{\cos(k+z)} = U + \vec{U} \cdot \frac{z}{1} + \vec{U} \cdot \frac{z^2}{2} + \vec{U} \cdot \frac{z^3}{3} + \vec{U} \cdot \frac{z^4}{4} + \text{etc.},$$

welche leicht auf hyperbolische Functionen übertragen werden kann. Bemerkt man ferner, daß $\partial \Omega(k+z) = \frac{\partial z}{\cos(k+z)}$ ist, wenn k als constant und z als veränderlich behandelt wird, so wird man die vorstehende Reihe mit ∂z multipliciren und dann integriren, wodurch man für $\Omega(k+z)$ eine Reihe erhalten wird:

$$\mathfrak{L}(k+z) = \mathfrak{L}k + \frac{z}{\cos k} + \tilde{U} \cdot \frac{z^2}{2^2} + \tilde{U} \cdot \frac{z^3}{3^2} + \tilde{U} \cdot \frac{z^4}{4^2} + \tilde{U} \cdot \frac{z^5}{5^2} + \text{etc.}$$

welche einfacher durch $\mathfrak{L}(k+z) = \mathfrak{L}k + S \frac{\overset{a}{U} \cdot z^{\alpha+1}}{(\alpha+1)}$, ausgedrückt wird.

Unter den besonderen Werthen für k ist offenbar der Werth k=0 von Wichtigkeit; denn da hierdurch $\cos k=1$ und $\sin k=0$ wird, so sind die Coëfficienten: $\overset{\circ}{U}, \overset{\circ}{U}, \overset{\circ}{U}$, etc., welche ungerade Zeigezahlen tragen, einzeln Null, weil ihre Ausdrücke den Factor $\sin k$ tragen; auch ist nun $\mathfrak{L}k=0$. Man erhält also:

$$\mathfrak{L}z = S\left\{ \stackrel{za}{U} \right\} \cdot \frac{z^{2a+1}}{(2a+1)},$$

Setzt man weiter u = U für k = 0, wie im §. 48., so erhält man für u den allgemeinen zur independenten Bestimmung von u dienenden Ausdruck:

$$u = S(-1)^{\beta} \cdot (2\alpha)^{\gamma} \cdot \stackrel{\beta}{\underset{(\alpha)}{C}} \quad \text{cond. } (\alpha + \beta = r).$$

Aus dem für U^2 angegebenen Ausdrucke folgt also z. B., da nun r=6 ist;

$$\vec{U} = + 479001600 - 1037836800
+ 743783040 - 197271360
+ 15159144 - 132860
+ 1$$
Summe: + 1237943785 - 1235241020
oder $\vec{u} = 2702765$ (wie im §. 42.).

Für die in den Ausdrücken U und u vorkommenden Combinationsclassen aus den Elementen der Scale $(m) = \{1^2, 3^2, 5^2, \dots, (2m+1)^2\}$ werden später andere Ausdrücke nachgewiesen werden, wodurch übrigens ihre Berechnung keinesweges erleichtert wird, — jeder in der Combinationslehre ein wenig Erfahrene wird in Anwendung bekannter combinatorischer Beziehungen im vorliegenden Falle ungleich schneller und sicherer zum Ziele gelangen.

Setzt man aber $k = \frac{\pi}{4}$, so ist $\sin k = \cos k = \sqrt{\frac{1}{2}}$, und man findet die folgenden Zahlen: $\mathring{U} = \sqrt{2}$; $\mathring{U} = \sqrt{2}$; $\mathring{U} = 3\sqrt{2}$; $\mathring{U} = 31\sqrt{2}$; $\mathring{U} = 11\sqrt{2}$; $\mathring{U} = 57\sqrt{2}$; $\mathring{U} = 361\sqrt{2}$; $\mathring{U} = 2763\sqrt{2}$; $\mathring{U} = 34611\sqrt{2}$; $\mathring{U} = 330737\sqrt{2}$ u. s. w. Man berechnet diese Zahlen aber leichter recurrirend; setzt man nemlich: $\frac{1}{\cos\left(\frac{\pi}{4} - z\right)} = \left(S(-1)^{\alpha} \overset{a}{a} \cdot \frac{z^{\alpha}}{\alpha^{\beta}}\right) \cdot \sqrt{2},$

so findet man leicht die folgende Recursionsformel:

$$\overset{\mathbf{n}}{a} = [\overset{\mathbf{n}}{n}] \cdot \overset{n-1}{a} + [\overset{\mathbf{n}}{n}] \cdot \overset{\mathbf{n}-2}{a} - [\overset{\mathbf{n}}{n}] \cdot \overset{\mathbf{n}-3}{a} - [\overset{\mathbf{n}}{n}] \cdot \overset{\mathbf{n}-4}{a} + [\overset{\mathbf{n}}{n}] \cdot \overset{\mathbf{n}-5}{a} + [\overset{\mathbf{n}}{n}] \cdot \overset{\mathbf{n}-6}{a} - \text{etc.}$$

In dieser Formel wechseln immer zwei Vorzeichen Minus mit zwei Vorzeichen Plus und umgekehrt ab. Man hat also:

$$\mathfrak{L}\left(\frac{\pi}{4}+z\right) = \mathfrak{L}\left(\frac{\pi}{4}\right) + \sqrt{2} \cdot \left(z + \frac{z^2}{2} + 3 \cdot \frac{z^3}{3} + 11 \cdot \frac{z^4}{4} + 57 \cdot \frac{z^5}{5} + 361 \cdot \frac{z^6}{6} + 2763 \cdot \frac{z^7}{77} + 34611 \cdot \frac{z^8}{87} + 330737 \cdot \frac{z^9}{97} + \text{etc.}\right).$$

Was das erste Glied $\mathfrak{L}\left(\frac{\pi}{4}\right)$ betrifft, so hat man $\tan \frac{\pi}{4} = 1$, also $\operatorname{\mathfrak{Sin}} \mathfrak{L}\left(\frac{\pi}{4}\right) = 1$ und $\operatorname{\mathfrak{Los}} \mathfrak{L}\left(\frac{\pi}{4}\right) = \sqrt{2}$, also ist $\operatorname{\mathfrak{Sin}} \mathfrak{L}\left(\frac{\pi}{4}\right) + \operatorname{\mathfrak{Los}} \mathfrak{L}\left(\frac{\pi}{4}\right) = 1 + \sqrt{2}$, und also $\operatorname{\mathfrak{L}}\left(\frac{\pi}{4}\right) = \log(1 + \sqrt{2})$.

Man findet aber noch leichter den Werth von $\mathfrak{L}\left(\frac{\pi}{4}\right)$, wenn man in einer von den beiden ersten Formeln des §. 65. für das da vorkommende v setzt den Werth $v = \frac{1}{2}$.

Setzt man in der vorigen Formel -z für z, so hat man eine Reihe, welche von der vorigen subtrahirt wird, und dann giebt:

$$\Omega\left(\frac{\pi}{4}+z\right)$$

$$= \mathfrak{L}\left(\frac{\pi}{4} - z\right) + 2\sqrt{2}\left(z + 3 \cdot \frac{z^3}{3} + 57 \cdot \frac{z^5}{5} + 2763 \cdot \frac{z^7}{7} + 330737 \cdot \frac{z^9}{9} + \text{etc.}\right).$$
Ähnliche und zum Theil noch einfachere Formeln findet man, wenn

 $k = \frac{\pi}{6}$ oder $k = \frac{\pi}{3}$ gesetzt wird.

Zusatz. Setzt man $k\sqrt{-1}$ für k und $z\sqrt{-1}$ für z, so gelangt man noch zu einer Reihe für $\frac{1}{\cos(k+z)}$. Setzt man nemlich:

$$\overset{2r}{U} = S(-1)^{\beta} (2\alpha), \overset{\beta}{\overset{C}{\overset{(\alpha)}{\cup}}} \left(\frac{1}{\operatorname{Goš} k}\right)^{2\alpha+1} \quad \text{cond. } (\alpha+\beta=r),$$

$$\overset{\mathfrak{d}_{r+1}}{U} = \left(S(-1)^{\beta}(2\alpha+1), \overset{\beta}{C}\left(\frac{1}{\log \delta}\right)^{2\alpha+1}\right). \otimes \operatorname{in} k \quad \text{cond. } (\alpha+\beta=r),$$

so hat man

$$\frac{1}{\text{Goŝ}(k+z)} = U - \dot{U} \cdot \frac{z^{3}}{1} - \dot{U} \cdot \frac{z^{2}}{2} + \dot{U} \cdot \frac{z^{3}}{3} + \dot{U} \cdot \frac{z^{4}}{4} - \dot{U} \cdot \frac{z^{5}}{5} - \text{etc.}$$

$$l(k+z) = lk + Uz - \tilde{U} \cdot \frac{z^2}{2} - \tilde{U} \cdot \frac{z^3}{3} + \tilde{U} \cdot \frac{z^4}{4} + \tilde{U} \cdot \frac{z^5}{5} + \tilde{U} \cdot \frac{z^6}{6} - \text{etc.}$$

In beiden Reihen folgen auf zwei Glieder mit den Vorzeichen Minus jedesmal zwei Glieder mit den Vorzeichen Plus und umgekehrt.

Noch reicher an Folgerungen ist die Entwickelung von $\tan (k+v)$ in eine nach Potenzen von z fortgehende Reihe. Setzt man nemlich:

$$z = \tan k$$

und bezeichnet man die höheren Differentialverhältnisse, wie folgt: $\overset{\circ}{z} = \frac{\partial \overset{\circ}{z}}{\partial k}$ und allgemein $\overset{n}{z} = \frac{\partial^n \overset{\circ}{z}}{\partial k^n}$, so hat man zunächst: $\overset{\circ}{z} = \cos k^{-2}$, und man übersieht überhaupt bald, daß der Ausdruck für $\overset{\circ}{z}$ folgende Form haben könne:

$$z = S(-1)^{\beta} \varphi(r,\beta) \cdot \cos k^{-2\alpha} \quad \text{cond. } (\alpha + \beta = r).$$

Differentiirt man ihn, so erhält man:

$$z = S(-1)^{\beta} \cdot 2\alpha \cdot \varphi(r,\beta) \cdot \cos k^{-(2\alpha+1)} \cdot \sin k \quad \text{cond. } (\alpha+\beta=r).$$

Wird noch einmal differentiirt, so erhält man:

 $z = S(-1)^{\beta} 2\alpha (2\alpha + 1) \cdot \varphi(r, \beta) \cdot \cos k^{-(2\alpha+2)} + S(-1)^{\beta+1} (2\alpha)^2 \cdot \varphi(r, \beta) \cdot \cos k^{-2\alpha}$ mit der beiden Haupttheilen gemeinschaftlichen Bedingungsgleichung $\alpha + \beta$ = r. Man kann aber diesen Ausdruck wieder unter die Form:

$$z^{2r+1} = S(-1)^{\beta} \varphi(r+1,\beta) \cdot \cos k^{-2\alpha}$$
 cond. $(\alpha + \beta = r+1)$

bringen und erhält also die Recursionsformel:

 $\varphi(r+1,r+1-m) = (2m-1)(2m-2) \cdot \varphi(r,r+1-m) + (2m)^2 \cdot \varphi(r,r-m)$. Setzt man aber $(2m-1)^2 \cdot 2^{2r-2m} \cdot \varphi(r,r-m)$ für $\varphi(r,r-m)$, so geht die Recursionsformel dadurch über in:

$$\varphi(r+1,r+1-m) = \varphi(r,r+1-m) + m^2 \cdot \varphi(r,r-m)$$

und nach ihr können dann die unbekannten Vorzahlen im Ausdrucke:

$$z^{2r-1} = S(-1)^{\beta} \cdot 2^{2\beta} \cdot (2\alpha - 1)^{\gamma} \cdot \varphi(r, \beta) \cdot \left(\frac{1}{\cos k}\right)^{2\alpha}$$
 cond. $(\alpha + \beta = r)$

berechnet werden. Aber man erkennt auch aus ihr, dass der Coëfficient $\varphi(r, r-m)$ eine aus den Quadraten der ersten Zahlen der natürlichen Zahlenreihe bei unbedingter Wiederholbarkeit der Elemente gebildete Combinationsclasse ist. Nimmt man nemlich die Scale:

$$(m) = (1^2, 2^2, 3^2, \ldots, m^2),$$

welche aus m Elementen besteht, so erhellet auf ähnliche Art, wie im §. 67., dass allgemein:

$$\varphi(r,r-m) = \overset{r-m}{\underset{(m)}{C}}$$

sei, und man hat also nun:

$$z = S(-1)^{\beta} \cdot 2^{2\beta} \cdot (2\alpha - 1)^{\gamma} \cdot \stackrel{\beta}{C} \cdot \left(\frac{1}{\cos k}\right)^{2\alpha}$$

$$z = \sin k \cdot S(-1)^{\beta} \cdot 2^{2\beta} \cdot (2\alpha)^{\gamma} \cdot \stackrel{\beta}{C} \cdot \left(\frac{1}{\cos k}\right)^{2\alpha + 1}$$
cond. $(\alpha + \beta = r)$.

In beiden Ausdrücken darf aber auch noch sogleich $\alpha + 1$ für α gesetzt werden, weil das Glied für $\beta = r$ oder $\alpha = 0$ selbst Null ist.

Gestützt auf diese beiden zur independenten Bestimmung dienenden Formeln hat man nun in Anwendung des Taylorschen Satzes:

$$\tan(k+v) = \overset{\circ}{z} + \overset{\circ}{z} \cdot \frac{v}{4} + \overset{\circ}{z} \cdot \frac{v^2}{2^7} + \overset{\circ}{z} \cdot \frac{v^3}{3^7} + \overset{\circ}{z} \cdot \frac{v^4}{4^7} + \overset{\circ}{z} \cdot \frac{v^5}{5^7} + \text{etc.}$$

Setzt man zunächst k=0, so ist $\sin k=0$ und $\cos k=1$; es fallen also von den Größen z, z, z, z, etc. alle diejenigen weg, welche eine

gerade Zeigezahl tragen, weil sie den Factor $\sin k$ enthalten. Setzt man weiter allgemein: w = z für k = 0,

so findet man für tang v die nach Potenzen von v fortgehende Reihe:

tang
$$v = v + w^{\frac{3}{3}} + w^{\frac{2}{3}} + w^{\frac{5}{5}} + w^{\frac{3}{7}} + w^{\frac{7}{7}} + w^{\frac{5}{9}} + \text{etc.}$$

welche mit der im §. 44. für tang x gefundenen zusammenfällt; es haben auch die Coëfficienten w, w, w, w etc. dieselbe Bedeutung, wie im §. 43. und §. 44. Jetzt haben wir aber für die independente Berechnung dieser Coëfficienten die allgemeine Formel:

 $w = S(-1)^{\beta} \cdot 4^{\beta} \cdot (2\alpha + 1)^{\gamma} \cdot C \quad \text{cond. } (\alpha + \beta = r).$

Da nun aber $(2\alpha + 1)$ ' immer durch 2^{α} , und in der Regel noch durch eine höhere Potenz von 2 theilbar ist, so ist also das allgemeine Glied durch $2^{2\beta+\alpha} = 2^{2r-\alpha}$ oder eine noch höhere Potenz von 2 theilbar; daher ist überhaupt w immer theilbar durch 2^r , aber in der Regel selbst durch eine Potenz von 2, deren Exponent entweder =2r oder doch nur wenig <2r ist.

Die Berechnung der Werthe von \mathcal{C} für eine gegebene Summe $(1+\alpha+\beta=r+1)$ gelingt sehr einfach, indem man die Quadrate der ersten ganzen Zahlen bis zur Zahl r^2 in eine Horizontalreihe nach fallender Größe, etwa von der Linken zur Rechten stellt, und ihre allmäligen Summen von der Rechten zur Linken nimmt; diese sind dann schon Combinationsclassen des ersten Grades; unter sie werden von der Rechten zur Linken die Quadratzahlen Glied unter Glied gestellt; die über einander stehenden Zahlen werden multiplicirt, und die Producte wieder allmälig von der Rechten zur Linken addirt; die Summen sind die Combinationsclassen des zweiten Grades; so fährt man überhaupt fort nach folgendem Rechnungs-Schema:

	9.	4 -; -1	
Combinations - Classen 1sten Grades 55) 30 16	14)	5) 1)	Summen. Elemente.
480	126	20 1.	Producte.
Classen 2ten Grades 627) 147) 9	21) 1) 4 1	Summen. Elemente.
	1323	84 1	Producte.
Classen 3ten Grades	1408)	85) 1) 4 1	Summen. Elemente.
IN THE STATE OF TH	14 17 3 1 T	340 1	Producte.
Classen 4ten Grades		431) 1)	Summen. Element.
Classe 5ten Grades		1	

Hiernach sind die folgenden Zahlen berechnet worden:

β C (α+1)	$\begin{vmatrix} \alpha + \beta + 1 = 11 \\ r = 10 \end{vmatrix}$	$\begin{vmatrix} \alpha+\beta+1=10 \\ r=9 \end{vmatrix}$	$\begin{vmatrix} \alpha+\beta+1=9 \\ r=8 \end{vmatrix}$								
6=0	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1 4	1 1
9=1	385	285	204	140	91	55	30	14	5	1	1
9=2	48279	25194	12138	5278	2002	627	147	21	1		
9=3	2458676	846260	251498	61490	11440	1408	85	1			
3=4	52253971	10787231	1733303	196053	13013	341	1				
9=5	434928221				1365	1					
3=6	1217854704	53157079	1071799	5461	1	andre (7 7 7				
3=7	860181300	9668036	21845	1	. * . *			1	1 7 1		
3=8	87099705	87381	1					1 1 1 1			-
3=9	349525	1									
3=10	1	*									

So hat man z. B. für r=3 die folgenden Zahlen:

$$\ddot{w} = 4^{\circ} \cdot 7' \cdot 1 - 4^{\circ} \cdot 5' \cdot 14 + 4^{\circ} \cdot 3' \cdot 21 - 4^{\circ} \cdot 1' \cdot 1 = 5040 - 6720 + 2016 - 64$$

Summe = $+7056 - 6784 = +272$.

Also findet man $\dot{w} = 272$, wie im §. 43.

Zusatz. Das so eben gezeigte mechanische Rechnungsverfahren kann auch bei der Ermittelung der Werthe der Combinationsclassen, welche in den Formeln des §. 68. und §. 69. vorkommen, und welche aus den Elementen einer anderen Scale gebildet werden müssen, angewandt werden.

Der besondere Fall, wo $k = \frac{\pi}{4}$, verdient ebenfalls eine besondere Beachtung. Setzt man nun noch $\frac{1}{2}x$ für v, so erhält man:

$$\tan \frac{1}{2} \left(\frac{\pi}{2} + x \right) = S_u^{\alpha} \cdot \frac{x^{2\alpha}}{(2\alpha)} + S_w^{\alpha} \cdot \frac{x^{2\alpha+1}}{(2\alpha+1)},$$

gesetzt, allgemein:

$$u = (\frac{\tau}{2})^{2r} \cdot z$$
 für $k = \frac{\pi}{4}$ und $w = (\frac{\tau}{2})^{2r+1} \cdot z$ für $k = \frac{\pi}{4}$.

Da aber $\cos \frac{\pi}{4} = \sin \frac{\pi}{4} = \sqrt{\frac{1}{2}}$ ist, so hat man auf der Stelle:

Da immer $(2\alpha)'$ und also auch $(2\alpha+1)'$ durch 2^{α} theilbar ist, so sind also die Coëfficienten $\frac{(2\alpha)'}{2^{\alpha}}$ und $\frac{(2\alpha+1)'}{2^{\alpha}}$, welche in diesen Ausdrücken vorkommen, ganze Zahlen.

Um nun noch zu zeigen, dass die Coëssicienten u und w mit den im §. 42., §. 43. und an noch späteren Stellen eben so bezeichneten dieselben sind, dienen die beiden Formeln:

$$\tan \frac{1}{2} \left(\frac{\pi}{2} + x \right) + \tan \frac{1}{2} \left(\frac{\pi}{2} - x \right) = \frac{2}{\cos x} \quad \text{und}$$

$$\tan \frac{1}{2} \left(\frac{\pi}{2} + x \right) - \tan \frac{1}{2} \left(\frac{\pi}{2} - x \right) = 2 \tan x,$$

durch deren Anwendung man findet:

$$\operatorname{Cos} \mathfrak{L} x = \frac{1}{\cos x} = S \overset{\alpha}{u} \cdot \frac{x^{2\alpha}}{(2\alpha)}, \text{ und } \operatorname{Sin} \mathfrak{L} x = \operatorname{tang} x = S \overset{\alpha}{w} \cdot \frac{x^{2\alpha+1}}{(2\alpha+1)},$$

Es sind also sowohl zur independenten Berechnung der Coëfficienten u, u, u, etc., als auch der Coëfficienten w, w, w, etc. zwei allgemeine Formeln angegeben worden, welche, wie man sieht, ziemlich einfach sind.

Vierzehnter Abschnitt.

Geometrische Constructionen für die Beziehungen zwischen den Potenzial-Functionen, ihren Arcus und den vermittelnden Functionen.

Die gleichseitige Hyperbel.

Wie die Beziehungen zwischen den cyklischen Functionen und ihren Arcus am Kreise nachgewiesen werden, ist so allgemein bekannt, daß es unpassend wäre, hier davon zu handeln; nicht ganz so bekannt ist die geometrische Nachweisung der Beziehungen zwischen den hyperbolischen Functionen an der gleichseitigen Hyperbel, von welcher diese Functionen den Namen hyperbolische erhalten.

Es sei (Fig. 2.) die Gerade AB = a die Halbaxe der gleichseitigen Hyperbel BM, und es seien die Coordinaten des Punctes M dieser Curve AP = x und PM = y, so ist bekanntlich die Gleichung an die Curve:

$$y = \sqrt{(x^2 - a^2)}.$$

Wird nun die Fläche des Sectors $ABM = \sigma$ gesetzt, so hat man:

$$\sigma = \triangle APM - \text{Fläche } BPM = \frac{xy}{2} - \int y \, \partial x,$$

oder auch:

$$\partial \sigma = \frac{x \partial y - y \partial x}{2}$$
.

Wird aber die Gleichung an die Curve differentiirt, so hat man $y \partial y = x \partial x$, also $\partial y = \frac{x}{y} \partial x$. Daher findet man:

$$\partial \sigma = \frac{a^2}{2} \cdot \frac{\partial x}{y}$$
, also auch $\sigma = \frac{a^2}{2} \int \frac{\partial x}{V(x^2 - a^2)}$.

Setzt man nun $k = \operatorname{Arc}\left(\operatorname{Cos} = \frac{x}{a}\right)$, so hat man umgekehrt:

1. Cos
$$k = \frac{x}{a}$$
.

und man findet

$$\partial k = \frac{\partial \left(\frac{x}{a}\right)}{\sqrt{\left(\left(\frac{x}{a}\right)^2 - 1\right)}} = \frac{\partial x}{\sqrt{(x^2 - a^2)}} \quad \text{(nach §. 18.)}.$$

Es ist demnach $\partial \sigma = \frac{a^2}{2} \cdot \partial k$ und also $\sigma = \frac{a^2}{2} \cdot k + \text{const.}$ Da nun für x = a die Fläche $\sigma = 0$ werden muß, und $\cos k = 1$, also k = 0 wird, so hat man const. = 0, und es ist demnach:

$$2. \quad \sigma = \frac{a^2}{2}.k$$

Construirt man also mit dem Halbmesser a einen Kreissector, dessen Inhalt so groß ist als der Inhalt des hyperbolischen Sectors σ , so ist der Quotient, welchen man erhält, wenn man den Bogen des Kreissectors durch seinen Radius a dividirt, der unbenannten Zahl k gleich, oder in anderen Worten: die unbenannte Zahl k ist dem Bogen des Kreissectors gleich, wenn der Radius a zur Einheit genommen wird.

Der Arcus k wird also aus dem bekannten Inhalte des hyperbolischen Sectors eben so gefunden, wie wenn dieser Sector ein cyklischer wäre; denn wenn er ein cyklischer wäre von der Größe σ , so hätte man ebenfalls $\sigma = \frac{a^2}{2} \cdot k$, wenn α der Halbmesser ist.

Aus der Gleichung
$$\cos k = \frac{x}{a} = \frac{AP}{AB}$$
 folgt nun aber leicht:
$$3. \begin{cases} \sin k = \frac{y}{a} = \frac{PM}{AB} \text{ und} \\ \cos k = \frac{y}{x} = \frac{PM}{AP}. \end{cases}$$

Die so eben erhaltenen drei Gleichungen veranlassen nun folgende einfache Construction:

Man schneide von P aus nach dem Scheitel B hin von der Abscisse ein Stück PD = AB = a ab und ziehe die Gerade MD, so entsteht ein rechtwinkliges Dreieck DPM, worin der Winkel an D mit φ bezeichnet werden mag.

Da PM = y und PD = a ist, so findet man MD = x = AP.

Daher hat man

$$\cos \varphi = \frac{a}{x}$$
, $\sin \varphi = \frac{y}{x}$ und $\tan \varphi = \frac{y}{a}$.

Jede dieser Gleichungen führt zusammengehalten mit den Gleichungen (3.) des §. 73. zu einer den Zusammenhang zwischen den Arcus k und φ ausdrückenden neuen Gleichung, nemlich:

 $\varphi = lk$, oder umgekehrt: $k = \mathfrak{L}\varphi$.

Wird der im hyperbolischen Sector befindliche Winkel $BAM = \psi$ gesetzt, so hat man tang $\psi = \frac{\gamma}{x}$, und da die trigonometrische Tangente des Winkels, welchen die Berührungslinie der Curve für den Punct M mit der Abscissenlinie bildet $= \frac{\partial y}{\partial x}$ und also $= \frac{x}{y}$ ist, so folgt, daß dieser Winkel den Winkel ψ zu einem rechten Winkel ergänzt. Hierauf kann eine bequeme Construction der Zangente gegründet werden.

Aus den beiden Gleichungen $\sin \varphi = \frac{y}{x}$ und $\tan \varphi = \frac{y}{x}$ folgt ferner:

 $\sin \varphi = \tan \varphi = \operatorname{Ing} k$.

Also ist $\psi = \frac{1}{2}l(2k)$ oder $k = \frac{1}{2}\Omega(2\psi)$, also auch $\Omega \varphi = \frac{1}{2}\Omega(2\psi)$ und also $\varphi = l(\frac{1}{2}\Omega(2\psi))$, oder umgekehrt $\psi = \frac{1}{2}l(2\Omega\varphi)$, auf ähnliche Art wie im Zusatze zu §. 40. Eine ausführlichere Behandlung der gleichseitigen Hyperbel kann hier offenbar der Zweck nicht sein.

Die Kettenlinie.

§. 75.

Es seien (Fig. 3.) die Geraden AP = x und PM = y die Coordinaten (für den Anfangspunct A) eines Punctes M einer Curve, deren Gleichung ist: $y = a \cdot \mathfrak{Cos} \frac{x}{a}.$

Die Größe a heiße der Parameter der Curve. Man hat für x=0 offenbar y=a, und es ist also AV=a oder der Parameter. Der Punet V heiße der Scheitel der Curve. Setzt man nemlich -x für x, so bleibt y unverändert, und es theilt also der Punet V die Curve in zwei congruente Arme; die Gerade AW ist demnach eine Axe der Curve. Wenn x größer wird, so wird auch y größer und es ist y immer positiv. Daher liegt die Curve ganz auf einer Seite der Abscissenlinie PAp und entfernt sich immer mehr von ihr. Später wird gezeigt werden, daß die Curve die sonst sogenannte Kettenlinie ist.

Differentiirt man die Gleichung an die Curve, so erhält man $\frac{\partial y}{\partial x} = \operatorname{Sin} \frac{x}{a}$. Wird aber in M eine Tangente MT an die Curve gelegt, und der Winkel, welchen MT mit einer zur Abscissenlinie parallelen Mm bildet, $= \varphi$ gesetzt, so hat man auch $\operatorname{tang} \varphi = \frac{\partial y}{\partial x}$, und es ist also:

$$tang \varphi = \mathfrak{Sin} \frac{x}{a}$$
.

Setzt man also die unbenannte Zahl $\frac{x}{a} = k$, so hat man tang $\phi = \mathfrak{Sin} k$, und also

 $\varphi = lk$, oder umgekehrt: $k = \mathfrak{L}\varphi$ und x = a.k.

Durch diese drei Gleichungen sind die Beziehungen zwischen φ , k und x ausgedrückt. Die Gleichung an die Curve ist auch y = a. Cos k, und also auch:

 $y = \frac{a}{\cos \varphi}$.

Wird der Bogen VM = s gesetzt, so hat man $\partial s = \sqrt{(\partial x^2 + \partial y^2)}$, und man findet $\partial s = \partial x \operatorname{Cos} \frac{x}{a}$; wird die Gleichung integrirt, so hat man:

$$s = a \cdot \sin \frac{x}{a} = a \cdot \sin k = a \cdot \tan \phi$$

weil das Integral für x = 0 verschwinden muß. Wird diese Gleichung mit der zwischen x und y verbunden, so findet man:

$$y^2 = a^2 + s^2.$$

Es ist also immer y > s und es nähern sich diese beiden Größen ins Unendliche dem Verhältnisse der Gleichheit. Wird die Gleichung $s \cdot \cot \varphi = a$ mit der Gleichung $y \cos \varphi = a$ verbunden, so hat man noch:

$$y \cdot \sin \varphi = s$$
.

garg. o. 75. A communication policy and a contract of the cont

Wird vom Fußpuncte P der Ordinate PM auf die Tangente MT das Loth PS gefällt, so entsteht das rechtwinklige Dreieck MPS, worin der Winkel $MPS = \varphi$ ist.

Die beiden Katheten dieses Dreiecks findet man leicht:

MS = s = Bogen VM und

 $PS = \alpha = \text{dem Parameter } AV$, und also constant.

Die Hypothenuse PM ist = y und also $y^2 = a^2 + s^2$, wie vorhin.

Stellt also KSPL ein Lineal in der Form eines Rechtecks, dessen Breite PS = KL = a ist, vor, so kann man die eine Seite dieses Lineals, das mit dem Puncte S sich anfänglich in V und mit dem Puncte P dann in A befindet, an der convexen Seite der Curve drehen oder abdrücken, und die freigewordene Seite SM erscheint dann als von dem Bogen VM abgewickelt, mit dem sie gleich lang ist; die andere Ecke P des Lineals wird durch eine solche Bewegung genöthigt, eine gerade Linie AP zu beschreiben. Es scheint, als ob diese auf die früheren einfachen Formeln gegründete Vorstellungsart der Abwickelung der Kettenlinie, wobei eine gerade Linie zu beschreiben der Punct P veranlasst wird, bisher nicht sei gekannt worden. Vielleicht ließe sich hieraus die Construction eines Instruments herleiten, mittelst dessen man umgekehrt statt der geraden Linie die Kettenlinie selbst beschreiben könnte, so wie man andere Curven z. B. die Kegelschnitte beschreibt. Denn obgleich es interessant sein mag, zu wissen wie man sich der Kettenlinie als einer Leitlinie bedienen könne, um eine gerade Linie zu beschreiben, so ist doch eine solche Art der Beschreibung unnütz.

§. 76.

Wird die Fläche AVMP = f gesetzt, so ist $\partial f = y \partial x = a \partial x$. Cos $\frac{x}{a}$, und also $f = a^2$. Sin $\frac{x}{a} = a s$.

Daher ist die Fläche f = VA. Bogen VM = PS.SM = dem Rechtecke PSMR.

Bezeichnet ϱ den Krümmungs-Halbmesser, so ist $\varrho = -\frac{\left(\frac{\partial s}{\partial x}\right)^3}{\frac{\partial^2 y}{\partial x^2}}$.

Aber $\frac{\partial s}{\partial x} = \frac{1}{\cos \varphi}$ und $\frac{\partial^2 y}{\partial x^2} = \frac{1}{a \cos \varphi}$, also hat man, wenn man nur die ab-

solute Größe des Krümmungs-Halbmessers mit e bezeichnet:

$$g = \frac{a}{\cos \varphi^2}$$

Es ist sonst g negativ, welches bekanntlich anzeigt, daß die Curve gegen die Abscissenlinie convex ist. Man findet aber auch

$$\varrho = \frac{y^2}{a} = a + \frac{s^2}{a}.$$

Für den Punct V ist also der Krümmungs-Halbmesser = a = dem Parameter AV. Wird die Normale MR bis zum Einschnitte N in die Linie AN verlängert, so ist bekanntlich:

$$PM^2 = MR.MN$$
, oder $y^2 = a.MN$ und also $MN = \frac{y^2}{a}$, oder einfacher: $\rho = MN$.

Wird also MN über M hinaus verlängert, und die Verlängerung MO = MN genommen, so ist MO der Krümmungs-Halbmesser auch der Lage nach, und es ist O der Mittelpunct des Krümmungskreises; seine Coordinaten sind AQ und QO, und man findet leicht:

$$AQ = PN - AP$$
 und $QO = 2.PM$.

Man mus, wenn man auf die Einfachheit der diese Curve betreffenden Beziehungen sieht, gestehen, das sie zu den interessantesten Curven gehört, welche die analytische Geometrie bisher als solche ausgezeichnet hat.

Nach diesen rein geometrischen Betrachtungen der mit der Gleichung y=a. Cos $\frac{x}{a}$ oder auch $y=a\frac{\left(e^{\frac{x}{a}}+e^{-\frac{x}{a}}\right)}{2}$ zusammengehörenden Curve fehlt noch der Beweis, daß diese Curve die Kettenlinie sei, welche Benennung sie ihrer statischen Eigenschaft verdankt.

Ein gleichmäßig dicker und schwerer Faden, welcher vollkommen biegsam ist, formt sich nemlich, wenn seine beiden Enden festgehalten werden, zu einer solchen Curve jedesmal, nur daß ihr Parameter nicht immer derselbe ist. Diejenigen, welche über die Kettenlinie geschrieben haben, scheinen es nicht gekannt zu haben, daß man die Gleichung an dieselbe unter die einfache Form $y = a \cdot \text{Cos} \frac{x}{a}$ bringen könne, wenigstens ist in keinem der statischen Lehrbücher, welche dem Verfasser zu Gesichte kamen, die Gleichung an die Kettenlinie unter diese einfache Form

gebracht worden. Umgekehrt hat man die zu dieser Gleichung gehörige Curve untersucht, ohne dabei anzugeben, daß diese Curve die Kettenlinie sei. Man findet z. B. im zweiten Theile des Traité du calcul différentiel et du calcul intégral (No. 684. pag. 459.) eine, wenn auch nur gedrängte Darstellung der Eigenschaften dieser Curve, ohne die Angabe, daß sie die Kettenlinie sei; dafür ist die historische Bemerkung hinzugefügt worden, daß dieselbe Curve von Herrn Schubert (Nova acta Acad. Petropol. T. IX. pag. 178.) untersucht worden sei. Aber die Ansicht dieser Abhandlung stand mir nicht zu Gebote. Sollte aber auch in dieser Abhandlung die fragliche Behauptung ausgesprochen und nachgewiesen worden sein, so würde doch ein solcher Beweis nicht in Vieler Händen sein. Wir glauben daher auf ein allgemeiner verbreitetes Werk verweisen zu dürfen, welches jüngst auch ins Deutsche übersetzt worden ist: Lehrbuch der Mechanik von S. D. Poisson, aus dem Franz. übers. von Dr. J. C. Eduard Schmidt, Stuttgart und Tübingen bei Cotta 1825.

Im ersten Theile dieser Übersetzung (No. 142. pag. 155. u. ff.) ist für die Kettenlinie als Differential-Gleichung angegeben worden:

$$A \cdot \sin c \cdot \partial x - A \cdot \cos c \cdot \partial y = h \cdot s \cdot \partial x.$$

Beziehen wir diese Gleichung auf unsere Fig. 3., so ist m'B=x, BC=y und Bogen m'C=s. Wir hingegen wollen AD=x, DC=y und Bogen $VC=\sigma$ setzen. Setzen wir dann noch die constante Länge des Bogens Vm'=l, so ist $s=l-\sigma$. Wollen wir diese Abänderung in die Gleichung einführen, so müssen wir außerdem noch $-\partial x$ für ∂x und $-\partial y$ für ∂y setzen, wodurch wir erhalten:

oder auch $\frac{-A\sin c \cdot \partial x + A\cos c \cdot \partial y = -h(l-\sigma)\partial x}{h},$ $\frac{hl - A\sin c}{h} + \frac{A\cos c}{h} \cdot \frac{\partial y}{\partial x} = \sigma.$

Setzen wir weiter zur Abkürzung:

$$\alpha = \frac{A\cos c}{h}$$
 und $\beta = \frac{hl - A\sin c}{h}$,

so haben wir die einfachere Gleichung $\beta + \alpha \cdot \frac{\partial y}{\partial x} = \sigma$, welche noch einmal differentiirt giebt: $\alpha \cdot \frac{\partial^2 y}{\partial x^2} = \frac{\partial \sigma}{\partial x}$.

Um nun zu einer Gleichung bloß zwischen x und y zu gelangen, setzen wir $v = \frac{\partial y}{\partial x}$, so ist $\partial s = \sqrt{(\partial x^2 + \partial y^2)} = \frac{\partial x}{\partial x} \sqrt{(1 + v^2)}$, und also

$$\partial x = \alpha \cdot \frac{\partial v}{V(1+v^2)}.$$

Die Integration nach §. 18. giebt auf der Stelle:

 $\alpha.\operatorname{Arc}(\operatorname{Sin}=v)=x+\operatorname{const.},$

oder umgekehrt:

$$\operatorname{Sin}\left(\frac{x+\operatorname{const.}}{\alpha}\right)=v=\tfrac{\partial\,y}{\partial\,x}.$$

Da nun für $\frac{\partial y}{\partial x} = 0$, d. h. im Puncte V auch x = 0 sein muß, so hat man const. = 0 und also:

$$\partial y = \alpha \cdot \frac{\partial x}{\alpha}$$
. Sin $\frac{x}{\alpha}$ oder $y = \alpha \cos \frac{x}{\alpha} + \text{const.}$

Für x = 0 muß man y = AV erhalten, und es ist also $AV = \alpha + \text{const.}$, weswegen: $y = \alpha \operatorname{Cos} \frac{x}{\alpha} + AV - \alpha.$

Bei der zu Anfang der Rechnung vorgenommenen Coordinatenveränderung wurde die Länge von AV unbestimmt gelassen; jetzt können wir AV so bestimmen, daß die Gleichung am einfachsten wird, welches der Fall ist, wenn $AV = \alpha$ genommen wird. Die Gleichung an die Kettenlinie ist dann, wie behauptet wurde:

$$-y = \alpha \cdot \cos \frac{x}{\alpha},$$

und die Größe a ist ihr Parameter, welcher früher mit a bezeichnet wurde:

Zusatz. Herr Poisson gelangt durch eine ziemlich weitläufige Rechnung zu der Endgleichung:

$$y = \frac{A}{h} \left[1 - \frac{1}{2} (1 - \sin c) \cdot e^{9x} - \frac{1}{2} (1 + \sin c) \cdot e^{-9x} \right],$$

worin $\vartheta = \frac{h}{A \cos c}$ ist, und welche man nicht ohne Mühe in die unsrige einfachere umrechnen wird.

Zum Ausdrucke der Spannung T an der Stelle C der Curve giebt Poisson ferner die Formel:

$$T = \sqrt{(A^2 - 2Ahs.\sin c + h^2s^2)}.$$

Setzen wir in derselben für s den Werth $l-\sigma$, so erhält man leicht:

$$T^{2} = A^{2} + h^{2} l^{2} - 2Ah \sin c + 2h(A \sin c - h l) \cdot \sigma + h^{2} s^{2}.$$

Es ist aber $\alpha^2 + \beta^2 = \frac{A^2 - 2Ahl\sin c + h^2l^2}{h^2}$, and $A\sin c - hl = -h\beta$; also hat man $T^2 = h(\alpha^2 + \beta^2 - 2\beta\sigma + \sigma^2) = h \cdot [(\sigma - \beta)^2 + \alpha^2].$

Da nun nach §. 77. ferner $\sigma - \beta = \alpha$. Sin $\frac{x}{\alpha}$ ist, so finden wir

$$T = h.a. \operatorname{Cos} \frac{x}{a}$$
 oder $T = h.DC$.

Wird das Gewicht des Bogens VC = p gesetzt, so hat man $p = h \cdot \sigma$, und also h = p für $\sigma = 1$.

Der Ausdruck T=h.DC, auf welchen die Formel des Herrn Poisson von uns ist zusammengezogen worden, giebt nun zu erkennen, daßs die Spannungen an den verschiedenen Stellen der Curve den Perpendikeln proportional sind, welche man von ihnen auf die Abscissenlinie Pp fällt. Auch aus diesem Grunde ist die Linie Pp in Beziehung auf die Kettenlinie eine Linie von bemerkenswerther Lage.

§. 79.

Für die Brückenbaukunst ist die Frage von einiger Wichtigkeit, wie eine Kettenlinie construirt werden könne, welche durch zwei gegebene Puncte geht, die vom Scheitel der Curve einen gleichen gegebenen Abstand haben, oder was meist auf dasselbe hinausläuft, wie eine Brücke, welche die nach statischen Lehren vollkommenste Form haben soll, construirt werden könne, wenn die Breite des Flusses und die Höhe des Gewölbes gegeben sind.

Es sei die Breite des Flusses Mm=2b und die Höhe des Gewölbes VW=h.

Wäre der Parameter a der Curve oder der Winkel $mMT = \varphi$ bekannt, so wäre die Aufgabe der Construction so gut als gelöset; diese beiden Größen müssen also vor allen gefunden werden, und dazu dient die Gleichung: $a + h = a \cdot \mathfrak{Cos} \frac{b}{a}.$

Setzen wir wieder $\frac{b}{a} = k$ und den Quotienten $\frac{b}{h} = w$, so ist w bekannt, und die Division giebt $\frac{h}{a} = \frac{k}{w}$, also $h = \frac{ak}{w}$; die Gleichung geht hierdurch über in:

$$a + \frac{ak}{w} = a \cdot \mathfrak{Cos} k$$
, oder einfacher: $1 + \frac{k}{w} = \mathfrak{Cos} k$.

Man hat also auch $\frac{k}{w} = \mathfrak{Cos}k - 1 = 2 \mathfrak{Sin} \frac{1}{2}k^2$, und endlich:

$$1. \quad w = \frac{k}{2 \cdot \sin \frac{1}{2} k^2}.$$

Aus dieser Formel muß der Werth von k gefunden werden, welches möglich sein muß, weil $w = \frac{b}{h}$ bekannt ist. Wenn k gefunden ist, so hat man auf der Stelle:

2. $\phi = lk$ und $a = \frac{b}{k}$.

Es hält nicht schwer, k in eine nach Potenzen von w fortgehende Reihe zu entwickeln, aber die Rechnung gelingt ohnedies in der Regel ungleich schneller auf andere Art. Man thut aber wohl, schon jetzt cyklische Functionen statt der hyperbolischen in die Formel einzuführen. Setzt man nemlich $\mathfrak{L}\varphi$ für k, so ist

$$\operatorname{Cos} k = \frac{1}{\cos \varphi} \quad \text{und} \quad \operatorname{Cos} k - 1 = \frac{1 - \cos \varphi}{\cos \varphi} = 2 \operatorname{Sin} \frac{1}{2} k^2.$$

Man hat also auch:

3.
$$w = \frac{\cos \varphi}{2 \sin \frac{\pi}{2} \varphi^2} \cdot \mathfrak{L} \varphi$$
,

und aus dieser Gleichung soll eigentlich unmittelbar der Winkel φ gefunden werden. Dieses Geschäft wird sehr erleichtert durch eine kleine Hülfstabelle, worin für die aufeinander folgenden, um einen Grad zunehmenden Werthe des Winkels φ die zugehörigen Werthe von w oder von $\log w$, wenn auch nur in fünf Decimalstellen angegeben sind, weil man dadurch in den Stand gesetzt wird, rückwärts aus der bekannten Größe von w den zugehörigen Werth von φ bis auf einen Grad genau und auch noch genauer zu bestimmen. Ist der Winkel φ bis dahin bekannt, so wird man ihn bald durch eine oder ein paar Proberechnungen selbst bis auf eine Minute genau finden. Trigonometrische Tafeln mit 5 Decimalziffern reichen zu diesen Proberechnungen hin.

Hat man den Winkel φ schon bis auf eine Minute genau gefunden, so sei $\varphi + \delta''$ der verbesserte Werth von φ , und man hat genau:

 $\log w = \log \cos(\varphi + \delta'') + \log \Omega(\varphi + \delta'') - 2\log \sin(\frac{1}{2}\varphi + \frac{1}{2}\delta'') - \log 2.$

Ferner sei

$$\log w = \log \cos \varphi + \log \Im \varphi - 2 \log \sin \frac{\pi}{2} \varphi - \log 2.$$

Setzt man nun:

$$1. \quad \log w - \log w = t,$$

so hat man offenbar:

$$t = [\log \cos(\varphi + \delta'') - \log \cos \varphi] + [\log \Omega(\varphi + \delta'') - \log \Omega \Omega] - 2[\log \sin(\frac{1}{2}\varphi + \frac{1}{2}\delta'') - \log \sin(\frac{1}{2}\varphi)].$$

Setzt man nun weiter:

$$\log \cos(\varphi + 1'') = \log \cos \varphi - \triangle \log \cos \varphi,$$

$$\log \mathfrak{L} (\varphi + 1'') = \log \mathfrak{L} \varphi + \triangle \log \mathfrak{L} \varphi,$$

$$\log \sin(\frac{1}{2}\varphi + 1'') = \log \sin \frac{1}{2}\varphi + \triangle \log \sin \frac{1}{2}\varphi,$$

so ist:

$$\log \cos (\varphi + \delta'') - \log \cos \varphi = -\delta . \triangle \log \cos \varphi,$$

$$\log \mathfrak{L} (\varphi + \delta'') - \log \mathfrak{L} \varphi = \delta . \triangle \log \mathfrak{L} \varphi,$$

$$\log \sin (\frac{1}{2}\varphi + \frac{1}{2}\delta'') - \log \sin \frac{1}{2}\varphi = \frac{\delta}{2} . \triangle \log \sin \frac{1}{2}\varphi,$$

und man findet nun leicht:

2.
$$\delta = \frac{t}{\triangle \log \varrho \varphi - \triangle \log \cos \varphi - \triangle \log \sin \frac{1}{2} \varphi}$$

Die Differenzen $\triangle \log \cos \varphi$ und $\triangle \log \sin \frac{1}{2} \varphi$ sind in den trigonometrischen Tafeln selbst angemerkt, hingegen ist die Differenz $\triangle \log \mathfrak{L} \varphi$ noch zu ermitteln, und dazu dient die Formel:

$$\triangle \log \mathfrak{L} \varphi = \frac{\log \mathfrak{L}(\varphi + 1') - \log \mathfrak{L} \varphi}{60},$$

wenn man die alte Winkel-Eintheilung gebraucht; bei Anwendung der neuen Winkel-Eintheilung muß diese Formel statt des Nenners 60 den Nenner 100 erhalten. Will man die Tabelle für die Werthe von $\mathfrak{L}k$ nicht gebrauchen, so findet man auch:

$$\triangle \log \mathfrak{L} \varphi = \frac{\log \log \tan \left(\frac{\pi}{4} + \frac{\tau}{4}\varphi + \frac{\tau}{2}.1'\right) - \log \log \tan \left(\frac{\pi}{4} + \frac{\tau}{2}\varphi\right)}{60 \text{ oder } 100},$$

und alle in dieser Formel vorkommende Logarithmen sind briggische.

Um die so eben beschriebene Rechnungsweise durch ein Beispiel zu erläutern, sei b = 100 und h = 79. Ferner habe man den Winkel φ schon bis auf eine Sexagesimal-Minute gefunden: $\varphi = 61^{\circ}10'$, also $\frac{\varphi}{2}$ = 30° 35′; 45° + $\frac{\varphi}{2}$ = 75° 35′. Daraus findet man nach der Formel:

$$\log w = \log \cos \varphi - 2 \log \sin \frac{\pi}{2} \varphi + \log \log \tan \left(45^{\circ} + \frac{\varphi}{2}\right) + 0,0611857,$$

$$\log \tan \left(45^{\circ} + \frac{\varphi}{2}\right) = 0,5899546$$

$$\log b = 0,102 2098$$

$$\log b = \dots 2,000 0000$$

$$\log h = \dots 1,897 6271$$

$$\log w = 0,102 3729$$

$$\log w = 0,102 2098$$

$$t = \dots 1631$$

$$\log \tan \left(45^{\circ} + \frac{\varphi}{2} + 30^{"}\right) = 0,590\,2166$$

$$\log \log \log \left(45^{\circ} + \frac{\varphi}{2} + 30^{"}\right) = 0,771\ 0114 - 1$$

$$\frac{\log \log \tan \left(45^{\circ} + \frac{\varphi}{2}\right)}{\text{Rest}} = 0,770 8186 - 1$$

Also
$$\triangle \log \mathcal{L} \varphi = \frac{1928}{60} = 32,13$$

 $-\triangle \log \cos \varphi = -38,2$
 $-\triangle \log \sin \frac{1}{2} \varphi = -35,7$
 $\triangle \log \mathcal{L} \varphi = +32,13$
 $32,13-73.9=-41.77$

Also
$$\delta = \frac{1631}{-41,77} = \frac{-39''}{61^{\circ}10'}$$
....

Der verbesserte Werth von φ ist = 61° 9′21″.

Genauer noch findet man den unbekannten Winkel durch die folgende zweite Correction.

Nun ist

Daher hat man $\phi = 61^{\circ}9'20'', 89$, und dieser Werth ist denn sehr genau. Will man ihn nun noch genauer haben, so muß man trigonometrische Tafeln mit mehr als sieben Decimalzissern in Anwendung bringen.

Zusatz. Die Formel $w = \frac{k}{2(\sin\frac{1}{2}k)^2}$ kann auch auf folgende Art benutzt werden. Setzt man $\sin\frac{1}{2}k = \tan g l \frac{1}{2}k$ und $k = \mathfrak{L}\varphi$, so hat man nemlich $w = \frac{\mathfrak{L}\varphi}{2(\tan g l \frac{1}{2}\mathfrak{L}\varphi)^2}$ und also $\log w = \log \mathfrak{L}\varphi - 2\log \tan g (l \frac{1}{2}\mathfrak{L}\varphi) - \log 2$.

Nachdem num der Winkel φ genau genug gefunden ist, kann man den Parameter α auf doppelte Art finden nach den Formeln:

$$a = \frac{\hbar}{2} \cdot \frac{\cos \varphi}{\sin \frac{1}{2} \varphi^2}$$
 und $\frac{1}{a} = \frac{1}{b} \cdot \mathcal{L} \varphi$.

Dann hat man a + h = y = PM. Die Länge des Bogens VM = s wird berechnet nach den Formeln:

$$s = y \cdot \sin \varphi$$
 and $s = a \cdot \tan \varphi$.

Hierauf findet man die Länge des Krümmungshalbmessers ϱ für den Punct M nach den Formeln: $\varrho = \frac{g^2}{\alpha}$ und $\varrho = \frac{\alpha}{\cos \varphi^2}$.

Dann kennt man aber die Hauptbestimmungen der Construction der Curve. Wird das im §. 81. vorkommende Beispiel durchgeführt, so hat man:

$$\phi = 61^{\circ} 9' 20'', 89; \quad \frac{\varphi}{2} = 30^{\circ} 34' 40'', 44; \quad 45^{\circ} + \frac{\varphi}{2} = 75^{\circ} 34' 40'', 44.$$

$$\log h = 1,897 6271 \quad \log \sin \frac{1}{2} \phi = 9,706 4698 - 10$$

$$\log \cos \phi = 9,683 4339 \quad \text{Also: } \log \sin \frac{1}{2} \phi^2 = 9,412 9396 - 10$$

$$\log 2 = 0,301 0300$$

$$-9,713 9696 \quad \text{Summe} \cdot \cdot \cdot \cdot 9,713 9696 - 10$$

$$\log a = 1,867 0914$$

Um $\log \sigma$ auf die zweite Art zu berechnen, hat man $\mathfrak{L}\varphi = \frac{1}{\mu} \log \tan \left(45^{\circ} + \frac{\varphi}{2}\right)$. Aber

$$\log \tan \left(45^{\circ} + \frac{\varphi}{2}\right) = 0,5897838$$
Also $\log \log \tan \left(45^{\circ} + \frac{\varphi}{2}\right) = 9,7706928 - 10$

$$\frac{\log \frac{1}{\mu}}{\log \varphi} = 0,3622157$$

$$\frac{\log \varphi}{\log \theta} = 0,1329085$$

$$\frac{\log b}{\log \alpha} = 2,0000000$$
Also $\log \alpha = 1,8670915$ (wie vorhin).

Daher hat man:

Man findet auch $\log s$ und $\log e$, wie folgt:

$$\frac{\log a = 1,867\,0914}{\log \tan \varphi = 0,259\,0379}$$

$$\frac{\log a = 1,867\,0914}{\log \varphi = 2,126\,1293}$$

$$\frac{\log a = 1,867\,0915}{\log \varphi = 2,500\,2237}$$

Will man die Construction der Curve vollenden, so wird man zwischen den Grenzen $\varphi=0$ und $\varphi=61^{\circ}$ 9'20",89 für gleiche Zunahmen des Winkels φ , welche nicht sehr klein zu sein brauchen, die zugehörigen Werthe der Größen x, y, s, ξ nach den Formeln des §.74. und §.76. berechnen. Sind auf diese Weise mehrere einzelne Puncte der Curve festgelegt, so wird man durch sie eine approximirende Curve legen, welches nun um so leichter ist, weil man die Größen der Krümmungshalbmesser und die Lage der Mittelpuncte der Krümmungskreise kennt. Mit einem

solchen Halbmesser braucht man nur aus dem zugehörigen Mittelpuncte allemal zwischen den willkürlich gewählten Grenzen der Theile der Curve einen Kreisbogen zu beschreiben, so wird dieser, sinnlich betrachtet, mit dem entsprechenden Theile der Curve einerlei sein, oder doch der Unterschied sehr gering, und zwar desto geringer sein, je größer die Anzahl der festgelegten Puncte der Curve ist, und so wird sich überhaupt die aus Kreisbogen zusammengesetzte Linie von der Kettenlinie hinlänglich wenig unterscheiden.

Zusatz. Einfacher wird die im §. 79. vorgelegte Aufgabe, wenn die Breite Mm = 2b und als Höhe die Linie AW = h gegeben sind. Man hat dann zur Bestimmung von φ die Gleichung:

$$\frac{b}{h} = \cos \varphi \cdot \Omega \varphi,$$

und wie vorhin:

$$\frac{1}{a} = \frac{1}{b} \cdot \mathfrak{L} \varphi$$
, oder auch $a = h \cdot \cos \varphi$.

Die Longitudinale.

§. 82.

Wenn zwei Zahlen φ und k in solcher Beziehung zu einander stehen, daß $\varphi = lk$ oder umgekehrt $k = \mathfrak{L}\varphi$ ist, so ist bekanntlich immer $k > \varphi$. Werden daher die Abscisse x und der zugehörige Bogen s mit einer constanten Länge a verglichen, welche der Parmeter heißen mag, so ist auch $\frac{s}{a} > \frac{x}{a}$, wenn für x = 0 auch s = 0 sein soll. Man kann daher $\frac{s}{a} = k$ und $\frac{x}{a} = \varphi$ setzen, d. h. als Gleichung an die Curve aufstellen: $\frac{s}{a} = \mathfrak{L}\frac{x}{a}$ oder umgekehrt $\frac{x}{a} = l\frac{s}{a}$.

Die Curve mag die Longitudinale genannt werden. Die aufgestellte Gleichung hat noch nicht die zur genaueren Kenntnifs der Curve erforderliche Gestalt, und es muß aus ihr endlich eine Gleichung hergeleitet werden, welche den Zusammenhang unter zwei rechtwinkligen Coordinaten eines unbestimmten Punctes der Curve ausdrückt. Man differentiire diese Gleichung, und man erhält $\partial x = \frac{\partial s}{\cos \frac{x}{a}}$. Sind nun x und y

die beiden Coordinaten eines Punctes der Curve, so ist bekanntlich auch $\partial s^2 = \partial x^2 + \partial y^2$, und man findet

$$\partial y = \partial x \cdot \sin \frac{s}{a}$$
.

Da aber
$$\operatorname{Cin} \frac{s}{a} = \operatorname{tang} l \frac{s}{a} = \operatorname{tang} \frac{x}{a}$$
 ist, so hat man:
$$\frac{\partial y}{\partial x} = \operatorname{tang} \frac{x}{a}.$$

Nun ist aber $\frac{\partial y}{\partial x}$ auch gleich der trigonometrischen Tangente des Winkels, welchen die Berührungslinie des Punctes M der Curve, dessen Coordinaten x und y sind, mit der Abscissenlinie bildet, und welcher durch ψ bezeichnet sein mag; also hat mau:

$$\tan \psi = \tan \frac{x}{a} = \tan \varphi,$$

oder einfacher $\psi = \frac{x}{a} = \varphi$. Schneidet man also auf der Peripherie eines Kreises, der mit dem Radius a beschrieben ist, einen Bogen ab, dessen Länge der Abscisse gleicht, so ist der diesem Bogen zugehörige Winkel am Mittelpuncte des Kreises dem Winkel ψ jedesmal gleich; daher sind auch die Werthe der auf einander folgenden Abscissen den zugehörigen Werthen des Winkels ψ proportional,

§. 83.

Und nun ist es leicht, von der Differentialgleichung $\frac{\partial y}{\partial x} = \frac{x}{a}$ zur Gleichung an die Curve selbst aufzusteigen. Integrirt man nemlich so, daßs mit x = 0 auch y = 0 wird, so findet man:

$$y = a \cdot \log \frac{1}{\cos \frac{x}{a}}$$
 oder $e^{-\frac{y}{a}} = \cos \frac{x}{a} = \cos \varphi$.

Diese Gleichung giebt nun zu erkennen, daß zu gleich großen, aber entgegengesetzten Abscissen x auch gleich große, aber einstimmige Werthe der Ordinate y gehören.

Es stelle (Fig. 4.) die Linie CAD die Longitudinale vor, AP = x und PM = y seien die beiden Coordinaten des Punctes M der Curve, so ist AP zugleich eine Tangente der Curve für ihren Scheitel A; eine Tangente derselben für den Berührungspunct M sei MT, so ist der Winkel $MTP = \psi = \varphi = \frac{x}{a}$.

Da ferner $\log \frac{1}{\cos \varphi}$ unmöglich ist, wenn $\varphi > \frac{\pi}{2}$, so kann die Abscisse x nie größer genommen werden, als die Länge eines Quadranten vom Kreise beträgt, dessen Radius der Parameter der Curve a ist. Wird

die Abscisse so groß genommen, als ein solcher Quadrant, und ist etwa $AV = AW = \frac{\pi}{2} \cdot a$, so ist die Ordinate y zwar nicht unmöglich, aber unendlich groß. Werden also in den Puncten V und W zwei Perpendikel VN und WO auf der Abscissenlinie errichtet, so sind sie Asymptoten der Curve, die also mit ihren beiden congruenten Armen AD und AC ganz zwischen den Parallelen VN und WO enthalten bleibt und sich ihnen ins Unendliche nähert. Schon daraus darf geschlossen werden, daßs die Krümmung der Curve im Scheitel A am größten ist und daßs dieselbe allmälig geringer wird, je weiter man sich auf einem der Arme vom Scheitel A entfernt. Noch deutlicher tritt diese Kenntniß hervor aus der Betrachtung des Ausdrucks für den Krümmungshalbmesser selbst, welcher für den Punct M mit g bezeichnet werde. Man findet leicht:

$$\xi = \frac{\alpha}{\cos \varphi}.$$

Der Krümmungshalbmesser für den Scheitel \mathcal{A} ist also gleich dem Parameter a.

Die Gleichung $y = a \log \frac{1}{\cos \frac{x}{a}}$ führt endlich auch leicht zum Aus-

drucke des Zusammenhanges zwischen y und s. Denn man hat

$$y = a \log \frac{1}{\cos \varphi} = a \log \operatorname{Ces} k,$$

und da $k = \frac{s}{a}$ ist, so hat man auf der Stelle:

$$y = a \log \cos \frac{s}{a}$$
.

Zusatz. Wollte man aus zwei gegebenen Coordinaten x und y die Longitudinale construiren, so müßte man zuerst die Größe des Winkels φ aus der Gleichung

$$\frac{x}{\gamma} = \frac{\varphi}{-\log \cos \varphi}$$

zu ermitteln suchen, und hätte dann

$$a = \frac{x}{\varphi} = \frac{y}{-\log \cos \varphi}.$$

Will man die Ausdrücke für die Größen x, y und s in Reihen entwickeln, so daß eine selche Reihe auch nach Potenzen einer dieser Größen fortschreitet, so fallen die meisten dieser Entwickelungen nicht schwer, weil früher umständlich behandelte Reihen dabei sogleich in An-

wendung kommen. Will man aber die Größen x und s in Reihen entwickeln, welche nach Potenzen von y fortschreiten, so kann bei diesen beiden Aufgaben keine der früher behandelten Reihen in Anwendung kommen.

Sieht man auf Fig. 4., worin MQ auf AQ senkrecht oder zu AP parallel ist, und also AQMP ein Rechteck vorstellt, so macht es eine Verwechselung der Coordinaten nothwendig, MQ oder AP als Function von AQ oder PM zu betrachten, und da kann die Aufgabe, MQ in eine nach Potenzen von AQ fortgehende Reihe zu entwickeln, allerdings nicht zwecklos vorgelegt werden. Setzen wir daher nun AQ = x, QM = y, und, wie vorhin, den Bogen AM = s, so haben wir:

$$y = a \cdot \operatorname{arc}(\cos = e^{-\frac{x}{a}})$$
 and $s = a \cdot \operatorname{Arc}(\operatorname{Cos} = e^{\frac{x}{a}})$.

Erwägt man nun, daß die Entwickelung eines Arcus, dessen Cosinus gegeben ist, in eine Reihe, welche nach Potenzen des Cosinus fortschreitet, gar nicht gefunden werden kann, so begreift man, warum die beiden verlangten Entwickelungen einige Schwierigkeit haben, und es die Mühe belohnt, hier davon zu handeln. Da die beiden Aufgaben, analytisch genommen, fast dieselben sind, so reicht es hin, die erste Aufgabe vollständig aufzulösen, weil man die gefundenen Resultate leicht übertragen oder für die zweite Aufgabe benutzen kann. Setzen wir zur Abkürzung $\frac{\partial y}{\partial x}$ und differentiirt man die erste Gleichung, so erhält man:

$$\dot{\gamma} = \left(e^{\frac{2x}{\alpha}} - 1\right)^{-\frac{x}{2}}.$$

Die Aufgabe der Entwickelung ist also auf die in der That ein wenig einfachere der Function $\left(e^{\frac{2x}{a}}-1\right)^{-\frac{1}{2}}$ zurückgeführt worden.

Mit der Entwickelung der Potenz $(e^x-1)^{-1}$ in eine nach Potenzen von x fortgehende Reihe haben sich die Analysten viel beschäftigt, und es kommen bei ihr die sogenannten Bernoullischen Zahlen in Anwendung. Der vielfache Gebrauch dieser Entwickelung, z. B. bei der Herleitung des summatorischen Gliedes einer Reihe aus dem allgemeinen Gliede derselben, rechtfertigt diese Aufmerksamkeit auf sie. Noch größere Schwierigkeit hat aber die Entwickelung einer Potenz von e^x-1 , wenn ihr Exponent eine gebrochene Zahl ist, wie im vorliegenden Falle. Überhaupt hängt die Entwickelung der Potenzen von e^x-1 in eine nach Potenzen von x fortgehende Reihe ab von der Kenntniß der Vorzahlen, welche in

den Entwickelungen der (numerischen) Facultäten nach Potenzen ihres Grundfactors vorkommen. Wird nemlich in Anwendung der Bezeichnung der Facultäten nach Vandermonde allgemein gesetzt:

$$[a, d]^{n} = a(a-d)(a-2d) \dots (a-nd+d),$$

$$[a, d]^{n} = \frac{1}{(a+d)(a+2d)(a+3d) \dots (a+nd)},$$

so ist immer, der Exponent n mag eine positive oder negative ganze Zahl sein:

 $[a,d] = S(-1)^{\alpha} \cdot {}^{n}f \cdot a^{n-\alpha} \cdot d^{\alpha},$

und die in dieser Reihe vorkommenden Vorzahlen oder die sogenannten Facultäten-Coëfficienten:

nf, nf, nf, nf etc.

sind gewisse Functionen des Exponenten n, welche ein durch die leicht herzuleitende Formel: ${}^{n+1}\tilde{f} = {}^{n}\tilde{f} + n , {}^{n}\tilde{f}$

ausgedrücktes allgemeines Gesetz ihrer Bildung befolgen. Wird der Begriff der Facultäten erweitert, auf ähnliche Art wie der Begriff der Potenzen, so sind auch solche Facultäten [a,d] zulässig, deren Exponent n ein positiver oder auch negativer Bruch ist. Dann müssen aber für die Facultäten-Coëfficienten Ausdrücke angegeben werden, welche gebraucht werden können ohne Rücksicht darauf, was für eine Zahl der Exponent n der zugehörigen Facultät sei. Solche Ausdrücke sind die folgenden:

Die Berechnung dieser Werthe hat keine Schwierigkeit, wenn sie in gehöriger Weise unternommen wird, und gründet sich auf eine Formel, welche im Anhange hergeleitet wird. Die Möglichkeit der Berechnung dieser Zahlen für jeden Werth von n vorausgesetzt, hat man immer:

$$(e^{x}-1)^{n}=S[n]^{-\alpha}-nf^{\alpha}.x^{n+\alpha},$$

und man wird in dieser Formel nun $\frac{2x}{a}$ für x und $-\frac{1}{2}$ für n setzen, wodurch man erhält:

$$\mathring{y} = \left(S2^{\alpha} \left[-\frac{1}{2}\right]^{\frac{1}{2}} \mathring{f} \cdot \frac{x^{\alpha - \frac{1}{2}}}{a^{\alpha}}\right) \cdot \sqrt{\frac{\alpha}{2}}.$$

Wird die Reihe mit da multiplicirt und darauf integrirt, so erhält man:

$$y = \left[1 - \frac{\frac{1}{k}}{3} \cdot \frac{x}{a} + \frac{\frac{2}{k}}{5} \cdot \left(\frac{x}{a}\right)^2 - \frac{\frac{3}{k}}{7} \cdot \left(\frac{x}{a}\right)^3 + \frac{\frac{2}{k}}{9} \cdot \left(\frac{x}{a}\right)^4 - \text{etc.}\right] \cdot \sqrt{(2ax)},$$
und findet:
$$\tilde{k} = (-1)^7 \cdot 2^7 (2r)^7 \cdot \left[-\frac{1}{2}\right]^7 \cdot \frac{1}{2} \tilde{f},$$

eine Formel, nach welcher die unbekannten Vorzahlen \vec{k} , \vec{k} , \vec{k} , etc. berechnet werden können.

Zusatz. Wenn die Differenz d unter den benachbarten Factoren einer Facultät = +1 ist, so kann sie der Kürze wegen in der Bezeichnung wegbleiben, und schon daran erkannt werden. Hiernach ist [a, 1] = [a].

Man kann noch eine andere Formel zur independenten Berechnung der Coëfficienten k, k, k, etc. herleiten. Da nemlich die Werthe der Function f, wenn f eine positive oder negative ganze Zahl ist, sich in Anwendung der Formel

sehr einfach berechnen lassen und also als bekannt vorausgesetzt werden dürfen, so kann man die Werthe der Function "f, im Falle n keine ganze

Zahl ist, aus den vorhin genannten Werthen berechnen, und dazu dient die Formel:

$${}^{n}f = \frac{(n^{2}-1^{2})(n^{2}-2^{2})(n^{2}-3^{2})...(n^{2}-r^{2})}{(2r)^{2}} \left(S(-1)^{\beta} \left[2r\right]_{\frac{\beta^{2}}{\beta^{2}}}^{\beta} - \alpha f \cdot \frac{n}{n+\alpha}\right) (\text{cond. } \alpha + \beta = r),$$

welche ebenfalls im Anhange wird hergeleitet werden. In Benutzung dieser Formel findet man:

$$k = S(-1)^{\beta} \left[2r \right]_{\beta}^{\beta} \cdot -\alpha f \cdot \left[3, -2 \right]_{2\alpha + 1}^{r} \quad \text{(cond. } \alpha + \beta = r \text{).}$$

So hat man z. B. für r=5 die folgenden Zahlen:

$$k = \overline{105466725 - 105460740} = +5985.$$

6. 87.

Es bleibt nun für die Entwickelung von y in eine nach Potenzen von x fortgehende Reihe nichts mehr hinzuzufügen, als eine Recursionsformel herzuleiten, nach welcher man die Coëfficienten k, k, k etc. noch bequemer berechnen wird. Zu dem Ende bemerke man, dass, wenn die Potenz

 $(Sax^{p+\alpha q})^n = SAx^{np+\alpha q}$

dem polynomischen Lehrsatze gemäß gesetzt wird, unter den Coëfficienten der beiden Reihen die einfache Beziehung:

$$S(n\alpha - \beta) \stackrel{\beta}{A} \stackrel{\alpha}{.} = 0$$
 (cond. $\alpha + \beta = r$)

Statt findet. Von dieser werden wir hier Gebrauch machen. Setzen wir nemlich:

$$y = (e^{\frac{2x}{a}} - 1)^{-\frac{1}{2}} = \left(S\left(\frac{\left(\frac{2x}{a}\right)^{\alpha+1}}{(\alpha+1)^{2}}\right)^{-\frac{1}{2}} = SA\left(\frac{x}{a}\right)^{\alpha-\frac{1}{2}},$$

so haben wir
$$n = -\frac{1}{2}; \quad a = \frac{2^{\alpha+1}}{(\alpha+1)}, \quad \text{und} \quad A = (-1)^{\beta} \cdot \frac{\beta}{(2\beta)}, \sqrt{\frac{1}{2}}.$$

Werden diese Werthe in der allgemeinen Recursionsformel substituirt, so erhält man nach einer geringen Veränderung:

$$S(-1)^{\alpha} \left[\frac{2r}{(\alpha+1)^{\alpha}} \cdot 2^{\alpha} \cdot (2r-\alpha) \cdot \hat{k} \right] = 0$$
 (cond. $\alpha + \beta = r$).

Wird das Glied k auf die eine Seite des Gleichheitszeichens allein gebracht, so hat man:

$$\stackrel{r}{k} = [2r - 1] 2 \cdot (2r - 1) \cdot \stackrel{r-1}{k} - [2r - 1] 2 \cdot (2r - 2) \stackrel{r-2}{k} \dots$$

$$\dots (-1)^{\alpha+1} [2r - 1] 2^{\alpha-1} 2^{\alpha} \cdot (2r - \alpha) \cdot \stackrel{r-\alpha}{k} \dots + (-1)^{r+1} [2r - 1] 2^{r-1} 2^{r} \cdot r \cdot \stackrel{\circ}{k}.$$

Die ersten Specialfälle dieser allgemeinen Formel sind die folgenden:

$$\vec{k} = \hat{k} = 1,$$
 $\vec{k} = 9\vec{k} - 2^2 \cdot 2 \cdot \hat{k},$
 $\vec{k} = 25\vec{k} - 10 \cdot 2^2 \cdot 4 \cdot \vec{k} + 5 \cdot 2^3 \cdot 3 \cdot \hat{k},$
u. s. w.

Das Rechnen nach diesen Formeln ist so bequem, als es nur gewünscht werden kann, und man findet:

$$\hat{k} = + 1,$$
 $\hat{k} = -3.5,$
 $\hat{k} = -63 = -7.9,$
 $\hat{k} = +5985 = +5.7.9.19,$
 $\hat{k} = -158895 = -3^3.5.11.107,$
u. s. w.

Man hat demnach folgende Reihe:

$$y = \left[1 - \frac{1}{3}, \frac{x}{a} + \frac{1}{5}, \left(\frac{x}{a}\right)^2 + \frac{15}{7}, \left(\frac{x}{a}\right)^3 - \frac{63}{9}, \left(\frac{x}{a}\right)^4 - \frac{5985}{11}, \left(\frac{x}{a}\right)^5 - \frac{158895}{13}, \left(\frac{x}{a}\right)^6 \dots \right] \sqrt{(2 a x)},$$

oder wenn man die Vorzahlen möglichst vereinfacht:

$$y = \left[1 - \frac{1}{6} \cdot \frac{x}{a} + \frac{1}{120} \left(\frac{x}{a}\right)^2 + \frac{1}{336} \cdot \left(\frac{x}{a}\right)^3 - \frac{1}{5760} \left(\frac{x}{a}\right)^4 - \frac{19}{126720} \left(\frac{x}{a}\right)^5 - \frac{107}{26880} \cdot \left(\frac{x}{a}\right)^6 \cdot \dots\right] \sqrt{2 a x}.$$

Diese Reihen können, wie schon gesagt, benutzt werden, um der Gleichung:

$$e^{\frac{x}{a}} = \cos \frac{s}{a}$$

gemäß, auch den Bogen s in eine nach Potenzen von x fortgehende Reihe zu entwickeln. Man kann nemlich diese Gleichung auch also schreiben:

$$e^{-\left(\frac{-x}{a}\right)}=\cos\left(\frac{sV-1}{a}\right),\,$$

und so sieht man, daß man in den erhaltenen Reihen nur $-\frac{x}{a}$ für $\frac{x}{a}$ und $s\sqrt{-1}$ für y zu setzen hat. So erhält man denn auf der Stelle noch:

$$s = \left[1 + \frac{1}{3}, \left(\frac{x}{a}\right)^{1} + \frac{1}{5}, \left(\frac{x}{a}\right)^{2} - \frac{15}{7}, \left(\frac{x}{a}\right)^{3} - \frac{63}{9}, \left(\frac{x}{a}\right)^{4} + \frac{5985}{11}, \left(\frac{x}{a}\right)^{5} - \frac{158895}{13}, \left(\frac{x}{a}\right)^{6}, \dots \right] \sqrt{(2 a x)}.$$

Das erste Glied in der für y gefundenen Reihe ist gegen die nachfolgenden desto beträchtlicher, je kleiner die Abscisse AQ = x im Verhältnifs zum Parameter a der Curve ist. Für geringe Werthe von x hat man also näherungsweise $y = \sqrt{(2 a x)}$, d. h. die Longitudinale hat in der Nähe ihres Scheitels nur eine geringe Abweichung von einer apollonischen Parabel, welche denselben Parameter mit ihr hat.

Die Beziehung zwischen den durch die Gleichung $k=\Omega \varphi$ verbundenen Arcus kann noch auf mehre andere Arten geometrisch construirt werden.

Denkt man sich zwei von einem Puncte ausgehende Curven, welche auf denselben Anfangspunct der Coordinaten und auf dieselben Abscissen bezogen sind, so kann die eine ein Kreisbogen von der Länge $a\varphi$ sein, wenn a den Radius desselben bezeichnet, während die Länge der anderen größer als $a\varphi$ und namentlich $= ak = a \, \varphi \varphi$ ist; die Gleichung an diese Curve muß dann noch ermittelt werden.

Der Halbkreis ABC (Fig. 5.) und die Curve FBE haben den Punct B gemein, D sei der Anfangspunct und DP = x sei die gemeinschaftliche Abscisse der zusammengehörigen Puncte M und N; die Ordinaten seien PM = z und PN = y; es wird eine Gleichung zwischen x und y gesucht. Da der Bogen $BM = \alpha \varphi$ ist, wenn der Halbmesser $DA = DB = DC = \alpha$ und der Winkel $BDM = \varphi$ ist, so soll also der Bogen $BN = \alpha \cdot \Omega \varphi$ sein. Wird er mit s bezeichnet, so hat man also:

$$s = \alpha \cdot \Omega \varphi \quad \text{and} \quad \partial s = \sqrt{(\partial x^2 + \partial y^2)}.$$

Außerdem hat man $x = a \sin \varphi$ und $z = a \cos \varphi$. Man findet $\partial s = \frac{a \partial \varphi}{\cos \varphi}$, und hat also die Gleichung:

$$\partial \gamma^2 = \frac{a^2 \partial \varphi^2}{\cos \varphi^2} - \partial x^2.$$

Da weiter $\partial x = a \cos \varphi \partial \varphi$, so hat man $\partial y = a \partial \varphi \sqrt{\left(\frac{1}{\cos \varphi^2} - \cos \varphi^2\right)}$, oder auch:

$$\partial y = a \tan \varphi \partial \varphi \sqrt{(1 + \cos \varphi^2)},$$

wenn man ∂x eliminirt. Eliminirt man aber φ und $\partial \varphi$, so hat man:

$$\partial y = \frac{x \partial x}{a^2 - x^2} \sqrt{(2 a^2 - x^2)}.$$

Setzt man also den Winkel, welchen die Berührungslinie NT der Curve BE im Puncte N mit der Abscissenlinie einschließt, $=\psi$, so hat man

$$\tan \varphi = \frac{xV(2\alpha^2-x^2)}{\alpha^2-x^2} = \tan \varphi \cdot \sqrt{1+\frac{1}{\cos \varphi^2}} = \sqrt{\frac{1}{\cos \varphi^4}-1}.$$

Vermöge dieser Gleichung läßt sich von den zwei Winkeln φ und ψ der eine aus dem anderen berechnen. Die Gleichung erscheint aber ungleich einfacher in der Gestalt:

$$\cos \varphi^2 = \cos \psi$$
 oder $\sin \varphi = \sin \frac{\tau}{2} \psi \cdot \sqrt{2}$,

und auf diese so einfache Formeln kann man eine leichte geometrische Construction gründen, wodurch man aus dem Winkel φ den Winkel ψ und umgekehrt findet.

Setzt man $\sqrt{(a^2-x^2)}=z=a\cos\varphi$, so hat man:

$$\partial \gamma = -\frac{a\partial z}{z} \sqrt{\left(1 + \frac{z^2}{a^2}\right)}.$$

Also

$$y = -\sqrt{(a^2 + z^2) + a}$$
. Arc $\left(\text{Zang} = \frac{a}{\sqrt{(a^2 + z^2)}}\right) + \text{const.}$

Da nun für z = a auch y = a werden muß so hat man:

$$a = -\sqrt{(2 a^2)} + a \cdot \operatorname{Arc}\left(\operatorname{Eang} = \frac{1}{\sqrt{2}}\right) + \text{const.},$$

und also:

$$y-a=a\sqrt{2}-\sqrt{(a^2+z^2)}-a\operatorname{Mrc}\left(\operatorname{Eang}=\frac{1}{\sqrt{2}}\right)+a\operatorname{Mrc}\left(\operatorname{Eang}=\frac{a}{\sqrt{(a^2+z^2)}}\right).$$
Aber $\operatorname{Mrc}\left(\operatorname{Eang}=\frac{1}{\sqrt{2}}\right)=\operatorname{P}\left(\frac{\pi}{4}\right)$ und $z^2=a^2-x^2$, also hat man

$$y = a(1+\sqrt{2}) - \sqrt{(2a^2-x^2)} - a\Omega\left(\frac{\pi}{4}\right) + a\Omega rc\left(\Omega a = \frac{a}{\sqrt{(2a^2-x^2)}}\right).$$

Führt man statt x wieder φ ein, so hat man $\sqrt{(2a^2-x^2)} = a\sqrt{(2-\sin\varphi^2)}$ = $a\sqrt{(1+\cos\varphi^2)} = a\sqrt{(1+\cos\psi)} = a\cos\frac{\psi}{2}\sqrt{2}$, und also:

$$y = a \left[1 + \sqrt{2 - 2\left(\frac{\pi}{4}\right)} - \cos\frac{\psi}{2}\sqrt{2} + \operatorname{Arc}\left(\operatorname{Eang} = \frac{1}{\cos\frac{\psi}{2}.\sqrt{2}}\right) \right].$$

Man hat auch $y = a \left[1 + \sqrt{2 - \mathfrak{L}\left(\frac{\pi}{4}\right)} - \mathfrak{Cot}k + k \right]$, und zur Bestimmung von k dient dann die Gleichung:

$$\operatorname{Sin} k = \frac{1}{\cos \varphi}.$$

Der Ausdruck verliert noch ein Glied, wenn man BQ = x und QN = ysetzt. Man hat dann:

$$y = a \left[\sqrt{2 - 2\left(\frac{\pi}{4}\right) - \frac{1}{\sin k} + 2k} \right],$$

und der Winkel k wird berechnet nach der Gleichung:

Da nun aber and the standard
$$k = \frac{1}{\cos \varphi}$$
.

$$\sqrt{2} = 1,41421 \ 35624 \ \text{und}$$

$$2\left(\frac{\pi}{4}\right) = 0,88137 \ 35870$$
also $\sqrt{2} - 2\frac{\pi}{4} = 0,53283 \ 99754 \ \text{ist,}$

so hat man

$$y = a.0,53283 99754 + a(2k - \frac{1}{\sin k});$$

zur Bestimmung von k dient, wie vorhin, die Gleichung:

$$tang k = \frac{1}{\cos \varphi}.$$

Obgleich nun, wie man sieht, die Gleichung an die Curve sich in vielerlei Formen darstellen läßt, so erlangt sie dennoch nie einen hohen Grad der Einfachheit; auch hat die Curve keine sehr interessante Eigenschaften; daher mag das über sie Gesagte hinreichen. Der Ausdruck für den Krümmungshalbmesser gewinnt aber noch eine ziemliche Einfachheit; man findet:

oder auch $e = -\frac{a \sin k}{\cos k^2}$, wenn fang $k = \frac{1}{\cos \varphi}$ gesetzt wird.

Fünfzehnter Abschnitt.

Umformung gegebener Ausdrücke in die Form Cosa + Sina; allgemeine Auflösung der eubischen Gleichungen.

Das Reclinen mit Ausdrücken von der Form Cosa + Sina ist besonders bequem, wenn Multiplication, Division, Potenziren und Wurzelausziehen die vorgeschriebenen Operationen sind, und es gründet sich auf die nachfolgenden vier allgemeinen Formeln:

$$(\mathfrak{Cos}\,a + \mathfrak{Sin}\,a)(\mathfrak{Cos}\,b + \mathfrak{Sin}\,b) = \mathfrak{Cos}(a+b) + \mathfrak{Sin}(a+b),$$

$$\frac{\operatorname{\mathfrak{Cos}} a + \operatorname{\mathfrak{Sin}} a}{\operatorname{\mathfrak{Cos}} b + \operatorname{\mathfrak{Sin}} b} = \operatorname{\mathfrak{Cos}} (a - b) + \operatorname{\mathfrak{Sin}} (a - b),$$

$$(\operatorname{\mathfrak{Cos}} a + \operatorname{\mathfrak{Sin}} a)^n = \operatorname{\mathfrak{Cos}} na + \operatorname{\mathfrak{Sin}} na,$$

$$\sqrt[n]{(\operatorname{\mathfrak{Cos}} a + \operatorname{\mathfrak{Sin}} a)} = \operatorname{\mathfrak{Cos}} \frac{a}{n} + \operatorname{\mathfrak{Sin}} \frac{a}{n},$$

Will man von den vier Rechnungsweisen Nutzen ziehen, so muß man im Stande sein, jeden vorgelegten Ausdruck unter die Form $\mathfrak{Cos}\,k + \mathfrak{Sin}\,k$ zu bringen.

Ist etwa N eine mögliche Zahl, so setze man sogleich $e^k = N$, d. h. man suche den Exponenten k nach der Formel:

$$k = \log N$$
,

und hat dann auf der Stelle

$$N = \mathfrak{Cos}\,k + \mathfrak{Sin}\,k,$$

$$\frac{1}{N} = \mathfrak{Cos}\,k - \mathfrak{Sin}\,k.$$

Man könnte auch, wenn auch nicht immer ganz so einfach, den Exponenten k finden nach der Formel:

$$N = \tan\left(\frac{\pi}{4} + \frac{1}{2}lk\right),\,$$

nach welcher man zunächst die Größe lk und hieraus dann k findet, in Anwendung der Tabelle der Longitudinalzahlen. Wenn $\pm lk$ nicht zu wenig von $\frac{\pi}{2}$ verschieden ist, so wird man nach dieser Formel noch schneller zum Ziele gelangen.

Hat aber die Zahl N die Form:

$$N = P + Q \cdot \sqrt{-1},$$

so setze man

$$P = e^{i} \cdot \cos \varphi$$
 und $Q = e^{i} \cdot \sin \varphi$,

und hieraus findet man auf der Stelle:

$$tang \varphi = \frac{P}{Q}$$
.

Ist der Winkel φ bereits gefunden, so findet man den Arcus oder Exponenten k nach der Formel:

$$k = \log\left(\frac{P}{\cos\varphi}\right)$$
 oder $k = \log\frac{Q}{\sin\varphi}$.

Wollte man k früher als φ berechnen, so hätte man nach folgender Formel zu rechnen: $k = \log \sqrt{(P^z + Q^z)}$,

deren Gebrauch nur dann vorzuziehen ist, wenn die Quadrate P^z und Q^z sich bequem berechnen lassen. Sind aber die beiden Arcus k und φ ge-

funden, so hat man auf der Stelle:

$$\begin{split} N &= \mathfrak{Cos}(k+\varphi\sqrt{-1}) + \mathfrak{Sin}(k+\varphi\sqrt{-1}), \\ \frac{1}{N} &= \mathfrak{Cos}(k+\varphi\sqrt{-1}) - \mathfrak{Sin}(k+\varphi\sqrt{-1}). \end{split}$$

Diese und ähnliche Sätze sind aber unter veränderter Beziehung allgemein bekannt, und es lohnt daher die Mühe nicht, dabei kinger zu verweilen.

Wichtige Dienste leisten die Potenzialfunctionen, und namentlich die hyperbolischen bei der Auflösung der cubischen Gleichungen von der Form:

$$x^3 = b x + c,$$

unter welche bekanntlich alle unreine cubische Gleichungen gebracht wer-Es seien die drei Wurzeln der Gleichung x, x', x'', und den können. also x + x' + x'' = 0. Nimmt man für eine derselben die folgende Form an:

$$x = v \cdot \cos \varphi$$

um sie in der Gleichung $x^3 = bx + c$ zu substituiren, so erhält man v^3 . Cos $\phi^3 = bv$ Cos $\phi + c$, oder auch:

$$\operatorname{Cos} \varphi^3 = \frac{b}{v^2} \operatorname{Cos} \varphi + \frac{c}{v^3},$$
 and da auch: for oil govern so have abledges A

ist, so erhält man durch Identificirung die beiden Gleichungen:

$$\frac{b}{v^2} = \frac{3}{4} \quad \text{und} \quad \frac{c}{v^3} = \frac{1}{4} \operatorname{Cos} 3 \varphi,$$

welche zur Findung der Werthe der beiden Größen v und φ dienen; man hat nemlich:

$$v = \sqrt{(\frac{4}{3}b)}$$
 and $\cos 3\varphi = \frac{4c}{v^3} = \frac{\frac{1}{2}c}{\sqrt{(\frac{1}{3}b)^3}}$.

Setzt man also $3 \varphi = k$, d. h. $\varphi = \frac{k}{3}$, so hat man:

$$x = \sqrt{(\frac{4}{5}b)} \cdot \cos \frac{\pi}{3}k$$

$$x' = \sqrt{(\frac{4}{3}b)} \cdot \cos(\frac{1}{3}k + \frac{2}{3}\pi\sqrt{-1}),$$

$$x'' = \sqrt{(\frac{4}{3}b)} \cdot \mathfrak{Cos}(\frac{1}{3}k + \frac{4}{3}\pi\sqrt{-1}),$$

wenn man den Arcus k berechnet nach der Formel:

$$\mathfrak{Cos} k = \frac{\frac{1}{2}c}{\sqrt{(\frac{1}{3}b)^3}}.$$

Ist nemlich k ein nach dieser Formel bestimmter Arcus, so leisten derselben auch die Arcus $k\pm 2\pi\sqrt{-1}$; $k\pm 4\pi\sqrt{-1}$; $k\pm 6\pi\sqrt{-1}$, etc. ein Genüge. Man braucht aber nur die drei ersten Uraus k, $k+2\pi\sqrt{-1}$ und $k+4\pi\sqrt{-1}$, deren dritte Theile in den Formeln für x, x', x''

vorkommen, zu nehmen, weil die übrigen Arcus zu keinen neuen Werthen von x führen.

Der Ausdruck für die Wurzel x'' läßt sich aber noch einfacher darstellen, da $\frac{k}{3} + \frac{4}{3}\pi\sqrt{-1} = \frac{k}{3} - \frac{2}{3}\pi\sqrt{-1}$, und also $\mathbb{Coe}\left(\frac{k}{3} + \frac{4}{3}\pi\sqrt{-1}\right) = \mathbb{Coe}\left(\frac{k}{3} - \frac{2}{3}\pi\sqrt{-1}\right)$ ist.

Die drei aufgestellten Formeln enthalten nun die vollständige Auflösung der cubischen Gleichungen unter allen Umständen, d. h. für alle Werthe der Zahlen b und c.

Im Gebrauche der angegebenen Formeln müssen aber mehrere Fälle wohl unterschieden werden, welche aus den besonderen Beschaffenheiten und dem Verhältnisse der in der Gleichung:

$$x^3 = bx + c$$

vorkommenden gegebenen Größen b und c erkannt werden.

1. Wenn b und c positiv sind und
$$\mathfrak{Cos} k = \frac{\frac{1}{3}c}{\sqrt{(\frac{1}{3}b)^3}} > 1$$
 ist.

In diesem Falle ist k möglich und es gelten die vorhin gefundenen Formeln unmittelbar. Will man sie aber entwickeln, dann ist

$$\mathfrak{Cos}(\frac{1}{3}k \pm \frac{2}{3}\pi\sqrt{-1}) = \mathfrak{Cos}\frac{1}{3}k \cdot \cos\frac{2}{3}\pi \pm \mathfrak{Sin}\frac{1}{3}k \cdot \sin\frac{2}{3}\pi\sqrt{-1},$$
oder auch, weil $\cos\frac{2}{3}\pi = -\frac{1}{2}$ und $\sin\frac{2}{3}\pi = +\frac{1}{2}\sqrt{3}$ ist:

$$\mathfrak{Cos}(\frac{1}{3}k \pm \frac{2}{3}\pi\sqrt{-1}) = -\frac{1}{2}\mathfrak{Cos}\frac{1}{3}k \pm \frac{1}{2}\mathfrak{Sin}\frac{1}{3}k.\sqrt{3}.\sqrt{-1}.$$

Man hat also:

$$x = \sqrt{(\frac{4}{3}b)} \cdot \operatorname{Cos} \frac{1}{3}k,$$

$$x' = -\sqrt{\left(\frac{b}{3}\right)} \cdot \cos \frac{1}{3}k + \sqrt{b} \cdot \sin \frac{1}{3}k \cdot \sqrt{-1} = -\frac{x}{2} + \sqrt{b} \cdot \sin \frac{1}{3}k \cdot \sqrt{-1},$$

$$x'' = -\sqrt{\left(\frac{b}{3}\right)} \cdot \operatorname{Cos}_{\frac{1}{3}} k - \sqrt{b} \cdot \operatorname{Sin}_{\frac{1}{3}} k \cdot \sqrt{-1} = -\frac{x}{2} - \sqrt{b} \cdot \operatorname{Sin}_{\frac{1}{3}} k \cdot \sqrt{-1},$$

und zur Bestimmung von k dient dann die Formel:

$$\operatorname{Cos} k = \frac{\frac{1}{2}c}{V(\frac{1}{3}b)^3}.$$

Setzt man also $\mathfrak{L}k$ für k, so hat man auch die Formeln:

$$x = \frac{V(\frac{4}{3}b)}{\cos l(\frac{1}{3}\Omega k)},$$

$$x' = -\frac{x}{2} + \sqrt{b} \cdot \tan l(\frac{1}{3}\Omega k) \quad \text{und} \quad \cos k = \frac{V(\frac{1}{3}b)^3}{\frac{1}{2}c},$$

$$x'' = -\frac{x}{2} - \sqrt{b} \cdot \tan l(\frac{1}{3}\Omega k).$$

2. Wenn b positiv, aber c negativ ist, und auch die absolute Größse $\mathfrak{Cos}\,k = \frac{\frac{\pi}{2}c}{\sqrt{(\frac{1}{2}b)^3}} > 1$ gefunden wird.

Num ist der Urcus k ummöglich, weil Cosk für ein mögliches k positiv ist. Setzt man daher nun sogleich $k+\pi\sqrt{-1}$ für k, so hat man, weil Cos $(k+\pi\sqrt{-1}) = -$ Cosk ist, für die drei Wurzeln die Ausdrücke:

$$x = \sqrt{(\frac{4}{3}b)} \cdot \text{Cos}\left(\frac{1}{3}k + \frac{\pi}{3}\sqrt{-1}\right), \text{ for all of the property } x' = \sqrt{(\frac{4}{3}b)} \cdot \text{Cos}\left(\frac{1}{3}k + \pi\sqrt{-1}\right) = -\sqrt{(\frac{4}{3}b)} \cdot \text{Cos}\left(\frac{1}{3}k - \frac{\pi}{3}\sqrt{-1}\right),$$

wenn der Arcus k nach der Formel $\operatorname{Cos} k = \frac{-\frac{7}{2}c}{V(\frac{1}{3}b)^3}$ bestimmt wird.

Die Ausdrücke für x'' und x können noch entwickelt werden, da $\operatorname{Cos}\left(\frac{1}{3}k \pm \frac{\pi}{3}\sqrt{-1}\right) = \frac{1}{2}\operatorname{Cos}\frac{1}{3}k \pm \frac{1}{2}\operatorname{Sin}\frac{1}{3}k.\sqrt{-3}$ ist, so hat man also $x = \sqrt{\left(\frac{b}{3}\right)}\cdot\operatorname{Cos}\frac{1}{3}k + \sqrt{b}\cdot\operatorname{Sin}\frac{1}{3}k.\sqrt{-1} = -\frac{x'}{2}-\sqrt{b}\cdot\operatorname{Sin}\frac{1}{3}k.\sqrt{-1},$ $x' = -\sqrt{\left(\frac{4b}{3}\right)}\cdot\operatorname{Cos}\frac{1}{3}k,$ $x'' = \sqrt{\left(\frac{b}{3}\right)}\cdot\operatorname{Cos}\frac{1}{3}k - \sqrt{b}\cdot\operatorname{Sin}\frac{1}{3}k.\sqrt{-1} = -\frac{x'}{2}-\sqrt{b}\cdot\operatorname{Sin}\frac{1}{3}k.\sqrt{-1},$ und den Arcus k findet man nach der Formel

$$\operatorname{Cos} k = \frac{-\frac{1}{2}e}{V(\frac{1}{3}b)^3}.$$

Will man zu cyklischen Functionen übergehen, so sind die Ausdrücke:

$$x' = \frac{-\sqrt{\left(\frac{4b}{3}\right)}}{\cos l \frac{1}{3} \Omega k},$$

$$x = -\frac{x'}{2} + \sqrt{b} \cdot \tan l \frac{1}{3} \Omega k \cdot \sqrt{-1}, \quad \text{für } \cos k = \frac{\sqrt{\left(\frac{1}{3}b\right)^3}}{-\frac{1}{2}c}.$$

$$x'' = -\frac{x'}{2} - \sqrt{b} \cdot \tan l \frac{1}{3} \Omega k \cdot \sqrt{-1},$$

3. Wenn b negative ist, so setze man sogleich $k + \frac{3}{2}\pi\sqrt{-1}$ für k, denn es ist bekanntlich $\operatorname{Cos}(k + \frac{3}{2}\pi\sqrt{-1}) = \frac{\operatorname{Cin} k}{\sqrt{-1}}$, und man erhält dann: $x = \sqrt{(-\frac{4}{3}b)} \cdot \operatorname{Cin} \frac{1}{3}k$, $x' = -\frac{x}{2} + \sqrt{-b} \cdot \operatorname{Cos} \frac{1}{3}k \cdot \sqrt{-1}$, für $\operatorname{Cin} k = \frac{\frac{1}{2}c}{\sqrt{(\frac{-b}{3})^3}} \cdot x'' = -\frac{x}{2} - \sqrt{-b} \cdot \operatorname{Cos} \frac{1}{3}k \cdot \sqrt{-1}$,

Geht man zu cyklischen Functionen über, so hat man:

$$x = \sqrt{\left(\frac{-4b}{3}\right)} \cdot \tan \beta l \frac{1}{3} \Omega k,$$

$$x' = -\frac{x}{2} + \frac{\sqrt{-b}}{\cos l \frac{1}{3} \Omega k} \sqrt{-1}, \qquad \text{für } \tan \beta k = \frac{\frac{1}{2}c}{\sqrt{\left(\frac{-b}{3}\right)^3}}.$$

$$x'' = -\frac{x}{2} - \frac{\sqrt{-b}}{\cos l \frac{1}{2} \Omega k} \sqrt{-1},$$

4. Wenn endlich zwar b positiv, aber $\cos k = \frac{\frac{1}{2}c}{\sqrt{\left(\frac{b}{3}\right)^3}} < \pm 1$ ist,

dann setze man in sämmtlichen Formeln sogleich $k\sqrt{-1}$ für k, und man erhält:

$$x = 2\sqrt{(\frac{4}{3}b) \cdot \cos \frac{1}{3}k},$$

$$x' = \sqrt{(\frac{4}{3}b) \cdot \cos (\frac{1}{3}k + \frac{2}{3}\pi)} = -\frac{x}{2} + \sqrt{b} \cdot \sin \frac{1}{3}k,$$

$$x'' = \sqrt{(\frac{4}{3}b) \cdot \cos (\frac{1}{3}k - \frac{2}{3}\pi)} = -\frac{x}{2} - \sqrt{b} \cdot \sin \frac{1}{3}k,$$

und zur Bestimmung von k dient dann die Formel $\cos k = \frac{\frac{1}{2}c}{\sqrt{\left(\frac{b}{3}\right)^3}}$.

Diese letzten Formeln sind allgemein bekannt.

Um die auf die vorigen Formeln gegründete Rechnungsweise für den Fall des Gebrauches der Longitudinalzahlen zu veranschaulichen und um den Grad der Genauigkeit zu zeigen, welcher bei Anwendung der Tabelle für diese Zahlen erreicht wird, legen wir uns als Aufgabe die Auflösung der cubischen Gleichung:

$$x^3 = 20514x - 1988260$$

vor, die aus den Wurzeln: —178; 89 + 57 √ —1 und 89 — 57 √ —1 gebildet ist. Die durch die Auflösung gefundenen Wurzeln können dann mit diesen Wurzeln verglichen werden. Man hat also:

$$b = +20514$$
 and $c = -1988260$.

Da nun b positiv und c negativ ist, so kommen von den Formeln des §. 91. entweder die des 2ten oder die des 4ten Falles in Anwendung. Die Rechnung wendet briggische Logarithmen an.

Man hat
$$\log \sqrt{b} = 2,156\,0251$$

 $\log \sqrt{3} = 0,238\,5606$
 $\log \sqrt{\left(\frac{b}{3}\right)} = 1,917\,4645;$ $\log \sqrt{\left(\frac{b}{3}\right)^3} = 5,752\,3936$
 $\log -\frac{1}{2}c = 5,997\,4432$
Unterschied = 9,754 9504 — 10.

Da dieser Unterschied negativ ist, so gelten also die Formeln des 2ten Falles und nicht die des 4ten. Setzt man also:

$$\log \cos k = 9,754,9504 - 10,$$
so ist
$$k = 61^{\circ} 48' 24'', 97 \text{ (der neuen Kreis-Eintheilung)}.$$
Aber

$$\mathfrak{L}(61^{\circ}48') = 1,164\ 3790$$
; Diff. 1"=27,62, also für 24", 97 ist die Differenz:
+ 690 = 27,62.24,97.

Daher ist
$$\mathfrak{L}k=1,164 \, 4480$$
; $\frac{1}{3} \, \mathfrak{L}k=0,388 \, 1493$ und

$$\begin{array}{c} \log \sqrt{(\frac{4}{3}b)} = 2,2184945 & \log \sqrt{b} = 2,1560251 \\ \log \cos l \frac{1}{3} \Omega k = 9,9680745 - 10 & \log \tan l \frac{1}{3} \Omega k = 9,5998497 - 10 \\ \log (-x') = 2,2504200 & \text{Summe} = 1,7558748 \\ \text{und } \log 178 = 2,2504200. & \text{und } \log 57 = 1,7558748. \end{array}$$

 $x' = +89 + 57\sqrt{-1},$ $x'' = +89 - 57\sqrt{-1}.$

Noch ungleich kürzer würde die Rechnung gewesen sein, wenn $\log(-\frac{1}{2}c) - \log\sqrt[3]{\left(\frac{b}{3}\right)^3}$ nicht = 0,2450496, sondern >0,575441382, oder gar > 2,3047395642 gefunden hätte, weil man im ersten Falle die Zahl $\frac{1}{3}$ $\frac{1}{3}$ $\frac{1}{3}$ nicht zu berechnen nöthig gehabt hätte in Anwendung der Tafeln der Längezahlen, und weil man im zweiten Falle diese Tafeln gar nicht zu gebrauchen nöthig gehabt hätte.

Wenn einmal die briggischen Logarithmen der hyperbolischen Cosinus, Sinus und Tangenten der Arcus k zwischen den Grenzen k=0 und k=2 ebenfalls berechnet sind, wie sie vom Verfasser bereits für die Arcus berechnet sind, welche >2 sind, so wird der Gebrauch der Tafeln der Längezahlen zwar nicht nutzlos werden, aber in vielen Fällen zurücktreten, weil in ihnen keine Vermittelung zwischen den hyperbolischen und cyklischen Functionen dann mehr nöthig ist.

Zusatz. Man würde, wenn man $x = v \cdot \sin \frac{k}{3}$, statt $x = v \cdot \cos \frac{k}{3}$, gesetzt hätte, zu denselben Resultaten, wie im §. 91. gelangt sein. Die Cardanische Formel ist somit überslüssig geworden.

Sechszehnter Abschnitt.

Ausgedehnterer Gebrauch der Potenzial-Functionen in der Integralrechnung.

§. 93.

Schon längst sind die cyklischen oder auch Kreis-Functionen in der Integralrechnung angewandt worden, um vermittelst derselben und der ihnen zugehörigen Arcus Integrale auszudrücken, deren Werthe man sonst aus ungeschlossenen Reihen berechnen müßte.

Man pflegte jedoch bisher zu den Kreisfunctionen nur dann seine Zuflucht zu nehmen, wenn die Integrale in einer anderen Form imaginäre Ausdrücke enthielten, ein Umstand, welcher von den im vorgelegten Integrale vorkommenden beständigen Größen in der Regel herrührt. Man kann sich aber bei solchen Integralen auch der hyperbolischen Functionen mit großem Vortheil bedienen, wenn die Theorie derselben als gehörig entwickelt vorausgesetzt werden darf und man im Stande ist, die Werthe dieser Functionen augenblicklich zu bestimmen, falls man eine solche numerische Angabe nöthig hat. Man gewinnt dabei zugleich den nicht gering anzuschlagenden Vortheil, daß man das Integral eines vorgelegten Differentiales mit unbestimmten Constanten nur in einer Form aufzustellen braucht, alle übrigen oder die verwandten Formen desselben aber so nahe liegen, daß man selbst ohne alles Rechnen von der einen zu anderen übergehen kann und in vielen Fällen nur statt der durch deutsche Charactere bezeichneten Potenzial - Functionen die gleichlautenden, mit lateinischen Buchstaben oder Vorsylben bezeichneten und umgekehrt zu nehmen hat.

Um diese Behauptungen zu rechtfertigen und den Sinn des Verfahrens zu höherer Deutlichkeit zu bringen, wählen wir noch einige einfachere Aufgaben der Integralrechnung, welche besonders geeignet sind, den gleichmäßigen Gebrauch der sämmtlichen Potenzialfunctionen zu erläutern, wobei von selbst klar wird, daß die bisherige Beschränkung auf die cyklischen Functionen ein nachtheiliger, die Einheit des Verfahrens ohne hinreichenden Grund störender und unnütze Weitläufigkeiten herbeiführender Gebrauch ist. Er wird unstreitig von selbst aufhören, sobald man mit hinlänglich ausgedehnten Tafeln ausgerüstet sein wird, welche zur Realisirung der Werthe der hyperbolischen Functionen dienen und welche da-

her von dem Verfasser angefertigt wurden in einem Umfange, der nicht Vieles mehr zu wünschen übrig lassen wird.

Wählen wir zuerst das Integral $y = \int \frac{A\partial x}{\sqrt{(a+2bx+cx^2)}}$, welches bekanntlich sehr oft gebraucht wird. Man gebe ihm sogleich die Form:

$$y = A\sqrt{c} \int_{\sqrt{(ac+2bcx+c^2x^2)}}^{\partial x},$$

oder auch

$$y = A\sqrt{c}\int_{\sqrt{[(ac-b^2)+(b+cx)^2]}} \cdot$$

Setzt man nun:

$$v = \frac{b + cx}{\sqrt{(ac - b^2)}},$$

so findet man leicht $y = \frac{A}{\sqrt{c}} \int_{\sqrt{(1+v^2)}}^{\partial v}$, und es ist also $y = \frac{A}{\sqrt{c}}$. Arc (Sin = v), wenn wir in diesen Beispielen die dem Integrale noch beizugebende Constante unberücksichtigt lassen. Man giebt dem Ausdrucke ohne Weiteres die bequemere Form:

$$y = \frac{A \cdot k_0}{Vc}$$
 für Sin $k = \frac{b + cx}{V(ac - b^2)}$.

Diese Formel giebt nun das gesuchte Integral unter allen Umständen, d. h. für alle Werthe der Zahlen a, b, c und x an; von ihm kann man ohne Mühe zu den verwandten Formen übergehen.

Wenn c positiv und auch $ac-b^2$ positiv ist, dann wird man das Integral in der Form, in welcher es aufgestellt worden, anwenden oder etwa höchstens, Ωk für k setzend, dasselbe verwandeln in:

$$y = \frac{A}{\sqrt{c}} \cdot 2k$$
 für $\tan k = \frac{b + cx}{\sqrt{(ax - b^2)}}$.

Wenn c zwar positiv, aber $ac-b^2$ negativ ist, dann wird man die Form des Integrals verändern, indem man $k\pm\frac{\pi}{2}\sqrt{-1}$ für k setzt, wodurch man, wenn man im Ausdrucke für y die Constante $\pm\frac{\pi}{2}\sqrt{-1}$ fallen läßt, und bemerkt, daß $\operatorname{Sin}\left(k+\frac{\pi}{2}\sqrt{-1}\right)=-\operatorname{Sos}k.\sqrt{-1}=\frac{\operatorname{Sos}k}{\sqrt{-1}}$ ist, auf der Stelle erhält:

$$y = \frac{Ak}{Vc} \quad \text{für} \quad \mathfrak{Cos} k = \frac{b + cx}{V(b^2 - ac)}, \text{ oder}$$

$$y = \frac{A}{Vc} \mathfrak{L}k \quad \text{für} \quad \cos k = \frac{V(b^2 - ac)}{b + cx}.$$

Zu demselben Resultate würde man auch gelangen in Anwendung der Formel $\int \frac{\partial v}{V(v^2-1)} = \mathfrak{Arc} (\mathfrak{Cos} = v), \text{ da man das vorgelegte Integral auch unter diese Form bringen kann.}$

Wenn endlich c negativ ist, so wird man $\frac{k}{\sqrt{-1}}$ für k setzen und erhalten $y = \frac{Ak}{\sqrt{-c}}$, wo denn der Arcus k bestimmt wird nach der Formel:

$$\cos k = \frac{b + cx}{\sqrt{(b^2 - ac)}} \quad \text{oder} \quad \sin k = \frac{b + cx}{\sqrt{(b^2 - ac)}}.$$

Dass hier der Arcus k nach zwei verschiedenen Formeln berechnet werden kann, beruhet auf dem Satze, dass $\sin\left(k+\frac{\pi}{2}\right) = \cos k$ und die beiden Arcus sich um die Constante $\frac{\pi}{2}$ von einander unterscheiden.

Die beiden Formeln würden unmöglich sein, wenn $b^z - ac$ negativ, oder $ac > b^2$ wäre. Dieser Fall kann aber nicht eintreten; denn da $\sqrt{(a+2bx+cx^2)}$ möglich, also $a+2bx+cx^2$ positiv und daher $c(a+2bx+cx^2)$ nun negativ ist, so ist $ac+2bcx+c^2x^2$ negativ, also auch $ac-b^2+(b+cx)^2$ negativ, und da $(b+cx)^2$ positiv ist, so ist um so mehr $ac-b^2$ negativ und also $b^2 > ac$.

Eben so kann man zeigen, daß, wenn c positiv und $ac-b^2$ negativ ist, die Function $\operatorname{Cos} k = \frac{b+cx}{V(b^2-ac)} > 1$ - und also k möglich sei.

Eine einfache und unmittelbare Folgerung aus dem Vorhergehenden ist die Integration von:

 $y = \int_{\overline{V((\alpha+\beta x)(\alpha'+\beta'x))}}^{\partial x},$

worin α , β , α' und β' constante Größen sind. Vergleicht man das Product $(\alpha + \beta x)(\alpha' + \beta' x) = \alpha \alpha' + (\alpha \beta' + \beta \alpha')x + \beta \beta' x^x$ mit $\alpha + 2bx + cx^2$, so hat man

$$\alpha = \alpha \alpha'; \quad b = \frac{\alpha \beta' + \beta \alpha'}{2}, \quad \text{und} \quad c = \beta \beta',$$

und also $b^2 - ac = \left(\frac{\alpha \beta' - \beta \alpha'}{2}\right)^2$ eine positive Größe. Daher hat man

$$y = \frac{k}{V(\beta \beta')}$$
 für $\cos k = \pm \frac{\alpha \beta' + \beta \alpha' + 2\beta \beta' x}{\alpha \beta' - \beta \alpha'}$.

Das Vorzeichen \pm kann so gewählt werden, daß der Ausdruck für $\cos k$ positiv wird. Der Nenner ist aber positiv, wenn $\alpha \beta' > \beta \alpha'$ oder $\frac{\alpha}{\beta} > \frac{\alpha'}{\beta'}$.

Nehmen wir also an, daß wirklich $\frac{\alpha}{\beta} > \frac{\alpha'}{\beta'}$ sei, so haben wir:

$$\operatorname{Cos} k = \frac{\alpha \beta' + \beta \alpha' + 2 \beta \beta' x}{\alpha \beta' - \beta \alpha'}.$$

Hieraus findet man aber zur Bestimmung des Arcus k die einfachere Formel:

$$\mathfrak{Tang}_{\frac{1}{2}}k = \sqrt{\left(\frac{x + \frac{\alpha'}{\beta'}}{x + \frac{\alpha}{\beta}}\right)} \quad \text{und} \quad y = \frac{k}{V(\beta\beta')}.$$

Will man also zu cyklischen Functionen übergehen, so hat man:

$$y = \frac{\Omega k}{V(\beta \beta')}$$
 für tang $\frac{1}{2}k = \sqrt{\left(\frac{x + \frac{\alpha'}{\beta'}}{x + \frac{\alpha}{\beta}}\right)}$.

In einem verwandten Falle ist das Product $\beta\beta'$ negativ und man geht zu ihm über, indem man $\frac{k}{\sqrt{-1}}$ für k setzt, wodurch man auf der Stelle erhält:

$$y = \frac{k}{V(-\beta\beta')}$$
 und $\tan \frac{1}{2}k = \sqrt{\left(-\frac{x + \frac{\alpha'}{\beta'}}{x + \frac{\alpha}{\beta}}\right)}$,

und diese Form des Integrals ist denn allgemein bekannt.

Die Integrale $\int \frac{\partial k}{1 + e^{(S \cap \hat{S} k)}}$ und $\int \frac{\partial k}{(1 + e^{(S \cap \hat{S} k)^2})}$ gehören zu einem Geschlechte von Integralen, was bei Untersuchungen über die Kegelschnitte und die Bewegungen der himmlischen Körper in ihnen in Anwendung Man kann diese gebrochenen Functionen in ganze dadurch verwandeln, dass man einen Arcus φ einführt, der von dem Arcus k so abhängt, wie es die folgende Gleichung ausdrückt:

$$(1 + e \cos k) \cdot (1 - e \cos \varphi) = 1 - e^2$$
.

Wird die Multiplication vollzogen, so erhält man:

1.
$$\operatorname{Cos} k = \frac{\operatorname{Cos} \varphi - e}{1 - e \operatorname{Cos} \varphi}.$$

Da
$$\cos k + 1 = 2 \cos \frac{k^2}{2} = \frac{(1-e)(1+\cos \varphi)}{1-e \cos \varphi} = \frac{2(1-e) \cdot \cos \frac{\varphi^2}{2}}{1-e \cos \varphi}$$
 und

$$\operatorname{\mathfrak{Cos}} k - 1 = 2\operatorname{\mathfrak{Sin}} \frac{k^2}{2} = \frac{(1+e)\left(\operatorname{\mathfrak{Sos}} \varphi - 1\right)}{1 - e\operatorname{\mathfrak{Sos}} \varphi} = \frac{2\left(1+e\right)\cdot\operatorname{\mathfrak{Sin}} \frac{\varphi^2}{2}}{1 - e\operatorname{\mathfrak{Sos}} \varphi} \text{ ist,}$$

so hat man: The Desire & Wi

2.
$$\operatorname{Cos} \frac{k}{2} = \operatorname{Cos} \frac{\varphi}{2} \cdot \sqrt{\frac{1-e}{1-e\operatorname{Cos} \varphi}},$$
3. $\operatorname{Coin} \frac{k}{2} = \operatorname{Coin} \frac{\varphi}{2} \cdot \sqrt{\frac{1+e}{1-e\operatorname{Cos} \varphi}},$
4. $\operatorname{Coin} k = \operatorname{Coin} \varphi \cdot \frac{V(1-e^2)}{1-e\operatorname{Cos} \varphi}.$
5. $\operatorname{Zang} \frac{k}{2} = \operatorname{Zang} \frac{\varphi}{2} \cdot \sqrt{\frac{1+e}{1-e}}.$

Ist nun die unbestimmte willkürlich gewählte beständige Zahl e positiv und <1, so ist offenbar der Gleichung 5. gemüß $\operatorname{Eang} \frac{k}{2} > \operatorname{Eang} \frac{\varphi}{2}$, und also der Arcus φ kleiner als der Arcus k.

Die Beziehungen zwischen ϕ und k können auch umgekehrt werden, und man hat dann

6.
$$\cos \varphi = \frac{\cos k + e}{1 + e \cos k}$$
,
7. $\sin \varphi = \frac{\sin k \cdot V(1 - e^2)}{1 + e \cos k}$,
8. $\sin \frac{\varphi}{2} = \sin \frac{k}{2} \cdot \sqrt{\frac{1 - e}{1 + e \cos k}}$,
9. $\cos \frac{\varphi}{2} = \cos \frac{k}{2} \cdot \sqrt{\frac{1 + e}{1 + e \cos k}}$,
10. $\operatorname{Sang} \frac{\varphi}{2} = \operatorname{Sang} \frac{k}{2} \cdot \sqrt{\frac{1 - e}{1 + e}}$.
§. 98.

Differentiirt man die Gleichung

$$\log \operatorname{Zang} \frac{1}{2} \varphi = \log \operatorname{Zang} \frac{1}{2} k + \log \sqrt{\left(\frac{1-e}{1+e}\right)},$$

so erhält man zunächst:

 $\frac{\partial \operatorname{Tang} \frac{1}{2} \varphi}{\operatorname{Tang} \frac{1}{2} \varphi} = \frac{\partial \operatorname{Tang} \frac{1}{2} k}{\operatorname{Tang} \frac{1}{2} k},$

und dann weiter:

 $\frac{\partial \varphi}{\operatorname{Sin} \varphi} = \frac{\partial k}{\operatorname{Sin} k}.$ $V(1 - e^2)$

Hieraus zieht man weiter $\partial k = \frac{V(1-e^2)}{1-e \cos \varphi} \cdot \partial \varphi$, und man hat also:

$$\frac{\partial k}{1+e\operatorname{\mathfrak{Sos}} k} = \frac{\partial \varphi}{V(1-e^2)}; \quad \frac{\partial k}{(1+e\operatorname{\mathfrak{Sos}} k)^2} = \frac{\partial \varphi(1-e\operatorname{\mathfrak{Sos}} \varphi)}{(1-e^2)^{\frac{3}{2}}}.$$

Die Integration giebt nun auf der Stelle die beiden Formeln:

$$\int_{1+e\,\operatorname{\mathfrak{SoS}}\,k}^{\partial\,k} = \frac{\varphi}{V(1-e^2)}; \quad \int_{\overline{(1+e\,\operatorname{\mathfrak{SoS}}\,k)^2}}^{\partial\,k} = \frac{\varphi-e\,\operatorname{\mathfrak{Sin}}\,\varphi}{\overline{(1-e^2)^{\frac{3}{2}}}},$$

wenn die Integrale für k=0 und also auch für $\phi=0$ verschwinden sol-

len. Zur Berechnung des Arcus φ dient dann aber eine von den Formeln 6., 7., 8., 9., 10. des §. 97. Diese Formeln geben aber für φ einen unmöglichen Arcus, wenn e > 1 ist. Die Unmöglichkeit fällt aber sogleich weg, wenn man nur $\frac{\varphi}{\sqrt{-1}}$ für φ setzt, und man erhält dann:

$$\int_{\overline{1+e\cos k}}^{\partial k} = \frac{\varphi}{\sqrt{(e^2-1)}}; \quad \int_{\overline{(1+e\cos k)^2}}^{\partial k} = \frac{e\sin \varphi - \varphi}{(e^2-1)^{\frac{5}{2}}}.$$

Der Arcus φ wird dann aber nach einer von den folgenden Formeln berechnet:

$$\cos \varphi = \frac{\operatorname{Cos} k + e}{1 + e \operatorname{Cos} k},$$

$$\sin \varphi = \frac{\operatorname{Coin} k \cdot V(e^2 - 1)}{1 + e \operatorname{Cos} k},$$

$$\sin \frac{\tau}{2} \varphi = \operatorname{Coin} \frac{k}{2} \cdot \sqrt{\left(\frac{e - 1}{1 + e \operatorname{Cos} k}\right)},$$

$$\cos \frac{\tau}{2} \varphi = \operatorname{Cos} \frac{k}{2} \cdot \sqrt{\left(\frac{e + 1}{1 + e \operatorname{Cos} k}\right)},$$

$$\tan \frac{\tau}{2} \varphi = \operatorname{Enng} \frac{k}{2} \cdot \sqrt{\left(\frac{e - 1}{1 + e \operatorname{Cos} k}\right)}.$$

Man sieht hier, wie selbst die cyklischen Functionen bei Rechnungen mit hyperbolischen Functionen nothwendig sind, ohne daß die Longitudinalzahlen dabei in Anwendung kommen.

Wenn endlich $e=\pm 1$ ist, so versagen die bisherigen Formeln ebenfalls. Man hat aber

$$\int_{\frac{\partial k}{1 + \cos k}}^{\frac{\partial k}{1 + \cos k}} = \int_{\frac{\partial k}{2 \cos \frac{1}{2}k^2}}^{\frac{\partial k}{1 + \cos k}} = \operatorname{Eang}\frac{k}{2},$$

$$\int_{\frac{\partial k}{1 - \cos k}}^{\frac{\partial k}{1 + \cos k}} = \int_{\frac{\partial k}{2 \cos \frac{1}{2}k^2}}^{\frac{\partial k}{1 + \cos k}} = \operatorname{Cot}\frac{k}{2}.$$

Setzt man aber Tang $\frac{k}{2}$ oder auch Cot $\frac{k}{2} = v$, so ist $\partial k = \frac{2 \partial v}{1 - v^2} = -\frac{2 \partial v}{v^2 - 1}$;

ferner ist $\frac{1}{1+\cos k} = \frac{1}{2} \left(1-\Re \frac{k^2}{2}\right)$ und $\frac{1}{1-\cosh k} = -\frac{1}{2} \left(\Re \frac{k^2}{2}-1\right)$. Man hat also

$$\int_{\frac{\partial k}{(1+\cos k)^2}}^{\frac{\partial k}{(1+\cos k)^2}} = \frac{1}{2} \int_{\frac{\partial v}{(1-v^2)}}^{\frac{1}{2}} \int_{\frac{\partial v}{(1-v^2)}}^{\frac{1}{2}} \int_{\frac{\partial v}{(1+\cos k)^2}}^{\frac{1}{2}} = \frac{1}{2} \int_{\frac{\partial v}{(1+\cos k)^2}}^{\frac{1}{2}} \int_$$

$$\int \frac{\partial k}{(1 - \cos k)^2} = -\frac{1}{6} \cot \frac{1}{2} k^3 + \frac{1}{2} \cot \frac{1}{2} k.$$

\$. 99. Of the proof of the self will

Den so eben mitgetheilten Formeln entsprechen eben so viele andere, die man aber aus ihnen sogleich erhält, wenn man nur $k\sqrt{-1}$ für k und zugleich k und

Man erhält für e<1:

$$\int_{\frac{1+e\cos k}{1+e\cos k}}^{\frac{\partial k}{1+e\cos k}} = \frac{\varphi}{\sqrt{(1-e^2)}}, \text{ und } \int_{\frac{1}{1+e\cos k}}^{\frac{\partial k}{1+e\cos k}} = \frac{\varphi-e\sin \varphi}{(1-e^2)^{\frac{3}{2}}},$$

und zur Findung von φ aus k hat man:

$$\cos \varphi = \frac{\cos k + e}{1 + e \cos k}, \qquad \cos \frac{\varphi}{2} = \cos \frac{k}{2} \cdot \sqrt{\left(\frac{1 + e}{1 + e \cos k}\right)},$$

$$\sin \varphi = \frac{\sin k \cdot \mathcal{V}(1 - e^2)}{1 + e \cos k}, \qquad \tan \frac{\varphi}{2} = \tan \frac{k}{2} \cdot \sqrt{\left(\frac{1 - e}{1 + e}\right)}.$$

$$\sin \frac{\varphi}{2} = \sin \frac{k}{2} \cdot \sqrt{\left(\frac{1 - e}{1 + e \cos k}\right)},$$

Ferner hat man für e > 1:

$$\int_{\overline{1+e\cos k}}^{\underline{\partial k}} = \frac{\varphi}{V(e^2-1)}, \text{ und } \int_{\overline{(1+e\cos k)^2}}^{\underline{\partial k}} = \frac{e\operatorname{cin}\varphi - \varphi}{(e^2-1)^{\frac{3}{2}}}.$$

Zur Berechnung des Arcus \varphi dient dann aber eine der folgenden Formeln:

$$\operatorname{Cos} \varphi = \frac{\cos k + e}{1 + e \cos k}, \qquad \operatorname{Cos} \frac{1}{2} \varphi = \frac{k}{2} \cdot \sqrt{\frac{e+1}{1 + e \cos k}}, \qquad \operatorname{Eng} \frac{1}{2} \varphi = \frac{k}{2} \cdot \sqrt{\frac{e+1}{1 + e \cos k}}, \qquad \operatorname{Eng} \frac{1}{2} \varphi = \operatorname{$$

Wenn endlich $e = \pm 1$ ist, so hat man:

$$\int \frac{\partial k}{1 + \cos k} = \tan \frac{k}{2}, \quad \text{und} \quad \int \frac{\partial k}{1 - \cos k} = -\cot \frac{k}{2},
\int \frac{\partial k}{(1 + \cos k)^2} = \frac{1}{2} \tan \frac{k}{2} + \frac{1}{6} \tan \frac{k^3}{2}, \quad \int \frac{\partial k}{(1 - \cos k)^2} = -\frac{1}{2} \cot \frac{k}{2} - \frac{1}{6} \cot \frac{k^3}{3}.$$

Diese Beispiele, welche man leicht bedeutend vermehren könnte, mögen hinreichen, und den Entschluß herbeiführen, in den höheren Rechnungen sich der hyperbolischen Functionen eben so bedienen zu wollen, wie man bisher die Kreisfunctionen allein angewandt hat, und diesen letztern also statt der früher üblichen logarithmischen Integrale die durch hyperbolische Functionen ausgedrückten Integrale gegenüber zu stellen.

Anhang.

Erster Abschnitt.
Umformung einer Reihe.

§. 100.

Über die Reihe $P = S\left[\frac{a}{a}\right]^{\alpha} \cdot \left[\frac{b}{a}\right]^{\alpha} \cdot x^{\alpha}$ hat der Ritter Herr Gauß

eine sehr lehrreiche Abhandlung geschrieben, ohne jedoch in derselben einer Umformung zu gedenken, welche sie gestattet und wodurch sie in eine Reihe von ähnlicher Form umgestaltet wird. Wird mit Q die folgende Reihe bezeichnet:

 $Q = S(-1)^a \left[c - a\right]_{a}^a \cdot \frac{\left[b\right]_a^a}{\left[c\right]} (1+x)^{b-a} \cdot x^a,$

so ist zu beweisen, dass P = Q sei. Die Wichtigkeit dieses Lehrsatzes liegt am Tage, denn die Formen der Reihen P und Q sind sehr allgemein, da unter a, b, c und x beliebige Zahlen verstanden werden dürfen. Wir wollen hier die Reihe Q so umformen, dass ihr allgemeines Glied mit dem allgemeinen Gliede der Reihe P zusammenfällt, und entwickeln daher die in Q vorkommende Potenz $(1+x)^{b-\alpha}$ nach steigenden Potenzen von x, um in jedem Gliede die Entwickelung der ihm zugehörigen Potenz von 1+x zu substituiren. Dadurch erhalten wir eine Reihe von der Form:

$$Q = 1 + \stackrel{1}{q} \cdot x + \stackrel{2}{q} \cdot x^{2} + \stackrel{3}{q} \cdot x^{3} \cdot \dots \stackrel{\alpha}{q} \cdot x^{\alpha} \cdot \dots = S \stackrel{\alpha}{q} \cdot x^{\alpha},$$

und es ist allgemein

$$\stackrel{r}{q} = S(-1)^{\alpha} \left[c - \alpha \right]^{\frac{\alpha}{\alpha}} \cdot \left[b - \alpha \right]^{\frac{\beta}{\beta}} \quad \text{cond. } (\alpha + \beta = r).$$

Um diesen Ausdruck zusammenzuziehen, bemerke man, daß $\begin{bmatrix} b \end{bmatrix}^{\alpha} \begin{bmatrix} b - \alpha \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} b \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} b \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} b \end{bmatrix}$, und auch $\frac{1}{\lfloor c \rfloor} = \frac{\lfloor c - \alpha^{\beta} \rfloor}{\lfloor c \rfloor}$ ist; ferner daß

$$(-1)^{\alpha} = (-1)^{r} \cdot (-1)^{\beta}$$
, and $(-1)^{\beta} [c - \alpha] = [r - c - 1]^{\beta} \cdot [c - \alpha]^{\beta}$

Werden diese Werthe im Ausdrucke q substituirt, so erhält man offenbar:

$$q = (-1)^r \cdot \frac{\begin{bmatrix} b \end{bmatrix}^r}{\begin{bmatrix} c \end{bmatrix}} \cdot S[c - \alpha] = [r - c - 1] = cond. (\alpha + \beta = r).$$

Nun ist aber allgemein bekannt, daß dem binomischen Lehrsatze für die Facultäten gemäß:

 $[v+w] = S[v] [w] [\omega] [\alpha + \beta = r]$

sei, folglich hat man in Anwendung dieser Formel v = c - a und w = r - c - 1, und also v + w = r - a - 1, oder:

$$\stackrel{r}{q} = (-1)^r \cdot [r-a-1] \stackrel{r}{\underset{r}{}} \cdot \frac{[b]}{[c]} = [a] \stackrel{r}{\underset{r}{}} \cdot \frac{[b]}{[c]}.$$

Da nun dieser Werth von q auch der Coëfficient von x^r in der Reihe P ist, so ist also die Reihe Q in die Reihe P umgeformt worden. Man könnte offenbar aus der Reihe P umgekehrt die Reihe Q durch Umformung herleiten. Dieser Beweis des von dem Verfasser gefundenen Theorems ist direct und kurz, aber sehr verschieden von der Herleitung, wodurch der Verfasser das Theorem gefunden hat.

Um eine Idee von der Wichtigkeit des Theorems zu geben, mögen ein paar Folgerungen aus demselben hier einen Platz finden. Zuvor wollen wir jedoch die Reihe P bezeichnen mit F(a, b, c, x), dann ist die Reihe

$$Q = (1+x)^b \cdot F\left(c-a, b, c, \frac{-x}{1+x}\right)$$
, und also

$$F(a, b, c, x) = (1+x)^b \cdot F(c-a, b, c, \frac{-x}{1+x}).$$

Setzen wir a + v für c, so haben wir also auch:

$$F(a, b, a + v, x) = (1 + x)^b \cdot F(v, b, a + v, z),$$

wenn zur Abkürzung auch noch z gesetzt wird für $\frac{-x}{1+x}$. In Anwendung desselben Lehrsatzes hat man aber auch:

 $F(v, b, a + v, z) = F(b, v, a + v, z) = (1 + z)^{v} \cdot F(a + v - b, v, a + v, \frac{-z}{1 + z}),$ und es ist also:

$$F(a, b, a + v, x) = (1 + x)^b \cdot (1 + z)^v \cdot F(a + v - b, v, a + v, \frac{-z}{1+z}).$$

Nun ist aber $z = \frac{-x}{1+x}$, also $1+z = \frac{1}{1+x}$, und $\frac{-z}{1+z} = \frac{x}{1+x}(1+x) = x$, folglich hat man:

 $F(a, b, a + v, x) = (1 + x)^{b-v} \cdot F(a, +v - b, v, a + v, x).$

Wird nun b-v=n gesetzt, oder b=n+v, so hat man:

$$(1+x)^{n} = \frac{F(a, n+v, a+v, x)}{F(v, -n+a, a+v, x)}$$

Dieser sehr allgemeine Ausdruck für die Potenz (1+x), deren Exponent n eine beliebige Zahl sein darf, enthält zwei Größen a und v, welche nach Belieben bestimmt werden dürfen, und ist von Euler bewiesen wor-Derselbe hat seiner Herleitung, welche etwas weitläufig und nicht wohl zu übersehen ist, eine Abhandlung gewidmet, worin er zum Schlusse aus dieser Formel Approximationswerthe einiger Functionen, als $\log(1+x)$ und ex, herleitet. Hier erscheint diese Formel nur als eine unmittelbare Folgerung aus dem vorigen allgemeinen Theorem.

Da nach §. 100. die Reihe $F(a, b, c, \frac{-z}{1+z}) = \left(\frac{1}{1+z}\right)^b \cdot F(c-a, b, c, z)$

ist, so setze man $c = -\frac{v}{d}$; $\alpha = -1$, b = -1 und $z = -x^2$, und es ist dann

$$\frac{\left[c-a\right]^{\alpha}}{\left[c\right]} = \frac{\left[-\frac{v}{d}+1\right]^{\alpha}}{\left[-\frac{v}{d}\right]^{\alpha}} = \frac{\left(1-\frac{v}{d}\right)\left[-\frac{v}{d}\right]}{\left[-\frac{v}{d}\right]^{\alpha}\cdot\left(-\frac{v}{d}-\alpha+1\right)} = \frac{d-v}{-v-\alpha d+d} = \frac{v-d}{v-d+\alpha d},$$

und man findet überhaupt:

$$S(-1)^{\alpha} \cdot \frac{\alpha' d^{\alpha}}{[v-d,-d]} \cdot \left(\frac{x^{2}}{1-x^{2}}\right)^{\alpha+1} = S \frac{x^{2\alpha+2}}{v-d+\alpha d}.$$

Setzt man weiter z. B.
$$d = 2$$
 und $v - d = w$, so hat man: $S \frac{x^{2\alpha+3}}{w+2\alpha} = S(-1)^{\alpha} \cdot \frac{\alpha' \cdot 2^{\alpha}}{[w, -2]} \cdot \left(\frac{x^2}{1-x^2}\right)^{\alpha+1} *$).

Setzen wir nun noch w=1, so ist die Reihe auf der linken Seite $=x\log\sqrt{\left(\frac{1+x}{1-x}\right)}$, und man hat also:

$$\log \sqrt{\left(\frac{1+x}{1-x}\right)} = \Re (\Im = x) = S(-1)^{\alpha} \cdot \frac{\alpha^{2} \cdot 2^{\alpha}}{[1,-2]} \cdot \frac{x^{2\alpha+1}}{[1-x^{2}]^{\alpha+1}} \cdot \frac{x^{2\alpha+1}}{[1-x^{2}]^{\alpha+1}}$$

Setzt man aber $\operatorname{Zang} k = x$, so ist $1-x^2 = \frac{1}{\operatorname{Cos} x^2}$ und $\frac{x^{2\alpha+1}}{(1-x^2)^{\alpha+1}} =$ $\operatorname{Zang} k^{2\alpha+1}$. $\operatorname{Cos} k^{2\alpha+1} = (\operatorname{Zang} k \cdot \operatorname{Cos} k)^{2\alpha+1}$. $\operatorname{Cos} k = \operatorname{Sin} k^{2\alpha+1}$. $\operatorname{Cos} k$, und man $k = \operatorname{Cos} k \cdot S(-1)^{\alpha} \frac{\alpha' \cdot 2^{\alpha}}{[1, -2]} \cdot \operatorname{Sin} k^{2\alpha+1}$ hat also

Die Herleitung dieser speciellen Formel macht hauptsächlich den Inhalt eines vom Herrn Prof. Dr. Grunert verfalsten Gymnasial-Programmes yom Jahre 1826 aus; der von ihm gewählte Gang ist aber mühselig.

Wird $k\sqrt{-1}$ für k gesetzt, so hat man noch die folgende Reihe

$$k = \cos k \cdot S(+1)^{\alpha} \frac{\alpha' \cdot 2^{\alpha}}{[1, -2]} \cdot \sin k^{2\alpha+1}$$

Die ersten Glieder dieser beiden Reihen sind nun die folgenden:

$$k = \mathfrak{Cos} \, k \cdot \left(\mathfrak{Sin} \, k - \frac{2}{1} \cdot \frac{\mathfrak{Sin} \, k^3}{3} + \frac{2 \cdot 4}{1 \cdot 3} \cdot \frac{\mathfrak{Sin} \, k^5}{5} - \frac{2 \cdot 4 \cdot 6}{1 \cdot 3 \cdot 5} \cdot \frac{\mathfrak{Sin} \, k^7}{7} + \text{etc.} \right),$$

$$k = \cos k \cdot \left(\sin k + \frac{2}{1} \cdot \frac{\sin k^3}{3} + \frac{2 \cdot 4}{1 \cdot 3} \cdot \frac{\sin k^5}{5} + \frac{2 \cdot 4 \cdot 6}{1 \cdot 3 \cdot 5} \cdot \frac{\sin k^7}{7} + \text{etc.} \right).$$

Wenn man in der Reihe für $\log \sqrt{\left(\frac{1+x}{1-x}\right)}$ einige erste Glieder unverändert lassen will, und $\log \sqrt{\left(\frac{1+x}{1-x}\right)} = x + \frac{x^3}{3} + \frac{x^5}{5} + \dots + \frac{x^{2^{n-1}}}{2n-1} + x^{2^{n-1}} \cdot S \cdot \frac{x^{2^{n+2}}}{2n+1+2\alpha}$ setzt, so kann man den zweiten Theil allein umformen, indem man w = 2n+1 setzt, und hat dann

$$\mathfrak{Arc}(\mathfrak{Tang}=x)=x+\frac{x^3}{3}+\frac{x^5}{5}....+\frac{x^{2n-1}}{2n-1}+x^{2n-1}.S(-1)^a.\frac{\alpha^3\cdot 2^a}{\lceil 2n+1,-2\rceil}.\left(\frac{x^2}{1-x^2}\right)^{\alpha+1}.$$

Diese Reihe kann ebenfalls leicht auf cyklische Functionen übertragen werden. Man kann überhaupt aus dem im §. 100. bewiesenen Lehrsatze noch sehr viele andere interessante Folgerungen ziehen.

Zweiter Abschnitt.

Der polynomische Lehrsatz ohne die Voraussetzung des binomischen und ohne die Hülfe der höheren Rechnung.

Werden die beiden Reihen $S\overset{u}{a}x^{\alpha}$ und $S\overset{v}{c}x^{\beta}$ multiplieirt, so erhält das Product die Form der Reihe $S\overset{u}{A}x^{\alpha}$ und der Coëfficient des allgemeinen Gliedes in ihr ist:

$$\overset{r}{A} = S\overset{\alpha}{a}\overset{\beta}{c}$$
 cond. $(\alpha + \beta = r)$.

Multiplicirt man auf beiden Seiten mit $r = \alpha + \beta$, so hat man

$$r.A = S\alpha.ac + S\beta.ac,$$

und die Bedingungsgleichung für α und β ist die vorige. Also ist auch, wenn mit x^r multiplicirt, dann r als veränderlich betrachtet und etwa γ für r gesetzt wird:

$$S_{\gamma}.A_{x^{\gamma}} = S_{\alpha}.a.c.x^{\gamma} + S_{\beta}.a.c.x^{\gamma} \quad \text{cond.} (\alpha + \beta = \gamma).$$

Nun ist weiter

 $(S\beta \cdot \overset{\beta}{c} x^{\beta})(S\overset{\alpha}{a} x^{\beta}) = S\beta \cdot \overset{\alpha}{a} \overset{\beta}{c} x^{\gamma}$ und $(S\alpha \cdot \overset{\alpha}{a} x^{\alpha})(S\overset{\beta}{c} x^{\beta}) = S\alpha \cdot \overset{\alpha}{a} \overset{\beta}{c} x^{\gamma}$, wenn die Bedingungsgleichung $\alpha + \beta = \gamma$ für die Ausdrücke auf der rechten Seite beibehalten wird; also hat man:

$$S\gamma \cdot \stackrel{\gamma}{A}x^{\gamma} = (S\beta \cdot \stackrel{\beta}{c}x^{\beta})(S\stackrel{\alpha}{a}x^{\alpha}) + (S\alpha \cdot \stackrel{\alpha}{a}x^{\alpha})(S\stackrel{\beta}{c}x^{\beta}),$$

und da $S_A^{\gamma} x^{\gamma} = (S_a^{\alpha} x^{\alpha})(S_c^{\beta} x^{\beta})$ ist, so erhält man, wenn Gleiches durch Gleiches dividirt wird:

$$\frac{S\gamma \cdot \tilde{A} \cdot x^{\gamma}}{S\tilde{A}x^{\gamma}} = \frac{S\beta \cdot cx^{\beta}}{Scx^{\beta}} + \frac{S\alpha \cdot ax^{\alpha}}{Sax^{\alpha}}.$$

Werden also die Reihen $Sa^{\alpha}x^{\alpha}$, $Sc^{\beta}x^{\beta}$, $SA^{\gamma}x^{\gamma}$ bezeichnet mit p, q, P und die Reihen $Saa^{\alpha}x^{\alpha}$, $S\beta c^{\beta}x^{\beta}$, $S\gamma A^{\gamma}x^{\gamma}$ mit p', q', P', so entsteht die Reihe p' eben so aus p, wie q' aus q und wie P' aus P, und man hat:

$$\frac{p'}{p} + \frac{q'}{q} = \frac{P'}{P}$$
, und außerdem ist $P = p \cdot q$.

Sind mehrere Reihen p, q, r, s etc., deren Product =P sein mag, mit gleichem Fortschritte der Potenzen von x gegeben, so ist eben so:

$$\frac{P'}{P} = \frac{p'}{p} + \frac{q'}{q} + \frac{r'}{r} + \frac{s'}{s} + \text{etc.}$$

Wenn also die Reihen p, q, r, s etc., deren Anzahl = n sein mag, gleich sind, so hat man: $P = p^n \quad \text{und} \quad \frac{P'}{P} = n \cdot \frac{p'}{p},$

d. h. wenn $(Sax^{\alpha})^n = SAx^{\alpha}$ ist, so ist:

$$\frac{S\alpha \overset{a}{A}x^{a}}{S\overset{a}{A}x^{a}} = n \cdot \frac{S\alpha \overset{a}{a}x^{a}}{S\overset{a}{A}x^{a}}.$$

§. 104.

Um nun zu Potenzen mit gebrochenen Exponenten überzugehen, setzen wir $(S \overset{a}{a} x^a)^{\frac{m}{n}} = S \overset{a}{A} x^a$, wobei der Kürze wegen der Beweis übergangen wird, daß $S \overset{a}{A} x^a$ die Form der Entwickelung habe. Es muß also $(S \overset{a}{a} x^a)^n = (S \overset{a}{A} x^a)^n$ sein, und wenn wir $(S \overset{a}{a} x^a)^m = S \overset{a}{c} x^a$ setzen, so ist also auch $(S \overset{a}{A} x^a)^n = S \overset{a}{c} x^a$. Da weiter m und n nach der Annahme positive ganze Zahlen sind, so ist nach §. 103.

$$\frac{S \stackrel{\alpha}{ac x^{\alpha}}}{\stackrel{\alpha}{Sc x^{\alpha}}} = m \cdot \frac{S \stackrel{\alpha}{a x^{\alpha}}}{\stackrel{\alpha}{Sa x^{\alpha}}}, \text{ and } \frac{S \stackrel{\alpha}{c x^{\alpha}}}{\stackrel{\alpha}{Sc x^{\alpha}}} = n \cdot \frac{S \stackrel{\alpha}{A} x^{\alpha}}{\stackrel{\alpha}{SA x^{\alpha}}}.$$

Daher ist offenbar $\frac{S\alpha A x^{\alpha}}{SA x^{\alpha}} = \frac{m}{n} \cdot \frac{S\alpha a x^{\alpha}}{Sa x^{\alpha}}$ und die am Schlusse des §. 103.

gefundene Formel gilt also auch für gebrochene positive Exponenten $\frac{m}{n}$.

Stellt man sich weiter unter n eine positive ganze oder auch gebrochene Zahl, unter -n also eine solche, aber negative Zahl vor, und setzen wir

setzen wir $(S\overset{\alpha}{a}x^{\alpha})^{-n} = S\overset{\alpha}{A}x^{\alpha},$ so soll also $(S\overset{\alpha}{A}x^{\alpha}) \cdot (S\overset{\alpha}{a}x^{\alpha})^n = 1$ sein. Wird aber $(S\overset{\alpha}{a}x^{\alpha})^n = S\overset{\alpha}{c}x^{\alpha}$ gesetzt, so ist nach dem Vorigen, weil hier der Exponent n positiv ist:

$$\frac{S\alpha \overset{\alpha}{c}x^{\alpha}}{\overset{\alpha}{S}\overset{\alpha}{c}x^{\alpha}} = n \cdot \frac{S\alpha \overset{\alpha}{a}x^{\alpha}}{\overset{\alpha}{S}\overset{\alpha}{a}x^{\alpha}}.$$

Das Product $(SAx^a)(Scx^a)$ muss = 1, d. h. = Skx^a sein, wenn in dieser Reihe k=1, k=0, k=0, k=0 etc. ist. Es ist also nach §. 103.

$$\frac{S\alpha \overset{\alpha}{A}x^{\alpha}}{S\overset{\alpha}{A}x^{\alpha}} + \frac{S\alpha \overset{\alpha}{c}x^{\alpha}}{S\overset{\alpha}{c}x^{\alpha}} = \frac{S\alpha \overset{\alpha}{h}x^{\alpha}}{S\overset{\alpha}{h}x^{\alpha}} = 0,$$

weil im Zähler des Ausdrucks auch das Glied $0.k.x^{\circ} = 0$ und der Nenner = 1 ist. Wird aber mit der Gleichung

$$\frac{S\alpha c x^{\alpha}}{Sc x^{\alpha}} = n \cdot \frac{S\alpha a x^{\alpha}}{s a x^{\alpha}} \text{ die Gleichung } \frac{S\alpha c x^{\alpha}}{s c x^{\alpha}} = -\frac{S\alpha A x^{\alpha}}{s A x^{\alpha}}$$

verbunden, so erhält man:

$$\frac{S\alpha \stackrel{\alpha}{A}x^{\alpha}}{\stackrel{S}{S}\stackrel{\alpha}{A}x^{\alpha}} = (-n) \cdot \frac{S\alpha \stackrel{\alpha}{a}x^{\alpha}}{\stackrel{S}{S}\stackrel{\alpha}{a}x^{\alpha}},$$

und die Formel am Schlusse des §. 103. gilt also auch für negative Exponenten; sie ist mithin allgemein. Die Gedrängtheit des Raumes gestattet es nicht, auf Exponenten von der Form $a+b\sqrt{-1}$ hier einzugehen. In einem von dem Verfasser gelieferten Schulprogramme vom Jahre 1825, woraus Gegenwärtiges ein Auszug ist, ist auch von solchen Exponenten gehandelt worden. Wenn also n eine beliebige Zahl ist, so findet zwischen den Coëfficienten in den durch die Gleichung $(Sax^a)^n = SAx^a$ verbundenen Reihen die folgende einfache Beziehung Statt:

$$\frac{S\alpha \overset{\alpha}{A}x^{\alpha}}{\overset{\alpha}{SA}x^{\alpha}} = n \cdot \frac{S\alpha \overset{\alpha}{a}x^{\alpha}}{\overset{\alpha}{Sa}x^{\alpha}}.$$

§. 105.

Schafft man in der Gleichung $\frac{S\alpha \stackrel{\alpha}{A}x^{\alpha}}{S\stackrel{\alpha}{A}x} = n \cdot \frac{S \stackrel{\beta}{\beta} \stackrel{\beta}{\alpha}x^{\beta}}{S\stackrel{\beta}{\alpha}x^{\beta}}$ die Nenner weg,

so giebt die Multiplication auf jeder Seite eine Reihe, und werden die beiden Reihen identificirt, so erhält man die noch einfachere und allgemeine Formel:

$$S(n\beta-\alpha) \cdot \stackrel{\alpha}{A} \cdot \stackrel{\beta}{a} = 0$$
 cond. $(\alpha+\beta=r)$,

von welcher im §. 87. Anwendung gemacht wurde. Für das Binomialtheorem leitet man hieraus die Recursionsformel für die Berechnung der Coëfficienten her. Wird nemlich:

 $(1+x)^n = S A^{\alpha} x^{\alpha}$

gesetzt, so hat man a = 1, a = 1, a = 0, a = 0, a = 0 etc., und die vorige Formel ist nun:

 $-r\overset{r}{A}.a + (n.1 - (r-1)\overset{r-1}{A}.a = 0,$ $\overset{r}{A} = \frac{n-r+1}{r}.\overset{r-1}{A}.$

oder einfacher:

Vermöge dieser einfachen Formel findet man A = nA; $A = [n] \frac{1}{2}A$; $A = [n] \frac{1}{3}A$ etc., und allgemein: $A = [n] \frac{1}{n}A$. Man findet aber leicht A = 1 anderweitig, und so ist $(1+x)^n = S[n] \cdot x^{\alpha}$

als für jeden Exponenten richtig bewiesen. Man könnte nun, nachdem die Newtonsche Formel in dieser Allgemeinheit bewiesen ist, dieselbe benutzen, wie gewöhnlich geschieht, um auch die Formel für die independente Berechnung der Polynomial-Coëfficienten $\overset{1}{A}$, $\overset{2}{A}$, etc. herzuleiten aus der gefundenen und allgemein gültigen Recursionsformel:

 $\tilde{A} = S\left(\frac{n(\alpha+1)-\beta}{r \cdot a}\right) \cdot a \cdot A \quad \text{cond. } (\alpha+\beta=r-1).$

Wir aber werden auch die gesuchte Formel unabhängig von dem Binomialtheorem ableiten und die Recursionsformel dabei zum Grunde legen. Hätte in dieser nicht jedes Glied einen ihm eigenthümlichen Factor, oder hätte dieselbe die viel einfachere Gestalt:

 $\overset{r}{A} = \overset{a+1}{S} \overset{\beta}{a} \cdot \overset{\beta}{A} \quad \text{cond. } (\alpha + \beta = r),$

so würde man sie durch A dividiren; sie wäre dann:

und hätte die größte Ähnlichkeit mit einer bekannten combinatorischen Beziehung unter Inbegrißen sogenannter Variationsformen, die ohne Unterschied des Grades zu gewissen Summen aus den Elementen a, a, a, a, etc. oder ihren Repräsentanten (1, 2, 3, etc.) gebildet sind. Diese combinatorische Formel ist:

$${}^{r}V = (\overset{\mathfrak{s}}{a} \cdot {}^{r-1}V + \overset{\mathfrak{s}}{a} \cdot {}^{r-2}V \cdot \ldots + \overset{\mathfrak{s}}{a} \cdot {}^{r-a}V \cdot \ldots + \overset{\mathfrak{r}}{a}),$$

und es bezeichnet dann z.B. W einen Inbegriff solcher Variationsformen, und zwar aller, welche aus den Elementen (1, 2, 3,r) zur Summe r gebildet werden können. (Dieselbe Formel findet man in des Hrn. Hofrath Thibaut, Grundrifs der allgemeinen Arithmetik (pag. 140.)" mit umständlicher Belehrung über ihre Bedeutung und ihre Brauchbarkeit.) Aus dieser Übereinstimmung würde man schließen:

$$\frac{A}{\mathring{A}} \equiv \mathcal{V} = \mathcal{C},$$

und es bezeichnet dann rC einen aus den Elementen a, a, a, a, a, ... a gebildeten Inbegriff von Combinationsformen zur Summe r (unter unbedingter Wiederholbarkeit der Elemente); jede Combinationsform wird angesehen als ein Product ihrer Elemente und hat zum Coëfficienten die ihr zukommende Permutationszahl.

§. 106.

formen einer Combinationsform sind, dieselben Elemente enthalten, so könnte man die ihnen zukommenden Coëfficienten addiren, und die ge-

fundene Summe der genannten Combinationsform zum Coëfficienten geben. Eine solche Combinationsform des Grades ϑ und zur Summe r gebildet, enthalte das Element a in π Stellen, und die ihr zugehörige Permutationszahl sei N, so wird es unter den N Permutationsformen eine Menge von $N.\frac{\pi}{\vartheta}$ Formen geben, welche das Element α an der Spitze führen und also mit diesem Elemente zugleich der Recursionsformel gemäß den Factor $\frac{n(\alpha+1)-\beta}{r^{\alpha}}$ erhalten. Der Coëfficient wegen des einen Elementes a auf der β ten Stelle wird also $=\frac{N \cdot \pi}{\vartheta} \left(\frac{(\alpha+1)n-\beta}{r}\right)$, und da nach

und nach jedes andere Element der Combinationsform diese Stelle beim Permutiren gleichfalls besetzt, so bekommt also die Form wegen dieser einen Stelle eine Summe von Coëfficienten, die man aus dem so eben aufgestellten allgemeinen dadurch erhält, dass man, 3 als constant betrachtet, für α, β und π alle zusammengehörige Werthe setzt, welche den folgenden drei Bedingungsgleichungen Genüge leisten:

$$S\pi = \vartheta$$
; $S(\alpha + 1)\pi = r$; $\alpha + \beta = r - 1$.

Die Combinationsform erhält also außer ihrer Permutationszahl N wegen ihrer 9ten Stelle den Coëfficienten:

$$S^{\frac{\pi}{\vartheta}} \cdot \left(\frac{(\alpha+1)n-\beta}{r \cdot \overset{\circ}{a}} \right) = \frac{n}{r \overset{\circ}{a} \vartheta} \cdot S(\alpha+1)\pi - \frac{1}{r \overset{\circ}{a} \vartheta} S\pi\beta.$$

Die Summe $S(\alpha+1)\pi$ ist bekannt und =r, und da $\pi(\alpha+1)+\pi\beta=\pi r$, so ist $S(\alpha+1)\pi + S\pi\beta = S\pi r = r \cdot S\pi$, und also $S\pi\beta = r\vartheta - r$. ist also die gesuchte Summe: $=\frac{n}{r \mathring{a} \vartheta} \cdot r - \frac{r \vartheta - r}{r \mathring{a} \vartheta} = \frac{n - \vartheta + 1}{\mathring{a} \vartheta}$.

Der Factor r im Nenner hebt sich also, worauf sehr viel ankommt, gegen r im Zähler, wodurch die Summe $\frac{n-\vartheta+1}{\vartheta}$ von ihr unabhängig wird; diese Summe hängt also lediglich von der Stelle in der Form ab; er ist also der allgemeine Factor der Factoren eines Productes, welches die Combinationsform außer ihrer Permutationszahl N zum Coëfficienten vor sich nimmt. Man erhält diese Factoren, indem man für 3 der Reihe nach die Werthe (1, 2, 3, 4, 9) setzt, und es ist demnach dieser Coëfficient:

$$=\frac{n}{1.\overset{\circ}{a}}\cdot\frac{n-1}{2.\overset{\circ}{a}}\cdot\frac{n-2}{3.\overset{\circ}{a}}\cdot\dots\frac{n-\vartheta+1}{\vartheta\overset{\circ}{a}}=[\overset{\circ}{n}]\cdot\left(\frac{1}{\overset{\circ}{a}}\right)^{\vartheta}.$$

Denselben Coëfficienten erhält aber jede mit ihrer Permutationszahl versehene Combinationsform vom 3ten Grade, d. h. dieser Coëfficient ist der ganzen Classe dieser Formen gemeinschaftlich und ändert sich nur für die übrigen Classen der zur Summe r gebildeten Formen; es ist also:

$$\vec{A} = \vec{A} \cdot S \begin{bmatrix} n \end{bmatrix}_{\mathcal{F}} \cdot \left(\frac{1}{a}\right)^{\vartheta} \cdot \vec{C},$$

in welchem Ausdrucke sich das Summenzeichen S bloß auf die Veränderlichkeit von ϑ bezieht, wofür alle Werthe $\vartheta = (1, 2, 3, \ldots, r)$ gesetzt werden müssen. Der Coëfficient \mathring{A} muß vor der recurrirenden Berechnung bekannt sein, er kann aus der Recursionsformel nicht gefunden werden. Man findet aber leicht: $\mathring{A} = (\mathring{a})^n$, und hat also:

$$\vec{A} = S[n] \cdot (a)^{n-\vartheta} \cdot r C.$$

Diese Formel ist allgemein bekannt, wie auch alles Übrige, was noch über das Polynomialtheorem vorzubringen wäre. (Man findet dieselbe Formel in des Hrn. Hofrath Thibaut, Grundrifs der allgemeinen Arithmetik p. 200.")

Aus der in §. 104. bewiesenen Formel leitet man leicht eine noch allgemeinere her. Man habe nemlich von einem Polynome P bereits die Potenzen mit den Exponenten f, g, und f+g entwickelt, und es sei:

$$P^f = S \stackrel{\alpha}{\phi}(f) \cdot x^{\alpha}; \quad P^g = S \stackrel{\alpha}{\phi}(g) \cdot x^{\alpha}; \quad P^{f+g} = S \stackrel{\alpha}{\phi}(f+g) \cdot x^{\alpha}.$$
 Da nun aber $P^{f+g} = (P^f)^{\frac{f+g}{f}}$ ist, so hat man nach §. 104. offenbar:

$$\frac{S\alpha \cdot \varphi(f+g) \cdot x^{\alpha}}{S\varphi(f+g) \cdot x^{\alpha}} = \frac{f+g}{f} \cdot \frac{S\alpha \cdot \varphi(f) \cdot x^{\alpha}}{S\varphi(f) \cdot x^{\alpha}}.$$

Außerdem hat man noch die folgende identische zweite Gleichung:

$$\frac{f+g}{f} \cdot \frac{S \overset{\alpha}{\varphi}(f+g) \cdot x^{\alpha}}{S \overset{\alpha}{\varphi}(f+g) \cdot x^{\alpha}} = \underbrace{f+g}_{f} \cdot \underbrace{S \overset{\alpha}{\varphi}(f) \cdot x^{\alpha}}_{S \overset{\alpha}{\varphi}(f) \cdot x^{\alpha}}.$$

Multipliciren wir die erste Gleichung mit q und die zweite mit p, so erhilt man: webereit werde were der die beschen der bei der die beschen der bei der

$$\frac{S\left\{p\left(\frac{f+g}{f}\right)+\alpha q\right\}.\overset{\alpha}{\varphi}(f+g).x^{\alpha}}{S\overset{\alpha}{\varphi}(f+g).x^{\alpha}} = \frac{f+g}{f}.\frac{S\left(p+\alpha q\right)\overset{\alpha}{\varphi}(f).x^{\alpha}}{S\overset{\alpha}{\varphi}(f).x^{\alpha}}.$$

Setzt man nun für $S \overset{c}{\varphi}(f+g) \cdot x^{\alpha}$ das Product aus $S \overset{a}{\varphi}(f) \cdot x^{\alpha}$ und $S \overset{a}{\varphi}(g) \cdot x^{\alpha}$, so hat man nach Fortschaffung der Nenner, wenn die beiden

Reihen auf den beiden Seiten des Gleichheitszeichens identificirt werden. folgende Beziehung unter den Polynomial-Coëfficienten:

$$\left(p+\frac{rfq}{f+g}\right).\stackrel{r}{\varphi}(f+g)=S\left(p+\alpha q\right).\stackrel{\alpha}{\varphi}(f).\stackrel{\beta}{\varphi}(g)$$
 cond. $(\alpha+\beta=r)$,

welche sehr fruchtbar an Folgerungen ist. Über dieselben sehe man die Analysis von Herrn Schweins, worin ebenfalls ein Beweis des Polynomialtheorems ohne die Voraussetzung des Binomialtheorems versucht wor-Der von Klügel geführte Beweis ist ungenügend. Unter diesen Folgerungen zeichnen wir hier die allgemeinste aus:

$$\frac{p(f+g)+r(qf-pd)}{f(f+g)(g-rd)} \cdot \overset{r}{\varphi}(f+g) = S \frac{p+\alpha q}{(g-\alpha d)(f+\alpha d)} \cdot \overset{\beta}{\varphi}(g-\alpha d) \cdot \overset{\alpha}{\varphi}(f+\alpha d),$$
 wozu die Bedingungsgleichung $\alpha+\beta=r$ gehört. Man hat nur einen besondern Fall dieser Formel nöthig, um zu beweisen, daß wenn gesetzt wird:

$$z^n = S \, \phi(1) \cdot x^{p+\alpha q},$$

durch Umkehrung gefunden wird die folgende Reihe:

$$x^{m} = S \frac{m}{m+\alpha q} \cdot \mathring{\varphi} \left(\frac{-m-\alpha q}{p}\right) \cdot z^{\frac{n}{p}(m+\alpha q)} \text{ und}$$

$$\log x = \log \left(\frac{z^{n}}{\mathring{\varphi}(1)}\right)^{\frac{1}{p}} + S \frac{1}{(\alpha+1)q} \cdot \mathring{\varphi} \left(-\frac{q}{p}(\alpha+1)\right) \cdot z^{\frac{(\alpha+1)nq}{p}}.$$

Diese sehr bekannten Reihen sind nur deswegen hierher gesetzt worden, weil später davon Gebrauch gemacht werden wird.

§. 108. Wenn die Coëfficienten $\mathring{\varphi}$ 1, $\mathring{\varphi}$ 1, $\mathring{\varphi}$ 1, $\mathring{\varphi}$ 1, etc. als Elemente einer Scale p = a, a, a, a, etc. gegeben sind, so wird ein Polynomial-Coëfficient On lediglich aus den Elementen dieser Scale berechnet, und jedes Lehrbuch der Analysis giebt dazu die auf die Formeln §. 105. und §. 106. gegründete nähere Anweisung. Ist daher allgemein φ 1 für jede ganze Zahl r, welche nicht größer als r zu sein braucht, bekannt: $\varphi 1 = a$, so können die Coëfficienten φn , φn , φn , φn , φn , bis φn einschließlich berechnet Man nehme nun eine andere Scale $q = (\stackrel{1}{a}, \stackrel{2}{a}, \stackrel{3}{a}, \dots)$ an, welche von der vorigen p nur darin verschieden ist, dass das erste Glied a der Scale p in q fehlt, und wird in ähnlicher Art gesetzt $\psi 1 = a$, $\psi 1 = a$ $\mathring{\psi}_1 = \mathring{a}, \ldots, \mathring{\psi}_1 = \mathring{a},$ so können die Coëfficienten $\mathring{\psi}_n, \mathring{\psi}_n, \mathring{\psi}_n,$ etc. ebenfalls aus den Elementen der Scale q berechnet werden. Diese Coöfficienten treten dadurch in Zusammenhang mit den Coöfficienten $\mathring{\phi}n$, $\mathring{\phi}n$, $\mathring{\phi}n$, etc. und über diesen Zusammenhang bleibt noch Einiges zu sagen übrig.

Setzt man die Reihe $P = S \stackrel{a}{a} x^{a} = S \stackrel{a}{\phi} 1.x^{a}$ und $Q = S \stackrel{a+1}{a}.x^{a+1} = S \stackrel{a+1}{\phi} 1.x^{a+1} = S \stackrel{a}{\psi} 1.x^{a+1}$, so hat man $P^{n} = S \stackrel{a}{\phi} n.x^{a}$ und $Q^{n} = S \stackrel{a}{\psi} n.x^{n+a}$, und außerdem ist $P = \stackrel{a}{a} + Q$. In Anwendung des Binomialtheorems hat man nun offenbar:

$$P^{n} = {\binom{\circ}{a}}^{n} \cdot \left(1 + \frac{Q}{\binom{\circ}{a}}\right)^{n} = S\left[n\right]^{a} \cdot {\binom{\circ}{a}}^{n-a} \cdot Q^{a}.$$

Da nun aber $Q^{\alpha} = S \psi_{\alpha} . x^{\alpha+\beta}$ ist, wenn das Summezeichen S hier bloß auf die Veränderlichkeit von β geht, so erhält man, wenn diese Reihe und auch für P^n die Reihe substituirt wird, durch Identificirung der beiden entstehenden Reihen die folgende Formel, welche aber mit der in §. 106. gefundenen im Grunde dieselbe ist.

1.
$$\phi n = S[n] \cdot \mathring{a}^{n-\alpha} \cdot \mathring{\psi} \alpha$$
 cond. $(\alpha + \beta = r)$.

Man kann diese Formel umkehren, so dass die Coëfficienten ψ durch die Coëfficienten φ ausgedrückt werden. Man gelangt aber einfacher zum Ziele, wenn man bedenkt, dass $Q = P - \mathring{a}$ und also $Q^m = (-1)^m \mathcal{S}(-1)^a \left[m\right]_{a}^a P^a$ ist. Werden für Q^m und P^a die Reihen substituirt, so erhält man:

2.
$$\sqrt[r]{m} = S(-1)^{\beta} \left[m \right]_{\frac{\beta}{\beta}}^{\beta} \cdot \overset{\circ}{\alpha}^{\beta} \cdot \overset{m+r}{\phi} \alpha \quad \text{cond. } (\alpha + \beta = r).$$

Dieser Ausdruck ist jedoch nur dann zu gebrauchen, wenn m eine positive ganze Zahl ist. Aber dieser Ausdruck für $\psi \alpha$ kann in der Formel (1.) substituirt werden, und man erhält dadurch:

$$\varphi^{r} n = S(-1)^{\gamma} \left[r - \beta \right] \left[n \right] \left[n \right] \left[n \right] \left[n \right] \alpha^{n-\delta} \cdot \varphi^{r} \delta \qquad \text{cond. } (\beta + \gamma + \delta = r).$$

Dieser Ausdruck wird einfacher vorgestellt unter

$$\overset{\circ}{\phi}_n = S \overset{\circ}{A} \cdot \overset{\circ}{a}^{n-\delta} \overset{\circ}{\phi} \overset{\circ}{\delta} \quad \text{cond. } (\lambda + \delta = r),$$

und man hat dann:

$$\stackrel{m}{A} = S(-1)^{\gamma} \left[r - \beta \right]_{\gamma}^{\gamma} \left[n \right]_{(r-\beta)^{\gamma}}^{r-\beta} \quad \text{cond. } (\beta + \gamma = m).$$

Dieser Ausdruck gestattet aber noch eine bedeutende Zusammenziehung.

Es ist nemlieh $\begin{bmatrix} n \end{bmatrix}^{r-m+\gamma} = \begin{bmatrix} n \end{bmatrix} \begin{bmatrix} n-r+m \end{bmatrix}$, und eben so ist $(r-m+\gamma)' = (r-m)' \begin{bmatrix} r-m+\gamma \end{bmatrix}$, also hat man:

$$\stackrel{m}{A} = \left[\stackrel{n}{\underset{(r-m)^{2}}{\dots}} \cdot S(-1)^{\gamma} \left[n-r+m \right] \stackrel{\gamma}{\underset{\gamma^{2}}{\dots}} \quad \text{cond. } (\beta+\gamma=m).$$

Nun ist weiter $(-1)^{\gamma} = (-1)^{m} (-1)^{\beta} = (-1)^{m} [-1]_{\beta}^{\beta}$, also hat man $A = (-1)^{m} [n]_{(r-m)^{\gamma}}^{r-m} S[-1]_{\beta}^{\beta} [n-r+m]_{\gamma}^{\gamma}$, und in Anwendung des binomi-

schen Lehrsatzes für die Facultäten hat man nun offenbar:

$$\stackrel{m}{A} = (-1)^{m} \left[\stackrel{r^{-m}}{\underset{(r-m)^{\prime}}{.}} [n-r+m-1] \right]_{\stackrel{m}{(m)^{\prime}}}^{m} = (-1)^{m} \left[\stackrel{r^{+1}}{\underset{(r-m)^{\prime}}{.}} \frac{1}{n-r+m} \right]_{\stackrel{m}{(m)^{\prime}}}^{m}$$

Wird dieser Ausdruck substituirt, so erhält man

$$\ddot{\varphi}_n = S(-1)^2 \left[n \right]_{\frac{2}{2},\delta}^{r+1} \cdot \frac{a^{n-\delta}}{n-\delta} \cdot \ddot{\varphi}_{\delta} \quad \text{cond. } (\lambda + \delta = r).$$

Wird endlich noch bemerkt, daß $\frac{r'}{\lambda',\delta'} = [r]^{\lambda} = [r]^{\delta}_{\delta'}$ ist, so hat man auch:

3.
$$\varphi n = \frac{1}{r} \mathcal{S}(-1)^2 \left[r\right]_{\frac{1}{2}}^{\lambda} \cdot \left[n\right]_{\frac{n-\delta}{n-\delta}}^{r+1} \stackrel{\circ}{\alpha}^{n-\delta} \cdot \varphi \delta$$
 cond. $(\lambda + \delta = r)$.

Die im Ausdrucke vorkommende Facultät $[n]^{n+1}$ ist immer durch $n-\delta$ theilbar und ist darum nicht abgesondert worden, obgleich sie ein für alle Glieder gleicher Factor ist.

Die Berechnung der Coëfficienten φn ist durch diese Formel auf die Berechnung eben solcher Coëfficienten, aber mit Potenzen-Exponenten δ , welche positive ganze Zahlen sind, zurückgeführt.

Weiter unten wird eine ähnliche Formel in ungleich größerer Allgemeinheit hergeleitet werden.

Dritter Abschnitt. Potenzen einiger Reihen.

The first address helping \$. . 109. Of profit the second second

Für die Beziehungen unter den Potenzial-Functionen und ihren Arcus sind einige Reihen angegeben worden, welche mit noch anderen Reihen unter folgender allgemeiner Form enthalten sind:

$$P = S \frac{[a, d]}{[e, h]}^a x^a,$$

deren Potenzen sich im Allgemeinen leichter berechnen lassen, als die Potenzen aller anderen Reihen, welche nicht unter diese Form fallen.

Setzen wir nun $\stackrel{n}{P} = \mathcal{S}\stackrel{a}{\varphi} n \cdot x^a$, und also $P = \mathcal{S}\stackrel{a}{\varphi} 1 \cdot x^a$, so ist allgemein $\stackrel{r}{\varphi} 1 = [a, d] : [c, h]$,

und nach §. 107. ist weiter

$$\left(v+\frac{rw}{n+1}\right)\stackrel{r}{\varphi}(n+1) = S(v+\alpha w)\stackrel{\alpha}{\varphi}1\cdot \stackrel{\beta}{\varphi}n$$
 cond. $(\alpha+\beta=r)$,

oder auch

$$= v \cdot \varphi n + S(v + w + \alpha w) \varphi 1 \cdot \varphi n \quad \text{cond. } (\alpha + \beta = r - 1).$$

Wird nun v + w = c und w = -h, also v = c + h gesetzt, so hat man offenbar:

$$\left(c+h-\frac{rh}{n+1}\right)\cdot \overset{r}{\varphi}(n+1)=(c+h)\cdot \overset{r}{\varphi}n+\mathcal{S}\left[\frac{[a,d]}{c},\frac{a+1}{\alpha}\right]\cdot \overset{\beta}{\varphi}n \quad \text{cond.} (\alpha+\beta=r-1).$$

Da aber auch nach §. 107.:

$$v + \frac{(r-1)w}{n+1} \cdot \overset{r-1}{\varphi}(n+1) = S(v + \alpha w) \cdot \overset{\alpha}{\varphi} \cdot \overset{\beta}{\varphi} n \quad \text{cond. } (\alpha + \beta = r - 1)$$

ist, so setze man v = a und w = -d, wodurch man die folgende zweite Gleichung erhält:

$$a = \frac{(r-1)d}{n+1} \cdot \stackrel{r-1}{\varphi} (n+1) = S \frac{[\alpha, d]}{[c, d]} \cdot \stackrel{\beta}{\varphi} n \quad \text{cond. } (\alpha + \beta = r-1).$$

Durch Verbindung dieser beiden Gleichungen erhält man also die folgende einfachere:

$$\left(c+h-\frac{rh}{n+1}\right)\cdot \overset{r}{\varphi}(n+1) = \left(\alpha-\frac{(r-1)d}{n+1}\right)^{r-1} \overset{r}{\varphi}(n+1) + (c+h)\cdot \overset{r}{\varphi}n,$$
oder auch

$$\ddot{\phi}(n+1) = \frac{(n+1)(c+h)}{(n+1)(c+h)-rh} \cdot \ddot{\phi}n + \frac{(n+1)a-(r-1)d}{(n+1)(c+h)-rh} \ddot{\phi}(n+1),$$

auf welche eine recurrirende Berechnung der Polynomialcoëfficienten in den Reihen für die Potenzen von P gegründet werden kann.

Um den Gebrauch dieser Formel an einem nicht unwichtigen Beispiele zu zeigen, legen wir uns die Aufgabe der Umkehrung der Reihe $e^x = S \frac{x^a}{a}$, wo e die Basis des natürlichen Logarithmensystems bedeutet, vor. Da das Anfangsglied der Reihe =1 ist und kein x enthält, so mußes auf die andere Seite des = gebracht werden, und man hat also die Potenzen der Reihe $P = e^x - 1 = S \frac{x^{1+a}}{(a+1)}$, zu dem Ende zu entwickeln.

Diese Reihe fällt wirklich unter die Form der Reihe P im §. 109., für d=0, a=1, h=-1 und c=2; denn es ist $[2,-1]=[1,-1]=(r+1)^r$. Man hat also:

$$\ddot{\phi}(n+1) = \{\ddot{\phi}n + \ddot{\phi}(n+1)\} \cdot \frac{n+1}{n+r+1} \text{ oder } \ddot{\phi}n = \frac{n}{n+r} \{\ddot{\phi}(n-1) + \ddot{\phi}n\}.$$

Man schließt aus dieser Formel, daß allgemein φ^n den Factor $\frac{n'}{(n+r)'}$

 $\frac{1}{(n+1)(n+2)\dots(n+r)} = [n]$ enthalten werde. Setzt man daher sogleich:

[n]. φn für φn , so hat man:

$$(e^{x}-1)^{n} = S[n] \cdot \varphi n \cdot x^{n+\alpha},$$

und die gefundene Recursionsformel geht, wenn jene Substitution gleichmäßig durchgeführt wird, über in:

$$\phi n = \phi(n-1) + n \cdot \phi n.$$

Nun ist aber, wie schon im §. 85. angegeben ist, ${}^{n+1}f = {}^{n}f + n \cdot {}^{n}f$, und wenn -n für n gesetzt wird: ${}^{-n+1}f = {}^{-n}f + (-n) \cdot {}^{-n}f$, oder auch

$$-nf = -(n-1)f + n \cdot -nf,$$

und da diese Recursionsformel mit der für φn ganz zusammenfällt, auch die Gleichheit der ersten nach diesen Formeln zu berechnenden Größen nachgewiesen werden kann, so hat man allgemein: $\varphi n = -nf$, und es ist demnach:

1. $(e^{x}-1)^{n} = S \left[n\right]^{-\alpha} \cdot nf$.

wie in §. 85. ebenfalls behauptet wurde. Da $e^x - 1 = \operatorname{Cos} x - 1 + \operatorname{Sin} x$ $= 2 \operatorname{Sin} \frac{x^2}{2} + 2 \operatorname{Sin} \frac{x}{2} \operatorname{Cos} \frac{x}{2} = 2 \operatorname{Sin} \frac{x}{2} \left(\operatorname{Sin} \frac{x}{2} + \operatorname{Cos} \frac{x}{2} \right) = 2 \operatorname{Sin} \frac{x}{2} \cdot e^{\frac{x}{2}} \text{ ist,}$ so hat man also auch:

2.
$$\left(2\operatorname{Gin}\frac{x}{2}\right)^n = e^{-\frac{nx}{2}} \cdot \operatorname{S}[n]^{-\alpha} \cdot nf^{\alpha} \cdot x^{n+\alpha}$$
.

In Anwendung der im §. 107. zur Umkehrung dienenden allgemeinen Formel hat man also: $x^m = S \frac{m}{m+\alpha} \overset{\alpha}{\varphi} (-m-\alpha) \cdot (e^x-1)^{m+\alpha}$, und da $\overset{r}{\varphi} n = [n] \cdot \overset{r}{n}f$, also $\overset{r}{\varphi} (-m-r) = [-m-r] \cdot \overset{r}{n+r}f$, und daher $\frac{m}{m+r} \cdot \overset{r}{\varphi} (-m-r) = (-1)^r \cdot [m] \cdot \overset{r}{n+r}f$ ist, so hat man:

3.
$$x^m = S(-1)^{\alpha} [m]^{-\alpha} {}^{m+\alpha} f^{\alpha} \cdot (e^x - 1)^{m+\alpha}$$
.

Setzt man $e^x-1=z$, so ist $e^x=1+z$ und $x=\log(1+z)$, also hat man $\{\log(1+z)\}^m=S(-1)^a[m]^a\cdot^{m+a}f\cdot z^{m+a}$, und für m=1 hat man $\log(1+z)=S(-1)^a\cdot\frac{z^{a+1}}{a+1}$, wie allgemein bekannt ist. Es fällt die Reihe für $\log(1+z)$ ebenfalls unter die Form der Reihe für P im §. 109., und man hätte also die Potenzen dieser Reihe in ähnlicher Art entwickeln können, wie die Potenzen der Reihe für e^x-1 .

S. 111.

Eine andere Folgerung ist die Entwickelung von e^{e^x} in eine nach Potenzen von x fortgehende Reihe. Es ist nemlich:

$$e^{e^x} = e\left(e^{e^x-1}\right) = eS\frac{(e^x-1)^\alpha}{\alpha} = e.S\left[\alpha\int_{-\alpha}^{\beta} -\alpha\int_{-\alpha}^{\beta} x^{\alpha+\beta}\right].$$

Wird daher $\alpha + \beta = \gamma$ gesetzt, und bemerkt, daß der Coëfficient $\alpha = \frac{1}{\alpha} = \frac{1}{(\alpha + \beta)} = \frac{1}{\gamma}$, ist, so hat man: $e^{e^x} = e \cdot S^{-\alpha} \cdot \frac{\beta}{\gamma} \cdot \frac{x^{\gamma}}{\gamma} = e \left\{ 1 + 1 \cdot \frac{x}{1} + (1 + \frac{1}{\gamma}) \cdot \frac{x^2}{2^{\gamma}} + (1 + \frac{1}{\gamma}) \cdot \frac{x^3}{3^{\gamma}} + (1 + \frac{1}{\gamma}) \cdot \frac{x^4}{4^{\gamma}} + (1 + \frac{1}{\gamma}) \cdot \frac{x^2}{4^{\gamma}} + (1 + \frac{1}{\gamma}) \cdot \frac{x^3}{4^{\gamma}} + (1 + \frac{1}{\gamma}) \cdot \frac{x^4}{4^{\gamma}} + (1 + \frac{1}{\gamma}) \cdot \frac{x^4}{4^{\gamma}} + (1 + \frac{1}{\gamma}) \cdot \frac{x^5}{4^{\gamma}} + \frac{1}{\gamma} \cdot \frac{x^5}{5^{\gamma}} + \text{etc.} \right\},$ eine Reihe, deren Fortgang also einem ziemlich einfachen Gesetze unterworfen ist, und deren erste Glieder sind:

$$e^{e^x} = e\left(1 + x + \frac{2x^2}{2} + \frac{5x^3}{3} + \frac{15x^4}{4} + \frac{52x^5}{5} + \frac{203x^6}{6} + \frac{877x^7}{7} + \frac{4140x^3}{8} + \text{etc.}\right).$$

Wenn im Ausdrucke für $\left(2 \operatorname{Sin} \frac{x}{2}\right)^n$ der Formel (2.) für die Exponentialgröße $e^{-\frac{nx}{2}}$ substituirt wird eine Reihe, so giebt die wirkliche Multiplication eine nach Potenzen von x fortgehende Reihe für $\left(2 \operatorname{Sin} \frac{x}{2}\right)^n$. Setzt man zuvor 2x für x, so hat man offenbar auch:

$$(\mathfrak{Sin}\,x)^n = e^{-nx} \cdot \mathcal{S}\left[n\right]^{\alpha} \cdot 2^{\alpha} \cdot n^{\alpha} \cdot x^{n+\alpha}.$$

Man kann diese Reihe unter $(\mathfrak{Sin} x)^n = S \overset{\alpha}{a} \cdot x^{n+\alpha}$ vorstellen, und hat dann allgemein: $\overset{\gamma}{a} = S(-1)^{\beta} [n]^{\frac{-\alpha}{3}} \cdot 2^{\alpha} \cdot {}^{-n}f \cdot \frac{n^{\beta}}{\beta}, \quad \text{cond. } (\alpha + \beta = r).$

Dieser Ausdruck zernichtet sich jedesmal, wenn r eine ungerade Zahl bezeichnet, und hat auch noch andere, zum Theil lästige Eigenschaften, welche darin bestehen, dass man die Werthe von [n]. ^{-a}f für solche Werthe von n, welche negative oder auch gebrochene Zahlen sind, nicht eben so

einfach berechnen kann, als wenn n eine positive ganze Zahl ist. Schon für n = -1 tritt diese größere Schwierigkeit ein.

§. 112.

Man könnte auf den Gedanken kommen, die höheren Differentialverhältnisse der Potenz $y = (\sin x)^n$ zu entwickeln, um dann die Taylorsche Reihe anzuwenden. Diese Verhältnisse findet man auch leicht. Es ist nemlich $\frac{\partial^2 y}{\partial x^2} = n(n-1) \sin x^{n-2} + n^2 \sin x^n$, und man findet überhaupt:

$$\frac{\frac{\partial^{2r} y}{\partial x^{2r}}}{\frac{\partial^{2r+1} y}{\partial x^{2r+1}}} = S[n]^{\frac{2\beta}{\epsilon}} \cdot \overset{\alpha}{C} \cdot \operatorname{\mathfrak{Sin}} x^{n-2\beta}$$

$$\frac{\frac{\partial^{2r+1} y}{\partial x^{2r+1}}}{\frac{\partial^{2r+1} y}{\partial x^{2r+1}}} = S[n]^{\frac{2\beta+1}{\epsilon}} \cdot \overset{\alpha}{C} \cdot \operatorname{\mathfrak{Sin}} x^{n-2\beta-1} \cdot \operatorname{\mathfrak{Cos}} k$$

$$\operatorname{cond.} (\alpha + \beta = r).$$

In diesen Ausdrücken, welche offenbar nicht sehr zusammengesetzt sind, bezeichnet allgemein das Zeichen $\stackrel{a}{C}$ eine aus den Elementen der Scale $(\beta) = [n^2, (n-2)^2, (n-4)^2, \dots, (n-2\beta)^2]$, welche aus $\beta + 1$ Elementen besteht, bei unbedingter Wiederholbarkeit derselben gebildete Combinationsclasse des α ten Grades. In Anwendung dieser Ausdrücke hat man sogleich:

$$\left(\operatorname{Sin}(x+\Delta x)\right)^{n} = \operatorname{Sin} x^{n} + \frac{\partial y}{\partial x} \cdot \frac{\Delta x}{1} + \frac{\partial^{2} y}{\partial x^{2}} \cdot \frac{\Delta x^{2}}{2^{2}} + \text{etc.}$$

Aber dieser Ausdruck versagt, wenn x = 0 gesetzt wird. Anders verhält es sich mit dem ähnlichen Ausdrucke für $(\mathfrak{Cos}(x + \triangle x))^n$; setzt man nemlich $y = (\mathfrak{Cos}x)^n$, so findet man

$$\frac{\partial^{2r} y}{\partial x^{2r}} = S(-1)^{\beta} \begin{bmatrix} n \end{bmatrix}^{2\beta} \cdot \stackrel{\alpha}{C} \cdot \operatorname{Cos} x^{n-2\beta}$$

$$\frac{\partial^{2r+1} y}{\partial x^{2r+1}} = S(-1)^{\beta} \begin{bmatrix} n \end{bmatrix}^{2\beta} \cdot \stackrel{\alpha}{C} \cdot \operatorname{Cos} x^{n-2\beta-1} \cdot \operatorname{Cin} x$$

$$\operatorname{cond.} (\alpha + \beta = r).$$

Man erhält diese beiden letzten Ausdrücke aus den beiden vorigen, indem man nur $x + \frac{\pi}{2}\sqrt{-1}$ für x setzt, und die Unmöglichkeit wieder fallen läfst. Wenn man weiter in den beiden letzten Formeln n = -1 und $x\sqrt{-1}$ für x setzt, so erhält man die im §. 68. angegebenen Ausdrücke. Wird in den beiden letzten Ausdrücken x = 0 gesetzt, so fällt nur der zweite weg, aber der erste bleibt.

Schließlich mag noch bemerkt werden, daß, da $\frac{1}{e^x-1} - \frac{1}{e^x+1} = \frac{1}{e^{2x}-1}$ ist, die Entwickelung von $(e^x-1)^{-1}$ auf die Entwickelung von $(e^x+1)^{-1}$ in eine nach Potenzen von x fortgehende Reihe zurückgebracht werden kann. Auf diese Weise hat man zwei Formeln zur independenten Berechnung der unbekannten Coëfficienten gefunden, welche allgemein bekannt sind.

Vierter Abschnitt.

Bemerkenswerther Ausdruck für Combinationsclassen, die bei unbedingter Wiederholbarkeit gebildet sind.

Eine sehr allgemeine Entwickelungsmethode für $\varphi(x+z)$.

THE POPULATION OF ME IS S. 113. SMITTER, WELL SHOW WHEN THE S.

Wählt man in einer Scale $(n) = (a, a, a, a, a, \dots a)$, welche offenbar (n+1) Elemente von willkürlicher Größe begreift, willkürlich eines, um die übrigen Elemente einzeln von ihm zu subtrahiren und eine Potenz mit unveränderlichem Exponenten, die aus jenem einen Elemente gebildet ist, durch das Product der erhaltenen Differenzen zu dividiren, so können solcher Quotienten so viele gebildet werden, als Elemente vorhanden sind, und die Summe dieser Quotienten ist dann ein Ausdruck, welcher mit einer aus den Elementen der Scale (n) bei unbedingter Wiederholbarkeit gebildeten Combinationselasse gleichgeltend ist, aber unter gewissen Umständen auch = 1 und auch = 0 sein kann.

Unter $\stackrel{\alpha}{\psi}n$ verstehe man allgemein das Product $(\stackrel{\alpha}{a}-a)(\stackrel{\alpha}{a}-a)...$... $(\stackrel{\alpha}{a}-\stackrel{\alpha-1}{a})(\stackrel{\alpha}{a}-\stackrel{\alpha+1}{a})...(\stackrel{\alpha}{a}-\stackrel{n}{a})$, so ist der eben beschriebene Ausdruck:

$$\frac{a^m}{\stackrel{\circ}{\psi}n} + \frac{a^m}{\stackrel{\circ}{\psi}n} + \frac{a^m}{\stackrel{\circ}{\psi}n} + \frac{a^m}{\stackrel{\circ}{\psi}n} + \frac{a^m}{\stackrel{\circ}{\psi}n} = \phi(m,n),$$

und es versteht sich von selbst, daß unter den Elementen a, a, a, a, \dots, a keine zwei gleiche vorkommen dürfen, weil sonst wenigstens zwei von den Nennern ψ Null sein würden.

Käme noch ein Element a zu den Elementen der Scale (n), so hätte man den ähnlichen Ausdruck:

$$\frac{a^{m}}{\overset{\circ}{\psi}(n+1)} + \frac{\overset{1}{a^{m}}}{\overset{1}{\psi}(n+1)} \cdots + \frac{\overset{a}{a^{m}}}{\overset{a}{\psi}(n+1)} \cdots + \frac{\overset{n}{a^{m}}}{\overset{n}{\psi}(n+1)} + \frac{\overset{n+1}{a^{m}}}{\overset{n+1}{\psi}(n+1)} = \varphi(m, n+1).$$

Da aber $\mathring{\psi}(n+1) = (\overset{\alpha}{a} - \overset{n+1}{a}) \cdot \overset{\alpha}{\psi} n$ ist, wenn $\alpha < n+1$ ist, so hat man

$$\frac{1}{\frac{\alpha}{\alpha}} = \frac{\alpha - \alpha}{\frac{\alpha}{\alpha}},$$

$$\psi(n+1)$$

und wenn dieser Werth im ersten Ausdrucke gleichmäßig substituirt wird, so erhält man:

$$\frac{a^{m+1}}{\overset{\circ}{\psi}(n+1)} + \frac{\overset{\circ}{a}^{m+1}}{\overset{\circ}{\psi}(n+1)} \cdots + \frac{\overset{\circ}{a}^{m+1}}{\overset{\circ}{\psi}(n+1)} \cdots + \frac{\overset{\circ}{a}^{m+1}}{\overset{\circ}{\psi}(n+1)} \\ -\overset{\circ}{a} \cdot \left(\frac{a^{m}}{\overset{\circ}{\psi}(n+1)} + \frac{\overset{\circ}{a}^{m}}{\overset{\circ}{\psi}(n+1)} \cdots + \frac{\overset{\circ}{a}^{m}}{\overset{\circ}{\psi}(n+1)} \cdots + \frac{\overset{\circ}{a}^{m}}{\overset{\circ}{\psi}(n+1)} \cdots + \frac{\overset{\circ}{a}^{m}}{\overset{\circ}{\psi}(n+1)} \right) = \phi(m, n).$$

Der obere Theil des Ausdruckes von $\varphi(m,n)$ ist offenbar

$$= \phi(m+1, n+1) - \frac{a^{m+1}}{a^{m+1}}, \psi(n+1)$$

und der untere mit -a multiplicirte Theil ist

$$= a \text{ multiplicite Theil ist}$$

$$= -a \cdot \varphi(m, n+1) + \frac{a^{m+1}}{n+1} \psi(n+1)$$

also hat man:

$$\varphi(m+1, n+1) = \varphi(m, n) + a \cdot \varphi(m, n+1),$$

und schon aus dieser Formel würde man schließen können, daß allgemein $\varphi(m,n) = C$ sei, wenn unter C eine aus den (n+1) Elementen der Scale (n) bei unbedingter Wiederholbarkeit gebildete Combinationsclasse des (m-n)ten Grades verstanden wird.

6. 114.

Um aber den Schluss hier evidenter zu machen, leiten wir aus der gefundenen Formel eine andere her. Es bezeichne $\varphi_{\alpha}(m,n)$ dasselbe, wie $\varphi(m,n)$, nur mit dem Unterschiede, dass $\varphi_{\alpha}(m,n)$ aus den übrigen Elementen der Scale (n) gebildet sei, welche bleiben, wenn das Element α zuvor aus ihr weggelassen ist, und eben so bezeichne $\varphi_{\varepsilon}(m,n)$ einen Ausdruck, welcher aus den Elementen der Scale (n) gebildet ist, wenn das Element α zuvor aus ihr weggelassen ist. In Anwendung dieser Bezeichnung hat man nach §. 113.:

$$\varphi(m, n) = \varphi_a(m-1, n) + \stackrel{a}{a} \cdot \varphi(m-1, n) \quad \text{und}$$

$$\varphi(m, n) - \varphi_s(m-1, n) + \stackrel{a}{a} \cdot \varphi(m-1, n).$$

Sind nun α und ε verschieden von einander (jede ist nicht > n), so findet man durch Subtraction:

 $0 = \varphi_a(m-1, n) - \varphi_\epsilon(m-1, n) + (a-a) \varphi(m-1, n),$ und wenn m+1 für m gesetzt wird, so hat man:

1.
$$\varphi(m,n) = \frac{\varphi_{\varepsilon}(m,n) - \varphi_{\alpha}(m,n)}{\varphi_{\alpha} - \varphi_{\alpha}}$$
.

Eine ähnliche Formel betrifft Combinationsclassen, welche bei unbedingter Wiederholbarkeit aus deu Elementen gewisser Scalen gebildet sind. Wird nemlich unter (n, α) die Scale n, wenn das Element α aus ihr gestofsen ist, verstanden und unter (n, ε) die Scale n nach Wegwerfung des Elementes α aus ihr, so hat man bekanntlich:

$${\stackrel{r+1}{C}} = {\stackrel{r+1}{C}} + {\stackrel{r}{C}} \cdot {\stackrel{\alpha}{\alpha}} \quad \text{und} \quad {\stackrel{r+1}{C}} = {\stackrel{r+1}{C}} + {\stackrel{r}{C}} \cdot {\stackrel{\epsilon}{\alpha}},$$

und also auch:

2.
$$C = \frac{{\binom{r+1}{C}} - {\binom{r+1}{C}}}{{\binom{n}{C}} - {\binom{n}{C}}}.$$

Nun ist aber nach §. 113. offenbar $\phi(m, 1) = \frac{\stackrel{\circ}{a^m}}{\stackrel{\circ}{a-a}} + \frac{\stackrel{\circ}{a^m}}{\stackrel{\circ}{a-a^m}} = \frac{\stackrel{\circ}{a^m} - \stackrel{\circ}{a^m}}{\stackrel{\circ}{a-a^m}}$, und $C = a^{m-1} + a^{m-2} \cdot a^{1} + a^{m-3} \cdot a^{2} + a^{m-4} \cdot a^{3} \cdot \dots + a^{1} \cdot a^{m-2} + a^{m-1}$, und wird diese aus m Gliedern bestehende Reihe summirt, so hat man ebenfalls $\frac{a^m - a^m}{0}$ zur Summe, und es ist also zunächst: $\varphi(m,1) = C$, welches der obigen Behauptung im §. 113. gemäß ist. Und nun dienen die Formeln (1. und 2.) zur Fortsetzung des Beweises. Da nemlich die Scalen (2, 2) und (2, 1) ebenfalls nur zwei Elemente und also nicht mehr als die Scale (1) = a, aenthalten, so hat man, weil $\varphi(m, 1) = C$ ist,

auch
$$\varphi_2(m,2) = C \text{ und } \varphi_1(m,2) = C \text{ or } \varphi_1(m,2) = C \text{ or } \varphi_2(m,2)$$

Daher ist nach der Formel (1.): $\varphi(m, 2) = \frac{\varphi_2(m, 2) - \varphi_1(m, 2)}{a - a} = \frac{C - C}{a - a}$ welcher Ausdruck nach Formel (2.) = C ist; man hat also auch $\phi(m,2) = C$.

$$\varphi(m,2) = \overset{m-2}{C}.$$

Der Fortgang ist so einfach, dass man die Richtigkeit der Behauptung: $\varphi(m,n) = \overset{m-n}{\overset{m}{\subset}}$ schon ganz übersieht. Aus dieser Gleichung könnte man auch schon schließen, daß $\varphi(n,n)=1$ sein werde, weil $\mathring{C}=1$ ist, und und dass $\varphi(m, n) = 0$ sein werde, wenn m < n angenommen wird.

(115. m)

Um nun die Richtigkeit dieser letzten Behauptungen ganz ins Klare zu setzen, bemerken wir, daß für den Fall n < m das vorhin gefundene Resultat benutzt werden darf, und daß also namentlich

$$\Phi(n, n-1) = \overset{1}{\overset{n}{C}} = \alpha + \overset{1}{\alpha} + \overset{2}{\alpha} \cdot \dots + \overset{n-1}{\alpha} \operatorname{sei},$$

 $\phi(n, n-1) = \stackrel{t}{\stackrel{\cdot}{C}} = a + \stackrel{\tau}{a} + \stackrel{z}{a} \dots + \stackrel{n-1}{a} \text{ sei,}$ oder einfacher $\phi(n, n-1) = (n-1)$. Wird nun unter (n, α) wieder die Scale $(a + \stackrel{1}{a} + \dots + \stackrel{a}{a} + \dots + \stackrel{n}{a})$ nach Auslöschung des Elementes $\stackrel{a}{a}$ in ihr verstanden, so haben wir also auch, weil die Scale (n, a) nicht mehr Elemente enthält, als die Scale (n-1):

$$\Phi_{\alpha}(n,n) = (n,\alpha)$$
 und $\Phi_{\varepsilon}(n,n) = (n,\varepsilon)$.

Da nun aber $(n, \alpha) = (n) - a^{\alpha}$ und $(n, \varepsilon) = (n) - a^{\varepsilon}$ ist, so haben wir $\Phi_{\alpha}(n,n) - \Phi_{\alpha}(n,n) = \alpha - \alpha$, und da nach §. 114. Formel (1.)

$$\varphi(n,n) = \frac{\varphi_{\varepsilon}'(n,n) - \varphi_{\alpha}(n,n)}{\alpha - \varepsilon}$$

ist, so ist also auch offenbar

$$\Phi(n,n) = \frac{a - a}{a - a} = +1.$$

Um nun noch schließlich zu beweisen, daß $\Phi(m,n)=0$ sei, wenn m < ngenommen wird, dient die Formel:

$$\Phi(m+1, n+1) = \Phi(m, n) + a \cdot \Phi(m, n+1).$$

Setzen wir in derselben m = n, so haben wir

$$\phi(n+1, n+1) = \phi(n, n) + \alpha \cdot \phi(n, n+1),$$

und da $\varphi(n, n) = \varphi(n+1, n+1) = 1$ ist, so hat man $\alpha \cdot \varphi(n, n+1) = 0$, und also $\phi(n, n+1) = 0$. Setzen wir nun aber in der Formel

$$\Phi(m+1,n) = \Phi(m,n-1) + a \cdot \Phi(m,n)$$
 die Zahl $n = m+2$,

so haben wir $\phi(m+1, m+2) = \phi(m, m+1) + a \phi(m, m+2)$, so ist nach dem so eben Gefundenen $\Phi(m+1, m+2) = \Phi(m, m+1) = 0$, und also $\Phi(m, m+2) = 0$. Wird weiter n = (m+3, m+4, etc.) gesetzt, so findet man $\Phi(m, m+3) = 0$, $\Phi(m, m+4) = 0$ etc., und es ist also allgemein $\Phi(m, m+k) = 0$, wenn k eine positive ganze Zahl bedeutet, welche > 0 ist.

In Anwendung dieses nun vollständig bewiesenen sehr fruchtbaren combinatorischen Theorems können die mehreren im Werke vorkommenden Combinationsclassen augenblicklich in analytische Ausdrücke umgesetzt werden. Wer also, aus was immer für Gründen, die Einmischung combinatorischer Begriffe meidet, kann davon Gebrauch machen für den genannten Zweck; er wird sich aber bald überzeugen, dass die geforderte Rechnung mit bestimmten Zahlen dadurch nicht erleichtert, sondern umgekehrt erschwert wird. Wir machen aber von dem Theoreme einen andern Gebrauch.

§. 116.

Wenn man die Scale $(n) = (a, \stackrel{1}{a}, \stackrel{2}{a}, \dots \stackrel{n}{a})$ um ein Element $\stackrel{n+1}{a} = x$ vermehrt, so ist also, nach dem so eben Bewiesenen:

$$\Phi(m,n+1)=0,$$

wenn m nur nicht größer als n ist, und man hat also:

$$\frac{a^{m}}{\overset{\circ}{\psi}(n+1)} + \frac{\overset{\circ}{a^{m}}}{\overset{\circ}{\psi}(n+1)} \cdots + \frac{\overset{\circ}{a^{m}}}{\overset{\circ}{\psi}(n+1)} \cdots + \frac{\overset{\circ}{a^{m}}}{\overset{\circ}{\psi}(n+1)} = -\frac{x^{m}}{\overset{\circ}{\psi}(n+1)}.$$

Wird das letzte Glied von seinem Nenner befreit, und bemerkt, daß

$$\frac{\psi(n+1)}{\psi(n+1)} = \frac{(x-a)(x-a)\dots(x-\frac{a}{a})(x-a)(x-a)\dots(x-a)}{(a-a)(a-a)\dots(a-a)(a-a)\dots(a-a)\dots(a-a)\dots(a-a)},$$

und also nach Aufhebung des gemeinschaftlichen Factors $x-\overset{\alpha}{a}$ im Zähler

und Nenner =
$$-\frac{(x-a)(x-a)\dots(x-a)(x-a)(x-a)\dots(x-a)}{\overset{\alpha}{(a-a)}(a-a)\dots(a-a)(a-a)(a-a)\dots(a-a)} \text{ ist, welcher}$$

Ausdruck mit -X bezeichnet werden mag, so hat man die folgende ziemlich einfache Gleichung:

$$\mathring{X}.a^{m} + \mathring{X}.\mathring{a}^{m} + \mathring{X}.a^{m} + \mathring{X}.a^{m} + \mathring{X}.a^{m} + \mathring{X}.a^{m} = x^{m}.$$

Die Größen \mathring{X} , \mathring{X} , \mathring{X} etc. sind in ähnlicher Art gebildet, wie die Größe \mathring{X} und es ist z. B.

 $\overset{\circ}{X} = \frac{(x-a)(x-a)\dots(x-a)}{(a-a)(a-a)\dots(a-a)}.$

Man muß aber nicht vergessen, daß die gefundene Gleichung nur dann ihre Richtigkeit hat, wenn m nicht > n ist.

Die Größe X ist = 1 für x = a und ist = 0, wenn x gleich einem von a verschiedenen Elemente der Scale $(n) = a, a, a, a, \dots, a$ ist.

§. 117.

Wenn eine Function von x eine rationale ganze von geschlossener Form ist, und dieselbe unter der Form:

$$fx = A + Ax + Ax^2 + Ax^2 + Ax^2 + Ax^n,$$

welche vom nten Grade ist, dargestellt werden kann, so kann man den arithmetischen Ausdruck dieser Function finden, wenn man zu n+1 verschiedenen Werthen von x, welche in der Scale $(n) = \alpha, \overset{1}{a}, \overset{2}{a}, \dots, \overset{n}{a}$ enthalten sind, die zugehörigen Werthe der Function fx kennt.

Man könnte ja auch für x in dem für fx aufgestellten Ausdrucke nach einander die in der Scale (n) enthaltenen Elemente als Werthe substituiren, und fände dann (n+1) Gleichungen des ersten Grades, woraus die eben so vielen unbekannten Coëfficienten A, A, A, ... A sicher berechnet werden könnten, da die für x substituirten Werthe der Annahme gemäß sämmtlich verschieden von einander sind und also keine identische Gleichungen vorkommen. Ein solche Gleichung wäre z. B.

$$f^{\alpha} = A + A^{\alpha} + A^{\alpha} + A^{\alpha} \cdots + A^{\alpha} \cdots \cdots + A^{\alpha} \cdots$$

Man gelangt aber ungleich rascher zum gesuchten Ausdrucke für fx, wenn man die vorstehende Gleichung mit X multiplicirt, dann für α die aufeinander folgenden Werthe $\alpha = 0, 1, 2, \ldots n$ setzt und die entstehenden einzelnen Gleichungen addirt. Dadurch erhält man:

$$SX\widetilde{f}\widetilde{a} = A.SX\widetilde{A} + A.SX\widetilde{a}^{\alpha} \dots + A.SX\widetilde{a}^{\alpha} \dots + A.SX\widetilde{a}^{\alpha},$$

wenn sich das Summezeichen S auf die Veränderlichkeit von α , nach der Bedingung α nicht >n, bezieht. In Anwendung des im §. 116. bewiesenen Satzes hat man also:

$$S\overset{\alpha}{X}.f\overset{\alpha}{a}=A+\overset{1}{A}x^{1}...+\overset{\beta}{A}.x^{\beta}...+\overset{n}{A}.x^{n},$$

oder einfacher:

$$fx = \mathring{X} \cdot f \mathring{a} + \mathring{X} \cdot f \mathring{a} + \mathring{X} \cdot f \mathring{a} + \dots + \mathring{X} \cdot f \mathring{a} \cdot \dots + \mathring{X} \cdot f \mathring{a}.$$

Wollte man diesen Ausdruck nach Potenzen von x entwickeln, welches aber unnöthig ist, so würde er unter die im Anfange für fx gewählte Form fallen und eine Form des nten Grades sein.

Wenn die Function fx nicht in einer Form des nten Grades dargestellt werden kann, sondern eine Form eines noch höheren Grades ist,
oder gar ins Unendliche fortgeht, oder endlich gar nicht einmal den gewählten einfachen Fortschritt nach Potenzen von x haben kann und
gleichwohl nur (n+1) Werthe der Function bekannt sind, so ist der auf
die vorige Weise gefundene Ausdruck für fx unrichtig oder nur näherungs-

weise richtig. In diesem Falle sinkt die Formel zu einer Interpolationsformel herab und Lagrange hat dieselbe auch als solche zuerst gefunden, aber auf ganz andere Weise, wie hier gelehrt worden ist.

Zusatz. Die im §. 108. gefundene Formel (3.) könnte man aus der so eben gefundenen allgemeineren ohne Mühe herleiten.

1 4 C HOMENHA & 1118 20 14 11 11

Der im §. 117. für fx gefundene Ausdruck ist für den Gebrauch sehr bequem, wenn die Zahl n, welche den Grad der Form für fx bestimmt, keine sehr große ganze Zahl ist; ist diese Zahl aber groß, oder ist sie vollends unendlich, so ist die Form des Ausdrucks unbequem, denn er hat nicht nur (n+1) Glieder, sondern jedes Glied besteht auch aus (n+1) Factoren, und wenn also n ins Unendliche fortgeht, so ist auch jedes Glied ein Product von unendlich vielen Factoren, und der Ausdruck für diesen Fall völlig unbrauchbar. Es kann aber aus dem Theoreme des §. II3. eine Folgerung gezogen werden, die uns in den Stand setzt, einen neuen Ausdruck für eine Function zu finden, welcher den genannten Übelstand nicht hat.

Es bezeichne Φx eine Form des nten Grades (rationale ganze Function) und es sei etwa:

$$\Phi x = A + Ax + Ax^2 \dots + Ax^n,$$

so kann der Ausdruck $\frac{\varphi a}{\psi n} + \frac{\varphi a}{\psi n} + \frac{\varphi a}{\psi n} + \dots + \frac{\varphi a}{\psi n} \dots + \frac{\varphi a}{\psi n}$ leicht auf einen

einfachen Ausdruck seines Werthes zurückgebracht werden. Substituirt man nemlich im Ausdrucke für φx statt x der Reihe nach a, a, a, etc. bis a, so erhält man:

$$A \cdot \left(\frac{1}{\psi n} + \frac{1}{\psi n}$$

und da nach §. 115. die eingeklammerten Ausdrücke einzeln = 0 sind, und nur der letzte eingeklammerte Ausdruck = 1 ist, so hat man also:

$$\frac{\varphi^a}{\mathring{\psi}_n} + \frac{\varphi^{\frac{1}{a}}}{\mathring{\psi}_n} + \frac{\varphi^{\frac{2}{a}}}{\mathring{\psi}_n} \cdots + \frac{\varphi^{\frac{a}{a}}}{\mathring{\psi}_n} \cdots + \frac{\varphi^{\frac{n}{a}}}{\mathring{\psi}_n} = A.$$

Hingegen ist der Ausdruck auf der linken Seite = 0, wenn Φx eine rationale ganze Function ist, deren Grad < n ist.

Ist also z. B. $\emptyset x = A(x-p)(x-q)(x-r)...$ und ist die Menge der Factoren x-p, x-q, x-r, etc. =n, so ist die gesuchte Summe =A, und wenn diese Menge < n ist, so ist die Summe = 0, obgleich p, q, r etc. beliebige Werthe haben. Ist aber die Menge der Factoren x-p, x-q, x-r, etc. >n, dann werden auch die Zahlen p, q, r, etc. auf den Betrag der Summe Einfluss haben.

(1) grame and advises that is in the 119.

Es seien a, a, a, a, a, a, mehrere aufeinander folgende und etwa nach ihrer steigenden Größe geordnete Werthe einer veränderlichen Größe z, und eine Function dieser Größe z, welche durch $\phi(x+z)$ im Allgemeinen bezeichnet sein mag, habe die jenen Werthen von z entsprechenden Werthe u, u, u, u, ..., u, ..., deren es also eben so viele giebt, so ist $\phi(x+a)=u$, $\phi(x+a)=u$, $\phi(x+a)=u$, $\phi(x+a)=u$, $\phi(x+a)=u$, ... allgemein $\phi(x+a)=u$. Nehmen wir num für $\phi(x+z)$ die folgende Form an:

1. $\phi(x+z)=A+A(z-a)+A(z-a)(z-a)+A(z-a)(z-a)(z-a)+$ etc. so sind die Coëfficienten A, A, A etc. die einzigen noch unbekannten Größen. Bezeichnen wir aber die Producte der Factoren z-a, z-a, etc. auf ähnliche Art, wie die Facultäten, mit

$$[z|a]^{r} = (z-a)(z-a)(z-a)...(z-a^{r-1}),$$

so nemlich, dass auch [z|a] = 1 und [z|a] = z - a ist, so haben wir:

$$\Phi(x+z) = SA \cdot [z|a]$$
 and any advantage of

Unter der Voraussetzung aber, daß die unbekannten Coëfficienten A, A, A, etc. von z unabhängig sind, können dieselben gefunden werden. Setzt man nemlich, um allgemein den Coëfficienten A zu finden, a für z, so fallen in der für $\Phi(x+z)$ angenommenen Reihe alle Glieder weg, welche auf das Glied A. [z|a] folgen, weil sie den Factor z-a=a-a=0 ent-

halten. Man hat also:

$$\Phi(x+z) = SA \cdot [z|a]^{n-a} \text{ für } z = a.$$

Dieser Ausdruck ist in Hinsicht auf z offenbar eine rationale ganze Function des nten Grades; auch gilt diese Gleichung für alle dem Werthe a vorhergehende Werthe von z, und da der Coëfficient der höchsten oder nten Potenz von z in diesem Ausdrucke $= \stackrel{n}{A}$ ist, so hat man also in Anwendung des im §. 118. bewiesenen Lehrsatzes:

2.
$$A = \frac{u}{\stackrel{\circ}{v}} + \frac{u}{\stackrel{\circ}{v}} + \frac{u}{\stackrel{\circ}{v}} + \cdots + \frac{u}{\stackrel{\circ}{a}} \cdots + \frac{u}{\stackrel{\circ}{n}},$$

wodurch also allgemein der Coëfficient \mathring{A} bekannt geworden ist; die als Nenner vorkommenden Größen ψ haben aber denselben Bau und dieselbe Bedeutung wie im §. 113. Der Coëfficient \mathring{A} wird aus der Gleichung (1.) gefunden, wenn man $z = \alpha$ setzt, wodurch man erhält:

$$\mathring{A} = \Phi(x + a) = u.$$

Der Ausdruck A ist eine von der Function $u = \varphi(x+a)$ abgeleitete Function von x, welche daher durch $D^n u$ bezeichnet sein mag, wobei dann aber n die Ordnungszahl ist, und also D^n nicht etwa als eine Potenz, womit u multiplicirt werden solle, zu betrachten ist. In Anwendung dieser Bezeichnung haben wir also

3.
$$\Phi(x+z) = u + D^{t}u \cdot [z|a] + D^{2}u \cdot [z|a] + D^{3}u \cdot [z|a] \cdot \dots$$
 und
4. $D^{n}u = \frac{u}{\stackrel{\circ}{\psi}n} + \frac{1}{\stackrel{\circ}{\psi}n} + \frac{1}{\stackrel{\circ}{\psi}n} \cdot \dots + \frac{u}{\stackrel{\circ}{\psi}n} \cdot \dots + \frac{u}{\stackrel{\circ}{\psi$

Der Ausdruck (3.) kann nun offenbar, wenn es nöthig ist, selbst ins Unendliche fortgesetzt werden, wenn nur die Reihe der Bedingungen, welche auf die Bestimmung der Function Einflus haben müssen, ebenfalls ins Unendliche fortgeht. Dieses Entwickelungstheorem ist das allgemeinste, was die Analysis je aufstellte; denn die gewöhnlichen Theoreme, welche für die Entwickelungen der Functionen in Anspruch genommen werden, erscheinen nur als besondere vor dem gegenwärtigen allgemeineren.

Die Ermittelung der Derivirten (derivirten Function) Dⁿu, welche das Deriviren heißen kann, geschieht nach der im §. 119. aufgestellten Formel (4.), diese Ermittelung ist dann independent; aber das Deriviren kann auch ein recurrirendes sein. Um nun dazu die Regel zu finden,

stellen wir fest, daß unter $D^n u$ immer ein dem Ausdrucke $D^n u$ ühnlich gebildeter sei, den man aus diesem sehon dadurch findet, daß man die im Ausdrucke $D^n u$ vorkommenden Elemente jedes mit dem nächst folgenden vertauscht, und also setzt a für a, a s. w.

Die Größen ψ erhalten dadurch ebenfalls eine Abänderung, sie enthalten nemlich nach einer solchen Veränderung das Element a nicht mehr, hingegen tritt das Element a in sie hinein, ohne daß es jedoch an die Stelle des hinausgetretenen Elements a käme. Geht etwa $\overset{a}{\psi}n$ dadurch über in $\overset{a}{\psi}_{x}n$, so ist offenbar $(\overset{a}{a}-a).\overset{a}{\psi}_{x}n=\overset{a}{\psi}(n+1)$ für jedes a, welches a0; und eben so auch $\overset{a}{\psi}n=(\overset{a}{a}-\overset{a}{a}).\overset{a}{\psi}(n+1)$.

Die Ausdrücke für $D^n u$ und $D^n u$ gehen aber, wenn nun $\frac{a-a}{\psi(n+1)}$ für $\frac{1}{a-1}$, und $\frac{a-a}{\psi(n+1)}$ für $\frac{1}{a}$ gesetzt wird, über in die folgenden: $D^n u = \frac{au}{\psi(n+1)} + \frac{au}{\psi(n+1)} \cdot \dots + \frac{au}{\psi(n+1)} - a \cdot D^{n+1} u,$ $D^n u = \frac{au}{\psi(n+1)} + \frac{au}{\psi(n+1)} \cdot \dots + \frac{a\cdot u}{\psi(n+1)} - a \cdot D^{n+1} u,$

Wird also die zweite Gleichung von der ersten subtrahirt, so hat man die folgende einfache Formel:

$$D^{n+1}u = \frac{D^{n}u - D^{n}u}{a - a}.$$

Um also von einer Derivirten (Derivate) $D^n u$ zur nächst höheren $D^{n+1}u$ aufzusteigen, vertausche man jedes in der gegebenen Derivate vorkommende Element mit dem nächst folgenden, vom veränderten Ausdrucke subtrahire man den gegebenen und dividire den Rest durch den Unterschied der beiden äußersten Elemente, welche im Reste vorkommen.

Mit jeder neuen Derivation findet man also in der Reihe

$$\varphi(x+z) = S D^a u \cdot [z|a]$$

ein neues oder späteres Glied; aber mit jedem solchen Schritte kommt auch ein neues Element in Rechnung und macht sich also auch eine neue Bedingung für die Bestimmung der Function geltend.

seems got i de §. 121.

Ist nun $\Phi'(x+z)$ eine zweite Function und wird $\Phi'(x+a) = v$, $\Phi'(x+a) = v$, $\Phi'(x+a) = v$, etc. und allgemein $\Phi'(x+a) = v$ gesetzt, so hat man also auch:

 $\Phi'(x+z) = v + D^1 v \cdot [z|a] + D^2 v \cdot [z|a] + D^3 v \cdot [z|a] + \text{etc.} = SD^\alpha v \cdot [z|a],$ und das Product der beiden Functionen $\Phi(x+z)$ und $\Phi'(x+z)$ ist nun offenbar:

$$\Phi(x+z).\Phi'(x+z) = S\{D^{\alpha}v.[z|a].D^{\beta}u.[z|a^{\alpha\beta}]\},$$

und da [z|a]. [z|a] = [z|a] für $\alpha + \beta = \gamma$ ist, so stimmen offenbar die

Reihen für das Product $\phi(x+z).\phi'(x+z)$ in der Form völlig zusammen. Man hat also allgemein:

$$D^{r}(u \cdot v) = S D^{\alpha} v \cdot D^{\beta} u^{\alpha}$$
 cond. $(\alpha + \beta = r)$.

Nach dieser einfachen Formel kann die Derivate eines Productes u.v aus den Derivaten der Factoren u und v des Productes hergeleitet werden. Die ersten Glieder dieses Ausdrucks sind:

$$D^{r}(u.v) = D^{r}u + D^{r}v.D^{r-1}u + D^{2}v.D^{r-2}u + D^{3}v.D^{r-3}u + \text{etc.}$$

Noch einfacher ist die Formel, nach welcher man die Derivaten eines mehrgliedrigen Ausdrucks findet. Man hat nemlich:

$$D^{r}(u+v)=D^{r}u+D^{r}v.$$

Der Beweis dieser Formel wird, da die Wahrheit am Tage liegt, der Kürze wegen übergangen.

Um ein einfaches Beispiel des Gebrauches der behandelten Entwickelungsmethode zu geben, legen wir uns die Entwickelung der Func-

tion $(x+z)^m$ vor. Hier ist $\phi x = x^m$ und $u = (x+a)^m$. Man hat also:

$$(x+z)^m = u + D^{\mathsf{T}} u \cdot [z|a] + D^{\mathsf{T}} u \cdot [z|a] + D^{\mathsf{T}} u \cdot [z|a] + \mathrm{etc.}$$

und es findet sich allgemein:

$$D^{n}u = \frac{(x+a)^{m}}{\sqrt[n]{\psi_{n}}} + \frac{(x+a)^{m}}{\sqrt[n]{\psi_{n}}} + \frac{(x+a)^{m}}{\sqrt[n]{\psi_{n}}} \cdot \dots + \frac{(x+a)^{m}}{\sqrt[n]{\psi_{n}}}.$$

Die für $(x+z)^m$ angegebene Reihe bricht ab, wenn m eine positive ganze Zahl ist. Um dieses zu beweisen, bemerken wir, dass nach §. 113. der Ausdruck

 $\frac{a^m}{\stackrel{\circ}{\psi}n} + \frac{1}{\stackrel{\circ}{\psi}n} + \frac{1}{\stackrel{\circ}{\psi}n} + \frac{1}{\stackrel{\circ}{\psi}n} + \frac{1}{\stackrel{\circ}{\psi}n} + \frac{1}{\stackrel{\circ}{\psi}n} = 0$

ist, wenn als Scale bei der combinatorischen Operation dient

$$(n) = (a, a, a, \dots, a).$$

Wird nun im Ausdrucke jedes Element um x vermehrt, so behalten die Nenner ψ im Ausdrucke die vorigen Werthe, weil sie nur Unterschiede der Elemente enthalten. Man hat also

$$D^{n}u = D^{n}(x+a)^{m} = \frac{m-n}{C},$$

 $D^{n}u = D^{n}(x+a)^{m} = C,$ wenn die Scale $(n) = (x+a, x+a, x+a, x+a, \dots, x+a)$ statt der vorigen gebraucht wird. Dieser Ausdruck ist aber offenbar = 0, wenn m eine positive ganze Zahl ist, welche < n. Man hat also in Anwendung dieser

Scale den geschlossenen Ausdruck:

$$(x+z)^m = \mathcal{S} \overset{\beta}{\underset{(\alpha)}{C}} \cdot [z|a]^{\alpha}$$
 cond. $(\alpha + \beta = m)$,

und die Scale (α) ist dann eine in Hinsicht auf die Menge ihrer Elemente veränderliche, nemlich $(\alpha) = (x + a, x + a, x + a, \dots x + a)$. Es würde hier zu weit führen, von den Fällen ausführlicher zu handeln, in welchen m keine positive ganze Zahl ist.

Fünfter Abschnitt.

Besondere Entwickelungsmethoden für $\phi(x+z)$.

§. 123.

Die vorhin entwickelte Methode, eine Function $\Phi(x+z)$ durch eine Reihe auszudrücken, ist so allgemein, daß ihre Allgemeinheit in vielen Fällen überslüssig ist. Die Elemente a, a, a, etc. konnten willkürlich, ohne allen Zusammenhang, gewählte Größen sein; nur war vorausgesetzt, daß keine gleiche unter ihnen vorkämen; und wozu sollte auch die Wiederholung einer Bedingung in der Bestimmung einer Function dienen. Nehmen wir jetzt an, daß a=0, a=k, a=2k, a=3k, etc. und allgemein a=ak sei, so verwandeln sich die Producte [z|a] in Facultäten, nemlich es ist nun [z|a]=[z,k]=z(z-k)(z-2k)....(z-ak+k). Ferner ist nun $\Phi(x+a)=\Phi(x+a)=u=\Phi x$ und also $D^au=D^a\Phi x$. Man hat also zunächst:

 $\Phi(x+z) = \Phi x + D^{\dagger} \Phi x.[z,k] + D^{2} \Phi x.[z,k] + D^{3} \Phi x.[z,k] \dots = SD^{\alpha} \Phi x.[z,k].$ Weiter hat man $u = \Phi(x+\alpha k)$, und zur Specialisirung von $D^{n} \Phi x$ ist es nun erforderlich, die in seinem Ausdrucke vorkommenden Nenner ψ nüher zu betrachten.

Es ist aber nun

$$\psi_n = (a-a)(a-a) \dots (a-a)(a-a) \dots (a-a),$$

und da a-a=rk-nk=(r-n)k=-(n-r)k ist, so hat man offenbar:

$$\psi_n = (-1)^{n-r} \cdot k^r \cdot r' (n-r)'$$

und es ist also:

$$D^{n} \varphi x = S(-1)^{\beta} \cdot \frac{\varphi(x + \alpha k)}{k^{n} \alpha' \beta'} \quad \text{cond. } (\alpha + \beta = n).$$

Schafft man in diesem Ausdrucke die Nenner fort, so hat man also:

$$D^{n} \varphi x = \frac{1}{k^{n} \cdot n}, S(-1)^{\beta} \left[n \right]^{\beta} \varphi (x + \alpha k) \quad \text{cond. } (\alpha + \beta = n).$$

Die Recursionsformel ist nun einfacher die folgende:

$$D^{n+1}\varphi x = \frac{D^n \varphi(x+k) - D^n \varphi x}{(n+1)k}.$$

Wird nun der Ausdruck $(D^n \varphi x) \cdot (k^n \cdot n')$ mit $\triangle^n \varphi x$ bezeichnet, und die nte Differenz der Function φx genannt, so hat man:

$$\Delta^n \varphi x = \mathcal{S}(-1)^{\beta} \left[n \right]_{\beta}^{\beta} \cdot \varphi(x + \alpha k),$$

und die Recursionsformel wird nun ebenfalls einfacher:

$$\triangle^{n+1}\varphi x = \triangle^n \varphi(x+k) - \triangle^n \varphi x;$$

also auch $\triangle \varphi x = \varphi(x+k) - \varphi x$. Wird nun etwa $\chi x = x$ gesetzt, so ist also $\triangle x = \triangle \chi x = \chi(x+k) - \chi x = x+k-x=k$. Man wird also nun der Gleichmäßigkeit wegen auch $\triangle x$ für k setzen. Dadurch erhält man also:

1.
$$\varphi(x+z) = \varphi x + \frac{\triangle \varphi x}{\triangle x} \cdot [z, \triangle x]^{\frac{1}{1}} + \frac{\triangle^2 \varphi x}{\triangle x^2} \cdot [z, \triangle x]^{\frac{2}{2}} \cdot \dots = S \frac{\triangle^\alpha \varphi x}{\triangle x^a} \cdot [z, \triangle x]^{\frac{\alpha}{\alpha}}$$

2.
$$\triangle^n \varphi x = S(-1)^{\beta} \left[n \right]^{\beta} \varphi(x + \alpha \triangle x)$$
 cond. $(\alpha + \beta = n)$,

3.
$$\triangle^{n+1} \varphi x = \triangle^n \varphi (x + \triangle x) - \triangle^n \varphi x$$
.

Die im §. 121. gefundene Formel heißt nun:

4.
$$\triangle^n(\varphi x \cdot \psi x) = S[n]^{\alpha}_{\alpha} \triangle^{\alpha} \varphi x \cdot \triangle^{\beta} \psi(x + \alpha \triangle x)$$
 cond. $(\alpha + \beta = n)$.

Zusatz. Hätte man a=0, $\overset{1}{a}=-k$, $\overset{2}{a}=-2k$, etc. und allgemein $\overset{a}{a}=-\Delta k$ gesetzt, und hätte man dann statt des Zeichens Δ das Zeichen ∇ genommen, so hätte man die folgenden Formeln erhalten:

1.
$$\varphi(x+z) = S \frac{\nabla^{\alpha} \varphi x}{\nabla x^{\alpha}} \cdot [z, -\nabla x]_{\alpha}^{\alpha}$$

2.
$$\nabla^n \varphi x = S(-1)^{\beta} \left[n \right]_{\alpha}^{\alpha} \varphi(x - \beta \nabla x)$$
 cond. $(\alpha + \beta = n)$,

3.
$$\nabla^{n+1} \varphi x = \nabla^n \varphi x - \nabla^n \varphi (x - \nabla x),$$

4.
$$\nabla^n(\varphi x.\psi x) = S[n] \frac{\alpha}{\alpha} \nabla^\alpha \varphi x. \nabla^\beta \psi(x-\alpha \nabla x) \quad \text{cond. } (\alpha+\beta=n).$$

Die beiden für $\phi(x+z)$ angegebenen Reihen gehen nun zwar ins Unendliche fort, aber sie brechen unter gewissen Umständen dennoch ab.

Wenn nemlich z ein Vielfaches von $+ \triangle x$ oder von $-\nabla x$ ist, so hat man $\Phi(x + n \triangle x) = S\left[n\right]^{\alpha} \triangle^{\alpha} \Phi x = S\left[n\right]^{\beta} \triangle^{\alpha} \Phi x \text{ cond. } (\alpha + \beta = n),$

$$\Phi(x-n\nabla x) = S(-1)^{\alpha} \left[n \int_{\alpha^{2}}^{\alpha} \nabla^{\alpha} \Phi x = S(-1)^{\alpha} \left[n \int_{\beta^{2}}^{\beta} \nabla^{\alpha} \Phi x \right] \right]$$
 cond. $(\alpha+\beta=n)$.

Außerdem können die Differenzen $\triangle^a \varphi x$ und $\nabla^a \varphi x$ von einem gewissen Gliede an einzeln = 0 sein, und dann brechen die Reihen ebenfalls ab, obgleich z kein Vielfaches von $\triangle x$ oder von $-\nabla x$ ist.

Der im §. 113. behandelte, oder noch etwas allgemeinere Ausdruck für $D^n(x+a)^m$ im §. 122. geht nun, wenn a=0 und $a=\alpha \triangle x$ gesetzt wird, über in C für die Scale:

$$(n) = x, x + \triangle x, x + 2\triangle x, \ldots x + n\triangle x.$$

Wird x = 0 gesetzt, so hat man also

$$D^n x^m = C \cdot \triangle x^{m-n}$$
 für die Scale $(n) = 0, 1, 2, 3, \ldots, n$

und da $\triangle^n x^m = \triangle x^n \cdot n' \cdot D^n x^m$ ist, so hat man

$$\triangle^{n} x^{m} = n' \cdot \stackrel{m-n}{C} \cdot \triangle x^{m} = n' \cdot \stackrel{m-n}{f} \cdot \triangle x^{m},$$

$$\stackrel{m-n}{\text{für}} x = 0 \qquad \qquad (n)$$

wenn -nf einen Facultäten-Coëfficienten, wie früher, bezeichnet. Man hat also:

 $\triangle^{n} x^{m} = S(-1)^{\beta} \left[n \right]^{\beta} \cdot \alpha^{m} = n^{*} \cdot n^{m-n} \quad \text{cond. } (\alpha + \beta = n).$ $\lim_{n \to \infty} \sum_{i=1}^{m-n} a_{i} = n^{*} \cdot n^{m-n} \quad \text{cond. } (\alpha + \beta = n).$

§. 125.

Wenn man den Ausdruck $\phi(x+z) = s \frac{\triangle^a \phi x}{\triangle x^a}$. $[z, \triangle x]^a$ nach Potenzen von z entwickeln will, so hat man also nur die in jedem Gliede vorkommenden Facultäten zu entwickeln, denn der Factor $\frac{\triangle^a \phi x}{\triangle x^a}$ enthält die Größe z nicht. Nun ist aber allgemein:

$$[z, \triangle x] = S^{n} f. z^{n-\beta}. (-\triangle x)^{\beta},$$

und wird dieser Ausdruck substituirt, so erhält man:

$$\phi(x+z) = S \triangle^{\alpha} \phi x \cdot {}^{\alpha}f \cdot z^{\alpha-\beta} \cdot \frac{\triangle x^{\beta-\alpha}}{\alpha^{\gamma}} \cdot (-1)^{\beta}.$$

Nun ist aber $+\alpha f = 0$, wenn $\alpha < \beta$ ist; daher kann man sogleich $\alpha + \beta$ für α setzen, und erhält dadurch:

 $\varphi(x+z) = S \triangle^{\alpha+\beta} \varphi_x \cdot {}^{\alpha+\beta} \int_{-\infty}^{\beta} \frac{z^{\alpha}}{(\alpha+\beta)^{\alpha}} \cdot \frac{1}{(\alpha+\beta)^{\alpha}} \cdot (-1)^{\beta}.$

Dieser nach Potenzen von z fortschreitende Ausdruck kann nun einfacher unter

1. $\phi(x+z) = SA^{\alpha} \cdot z^{\alpha}$

vorgestellt werden, und die in dieser Reihe vorkommenden Coëfficienten Ahaben dann folgenden Ausdruck:

$$\vec{A} = S(-1)^{\beta} \frac{\triangle^{r+\beta} \varphi x}{\triangle x^r} \cdot r^{r+\beta} f^{\beta} \cdot \frac{1}{(r+\beta)},$$

Er erscheint ein wenig einfacher, wenn man ihn mit $r' \cdot \triangle x^r$ multiplicirt; dadurch erhält man:

2. $r' \cdot A \cdot \triangle x^r = S(-1)^{\beta} [r]^{\beta} \cdot r^{+\beta} \cdot \triangle r^{+\beta} \varphi x$.

Setzt man r=1, so hat man also noch:

3.
$$A \cdot \triangle x = S(-1)^{\beta} \frac{\triangle^{\beta+1} \varphi x}{\beta+1}$$
.

In Anwendung dieser Reihen, welche aber leider selten gehörig convergiren, könnte oder müßte man die Coëfficienten \vec{A} , \vec{A} , \vec{A} etc. berechnen, wenn man die Function $\Phi(x+z)$ nach steigenden Potenzen von z entwickeln wollte. Wenn man den Ausdruck einer Function nicht kennt, sondern ihn erst nach gegebenen Bedingungen, wie im §. 119. gezeigt worden ist, zu ermitteln hat, so bleibt auch im Grunde kein anderes Mittel, als der Gebrauch dieser Reihen, für die Berechnung der Coëfficienten \vec{A} , \vec{A} , \vec{A} etc. übrig.

§. 126.

Unter der Voraussetzung, dass die Coëfficienten A, A, A etc. berechnet sind, kann man auch die Größe $\triangle^m \varphi x$ nach Potenzen von $\triangle x$ entwickeln. Da man nemlich, wenn der Reihe nach $0 \triangle x$, $1 \triangle x$, $2 \triangle x$, etc. für z gesetzt wird, allgemein erhält:

 $\varphi(x+v.\Delta x) = S\overset{\gamma}{A}.v^{\gamma}.\Delta x^{\gamma}$

und $\triangle^n \varphi x = S(-1)^{\beta} \left[n \right] \varphi(x + \alpha \triangle x)$ cond. $(\alpha + \beta = n)$ ist, so erhält man durch Substitution:

 $\triangle^n \varphi x = S(-1)^{\beta} \left[n \right]_{\overline{B}^{\gamma}}^{\beta} \alpha^{\gamma} \cdot \stackrel{\gamma}{A} \cdot \triangle x^{\gamma} \quad \text{cond. } (\alpha + \beta = \gamma).$

Nun ist aber allgemein $S(-1)^{\beta} \left[n \int_{\overline{\beta}}^{\beta} \alpha^{m} = n^{\gamma} - n f^{-n} \right]$, also hat man einfacher:

 $\Delta^n \Phi x = S n' - \hat{f} \cdot \Delta x' \cdot \hat{A}.$

Nun ist aber -nf = 0, so lange $\gamma < n$ ist; daher kann sogleich $\gamma + n$ für

y geschrieben werden, wedurch man erhält:

$$\Delta^n \varphi x = (S^{-n}f, A^{n+\gamma}, \Delta x^{n+\gamma}), n^{\circ}.$$

Die ersten Glieder dieser Reihe sind nun aber offenbar die folgenden:

$$\triangle^n \varphi x = n' (\stackrel{n}{A} \triangle x^n + \stackrel{-n}{f} \cdot \stackrel{n+1}{A} \cdot \triangle x^{n+1} + \stackrel{-n}{f} \cdot \stackrel{n+2}{A} \cdot \triangle x^{n+2} + \text{etc.}),$$
oder es ist:

$$\frac{1}{n^{2}} \cdot \frac{\triangle^{n} \varphi x}{\triangle x^{n}} = A^{n} + {}^{-n} f \cdot A \cdot \triangle x + {}^{-n} f \cdot A \cdot \triangle x^{2} + {}^{-n} f \cdot A \cdot \triangle x^{3} + \text{etc.}$$

Wenn man also die Ausdrücke $\frac{\triangle \varphi x}{\triangle x}$, $\frac{1}{2}$, $\frac{\triangle^2 \varphi x}{\triangle x^2}$; $\frac{1}{3^7}$, $\frac{\triangle^3 \varphi x}{\triangle x^3}$; etc. in Reihen entwickelte, welche nach steigenden Potenzen von $\triangle x$ fortgehen, so würden die Coëfficienten A, A, A, etc. die Anfangsglieder dieser Reihen sein, und man könnte sie dann in der Reihe $\varphi(x+z) = SA$. z^a substituiren. Nun zeigt sich aber bald, daße es nicht einmal nöthig ist, die Größen $\frac{\triangle \varphi x}{\triangle x}$, $\frac{1}{2^7}$, $\frac{\triangle^2 \varphi x}{\triangle x^2}$; $\frac{1}{3^7}$, $\frac{\triangle^3 \varphi x}{\triangle x^3}$; etc. vollständig in Reihen zu verwandeln, sondern daße die Kenntniße des Anfangsgliedes der ersten Reihe hinreicht, um das Anfangsglied der zweiten, aus diesem dann das der dritten Reihe u. s. w. zu finden. Diese Art der Herleitung oder Derivation der Größe A aus A oder Φx , der Größe A aus A, der Größe A aus A, u. s. w. ist also für die Theorie der Entwickelung von Wichtigkeit; sie heißt Differentiiren. Bezeichnet man das Anfangsglied der höheren Differenz $\triangle^n \varphi x$ einer Function Φx mit $\partial^z \varphi x$, so hat man also für das nte Differential von Φx :

 $\partial^n \Phi x = \overset{n}{A} \cdot \triangle x^n \cdot n^n$

Sieht man nun selbst x als eine Function an, so ist das Anfangsglied der Reihe für $\triangle x$ offenbar wieder $= \triangle x$, so lange $\triangle x$ unentwickelt bleibt, und man hat also auch $\partial x = \triangle x$. Kann und muß aber $\triangle x$ wieder nach Potenzen der Differenz einer anderen veränderlichen Größe entwickelt werden, so ist offenbar ∂x nur das Anfangsglied der dadurch erhaltenen Reihe. Man thut daher wohl, für alle Fälle in der Formel $\partial^n \varphi x = n' \cdot \stackrel{n}{A} \cdot \triangle x^n$ statt $\triangle x$ zu setzen ∂x , obgleich es unnöthig wäre, wenn $\triangle x$ unentwickelt bleibt. Man hat also:

$$\frac{1}{n'} \cdot \frac{\partial^n \varphi x}{\partial x^n} = A,$$

und wenn dieser Werth substituirt wird, so hat man die beiden Reihen:

$$\varphi(x+z) = S \frac{\partial^{\alpha} \varphi x}{\partial x^{\alpha}} \cdot \frac{z^{\alpha}}{\alpha}, \text{ und}$$

$$\triangle^{n} \varphi x = S \left[n \right]^{-\alpha} \cdot \int_{0}^{\alpha} \frac{\partial^{n+\alpha} \varphi x}{\partial x^{n+\alpha}} \cdot \triangle x^{n+\alpha}.$$

Zusatz. Wäre $z = \varphi x$ und $x = \psi v$, und hätte man gefunden $\triangle z = A \cdot \triangle x + B \cdot \triangle x^2$ etc., wie auch $\triangle x = a \triangle v + b \triangle v^2 +$ etc., so hätte man offenbar für $\triangle z$ auch eine Reihe von der Form

$$\triangle z = Aa \cdot \triangle v + P \cdot \triangle v^2 + Q \cdot \triangle v^3 + \text{etc.},$$

und also, wenn $\triangle v$ unentwickelt bleibt, offenbar $\partial z = A.a.\triangle v$, wie auch $\partial z = A.\partial x$. Hätte man $\partial z = A.\triangle x$ gesetzt, also $\triangle x$ nicht in ∂x verwandelt, so würde man durch Substitution erhalten $\partial z = Aa.\triangle v + Ab.\triangle v^2 + \text{etc.}$, da doch ∂z nur $= Aa.\triangle v$, d. h. dem Anfangsgliede der Differenz gleich sein soll. Daher kann die Versäumung der auch schon durch die Gleichmäßigkeit veranlaßten Verwandlung von $\triangle x$ in ∂x im Ausdrucke $\partial z = A.\triangle x$ zu Fehlern führen.

127.

Um nun noch zu zeigen, daß man aus dem Anfangsgliede einer Differenzreihe das Anfangsglied der nächst höheren Differenzreihe finden könne, setzen wir

$$\triangle^n \varphi x = \frac{\partial^n \varphi x}{\partial x^n} \cdot \triangle x^n + P \cdot \triangle x^{n+1} + Q \cdot \triangle x^{n+2} + \text{etc.};$$

die Größen $\frac{\partial^n \varphi x}{\partial x^n}$, P, Q, etc. sind dann Functionen von x. Weil nun $\triangle^n \varphi x = \triangle^n \varphi (x + \triangle x) - \triangle^n \varphi x$ ist, so muß man in jedem Gliede der Reihe $x + \triangle x$ für x setzen und vom also veränderten Gliede das Glied selbst subtrahiren, oder in Zeichen:

$$\triangle^{n+1}\varphi x = \left(\triangle \frac{\partial^n \varphi x}{\partial x^n}\right) \triangle x^n + \triangle P \cdot \triangle x^{n+1} + \triangle Q \cdot \triangle x^{n+2} + \text{etc.}$$

Da nun aber

residentificate attentionalistics

$$\triangle \frac{\partial^n \varphi x}{\partial x^n} = \frac{\partial \left(\frac{\partial^n \varphi x}{\partial x^n}\right)}{\partial x} \triangle x + A \triangle x^2 + B \triangle x^3 + \text{etc.},$$

$$\triangle P = \frac{\partial P}{\partial x} \triangle x + A' \triangle x^2 + B' \triangle x^3 + \text{etc.},$$

$$\triangle Q = \frac{\partial Q}{\partial x} \triangle x + A'' \triangle x^2 + B'' \triangle x^3 + \text{etc.},$$
etc.

ist, so hat man offenbar, wenn diese Reihen substituirt werden:

$$\triangle^{n+1} \varphi x = \frac{\partial \frac{\partial^n \varphi x}{\partial x^n}}{\partial x} \cdot \triangle x^{n+1} + A \triangle x^{n+2} + B \triangle x^{n+3} + \text{etc.}$$

$$+ \frac{\partial P}{\partial x} \cdot \triangle x^{n+2} + A' \triangle x^{n+3} + \text{etc.}$$

$$+ \frac{\partial Q}{\partial x} \triangle x^{n+3} + \text{etc.}$$

und da auch $\triangle^{n+1}\varphi x = \frac{\partial^{n+1}\varphi x}{\partial x^{n+1}} \cdot \triangle x^{n+1} + V \cdot \triangle x^{n+2} + W \triangle x^{n+3} + \text{etc. ist,}$ so hat man $\frac{\partial^{n+1}\varphi x}{\partial x^{n+1}} = \frac{\partial}{\partial x^{n}} \frac{\partial^{n}\varphi x}{\partial x^{n}}.$

Diese Formel, welche auch einfacher $\partial^{n+1} \varphi x = \partial (\partial^n \varphi x)$ ist, ist der Ausdruck der obigen Behauptung. Hat man also ein höheres Differential $\partial^n \varphi x$, so setze man in ihm $x + \triangle x$ für x, entwickele dasselbe nach Potenzen (steigenden) von $\triangle x$, subtrahire von der Entwickelung $\partial^n \varphi x$, und behalte vom Reste nur das Glied, welches mit $\triangle x'$ multiplicirt ist, verwandle dann $\triangle x$ in ∂x , so hat man $\partial^{n+1} \varphi x$.

Wie hieraus die bekannten Regeln des Differentiirens herzuleiten und wie man sich zu verhalten, wenn x wieder als Function einer neuen veränderlichen Größe anzusehen ist, muß hier der Kürze wegen übergangen werden. Darin stimmen auch die meisten Darstellungen der Differentialrechnung überein. Schließlich wird bemerkt, daß die im §. 125. gefundenen Reihen (2. und 3.) nun sind:

$$\frac{\partial^r \varphi x}{\partial x^r} \cdot \triangle x^r = S(-1)^{\beta} \left[r^{-\beta} \cdot r + \beta f \cdot \triangle^{r+\beta} \varphi x \right]$$
 und
$$\frac{\partial y}{\partial x} \cdot \triangle x = S(-1)^{\beta} \frac{\triangle^{\beta+1} \varphi x}{\beta+1}.$$

Sowohl die Reihe für $\frac{\partial^r \varphi x}{\partial x^r} \triangle x$ als auch die Reihe $\triangle^r \varphi x = S[r]^{\beta} \cdot f \cdot \triangle x^{r+\beta}$, welche mit den Reihen für $\{\log(1+z)\}^r$ und $(e^z-1)^r$ Ähnlichkeit haben, behalten auch noch eine Bedeutung, wenn r eine negative ganze Zahl bezeichnet.

- Tel 4 4 . S. 128.

Die Reihe $\varphi(x+z) = S \frac{\partial^{\alpha} \varphi x}{\partial x^{\alpha}} \cdot \frac{z^{\alpha}}{\alpha}$ ist von jeher fast ausschließlich benutzt worden, um Functionen zu entwickeln. Die beiden Reihen:

$$\varphi(x+z) = S \frac{\triangle^{\alpha} \varphi x}{\triangle x^{\alpha}} \cdot [z, \triangle x]_{\alpha}^{\alpha} \text{ und}$$

$$\varphi(x+z) = S \frac{\nabla^{\alpha} \varphi x}{\nabla x^{\alpha}} \cdot [z, -\nabla x]_{\alpha}^{\alpha},$$

in deren Mitte gleichsam die erste oder auch die Taylorsche Reihe fällt, hat man aber bis jetzt kaum anders als zur Interpolation benutzt. In vielen Fällen ist gleichwohl ein nach Facultäten fortgehender Ausdruck für die Rechnung in bestimmten Zahlen bequemer als ein nach Potenzen fortgehender.

Um ein Beispiel zu geben, legen wir uns die Aufgabe der Entwickelung der Function xf in eine nach Facultäten von x fortgehende Reihe vor. Setzen wir $\varphi x = {}^xf$ und $\triangle x = 1$, so ist $\triangle \varphi x = {}^{x+1}f - {}^xf$, und da ${}^{x+1}f = {}^xf + x \cdot {}^{x-1}f$ ist, so hat man

$$\triangle^{x}f = x \cdot {}^{r-1}$$

Nehmen wir auf beiden Seiten der Gleichung die mte Differenz, so haben wir:

$$\triangle^{m+1} x f = \triangle^m (x \cdot x f).$$

Da nun x cdot x cdot f ein Product aus x und x cdot f ist, so haben wir, wenn die Formel (4.) des §. 123. gebraucht wird:

$$\triangle^{m} \{x \cdot x_{f}^{r-1}\} = x \cdot \triangle^{m} x_{f}^{r-1} + m \cdot \triangle^{m-1} x_{f}^{r-1},$$

und es ist also auch

The other will be with
$$xf = x \cdot \triangle^m xf^{-1} + m \cdot \triangle^{m-1} x + if$$
.

Da aber allgemein $\triangle^n \psi(x + \triangle x) = \triangle^n \psi x + \triangle^{n+1} \psi x$ ist, so hat man also auch $\triangle^{m-1} \xrightarrow{x+i} f = \triangle^{m-1} \xrightarrow{x} f + \triangle^m \xrightarrow{x} f$, und wenn dieser Ausdruck gebraucht wird, so hat man:

$$\triangle^{m+1} x^{r} = (x+m) \triangle^{m} x^{r-1} + m \cdot \triangle^{m-1} x^{r-1} f.$$

Diese Formel dient nun zur recurrirenden Berechnung der höheren Differenzen der sogenannten Facultäten-Coëfficienten. Aus dieser Formel kann eine Menge von Folgerungen gezogen werden, womit wir uns aber nicht aufhalten. Wir bemerken nur, daß die Formel für x=0 am einfachsten wird, nemlich:

on:
$$\triangle^{m+1} x^{r} = m \cdot (\triangle^{m} x^{r-1} + \triangle^{m-1} x^{r-1}) \text{ für } x = 0.$$

Die Formel, welche zur independenten Berechnung der höheren Differenzen dient, ist $\triangle^m \varphi x = S(-1)^{\beta} \left[m \right]_{\beta}^{\beta} \varphi(x + \alpha \triangle x)$ cond. $(\alpha + \beta = m)$,

und wenn $\varphi(x + \alpha \triangle x) = x + \alpha f$ gesetzt wird, so hat man:

$$\triangle^{m} x \stackrel{f}{f} = S(-1)^{\beta} \left[m \right]^{\beta} x + \alpha \stackrel{f}{f} \quad \text{cond.} (\alpha + \beta = m).$$

Will man die Differenzen für x = 0 haben, so dient die Formel

$$\Delta^{m \times r} f = S(-1)^{\beta} \left[m \right]_{\beta}^{\beta} \cdot \alpha f$$

mit der vorigen Bedingungsgleichung. Der Ausdruck kann aber noch sehr zusammengezogen werden, wenn man bemerkt, daß $^{\alpha}f > 0$, so lange die positive ganze Zahl $\alpha < r$ ist. Man kann daher sogleich $\alpha + r$ für α setzen, und hat also

setzen, und hat also
$$\sum_{r=1}^{m} \frac{1}{\beta^r} \frac{1}{\alpha^r} \frac$$

§. 129.

Um von diesen Formeln nun Gebrauch zu machen, setzen wir in der Formel $\varphi(x+z) = S \frac{\triangle^{\alpha} \varphi x}{\triangle x^{\alpha}} \cdot [z, \triangle x]_{a}^{\alpha}$ ebenfalls $\varphi x = f, \triangle x = 1,$ x = 0, und dann x für z. Dadurch erhält man:

$${}^{x}f = S\left\{ \underset{\text{Für } x = 0}{\triangle^{\alpha}} , f \right\} \left[x \right]_{a}^{\alpha}.$$

Aber der für $\{ \triangle_{\infty=0}^{m-x} f \}$ im §. 128. gefundene Ausdruck giebt zu erkennen,

daß er = 0 sei, so lange m < r. In der für f angegebenen Reihe fallen also alle erste Glieder, für welche $\alpha < r$ ist, weg, und man kann also sogleich $r + \alpha$ für α setzen. Führen wir für $\{ \triangle^{r+m} f \}$ das einfachere Zeichen f ein, so haben wir also:

1.
$$xf = S \varphi r \cdot [x]_{(r+\alpha)}^{r+\alpha}$$

und zur Berechnung der unbekannten Coëfficienten dient dann die Formel:

2.
$$\phi^m r = S(-1)^{\beta} [m+r]_{\beta}^{\beta} r^{+\alpha} f$$
 cond. $(\alpha+\beta=m)$.

Wenn r>0 ist, so ist auch noch $\mathring{\phi}r=0$, weil für r>0 auch $\mathring{f}=0$ ist. Wird diese Abänderung der Bezeichnung in die Recursionsformel eingeführt, so hat man:

3.
$$\varphi^{m+1} = (m+r) \cdot \{\varphi^{m+1}(r-1) + \varphi^{m}(r-1)\}.$$

Die Rechnung nach dieser Recursionsformel ist besonders bequem. In Anwendung derselben findet man leicht die folgenden allgemeinen Resultate:

$$\phi r = 1.3.5.7...(2r-1) = [1, -2] \text{ und } \phi r = 1.2.3....r = [1, -1] = [r]$$
und $\phi r = 0$, wenn $m > r$ ist.

Für die übrigen Coëfficienten $\overset{\circ}{\varphi}_r$, $\overset{\circ}{\varphi}_r$, $\overset{\circ}{\varphi}_r$, $\overset{\circ}{\varphi}_r$ lassen sich ähnliche, aber minder einfache Resultate finden.

Die begonnene Rechnung giebt aber die folgenden bestimmten Resultate:

resultate:

$$xf = [x]_{\frac{1}{2}}^{2}$$

$$xf^{2} = 2[x]_{\frac{3}{3}}^{3} + 3[x]_{\frac{4}{4}}^{4}$$

$$xf = 6[x]_{\frac{4}{4}}^{4} + 20[x]_{\frac{5}{5}}^{5} + 15[x]_{\frac{6}{6}}^{6}$$

$$xf = 24[x]_{\frac{5}{5}}^{5} + 130[x]_{\frac{6}{7}}^{6} + 210[x]_{\frac{7}{7}}^{7} + 105[x]_{\frac{8}{8}}^{8}$$

$$xf = 120[x]_{\frac{6}{6}}^{6} + 924[x]_{\frac{7}{7}}^{7} + 2380[x]_{\frac{8}{8}}^{8} + 2520[x]_{\frac{9}{9}}^{9} + 945[x]_{\frac{10}{10}}^{10}$$

$$xf = 720[x]_{\frac{7}{7}}^{7} + 7308[x]_{\frac{8}{8}}^{8} + 26432[x]_{\frac{9}{9}}^{9} + 44100[x]_{\frac{10}{10}}^{10} + 34650[x]_{\frac{11}{11}}^{11} + 10395[x]_{\frac{12}{12}}^{12}$$
u. s. w.

Als Probe für die Richtigkeit der Berechnung der Coëfficienten in diesen Ausdrücken dient die Formel:

$$-\overset{1}{\phi}r + \overset{2}{\phi}r - \overset{3}{\phi}r \dots + (-1)^{\alpha}\overset{\alpha}{\phi}r \dots + (-1)^{r}\overset{r}{\phi}r = (-1)^{r}.$$
So ist z. B.

$$-720+7308-26432+44100-34650+10395=(-1)^6=+1=61803-61802.$$

Zusatz. Setzt man $\left(S\frac{x^{\alpha+2}}{\alpha+2}\right)^m = S^m \mathfrak{N}^{\alpha} x^{2m+\alpha}$, so findet man nach

§. 109. allgemein $\phi r = [m+r] \cdot m \Re$, was leicht zu beweisen ist.

Die Anwendung der Reihe $\varphi(x+z) = S \frac{\nabla^{\alpha} \varphi x}{\nabla x^{\alpha}} \cdot [z, -\nabla x]_{\alpha}^{\alpha}$ geschieht in ähnlicher Art, und man findet:

$$\nabla^{m+1} x f' = (x-m-1) \nabla^{m} x^{r-1} f' + m \cdot \nabla^{m-1} x^{r-1} f',$$

womit man fast eben so wie früher verfährt, und ähnliche, obgleich von den vorigen verschiedene Ausdrücke erhält, mit deren Herleitung wir uns hier aber nicht aufhalten. Soviel erhellet im Allgemeinen aus dem Vorhergehenden, daß die Function ^{x}f eine rationale ganze Function von x des 2rten Grades ist. Weil aber die Form dieser Function nun bekannt geworden ist, so kann die im §. 117. für solche Functionen hergeleitete

allgemeine Formel zur Anwendung kommen, nemlich:

$$\varphi x = S \stackrel{a}{X} \cdot \varphi \stackrel{a}{a}$$
 für a nicht $> n$.

Im vorliegenden Falle, wo $\varphi x = f$ die gesuchte Größe ist, hat man also n = 2r.

Setzen wir $\stackrel{\circ}{a} = 0$, $\stackrel{\circ}{a} = 1$, $\stackrel{\circ}{a} = 2$, ..., $\stackrel{\circ}{a} = r$; $\stackrel{\circ}{a} = -1$, $\stackrel{\circ}{a} = -2$, $\stackrel{\circ}{a} = -3$, ..., $\stackrel{\circ}{a} = -r$, so hat man also $\varphi \stackrel{\circ}{a} = \stackrel{\circ}{a} = 0$, wenn α nicht > r und $\varphi \stackrel{\circ}{a} = \stackrel{\circ}{a} = r$, und wenn diese Werthe substituirt werden, so findet man auf der Stelle:

 $xf' = \frac{(x^2 - 1^2)(x^2 - 2^2)(x^2 - 3^2)\dots(x^2 - r^2)}{(2r)'} \cdot \left(S(-1)^{\beta} \left[2r\right]^{\beta} \cdot \alpha f' \cdot \frac{x}{x + \alpha}\right)$ $cond. (\alpha + \beta = r).$

Wollte man f nach Potenzen von x entwickeln, so ginge auch dieses an; wir aber wollen diese Entwickelung nur theilweise vornehmen und dem Ausdrucke die folgende Gestalt geben:

 $xf = [x-1]^{r} \cdot (rA^{0}x^{r} + rA^{1}x^{r-1} + rA^{2}x^{r-2} \cdot \dots + rA^{n}x^{r-a} \cdot \dots + rA^{n}x),$

weil bekannt ist, daß der Ausdruck diese Gestalt haben könne. Setzt man zur Einfachheit $\psi x = [x-1]$ und $\varphi x = S^r A x^\beta$ cond. $(\alpha + \beta = r)$, so hat man $xf = \psi x \cdot \varphi x$, also auch $x+if = \psi(x+1) \cdot \varphi(x+1)$, und da $x+if = xf + x \cdot xf$ ist, so hat man also:

 $\psi(x+1) \cdot \varphi(x+1) = (\psi x) \cdot (\varphi x) + x(\psi x) \cdot (\varphi x).$

Nun ist aber $\psi(x+1) = \frac{x}{r} \psi x$ und $\psi x = \frac{x-r}{r} \psi x$, also hat man, wenn diese Werthe substituirt werden, eine Gleichung, welche durch ψx dividirt die folgende ist:

 $x(\varphi(x+1)-\varphi x)=r(x\varphi x-\varphi x).$

Werden hierin für ϕx , $\phi (x+1)$ und ϕx die Werthe substituirt, so erhält man durch Identificirung die folgende Recursionsformel:

 $(2r-m) \cdot {r \choose A} = r \cdot {r-1 \choose A} - \left\{ \left[r-m+1 \right]_{2}^{2} {r \choose A} + \left[r-m+2 \right]_{3}^{2} {r \choose A} \dots + \left[r-m+a \right]_{(\alpha+1)^{2}}^{2} {r \choose (m+1)^{2}} \dots + \left[r-m+a \right]_{(\alpha+1)^{2}}^{2} \dots + \left[r-m+a$

Die Rechnung nach dieser Formel ist noch ziemlich einfach, und durch dieselbe sind die im §. 85. aufgestellten Ausdrücke gefunden worden.

Manche sonst bemerkenswerthe Beziehung hat hier übergangen werden müssen, weil der der Theorie der Potenzial-Functionen beizufügende Anhang ohnehin schon den beabsichtigten Umfang überschritten hat.

E n'd e.

Tabelle der Längezahlen (mit sieben Decimalziffern) aller Kreisbogen für den Radius = 1 von Minute zu Minute nach beiden Kreis-Eintheilungen, Behufs der Zurückführung der hyperbolischen Functionen auf die cyklischen, und umgekehrt.

Tabella der Langerahlen (mit aldem Desimbriteer)
alle Reside, per tim der Langera der eine eine eine distanten in der eine eine distanten in der eine eine der bygert distant Langera eine eine distanten in der eine gelähligten mit eingehöhrte.

N. E.			Alte Einth	١.	N. E.		*		
1=0°	$\mathfrak{Q}.$ $k.$	D.1".	12	D.1".	$k=0^{\circ}$	Ω . k .	D. 1".		D. 1".
Gr. M.			Gr. M. S.		Gr. M.			Gr. M. S.	
0,00	0,000 0000		00 00 00 0	48 49	0,50 0,51	0,007 8541	15 71	00 27 00 0	48 49
0,01	0,000 1571 00 3142	15 71 15 70	00 00 32 4	48 49 48 49	52	0,008 0112 08 1682	15 70 15 71	00 27 32 4	48 46
03	00 4712	15 71	01 37 2	48 49	53	08 3253	15 71	28 04 8 28 37 2	48 49 48 49
04	00 6283	15 71	02 09 6	48 49	54	08 4824	15 71	29 09 6	48 49
05	00 7854	15 71	02 42 0	48 49	55	08 6395	15 71	29 42 0	48 49
0,06	0,000 9525		00 ,03 14 4	48 49	0,56 57	0,008 7966	15 71	00 30 14 4	48 49
07 08	01 0996 01 2566	15 70 15 71	03 46 8 04 19 2	48 46 48 49	58	08 9537 09 11 07	15 70 15 71	30 46 8 31 19 2	48 46
09	01 4137	15 71	04 51 6	48 49	59	09 2678	15 71	31 51 6	48 49
10	01 5708	15 71	05 24 0	48 49	60	09 4249	15 71	32 24 0	48 49
0,11	0,001 7279	15 71	00 05 56 4	48 49	0,61	0,009 5820	15 71	00 32 56 4	48 49
12	01 8850	15 70	06 28 8	48 46	62 63	09 7391	15 71	33 28 8	48 49
13 14	02 0420 02 1991	15 71 15 71	07 01 2 07 33 6	48 49 48 49	64	09 8962 10 0533	15 71 15 71	34 01 2 34 33 6	48 49
15	02 3562	15 71	08 06 0	48 49	65	10 2104	15 71	35 06 0	48 49
0,16	0,002 5133	15 71 (00 08 38 4	48 49	0,66	0,010 3675	15 70	00 35 38 4	48 46
17	02 6704	15 70	09 10 8	48 46	67	10 5245	15 71	36 10 8	48 49
18	02 8274	15 71	09 43 2	48 49	68	10 6816	15 71	36 43 2	48 49
19 20	02 9845 03 1416	15 71 15 71	10 15 6 10 48 0	48 49 48 49	69 70	10 8387 10 9958	15 71 15 71	37 15 6 37 48 0	48 49
			00 11 20 4	48 49	0,71				48 49
0,21	0,003 2987	15 71 (11 52 8	48 46	72	0,011 1529	15 71 15 71	00 38 20 4 38 52 8	48 49 48 49
23	03 6128	15 71	12 25 2	48 49	73	11 467I	15 71	39 25 2	48 49
24	03 7699	15 71	12 57 6	48 49	74	11 6242	15 71	39 57 6	48 49
25	03 9270	15 71	13 30 0	48 49	75	11 7813	15 71	40 30 0	48 49
0,26	0,004 0841		00 14 02 4	48 49	0,76	0,011 9384	15 70	00 41 02 4	48 46
-27 28	04 2412 04 3982	15 71 15 71	14 34 8 15 07 2	48 49 48 49	77 78	12 0974 12 2525	15 71 15 71	41 34 8	48 49 48 49
29	04 5553	15 71	15 39 6	48 49	79	12 4096	15 71	42 39 6	48 49
30	04 7124	15 71	16 12 0	48 49	80	12 5667	15 71	43 12 0	48 49
0,31	0,004 8695	15 71 0	0 16 44 4	48 49	0,81	0,012 7238	15 71	00 43 44 4	48 49
32	05 0266	15 71	17 16 8 17 49 2	48 49	82	12 8809	15 71	44 16 8	48 49
33 34	05 1837 05 3407	15 70 15 71	17 49 2 18 21 6	48 46 48 49	83 84	13 0380 13 1951	15 71 15 71	44 40 2 45 21 6	48 49
35	05 4978	15 71	18 54 0	48 49	85	13 3522	15 70	45 54 0	48 46
0.36	0,005 6549	15 71 0	() 19 26 4	48 49	0,86	0,013 5092	15 71	00 46 26 4	48 49
37	05 8120	15 71	19 58 8	48 49	87	13 6663	15 71	46 58 8	48 49
38	05 9691	15 71	20 31 2 21 03 6	48 49	88	13 8234	15 71 15 71	47 31 2 48 03 6	48 49 .
39	06 1261 06 2832	15 71 15 71	21 36 0	48 49	89 90	13 9805 14 1376	15 71	48 03 6 48 36 0	48 49 48 49
40			0 22 08 4	48 40	0,91	0,014 2947	15 71	00 49 08 4	-
0,41	0,006 4403 06 5974	15 71 () 15 71	22 40 8	48 49	92	14 4518	15 71		48 49 48 49
43	06 7545	15 71	23 13 2	48 49	93	14 6089	15 71	was a	48 49
44	. 06 9116	15 70	23 45 6	48 46	94	14 7600	15 71		48 49
45	07 0686	15 71	24 18 0	48 49	95	14 5231	15 71		48 49
0,46	0,007 2257		0 24 50 4	48 49	0,96	0,015 0802		00 51 50 4	48 40
47 48	07 3828	15 71 15 71	25 22 6 25 55 2	48 49	97 98	15 2373 15 3944	15 71 15 71	52 22 8 52 55 2	48 49 48 49
49	07 6970	15 71	26 27 6	48 49	99	15 5515	15 71	53 27 6	48 49
50	07 8541		27 00 0		1,00	15 7086		54 00 0	
							\mathbf{X}		

N. E.	1, 10		AlteT	Einth.		N. E.			Alte Einth.
$k=1^{\circ}$	$\mathfrak{Q}.$ $k.$	D. 1".		`	D. 1".	$k=1^{\circ}$	Ω . k .	D. 1".	D.1".
Gr. M.		•	Gr. M.	S.		Gr. M.			Gr. M. S.
1,00	0,015 7086	15 71	00 54	00 0	48 49	1,50	0,023 5641	15 71	01 21 00 0 48 49
1,01	0,015 8657	15 71	00 54	32 4	48 49	1,51	0,023 7212	15 71	01 21 32 4 48 49
02 03	16 0228 16 1799	15 71 15 71	55 55	04 8 37 2	48 49 48 49	52 53	23 8783 24 0355	15 72 15 71	22 04 9 48 52 22 37 2 48 49
04	16 3370	15 71	56	09 6	48 49	54	24 1926	15 72	23 09 6 48 52
05	16 4941	15 71	56	42 0	48 49	55	24 3498	15 71	23 42 0 48 49
1,06	0,016 6512	15 71	00 57	14 4	48 49	1,56	0,024 5069	15 71	01 24 14 4 48 49
07	16 8083	15 71	57	46 8	48 49	57	24 6640	15 71	24 46 8 48 49
08	16 9654	15 71	58	19 2	48 49	58	24 8211	15 71	25 19 2 48 49 25 51 6 48 52
09 10	17 1225 17 2796	15 71 15 71	58 59	51 6 24 0	48 49 48 49	59 60	24 9782 25 1354	15 72 15 71	25 51 6 48 52 26 24 0 . 48 49
1,11	0,017 4367	15 71	00 59	56 4	48 49	1,61	0,025 2925	15 71	01 26 56 4 48 49
12	17 5938	15 71	01 00	28 8	48 49	62	25 4496	15 72	27 28 8 48 52
13	17 7509	15 71	01	01 2	48 49	63	25 6068	15 71	28 01 2 48 49
14	17 9080	15 71	01	33 6	48 49	64	25 7639	15 71	28 33 6 48 49
15	18 0651	15 71	02	06 0	48 49	65	25 9210	15 72	29 06 0 48 52
1,16	0,018 2222	15 71	01 02	38 4	48 49	1,66	0,026 0782	15 71	01 29 38 4 48 49
17	18 3793 18 5364	15 71 15 71	03	10 8 43 2	48 49 48′ 49	67 68	26 2353 26 3924	15 71 15 72	30 10 8 48 49 30 43 2 48 52
18	18 6935	15 71	03	15 6	48 49	69	26 5496	15 71	31 15 6 48 49
20	18 8507	15 71	04	48 ()	48 49	70	26 7067	15 71	31 48 0 48 49
1,21	0,019 0078	15 71	01 05	20 4	48 49	1,71	0,026 8638	. 15 71-	01 32 20 4 48 49
22	, 19 1649	15 71	()5	52 S	48 49	72	27 0209	15 72	32 52 8 43 52
23	19 3220	15 71	06	25 2	48 49	73	27 1781	15 71	33 25 2 48 49
24 25	19 4791 19 6362	15 71 15 71	06	57 6 30 0	48 49	74 75	27 3352 27 4923	15 71 15 72	33 57 6 48 49 34 30 0 48 52
1,26 27	0,019 7933 19 9504	15 71 15 71	01 08	02 4	48 49 48 49	1,76 77	0,027 6495 27 8067	15 72 15 71	01 35 02 4 48 52 35 34 8 48 49
28	20 1075	15 71	09	07 2	48 49	78	27 9638	15 71	36 07 2 48 49
29	20 2646	15 72	09	39 6	48 52	79	28 1209	15 72	36 39 6 48 52
30	20 4218	15 71	10	12 0	48 49	80	28 2781	15 71	37 12 0 48 49
1,31	0,020 5789	15 71	01 10		48 49	1,81	0,028 4352	15 72	01 37 44 4 48 52
32	20 7360	15 71	11	16 8 49 2	48 49	82	28 5924	15 71	38 16 8 48 49
33 34	20 8931 21 0502	15 71 15 71	11	21 6	48 49 48 49	83 84	28 7495 28 9067	15 72 15 71	38 49 2 48 52 39 21 6 48 49
35	21 2073	15 71		54 0	48 49	85	29 0638	15 72	39 54 0 48 52
1,36	0,021 3644	15 71	01 13	26 4	48 49	1,86	0,029 2210	-15 71	01 40 26 4 48 49
37	21 5215	15 71	13	58 8	48 49	87	29 3781	15 72	40 58 8 48 52
38	21 6786	15 - 71	. 14	31 2	48 49	88	29 5353	15 71	41 31 2 48 49
39	21 8357	15 72	15 15	03 6	48 52 48 49	89	29 6924	15 72	42 03 6 48 52
40	21 9929	15 71				90	29 8496	15 71	42 36 0 48 49
1,41 42	0,022 1500 22 3072	15 72 15 71	01 16	08 4	48 52 48 49	1,91 92	0,030 0067 30 1639	15 72 15 71	01 43 08 4 48 52
43	22 4643	15 71		13 2	48 49	93	30 1039	15 72	43 40 8 48 49 44 13 2 48 52
44	22 6214	15 71	17		48 49	94	30 4782	15 71	44 45 6 48 49
45	22 7785	15 71	18	18 0	48 49	95	3 0 635 3	15 72	45 18 0 48 52
1,46	0,022 9356	15 71	01 18	50 4	.48 49	1,96	0,030 7925	15 71	01 45 50 4 48 49
47	23 0927	15 72		22 8	48 52	97	30 9496	15 72	46. 22.8, 48, 52
48 49	23 2499 23 4070	15 71 15 71		55 2 27 6	48 49	98 99	31 1068 31 2639	15 71 15 72	46 55 2 48 49 47 27 6 48 52
20.	23 5641	10 11		00 0		2,00	31 4211	1	47 27 6 48 52 48 00 0

N.E.			A	Alte Einth.				N. E.				Al	te E				
$k=2^{\circ}$	Ω . k .	D. 1	115			D	. 1".	1	$k=2^{\circ}$	$\mathfrak{Q}.$ $k.$	D	. 1".				D	. 1".
Gr. M.			G	r. M.	S.				Gr. M.			-	Gr	. M.	S.		
2,00	0,031 4211	15	71 0		00 0	48	49		2,50	0,039 28		5 72	02	15	00 4	48	52
2,01	0,031 5782		72 0. 1	L 48 49	32 4 04 8	45			2,51 52	0,039 43					32 4	48	
03	31 8925	15 7	-	49	37 2	48			53	39 59 39 75:					04 S 37 2	48	52 52
04	32 0497	15 7	2	.50	09 6	48			. 54	39 908					09 6	48	
05	32 2069	15 7	1	50	42 ()	48	49	6	55	40 060	50 1	5 72		17	42 0	48	
2,06	0,032 3640	15 7	2 01	51	14 4	48	52/		2,56	0,040 223	32 18	72	02	18	14 4	48	52
07 08	32 5212	15 7		51	46 8	48			57	40 380					46 8	48	52
09	36 6784 32 8355	15 7 15 7		52 52	19 2 51 6	48 48	49. 52	*	58 59	40 537					19 2 51 6	48	
10	32 9927	15 7		63	24 0	48		٠,	60	40 852	-		16.		24 0	48	55 52
2,11	0,033 1498	15 7	2 01	53	56 4	48	52		2,61	0,041 009	3 1	5 72	. 02	20	56 4	48	
12	33 3070	15 7	2	54	28 8	48			62	41 160			-		28 8	48	52
13	33 4642		2.^		01 2	48			63	41 323				22	01 2	48	52
14 15	33 6214 33 7785	15. 7 15. 7			33 6 06 0	48 48	49 52		64	41 480					33 6	48	55
					-										06 0	48	52
2,16	0,033 9357 34 0928	15 7.			38 4 10 8	48	49 52		2,66 67	0,041 795 41 952			02		38 4	48	52
18	34 2500	15 7			43 2	48	52		* 68	42 109					10 8	48	52 52
19	34 4072	15 7	2	58	15 6	48	54		. 69	42 267		73			15 6	48	55
20	34 5644	15 72		58	48 0	48	52		70	42 424	3 15	. 72		25	48 U	48	52
2,21	0,034 7216	15 7			20 4	48	52		2,71	0,042 581			02	26	20 4	48	52
22 23	34 8788	15 7: 15 7:			52 8 25 2	48 48	49 52		72	42 738 42 895					52 8	48	52
24	35 0359 35 1931	15 7			57 6	48	52		. 74	43 053	4-				25 2 57 6	48	52
.25	35 3503	15 7			30 Q	48	.52		75	43 210					0 Q	48	55 52
2,26	0.035 5079	15 7	2 02	02	02 4	48	52		2,76	0,043 367	6 15	72	02	29 (24	48	52
27	35 6647	15 73		-02	34 8	48	49		77	43 524	8 15	72			34 8	48	52
28	35 8218	15 7			07 2	48	52		78 79	43 6820		73 -)7 2	48	55
29 30	35 9790 . 36 1362	15 72 15 72			39 6 12 0	48 48	52 52		80	43 839		72 72			39 6 12 0	48	52
2,31					44 4	48	52		2,81				(10			48	52
32	0,036 293 4 36 4506	15 72 15 71			16 8	48	49		82	0,044 153			02		14 4	48	55
33	36 6077	15 72			49 2	48	52		83	44 468					9 2	48	52 52
34	36 7649	15 79			21 6	48	52		84.	44 625		73		33 2	1 6	48	55
35	36 9221	15 72	2	06.	54 0	48	52		, 85	44 782	7 - 15	72		33 5	4 0	48	52
2,36	0,037 0793	15 72			26 4	48	52		2,86	0,044 9399		73			6 4	48	55
37 38	37 2365 37 3936	15 71 15 72			58 8 31 2	48	49 52		87. 88	45 0979 45 2549		72 72			88		52
39	37 5508	15 72			03 6	48	52		- 89	45 4110		73			1 2 3 6	48 48	52 55
40	37 7080	15 72		09 3	36 U	48	52		90	45 5680	15	. 72			6 0		52
2,41	0,037 8652	15 72	02	10 ()S 4	48	52		2,91	0,045 7261	15	73	02	37 0	8 4		55
42	38 0224	15 79			40 8	48	52		92	45 8834		72		37 4	08		52
43	38 1796	15 72		11.		- 48	52		93 94	46 0406 46 1978		72			3 2		5,2
44 45	38 3368 38 4940	15 72 15 72	9		15 6 18 0	48	52 52		9 5	46 3551		73 72			5 6 8 0		55 52
2.46		15 72			0 4	43	52		2,96	0,046 5123		73			0 4		
2,40	0,038 6512 \ 38 8084	15 72			22 8	48	52		97	46 6696		73-			2.8		5 5 5 2
48	38 9056	15 73			5 3	48	52		98	46 8268	3 15	72			5 2		52
49	39 1228	15 72			27 6	48	52		09.	46 984		73			7.6		55
50	39 2800			15 0	10 0				3,00	47 1413				42 0	0 0		

X 2

N.E.	-12:8	- 5 8		Alt	e E	inth		rs . W.		N.E.					Alt	e E	linth		
$k = 3^{\circ}$	Ω . k .		1".			ile	D.	1".		$k = 3^{\circ}$	Ω .	k_{\bullet}	D.	1//	• 1		- :	D.	1".
Gr. M.		. 2		Gr.				-		Gr. M.					Gr.	M.	S.		
3,00	0,047 141	3 15	73	.02	42	00 0	, 48	55		3,50	0,055	0056	15	73	03-	09	00 0	48	55
3,01	0,047 298	. 3	73	02	42	32 4	48	55		3,51	0,055		. 15	74	03	09	32 4	48	
03	47 455 47 613		72 73		43	04 8 ° 37 2	48	52 55		52		3203 4776	15 15	73 73		10	04 8 37 2	48	55 55
04	47 770		72		44	09 6	48	52		54		6349	15	73		11	09 6	48	55
05	47 927	6 15	73		44	42 0	48	55		55	,	7922	15	73		11	42 0	48	55
3,06	0,048 084	9 15	73	02	45~	14.4	48	55.		3,56	0,055	9495	. 15	74	03	12	14 4	48	58
07	48 242		72		45	46 8	48	52		57	56	1069	15	,73	, -	12	46 8	48	55
08 09	*48 399 48 556		73 73		46	19 2 51 6	48	55 55		58 59		2642	15	73 73		13	19 2	48 48	55 55
10	48 714		72		47	24 0	48	52		60		4215 5788	15 15	74		13 14	51 6 24 0	48	58
3,11	0,048 871	2 15	73	02	47	56 4	48	55.		3,61	0,056		15	73	03	14	56 4	.48	55
12	49 028		73	^ .	48	28 8	48	55 -		62	· .	8935	15	74	- 03	15	28 8	48	58
13	49 185	8 15			49	01.2	48	52		63	. 57	0509	15	73		16	01 2	48	55 -
14	49 343		73		49	33 6	48	55		64		2082	15	73		16	-33 6	48	55
15	49 500		73		50)	06 0	48	5 5		65		3655	15	74		17	06 0	48	58
3,16	0,049 657		73 72	02	50 51	38 4 1 0 8	48	55 52		3,66	0,057		15	73	03	17 18	38 4 10 8	48	55 58
18	49 814		73		51	43 2	48	55		67 68		6802 8376	15 15	74 73		18	43 2	48 48	55
19	50 129		73		52	15 6	48	55		69		9949	15	73		19	15 6	48	55
20	50 286	7. 15	73		52	48 0	48	55		70	58	1522	15	74		19	48.0	· 48	58
3,21	0,050 444	0 15	72	02	53	20 4	48	52		3,71	0,058	3096	15	73	03	20	20 4	48	55
22	50 601		73		53	52 8	48	55		72		4669	15	74		20	52 8	48	58
23 24	50 758 50 915		73 73		54 54	25 2 .57 6	48 48	55		73 74		6243 7816	- 15 15	73		21	25 2 57 6	48	55
25	51 073		73		55	30.0	48	55		75		9390	15	73		22	30 0	48	55
3,26	0,051 230	1 15	73	02	56	02 4	48	55		3,76	0,059	0963	15	74	-03	23	02 4	48	58.
27	- 51 387		73		56	34 8	48	55	1	77		2537	15	73	10	23	34 8	48	55
28	51 545		73		57	07 2	48	55	r	78		4110	15	74		24	07 2	48	58
29 30	51 7023 51 859		73 73		57 58	39 6 12 0	48 48	55 55		79 80		5684 7257	15 15	73 74		24 25	39 6 12 0	48	55 58
				(1)											02				
3,31	0,052 016 52 174		72 · 73 ·	02	59	44 4 16 8	48	52 55		3,81	0,059	0405	15	74 73	03	25 26	44 4v 16 8	48	58 58
33	52 331		73	02	59	49 2	48	55 .		.83		1978	15	7.4		26	49 2	48	:58
34	52 488		73	03	00	21 6	48	55		84		3552	15	74		27	21 6	48	58
35	52 646	0 15	73		00	54 0	48	55		85	60	5126	15	74		27	54 0	48	5\$
3,36	0,052 803		73	03	01	26 4	48	55		3,86	0,060		15	73	. 03	28	26 4	48	55
37	52 960 53 117		73°		01	58 8 31 2 -	48	55 55		87 88		8273 9847	15	74		28 29	58 8 31 2	48	58 58
39	-53 275		73	20	03	03 6	48	55		89		1421	15	74		30	03 6	48	58
40	53 432		73.	2.3	03	36 0	48	55		. 90	61	2994	- 15	74		30	36.0	48	58
3,41	., 0,053 589	8 15	73.	.03	04	08 4	48	,55		3,91	0,061	4568	15	74	03	18	08 4	43	38
42	53 747	1 15	73			40.8	48	55		92		6142		74		31	40 8	-48	58
43	53 904			4 .		13 2	48	55		93		7716 -		74			13 2	48	58
44 45	54 061 54 219		73 73	73	05	45 6 18 0	48	55 55		94		9290 0863	15			32	45 6 18 0	48 48	55 58
3,46	0,054 376			.03	06	50 4	48			3,96	0,062			74		33	50 4	48	
47	54 533		73	.03	07	22 8	48	58 55		97		4011		74		34	22 8		58 58
48	54 691					55 2	48	55		98	62	5585 ,		7%			55 2		58
49	54 848		73			27 6	48	55		99		7159	15	73			27 6	48	55
50	55 005	0.			09.	00 0			-	4,00	63	8732				20	00 0		

N. E.			Altè	Einth		N. E.		i E	lte Einth.	
$\lambda=4^{\circ}$	$\mathfrak{Q}.$ $k.$	D. 1	16:	is in	D. 1".	$k=4^{\circ}$	2. k.	D. 1".		D. 1".
Gr. M.	· .	- '	Gr.	M. S.	-,	Gr. M.	**	115	Gr. M. S.	
4,00	0,062 8732	15 74	03	36 00 0	48 58	4,50	0,070 7448	15 74	04*03 00 0	48 58
4,01	0,063 0306 63 1880	15 74 15 74		66 32 4 7 04 8	48 58	4,51 52	0,070 9022 71 0597	15 75 15 75	04 03 32 4	48 61 48 61
03	63 3454	15 74		7 37 2	48 58	53	71 2172	15 75 15 75	04 04 8	48 61
04	63 5028	15 74	3	8 09 6	48 58	54	71 3747	15 75	05 09 6	48 61
05	63 6602	15 74	. 3	8 42 0	48 58	55	71 5322	15 74	05 42 0	48 58
4,06	0,063 8176	15 74		0 14 4	88 58	4,56	0,071 6896		04 06 14 4	48 61
07 08	63 9750 6 1324	15 74 15 74	-4	9 46 8 0 19 2	48 58 48 58	57 58	71 8471 72 0046	15 75 15 75	06 46 8 07 19 2	48 61 48 61
09	64 2898	15 74	_	0 51 6	48 58	59	72 1621	15 75	07 51 6	48 61
10	64 4472	15 74	4	1 24 0	48 58	, 60	72_3196	15 75	08 24 0	48 61
4,11	0,064 6046	15 74	03 4	L 56 4	48 58	4,61	0,072 4771	15 75	04 08 56 4 .	48 61
12	64 7620	15 74	. 4		48 58	62	72 6346	15 75	09 28 8	48 61
13 14	64 9194 65 0769	15 75 15 74	4		48 61 48 58	63	72 7921 72 9496	15 75 15 75	10 01 2 10 33 6	48 61
15	65 2343	15 74	4		48 58	65	73 1071	15 75	11 06 0	48 61
4,16	0,065 3917	15 74	03 44	38 4	48 58	4,66	0,073 2646	15 75 (4 11 38 4	48 61
17	65 5491	15 74	4		48 58	67	73 4221	15 75	12 10 8	48 61
18	65 7065	15 74	4		48 58	8 68	73 5796	15 75	12 43 2	48 61
19 20	65 8639 66 0214	15 75 15 74	: 41		48 61 48 58	69 70	73 7371 73 8946	15 75 15 75	13 15 6 13 48 0	48 61 48 61
4,21	0,066 1788	15 74	03 4		48 58	4,71	0,074 0521		14 20 4	48 61
22	66 3362	15 74	4		48 58	72	74 2096	15 75	14 52 8	48 61
23	66 4936	15 75	4.		48 61	73	74 3671	15 75	15 25 2	48 61
24	66 6511	15 74	. 48		48 58	74	74 5246	15. 75	15 57 6	48 61
25	66 8085	15 74	49		48 58	75	74 6821	15 76	16 30 0	48 64
4,26	0,066 9659 67 1234 >	15 75 15 74	, 03 50		48 61	4,76	0,074 8397 74 9972	15 75 0 15 75	4 17 02 4 17 34 8	48 61
28	67 2808	15 74	51		48 58	78	75 1547	15 75	17 34 8 18 07 2	48 61
29	67 4382	15 75	51	39 6	48 61	79	75 3122	15 76	18 39 6	48 64
30	67 5957	15 74	52	12 0	48 58	80	75 4698	15 75	19 12 0	48 61
4,31	0,067 7531	15 75	03 52		48 61	4,81			19 44 4	48 61
32 33	67 9106. 68 0680	15 74 15 74	53 53		48 58	82 83	75 7848 75 9424	15 76 15 75	20 16 8	48 64 48 61
34	68 2254	15 75	54		48 61	84	76 0999	15 76	21 21 6	48 64
35	68 3829	15 74	54	54.0	48 58	85	76 2575	15 75	21 54 0	48 61
4,36	0,068 5403	15 75	03 55	26.4	48 61	4,86	0,076 4150	15 75 0	22 26 4	48 61
37	68 6978	15 74	55		48 58	87	76 5725	15 76	22 58 8	48 64
38 39	68 8552 69 0127	15 75 15 74	56 57		48 61 48 58	88 89	76 7301 76 8876	15 75 15 76	23 31 2 24 03 6	48 64 48 64
40	69 1701	15 75	57		48 61	90		15 75	24 36 0	48 61
4,41	0,069 3276	15 75	03 58	08 4	48 61 ,	4,91	0,077 2027		25 08 4	48 64
42	- 69 4851	15 74		40 8	48 58	92	77 3603	15 75	25 40 8	48 61
-13	69 6425	15 75		13 2	48 61	93		15 76	26 13 2	48 64
44 45	69 8000 69 9574	15 74 15 75	03 59	45 6	48 58 48 61	94		15 75 · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	26 45 6 27 18 0	48 61 48 64
4,46	0,070 1149									
47	70 2724	15 75		22 8	48 61 48 58	97		15 76	28 22 8	48 61 48 64
48	70 4298	15 75		55 2	48 61	98		15 75		48 61
49	70 5873	15 75		27 6	49 61	99		15 76		48 64
50	70 7448		. 03	400 O.		5,00	78 0207		30 00 0	

N. E.		A l	te Einth.		N. E.	,	Alte	Einth.	
$k = 5^{\circ}$	2. k.	D. 1".	. 3 \$	D. 14.	k=5° 2.	k. D.	1"		D. 1".
6r. M.		· ' G	r. M. S.	4	Gr. M.	,	Gr. M	. S.	
5,00	0,078 6207	15 76 04	30 00 0	48 64	5,50 0,086	5016 15	76 04 57	00 0	48 64
01	0,078 7783	. 15 76 04		48 64	5,51 -0,086		77 04 57		48 67
02	78 9359	15 75	31 04 8	48 61	* 0	8169 15	77 58		48 67
$\begin{array}{c} 03 \\ 04 \end{array}$	- 79 0934 79 2510	15 76 15 76	31 37 2 32 09 6	48 64 48 64	F A	9746 1 5	76 , 58 77 · 59		48 64
05	79 4086	15 76	32 42 0	48 64		2899 15	77 04 59		48 67
5,06	`0,079 5662	15 76 04	33 14 4	48 64	5,56 0,087	4476 15	77 05 00	14 4	48 67
07	79 7238	15 75		48 61	57 87	6053 15	76 . 00		48 64
08	79 8813	15 76	34 19 2	48 64		7629 15	77 01		48 67
09 1 0	80 0389	15 76 15 76	34 51 6 35 24 0	48 64		9206 1 5 0783 1 5	77 01		48 67 48 67
-									
5,11 12	0,080 3541	15 .76 04 15 .76	35 56 4 36 28 8	48 64 48 64	5,61 0,088 62 88	2360 1 5 3 <u>9</u> 36 1 5	76 05 02 77 03		48 64 48 67
13	80 6693	15 76		48 64	00		77 04		48 -67
14	80 8269	15 75	37 33 6	48 61	CA:	7090 15	77 04		48, 67
15	80 9844	15 76	38 06 0	48 64	65 88	8667 15	77 00	06 0	48 67
5,16	0,081 1420	15 76 04	38 38 4	48 64	5, 66 0,089	0244 15	77 - 05 05	38 4	48 67
17	81 2996	15 76	39 10 8	48 64	0.0	1821 15	77 06		48 67
18	81 4572 81 6148	15 76 15 76	39 43 2	48 64	0.0	3398 15	77 00 77 - 07		48 67
19 20	81 7724	15 76	40 48 0	48 64		4975 15 6552 15	77 07		49 67 48 67
5,34	0,081 9300	15 76. 04	41, 20 4	48 64		8129 15	77 05 08		-
22	82 0876	I5 77		48 .67	200	9706 715	78 08		48 67 48 70
23	-82 2453	15 76	42 25 2	48 64		1284 ,15	77 / 09		48 67
24	82 4029	15 76		48 64		2861 15	77 09		48 67
25	82 5605	15 76		48 64			77 10	30 0	48 67
5,26	0,082 7181			48 64	5,76 - 0,090 77 - 90		78 05 11		48. 70
27 28	82 8757 83 0334	15 77 / 15 76.		48 67 48 64	~~		77 11 77 12		48. 67
$\tilde{29}$	83 1910	15 76		48 64			78 12		48 67
30	83 3486	15 76	46 12 0	48 64	. 80 . 91	2325 15	77 13		48 67
5,31	0,083 5062	15 77 . 01	46 44 4	48 67	5,81 0,091	3902 15	78 05 13	44 4	48 70
32.	., 83 6639	15 76		48 . 64			77 14	16 8	48 67
33	83 8215	15 76		48 64			77 14		48 67
34 · 35	83 9791 84 1368	15 77 15 76	L	48 67 48 64		8634 15 0212 15	78 - 15 77 - 15		48 70
5,36	0.084 2944	15 76 04	,	48 64	5,86 0,092				48 67
37	84 4520	15 76		48 64			78 05 16 77 16	1	48 70 48 67
38	84 6096	15 77	50 31.2	48 67	88 92	4944 15	78 - 17		48 67
39	84 7673	15 76		48 64			77 18	03 6	48 67
40	84 9249	15 77		48 67			78 18	36 Ø	48 70.
5,41	0,085 0826			48 64	5,91 0,092			08 4	48 70
42 43	85 2402 ± 85 3979	15 77 × 15 76	52 40 8 53 13 2	48 67 48 64		1255 15 2832 15	77 19		48 67
	85 5555	15 77 -		48 67		4410 15			48 70
45	85 7132 -	15 77	54 18 0	48 67		5988 15			48 67
5,46	0,085 8709	15 77 04	54 50 4	48 67	5,96 0,093	7565 15	78 05 21	50 4	48 70
47	86 0286	15 76	·	48 64		9143 15	78 _ 22	. 76	48 70
-	86 1862	15 77		48 67		0721 15			48 67
49	86 3439 86 5016	15 77	56 27 6 57 00 01	48 67		2298 15 3876			48 70
3,0	00 0010				0,00	-	24	00 0	

N. E.			1	Alte I	Einth.				N. E			`	Alt	e E	linth.		
k=6°	Ω . k .	D.	1".			D.	1":	1	$k = 6^{\circ}$	Q. k.	D.	111:				D.	1".
Gr. M.				Gr. M.					Gr. M.					M.	S		-
6,00	0,094 3876	15		05 24	00 0	48	70		6,50	0,102 2796	15	79	05		00 0	48	73
6,01	0,094 5454	15	78	05 24	32 4	48	70		6,51	0,102 4375	15	79 -	05	51	32 4	48	73
02	94 7032	15	78	25	04 8	48	70		52	02 5954	15	77			048	48	80
03	94 8610		78	25	37 2	48	70		53	02 7534	15	79			37 2	48	73
04	95 0188 95 1766		78 77	26 26		48	70		54 55	02 9113	15				09 6	48	73
					42 0	48	67			03 0692	15			53	42 0	48	73
6,06	0,095 3343			05 27	14 4	48	70		6,56 57	0,103 2271	15	79	05		14 4	48	73 73
07 08	95 4921 95 6499	15 15	78 78	27 28	46 8	48	70		58	03 3850 03 5429	15 15	79 80		54 55	46 8	48	77
09	95 8077		78	28	51 6	48	70		59	03 7009	15			55	51 6	48	73
10	95 9655	15	79	29	24 ()	48	73		60	03 8588	15	79		56	24 ()	48	73
6,11	0,096 1234	15	78	05 29	56 4	48	70		6,61	0,104 0167	15	79	05	56	56 4	48	73
12	96 2812	15	78	30	28 8	48	70	1	62	- 04 1746	15	80		57	28 8	48	77
13	96 4390		78	31	01 2	48	70		63	04 3326	15			58	01 2		73
14	96 5968		78	, 31	33 6	48	70		64	04 4905 04 6484	15	79		58	33 6	48	73 77
15	96 7546		78	32	06 0	48	70		65		15			59	06 0		
6,16	0,096 9124			05 32	38 4	48	70 "		6,66 67	0,104 8064	15	79	05	59	38′ 4		73
17 18	97 0702 97 2281		79 78	33 33	10 8	48	73 70		68	05 1223	15 15	80 79	06	00	10 8	48	77 73
19	97 3859		78	34	15 6	48	70		69	05 2802	15	80			15 6	48	77
20	97 5437	15	78	34	48 0	48	70		70	05 4382	15	79		01	48 0	48	73
6,21	0,097 7015	15	79	05 35	20 4	48	73		6,71	0,105 5961	15	80	06	02	20 4	48	77
22	97 8594	15	78	35	52 8	48	70		72	05 7541	15	79		02-	52 8	48	73
23	98 0172		78	36	25 2	48	70		73	05 9120	15	80			25 2	48	77
24	98 1750		78 79	36 37	57 6 30 0	48	70		74 75	06 0700 06 2280	15 15	80			57 6	48	77
25	98 3328					48	73					80			30 0	48	77
6,26	0,098 4907		78 79	05 38 38	02 4	48	70	-	6,76 77	0,106 3860	15 15	80	06		02 4	48	77
28	98 6485 98 8064		78	39	07 2	48	70		78	06 7020	15	80 79			34 8 07 2	48	77 73
. 29	98 9642		79	39	39 6	48	73		79	06 8599	15	79		06	39 6	48	73
30	99 1221	15	78	4()	12 0	48	70		80	07 0178	15	80		07	12 0	48	77
6,31	0,099 2799	15	79	05 40	44 4	48	73		6,81	0,107 1758	15	80	06	07	44 4	48	77
32	99 4378	15	78	41	16 8	48	70		82	07 3338	15	80		08	16 8	48	77
33	99 5956		79	41	49 2	48	73		83.	07, 4918	15	80 :		08	49 2	48	77
34 35	99 7535		79 78	42	21 6 54 0	48	73 70		84 85	07 6498 07 8078	15 15	80		09 09	21 6 54 0	48	77
	99 9114																
6,36 37	0,100 0692		79 79	05 43 43	26 4 58 8	48	73 73		6,86 87	0,107 9658 08 1238	15 15	80	06		26 4		77
38	00 2271 00 3850		79	44	31 2	48	73		88	08 2818	15	80			58 8 31 2		77
39	00 5429		78		03 6	48	70		89	08 4398		80 .			03 6	48	
40	00 7007	15	79	45	36 ()	48	73		90	08 5978	15	80		12	36 ()	48	77
6.41	0,100 8586	15	79	05 46	08 4	48	73		6,91	0,108 7558	15	80	06	13	08 4	48	77
42	01 0165		79	46	40 8	48	73		92	08 9138		80		13	40 8		77
4.3	01 1744		79	47	13 2	48	73		93	09 0718		80			13 2		77
44 45	01 4902		79 7	48	45 6 18 0	48	73 70		94 95	09 2298	15 15	80			45 6 18 0		77
																	80
6,46	0,101 6480 01 8059	15	79 (79	05 48 49	50 4	48	73 73		6,96 97	0,109 5459 09 7039	15 15	80	06		50 4 22 8		77 77
47 48	01 9638	15		49	55 2	48	73		98	09 8619	15				55 2		SU,
49	02 1217	15		50	27 6	48			99	10 0200	15			17 :		48	
\$0	02 2796			51	00 0				7,00	10 1780				18	00 00		

N. E.		All	e Einth.		N. E.			Alte	Einth.	
k=7°	Q. k.	D. 1".		D. 1".	$k = 7^{\circ}$	Ω . k .	D. 1".			D. 1".
Gr. M.1		Gr	M. S.		Gr. M.			Gr. M	. s.	
7,00	0,110 1780	15 80 06	18 00 0	48 77	7,50	0,118 0832	15 82	06 48	5 00 0	48 83
7,01	0,110 3360	15 81 06	18 32 4	48 80	7,51	0,118 2414	15 82	06 48	32 4	48 83
02	10 4941	15 80	19 04 8	48 77	52	1 8 3996	15 81	4(48 80
$\begin{array}{c} 03 \\ 04 \end{array}$	10 6521	15 80 15 81	19 37 2 20 09 6	48 77 48 80	53 54	18 5577 18 7159	15 82 15 82	46		48 83
05	10 8101 10 9682	15 80	20 42 0	48 77	55	18 8741	15 82	4		48 83 48 83
7,06		15 81 06	21 14 4	48 80	7,56	0,119 0323	15 82			
07	11 2843	15 80	21 46 8	48 77	57	19 1905	15 82	06 48		48 83 48 83
08	11 4423	15 81	22 19 2	48 80	58	19 3487	15 82	4		48 83
09	11 6004	15 81	22 51 6	48 80	59	19 5069	15 82	49	51 6	48 83
10	11 7585	15 80	23 24 0	48 77	- 60	19 6651	15 82	51	24 0	48 83
7,11	0,111 9165	15 81 06	23 56 4	48 80	7,61	0,119 8233	15 82	06 50	56 4	48 83
12	12 0746	15 80	24 28 8	48 77	62	19 9815	15 -82	51		48 83
13	12 2326	15 81	25 01 2 25 33 6	48 80 . 48 80	63	20 1397	15 83	. 50		48 83
14 15	12.3907 12.5488	15 81 15 81	26 06 0	48 80	64 65	20 2980 20 4562	15 82 15 82	52		48 83 48 83
				48 77						
7,16	0,112 7069 12 8649	15 80 06 15 81	26 38 4 27 10 8	48 80	7,66 67	0,120 6144 20 7726	15 82 15 82	06 53 54		48 83 48 83
18	13 ()23()	15 81	27 43 2	48 80	68	20 9308	15 83	54		48 86
19	13 1811	15 - 81	28 15 6	48 80	69	21 0891	15 82	55		48 83
- 20	13 3392	15 81	28 48 0	48 80	70	21 2473	15 /82	58	48 0	48 83
7,21	0,113 4973	15 81 06	29 20 4	48 80	7,71	0,121 4055	15 83	06 56	20 4	48 86
22	13 6554	15 81	29 52 8	48 80	72	21 5638	15 82	56	52 8	48 83
23	13 8135	15 81	30 25 2	48 80	73	21 7220	15 83	57		48 86
24 25	- 13 9716	15 SI 15 SI	30 57 6 31 30 0	48 80 48 80	74 75	21 SS03 22 0385	15 82 15 83	57 58		48 83
	14 1297									48 86
7,26	0,114 2878	15 81 06 15 81	32 02 4 32 34 8	48 80	7, 76	0,122 I968 22 3550	15 82 15 83	06 59		48 83
27 28	14 4459 14 6040	15 81 · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	33 07 2	48 80	78	22 5133	15 83		34 8	48 83 48 86
29	14 7621	15 81	33 39 6	48 80	79	22 6716	15 82	00		48 83
30	14 9202	15 82	34 12 0	48 83	80	22 8298	15 83	()1	. 12 0	48 \$6
7,31	0,115 0784	15 81 06	34 44 4	48 80	7,81	0,122 9881	15 83	07 01	44 4	48 86
32	15 2365	15 81	35 16 8	48 80	82	23 1464	15 82	02	16 8	48 83
33	15 3946	15 81	35 49 2	48 80	83	23 3046	15 83	02		48 86
34	15 5527	15 82 15 81	36 21 6 36 54 0	48 83 48 80	84 85	23 4629 23 6212	15 83	. 03		48 86
35	15 7109						I5 82	03		48 83
7,36	0,115 8690 16 0271	15 81 06 15 82	37 26 4 37 58 8	48 80 48 83	7,86 87	0,123 7794 23 9377	15 83	07 04		48 86
37 38	16 1853	15 81	38 31 2	48 80	88	24 0960	15 83 15 82	04		48 86 48 86 48
39	16 3434	15 82	39 03 6	48 83	89	24 2543	15 83	00		48 86
40	1 6 5016	15 81 .	3 9 3 6 0	48 80	90	24 4126	15 83	06	36 ()	48 86
7,41	0,116 6597	15 82 - 06	40 08 4	48 83	7,91	0,124 5709	15 83	07 07	08 4	48 86
42	16 8179	15 81	40 40 8	48 80	92	24 7292	15 83	07		48 86
43	16 9760	15 82	41 13 2	48 83	93	24 8875	15 83		13 2	48 86
44	17 1342	15 82	41 45 6	48 83	94	25 0458	15 83	08		48 86
45	17 2924	15 81	42 18 0	48 80	95	25 2041	15 .83	09		43 86
7,46	0,117 4505		42 50 4	48 83	7,96	0,125 3624	15 84	07 09		48 89
47 48	17 6087 17 7669	15 82 , 15 81	43 22 8	48 83 48 80	97	25 5208 25 6791	15 83 15 83	10		43 86
49	17 9250	15 82	44 27 6	48 83 .	99	25 8374	15 84	. 11		48 86
50	18 0832		45 60 0		8,00	25 9958			60 0	

N. E.	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·		-	Αl	te I	Einth.				N. E.				A	lte I	Eintl	h.	
$k=S^{\circ}$	2. k.	D	. 1".		3	4	D.	1"		$k=8^{\circ}$	Ω.	k. 1	D. 1	1.		1	\ I	0.1".
Gr. M.				Gr	. M.	S.			5 -	Gr. M.		3		6	r. M.	. S.		
8,00	0,125 9958	15	83	07	12	00 0	48	86		8,50	0,133	9162	15 - 85	0	7 39	00 () (18 92
8,01	0,126 1541	15		07	12		48		1	8,51	0,134		15 85			32 4		18 92
02 03	26 3124 26 4708	15 15		,	13 13	04 8 37 2	48			52 53			15 85		. 40	04 8		8 92
04	26 6291	15			14		48			54			15 85 15 85		40	37 2 . 09 6		8 92 8 92
105	26 7875	15	83		14	42 0	48	86		55	34		15 85	١.	41	42 (8 92
8,06	0,126 9458	15	84	07	15	14 4	48	89		8,56	0,134 8	3672	15 85	0	7 42	14 4	. 4	8 92
07	27 1042	15	83 .		15	46 8	48	86		57	35 ()257	15 85		42	46 8	. 4	8 92
08	27 2625	15			16	19 2	48	89		58			15 85		43	19 2		8 92
09 10	27 4209 27 5792	15 15			16	51 6	48	86 89		59			15 85 15 86		43	51 6 24 0		8 92
				07										()4				
8,11 12	0,127 7376 27 8960	15 15	84	07	17 18	56 4 28 8	-48 48	89 . 86		8,61	0,135 6		15 85° 15 85	07	44 45	56 4 28 8		
13	28 0543	15	84		19	01 2	48	89 -		63	35 9		5 86		46	01 2		
14	28 2127	15	84		19	33 6	48	89		64	36 1	1354 1	5 85		46	3 3 6	4	3 92
15	28 3711	15	83		20	06 0	48	86		65	36 2	2939 1	15 85		47	06 0	4	8 - 92
8,16	0,128 5294	15	84	07	20	38 4	48	89		8,66	0,136 4		.5 86	07		38 4	.4	
17 18	28 6878	15 15	84		21	10 8	48	89 89		67	36 6		5 85		48	10 8	4	
19	28 8462 29 0046	15	84		22	15 6	48	89		69	36 9		15 86 15 86		48	43 · 2 15 · 6	4:	
20	29 1630	15	83		22	48 0	48	86		70	37 (5 85	. 8,		48 0	4	
8,21	0,129 3213	15	84 /	07	23	20 4	48	89		8,71	0,137 2	452 1	5 86	07	50	20 4	48	3 95
22	29 4797	15	84 .		23	52 8	48	89	,	72	37 4		.5 85			52 8	4	
23	29 6381	15	84		24	25 2	48	89		73	37 5		5 86	,		25 2	48	
24 25	29 7965 29 9549	15 15	84		24 25	57 6 30 0	48	92		74	37 7		5 86 5 86			57 6		
	,			0*						8,76						30 0	46	
8,26 27	0,130 1134 30 2718	15 15	84	07	26 26	02 4 34 8	48	89 89		77	0,138 ()		5 85 5 86	07		02 4	48	
28	30 4302	15-			27	07 2	48	89		78	38 3					07 2	48	
29	30 5886	15	84		27	39 6 ·	48	89		79	38 5	138 1	5 86		54	39.6	48	3 95
30	30 7470	15	84		28	12 0	48	89		80	38 6	724 1	5 86		55	12 ()	. 48	95
8,31	0,130 9054	15	85	07	28	44 4	48	92		8,81	0,138 8	310′ 1	5 86	. 07	55	44 4	4.5	95
32	31 0639	15	84		29	16 8	48	89		82	38 9		5 86	10		16 8	48	
33 34	31 2223	15 15	85 84 -		29 30	49 2 21 6	48	92 89		83	39 1 39 3		5 86 5 86			49 2 21 6	48	
35	31 3808 31 5392	15	84		30	54 0	48	89 -	-	85	39 4		5 86	15	57	54 ()	46	
8,36	0,131 6976	15	85	07	31	26 4	48	92		8,86	0,139 6	240 1	5 86	- 07	58	26 4	48	3- 95
37	31 8561	15	84		31	58.8	48	89	-	87	39 7					58 8	48	
38	32 0145	15-	85		32	31 2	48	92		88	39 9	-		07		31 2	48	98
39	32 1730	15	84		33 33	03 6 36 0	48	99 92		89	40 0			08	00		48	
40.	32 3314	15	85								40 2		5 86			36 0	45	
8,41	0,132 4899	15 15	85 84 ···	07		08 4 40 8	48			8,91	0,140 4		5 87 5 86		01		45	
43	32 6484 32 8068	15				13 2	48		er en	93	40 7		5 86	-		13 2	48	
44	32 9653		85			45 6	48	92		94	40 89		5 87			45 6	48	
45	33 1238	15	84 .		36	18 0	48	89		95	41 0	517 15	5 86		03	18 0	48	95
8,46	0,133 2822	15		07		50 4-	48			8,96	0,141 21		87	. 08		50 4	48	98
47	33 4407	15	85 .			22 8	48			97	41 3		5 86			22 8,	48	
48	33 5992 33 7577	15	8\$			55 2 27.6	48			93 99	41 55		5 86			55 2 27 6	48	98 95
50	33 9162	10	85			00 0	***			9,00	41 84		00			00 0	30	30
			-							,,,,								

N. E.		Al	te Einth.		N. E.		A	lte Einth.	1.0
k=9°	$\mathfrak{L}.$ $k.$	D. 1".		D. 1".	$k = 9^{\circ}$	Ω . k .	D. 1".		D. 1".
Gr. M.		Gr	. M. S.		Gr. M.		6	r. M. S.	
9,00	0,141 8449	15 87 68	06 00 0	48 98	9,50	0,149 7826	15 89 0	8 33 00 0	49 04
9,01	0,142 0036		06 32 4	48 98	9,51	0,149 9415		8 . 33 32 4	49 01
03	42 1 62 3 42 3210	15 87 15 86	07 04 8 07 37 2	48 98	52 53	50 1003 50 2592	15 89 15 88	34 04 8 34 37 2	49 04
04	42 4796	15 87	08 09 6	48 98	54	. 50 4180	15 89	35 09 6	49 04
05	42 6383	15 87	08 42 0	48 98	55	50 5769	15 89	35 42 0	49 01
9,06	0,142 7970	15 87 08	09 14 4	48 93	9,56	0,150 7357	15 89 0	8 36 14 4	49 ()4
07	42 9557	15 87	09 46 8 10 19 2	48 98 48 98	5.7	50 8946	15 89	36 46 9	49 04
08	43 1144 43 2731	15 87 15 87	10 19 2 10 51 6	48 98	58 59	51 0535 51 2124	15 89 15 88	37 19 2 37 51 6	49 04
10	43 4318	15 87	11 24 0	48 98	60	51 3712	15 89	38 24 0	49 04
9,11	0,143 5905	15 87 08	11 56 4	48 98	9,61	0,151 5301	15 89 0	8 38 56 4	49 ()4
. 12	43 7492	15 87	12 28 8	48 98	62	51 6890	15 89	39 28 8	49 04
13	43 9079	15 87 15 87	13 01 2 13 33 6	48 98 48 98	63	51 8479	15 89 15 89	40 01 2	49 04
14 15	44 0666 44 2253	15 87	14 06 0	48 98	64 65	52 0068 52 1657	15 89	40 33 6 41 06 0	49 04
9,16	0,144 3840	15 87 08	14 38 4	48 98	9,66	0,152 3246	15 89 0		49 04
17	44 5427	15 88	15 10 8	49 01	67	52 4835	15 89 -	42 10 8	49 04
18	44 7015	15 87	, 15 43 2	48 98	68	52 6424	15 89	42 43 2	49 04 -
19	44 8602	15 87	16 15 6 16 48 0	48 9 8 49 0 1	69	52 8013	15 89	43 15 6	49 ()4
. 20	45 0189	15 88			70	52 9602	15 90	43 48 0	49 07
9,21	0,145 1777	15 87 08 15 87	17 20 4 17 52 8	48 98 48 98	9,71	0,153 1192 53 2781	15 89 0 15 89	8 44 20 4 44 52 8	49 ()4
22 23	45 3364 45 4951	15 87 15 88	18 25 2	49 01	73	53 4370	15 89	45 25 2	49 04
24	45 6539	15 87	IS 57 6	48 98	74	53 5959	15 90	45 57 6	49 07
25	45 8126	15 88	19 30 0	49 OL	75	53 7549	15 89	46 30 0	49 04
9,26	0,145 9714	15 87 08		48 98	9,76	0,153 9138		08 47 02 4	49 07
27	46 1301	15 88	20 34 8	49 01	77 78	54 0728	15 89	47 34 8	49 04
28 29	46 2889 46 4477	15 88 15 87	21 07 2 21 39 6	48 98	79	54 2317 54 3907	15 90 15 89	48 07 2 48 39 6	49 04
30	46 6064	15 88	22 12 0	49 ()1	80	54 5496	15 90	49 12 0	49 07
9,31	0,146 7652	15 88 08	22 44 4	49 01	9,81	0,154 7086	15 90 0	8 49 44 4	49 07
32	46 9240	15 88	23 16 8	49 01	82	54 8676	15 88	50 16 8	49 01
33	47 0828	15 87	23 49 2 24 21 6	48 98	83 84	55 0264	15 91	50 49 2	49 10
34 35	47 2415 47 4003	15 SS 15 SS	24 54 0	49 01	85	55 1855 55 3445	15 90 15 90	51 21 6 51 54 0	49 07
	0,147 5591	15 88 08	25 26 4	49 01	9,86	0,155 5035	15 89 0		49 04
9,36	47 7179	15 88	25 58 8	49 01	87	55 6624	15 90	52 58 8	49 07
38	47 8767	15: 88	26 31 2	49 01	88	55 8214	15 90	53 31 2	49 07
39	48_0355	15 88	27 03 6	49 01	89	55 9804	15 90	54 03 6	49 07
40	48 1943	15 88	27 36 0	49 01	90	56 1394	15 90	54 36 0	49 07
9,41	0,148 3531	15 89 08 15 88	28 08 4 28 40 8	49 01	9,91	0,156 2984 56 3574	15 90 OR	55 08 4 55 40 8	49 07
42 43	48 5120 48 6708	15 88	29 13 2	49 01	93	56 6164	15 90	56 13 2	49 07
4.3	48-8296 -	15 88	29 45 6	49 01	94	56 7754	15 9£	56 45 6	49 10
45	48 9881	15 89	30 18 0	49 04	95	56 9345	15 90	57 18 0	49 07
9,46	0,149,1473	15 88 08	30 50 4	49 04	9,96	0,157 0935	,	8 57 50 4	49 67
47	49 3061	15 88	31 22 8 31 55 2	49 04	97 98	57 2525 57 4115	15 90	58 22 8	49 07
48 49	49 4649 49 6238	15 89 15 88	32 27 6	49 04	99	57 5706	15 91 15 90 08	58 55 2 3 59 27 6	49 10
5 0	49 7826		33 00 0		10,00	57 7296		00 00 0	

N.E.			Altel	Einth.			N. E.	.9		Alte Einth	
x=10	$^{\circ}$ Ω . k .	D. 1".		to I	D. 1"	•	$k = 10^{\circ}$	Ω . k .	D. 1".	· · · · · · · · · · · · ·	D. 1".
Gr. M.	* 4. 01	,	Gr. M	: S.			Gr. M.	1.		Gr. M. S.	
10,00	0,157 7296	16 90	09 00	00 0	49 07	,	10,50	0,165 6865	15 93	09 27 00 0	49 17
10,01	0,157 8886	15 91	09 00	32 4	49 10		10,51	0,165 8458	15 92	09 27 32 4	49 14
02	58 0477	15. 90	01	04 8	49 07		52	, 66 0050	15 93	28 04 8	49 17
04	58 2067 58 3658	15 91 15 90	01	37 2 09 6	49 10		54	66 1643 66 3235	15 92 15 93	28, 37 2	A9 14
05	58 5248	15 91	02	42.0	49 10		55	66 4828	15 93	29 09 6 29 42 0	49 17
10,06	0,158 6839	15 91	09 03	14 4	49 10		10,56	0,166 6420	15 93		
07	58 8430	15 90	- 03	46 8	49 07		57	66 S013	15 93	09 30 14 4 30 46 8	. 49 17 49 17
08	59 0020	15 94	04	19 2	49 10		58	66 9606	15 92	31 19 2	49 14
09	59 1611	15 91	04	51 6	49 10		59	67 1198	15 93	31 51 6	49 17
10	59 3202	15 - 91	05	24 0	49 10		-60	67 2791	15 93	32 24 0	49 17
10,11	0,159 4793	15 90	Q9 05	56 4	49 07	-	10,61	0,167 4384	15 93	09 32 56 4	49 17
12	59 6383	15 '91	-06	28 8	49 10	1	62	67 5977	15 93	33 28 8	49 17
13 14	59 7974	15 91	07	01 2	49 10	* .	63	67 7570	15 93	34 01 2	49 17
15	59 9565 60 1156	15 91 15 94	. 08	06.0	49 10		65	68 0756	15 93 15 93	34 33 6	49 17 49 17
10,16					49 10		10,66				
10,10	0,160 2747 60 4338	15 91	09, 08	38 4 10 8	49 10		67	0,168 2349 68 3942	15 93 15 93	09 35 38 4 36 10 8	49 17
18	60 5929	15 91	09	43 2	49 10		68	.68 5535	15 93	36 43 2	49 17
19	60 7520	15 92	10	15 6	49 14		69	68 7128	15 94	37 15 6	49 20
, 20	60 9112	15 91	10	48 0	49 10		70 ,	68 8722	15 93	37 48 0	49 17
10,21	0,161 0703	15 91	09 11	20 4	49 10		10,71	0,169 0315	15 93	09 38 20 4	49 .17
22	61 2294	15 91	11	52 8	49 10		72	69 1908	15 94	38 52 8	49 20
23	61 3885	15 92	12	25 2	49 14		73	69 3502	15 93	39 25 2	49 17
24 25	61 5477	15 91 15 91	12	57 6 30 0	49 10		74 75	69 6688	15 93 15 94	39 57 6 40 30 0	49 17
											49 20
10,26 27	0,161 8659 62 0251	15 92 15 91	.09 14	02 4	49 14 49 10		10,76	0,169 8282 69 9875	15 93 , 15 94	09 41 02 4	49 17
28	62 1842	15 92	15	07 2	49 14		78	70 1469	15 93	41 34 8 42 .07 2	49 20
29	62 3434	15 91	15	39 6	49 10	5	79	70 3062	15 94	42 39 6	49 20
30	62 5025	1 5 92 ·	16	12 0	49 14		80	70 4656	15 94	43 12 0	49 20
10,31	0,162 6617	15 92	09 16	44 4	49 14		10,81	0,170 6250	15 94	09 43 44 4	49 20
32	62 8209	15 91	17	16 8	49 10		82	70 7844	15 94	44 16 8	49 20
33	62, 9800	15 92	17	49 2	49 14	~	83	70 9438	15 93	.44 49 2	49 17
34	63 1392	15 92	18	21 6	49 14		84	71 1031 71 2625	15 94	45 21 6	49 20
	63 2984	15 91		25 "					15 94	45 54 0	49 20
10,36	0,163 4575	15 92 15 92	09 /19	26 4 58 8	49 14		10,86	0,171 4219	15 94 15 94	09 46 26 4	49 20
37 38	63 6167 63 7759	15 92	20	31 2	49 14		88	71 7407	15 94 15 94	46 58 8 47 31 2	49 20
39	63 9351	15 92	21	03 6	49 14		89	71 9001	15 94	48 03 6	49 20
40	64 0943	15- 92	21	36 0	49 14		90	72 0595	15 94 '	48 36 0	49 20
10,41	0,164 2535	15 92	09 22	08 4	49 14		10,91	0,172 2189	15 95	09 49 68 4	49 23
42	64 4127	15 92	22	40.8	49 14		92	72 3784	15 94	49 40 8	49 20
43	64 5719	15 93		13 2	49 17		93	72′5378	15 94	50 13 2	49 20
44	64 7312	15 92	- 23	45 6	49 14	,	94-	72 6972	15 94 15 95	50 45 6 51 18 0	49 20
45	64 8904	15 92	24	18.0	49 14		95	72 8566			49 23
10,46	0,165 0496	15 92	.09 24	50 4	49 14		10,96	0,173 0161 73 1755	15 94 15 94	09 51 50 4	49 20
47	65 2088	15 93 15 92	25 25	22 8 55 2	49 17		97 98	73 3349	15 95	52 22 8 52 55 2	49 20
49	65 5273	15 92		27 6	49 14		99	73 4944	15 94	53 27 6	49 20
50	65 6865	1		00 0			11,00	73 6538		54 00 0	
									-		

Y 2

N. E.	e francisco	Al	te Einth.	. 1 5.	N. E.		1	Alte Einth	
$k = 11^{\circ}$	Q. k.	D. 1".	1. 7 5.	D. 1".	k=11°	Ω . k .	D. 1".	1 1 2	D. 1".
Gr. M.	i je e	G	. M. S.		Gr. M.		12	Gr. M. S.	
11,00	0,173 6538	15 95 09	54 00 0	49 23	11,50	0,181 6321	15 97	10 21 00 0	49 29
01	0,173 8133	15 95 09		49 23	11,51	0,181 7918		10 21 32 4	49 29
02	73 9728 74 1322	15 94 15 95		49 20 49 23	52 53	81 9515	15 96	22 04 8	49 29
04	74 2917	15 95		49 23	54	82 1111 _ 82 2708	15 97 15 97	23 09 6	49 29
05	74 4512	15 94		49 20	55	82 4305	15 97	23 42 0	49 29
11,06	0,174 6106	15 95 09	57 14 4	49 23	11,56	0,182 5902	15 98	10 24 14 4	49 - 32 -
07	74 7701	15 95	57 46 8	49 23	57	- 82 7500	15 97	24 46 8	49 29
08	74 9296	15 95		49 23	58	82 9097	15 97	25 19 2	49 29
09	75 0891	15 95 15 95		49 23 49 23	59 60	83 0094	15 97 15 97	25 51 6 26 24 0	49 29 49 29
10	. 75 2486					83 2291			
11,11	0,175 4081	15 95 09 15 95 10		49 23 49 23	11,61 62	0,183 3888	15 98 15 97	10 26 56 4 27 28 8	49 32 49 29
12 13	75 5676 75 7271	15 95 10 15 95		49 23	63	83 7083	15 97	28 01 2	49 29
14	75 8866	15 95	01 33 6	49 23	64	83 8680	15 98	28 33 6	49 32
15	76 0461	15 96	02 '06 0	49 26	65	- 84 0278	15 97	29 06 0	49 29
11,16	0,176 2057	15 95 10	.02 38 4	49 23	11,66	0,184 1875	15 98 1	10 29 38 4	49. 32
17	76 3652	15 95		49 23	67	84 3473	15 97	30 10 8	49 29
. 18	76 5247	15 95		49 23 49 26	68	84 5070	15 98	30 43 2	49 32
19	76 6842 76 8438	15 96 15 96		49 26	70	84 6668 84 8265	15 97 15 98	31 15 6 31 48 0	49 29
				49 23	11,71				
11,21 22	0,177 0034 77 1629	15 95 10 15 96		49 26	72	0,184 9863 85 1461	15 98	10 32 20 4 32 52 8	49 32
23	77 3225	15 95	-	49 23	73	85 3059	15 98	33 25 2	49 32
24	77 4820	15 96		49 26	74	85 4657	15 .98	33 57 6	49 32
25	77 6416	15 95	07 30 0	49 23	75	85 6255	15 98	34 30 0	49 32
11,26	0,177 8011	15 96 10		49 26	11,76	0,185 7853		10 35 02 4	49 32
27	77 9607	15 96		49 26	77	85 9451	15 98	35 34 8	49 32
28 29	78 1203 78 2799	15 96 15 96		49 26 49 26	79	86 1049 86 2647	15 98 15 98	36 07 2 36 39 6	49 32
30	78 4395	15 95		49 23	80	86 4245	15 98	37 12.0	49. 32
11,31	0,178 5990	15 96 10	10 44 4	49 26	11,81	0,186 5843	15 99 1	10 37 44 4	49 35
32	78 7586	15 96		49 26	82	86 7442	15 98	38 16 8-	49 32
33	78 9182	15 96		49 26	. 83	86 9040	15 98	38 49 2	49 32
34	79 0778	15 96		49 26	84 85	87 0638	15 99	39 21 6	49 35
35	79 2374	15 96	3	49 26	-	87 2237		39 54 0	49 32
11,36	0,179 3970			49 26 (49 29	11,86 87	0,187 3835 S	15 99 1 15 98	40 58 8	49 35
37 38	79 5566 79 7163	15 97_ 15 96		49 26	88	87 7032	15 98	41 31 2	49 35
39	79 7103	15 96		49 26	89	87 8631	15 98 1/	42 03 6	49 32
40	80 0355	15 97	15 36 0	49 29	. 90	88 0229	15 99	42 36 0	49 35
11,41	0,180 1952	15 96 10	16 08 4	49 26	11,91	0,188 1828		10 43 08 4	49. 35
42.	80 3548	15 97		49 29	.92	88 3427	15 99	43 40 8	49 35
43	80 5145	15 96		49 26 .	93	88 5026 88 6624	15 98 15 99	44 13 2 44 45 6	49 32
44 45	80 6741 80 8338	15 97 15 96		49 29	94	88 8223	15 99	45 18 0	49 35
				49 29	11,96	0,188 9822		0 45 50 4	49 35
11,46	0,180 9934	15 97 1 0 15 96		49 29	97	* 89 1421	15 99	46 22 8	49 35
47 48	81 3127	15 97		49 29	98	89 3020 -	15 99	46 55 2	49 35
▶49	81 4724	15 97	20 27 6	49 29	99	89 4619	15 .99	47 27 6	49 35
50	81 6321	a. c = +20	21 00 Q	- Colorado	12,00	89 6218		48 =00 0	

N.E.			Alt	e Ein	th.		N. E.				Al	te I	Linth		
k=12°	2. k.	D. 1".			D	. 1".	k=12°	2. k.	D.	1".	v			D	. 1".
Gr. M.		4		M. S.			Gr. M.					M.			
12,00	0,189 6218	15 99	10	48 00			12,50	0,197 6235		01		15	00 0	49	
12,01 02	0,189 7817 89 9416	15 99 16 00	10	48 32 49 04			12,51 52	0,197 7836 97 9438		02	11	15 16	32 4 04 8	49	
03	90 1016	15 99		49 37			53	98 1040	16	02		16	37 2	49	
04	90 2615	15 99		50 09			54	98 2642	- 16	OL		17	09 6	49	
05	90 4214	16 00		50 42	0 49	9 38	55	98 4243	16	02		17	42 0	49	44
12,06	0,190 5814	15 99	10	51 14	4 49	35	12,56	0,198 5845	16	02	11	18	14 4	49	41
07	90 7413	16 00		51 46	8 49	9 38	57	98 7447	16	02		18	46 8	49	44
08	90 9013	15 99		52 19 :			58	98 9049	16	02		19	19 2	49	
09 10	91 0612 91 2212	16 00 15 99		52 51 6 53 24			59 60	99 0651	16 16	02		19 20	51 6 24 0	49	
12,11							12,61								
12,11	0,191 3811 91 5411	16 00 16 00		53 56 4 54 28 8			62	0,199 3855 99 5457	16 16	02	11	20	56 4 28 8	49	
13	91 7011	15 99		55 01			63	99 7060	16	02		22	01 2	49	
14	91 8610	16 00		55 33			64	0,199 8662		02		22	33 6	49	
15	92 0210	16 00		56 06	0 49	38	65	0,200 0264	16	03		23	06 0	49	48
12,16	0,192 1810	16 00	10	56 38	4 49	38	12,66	0,200 1867	16	02	11	23	38 4	49	41
17	92 3410	16 00		57 10	8 49	38	67	00 3469	16	03		24	10 8	49	48
18	92 5010	16 00		57 43 5			68	00 5072	16	02		24	43 2	49	
19	92 6610	16 00		58 15 (58 48)			69 7 0	00 6674	16	03		25 25	15 6	49	
20	92 8210	16 00						00 8277	16	()2			48 0		
12,21 22	0,192 9810	16 00		59 20			12,71 72	0,200 9879	16	03	11		20 4	49	
23	93 1410 93 3011	16 01 16 00	10	59 52 8 00 25 9			73	01 1482 01 3085	16 16	03		26 27	52 8 25 2	49	
24	93 4611	16 00		00 57			74	01 4687	16	03		27	57 6	49	
25	93 6211	16 01		01 30) 49	41	75	01 6290	16	03		28	30 0	49	48 -
12,26	0,193 7812	16 00	11	02 02	4 49	38	12,76	0,201 7893	16	03	11	29	02 4	49	48
27	93 9412	16 00		02 34	8 49	38	77	01 9496	16	03		29	34 8	49	48
28	94 1012	16 -01		03 07			78	02 1099	16	03		30	07 2	49	
29	94 2613	16 01		03 39			79 80	02 2702	16	03		30	39 6 12 0	49	
30	94 4214	16 00		04 12				02 4305	16	03					
12,31	0,194 5814	16 01	11				12,81 82	0,202 5908	16	03	11		44 4	49	48
32 33	94 7415 94 9015	16 01 16 01		05 49 5			83	02 7511	16 16	0 3		32 32	16 8 49 2	49	51
34	95 0616	16 01		06 21			84	03 0718	16	03		33	21 6	49	48
35	95 2217	16 01		06 54 (41	85	03 2321	16	03		33	54 0	49	48
12,36	0,195 3818	16 00	11	07 26	4 49	38	12,86	0,203 3924	16	04	11	34	26 4	49	51
37	95 5418	16 01		07 58			87	03 5528		03		34	58 8	49	48
38	95 7019	16 01		08 31 9			88	03 7131	16	04		35	31 2	49	51
39	95 8620	16 01		09. 03			89	03 8735	16 16	03		36	03 6	49	48 51
40	96 0221	16 02		09 36 (90	04 0338				36	36 0	49	
12,41	0,196 1823	16 01		10 08			12,91	0,204 1942	16		11	37	08 4	49	51
42 43	96 3424	16 01		10 40 8 11 13 2			92 93	04 3546 04 5149		03		37 38	40 8 13 2	49	48
45	96 5025 96 6626	16 01 16 02		11 45 6			94	04 6753	16				45 6	49	51
45	96 8228	16 01		12 18 (95	04 8357	16				18 0	49	51
12,46	0,196 9829	16 01		12 50 4			12,96	0,204 9961	16	04	11	39	50 4	49	51
47	97 1430	16 02		13 22 8			97	05 1565		04			22 8	49	51
48	97 3032	16 01		13 55 5			98	05 3169	16				55 2	49	51
49	. 97 4633	16 02		14 27 (41	99	05 4773	16	04			27 6	49	51
50	97 6235			15 00 0)		13,00	05 6377				42	00 0		

N E.		A	lte Einth	111	N. E.		Ai	te Einth.	
$k = 13^{\circ}$	2. k.	D. 1".		D. 1".	k=13°	2. k.	D. 1".		D. 1".
Gr. M.	k. n.		r. M. S.		Gr. M.		Gr	. M. S.	
13,00	0,205 6377	16 04 1.		49 51	13,50	0,213 6649	16 07 12		49 (4)
13,01	0,205 7981	16 04 11	42 32 4	49 51	13,51	0,213 8256	16 67 12	09 32 4	49 60
02	05 9585	16 04	43 04 8	49 51	52	13 9863	16 07	10 04 8	49 60
03	06 1189	16 05	43 37 2	49 54	53	14 1470	16 07	10 37 2	40 60
04	06 2794	16 04	44 09 6	49 51	54	14 3077	16 07	11 09 6	49 (ii)
05	06 4398	16 04	44 42 1	49 51	55	14 4684	16 07	. 11 42 0	49 60
13,06	0,206 6002	16 05 11	45 14 4	49 54	13,56	0,214 6291	16 07 12	12 14 4	49 60
07	06 7607	16 04	45 46 8	49 51	57	14 7898	16 07	12 46 8	49 60
08	06 9211	16 05	46 51 6	49 54	5 8 5 9	14 9505	16 07	13 19 2	49 60
09 1 0	07 0816 07 2421	16 05 16 04	47 24 0	49 51	60	15 1112 15 2719	16 07 16 08	13 51 6 14 24 0	49 60
				49 54					
13,11	0,207 4025	16 05 11 16 05	48 28 8	49 54	13,61 62	15 5935	16 08 12 16 07	14 56 4	49 60
12 13	07 5630 07 7235	16 05	49 01 2	49 54	63	15 7542	16 08	16 01 2	49 63
14	07 8840	16 05	49 33 6	49 54	64	15 9150	16 97	16 33 6	49 60
15	08 0445	16 05	50 06 0	49 54	65	16 0757	16 08	17 06 0	49 63
13,16	0,208 2050	16 05 1	1 50 38 4	49 54	13,66	0,216 2365	16 07 12	2 17 38 4	49 (0)
17	. 08 3655	16 05	51 10 8	49 54	67	16 3972	16 08	18 10 8	49 63
18	08 5260	16 05	51 43 2	49 54	68	16 5580	16 08	18 43 2	49 63
19	08 6865	16 05	52 15 6	49 54	69	16 7188	16 08	19 15 6	49 63
20	08 8470	16 05	52 48 ()	49 54	70	16 8796	16 08	19 48 0	49 63
13,21	0,209 0075	16 05 1	1 53 20 4	49 54	13,71	0,217 0404	16 07 12	20 20 4	49 60
22	09 1680	16 06	53 52 8	49 57	72	17 2011	16 08	20 52 8	49 63
23	09 3286	16 05	54 25 2	49 54	73	17 3619	16 08	21 25 2	49 63
24	09 4891	16 05	54 57 6 55 30 0	49 54 49 57	74	17 5227	16 08	21 57 6 22 30 0	49 66
25	09 6496	16 06			75	17 6835	16 09		
13,26	0,209 8102		1 56 02 4	49 5,3	13,76	0,217 8444	16 08 12		49 63
27	09 9707	16 06 16 06	56 34 8 57 07 2	49 57 49 57	77 78	18 0052	16 09 16 08	23 34 8 24 07 2	49 66
28 29	10 1313 10 2919	16 06 16 05	57 39 6	49 54	79	18 1661 18 3269	16 09	24 39 6	49 66
30	10 4524	16 06	58 12 0	49 57	80	18 4878	16 08	25 12 0	49 63
			1 58 44 4	49 57	13,81	0,218 6486	16 08 12	25 44 4	49 63
13 ,31 32	0,210 6130 . 10 7736	16 05	59 16 8	49 54	82	18 8094	16 09	26 16 8	49 66
33	10 9341		1 59 49 2	49 57	83	18 9703	16 09	26 49 2	49 66
34	11 0947	16 06 1	2 00 21 6	49 57	84	19 1312	16 08	27 21 6	49 63
35	11 2553	16 06	00 54 0	49 57	85	19 2920	16 09	27 54 0	49 66
13,36	0,211 4159	16 06 1	2 01 26 4	49 57	13,86	0,219 4529	16 09 12	28 26 4	49 66
37	11 5765	16 06	01 58 8	49 57	87	19 6138	16 09	28 ,58 8	49 ti6
38	11 7371	16 06	02 31 2	49 57	88	19 7747	16 09	29 31 2	49 66
39	11 8977	16 07 -	03 03 6	49 60	89	19 9356	16 09	30 03 6	49 66
40	12 0584	16 06	03 36 0	49 57	90	20 0965	16 09	30 36 0	49 66
13,41	0,212 2190		2 04 08 4	49 60	13,91	0,220 2574	,	2 31 08 4	49 66
42	12 3797	46 06	04 40 8	49 57	92	20 4183	16 09	31 40 8	49 66
43	12 5403	16 06 16 07	U5 13 2 U5 45 6	49 57	93	20 5792	16 09 16 09	32 13 2	49 66
44	12 7009 12.8616	16 06	06 18 0	49 57	94 95	20 9010	16 10	32 45 6 33 18 0	49 66
45									49 69
13,46	0,213 0222	16 07 1	2 06 50 4 07 22 8	49 60	13,96 97	0,221 ()62()	16 09 12 16 09	33 50 4	49 66
47	13 1849	16 - 06	07 55 2	49 57	98	21 3838	16 09	34 22 8 34 55 2	49 66 49 66
49	13 5042	16 07	08 27 6	49 60	99	21 5447	16 10	35 27 6	49 (8
50	13 6649		09 00 0		14,00	21 7057		36 (00 ()	-

N. E.		5	Alte	Eintl	h. 11 5/4	N. E.	11	A	lte Einth.	
$k = 14^{\circ}$	\mathfrak{Q} . k .	D. 1".		5 4	D. 1".	$k = 14^{\circ}$	2. k.	D. 1".		D.4".
Gr. M.		19	Gr. 1	M. S.	20	Gr. M.			Gr. M. S.	
14,00	0,221 7057	16 10	12.2	6 00 0	49 69	14,50	0,229 7607	16 12 1	13 03 00 0	49 75
14,01	0,221 8667	16 09	12 3		49 69	14,51	0,229 9219		13 03 32 4	49 78
02	22 0277 22 1866	16 10 16 10	3	7 04 8	49 66 ~	53	30 0832 30 2445	16 13 16 12	04 04 8	49 78
04	22 3496	16 10		8 09 6	49 69	54	30 4057	16 13	05 09 6	49 78
, 05	22 5106	16 10	3	8 42 0	49 69	55	30 5670	16 13	05 42 0	49 78
14,06	0,222 6716	16 10	12 3	9 14 4	49 69	14,56	0,230 7283	16 13 1	13 06 14 4	49 78
07	. 22 8326	16 10		9 46 8	49 69	57	30 8896	16 12	06 46 8	49 75
08	22 9936	16 10	4		49 69	58	31 0508	16 13	07 19 2	49 78
09 10	23 1546 23 3156	16 10 16 10	4		49 69 49 69	59	31 2121 31 3734	16 13 16 13	07 51 6 08 24 0	49 78 49 78
14,11	0,223 4766	16 10	12 4		49 69	14,61			3 08 56 4	49 78
12	23 6376	16 10	40		49 69	62	0,231 5347 31 6960	16 14	09 28 8	49 81
13	23 7986	16 11	4:	01 2	49 72	- 63	31 8574	16 13	10 01 2	49 78
14	23 9597	16 10	4:		49 69	64	32 0187	16 13	10 33 6	49 78
15	24 1207	16 11	4	4 06 0	49 72	65	32 1800	16 14	11 06 0	49 81
14,16	0,224 2818	16 10	12 4		49 69	14,66	0,232 3414		3 11 38 4	49 78 /
17 18	24 4428 24 6039	16 11 16 10	4	5 10.8 5 43 2	49 69	67	32 5027 32 6640	16 13 16 14	12 10 8 12 43 2	49 78
19	24 7649	16 11	4		49 72	. 69	32 8254	16 14	13 15 6	49 81
20	24 9260	16 11	4	6 48 0	49 72	70	32 9868	16 13	13 48 0	49 78
14,21	0,225 0871	16 11	12 4	7 20 4	49 72	14,71	0,233 1481	16 14 1	3 14 20 4	49 81
22	25 2482	16 10	_ 4	7 52 8	49 69	72	33 3095	16 14	14 52 8 -	49 81
23	25 4092	16 11	44			73	33 4709	16 14	15 25 2	49 81
24 25	25 5703 25 7314	16 11	40		49 72	74 75	33 6323 33 7936	16 13 16 14	15 57 6 16 30 0	49 78 49 81
14,26 27	0,225 8925 26 0536	16 11 16 11	12 50 50		49 72	14,76 77	0,233 9550 34 1164	16 14 1	3 17 02 4 17 34 8	49 81
28	26 2147	16 12	51		49 75	78	34 2778	16 15	18 07 2	49 85
29	26 3759	16 11	51		49 72	79	34 4393	16 14	18 39 6	49 81
30	26 5370	16 11	5,2	12 0	49 72	80	34 6007	16 14	19 12 0	49 81
14,31	0,226 6981		12 50		49 72	14,81	0,234 7621		3 19 44 4	49 81
32 33	26 8592 27 0204	16 12 16 11	53		49 75	82 83	34 9235 35 0850	16 15 16 14	20 16 8	49 85
34	27 1815	16 12	54		49. 75	84	35 2464	16 15	21 21 6	49 85
35	27 3427	16 12	54	54 0	49 75	85	35 4079	16 14	21 54 0	49 81
- 14,36	0,227 5039	16 11	12 55	26 4	49 72	14,86	0,235 5693	16 15 13	22 26 4	49 85
37	27 6650	16 12	56		49 75	87	35 7308	16 15	22 58 8	49 .85
38	27 8262	16 12	, 56		49 75	88	35 8923	16 14	23 31 2 · 24 03 6	49 81
39	27 9874 28 1486	16 12 16 11	57 57	03 6	49 75 49 72	89 \ 90	36 0537 36 2152	16 15	24 36 0	49 85
14,41	0,228 3097	16 12		3 ()8 4	49 75		0,236 3767		25 08 4	49 85
42	28 4709	16 12		40 8	49 75	14,91 92	36 5382	16 15		49 85
43	28 6321	16 12		13 2	49 75	93	36 6997	16 15		49 85
44	28 7933			45 6	49 78	94	36 8612	16 15		49 85
45	28 9546			18 0	49 75	95	. 37.0227	16, 15		49 85
14,46	0,229 1158	,		50 4	49 75	14,96	0,237 1842			49 85
47 48	29 2770 29 4382	16 12 16 13		. 55 2	49.75	97	37 3457 -37 5073	16 16 16 15		49 85 49 85
49	29 5995	16 12		27 6	49 75	99	37 6688	16 15		49 85
50	29 7607			00 0		15,00	37 8303		30 00 0	

N.E.			A	lte I	Einth.				N.E.					Alt	e I	Einth		
$k = 15^{\circ}$	Ω . k .	D. 1	11.			D.	1".		$k = 15^{\circ}$	Q.	k.	D.	1//.	-			D	.1".
Gr. M.			G	r. M.	s.				Gr. M.			-		Gr.	M.	S.		
15,00 0	,237 8303	16 1	6 13	30	00 0	49	. 88		15,50	0,245	9152	16	18	13	57	00 0	49	94
	237 9919	16 18			32 4	49	85		15,51	0,246		16	19	13	57	32 4	49	
02	38 1534	16 1		31		49	88		52 53		2389	16	19		58	04 8	49	
04	38 3150 38 4766	16 16 16 18		31	37 2 09 6	49	88 85		54		4008 5626	16 16	18		58 59	37 2 09 6	49	
05	38 6381	16 1		32	42 0	49	88		55		7245	16	19	13	59	42 0	49	
15,06 o.	238 7997	16 1	R 13	33	14 4	49	88		15,56	0,246	8864	16	19	14	00	14 4	49	97
07	38 9613	16 16		33	46 8	49	88		57		0483	16	19	**	00	46 8	49	97
08	39 1229	16 16	6	34	19 2	49	88		58	47	2102	16	19		10	19 2	49	97
09	39 2845	16 16		34	51 6	49	88		59		3721	16	19		01.	51 6	49	97
10	39 4461	16 16	5	35	24 0	49	88		60	47	5340	16	20		02	24 0	50	00
, ,	239 6077	16 16			56 4	49	88		15,61	0,247		16	19	14	02	56 4	49	97
12 13	39 7693	16 16		36	28 8	49	88		62		8579	16	19		03	28 8	49	97
14	3 9 9309 4 0 0925	16 16 16 17		37 37	01 2 33 6	49	88 91		63 64		0198 1818	16 16	20		04	01 2 33 6	50 49	97
15	40 2542	16 16		38	06 0	49	88		65		3437	16	20		05	06 0	50	00
15,16 0,5	240 4158	16 16	13	38	38 4	49	88		15,66	0,248	5057	16	19	14	05	38 4	49	97
17	40 5774	16 17		39	10 8	49	91		67	,	6676	16	20		06	10 8	50	00
18	40 7391	16 16	3	3 9	43 2	49	88		68		8296	16	19		06	43 2	49	97
19	40 9007	16 17		40	15 6	49	91	,	69	48	9915	1 6	20		07	15 6	50	00
20	41 0624	16 1	7	40	48 0	49	91		70	49	1535	16	20		07	48 0	50	00
15,21 0,	241 2241	16 17	13	41	20 4	49	91		15,71	0,249	3155	16	20	14	08	20 4	50	00
22	41 3858	16 16		41	.52 8	49	88		72		4775	16	20		08	52 8	50	()()
23 24	41 5474	16 17 16 17		42 42	25 2 - 57 6	49	91		73 74		6395 8015	16 16	20		09	25 2 57 6	50	00
25	41 8708	16 17		43	30 0	49	91		75		9635	16	20		10	30 0	50	00
	242 ()325	16 17	13	44	02 4	49	91	,	15,76	0,250		16	20	14		02 4	50	00
15,26 0,5 27	42 1942	16 17		44	34 8	49	91		77		2875	16	20	14	11	34 8	50	00
28	42 3559	16 18		45	07 2	49	94		78		4496	16	20		12	07 2	50	00
29	42 5177	16 17		45	39 6	49	91		79	50	6116	16	21		12	39 6	50	03
30	42 6794	16 17		46	12 0	49	91		80	50	7737	16	20		13	12 0	50	00
,	242 8411	1 6 1 8		46	44 4	49	94		15,81	0,250	9357	16	21	14	13	44 4	50	03
32	43 0029	16 17		47	16 8	49	91		82		0978	16	20		14	16 8	50	00
33 34	43 1646 43 3263	16 17 16 18		47 48	49 2	49	91		83 84		2598	16 16	21		14	49 2	50	03
35	43 4881	16 18		48	54 0	49	94		85		4219 5840	16	20		15 15	21 6 54 0	50	()3
	243 6499	16 17	13	49	26 4	49	91		4 5 0 0				21	14	16			
37	43 8116	16 18	2.5	49	58 8	49	94		87	0,251	9081		21	14	16	26 4 58 8	50	()3
38	43 9734	16 18		50	31 2	49	94		88		0702	16	21		17	31 2	50	03
39	44 1352	16 18		51	03 6	49	94		89	52	2323	16	21		18	03 6	5()	()3
40	44 2970	16 18		51	36 0	49	94		90	52	3914	16	21		18	36 0	5()	03
, ,	244 4588	1 6 1 8			08 4	49	94		15,91	0,252		16				08 4	50	03
42	44 6206	16 18		52	40 8	49	94		92		7186	16				40 8		06
43 44	44 7824 44 9442	16 18 16 18		53 53	13 2 45 6	49 49	94 94		93 94		8808 0429	16 16				13 2	50)	
45	45 1060	16 18		54	18 0	49	94		95		2050	16				45 6 18 0	50	
	245 2678	16 19	13		50 4		97			0,253								
47	45 4297	16 18		55	22 8		94		97		5293		21 22	14		50 4 22 8	50 50	
48	45 5915	16 18		55	55 2		94		98		6915		22			55 2	5()	
49	45 7533	16 19			27 6	49.	97		99	53	8537	16				27 6	50	
50	45 9152			57	00 0				16,00	54	0158			.5	24	00 0,		

N. E. of affine Alte Einth. M. 12	N. E. Alte Einth.
k=16° 2. k. D.1". D.1".	k=16° Q. k. D. 1". D. 1".
Gr. M. Gr. M. S.	Gr. M. Gr. M. S. 616,50 0,262 1328 16 25 14 51 00 0 50 15
16,00 0,254 0158 16 22 14 24 00 0 50 06	16.51
16,01 0,254 1780 16 22 14 24 32 4 50 06 02 54 3402 16 22 25 04 8 50 06	52 62 4578 16 25 14 51 32 4 50 15 52 64 8 50 19
03 54 5024 16 22 _ 25 37 2 50 06	53 62 6204 16 25 52 37 2 50 15
04 54 6646 16 22 26 00 6 50 06	54 62 7829 16 26 53 09 6 50 19
05 54 8268 16 22 26 42 0 50 06	55 62 9455 16 25 53 42 0 50 15
16,06 0,254 9890 16 22 14 27 14 4 50 06	16,56 0,263 1080 16 26 14 54 14 4 50 19
07 55 1512 16 22 27 46 8 50 06 08 55 3134 16 23 28 10 2 50 09	57 63 2706 16 25 54 46 8 50 15 58 63 4331 16 26 55 19 2 50 19
08 55 3134 16 23 4 28 19 2 50 09 09 55 4757 16 22 28 51 6 50 06	59 63 4331 16 26 55 19 2 50 19 59 63 5957 16 26 55 51 6 50 19
10 55 6379 16 22 29 24 0 50 06	60 63 7583 16 25 56 24 0 50 15
16,11 0,255 8001 16 23 14 29 56 4 50 09	16,61 0,263 9208 , 16 26 14 56 56 4 50 19
12 55 9624 16 23 30 28 8 50 09	62 64 0834 16 26 57 28 8 50 19
13 6 56 1247 16 22 31 01 2 50 06	63 64 2460 16 26 58 01 2 50 19
14 56 2869 16 23 31 33 6 50 09	64 64 4086 16 26 58 33 6 50 19 65 64 5712 16 26 59 06 0 50 10
15 56 4492 16 23 32 06 0 50 09	40.00
16,16 0,256 6115 16 23 14 32 38 4 50 09 17 56 7738 16 23 33 10 8 50 09	16,66 0,264 7338 16 27 I4 59 38 4 50 22 67 64 8965 16 26 15 00 10 8 50 19
17 56 7738 16 23 33 10 8 50 09 18 56 9361 16 23 33 43 2 50 09	67 64 8965 16 26 15 00 10 8 50 19 68 65 0591 16 26 00 43 2 50 19
19 57 0984 16 23 34 15 6 50 09	69 65 2217 16 27 01 15 6 50 22
20 57 2607 16 23 34 48 0 50 09	70 65 3844 16 26 01 48 0 50 19
16,21 0,257 4230 16 23 , 14 35 20 4 50 09	16,71 0,265 5470 16 27 15 02 20 4 50 22
22 57 5853 16 23 35 52 8 50 09	72 65 7097 16 26 02 52 8 50 19
23 57 7476 16 23 36 25 2 -50 09	73 65 8723 16 27 03 25 2 50 22
24 57 9099 16 24 36 57 6 50 12 25 58 0723 16 23 37 30 0 50 09	74 66 0350 16 27 03 57 6 50 22 75 66 1977 16 26 04 30 0 50 19
	40 000
16,26 0,258 2346 16 24 14 38 02 4 50 12 27 58 3970 16 23 38 34 8 50 09	16 ,76
28 58 5593 16 24 39 07 2 50 12	78 66 6857 16 27 06 07 2 50 22
29 58 7217 16 23 39 39 6 50 09	79 66 8484 16 27 06 39 6 50 22
30 58 8840 16 24 40 12 0 50 12	80 67 0111 16 28 07 12 0 50 25
16,31 0,259 0464 16 24 14 40 44 4 50 12	16,81 0,267 1739 16 27 15 07 44 4 50 22
52 59 2088 16 24 41 16 8 50 12 33 59 3712 16 24 41 49 2 50 12	82 67 3366 16 27 08 16 8 50 22 83 67 4993 16 27 08 49 2 50 22
33 / 59 3712 16 24 41 49 2 50 12 34 59 5336 16 24 42 21 6 50 12	83 67 4993 16 .27 08 49 2 50 22 84 - 67 6620 16 28 09 21 6 50 25
35 59 6960 16 24 42 54 0 50 12	85 67 8248 16 27 09 54 0 50 22
16,36 0,259 8584 16 24 14 43 26 4 50 12	16,86 0,267 9875 16 28 15 10 26 4 50 25
37 60 0208 16 24 43 58 8 50 12	87 68 1503 16 28 10 58 8 50 25
38 60 1832 16 25 44 31 2 50 15	88 68 3131 16 27 11 31 2 50 22
30 60 3457 16 24 45 03 6 50 12 40 60 5081 16 25 45 36 0 50 15	89 68 4758 16 28 12 03 6 50 25 90 68 6386 16 28 12 36 0 50 25
40 11100 0002	200 100 100 100 100 100 100 100 100 100
16,41 0,260 6706 16 24 14 46 08 4 50 12 42 60 8330 16 25 46 40 8 50 15	16,91 0,268 8014 16 28 15 13 08 4 50 25 92 68 9642 16 28 13 40 8 50 25
42 ou oper : 16 91 47 13 9 50 19	92 68 9642 16 28 13 40 8 50 25 93 69 1270 16 28 14 13 2 50 25
44 61 1579 16 25 47 45 6 50 15	94 69 2898 16 28 14 45 6 50 25
45 61 3204 16. 25. 48 18 0 50 15	95 69 4526 16 28 15 18 0 50 25
16,46 0,261 4829 16 24 14 48 50 4 50 12	16,96 0,269 6154 16 29 15 15 50 4 50 28
47 61 6453 16 25 49 22 8 50 15	97 69 7783 16 28 16 22 8 50 25
48 61 8078 16 25 49 55 2 50 15 49 61 9703 16 25 50 27 6 50 15	98 69 9411 16 28 16 55 2 50 25 99 70 1039 16 29 17 27 6 50 28
50 1209	17 00 70 2668 18 00 0
30 11 11 62 1328 The 31 100 0 101 128	17,00

N. E.	e tirrine	il g. 18					inth.		130		N. E	•			- di -		Alt	e,E	lintl	h.	
$k = 17^{\circ}$	σ	k.	D.	1".			40	D.	1".		k=1	70	δ.	k.	D.	1,".			1	D	1".
Gr. M.	- 3	79 48				. M.		e.	1.1		Gr. M			•;	~ f .			M.			
17,00	0,270		20				00 0	50	25		17,5 17,5		0,278			32	15	45	00 0		37
02	0,270	5925	16 16	29	15	18	32 4 04 8	50	28		5		0,278	7446	16	32	15	45 46	32 4		
03		7553	16	29	j	19	37 2	50	28	- Pri	5.		у	9078	_ 16	33		46	37 2		40
04 05	± 70	9182	16 16	29			09 6 42 0	50 50	28		5.		1	0711 2343	16 16	32		47 47	09 6		
17,06	0,271		16	29	45			50	28		17,5		0,279						14 4		
07		4069	16	29	15	21	14 4 46 8	50	28		5			5608	16	33 ^	15	48 48	46 8		
08		5698	16	29		22	19 2	50	28		5		. ,	7241	16	32		49	19 2		
09 10		7327 8956	16 16	29		22 23	51 6 24 0	50	28 28		6			9873 0506	.16 16	33	- 4 .	49 50	51 6 24 0		40
17,11	0,272		16	30	15		70				17,6		0,280		16	33	15	50	56 4		
12,11		2215	16	29	,	23 24	56 4 28 8	50	31 28		6	-		3772	16	33	. 13	51	28 8		
13	72	3844	16	30		25	01 2	5()	31		6		80	5405	16	33	,	52	01 2		
14		7103	16	29		25	33 6	50	28		6			7038	16	33		52	33 6		
			16	30	11	26	06.0	50	31		17.6			8671	16	33	1=	53	06 0		
17,16 17	0,272	0362	16 16	30	15	26 27	38 4 10 8	50 50	28		6		0,281	1938	16	34	15	53 54	38 4		
18		1992	16	30		27	43 2	50	31		6	S		3571.	16	33		54	43 2		
19		3622 5252	,16	30		28	15 6	50	31		6			520 4 6838	16	34		55	15 6		
20 .			16			28	48 0 .	50	31		17,7				16	33		55	48 0		
17,21 22	,	8 6882	16	30	15	29 29	20 4 52 8	-50 -50	31		7		0,281	0105	16	34	15	56 56	20 4 52 8		
23		0142	16			30	25 2	50	31 '		7			1739	16.	33		57	25 2		
24	74	1772	16			30	57 6	50	31		7			3372	16	34	· .	57	57 6		
25			16			31	30 0	50	31		17,7				16	34	العالم	58	30 C		
17,26 27	Sa	5033 · 6663	16	30	15	32	02 4	50	31	./	7			8274	16	34	15	59 59	02 4		
28		8294	16			33	07 2	50	31		2 7	8	82	9908	16	35 "	16	00	07 2		
29		9924		31		33	39 6	50	34		7			3177	16	34		00	39 €		
30		1555	16			34	12 0	50	34		17,8				16		40	01	12 (
17,31 32		3186 5 4816	16	30	15	34 35	44.4 16.8	50	31		8		0,283	6446	16	35	16	01	44 4 16 8		
33		6447	16			35	49 2	50	34		8		83	8080	16	34		02	49 2		
34		8078	16			36	21 6	50	34		8			9714	16 16	35			21 6	-	46
35		9709	16			,	54 0	50	34				1.				4.0	03	54 (
17,36 37		5 1340 5 2971	16	31	15	37	26 4 58 8	50	34		17,8		0,284	4618	16	34	16	04	26 4 58 8		
38		6 4602	16			38	31 2	50	.37		8			6253	16	35		()5	31 2		
39		6234	16			39	03 6	50	34		8			7888	16	35		06	03 6		
40		5 7865		31		39	36 0	50	34	1	9			9523	16	35	witch .	06	36 (
17,41		9496 - 7 1128	16	32	15	40	08 4	50	37 34		17,9		0,285	2793	16	35	(1),		08 4		
43		7 2759		32		41	13 2	50	37		9			4428		36		08	13 2		
44		4391		31		41	45 6	50	34		. 2			6064 7699		35	11		45 6		
43		7 6022		32			18 0	50	37		17,9	1			16				18 0		
17,46 47		7654 79286	16	32 32	15	42	50 4 22 8	50	37		17,9			9334	16	36	16	10	50 4 22 8		
48		8 0918		32	in.	43	55 2	50	37	**	9	3		2606	~ 16	35	65	10	55 2	50	
49		3 2550	16	32	0,00	44	27 6	50	. 37	-	9			4241	16	30	. []	11	27 6	30	49
50	78	3 4182				45	00 0				18,0	U	80	5877			1	12	00 0		

N. E. Alte	Einth. N	. E.	Alte	Einth.	
$k=18^{\circ}$ 2. k. D. 1".	D. 1". k	$=18^{\circ} \mathfrak{L}. k. D.$	1".	D. 1	L".
Gr. M. Gr. M		r. M.	Gr. M	i. S.	
18,00 0,286 5877 16 36 16 12			40 16 39	00 0 50 6	62
18,01 0,286 7513 16 36 16 12 02 86 9149 16 35 113		8,51 0,294 9398 16			52
02 86 9149 16 35 : 13 03 87 0784 16 36 • 13		52 95 1038 16 53 95 2677 16			52 52
04 87 2420 16 37 1 14		54 95 4317 16			52
05 87 4057 16 36 8 14	42 0 50 49	55 95 5957 16	40 41	42 0 50 6	62
18,06 0,287 5693 16 36 16 15	14 4 50 49 1	8,56 0,295 7597 16	40 16 42	14 4 50 6	52
07 87 7329 16 36 15	46 8 50 49	57 95 9237 16	40 42	46 8 50 6	52
08 87 8965 16 37 16	19 2 50 52	58 96 0877 16	40 43		52
09 88 0602 16 36 · 16 10 88 2238 16 36 17	51 6 50 49 24 0 50 49	59 96 2517 16 60 96 4158 16	40 43		i2 i2
10.11					
18,11 0,288 3874 16 37 16 17 12 88 5511 16 37 18		8,61 0,296 5798 16 62 96 7438 16	40 16 44		
13 88 7148 16 37 19	01 2 50 52	63 96 9079 16	41 46		
14 88 8785 16 36 19	33.6 50 49	64 97 0720 16	40 46	33 6 50 6	2
15 89 0421 16 37 20	06 0 50 52	65 97 2360 16	40 47	06 0 50 69	2
18,16 0,289 2058 16 37 16 20	38 4 50 52· 1 8	8,66 0,297 4001 16	41 16 47	38 4 50 6	5
17 89 3695 16 37 21	10 8 50 52	67 97 5642 16 68 97 7283 16	41 48		
18 89 5332 16 38 21 19 89 6970 16 37 22	43 2 50 56 15 6 50 52	68 97 7283 16 69 97 8924 16	41 48	43 2 50 68 15 6 50 68	
20 89 8607 16 37 22	48 0 50 52	70 98 0565 16	41 49	48 0 50 68	
18,21 0,290 0244 16 37 16 23	20 4 50 52 18	3,71 0,298 2206 16	41 16 50	20 4 50 68	5
22 90 1881 16 38 · 23	52 8 50 56	72 98 3847 16	41 50	52 8 50 68	
23 90 3519 16 37 24	25 2 50 52	73 98 5488 16	42 51	25 2 50 68	8
24 90 5156 16 38 24 25 90 6794 16 38 25	57 6 50 56 30 0 50 56	74 98 7130 16 75 98 8771 16	41 51 42 52	57 6 50 68	
	4	200		30 0 50 68	
18,26 0,290 8432 16 37 16 26 27 91 0069 16 38 2 26	02 4 50 52 13 34 8 50 56	5, 70 0,299 0413 16 77 99 2054 16	41 16 53 42 53	02 4 50 68 34 8 50 68	
28 91 1707 16 38 27	07 2 50 56	-0	#¥ 54	07 2 50 68	
29 91 3345 16 38 27	39 6 50 56	79 99 5338 16	41 54	39 6 50 65	
30 91 4983 16 38 28	12 0 50 56	80 99 6979 16	42 55	12 0 50 68	3
18,31 0,291 6621 16 38 16 28	44 4 50 56 18	, .	42 16 55	44 4 50 68	8
32 91 8259 16 38 29	16 8 50 56	82 0,300 0263 16	42 56	16 8 50 68	
33 91 9897 16 39 29 34 92 1536 16 38 30	49, 2 50 59 24 6 50 66	83 00 1905 16 84 00 3548 16	43 56 42 57	49 2 50 71 21 6 50 68	
35 92 3174 16 38 30	54 0 50 56	85 00 5190 16	42 57	54 0 50 68	
18,36 0,292 4812 16 39 16 31	26 4 50 59 18	8,86 0,300 6832 16	42 16 58	26 4 50 68	8
37 92 6451 16 38 31	58 8 50 56	87 00 8474 16	43 58	58 8 50 71	
38 92 8089 16 39 32	31 2 50 59	88 01 0117 16	42 16 59	31 2 50 68	
39 92 9728 16 39 33	03 6 50 89 36 0 50 59	89 01 1759 16 90 01 3402 16	43 17 (X) 43 (0)	03 6 50 71 36 0 50 71	
40 93 1367 16 39 33					
18,41 0,293 3006 16 39 16 34 42 93 4645 16 39 34	08 4 50 59 1 8	·	43 17 01 42 01	08 4 50 71 40 8 50 68	
42 93 4645 16 39 34 43 93 6284 16 39 35	13 2 50 59	93 01 8330 16		13 2 50 71	
	45 6 50 59	94 01 9973 16		45 6 50 71	
45 93 9562 16 39 6 36	18 0 50 59	95 02 1616 16	43 03	18 0 50 71	L
18,46 0,294 1201 16 39 16 36	50 4 50 59 18	3,96 0,302 3259 16	44 17 03	50 4 50 74	Ł
47 94 2840 16 39 37	22 8 50 59	- 1	43 . 04	22 8 50 71	
48 94 4479 16 40 37 49 94 6119 16 39 38	55 2 50 62 27 6 50 59	98 02 6546 16 99 02 8189 16		55 2 50 71 27 6 50 74	
		0,00 02 9833		00 0	•
	*	7	FF ()		

Z 2

N. E.	in the min		Alte Einth.	W off	N. E.	with the first			
$k = 19^{\circ}$	$\mathfrak{Q}.$ $k.$	D. 1"		D. 1".	k=19°	2. k. I	D. 1".		D. 1".
Gr. M.	W +		Gr. M. S.	2	Gr. M.	1. 12 100	Grand	c. M. S.	
19,00	0,302 9833	16 43	17 06 00 0	50 71	19,50	0,311 2105	16 48 1	7 *33 00 0	50 86
19,01	0,303 1476	16 44	17 06 32 4	50 74	19,51	·	16 47 . 1		50 83
02	03 3120	16 43 16 44	07 04 8	50 71 50 74	52		16 48	34 04 8	50 86 50 86
04	03 4763	16 44	08 09 6	50 74	54		16 48 16 48	35 09 6	50 80
05	03 8051	16 44	08 42 0	50 74	55			35 42 0	50 86
19,06	0,303 9695	16 44	17 09 14 4	50 74	19,56	0,312 1992	16 48 1	7 36 14 4	50 86
07	04 1339	16 44	09 46 8	50 74	57		16 48	36 46 8	50 86
08	04 2983	16 44	10 19 2	50 74	58		16 48	37 19 2	50 86 50 86
09 10	04 4627 04 6271	16. 44 16. 45	10 51 6	50 74 50 77	60		16 48 16 49	37 51 6 38 24 0	50 90
19,11			17 11 56 4	50 74				7 38 56 4	50 86
19,11	0,304 7916	16 44 16 44	12 28 8	50 74	19,61		16 48	39 28 8	50 86
13	05 1204	16 45	13 01 2	50 77	- 63		16 49	40 01 2	50 90
14	05 2849	I6 45	13 33 6	50 77	. 64		16 . 49	40 33 6	50 90
15	05 4494	16 44	14 06 0	50 74	65	13 6827	16 48	41 06 0	50 86
19,16	0,305 6139	. 16 45		50 77	19,66	0,313 8475		17 41 38 4	50 90
17	05 7783 05 9428	16 45 16 45		50 77 50 77	67	14 0124 14 1773	16 49 . 16 49 .	42 10 8	50 90 50 90
19	06 1073	16 45		50 77	-69	14 3422	16 49	43 15 6	50 90
20	06 2718	16 45	16 48 0	50 77	70	14 5071	16 49	43 48 0	50 .90
19,21	0,306 4363	16 45	17 17 20 4	50 77	19,71	0,314 6720	16 50	17 44 20 4	50 93
22	06 6008	. 16 45		50 77	72	14 8370	16 49	44 52 8	50 90
23	06 7653	16 45		50 77 50 80	73	15 0019	16 49	45 25 2	50 90 50 93
24- 25	06 9298 07 0944	16 46 16 45		50 80	74	15 1668 15 3318	16 49	46 30 0	50 90
19,26	0,307 2589	. 16 46		50 80	19,76	0,315 4967		17 47 02 4	50 93
27	0,307 2335	16 45		50 77	77	15 6617	16 50	47 34 8	50 . 93
28	_07 5880	16 46	6 21 07 2	50 80	. 78	15 8267	16 50	48 07 2	50 93
29	07 7526	16 46		50 80	79	15 9917	16. 50	48 39 6	50 93
30	07 9172	16 46		50 80	. 80	16 1567	16 50	49 12 0	50 93
19,31	0,308 0818	16 46 16 4		50 80	19,81	0,316 3217	16 50 16 50	17 49 44 4 50 16 8	50 93 50 93
32 33	08 4110	16 40			82	16 6517	16 50	50 16 8	
34	08 5756	16 46			84	, 16 8167	16 50	51 21 6	
35	08 7402	_ 16 4	6 24 54 0	50 80	85	16 9818	16 50	51 54 0	50 93
19,36	0,308 9048	16 4			19,86	0,317 1468	16 50	17 . 52 20.4	50 93
37	09 0695	16 4	,		87	17 3118	16 51 -	52 58 8	
38 39	09 2341	16 4	26 31 2 47 27 03 0		88	17 4769 17 6420	16 51	54 03 6	
40	09 5635	16 4			90		16 51	54 36 0	
19,41	0,309 7281	16 4	17 28 08	4 50 83	19,91	0,317 9721	16 31	17 355 08 4	50 96
42			28 40		92		16 51	40°8	2.1
43			47 29 13		93		16 51 17		
44			47 29 45 (47 30 18 (94			56 45 6 5 57 18 C	
40.46					10.06				
19,46 47			47 17 30 50 48 31 22		19,96		16 51	17 57 50 4 58 22 8	
48					98		16 52		
. 49		16			- 99	19 2931	16 52	17, 59 -27 6	50 99
50	11 2105	3.50	33 00	0 10101	20,00	19 4583	1	18 00 00 6)

N.E.	THE	#. ;	Alte Einth.	* 1 * * * * *	N. E.	Jun 1 - 6	٠.	Alte Einth.	
$k = 20^{\circ}$	Ω . k .	D. 1"	2 1 20	D. 1".	k=20°	2. k.	D. 1".		D. 1".
Gr. M.			Gr. M. S.	2 5 1	Gr. M.	1.50 1.50	٥	Gr. M. S.	
20,00	0,319 4583	16 51	18 00 00 0	-50 96	20,50	0,327 7271	16 55	18 27 00 0	51 14
20,01	0,319 6234	16 52	18 00 3234	50 99	20,51	0,327 8926	16 57	18 27 32 4	51 11
02	19 7886	16 52	01 04 8	50 99	-52 -53	28 0583	16 56	28 04 8	51 11
03	19 9538 20 1190	16 52 16 52	01 37 2	50 99	54	28 2239 28 3895	16 56 16 56	28 37 2	51 11 51 11
05	20 2842	16 52	02 42 0	50 99	55	28 5551	16 57	29 42 0	51 14
20,06	0,320 4494	16 52	18 03 14 4	50 99	20,56	0,328 7208	16 56	18 30 14 4	51 10
07	20 6146	16 52	. 03 46 8	50 99	57	28 8864	16 57	30 46 8	51 14
08	20 7798	16 53	04 19 2	51 02	58	29 0521	16 56	31 19 2	51 11
10	20 9451	16 52	04 51 6	50 99	59 60	29 2177	16 57	31 51 6	51 14
	21 1103	16 53	05 24 0	51 02		29 3834	16 :57	32 24 0	51 14
20,11	0,321 2756	16 52	18 05 56 4	50 99	20,61	0,329 5491 29 7148	16 57	18 32 56 4	51 14
13	21 4408 21 6061	16 53 16 53	06 28 8	51 02	63	29 8805	16 57 16 57	33 28 8	51 14 51 14
14	21 7714	16 52	07 33 6	50 99	- 64	30 0462	16 57	34 33 6	51 14
15	21 9366	16 53	08 06 0	51 02	65	3 0 2119	16 57	.35 06 0	51 14
20,16	0,322 1019	- 16 53	18 08 38 4	51 02 -	20,66	0,330 3776	116 58	18 35 38 4	51 17
17	22 2672	16 54	09 10 8	51 05	67	30 5434	16 57	36 10 8	51 14
18 19	22 4326	16 53 16 53	10 15 6	51 02 51 02	68 69	30 7091 -	16 58 16 57	36 43 2	51 17 51 14
20	22 5979	16 54	10 48 0	51 05	70	31 0406	16 58	37 48 0	51 17
20,21		16 53	18 11 20 4	51 02	20,71	0,331 2064	16 58		51 17
22	0,322 9286 23 0939	16 54	11 52 8	51 05	72	31 3722	16 58	18 38 20 4 38 52 8	51 17
23	. 23 2593	16 53	12 25 2	51 02	73	31 5380	16 58	39 25 2	51 17
24	23 4246	16 54	12 57 6	51 05	- 74	31 7038	16 58	39 57 6	51 17
25	23 5900	16 54	13 30 0	51 05	75	31 8696	16 58	40 30 0	5£ 17
20,26	0,323 7554	16 53	18 14 02 4	-51 02	20,76	0,332 0354	16 58	18 41 02 4	51 17
27 28	23 9207 24 0861	16 54 16 54	14 34 8 15 07 2	51 05	77	32 2012 32 3670	16 58 16 59	41 34 8	51 17 51 20
29	24 2515	16 55	15 39 6	51 08	79	32 5329	16 58	42 39 6	51 17
30	. 24 4170	16 54	16 12 0	51 05	80	32 6987	16 59	43 12 0	51 20
20,31	0,324 5824	16 54	18 16 44 4	51 05	20,81	0,332 8646	16 58	18 43 44 4	51 17
-32	24 7478	16 55	17 16 8	51 08	82	33 0304	16 59	44 16 8	51 20
33	24 9133	16 54	17 49 2	51 05	83	33 1963	16 - 59	44 49 2	51 17
34 35	25 0787 25 2442	16 55 16 54	18 21 6	51 08	84 85	33 3622 33 5281	16 59 16 59	45 21 6 45 54 0	51 20 51 20
					20,86				
20,36 37	0,325 4096	- 16 55 16 55	18 19 26 4 19 58 8	51 08	20,00	0,333 6940 33 8599	16 59 16 59	18 46 26 4 46 58 8	51 20 51 20
38	25 7406	16 55	20 31 2	51 08	88	34 0258	16 60	47 31 2	51 23
39	25 9061	16 55	21 03 6	51 08	89	34 1918	16 59	48 03 6	51 20
40	26 0716	16 55	21 36 0	51 08	- 90	34 3577	16 59	48 36 0	51 20
20,41	0,326 2371	- 16 55	18 22 08 4	51 08	20,91	0,334 5236		18 49 08 4	51 23
42	26 4026	16 55	22 40 8	51 08	92 93	34 6896	16 60 16 60	49 40 8	5,1 23 51 23
43	26 5681 26 7337	16 56 16 55	23 13 2 23 45 6	51 11	95	34 -S556 35 0215		50 45 6	51 23
45	26 8992	16 56		51 11	95	35 1875	16 60		51 23
20,46	0,327 0648	16 55	18 24 50 4	51 08	20,96	0,335 3535	16 60	18 51 50 4	51 23
47	27 2303	16 56	25 22 8	51 11	97	35 5195		52 22 8	51 23
48	27 3959	16 56	25 55 2	51 11	98	35 6865	16 60	52 55 2	51 23
49 .	27 5615	16 56	26 27 6	51 11	99	35 8515	16 61	53 27 6 54 00 0	51 27
50	27 7271		27 00 0		21,00	36 0176		98 00 0	

N. E.	" . " ·	Al	te Einth	1 1 11 . 1	N. E.	1 No. 1	All	le Einth.	
$k = 21^{\circ}$	Q. k.	D. 1".	10 15	D. 1".	$k=21^{\circ}$	\mathfrak{Q} . k .	D. 1".	A. 12	D. 1".
Gr. M.		Gr	. M. S.		Gr. M.		Gr.	M. S.	16 4
21,00	0,336 0176	16 60 .18	54 00 0	51 -23	21,50	0,344 3304	16 .65 19	21 00 0	51 39
21,01	0,336 1836	16 60 18	54 32 4	51 23	21,51 52	0,344 4969	-	:21 32 4	51 39
02	36 3496 36 5157	16 61 st	55 04 8 55 37 2	51 27 51 27	53	44 8299	16 65	22 04 8	51 39 .51 39
04	36 6818	16 60	5 6 09 6	51 23	54	44 9964	16 65	23 09 6	51 39
05 .	36 8478	16 61	56 42 0	51 27	55	45 1629	16 65 =	23 42 0	51 39
21,06	0,337 0139	16 61 18	57 14 4	51 27	21,56	0,345 3294	16 66 19	24 14 4	51 42
07	37 1800	16 61	57 46 8	51 27	57	45 4960	16 65	24 46 8	51 39
08 5 0 9	37 3461 37 5122	16 61 16 61	58 19 2 58 51 6	51 27 51 27	59	45 6625 45 8291	16 66 16 66	25 19 2 25 51 6	51 42 51 42
10	37 6783	16 62	59 24.0	51 30	60	45 9957	16 66	26 24 0	51 42
21,11	0,337 8445	16 61 . 18	59 56 4	51 27	21,61	0,346 1623	16 66 19	26 56 4	51 42
12	38 0106	16 61 19	00 28 8	51 27	62	46 3289	16 66	27. 28 8	51 42
13	38 1767	16 62	01 01 2	51 30	63	46 4955	16 66	28 01 2	51 42
15	38 3429	16 62 16 61	01 33 6	51 30 51 27	65	46 6621 46 8287	16 66 ·	28 33 6 29 06 0	51 42
									51 42
21,16	0,338 6752 38 8414	16 62 19 16 62	02 38 4	51 30	21,66	0,346 9953 47 1619	16 66 19 16 67	29 38 4 30 10 8	51 42 51 45
18	39 0076	16 62	03 43 2	51 30	68	47 3286	16 66	30 43 2	51 42
19:	39 1738	16 62	04 15 6	51 - 30	69	47 4952	16 67 🛰	31 . 15 6	51 45
20	39 3400	16 62	04 48 0	51 30	70	4 47 6619	16 267	31 48 0	51 45
21,21	0,339 5062	16 62 19		51 30 ;	21,71	0,347 8286	16 67 19	32 20 4	51 45
22	39 6724	16 63 16 62	05 52 8	51 33 51 30	72	47 9953	16 66	32 52 8	51 42
23 24	39 8387 40 0049	16 62 16 62	06 57 6	51 30	74	48 1619	16 67 16 68	33 25 2 33 57 6	51 45
25	40 1711	16 63	07 30 0	51 33	75	48 4954	16 67	34: 30 0	51 45
21,26	0,340 3374	_16 63 6 19	.08 02 4	51 33	21,76	0,348 6621	16 67 19	35 02 4	51 45
27	40 5037	16 63	08 34 8	51 33	77	48 8288		35 34 8	51 48
28	40 6700	16 62 1	00 07 2	51 30 · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	78	* 48 9956 * 49 1603	16 67	36 -07-2	51 45
30	40 8362 41 0025	16 63) 16 63	10 12 0	51 33 51 33	- 79 - 80	49 1623 49 3291	16 68	36 39 6 37 12 0	51 48
21,31	0,341 1688	16 64 19		51 36	21,81	0,349 4958		37 44 4	
32	41 3352	16 63	11 16 8	51 33	82	49 6626	16 68	38 16 8	51 48 51 48
33	· . 41 5015	16 63	11 49 2	51 33	83	49 8294	16 68	38 49 2	51 48
34	41, 667.8	16 64 / 16 63	12 21 6	51 36	84	49 9962	- 16 - 68	39 21 6	51 48
35.	41, 8342		12,540	51 53	85	50 1630	16 68	39 54 0	51 48
21,36	0,342 (1005 - 42 1669	16 64 19 16 63	13 26 4 · 13 58 8	51 36 51 33	21,86 87	0,350 3298	16 68 · 19 · 16 69 · ·	40 26 4	51 48
37 38	42 3332	16 64	14 31 2	51 36	88	50 4966 50 6635	16 68	40 58 8	51 51 51 48
39	42 4996	16 64	45 03 6	51 36	89	50 8303		42 03 6	51 .48
40	42 6660	16 64	15 36 0	51, 36	90~	50 9971	16 , 69 MG	42 36 0	51 51
21,41	0,342 8324		1 6 08 4	51. 36	21,91	0,351 1640	16 : 69 : 1 19	43 08 4	51 51
42 43	42 9988 43 1652	16 64 16 65	16 40 8 17 13 2	51 36	92 93	51 3309		43 40 8	51. 48
43	43 3317	16 64	17 45 6	51 39 51 36	94	51 4977 51 6646	16; 69 · · · · ·	44 13 2 44 45 6	51 51
45	43 4981	16 64	18 18 0	51 36	95	51 8315		45 18 0	51 51
21,46	0,343 6645	16 65 19	18 50 4	51 39	21,96	0,351 9984	16 .70 . 19		51 54
47	43 8310	16 64 11	19 22 8	51 36	97	52 1654	16 - 69	46 22 8	51 51
48	43 9974	16 65	19 55 2	51 39	98	52 3323	16 69	46 55 2	51 51
49. 50	41 1639	16 65 13	20 27 6	51 39	22,00	52 4992 52 6662	16 70	47 27 6 48 00 0	51 54
				2 1 mg 2 100	,00		/ . 1	000	All

N. E	Alte Einth.	N. E. diadiant.	Alte Einth.
k=22° 2. k. D. 1"	D. 1"	$k=22^{\circ} \ \Omega. \ k. \ D.$	1". D. 1".
Gr. M.	Gr. M. S.	Gr. M.	Gr. M. S.
22,00 0,352 6662 16 69	19 48 00 0 51 51	22,50 0,361 0255 16	75 20 15 00 0 51 67
22,01 0,352 8331: 46 70	19 48 32 4 51 54	22,51 0,361 1930 16	74 20 15 32 4 51 70
02 53 0001 16 70 03 53 1671 16 69	49 04 8 51 54	52 61 3604 16	75 : 16 04 8 51 67
03 53 1671 16 69 04 53 3340 16 70	49 37 2 51 51 50 09 6 51 54	53 61 5279 16 54 61 6953 16	74 16 37 2 51 70 75 17 09 6 51 70
05 53 5010 16 70	50 42 0 51 54		75 17 42 0 51 70
22,06 0,353 6680 16 70	19 51 14 4 51 54	22,56 0,362 0303 16	75 20 18 14 4 51 70
07 53 8350 16 71	51 46 8 51 57	57 62 1978 16	75 18 46 8 51 70
08 54 0021 16 70	52 19 2 51 54	58 62 3653 16	75 : 19 19 2 51 /70
09 54 1691 16 70 10 54 3361 16 71	52 51 6 51 54	59 62 5328 16 60 62 7003 16	75 19 51 6 51 70
00.44	53 24 0 51 57	00.04	76 20 24 0 51 73
22,11 0,354 5032 16 70 12 54 6702 16 71	19 53 56 4 51 54 54 28 8 51 57	22,61 0,362 8679 16 62 63 0354 16	75 20 20 56 4 51 70 75 21 28 8 51 70
13 54 8373 16 71	54 28 8 51 57 55 01 2 51 57	63 63 0354 16 63 63 2029 16	75 21 28 8 51 70 76 22 01 2 51 73
14 55 0044 16 71	55 33 6 51 57	64 63 3705 16	76 22 33 6 51 73
15 55 1715 16 71	56 06 0 51 57	65 63 5381 16	76 23 06 0 51 73
22,16 0,355 3386 16 71	19 56 38 4 51 57	22,66 0,363 7057 16	75 20 23 38 4 51 70
17 55 5057 16 71	57 10 8 51 57	67 63 8732 16	76 24 10 8 51 73
18 55 6728 16 71 19 55 8399 16 72	57 43 2 51 57 58 15 6 51 60	68 64 0408 16 69 64 2084 16	76 24 43 2 51 73 76 25 15 6 51 73
20 56 0071 16 71	58 48 0 51 57	70 64 3760 16	77 25 48 0 51 76
22,21 0,356 1742 16 72	19 59 20 4 51 60	22,71 0,364 5437 16	76 20 26 20 4 51 73
22 56 3414 16 71	19 59 52 8 51 57	72 64 7113 16	77 26 52 8 51 76
23 56 5085 16 72	20 00 25 2 51 60	73 64 8790 16	76 27 25 2 51 73
24 56 6757 16 72		74 65 0466 16	77 27 57 6 51 76
25 6 56 8429 16 72	01 30 0 51 60	75 65 2143 16	77 28 30 0 51 76
22,26 0,357 0101 16 72	20 02 02 4 51 60	22,76 0,365 3820 16 77 65 5497 16	77 20 29 02 4 51 76
27 57 1773 16 72 28 57 3445 16 72	02 34 8 51 60	77 65 5497 16 78 65 7174 16	77 29 34 8 51 76 77 30 07 2 51 76
29 57 5117 16 72	03 39 6 51 60	79 65 8851 16	77 30 39 6 51 76
30 57 6789 16 73	04 12 0 51 64	80 66 0528 16	77 1 31 12 0 51 76
22,31 0,357 8462 16 72	20 04 44 4 51 60	22,81 0,366 2250 16	78 _20 31 44 4 51 79
32 58 0134 16 73	05 16 8 51 64	82 66 3883 16	77 32 16 8 51 76
33 58 1807 16 72	05 49 2 51 60	83 66 5560 16 84 66 7238 16	78 32 49 2 51 79
34 : 58 3479 16 73 35 58 5152 16 73	06 21 6 51 64	84 66 7238 16 85 66 8915 16	77 33 21 6 51 76 78 33 54 0 51 79
00.00		00.00	78 20 34 26 4 51 79
22,36 0,358 6825 16 73 37 58 8498 16 73	20 07 26 4 51 64 07 58 8 51 64	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	78 34 58 8 51 79
38 59 0171 16 73	08 31 2 51 64		78 - 35 31 2 51 79
39 59 1844 16 74	. 09 03 6 51 67		78 36 03 6 51 79
40 59 3518 16 73	09 36 0 51 64	90 67 7305 16	78 / 36 36 0 51 79
	20 10 08 4 51 64	22,91 0,367 8983: 16	
42 59 6864 16 74			78 37 40 8 51 79 79 38 13 2 51 82
43 59 8538 16 74 44 60 0212 16 73	11 13 2 51 67 11 45 6 51 64	94 68 4019 16	
45 60 1885 16 74	12 18 0 51 67	95 68 5697 16	
22,46 0,360 3559 16 74	20. 12 50 4 51 67	22,96 0,368 7376 16	79 20 39 50 4 61 82
47 60 5233 16 74	13 22 8 51 67	97 68 9055 16	79 40 22 8 51 82
48 6 60 6907 16 74	13 55 2 61 67	98 ; -69 0734 16	
49 0 60 8581 16 74.	14 27 6 51 67	99 69 2413 16 23.00 69 4092	79 41 27 6 51 82
50 01 01.0255	15 00 0 1 1 1 6 1	23,00 69 4092	,

N. E.	arall out		Alte Einth	. 7.0 18.	N. E.	MAR HE	Alte Einth.	1.4.8
$k = 23^{\circ}$	2. k.	D. 1".	E. S. A.	D. 1".	$k=23^{\circ}$	Q. k.	D. 1".: 1 1 7	D. 1".
Gr. M.	1,0 mg . 2		Gr. M. S.		Gr. M.	17.8 33 4		
23,00	0,369 4092	16 79 1		51 82	23,50 23,51	0,377 8178	16 84 : 21 :09 00 0	51 98
23,01	0,369 5771 = 69 7451	16 80 1 16 80 1	43 04 8	51 85 51 85	52	0,377 9862 78 1546	16 84 21 09 32 4 16 85 10 04 8	51 98 52 01
03	€ 769 9130	16 80	43 37 2	51 85	53	5 78 3231	16 84 1 10 37 2	51 98
04 05	69 0810	16 79 3 16 80 3	44 09 6	51 82 51 85	54	78 4915 78 6600	16 85 11 09 6 16 85 11 42 0	52 01 52 01
23,06	0,370 4169	16 80	20 45 14 4	51 85	23,56	0,378 8285	16 85 21 12 14 4	52 01
07	70 5849	16 80 -	45 46 8	51 85	57	78 9970	16 85 12 46 8	52 01
08	70 7529	16 80 a		51 85	58	79 1655	16 85 13 19 2	52 01
10	70 9209 71 0889	16 80	46 51 6	51 85 51 85	59	79 3340	16 85 13 51 6 16 86 14 24 0	52 01 52 04
23,11	0,371 2569	16 79 13	20 47 56 4	51 82	23,61	0,379 6711	16 85 21 14 56 4	52 01
12	71 4250	16 :80 .		51 85	62	9 79 8396	16 86 1 15 28 8	52 04
13 14	71 5930 71 7611	16 81 1 16 80 1	49 01 2	51 88 51 85	63	80 0082	16 85 16 01 2 16 86 16 33 6	52 01 52 04
15	71 9291		50 06 0	51 88	65	80 3453	16 86 17 06 0	52 04
23,16	0,372 0972	16 81	20: 50 38 4	51 88	23,66	0,380 5139	16 86 21 17 38 4	52 04
17	72 2653	16 81		51 88	67	80 6825	16 86 4 18 10 8	52 04
18 19	72 4334 72 6015	16 81			68 69	80 8511 8 81 0197	16 86 18 43 2 16 86 19 15 6	52 04 52 04
20	72 7696	16 81 :			70	81 1883	16. 86	52 04
23,21	0,372 9377	16 82	20 53 20 4	51 91	23,71	0,381 3569	16 87 21 20 20 4	52 07
22	73 1059	16 81			72	81 5256	16 86 20 52 8	52 04
23) 24	73 2740	16 82	54 25 2		73	81 6942 81 8629	16 87 21 25 2 16 87 21 57 6	52 07 52 07
25	73 6103	16 82	55 30 (51 91	2 75	82 0316	16 87 1 22 30-0	52 07
23,26	0,373 7785	16 82	20 56 02		23,76	0,382 2003	16 87 21 23 02 4	52 07
27.	73 9467	16 82	56 34 8 57 07		77	82 3690 82 5377	16 87 (23 34 8 16 87 24 07 2	52 07
28 29	74 1149 74 2831	16 82 16 82	57 39		79	82 5377 62 7064	16 87 24 07 2 16 87 24 39 6	52 07 52 07
30	74 4513	16 82	58 12.	51 91.	. 80	82 8751	16 88 2 25 12 0	52 10
23,31	0,374 6195	16 83	20 58 44.4		23,81	0,383 0439	16 87 21 25 44 4	52 ()7
32 3 3	74 7878 74 9560	16 82 16 83	20 59 49 2		82	83 2126 83 3814	16 88 26 16 8 16 88 26 49 2	52 10
34	75 1243	16 82	21 00 21	-	84	· 83 5502	16 88 26 49 2 16 88 27 21 6	52 10
35	0 - 75 2925	16 83	00 54	51 94	85,	9 - 83 7190	16 87 27 54 0	52 07
23,36	0,375 4608	16 83	21 01 26		23,86	0,383 8877	16 88: 21 28 26 4	52 10
37 38	75 6291 75 7974	16 83 16 83	01 58 8		87	84 0565 84 2254	16 89 - 28 58 8 16 88 : 29 31 2	52 13
39	75 9657	16 83	3 03 03		89	84 3942	16 88 30 03 6	52 10
, 40	76 1340	16 84	. 2 .03 36	51 98	90	(84 5630	16 88. 30 36 0	(52 10
23,41	0,376 3024	16 83	21 04 08		23,91	0,384 7318	16 89 21 31 08 4	52 13
42 43	76 4707 5 76 6390	16 83 16 84	04 40		92	84 9007 85 0696	16 89 31 40 8 16 88 32 13 2	(52 13 (52 10
44	76 8074	16 84	05 45	6 51 98	94	85 2384	16 89 5 32 45 6	152 13
45	76 9758	16 83			95	85 4037	16 89 (33 18 0	(52 13
23,46	0,377 14417 77 3125	16 84 16 84	21 06 50		23,96	0,385 5762	16 89) 21 33 50 4	52 13
47 48	77 4809	16 84	* * * * * * * * * * * * * * * * * * * *		98	85 7451 2 85 9141	16 90. 6 34 22 8 16 89 6 7 34 55 2	52 16
49	77 6493	16 85	0 . 08 27	6 /52 01	% 99	6 86 0830	16: 89: 18: 35 27 6	52 13
50	C C 7718178			O (MALLICE	24,00	86 2519	36 00 0	

N. E.		Al	te Einth.	200	N. E.		1	Alte Einth.	
$k = 24^{\circ}$	Ω . k .	D. 1".		D. 1".	$k = 24^{\circ}$	$\mathfrak{Q}. k.$	D. 14.		D. 1".
Gr. M.		Gr	. M. S.		Gr. M.			Gr. M. S.	
24,00	0,386 2519	16 -90 21	36 00-0	52 16	24,50	0,394 7123	16 95	22 03 00 0	52 31
24,01	0,386 4209		-36 32 4	52 13	24,51	0,394 8818		22 03 32 4	52 31
02	86 5898	16 ·90 · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	37 04 8	52 16	52 53	95 0513	16 95	04 04 8	52 31
04	86 7588 86 9278	16 -90	37 37 2	52 16 52 16	54	95 2208 95 3903	16 95 16 95	04 37 2 05 09 6	52 31 52 31
05	· 9 7 0968	16 -90	-38 -42 0	52 16	55	95 5598	16 95	05 42 0	52 31
24,06	0,387 2658	16 90 21	39 14 4	52 16	24,56	0,395 7293	16 96	22 .06 14 4	52 35
07	87 4348	16 -90	39 46 8	52 16	57	95 8989	16 96	.06 46 8	52 35
08	87 6038	16 -90	40 19 2	52 16	58	96 0685	16 96	07 19 2	52 35
10	87 7728	16 91	40 51 6	52 49	59	96 2381	16 95	07 51 6	52 31
	0, 0110	16 90	41 24 0	52 16	60	-96 4076	16 96	08 24 ()	52 35
24,11	0,388 1109	16 91 21		52 19	24,61	0,396 5772		22 08 56 4	52 35
12 13	88 2800 88 4491	16 91	42 28 8	52 19 52 19	62 63	96:7468	16 96 16 97	09 28 8 10 01 2	52 35 52 38
14	88 6182	16 90	43 33 6	52 46	64	97 0861	16 96	10 33 6	52 35
-15	88 7872	16 92 1	44 06 0	52 22	65	97 2557	16 96	11 06 0	52 35
24,16	0,388 9564	16 91 21	44 38 4	52 19	24,66	0,397 4253	16 97	22 11 38 4	52 38
17	89 1255	16 -91 -1	45 10 8	52 19	67	97 5950	16 97	12 10 8	52 38
18	89 2946	16 91 4	45 43 2	52 19	68	97 7647	16 97	12 43 2	52 38
19 20	89 4637 89 6329	16 ·92 · .	46 48 0	52 22	769 70	97 9343 98 1040	16 .97	13 15 6	52 38
				52 22			16 97	13 48 0	52 38
24,21 22	0,389 8021	16 91 21 16 92	47 20 4 47 52 8	52 19 52 22	$\frac{24,71}{72}$	0,398 2737 98 4434		22 14 20 4	52 38
23	89 9712 90 1404	16 -92	48 25 2	52 22	73	98 6131	16 97 16 98	14 52 8 15 25 2	52 38 52 41
24	90 3096		48 57 6	52 22	74	98 7829	16 97	15 57 6	52 38
25	90 4788	16 -92 -4	49 30 0	52 . 22	75	98 9526	16 98	16 30 0	52 41 .
24,26	0,390 6480	16 92 21	-50 02 4	52 22	24,76	0,399 1224	16 97	22 17 02 4	52 38
27	90 8472	16 493	50 34 8	52 25	77	99 2921	16 . 98	17 34 8	52 41
28 - 29	90 9865	16 92	51 07 2 51 39 6	52 22 52 25	78 79	99 4619	16 98	18 0,7 2	52 41
30	91 1557	16 93 1 16 92 1	52 12 0	52 22	-80	99 6317 99 8015	16 98 16 98	18 39 6 19 12 6	52 41
24,31			52 44 4	52 25	24,81	0,399 9713			52 41
32	0,391 4942 94 6635	16 93 21 16 93	53 16 8	52 25	82	0,400 1411	16 98 : 16 98	22 19 44 4 20 16 8	52 41
33	91 8328	16 93	53 49 2	52 - 25	83	00 3109	16 99	20 49 2	52 41 52 44
34	92 0021	16 -93	54 24 6	52 - 25	84	00 4808	16 98	21 21 6	52 41
35	92 1714	16 93	-54 54 ()	52 - 25	85	00 6506	16 99	21 54 0	52 44
24,36	0,392 3407		55 26 4	52 28	24,86	0,460 8205		22 22 26 4	52 44
37 ~		16 ·93 · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	-55 58 8 -56 31 9	52 25 52 28	-87 88	00-9904	16 99	22 58 8	52 44
38 39	92 6794 92 8488	16 93	56 31 2 57 03 6	52 28 52 -25	89	01 1603 01 3302	16 99 16 99	23 31 2 24 03 6	52 44
40	93 0181	16 -94 "	57 36 0	52 - 28	90	01 5001	16 99	24 36 0	52 44 52 44 .
24,41	0,393 1875	46 -94 - 21	-58 08 4	52 28	24,91	0,401 6700	16 99	22 25 08 4	
42	93 3569	16 94 1	58 40 8	52 28	92	01 8399	17 .00	25 40 8	52 44 52 47
43	93 5263	16 -04 -	59 13 2	52 28	-93	02 0099	16 99	26 13 2	52 44
44	93 6957		59 45 6	52 - 28	94	02 1798	17 00	26 45 6	52 47
45	93 8661		00 48 0	52 - 28	95	02 3498	16 99	27 18 0	52 44
24,46	0,394 0845		00 50 4	52 34	24,96	0,402 5197		22 27 50 4	52 47
47	94 2040 94 3734	16 95	01 22 8	52 28 52 31	97 98	02 6897 02 8597	17 00 17 00	28 22 8 28 55 2	52 47
49	0 94 5429	16 94 4	02 27 6	52 28	99	03 0297	17 00	29 27 6	52 47 52 47
50	94 7123		03 (0) 0	-	25,00	03 1997		30 00 0	

Aa

N.E.		Alte Einth.		N. E.	· Ai	Alte Einth.	
$k = 25^{\circ}$	2. k.	D. 1". (D. 1".	$k = 25^{\circ}$	2. k. D	. 1".	D. 1".
Gr. M.	a sour sidem !!	Gr. M. S.		Gr. M.		Gr. M. S.	
25,00	0,403 1997	17 00 22 30 00 0	52 47	25,50		7 06 / 22 057; 00. 0.	52 65
25,01	0,403 3697	17 01 22 30 32 4 17 00 31 04 8	52 , 50 ; 52 ; 47	25,51 52		7 \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \	52 65. 52 65
03	03 7098	17 01 31 37 2	52 50	53	,	7 07 58 37 2	52 69
04	03 8799	17 01 32 09 6	52 50	54	12 3972 1	7	52 65
05	04 0400	17 00 32 42 0	52 47	55	, 12 5678	7 06 22 59 42 0	52 65
25,06 07	0,404 2200	17 01 22 33 14 4 17 01 33 46 8	52 50 52 50	25,56 .57	0,111	7 07 23 00 14 4 7 07 2 00 46 8	52 69
** 0S	04 5602	17 02 34 19 2	52 53	58		7 07 00 46 S 7 06 01 19 2	52 65
09	04 7304	17. 01 34. 51 6	52 50	59	13 2504 1	7 ,07 01 51 6	52 69
10	04 9005	17 01 35 24 0	52 50	60	13 4211 1	7 (07 31 02: 24 0	52 69
25,11	0,405 0706	17 02 22 35 56 4	52 53	25,61	- 3	7 . 08 23 . 02 . 56 4	52 72
12 13	05 2408 05 4109	17 01 36 28 8 17 02 37 01 2	52 50 52 53	62 63		7 07 : 03 28 8 7 07 : 04 01 2	52 69 52 69
14	05 5811	17 02 37 33 6	52 53	64	14 1040 1	. 1/2 2 1	52 72
15	05 7513	17 02 38 06 0	52 53	65	14 2748 1	7 - 07 mc 06 0	52 69
25,16	0,405 9215	17 02 22 38 38 4	52 53	25,66	0,414 4455 1	7 08 , 23 05 38 4	52 72
17 18	06 0917	17 02 39 10 8 17 02 39 43 2	52 53	67		7 08	52 72 52 72
19	06 2619	17 02 39 43 2 17 03 40 15 6	52 53 52 56	68		7 08	52 72
20	06 6024	17 02 40 48 0	52 53	70		17 08: 07 48 0	52 72
25,21	0,406,7726	17 03 22 41 20 4	52 56	25,71	0,415 2995 .1	7 08 23 08 20 4	52 72
22	06 9429	17 03 41 52 8	52 56	72		17 08 08 52 8	52 72
23 24	07 1132	17 02 42 25 2 17 03 42 57 6	52 53 52 56	73 74		17 09 09 25 2 17 08 09 57 6	52 75 52 72
25	07 4537	17 03 43 30 0	52 56	75		17 09 .: 10 30 0	52 75
25,26	0,407 6240	17 03 22 44 02 4	52 56	25,76	0,416 1537	17 09 23 11 02 4	52 75
27	07 7943	17 04 44 34 8	52 59	: 77		17 09 11 34 8	52 75
28 29	07 9647 08 1350	17 03 45 07 2 17 04 45 39 6	52 56	78 79		17 09 12 07 2 17 09 12 39 6	52 75 52 75
30	08 3054	17 03 46 12 0	52 59 52 56	80		17 09 12 39 6 17 10 13 12 0	52 78
25,31	0,408 4757	17 04 22 46 44 4	52 59	25,81	0,417 0083	17 09 23 13 44 4	52 75
32	08 6461	17 04 .47 16.8	52, 59	82	,	17 10	52 78
33	08 8165	17 04 47 49 2	52, 59	83		17 09 7 14 49 2	52 75
34 35	08 9869 09 1573	17 04 48 21 6 17 04 48 54 0	52 59 52 59	84 85		17 · 10 : 15 · 21 · 6 17 · 10 : 15 · 54 · 0	52 78 52 78
25,36	0,409 3277	17 04 22 49 26 4	52 59	25,86		17 10 : 23 16 26 4	52 78
37	09 4981	17 05 49 58 8	52 62	87		17 10 1 16 58 8	52 78
38	09 6686	17 04 . 50 31 2	52 59	88		17 10 1 17 31 2	, 52 78
39 40	09 8390 10 0095	17 05 51 03 6 17 05 51 36 0	52 62 52 62	89 90	18 3761 18 5472	17. 11 (1 , 18 03 6 17. 10 (2) 18: 36 0	52 78 52 78
						2 7.0	
25,41 42	0,410 1800 10 3505	17 05 22 52 08 4 17 05 52 40 8	52 62 52 62	25,91 · 92		17 .11 · · · 23 .19 .08 4 17 .10 · · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	52 81 52 78
- 43	1 0 5210	17 05 ,53 13 2	52 62	93	19 0603	17 . 10 11 20 . 13 2	52 78
44		17 05 53 45 6	52 62	94		17 11 20 45 6	52 81
45		17 05 . 54 18 0	52 62	95		17 11 4 21 18 0	52 81
25,46 47		17 05 22 54 50 4 17 06 55 22 8	52 62 52 65	- 25,96 97		17 11 2 23 21 50 4 17 12 12 (22 22 8	52 81 52 84
48		17 06 - 55 55 2	52 65	98	19 9159	17 mil mg 422; 55 2	52 81
49		17 05 - 56 27 6	52 (362	99	20 0870	17 12 mg 23 27 6	52 84
50	11 7147	57 ₁ 00 0		26,00	20 2582	24 00 0	

N. E.	1.	Alte Einth	Л.7	N. E.	do Ned		Alte Einth.	21.3%
$k=26^{\circ}$ Ω . k .	D.1".	. + 31 · car	D. 1".	· k=26	o Q. k.	D. 1".		D. 1".
Gr. M.		Gr. M. S.	(Paris)	Gr. M.	A 10 10		Gr. M. S.	
26,00 0,420 2582	. 17 11	23 24 00 0	52 SA	26,50	0,428 8306	17 13	23 51 00 0	53 ()2
26,01 0,420 42931	17 12	23 24 32 4	52 84	26,51	0,429 0024	17 18	23 51 32 4	53 02
02 6 20 6005	17 12		52 84	52	29 1742	17- 17	52 04 8	52 99
03 - 320 7717 04 6 20 9429	17 12 17 12	25 37 2 26 69 6	52 S4 52 S4	53 54	29 5177	17 18 1 17 18 1	52 37 2 53 09 6	53 ()2
05 21 1141	17 12	26 42 0	52 84	55	29 6895	17 19	53 09 6 53 42 0	53 U2 53 U2
26,06 0,421 2853	17 12	23 27 14 4	52 84	26,56	0,429 8613	17 197	23 54 14 4	
07 1 21 4565	17 . 13	27 46 8	52 87	57	30 0332	17 18	54 46 8	53 06 53 02
08 21 8278	17 12	28 19 2	52 84	58	1 **30 2050	17 18	15 55 19 2	53 02
09 21 7990	17' 13'	28 51 6	52 87	59	30 3768	17 - 19 1	C+ 55 51 6	53 ()6
10 21 9703	17 13	29 24 0	52 87	60	30 5487	17" 191	56 24 0	53 06
26,11 0,422 1416		23 29 56 4	52 87	26,61	0,430 7206	17 18 1	23 56 56 4	53 ()2
12 22 3129 13 22 4842	17 13	30 - 28 8	52 87 52 8 7	62 63	30 8924 31 0643	17. 191	67 28 8	53 06
13 22 46±2 14 22 6555	17 13 17 13	31 33 6	52 87	64	31 2362	17 19 1 17 20 1	58 01 2	53 06 53 09
15 22 8268	17 13	· 32 06 0	52 87	65	31 4082	17 19	59 106 0	53 06
26,16 0,422 9981	17 14	23 32 38 4	52 00	26,66	0,431 5801	17:1971	23 59 38 4	53 06
17 8 23 1695	17 . 14	33 10 8	52 90	67	81 7520	17 201	24: 00: 10 8	53 09
18 9 23 3409	17 - 13	1 33 43 2	52 87	68	\$ 1 31 9240	17 201	\$ 00 43 2	53 09
19 (23 6422	. 17 .14	34415 6	52 90	69	82 (0560)	17 19.	8 01 15 6	53 06
20 (23.6836	17 14	1134 48 0	52 90	70	32 -2679	17: 201	± 01 48 0	153 09
26,21 0,423 8550	17 14	23 35 20 4	52 90	26,71	0,432:4399	17 20	24 ()2 2() 4	53 ()9
22 24 0264 23 24 1978	17 14	35 52 8 36 25 2	52 90 52 93	72 73	32 6119 32 7840	17 21 17 20 .	02 52 8	53 12
24 24 3693	17: 14	36 57 6	152 90	74	32 9560	17. 201	6, 03 57 6	453 09
25 6 124 3407	170 15	37 30 0	52 93	75	33 11280	17: 211	04.530 0	753 12
26,26 0,424 (7122)	17 14 1	23 38 02 4	52 90	26,76	0,433 3001	17 201	24 05 02 4	53 '09
27 6 1 24 8836	178 15%	38-34-8	52 93	77	fi 13354721	17 211	8 05.:34 8	53 12
28 25 0551	17 15	891107 2	52 93	78	33 6442	17 21	0: 06 07 2	53 12
29 25 2266	17 15	39 39 6	52 9 3 52 9 3	79	33 8163	17 21	1 06 39 6	53 12
30 25 3981	17 15	40 12 0		80	33 9884		07 12 0	53 12
26,31 :0,425 5696	17. 15	23 40 44 4	52 93	26,81	0,434 1605	17 211 17 211	24 07 44 4	53, 12
33 C 425 (9127	17 16	41 49 2	.52 96 52 93	82	34 3326 34 5048	17. 211	1 08 49 2	53 12
34 6 26 0842	170 16	421 21 6	.52 96	84	34 6769	170 221	09: 21 6	53 15
35 26 2558	170 16	42: 54 0	52 96	85	34 8491	17 22	*. 09 54 0	:53 15
26,36 0,426 4274	17 16	23 43 26 4	52 96	26,86	0,435 0213	17 : 21	24 10 26 4	53 12
37 26 5990	. 17. 15	43 58 8	52 93	87	35 1934	17 22	{ · 1 0, 5 8 8	53 15
38 26 7705	17" 17	44 31 2	52 99	88	35 3656	17 22	11 31 2	53 15 '
39 / 026 9422	17.16	45 03 6 45 36 0	52 96 52 96	89	35 5378 35 7101	17 23 17 22	12 03 6 (a) 12 36 0	53 18 53 15
40 27 1138	17 16			90				
26,41 0,427 2854	17-16	23 46 08 4 46 40 8	52 .99 52 .96	26,91	0,435 8823	17 22 1 17 231	24: 13: 08:4 3: 13: 40.8	53 15 53 18
42 8 027 4571	17 17	47 13 2	52 99	92 93	36 2268	17. 231	14 13 2	53 18
44 27 8004	17 17	47 45 6	52 90	94	36 3991	17 22	14 45 6	53 15
45 27 9721	17 17	48 18 0	52 99	95	36-5713	17 23:	11 15 18 0	53 18
26,46 0,428 1438	17 17	23 48 50 4	52 99	26,96	0,436 7436	17 23 1	24 15 50 4	53 18 .
47 28 3155	17 17	49 22 8	52 99	97	36 9159	17. 241	(*16:22 8	53 21
48 . 28 4872	17 17	49 55 2	52 99	98	37:0883	17 231	00 16 55 2	53 18
49 1 28 6589 50 28 8306	17 . 17	1 50 27 6	52 99	99	37 2606 37 4329	17 23 1	18 00 0	53 18
30 300		01 00 0		27,00			2	

Aa 2

N. E.	Alte Einth.		N. E. official of a	Alte Einth.
$k=27^{\circ}$ 2. k .	D. 1".	D. 1".	$k=27^{\circ}$ Q. k.	D. 1". D. 1".
Gr. M.	Gr. M. S.		Gr. M 38 1 11	Gr. M. S.
27,00 ,0,437 4329	17 24 24 18 00 0	53 21		17 30 24 45 00 0 53 40
27,01 0,437 6053	17 24 24 18 32 4	53 21	20	17 30 24 45 32 4 53 40
02 37 7777 03 37 9500	17 23 19 04 8 17 24 19 37 2	53 18 53 21	F 2	17 30 46 04 8 53 40 17 30 46 37 2 53 40
04 38 1224	17 24 19 37 2 17 24 20 99 6	53 21 53 21	EA	17 30 47 09 6 53 40
05 38 2948	17 25 20 42 0	53 24	55 46 9308	17 30 47 42 0 53 40
27,06 0,438 4673	17. 24 24 21 14 4	53 21	27,56 0,447 1038	17 31 24 48 14 4 53 43
07 38 6397	17 24 21 46 8	53 21	57 47 2769	17 31 48 46 8 53 43
08 38 8121	17 25 22 19 2	53: 24	58 2 47 4500	17 30: 49 19 2 53 40
09 38 9846 10 39 1570	17 24 22 51 6 17 25 23 24 0	53 21 53 24	59 8 47 6230 60 8 47 7961	17 31 49 51 6 53 43 17 31 50 24 0 53 43
			024.04	
27,41 0,439 3295 12 39 5020	17 25 24 23 56 4 17 22 24 28 8	53 24	27,61 0,447 9692 62 48 1423	17 31 24 50 56 4 53 43 17 32 51 28 8 53 46
13 39 6745	17 25 25 01 2	53, 24	63 48 3155	17 31 52 01 2 53 43
14 39 8470	17 22 25 33 6	53: 24	64 , 48 4886	17 3t 52 33 6 53 43
40 0195	17 26 26 06 0	53: 27	65 48 6617	17 32 53 06 0 53 46
27,16 0,440 1921	17 25 24 26 38 4	53 24	27,66 0,448 8349	17 32 24 53 38 4 53 46
17 40 3646	17 26 27 10 8	53 27	67 6 49 0081	17 32 54 10 8 53 46
18 40 5372	17 26 27 43 2 17 26 28 15 6	53 27 53 27	68 49 1813 69 49 3545	17 32 54 43 2 53 46 17 32 55 15 6 53 46
19 40 7098 20 40 8824	17 26 28 15 6 17 26 28 48 0	53 27	70 0 49 5277	17 32 55 15 6 53 46 17 32 55 48 0 53 46
	17. 26- 24- 29- 20- 4	53 27	27,71 0,449 7009	
27,21 0,441 0550 22 41 2276	17 26 24 29 20 4	53 27	72 49 8741	17 32 24 56 20 4 53 46 17 33 56 52 8 53 49
23 41 4002	17. 27 30 25 2	53 30	73 50 0474	17, 32 57 25 2 53 46
24 41 5729	17 26 30 57 6	53 27	74 50 2206	17 33, 57 57 6 53 49
25 41 7455	17 27 31 30 0	53 30	7.5 (1 . 50 3939	17 33 58 30 0 53 49
27,26 0,441 9182	17 26 24 32 02 4	53 27	27,76 0,450 5672	17 33 24 59 02 4 53 49
27 42 0908	17: 27 32 34 8	53 30	77 8 50 7405	17 33 24 59 34 8 53 49
28 42 2635 29 42 4362	17 27 33 07 2 17 27 33 39 6	53 30 53 30	78 2 50 9138 79 51 0872	17 34 25 00 07 2 53 52 17 33 00 39 6 53 49
30 42 6089	17 28 34 12 0	53 33	80 51 2605	17 34 01 12 0 53 52
27,31 0,442 7817	17 27 24 34 44 4	53 30	27,81 0,451 4339	17, 33 25 01 44 4 53 49
32 42 9544	17 27 35 16 8	53 30	82 9 51 6072	17 34 02 16 8 53 52
33. 43 1271	17 27 35 49 2	53 30	83 5 51 7806	17 34 62 49 2 53 52
34 43 2999	17 28 36: 24 6	53 33	84 0: 51 9540	17 34 03 21 6 53 52
35 43 4727	17 28 3 6 54 0	53 33	85 0 52 1274	17 34 03 54 0 53 52
27,36 0,443 6455	17 28 24 37 26 4	53 33	27,86 0,452 3008 87 52 4742	17 34 25 04 26 4 53 52
37 43 8183 38 43 9911		53 33 53 33	87 : 52 4742 88 : 52 6477	17 35 04 58 8 53 55 17 34 95 31 2 53 52
39 44 1639		53 36	89 52 8211	17 34 95 31 2 53 52 17 35 96 93 6 53 55
40 44 3368	17 28 3 9 36 0	53 33	90 52 9946	17 35 06 36 0 53 55
27,41 0,444 5096	17 29 24 40 08 4	53 36	27,91 0,453 1681	17 35 25 07 08 4 53 55
42 44 6825		53 33	92 7 ,53 3416	17 35 . 07 40 8 53 55
43 44 8553		53 36	93 2 53 5151	17 35 08 13 2 53 55
44 45 0282 45 45 2011		53 36 53 36	94 · 53 6886 95 · 53 9621	17 35 08 45 6 53 55 17 36 09 18 0 53 58
				40.44
27,46 0,445 3740 47 45 5470	17 30 24 42 50 4 17 29 43 22 8	53 40 53 36	27,96 (0,454 0357 97 (54 2092	17 35 25 09 50 4 53 55 17 36 10 22 8 53 58
48 45 7199		53 36	98 -1 54 3828	17. 36
49 45 8928		53 40	99 8 . 54 5564	17 36 11 27 6 63 58
50 46 0658	45 00 0		28,00 (7:54 7300)	12 00 0

N.E.			Alte Einth	· 'F . t	N. E.	area of a large		Alte Einth	
k=28°	2. k.	D. 1".		D. 1".	k=28°	Q. k.	D. 1".		D. 1".
Gr. M.	." .5" 1		Gr. M. S.	, 2 - 715	Gr. M.	.60		Gr. M. S.	
28,00	0,454 7300	17 36	25 12 00 0	53 58	28,50	0,463 4262	17 43	25 39 00 0	53 80
82,01	0,454 9036	17 36	25 12 32 4	53 58	28,51	0,463 6005	17 43	25 39 32 4	53 80
03	55 0772	17 37	13 04 8	53 61	52 53	63 7748	17 42	40 04 8	53 77
04	55 2509 55 4245	17 36°	13 37 2 14 69 6	53 58 53 61	54	63 9490 64 1233	17 43 17 44	40 37 2	53 80 53 83
05	55 5982	17 36	14 42 0	53 58	55	64 2977	17 43	41 42 0	53 80
28,06	0,455 7718	17 37	25 15 14 4	53 61	28,56	0,464 4720	17 43	25 42 14 4	53 80
07	55 9455	17 37	15 46 8	53 61	57	64 6463	17 44	42 46 8	53 83
- 68	2 56 1192	17 37	16 19 2	53 61	58	64 8207	17 43	43 19 2	53' 80
10	56 2929 56 4666	17 37 17 39	16 51 6	53 61 53 64	03	64 9950	17 44	43 51 6	53 83
28,11		17 37	d 91		28,61	0,465 3438	17 44	25 44 56 4	53 83
12	0,456 6404 56 8141	17 39	25 17 56 4 18 28 8	53 61 53 64	62	65 5182	17 44	45 28 8	53 83
13	56 9879	17 38	19 01 2	53 64	63	65 6926	17 45	46 01 2	53 86
14.	57 1617	17 38	19 33 6	53 64	64	65 8671	17 44	46 33 6	53 83
15	57 3355	17 39	20 06 0	53 64		66 0415	17 45	47 06 0	53 86
28,16	0,457 5093	17 38	25 20 38 4	53 64	28,66	0,466 2160	17 44	25 47 38 4	53 83
17 18	57 6831 57 8569	17 38 17 39 17 39 17 39 17 39 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18	21 10 8 21 43 2	53 64	68	66 3904	17 45 17 45	48 43 2	53 86 53 86
19	58 0308	17 38	22 15 6	53 64	69	66 7394	17 45	49 15 6	53 86
20	6 58 2046	17 39	22 48 0	53 67	70	66 9139	17 45	49 48 0	53 86
28,21	0,458 3785	17 38	25 23 20 4	53 64	28,71	0,467 0884	17 46	25 50 20 4	53 89
22	58 5523	17 39	23 52 8	53 67	72	67 2630	17 45	50 52 8	53 86
23 24	58 7262	17 39	24 - 25 2 24 - 57 6	53 67 53 70	. ~ 4	67 4375 ° 67 6421	17 46	51 25 2	53 89
25	59 0741	17 40	24 57 6	53 67	75	67 7866	17 46	51 57 6 52 30 0	53 86 53 89
28,26	0;459 2480°	17 39	25 26 02 4	53 67	28,76	0,467 9612	17 46	25 53 02 4	53 89
27	59 4219	17 40	26 34 8	53 70	77	68 1358	17 46	53 34 8	53 89
28	59 5959	17 40	27 07 2	53 70	78	68 3104	17 47	54 07 2	53 92
29	59 7699	17 39	27 39 6 28 12 0	53 67 53 70	79 80	68 4851	17 46	54 39 6	53 89
30	59 9438	17 40						55 12 0	53 92
28,31	0,460 1178	17 4E 17 40	25 28 44 4	53 73 53 70	28,81	0,468 8344	17 47 17 46	25 55 44 4 56 16 8	53 92 53 89
33	60 4659	17 40	29 49 2	53- 70-	83	69 1837	17 47	56 49 2	53 92
34	60 6399	17 41	30 21 6	53 73	84	69 3684	17 47	57 21 6	53 92
35	60 8140	17 40	30 54 0	53 70	· 3 85	69 5331	17 48	57 54 0	53 95
28,36	0,460 9880	17 41	25 31 26 4	53 73	28,86	0,469 7079	17 47	25 58 26 4	53 92
37	61 1621	17 41	31 58 8	53 73 53 73	24× 87	69 8826	17 47	58 58 8	53 92 53 95
38 39	61 3362	17 41	33 03 6	53 73	F2 89	70 2321	17 48	90 03 6	53 95
40	61 6844	17 41	33 36 0	53 73	23 90	70 4069	17 48	00 36 0	53 95
28,41	0,461 8585	17 42	25 34 08 4	53 77	28,91	0,470 5817	17 48	25 01 08 4	53 95
42	62 0327	17 4E	34 40 8	53: 73	92	70 7565	17 48	01 40 8	53 95
43	62 2068	17 42	35 13 2 35 45 6	53 77 53 77	93	70 9513 71 1061	17' 48' 48'	02 13 2 02 45 6	53 95 53 95
44 45	62 3810 62 5552	17 42 17 41	35 45 6 36 18 0	53 73	95	71 2809	17 48	03 18 0	53 95
28.46		17 43	25 36 50 4	53 80	28,96	0,471 4558	17 49	25 03 50 4	53 98
28,46	0,462 7293	17 42	37 22 8	53 77	97	71 6307	17 49	04 22 8	53 98
48	63 0778	17 42	- 37, 55 2	53 77	98	71 8056	17 49	04 55 2	53 98
49	63 2520 -	17 42	38 27 6	53 77	99	71 9805	17 49	05 27 6	53 98
50	63 4262		39 00 0	. 61 15	29,00	72 1554		- 06 00 0	

N.E.		_	Alte Einth.		N. E.		Alte Einth.	· in .
k=29°	Q. k.	D. 1"		D. 1".		k. D.1"		D. 1".
Gr. M.			Gr. M. S.		Gr. M.		Gr. M. S.	
29,00	0,472 1554	17 49	26 06 00 0	53 98	00 10	9181 17 56	26 33 00 0	54 20
29,01	0,472 3303	17 49	26 06 32 4	53 98		. 0937 17 - 57	26 33 32 4	54 23
02	72 5052	17 50	07 04 8	54 ()1	19	. 2694 17 56	34 04 8	54 20
03 04	72 6802	17 49	07 37 2 08 09 6	53 98 54 01	EA	4450 17 56 6206 17 57	34 37 2 35 09 6	54 20 54 23
05	72 8551 73 0301	17 50 17 50	08 09 6 08 42 0	54 01		1 6206 17 57 - 1 7963 17 57	35 42 0	54 23
29,06	0,473 2051	17 50	26 09 14 4	54 01	00 10	9720 17 57	26 36 14 4	54 23
07	73 3801	17 50	09 46 8	54 01	F.04	2 1477 . 17 57	36 46 8	54 23
08	73 5551	17 51	10 19 2	54 04		2 3234 17 57	9 37 19 2	54 23
09	73 7302	17 50	10 51 6	54 ()1		4991 17 57	37 51 6	54 23
10	73 9052	17 51	11 24 0	54 04		2 6748 , 17 58	38 24 0	54 23
29,11	0,474 0803	17 50 17 51	26 11 56 4 12 28 8	54 01		8 8505 17 58 8 0263 17 58	26 38 56 4	54 26
12 13	74 2553 74 4304	17 51	13 01 2	54 .01	0.0	3 0263 17 58 3 2021 17 58	39 28 8 40 01 2	54 · 26
14	74 6055	17 51	13 33 6	54 04	0.4	3 3779 17 58	- 40 33 6	54 26
15	74 7806	17 52	14 06 0	54 07	65 83	3 5537 17 58	41 06 0	54 26
29,16	0,474 9558	17 51	26 14 38 4	54 ()4		7295 17 58	25 41 38 4	54 '26
17	75 1309	17 51	15 10 9	54 04	00	3 9053 17 58	42 10 8	54 26
18	75 3060 75 4812	17 52 17 52	15 43 2 16 15 6	54 07 54 07	0.0	10811 17 59 2570 17 58	42 : 43 2 43 : 15 6	54 29 54 26
19 20	75 6564	17 52	16 48 0	54 07		4328 17 59	43 48 0	54 29
29,21	0,475 8316	17 52	26 17 20 4	54 07	. 29,71 0,484	6087 17. 59	26 44 20 4	54 29
22	76 0068	17 52	17 52 8	54 07	ev.0	7846 17 59	44 52 8	54 29
23	76 1820	17 52	18 25 2	54 ()7		9605 17 60	45 . 25 2	54 32
24	76 3572	17 53	18 57 6 19 30 0	54 10 54 10	m *	3 1365 17 59	45 57 6	54 29
25	76 5325	17 53			00.70	3124 17 59	: 46 30 0	54 29
-29,26	0,476 7078	17 52	26 20 02 4 20 34 8	54 07 54 10	EN THE	4883 17 60 6643 17 60	26. 47 02 4	54 32
27 28	76 8830 77 0583	17 53 17 53	21 07 2	54 10	ALC.	6 6643 17 60 6 8403 17 60	48 07 2	54 32 54 32
29	77 2336	17 53	21 39 6	54 10	79 86	0163 17 60	48 39 6	54 32
30	77 4089	17 53	22 12 0	54 10	80 86	1923 17 60	49 12 0	54 32
29,31	0,477 5842	17 54	26 22 44 4	54 14		5 3683 17 .61 .	26 49 44 4	54 35
32	77 7596	17 54	23 16 8	54 14	0.0	5444 17 60	50 16 8	54 32
33 34	77 9350 78 1103	17 53 17 54	23 49 2 24 21 6	54 10 54 14	0 %	6 720 4 17 61 6 8965 17 60	50 49 2 51 21 6	54 35 54 32
35	78 2857	17 54	24 54 0	51 14	0.5	7 0725 17 61	51 54 0	54 35
29,36	0,478 4611	17 54	26 '25 26 4	54 14	29,86 0,487	2486 17 61	26 52 26 4	54 35
37	78 6365	17 55	25 58 8	54 17	0.00	7 4247 17 62	52 58 8	54 38
. 38	78 8120	17 54	26 31 2	54 14		7 6009 17 61	53 31 2	54 35
39	78 9874 79 1629	17 55 17 54	27 03 6 27 36 0	54 17 54 14		7 7770 17 61 7 9531 17 62	54 : 93 6	54 35
40							54 . 36 0.	54 38
29,41 42	0,479 3383 79 5138	17 55 17 55	28 40 8	54 17 54 17		3 1293 17 62 3 3055 17 62	26 55 08 4 55 40 8	54 39
43	79 6893	17 55	29 13 2	54 17		3 4817 17 62	56 13 2	54 38 54 38
44	79 8648	17 55	29 45 6	54 17		8 6579 17 62	56 45 6	54 38
45	80 0403	17 56	3 0 1 8 0	54 20		8 8341 17 62	57 18 0	54 38
29,46	0,480 2159	17 55		54 17	,	0 0103 17 63	26 57 50 4	34 41
47 48	80 3914	17 56 / 17 55	31 22 S 31 55 2	54 20 54 17		9 3628 17 63 ·	58 22 8 58 55 2	54 38
49	80 7425	17 56	32 27 6	54 20		0 5391 17 63	58 55 2 26 59 27 6	54 41
50	80 9181		33 00 0			7154	27 00 00 0	100

N. E.		A	lte Einth.		N. E.		V. A	lte Einth.	
$\lambda = 30^{\circ}$	Ω . k .	D. 1".		D. 1".	$k = 30^{\circ}$	\mathfrak{Q} . k .	D. 1"		D. 1".
Gr. M.			r. M. S.		Gr. M.			Gr. M. S.	
30,00	0,489 7154	17 63 2		54 41	30,50	0,498 5479		27 27 00 0	54 63
30,01	0,489 8917 90 0680	17 63 27 17 63	00 32 4	54 41 54 41	30,51 52	0,498 7249 98 9019	17 70 17 71	27 27 32 4	54 63
03	90 2443	17 64	01 37 2	54 44	53	99 0790	17 70	28 04 8 28 37 2	54 66 54 63
04	90 4207	17 63	02 09 6	54 41	54	99 2560	17 71	29 09 6	54 66
05	90 5970	17 64	02 42 0	54 44	55	99 4331	17 71	29 42 0	54 66
30,06	0,490 7734	17 64 27		54 44	30,56	0,499 6102		27 30 14 4	54 66
08	90 9498 91 1262	17 64 1	03 46 8 04 19 2	54 44	57 58	99 7873 0,499 9644	17 71 17 71	30 46 8 31 19 2	54 66 54 66
09	91 3026	17 64	04 51 6	54 44	59	0,500 1415	17 72	31 51 6	54 69
10	91 4790	17 65	05 24 0	54 48	60	00 3187	17 71	32 24 0	54 66
30,11	0,491 6555	17 64 27	05 56 4	54 44	30,61	0,500 4958	17 72	27 32 56 4	54 69
12	91 8319	17 65 1	06 28 8	54 48	62	00 6730	17 72	33 28 8	54 69
13 14	92 0084 92 1849	17 65 ³	07 01 2 07 33 6	54 48 54 48	63 64	00 8502 01 0274	17 72 17 72	34 01 2 34 33 6	54 69 54 69
15	92 3614	17 65	08 06 0	54 48	65	01 2046	17 73	35 06 0	54 72
30,16	0,492 5379	17 65 27	08 38 4	54 48	30,66	0,501 3819	17 72	27 35 38 4	54 69
17	92 7144	17 66	09 10 8	54 51	67	01 5591	17 73	36 10 8	54 72
18	92 8910	17 65	09 43 2	54 48	68	01 7364	17 72	36 43 2	54 69
19 20	93 0675	17 66	10 15 6	54 51 54 51	69 70	01 9136 02 0909	17 73 17 73	37 15 6	54 72 54 72
	93 2441	17 66	10 48 0					37 48 0	
30,21 22	0,493 4207 93 5973	17 66 27 17 66	11 20 4 11 52 8	54 51 54 51	30,71 72	0,502 2682	17 74 17 73	27 38 20 4 38 52 8	54 75 54 72
23	93 7739	17 66 b	12 25 2	54 51	73	02 6229	17 73	39 25 2	54 72
24	93 9505	17 67	12 57 6	54 54	74	02 8002	17 74	39 57 6	54 75
25	94 1272	17 66 °	13 30 0	54 51	75	02 9776	17 74	40 30 0	54 75
30,26	0,494 3038	17 67 27	14 02 4	54 54	30,76	0,503 1550	17 74	27 41 02 4	54 75
27 28	94 4805	17 67	14 34 8	54 54	77 78	03 3324	17 74	41 34 8	54 75
29	94 6572 94 8339	17 67	15 07 2 15 39 6	54 54 54 54	79	03 5098 03 6872	17 74 17 75	42 07 2 42 39 6	54 75 54 78
30	95 0106	17 67	16 12 0	54 54	80	03 8647	17 74	43 12 0	54 75
30,31	0,495 1873	17 67 2	7 16 44 4	54 54	30,81	0,504 0421	17 75	27 43 44 4	54 78
32	95 3640	17 68	17 16 8	54 57	82	04 2196	17 75	44 16 8	54 78
33	95 5408	17 68	17 49 2	54 57	83	04 3971	17 75	44 49 2	54 78
34	95 7176 95 8944	17 68 · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	18 21 6 18 54 0	54 57 54 57	84	04 5746 04 7521	17 75 17 75	45 21 6 45 54 0	54 78 54 78
				54 57	30,86	0,504 9296			
30,36	0,496 0712 96 2480	17 68 27 17 68	19 58 8	54 57	87	05 1071	17 75 : 17 76	27 46 26 4 46 58 8	54 78 54 81
38	96 4248	17 68	20 31 2	54 57	88	05 2847	17 75	47 31 2	54 78
39	96 6016	17 69	21 03 6	54 60	89	05 4622	17 76 -	48 03 6	54 81
40	96 7785	17 69 🜤	21 36 0	54 60	90	05 6398	17 76	48 36 0	54 81
30,41	0,496 9554	17 69 2		54 60	30,91	0,505 8174		27 '49 08 4	54 81
42	97 1323	17 69 17 69	22 40 8 23 13 2	54 60 54 60	92 93	05 9950 06 1727	17 77 17 76	49 40 8 50 13 2	54 85 54 81
43	97 3092	17 69 T	23 45 6	54 60	94	06 3503	17 77	50 45 6	54 85
45	97 6630	17 70 1	24 18 0	54 63	95	06 5280	17 77	51 18 0	54 85
30,46	0,497 8400	17 69 23	24 50 4	54 60	30,96	0,506 7057	17 76	27 51 50 4	54 81
47	98 0169	17 70	25 22 8	54 63	97	06 8833	17 77	52 22 8	54 85
48	98' 1939	17 70	25 55 2	54 63	98	07 0610	17 78	52 55 2	54 88
49 50	98 3709 98 5479	17 70 72	26 27 6 27 00 0	54 63	31,00	07 2388 07 4165	17 77	53 27 6 54 00 0	54 85
20			00		01,00				

N. E.	distribution of the state of th	Alte Einth	. 17 12	N. E.	Mil at F.	1/c .4	lte Einth.	
$k = 31^{\circ}$	2. k. D. 1	". 1 . A . 9	D. 1".;	$k = 31^{\circ}$	\mathfrak{L} . k .	D. 1".	15 17 201 1 000	D.1".
Gr. M.	2 2 11 (4)	Gr. M. S.		Gr. M.			Gr. M. S.	
31,00	0,507 4165 17 7	7 . 27 54, 90 0.	54 85	31,50	0,516 3221	17 85 5	28 21 00 0	55 09
31,01	0,507 5942 17 7		54 88	31,51	0,516 5006		28 21 32 47	55 09 .
02 03	07 7729 17 77 07 9498 17 77		54 88 54 88	53	16 6791 16 8576	17 85 TI	22 04 8	55 09 55 09
04	08 1276 17 78		54 88	54	17.0361	17 86	23 09 6	55 12
05	08 3054 17 7	8 1 56 42 0	54 88	55	17 2147	17 .85 .1	23 42 0	55 09
31.06	0,508 4832 17 7	8 27 57 14 4	54 88	31,56	0,517 3932	17 .86	28 24 14 4	55 12
07	08 6610 17 7	9 . 57 46 8	54 91	57	17 5718	17 ,86 c	24 46 8	55 12
08	08 8389 17 7		54 88	58	17 7504	17 87	25 19 2	55 15
09 10	09 0167 17 7 09 1946 17 7		54 91 54 91	60	17 9291 18 1077	17 86 17 86	25 51 6 26 24 0	55 12 55 12
		- 14	54 91	31,61				
31,11	0,509 3725 17 7 09 5504 17 8		54 94	.62	0,518 2863	17 87	28 26 56 4 ₀ 27 28 8	55 15
13	09 7284 17 7		54 91	.63	18.6437	17 .87	28 01 2	55 15
14	09 9063 17 8	01 .33.6	54 94	.64	18 8224	17 .87	28 33 6	55 15
15	10 0843 _17 _7	9 (1 .02 06,0	54 91	65	19,0011	17 87 11	29 -06 0	55 15
31,16	0,510 2622 17 8	0 28 92 38 4	54 94	31,66	0,519 1798	.17 87	28 29 38 4	55 15
17	10 4402 17 .8		54 94	67	19 3585	17 ,88 ~1	30 10 8	55 19
18	10 6182 17 8 10 7962 17 8		54 94 54 94	68	19 5373 19 7160	17 87 17 88	30 43 2 31 15 6	55 15 55 19
19 20 -	10 7962 17 8		54 97	70	19 8948	17 88	31 48 0	55 19
31,21	0,511 1523 / 17 8		54 94	31,71	0,520 0736		28 32 20 4	55 19
22	11 3303 17 8		54 .97	72	20 2524	17 89	32 52 8	55 22
23	11 5084 17 8	1 .06 25.2	54 797 "	73	20 4313	17 88	33 25 2	55 19
24		7	54 97	-74	20 6101	17 89	33 57 6	55 22
25 .	a 11 8646 17 .8	1 .07 .30 0	54 97	75	20 7890	17 ,88	34 30 0	55 19
31,26	0,512 0427 17 8		,, 55 00)	31,76	0,520 9678		28 35 02 4	55 22
27	12 2209 17 8 -12 3990 17 8		54 97 55 00	77	21 1467 21 3256	17 89 17 90	35 34 8 36 07 2	55 22 55 25
28 . 29	- 12 5772 17 8		54 97	.79	21 5046	17 89	36 39 6	55 22
30	12 7553 17 8	2 . 10 12 0	55 .00	80	21 6835	17 90	37 12 0	55 25
31,31	0,512 9335 17 8	2 28 10 44 4	- 55 00	31,81	0,521 8625	17 89	28 37 44 4	55 22
32	13 1117 17 8		55 03	82	22 0414	17 .90	38 16 8	55 25
33	13 2900 17 8		55 00	83	22 2204	17 90 10	38 49 2	55 25
34 , 35	13 4682 17 8 13 6465 17 8		55 00	84 85	22 3994	17 90 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1	39 21 6 39 54 0	55 25 55 25
		the decision	55 03	31,86			**	
31,36 37	0,513 8247 17 8 14 0030 17 8		55 03 -	87	0,522 7574	17 91 :	28 40 26 4 40 58 8	55 28
38	14 1813 17 S		55 .03	.88	23 1155	17 91	41 31 2	55 28
39.	14 3596 17 8	44 ***	55 .06	.89	23 2946	17 .91	42 03 6	55 28
40-	14 5380 17 8	3 ,15 36,0	55 03	90;	c 23, 4737	17 91	42 36 0	55 28 -
31,41	0,514 7163 17 8	1	55 06	31,91	0,523 6528	12 17 91 11	28 43 08 4	55 28
42	15 8947 17 8	/.	55 03 55 06	92	23 8319	17 .92 .1	43 40 8	55 31
43	15 0730 17 8 15 2514 17 8		55 06	94	24 0111 24 1902	17 -91 (1 17 -92 (1	44 13-2 44 45 6	55 28 55 31
45	15 4298 17 8		55 .06	95	24 3694	17 92	45 18 0	55 31
31,46	0,515 6082 17 8	5 28 18 50 4	55 09	31,96	0,524 5486	17 ,92	28 45 50 4	55 31
47	15 7867 17 8		55 .06	97	24.7278	17 92	46 22 8	55 31
48	15 9651 17 8	5 19 55 2	55 09	98	-24 9070	17 92	46 55.2	55 31
49	16 1436 17 8	20 27 6 21 00 0	55 09	32.00	25 0862	17 93	47 27 6	55 34
50	16 3221	*** 011,0		32,00	25 2655	N. Carlotte	48 00 0	

N. E.		A 1	te Einth.	. 7 3.	N. E.			Alte Einth.	
k=32°	2. k.	D. 1".	1 .6	D. 1".	$k = 32^{\circ}$	Q. k.	D. 1".		D. 1".
Gr. M.		G	r. M. S.	40.00	Gr. M.			Gr. M. S.	
32,00	0,525 2655	17 92 28	48 00 0	55 31	32,50	0,534 2475	18 01	29 15 00 0	55 59
32,01 02	0,525 4447	17 93 28 17 93	48 32 4 49 04 8	55 34 55 34	32,51 52	0,534 4276 34 6076		29 15 32 4	55' 56
03	25 6240 25 8033	17 93	49 37 2	55 34 55 34	53	34 7877	18 .01	16 04 8 16 37 2	55 59 55 59
04	25 9826	17 93	50 09 6	55 34	54	34 9678	18 .01	17 09 6	55 59
05	26 1619	17 93	50 42 0	55 34	55	35 1479	18 .01	17 42 0	55 59
32,06 07	0 ₅ 526 3412 26 5206	17 94 28 17 94		55 37 55 37	32,56 57	0,535 3280		29 18 14 4	55 62
08	26 7000	17 93	51 46 8 52 19 2	55 34	58	35 5082	18 .01	18 46 8 19 19 2	55 59 55 62
09	26 8793	17 94	52 51 6	55 37		35 8685 .	18 .02	19 51 6	55 62
10	27 0587	17 94	53 24 0	55 37	60	36 0487	18 02	20 24 0	55 62
32,11	0,527 2381	17 95 28	-	55 40	32,61	0,536 2289		29 '20 56 4'	55 62
12 13	27 4176	17 94 17 95	54 28 8 -55 01 2	55 37 55 40	62 63.	36 4091 36 5893	18 .02	21 28 8	55 62
14	27 5970 27 7765	17 95	55 33 6	55 40	64	36 7696	18 .03	22 01 2 22 33 6	55 65 55 65
15		17: 95	56 06 0	55 40	65	36 9499	. 18 02	23 06 0	55 62
32,16	0,528 1355	17 95 28	56 38 4	55 40	32,66	0,537 1301	18 03	29 23 38 4	55 65
17	28 3150	17. 95	57. ,10 8	55 40	67	37 3104	18 .03	24 10 8	55 65
18 19	28 4945	17 95	57 48 2	55 40	68	37 4907 37 6711	18 .04	24 43 2	55 68
20	28 6740 28 8536	17 96 · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	58 48 0	55 43	70	37 8514	18 .03	25 15 6 . 25 48 0 .	55 65 55 68
32,21	0,529 0332	17 06 28	3 59 20 4	55 43	32,71	0,538 0348		29 26 20 4	55 68
22	29 2128	17 96 28		55 43	72	38 2122	18 .04	26, 52 8	55 68
23	29 3924	17 -96 29	0 00 25 2	55 43	73	38 3926	18 04	27 25 2	55 68
24	29 5720	17 -96	.00 57 6	55 43	74	38 5730	18 04	27 57 6	55 68
25	29 7516	17: 97	. 01 30 0	55 46		38 7534	18 04	28 30 0	55 68
32,26	0,529_9313	17 -96 29 17 -97	02 02 4	55 43 55 46	32,76	0,538 9338	18 05 18 05	29 29 02 4	55 71 55 71
28	30 2906	17 -97	03 07 2	55 46	78	39 2948	18 04	30 07 2	55 68
. 29	30 4703	17 97	.03 39 6	55 46	79	39 4752	18 06	30 39 6	55 74
30	:.30 6500	17 97	04 12 0	55 46	. 80	39 6558	18 05	31 12 0	55 71
32,31	0,530 8297	17 98 29		55 49	32,81	0,539 8363		29 31 44 4	55 71
32 33	31 0095 31 1892	17 97 . 17 98 -	05 16 8-	55 46 55 49	82 83	40 0168	18 06	32 16 8 32 49 2	55 74 55 71
34	31 3690	17 98	06 21 6	55 49	84	40 3779	18 06	33 21 6	55 74
35	31 5488	17 98	06 54 0	55 49	85	40 5585	18 06	33 54 0	55 74
32,36	0,531 7286	17 '98 - 29		55 49	32,86	0,540 7391	18 06	29 34 26 4	55 74
37	31 9084	17 98	07 58 8	55 49 55 52	87	40 9197	18 07	34 '58 8	55 77
38	32 0882 32 2681	17 99 17 99	08 31 2	55 52 55 52	88 - 89	41 1004	18 06 18 07	35 31 2 36 03 6	55 74 55 77
40	32 4480	17 99	09 36 0	55 52	90	41 4617	18 07	36 36 0	55 77
32,41	0,532 6279	17 99 ; 29	10 08 4	55 52	32,91	0,541 6424	18, 07	29 37 08 4	55 77
42	32 8078	17 99	10 40 8	55 52	92	41 8231	18 07	37 40 8	55 77
- 43	32 9877	1,7 99	11 13 2	55 52	93	42 QU38	18 07	38 13 2	55 77
44	33 1676 33 3476	18 00 1. 17 99	11 45 6	55 56 55 52	94 95	42 1845	18 08	38 45 6 39 18 0	55 80 55 77
				55 66	32,96	0,542 5460	18 06	29 39 50 4	55 80
32,46	0,533 527\$, 33 7075	18 00 2	13 22 8	55 56	97	42 7268	18 08	40, 22 8	55 80
48	33 8875	18 00	13 55 2	55 56	93	42 9076	18 08	40 55 2	55 80
49.	34 ()675	18 00	14, 27 6	55 56	. 99	43 0884	18 08	41 27 6 A2 00 0	5 5 (80)
50	34 2475	. 2	: 15 00 0	* 3 ,	33,00	43 2092	DI	2 42 .00 0	
-							Bb		

N. E.	THE ME	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	lte Einth.	Tu a - 312	N. E.	. As as's Allas	Alte Einth.	
$k=33^{\circ}$	Q. k.	D. 1".	· 10 · 10 · 10 · 10 · 10 · 10 · 10 · 10	D. 1"	$k = 33^{\circ}$	2. k. D	. 14.	D.1".
Gr. M.			Gr. M. S.	,	Gr. M.	19 N. 18 F	Gr. M. S.	
33,00 _. 33,01	0,543 2692		29 42 00 0	55 83 - 55 80 '	33,50 33,51		8 17 30 09 00 0	56 08 56 08
02	0,543 4501 43 6309	18 08 2	43 04 8	55 80	52	,	8 17 30 09 32 4 8 17 10 04 8	56 08
03	43 8118 -	18 09	43 37 2	55 83	· 53		8 17 40 37 2	56 08
04	43 9927 44 1736	18 09	44 09 6	55 83 - 55 83	54		8 17 11 09 6 8 18 11 42 0	56 08 56 11
33,06	0,544 3545		29 45 14 4	55 86	33,56		18 17 30 12 14 4	56 03
07	44 5355	18 09	45 46 8	55 83	57	*	18 18 12 46 8	56 11
08	44 7164	18 10	46 19 2	55 86 -	58		18 18 13 19 2	56 11 56 11
09 10	44 8974	18 10 18 10	46 51 6 47 24 0	55 86 55 86	59 60		18 18 13 51 6 18 18 14 24 0	56 11
33,11	0,545 2594	18 10	29 47 56 4	55 86 -	33,61	0,554 3306	18 19 30 14 56 4	56 14
. 12	45 4404	18 11	48 28 8	55 90	62	54 5125	18 18 15 28 8	56 11
13 14	45 6215 45 8025	18 10 18 11	49 01 2	55 86	63 64		18 19 16 01 ₈ 2 18 19 16 33 6	56 14 56 14
15	45 9836	18 11	. 50 06 0	55 90	65		18 19 4 17 06 0	56 14
33,16	0,546 1647	18 11	29 50 38 4	55 90	33,66	0,555 2400 - 1	18 20 30 17 38 4	56 17
17	46 3458	18 11	51 10 8	55 90	67		18 19 48 10 8	56 14
18 - 19	46 5269	18 11	51 43 2 52 15 6	55 90 55 93	68		18 20 18 43 2 18 20 19 15 6	56 17 56 17
20	46 8892	18 12	52 48 0	55 93	70		18 20 19 48 0	56 17
33,21	0,547 0704	18 12 -	29 53 20 4	55 93	33,71	0,556 1498	18 21 30 20 20 4	56 20
22	47 2516	18 12	53 52 8	. 55 93	72		18 20 20 52 8	56 17
23 24	47 4328 47 6140	18 12 18 12	54 25 2 54 57 6	55 93 55 93	73		18 20 ¹ 21 25 2 18 21 21 57 6	56 17 56 20
25	47 7952	18 13	55 30 0	55 96			18 21 22 30 0	56 20
33,26	0,547 9765	18 12	29 56 02 4	55 93	33,76	0,557 0601	18 21 30 23 02 4	56 20
27	48 1577	18 13	56 34 8	55 96	77		18 -21 23 34 8	56 20
28 29	48 3390 48 5203	18 13	57 07 2 57 39 6	55 96 55 96	78		18 21 24 07 2 18 22 24 39 6	56 20 56 23
30	48 7016	18 14	58 12 0	55 96	80	57 7886	18 21 25 12 0	56 20
33,31	0,548 8830	18 13	29 58 44 4	55 96	33,81	0,557 9707	18 22 30 25 44 4	56 23
32 33	49 0643 -	18 14	59 16 8 29 59 49 2	55 99 55 96	82	-	18 22 18 22 26 16 8 26 49 2	56 23
34	49 4270	18 15	30 00 21 6	56 02	84	58 3351 58 5173	18 23 27 21 6	56 23 56 27
35	49 6085	18 14	00 54 0	55 99	85	58 6996	18 22 27 54 0	56 23
33,36	0,549 7899	18 14	30 01 26 4	55 99	- 33,86	0,558 8818	18 23 - 30 28 26 4	56 27
37 38	49 9713	18 15	01 58 8	56 02 55 99 -	87 88	59 0641	18 23 28 58 8 18 23 29 31 2	56 27 56 27
39	50 3342	18 15	03 03 6	56 02	89	59 4237	18 23 30 03 6	56 27
40	50 5157	18 15	03 36 0	56 02		- 59 6110	18 23 30 .36 0	56 27
33,41	0,550 6972	18 15	30 04 08 4	56 -02	33,91	0,595 7933	18 24 30 31 08 4	56 30
42 43	50 8787 51 0603	18 16	04 -40 8	56 05	92	59 9757 60 1580	18 23 31 40 8 18 24 32 13 2	56 27 56 30
44	51 2418	18 16	05 45 6	56, 05	94	60 3404	18 24 - 32 45 6	56 30
45	51 4234	18 15	06 18 0		95	60 5228	18 24 33 18.0	56 30
33,46	0,551 6049	18 16	30 06 50 4		33,96	0,560 7052	18 25 30 33 50 4	56 33
47 48	51 7865 51 9681	18 16 18 17	07 22 8 07 55 2		98	61 0701	18 24 34 22 8 18 25 34 55 2	56 30 56 33
49	52 1498	13 16	08 27 6	56 05	99	61 2526	18 25 35 27 6	56 33
50	52 3314		09 00 0	a Alvert	34,00	61 4351	36 00 0	

N. E.			Alte Einth.		N. E.		Alte Einth.	-
k=34°	Ω . k .	D. 1".		D. 1".	$k=34^{\circ} \Omega. k.$	D. 1"	, .	D. 1".
Gr. M.			Gr. M. S.		Gr. M.	2,1	Gr. M. S.	
34,00	0,561 4351	18 25	30 36 00 0	56 33	34,50 0,570 581	1 18 33	31 03 00 0	56 57
34,01	0,561 6176	18 25	30 36 32 4	56 33	34,51 0,570 76	4 18 34	31 03 32 4	56 60
02	61 8001	18 25	37 04 8	56 33	52 70 94		. 04 04 8	56 60
03	61 9826	18 26	37 37 2	56 36	53 71 13.	2 18 34	01 37 2	56 60
04	62 1652	18 25	38 09 6	56 33	54 71 31		05 09 6	56 60
05	62 3477	18 26	38 42 0	56 36	55 71 49	80 18 35	05 42 0	56 64
34,06	0,562 5303	18 26	30 39 14 4	56 36	34,56 0,571 681		31 06 14 4	56 60
07	62 7129	18 26	39 46 8	56 36	57 71 86		06 46 8	56 64
08	62 8955 63 0782	18 27	40 19 2	56 39	58 72 04 59 72 23		07 19 2	,56 64 56 67
10	63 2608	18 26 18 27	40 51 6	56 36 56 39	60 72 41		08 24 0	56 67 56 64
34,11	0,563 4435 63 6262	18 27 18 27	30 41 56 4 42 28 8	56 3 9 56 39	34,61 0,572 599 62 72 78		34 08 56 4 09 28 8	56 64 56 67
13	63 8089	18 27	43 01 2	56 39	63 72 96		10 01 2	56 67
14	63 9916	18 28	43 33 6	56 42	64 73 14		10 33 6	56 67
15	64 1744	18 27	44 06 0	56 39	65 73 33	33 18 36	11 06 0	56 67
34.16	0,564 3571	18 28	30 44 38 4	56 42	34,66 0,573 51	69 18 36	31 11 38 4	56 67
4.004	64 5399	18 28	6 45 10 8	56 42	67 73 70	05 18 37	12 10 8	56 70
	64 7227	18 28	45 43 2	56 42	68 73 88	42 18 37	12 43 2	56 70
	64 9055	18 28	46 15 6	56 42	69 74 06		13 15 6	56 70
20	65 0883	18 29	46 48 0	56 45	70 74 25		13 48 0	56 70
34,21	0,565 2712	18 28	30 47 20 4	56 42	34,71 0,674 43		31 14 20 4	56 70
22	65 4540	18 29	47 52 8	56 45	72 74 61		14 52 8	56 70
23 24	65 6369 65 8198	18 29 18 29	48 25 2	56 45 56 45	73 74 80 74 74 98		15 25 2 15 57 6	56 73
25	66 0027	18 29	49 30 U	56 45	75 75 17		16 30 0	56 73 56 73
34,26	U ₂ 566 1856	18 30	30 50 02 4	56 48	34,76 0,575 35			
27	66 3686	18 29	50 34 8	56 45	77 75 53		31 17 02 4	56 73 56 73
28	66 5515	18 30	1. 51 07 2	56 48	78 75 72		18 07 2	56 76
29	66 7345	18 30	51 39 6	56 48	7-9 75 90	56 18 38	18 39 6	56 73
30	66 9175	18 30	52 12 0	56 48	80 76 08	94 18 39	19 12 0	56 76
34,31	0,567 1005	18 31	30 52 44 4	56 51	34,81 0,576 27	33 18 39	31 19 44 4	56 76
32	67 2836	18 30	53 16 8	56 48	82 76 45	72 18 39	20 16 8	56 76
33	67 4666	18 31	53 49 2	56 51	83 76 68		20 49 2	56 79
34	67 6497	18 30 18 31	54 21 6	56 48 56 51	84 76 82 85 77 00		21 21 6	56 76
35	67 8327						01 0	56 79
34,36	0,568 0158	18 32	30 55 26 4 55 58 8	56 54 56 51	.34,86 0,577 19 87 77 37		31 22 26 4	56 79
37 38	68 1990 68 3821	18 31 18 31	55 58 8 56 31 2	56 51 56 51	88 77 56		22 58 8 23 31 2	56 79 56 79
39	68 5652	18 32	67 03 6	56 54	89 77 74		24 03 6	56 82
40	68 7484	18 32	57 36 U	56 54	90 77 99		24 36 0	56 79
34,41	0,568 9316	18 32	30 58 08 4	56 54	34,91 0,578 11	31 18 41	31 25 08 4	56 82
42	69 1148	18 32	58 40 8	56 54	92 78 29		25 40 8	56 82
43	69 2980	18 33-	7 - 59 13 2	56 57	93 78 48		26 13 2	56 82
44	£ 69 4813	18 32	30 59 45 6	56 54	94 78 66		26 45 6	56 82
45	.69 6645	18 33	31 00 18 0	56 57	95 78 8	195 .18 42	27 18 0	56 85
34,46	0,569 8478	18 33	31 00 50 4	56 57	.34,96 0,579 0		31 27 50 4	56 82
47	70 0311	18 33	01 22 8	56 57	97 79 2			56 85
48	70 2144	18 33	111 01 55 2	56 57	98 79 4			
49 50	70 3977 70 5811	18 34	02 27 6	. 56 60	99 79 5 3 5,0 0 79 7		30 00 0	
30	70 0011		03 00 0		33,00	TO 1	30 00 0	

Bb 2

N. E.		Alte Einth.		N. E.	Alte Einth.	
$k = 35^{\circ}$	2. k.	D. 1".	D. 1".	$k=35^{\circ}$ Q. k.	D. 1".	D. 1".
Gr. M.		Gr. Mr S.		Gr. M.	Gr. M. S.	
35,00	0,579 7704	18 43 31 30 00 0	56 88	35,50 0,589 0041	18 52 31 57 00 0	57 16
35,01	0,579 9547.	18 42 -31 30 32 4	56 85	35,51 0,589 1893	18 51 31 57 32 4	57 13
02	80 1389	18 43 31 04 8	56 88	52 89 3744	18 52 58 04 8	- 57 16
03 04	80 3232 80 5075	18 43 31 37 2 18 43 32 09 6	56 88 56 88	53 89 5596	18 52 58 37 2	57 16
05	. 80 6918	18 43 32 09 6 18 43 32 42 0	56 88	54 89 7448 55 89 9300	18 52 59 09 6 18 52 31 59 42 0	57 16 57 16
35,06	0,580 8761			07.70		
07	81 0605	18 44 31 33 14 4 18 43 33 46 8	56 91 56 88	35,56 0,590 1152 57 90 3004	18 52 \$2 00 14 4 18 53 00 46 8	57 16 57 19
08	81 2448	18 44 34 19 2	56 91	57 90 3004 58 90 4857	18 53 00 46 8 18 53 01 19 2	57 19
09	81 4292	18 44 34 51 6	56 91	59 90 6710	18 53 01 51 6	57 19
10	81 6136	18 44 35 24 0	56 91	60 > 90 8563	18 53 02 24 0	57 19
35,11	0,581 7980	18 44 31 35 56 4	56 .91	35,61 0,591 0416	18 53, 32 02 56 4	. 57 19
12	81 9824	18 45 . 36 28 8	56 94	62 91 2269	18 54 03 28 8	57 22
13	82 1669	18 45 37 01 2	56 94	63 91 4123	18 54 04 01 2	57 22
14	82 3514	18 44 37 33 6	56 91	64 91 5977	18 53 04 33 6	57 19
15	82 5358	18 46 38 06 0	56 98	, 65 91 7830	18 55 05 06 0	57 25
35,16	0,582 7204	18 45 31 38 38 4	56 94	35,66 0,591 9685	18 54 32 05 38 4	57 22
17 18	82 9049 83 0894	18 45 39 10 8 18 46 39 43 2	56 9 4 56 9 8	67 92 1539	18 54 06 10 8 18 55 06 43 2	57 22 57 25
19	83 2740	18 45 40 15 6	56 94	68 92 3393 69 92 5248	18 55 06 43 2 18 55 07 15 6	57 25
20	83 4585	18 46 40 48 0	56 98 -	70 92 7103	18 55 07 48 0	57 25
35,21	0,583 6431	18 47 31 41 20 4	57 01	35,71 0,592 8958	18 55 32 08 20 4	57 25
22	83 8278	18 46 41 52 8	56 98	72 93 0813	18 55 08 52 8	57 25
23	84 0124	18 46 42 25 2	56 98	73 93 2668	18 56	57 28
24	84 1970	18 47 42 57 6	57 01	74 93 4524	18 55 09 57 6	57 25
25	84 3817	18 47 43 30 0	57 01	75 93 6379	18 56 10 30 0	57 28
35,26	0,584 5664	18 47 31 44 02 4	57 01	35,76 0,593 8235	18 56 32 11 02 4	57 28
27	84 7511	18 47 44 34 8	57 01	77 . 94 0091	18 67 44 11 34 8	57 31
28	84 9358	18 47 45 07 2	57 01	78 94 1948	18 56 12 07 2	57 28
29 30	85 1205 85 3053	18 49 45 39 6 18 48 46 12 0	57 04 57 04	79 94 3804 80 94 5661	18 57 12 39 6 18 56 13 12 0	57 31 57 28
		, , , , , ,				
35,31	0,585 4901	18 47 31 46 44 4	57 01	35,81 0,594 7517	18 57 32 13 44 4	57 31
32 33	* 85 6748 85 8597	18 49 47 16 8 18 48 47 49 2	57 07 57 04	82 94 9374 83 95 1232	18 58 14 16 8 18 57 14 49 2	57 35
34	86 0445	18 48 48 21 6	57 04	84 95 3089	18 57 15 21 6	57 31
35	86 2293	18 49 48 54 0	57 07	85 95 4946	18 58 15 54 0	57 35
35,36	0,586 4142	18 49 31 49 26 4	57 07	35,86 0,595 6804	18 58 32 16 26 4	57 35
37	86 5991	18 49 49 58 8	57 07	87 95 8662	18 58 16 58 8	57 35
38	86 7840	18 49 50 31 2	57 07	88 96 0520	18 58 17 31 2	57 35
39	86 9689	18 49 51 03 6	57 07	89 96 2378	18 59 18 03 6	57 38
40	87 1538	18 50 51 36 0	57 10	90 96 4237	18 59 18 36 0	57 38
35,41	0,587 3388	18 49 31 52 08 4	57 07	35,91 0,596 6096	18 58 32 19 08 4	57, 35
42	87 5237	18 50 - 52 40 8	57 10	92 96 7954	18 59 :: 19 40 8	57 38
43	87 7087	18 50 453 13 2	57 10 -	93 96 9813	18 60 20 13 2	57 41
44 45	87 8937 88 0788	18 51 53 45 6 18 50 54 18 0	57 13	94 97 1673 95 97 3532	18 59 . 20 45 6 18 60 . 21 18 0	57 38
35,46 47	0,588 2638 88 4489	18 51 31 54 50 4 18 50 55 22 8	57 13 57 10	35,96 0,597 5392 78 97 3 97 7251	18 59 32 21 50 4 18 60 22 22 8	57 38 57 41
48	88 6339	18 51 (55 55 2	57 13	70 98 4 97 9111	18 60 22 55 2	57 41
49	88 8190	18 51 56 27 6	57 13	99 98 0970	18 61 23 27 6	57 41
50	89 0041	57 00 0	3380	36,00 100 98 2832	24 00 0	

N.E.			Alte Ein	h. '	N. E.	, ,		Alte Einth.	
k=36°	Q. k.	D. 1".		D.1".	k=36°	Ω . k .			D. 1".
Gr. M.	;		Gr. M. S.		Gr. M.			Gr. M. S.	
36,00	0,598 2832	18 60	32 24 00	0 57 41	36,50	0,607 6086	18 70	32 51 00 0	57 72
36,01	0,598 4692	18 61	32 24 32	4 57 44	36,51	0,607 7956	18 70	23 51 32 4	57 72
02	98 6553	18 61	* 25 04		52	07 9826	18 70	52 04 8	57 72
03	98 8414	18 61	25 37 26 09 6		53 54	08 1696	18 71	52 37 2	57 75
05	99 2136	18 62	26 42 (55	08 3567 08 5437	18 70 18 71	53 09 6 53 42 0	57 72 57 75
36,06	0,599 3998	18 61	32 27 14 4		36,56				57 75
07	99 5859	18 62	27 46 8		57	0,608 7308 - 08 9179	18 71	32 54 14 4 54 46 8	57 75
08	99 7721	18 62	28 19		58	09 1050	18 72	55 1942	57 78
09	0,599 9583	18 62	28 51 (59	09 2922	18 71	55 51 6	57 75
10	0,600 1445	18 62	29 24 (57 47	60	09 4793	18 72	56 24 0	57 78
36,11	0,600 3307	18 63	32 29 56 4		36,61	0,609 6665	18 72	32 56 56 4	57 78
1 12	00 5170	18 63	30 28		62	09' 8537	18 72	57 28 8	57 78
13 14	00 7033	18 63 18 63	31 01 3		63	10 0409 10 2282	18 73 18 72 ·	58 01 2	57 SI 57 78
15	01 0759	18 63	32 06 0		65	10 4154	18 73	59 06 0	57 81
36,16	0,601 2622	18 64	32 32 38	57 53		0,610 6027	18 73	32 59 38 4	57 81
17	. 01 4486	18 63	33 10		67	10 7900	18 73	33 00 10 8	57 81
18	01 6349	18 64	33 43	2 57 53	68	10 9773	18 73	. 00 43 2	57 81
19	01 8213	13 64	34 15		69	11 1646	18 74	01 15 6	57 84
20	02 0077	18 65	34 48	57 56	70	11 3520	18 73	01 48 0	57 81
.36,21	0,602 1942	18 64	32 35 20		36,71	0,611 5393	18 74	33 02 20 4	57 84
	02 3806	18 65	35 52		72	11 7267	18 74	02 52 8	57 84 57 87
	02 5671	18 64 18 65	36 25		73 74	11 9141 12 1016	18 75 18 74	03 25 2	57 84
_ 25	02 9400	18 65	37 30 0		75	12 2890	18 75	04 30 0	57 87
36,26	0,603 1265	18 66	32 38 02	4 57 59	36,76	0,612 4765	18 74	33 05 02 4	57 84
27	03 3131	18 65	38 34		77	12 6639	18 75	05 34 8	57 87
28	03 4996	18 66	39 07 3	2 57 59;	78	12 8514	18 76	06 07 2	57 90
29	03 6862	18 67	39 39 6		79	13 0390	18 75	06 39 6	57 87 57 90
30	03 8729	18 65	40 ,12	0 57 56	_ 80	13 2265	18 76	07 12 0	
36,31	0,604 0594	18 66 1	32 40 44		26,81	0,613 4141	18 76	33 07 44 4	57 90
32 33	04 2460	18 67 18 66	41 16 3		82 83	13 6017 13 7893	18 76 18 76	08 16 8	57 90 57 90
34	. 04 6193	18 67	42 21		84	13 9769	18 76	09 21 6	57 90
0 1	04 8060	18 67	42 54	0 57 62	85	14 1645	18 77	09 54 0	57 93
36,36	0,604 9927	18 68	32 43 26 4	57 65	36,86	0,614 3522	18 77	33 10 26 4	57 93
37	05 1795	18 67	43 58		87	14 5399	18 76	10 58 8	57 90
38	05 3662	18 66	44 31		88	14 7275	18 78	11 31 2	57 96
39	05 5530	18 68	45 ()3 (89	14 9153	18 77 18 77	12 03 6 12 36 0	57 93 57 93
40		18 68	45 36 (90	15 1030		4	
,	0,605 9266	18 68	32 46 08	6	·	0,615 2907	18 78	33 13 08 4 13 40 8	57 96 57 96
42,	06 1134	18 68 18 69	46 40		92	15 4785 15 6663	18 78 18 78	13 13 2	57 96
	.06 4871	18 68	47 45		94	15 8541		14 45 6	57 99
	06 6739	18 69	48 18 (95	16 0420		15 18 0	57 96
36,46	0,606 8608	18 69	32 48 50 4	57 69	36,96	0,616 2298	18 79.	33 15 50 4	57 99
	07 0477	18 70	49 22	3 57 7,2	97	16 4177		16 22 8	57 99
	07 2347	18 69	49 55		98	16 6056	18 79	. 16 55 2 . 17 27 6	57 99 57 99
	. 07 4216 □ 07 6086	18 70	\$0 27 0 \$1 00		99	16 7935 16 9814	18 79	18 00 0	01 .13
			0.2 100		37,00	20 0026			

N. E.			Alte Einth.	ь	N. E. 1984 &		Alte Einth.
$k = 37^{\circ}$	2. k.	D. 1".	1 1. 1.	D. 1".	$k=37^{\circ}$ Q. k.	D. 1".	D. 1".
Gr. M.	1 4. *		Gr. M. S.	.7° , ed	Gr. M. 1 11 15 15	1	Gr. M. S
37,00	0,616 9814	18 80	33 18 00 0	38 02	37,50 0,626 4027	.18 89	33 45 00 0 58 30
37,01	0,617 1694	. 18 79	33 18 32 4	57 99	37,51 -0,626 5916	13 90 .	33 45 32 4 58 33
02	17 3573	18 80	19 04 8	58 02	52 26 7806 53 26 9696	18 90	46 04 8 58 33 46 37 2 58 30
0.3	17 7333	18 80	20 09 6	58 02	54 27 1585	18 89	46 37 2 58 30
0.5	17 9213	18 81	20 42 0	58 06	55 27 3475	18 91	47. 42 0 .58 36
37,06	0,618 1094	18 80	33 21 14 4	58 02	37,56 0,627 5366	18 90	33 48 14 4 58 33
07	18 2974	18 81	21 46 8	58 06	57 27 7256	18 91	48 46 8 58 36
- 08	18 4855	18 81	22 19-2	58 06	58 27 9147 59 28 1038	18 91	49 19 2 58 36
10	18 6736 18 8617	18 81	22 51 6	58 06	60 28 2929	18 91	49 51 6 58 36 50 24 0 58 36
			33 23 56 4	:58 06	97 64		
37,11 12	0,619 0499	18 -81	24 28 8	58 09	62 0,628 4820	18 92	33 50 56 4 58 40 51 28 8 58 36
13	19 4262	18 82	25 01 2	58 09	63 28 8603	18 92	52 01 2 58 40
14	19 6144	18 82	25 33 6	58 09	64 29 0495	18 92 -	52 33 6 58 40
15	19 8026	18, 83	41 26 06 0	, 58 12	65 29 2387	18 93	53 06 0 58 43
37,16	0,619 9909	18 83	33 26 38 4	. 58 12 .	37,66 10,629 4280	18 : 92 ;	33 53 38 4 .58 40
17	20 1792	18 82	27 10 8	58 09 58 12	67 29 6172 68 29 8065	18 93	54 10 8 58 43
18 19	20 3674	18 83 18 84	28 15 6	58 15	69 29 9958	18 93 18 93	54 43 2 58 43
20	20 7441	18 83	28 48 0	58 12	70 30 1851	. 18 93	55 48 0 58 43
37,21	0,620 9324	18 83	33 29 20 4	58 12	37,71 0,630 3744	18 93	33 56 20 4 158 43
22	21 1207	18 84	29 52 8	58 15	72 30 5637	18 94	56 52 8 58 46
	21 3091	18 84	30 25 2	58 15	73 4 30 7531	18 94	57 25 2 58 46
~ X	21 4975 21 6859	18 84	30 57 6	58 15	74 30 9425 75 31 1319	18 94	57. 57 6 . 58 46
25	1				27 70	18 94	58 30 0 58 46
37,26	0,621 8744	18 84	-33 32 02 4 32 34 8	- 58 18 -	77 0,631 3213	18 95 18 94	33 59 02 4 58 49 33 59 34 8 58 46
$\begin{array}{c} 27 \\ 28 \end{array}$	22 2513	18 85	33 07 2	58 18	78 31 7002	18 95	33 59 34 8 58 46 34 00 07 2 58 49
29	22 4398	18 85	33 39 6	. 58 18	79 31.8897	18 95	per 00: 39 6 58 49
30	22 6283	18 85	34 - 12 -0	58 18	80 32 0792	18 95	01 - 12 0 - 58 49
37,31	0,622 8168	18 86	33 34 44 4	58 21	37,81 0,632 2687	18 96	- 34 01 44 4 58 52
32	23 0054	18 86	35 16 8 35 49 2	58 21	82 × 32 4583 83 × 32 6479	18 96	02 16 8 58 52
33 · 34	23 1940 23 3825	18 85 18 87	36 21 6	58 24	84 32 8374	18 95 18 96	02 49 2 58 49 03 21 6 4 58 52
35	23 5712		36 54 0	58 21	85 . 83 0270	18 97	03 54 0 / 58 55
37,36	0,623 7598	18 86	33 37 26 4	. 58 21	37,86 0,633 2167	18 96	34 04 26 4 58 52
37	23 9484	18 87	37 58 8	58 24	87 33 4063	18 97	04 58 8 58 55
38	24 1371	18 87	38 31 2	58 24	88 (33 5960	18 97	05 31 2 58 55
- 39	24 3258 24 5145	18 88	39 03 6 39 36 0	58 24 58 27	90 : 33,9754	18 97	06 03 6 58 55
40				4 .		18 97	₩ 06 36 0 € 58 55
	4 0,624 7033 24 8920	18 87 18 88	33 40 08 4		37,91 0,634 1651 92 34 3549	18 98 18 97	34 07 08 4 58 58
42	24 0920		41 13 2		93 1 34 5446		207. 40 8 - 0 58 55 204 08 13 2 58 58
44	25 2696	18 88	41 45 6	58 27	94 873 34 7344	18 98	1 08 45 6 58 58
45	25, 4584	18 88	17. 42 18 0	58 27	. 46 . 95 6 24 34 9242	18 98	00. 09 18 0 . 58. 58
37,46	0,625 6472	18 88	33 42 50 4	4	37,96 0,635 1140		34 09 50 4 6 58 61
	45 8360		43 22 8		97 35 3039 98 35 4938		754010) 22 8 7 58 61
48 49	46 0249 46 2138		44 27 6		99 97 35 6837	18 99	10 55 2 58 61 (44: 11 27 6 : 58 61
	46 4027		45 00 0	(0.11	38,00 : 35 8736		12 00 0

'A7 87		e: 0	4.1. 771 .7		37 13				
N. E.	e 118 1 1 1		Alte Einth.	9 6 "				te Einth.	
$k = 38^{\circ}$	Ω . k .	D. 1".	1 . 8 . 1	D. 1".	$k = 38^{\circ}$	Ω . k .	D. 1".	I I	0.1".
Gr. M.		.1	Gr. M. S.	, ")	Gr. M.		Gr	. M. S.	
38,00	0,635 8736	18 99	34 12 00 0	58 61	38,50	0,645 3951	19 10 34		8 95
38,01	0,636 0635	19 00	34 12 32 4	58 64	38,51	0,645 5861	19 10 34	39 32 4 5	58 - 59
02	36 2535	18 99	13 04 8	58 61	52	45 7771	19 10		8 495
03	36 4434	19 00	13 37 2	58 64	53	45 9681	19 10	40 37 2 5	8 95
04	36 6334	19 00	14 09 6	58 64	54	46 1591	19 10		8 95
05	36 8234	19 01	14 42 0	58 67	55	46 3501	19 11	41 42 0 5	58 98
38,06	0,637 0135	19 00	34 15 14 4	58 64	38,56	0,646 5412	19 11 34	42 14 4 5	58 98
07	37 2035	19 01	15 46 8	58 67	57-	46 7323	19 11		58 98
08	37 3936	19 01	16 19 2	58 67	58	46 9234	19 11		58 98
09 10	37 5837 37 7738	19 01	16 51 6 17 24 0	58 67	59 60	47 1145	19 11 -		58 98 59 01
				58 67					
38,11	0,637 9639	19 02	34 17 56 4	58 70 .	38,61 62	0,647 4968	19 12 34		59 01
12 13	38 1541 38 3443	19 02 19 02	18 28 8	58 70 58 70	63	47 6880 47 8792	19 12 19 12		59 01
- 14	38 5345	19 02	19 33 6	58 70	64	48 0704	19 12	,	59 01 59 04
15	38 7247	16 02	20 06 0	58 '70	65	48 2617	19 12		59 01
38,16	0,638 9149	19 03	34 20 38 4	58 73	38,66	0,648 4529	19 13 34	-	59 04
17	39 1052	19 02	21 10 8	58 70	> 67	48 6442	19 13 3		59 04
18	39 2954	19 03	21 43 2	58 73	68	48 8355	19 14 :		59 07
19	39 4857	19 04	22 15 6	58 77	69	49 0269	19 13	49 -15 6	59 94
20	39 6761	19 03	22 48 0	58 73	70	49 2182	19 14	49 48 0	59 07
38,21	0,639 8664	19,04	34 23 20 4	58 77	33,71	0,649 4096	19 14 3	1 50 20 4	59 07
22	40, 0568	19 03	23 52 8	58 73	72	49 6010	19 14	50 52 8	59 07
23	40 2471	19 04	24 25 2	58 77	73	49 7924	19 14	51 25 2	59 07
24	40 4375	. 19 05	24 57 6	58 80	74	49 9838	19 15		59 10
25	40 6280	19 04	25 30 0	58 77	75	50 1753	19 15	52 30 0	59 10
38,26	0,640 8184	19 05	34 26 02 4	58 80	38,76	0,650 3668	19 15 3	53 02 4	59 10
27	41 0089	19 04	26 34 8	58 77	77	50 5583	19. 15		59 10
28	41 1993	19 05	27 07 2	-58 80 - 58 83	78	50 7498	19 15		59 10
29 30	41 3898	19 06 19 05	27 39 6 28 12 0	58 80	80	50 9413	19 16 19 16		59 14
				2					
38,31 32	0,641 7709	19 06	34 28 44 4 29 16 8	58 83 58 83	-38,81 82	0,651 3245	19 16- 3		59 14
33	41 9615	19 06 19 07	29 16 8	58 86	83	51 5161 51 7077	19 16 19 16		59 14 59 14
34	42 1327	19 06	30 21 6	58 83	84	51 8993	19 17		59 17
~ 35	42 5333	19 06	30 54 0	58 83	85	52.0910	19 17		59 17
38,36	0,642 7239	19 07	34 31 26 4	58 86	38,86	0,652 2827	19 17 3	4 58 26 4	59 17
35,30	42 9146	19 07	31 58 8	58 86	87	52 4744	19 17		59 17
.38	43 1053	19 07	32 31 2	58 86	88	52 6661	19 18 . 3	4 59 31 2	59 20
39	43 2960	19 07	33 03 6	58 86	2 89	52 8579	19 18 - 3	5 00 03 6	59 20
40	43 4867	19 08	33 36 0	58 89	90	53 0497	19 17	00 36 0	59 17
38,41	0,643 6775	19 07	34 34 08 4	58 86	38,91	0,653 2414	19 19 3	5 01 08 4	59 28
42	43 8682	19 08	34 40 8	58 89	92	53 4333	19 18		59 20
43	41 0590	19 08	35 13 2		93	53 6251	19 18		59 20
44	44 2498	19 09	35 45 6		94	53 8169	19 19		59 23
45	41 4107	19 08	36 18 0		95	54 0088	19 19		59 23
38,46	0,644 6315	19 09	34 36 50 4	58 92	33,96	0,654 2007			59 23
47	44 8224	/	37 - 22 8		97 - 98	54 3926 54 5846	19 20 19 19	`	59 26
40	45 2042	19 09	37 55 2 38 27 6	58 92 58 92	.99	54 7765	19 19		59 23 59 26
49	45 3951	. 25 05	39 00 0		39,00	54 9085	-	06 00 0	

N. E.				A1t	e E	inth.]	N. E.				1	Alt	e E	inth.		-
₹=39°	\mathfrak{Q} . k .	D.	111.				D.	1".	1	k=39°	Ω .	k.	D.	1".				D.	1".
Gr. M.				Gr.	M.	S.				Gr. M.					Ĝr.	M.	S.		
39,00	0,654 9685	19	20	35	06	00 0 -	59	26		39,50	0,664		19	31	35	33	00 0	59	60
39.01	0,655 1605	19	21	35	06	32 4	59	29 26		39,51 52	0,664		19	31	35	33	32 4	59	60
02	55 3526 55 5446	19 19	20		07 07	04 8	59	29		53		9811 1742	1 9	31		34	04 8	59 59	60
04	55 7367		21		08	09 6	59	29 *		54		3673	19	32		35	09 6	59	
05	5 6 9288	19	21		08	42 0	59	29		55	65	5605	1 9	32		35	42 0	59	63
39,06	0,656 1209	19	21	35	09	14 4	59	29		39,56	0,665	7537	19	32	35	36	14 4	59	63
07	56 3130	19	22		09	46 3	59	32		57		9469	19	32		36	46 8	59	63
08	56 5052	19	21 22		10	19 2 51 6	59 59	29 32		5 8 5 9		1401	19	33		37	19 2	59	66
09 10	56 6973 56 8895	19 19	22		11	24 0	59	32		60		3334 5267	19	33		37 38	51 6 24 0	59 59	66
	0,657 0817	19	23	35	11	56 4	59	35		39,61	0,666		19	33	35	38	56 4	59	66
39,11 12	57 2740	19		30	12	28 8	59	32		62	,	9133	19	33	30	39	28 8	59	66
13	57 4662	19	23		13	01 2	59	35		63		1066°	19	34		4()	01 2	59	69
14	57 6585	19			13	33 6	59	35		64		3000	19	33		40	33 6	59	66
15	57 8508	19	23 .		14	06 0	59	35		65	67	4933	19	34		41	06 0	59	69
39,16	0,658 0431	19	24	35	14	38 4	59	38		39,66	0,667		19	35	35	41	38 4	59	72
17	58 2355	19	24		15 15	10 8 43 2	59 59	38 35		67 68		8802	19	36		42	10 8	59	75 72
18 19	58 4279 58 6202	19	25		16	15 6	59	41		69		0736 2671	1 9	3 5		42	43 2 15 6	59 59	72
20	58 8127	19	24		16	48 0	5 9	38		70		4606	19	35		43	48 0	59	72
39.21	0.659 0051	19	24	35	17	20 4	59	3		39,71	0,668	6541	19	35	35	44	20 4	59	72
22	59 1975	19	25		17	52 8	59	41		72	,	8476	19	36	3.	44	52 8	59	75
23	59 3900	1 9	25		18	25 2	59	41		73	69	0412	19	35		45	25 2	59	72
24	59 5825	19	25		18	57 6	5 9	41		74	,	2347	19	36		45	57 6	59	75
25	. 59 7750	19,			19	30 0				75		4283	19	37		46	30 0	59	78
39,26	0,659 9676	19	25	35		02 4	59 59	41		39,76	0,669		19	36	35		02 4	59	75
27	60 1601	19 19	26 26		20 21	34 8 07 2	59	41		78		8156	19 19	37 37		47	34 8 07 2	5 9	78 78
28 29	60 5453	19	26		21	39 6	59	44		79		2030	- 19	37		48	.39 6	59	78
. 30	60 7379	19	27		22	12 0	59	48		80	70	3967	19	37		49	12 0	59	78
39,31	0,660 9306	19	26	35	22	44 4	59	44		39,81	0,670	5904	19	38	35	49	44 4	59	81
32	61 1232	19	27		23	16 8	59	48		82	70	7842	19	37		5()	16 8	59	78
33	61 3159	19	27		23	49 2	59	48		83		9779	19	38		50	49 2	59	91
34	61 5086	19 19	28 27		24	21 6 54 0	59 59	51 48		84 85		1717 3655	19	38 39		51 51	21 6 54 0	5 9	81 85
35		19	28	35	25	26 4	59			39,86					2"				
39,36 37	0,661 8931 62 0869	19	28	30	25	58 8	59			87		5594	19 19	39 38	35	52 52	26 4 58 8	59 59	85 81
38	62 2797	19	28		26	31 2	59	51		88		9471	19	39		53	31 2	59	85
39	62 4725	19	28		27	03 6	59	51		89	72	1410	19	4()		54	03 6	59	88
40 1	62 6653	19	29		27	36 0	59	54		90	72	2 3350	19	39		54	3 6 0	59	85
39,41	0,662 8582		29	35		08 4	59			39,91		5289	19	4()	35	55	08 4	59	88
42	63 0511		29			40 8	59			92		7229	19	40			40 8		88
43	63 2440 63 4369	19	29 30		29. 29	13 2 45 6	59 59			93 94		9169	19	40			13 2		88
44 45	63 6299	19				18 0	59			95		3049		41			45 6 18 0	59	88 91
39.46	0,663 8228	19		. 35	30	50 4		57		39,96		4990		41	24	57	50 4		
37.40 47	64 0158		30		31			-57		97		6931		41	30	58	22 8		91
48	64, 2088	19	3.L:		31	55 2	59	60		98		8872		41		58	55 2		91
49	64 4019	19	30	-10,		27 6	59	57		99		0813	19	42	35		27 6		94
50	64 5949				33	00 0			-	40,00	74	2755			36	00	00 0		

N.E.			Alte Eintl		N.E.			Alte Einth.	
$k = 40^{\circ}$	Q. k.			D. 1".	k=40°	Q. k.	D. 1".		D. 1".
Gr. M.		ar .	Gr. M. (S.	25.10	Gr. M.			Gr. M. S.	
40,00	0\674 2735	19 42	36 '00 00 0	59 -94	40,50	0,684 0114	19 53 :	36 -27 00 0	60 28
40,01	0,674 4697	19 41	36 400 32 4	59 91	40,51	0,684 2067		36 .27 32 4	60 28
02 03	74 6638	19 43	01 04 8	59 97	52 53	84 4020	19 54	28 01 8	60 31
04	74 8581 75 0523	19 42 19 43	04 37 2	59 -94 59 97	54	.84 59.74 84 7927	19 53 1 19 54	28 3.7 2 29 09 6	60 28
05	75 2466	19 42	02 42 0	59 94	55	84-9881	19 54	29 42 0	60 3E
40,06	0,675 4408	19 43	36 03 14 4	59 97	40,56	0,685 1835	19 55	36 30 14 4	60 34
07	75 6351	19 44	03 46 8	60 -00	.57	85 3790	19 54	30 46 8	60 31
08	75 8295	19 43	04 19 2	59 -97	58	85 5744	19 55	31 19 2	60 34
09	76 0238	19 44	-64 51 6	60 00	59	85 7699	19 55	31 51 6	60 34
10	76 2182	19 44	05 24 ()	60 .00	60	85 9654	19 55	32 24 0	60 34
40,11	0,676 4126	- 19 44	36 05 56 4	60 00	40,61	0,686 1609	19 :55	36 32 56 4	60 34
12	76 6070	19 44	06 28 8	60 00	-62	86 3564	19 56	33 28 8	60 37
13	76 8014	19 45	07 01 2	60 03	63	86 5520	19 56 .	34 01 2	60 37
14 15	76 9959 77 1904	19 45 19 45	07 33 6 08 06 0	60 03	64 65	86 7476 86:9432	19 56 19 56	34 33 6	60 37
								35 06 0	60 37
40,16	0,677 3849	19 45	36 08 38 4	60 03	40,66	0,687 1388 .87 3345		36 35 38 4	60 40
17 18	77 5794	19 46	09 43 2	60 -03	68	87. 5345	19 ·57 19 ·57	36 10 8 36 43 2	60 40
19	77 9685	19 46	10 15 6	60 06	69	87 7259	19 57	37 15 6	60 40
20	78 1631	19 47	10 48 0	60 .09	70	87 9216	19 58	37 48 0	60 43
40,21	0,678 3578	19 46	36 14 20 4	60 06	40,71	0,688 1174	19 57	36 38 20 4	60 46
22	78 5524	19 47	11 52 8	60 09	72	88 3131	19 58	38 52 8	60 43
23	78 7471	19 46	12 25 2	60 OG	73	88 5089	19 58	39 25 2	60 43
24	78 9417	19 47	12 57 6	60 09	74	88 7047	19 59	3 9 57 6	60 46
25	79 1364	19 48	13 30 0	60 12	75	88 9006	19 58	40 30 0	60 43
40,26	0,679 3312	19 47	36 14 02 4	60 09	40,76	0,689 0964	19 59	36 41 02 4	60 46
27	79 5259	19 48	14 34 8	60 12	77	89 2923	19 59	41 34 8	60 46
28	79 7207	19 49	15 07 2	60 15	78 79	89 4882	19 ,60	.42 07 2	60 49
29 30	79 9155	19 48 19 49	15 39 6 16 12 0	60 12 60 15	80	89 6842 89 8801	19 59 19 60	42 39 6 43 12 0	60 46
	80 1103								60 49
40,31	0,689 3052	19 48	36 16 44 4 17 16 8	60 12 60 15	40 ,81 82	90 2721	19 60 19 60	36 ,43 44 4 4± 16 8	60 49
33	80 5000 80 6949	19 49 19 49	17 49 2	60 15	83	90 4681	19 .61	44 49 2	60 49 69 52
34	80 8898	19 49	18 21 6	60 15	84	90 6642	19 60	45 21 6	60 49
35	81 0847	19 50	18 54 0	60 19	85	90 8602	19 61	45 54 0	60 52
40,36	0,681 2797	19 50	30 19 26 4	60 19	40,86	0,601 0563	19 61	36 46 26 4	60 52
37	81 4747	19 50	19 58 8	60 19	87	91 2524	19 62	4C 58 8	60 56
38	81 6697	19 50	20 31 2	60 19	88	91 4486	19 61	47 31 2	60 52
39	81 8647	19 51	21. 03 6	60 22	89	91 6447	19 ,62	48 03 6	60 56
40	82 0598	19 50	21 36 0	60 19	90	91 8409	19 62	48 36 0	60 56
40,41	0,682 2548	19 51	36 -22 08 4		40,91	0,692 0371	19 .63	36 49 08 4	60 -59
42	82 4499	19 51	22 40 8	60 22	92	92 2334	19 62	49 40 8	60 56
43	82 6450	19 52	23 13 2	60 25	93 94	92 4296 92 6259	19 63 19 63	50 45 6	60 59 60 59
44 45	82 8402 83 0353	19 51 19 52	24 18 0		95	92 8222	19 64	51 18 0	60 62
					40,96	0,693 0185	19 64	36 51 50 4	60 62
40,46	0,683 2305	19 52 19 52	36 24 50 4 25 22 8		97	93 2149	19:63	52 22 8	60 59
48	83 6209		25 55 2		98	93 4112	19 64	52 55 2	60 62
49	83 8162		26 27 6		99	93 6076	19 64	53 27 6	60 62
50	84 0114		27 00 0	-	41,00	93 8040		54 00 0	
							CI -		

Ce

$k=41^{\circ}$ Q. k. D. 1". $k=41^{\circ}$ Q. k. D. 1".	D. 1".
Gr. M. Gr. M. S. Gr. M. S. Gr. M. S. 41,00 0,693 8040 19 65 36 54 00 0 60 65 41,50 0,703 6546 19 76 37 21 00	60 99
41,01 0,694 0005 19 64 36 54 32 4 60 62 41,51 0,703 8522 19 76 37 21 32	- 60 - 99
02 94 1969 19 65 55 04 8 60 65 52 04 0498 19 77 22 04 03 94 3934 19 65 55 37 2 60 65 53 04 2475 19 76 20 22 37	
03 94 3934 19 65 1 55 37 2 60 65 54 04 2475 19 76 At 22 37 04 94 5899 19 66 4 56 09 6 60 68 54 04 4451 19 77 1 23 09	
05 94 7865 19 65 56 42 0 60 65 55 04 6428 19 78 23 42	
41,06 0,694 9830 19 66 36 57 14 4 60 68 41,56 0,704 8406 19 77 37 24 14	61 02
07 95 1796 19 66 57 40 8 60 68 57 05 0383 19 78 24 46	
08 95 3762 19 66 1 58 19 2 60 68 58 05 2361 19 78 11 25 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19	
09 95 5728 19 67 0 58 51 6 60 71 59 05 4339 19 78 1 25 51 10 95 7695 19 66 0 59 24 0 60 68 60 05 6317 19 79 26 24	
41.11 0,695 9661 119 67 1136 59 56 4 60 71 41,61 0,705 8296 119 79 137 26 56	
12 96 1628 19 67 37 00 28 8 60 71 62 06 0275 19 78 27 28	
13 96 3595 19 68 01 01 2 60 74 63 06 2253 19 80 28 01	
14 96 5563 19 67 1 01 33 6 60 71 64 06 4233 19 79 28 33 15 96 7530 19 68 1 02 06 0 60 74 65 06 6212 19 80 29 06 0	
41,16: 0,696 9498 19 68 137 02 38 4 60 74 41,66 0,706 8192 0 19 80 0 37 29 38 4 17 97 1466 19 69 0 03 10 8 60 77 67 07 0172 19 80 30 10 8	
18 97 3435 19 68 4 03 43 2 60 74 68 07 2152 19 80 30 43 3	
19 97 5403 19 69 1 04 15 6 60 77 , 69 07 4132 19 81 0 31 15 6	.61 14
20 97 7372 19 69 04 48 0 60 77 70 07 6113 19 81 31 48	61 14
41,21 0,697 9341 19 70 37 05 20 4 60 80 41,71 0,707 8094 19 81 37 32 20	
22 98 1311 19 69 05 52 8 60 77 72 08 0075 19 81 32 52 8 23 98 3280 19 70 06 25 2 60 80 73 08 2056 19 82 33 25 2	61 14
23 98 3280 19 70 06 25 2 60 80 73 08 2056 19 82 33 25 9 24 98 5250 19 70 06 57 6 60 80 74 08 4038 19 82 33 57 0	61 17
25 98 7220 19 70 07 30 0 60 80 75 08 6020 19 82 34 30 0	61 17
41,26 0,698 9190 19 70 37 08 02 4 60 80 41,76 0,708 8002 19 82 37 35 02	61 17
27 99 1160 19 71 08 34 8 60 83 77 08 9984 19 83 35 34 8	61 20
28 99 3131 19 71 09 07 2 60 83 78 09 1967 19 82 36 07 2 29 99 5102 19 71 09 39 6 60 83 79 09 3949 19 83 36 39 6	61 17
29 99 5102 19 71 09 39 6 60 83 79 09 3949 19 83 36 39 6 30 99 7073 19 71 10 12 0 60 83 80 09 5932 19 83 37 42 (61 20 61 20
41,31 0,699 9044 19 72 737 10 44 4 60 86 41,81 0,709 7915 19 84 37 37 44 4	61 23
32 0,700 1016 19 72 11 16 8 60 86 82 09 9899 19 84 38 16 8	61 23
33 00 2988 19 72 11 49 2 60 86 83 10 1883 19 84 11 38 49 1	61 23
34 00 4960 19 72 12 21 6 60 86 84 10 3867 19 84 39 21 6 35 00 6932 19 73 12 54 0 60 90 85 10 5851 19 84 39 54 6	61 23 61 23
44.00	
41,36 0,700 8905 19 73 37 13 26 4 60 90 41,86 0,710 7835 19 85 37 40 26 4 37 01 0878 19 73 13 58 8 60 90 87 10 9820 19 85 40 58 8	61 27
38 01 2851 19 73 1 14 31 2 60 90 88 11 1805 19 85 41 31 2	61 27
39 01 4824 19 74 15 03 6 60 93 89 11 3790 19 85 11 42 03 6	61 . 27
40 01 6798 19 73 1 15 36 0 60 90 90 11 5775 19 86 4 42 36 0	64 .30
41,41 0,701 8771 19 74 37 16 08 4 60 93 41,91 7761 19 86 37 43 08 4 42 02 0745 19 75 16 40 8 60 96 92 11 9747 19 86 43 40 8	61 30
42 02 0745 19 75 16 40 8 60 96 92 11 9747 19 86 43 40 8 43 02 2720 19 74 4 17 13 2 60 93 93 12 1733 19 87 11 44 13 2	61 30
44 02 4694 19 75 17 45 6 60 96 94 12 3720 19 86 44 45 6	61 30
45 02 6669 19 75 18 18 0 60 96 95 12 5706 19 87 45 18 0	61 33
41,46 . 0,702 8644 19 75 37 18 50 4 60 96 41,96 0,712 7693 19 87 37 45 50 4	61 33
47 03 0619 19 75 19 22 8 60 96 97 12 9680 19 88 46 22 8 48 03 2594 19 76 19 55 2 60 99 98 13 1608 19 87 9 46 55 2	61 36
48 03 2594 19 76 19 55 2 60 99 98 1 13 1608 19 87 2 46 55 2 49 03 4570 19 76 20 27 6 60 99 99 13 3665 19 88 4 47 27 6	61: .33 61 .36
50 03 6546 21 00 0 (6 14 42,00 13 5643 48 (1) 0	

N. E. Mondanik Alte Einth. A.M.	N. E. and less Alte Einth.
k=42° 2. k. D. 1". D. 1".	$k=42^{\circ}$ 2. k. D. 1". D. 1".
Gr. M	Gr. M. 3 10 00 Gr. M. S.
42,00 0,713 5643 19 88 37 48 00 0 61 36	42,50 0,723 5346 20 00 38 15 00 0 61 73
42,01 0,713 7631 19 89 37 48 32 4 61 39	42,51 0,723 7346 20 01 38 15 32 4 61 76
02 13 9620 19 88 49 04 8 61 36 03 44 1608 19 89 49 37 2 61 39	53 24 1348 20 0102 116 04 8 61 76 53 1 24 1348 20 0102 116 37 2 61 76
04 14 3597 19 89 50 09 6 61 39	54 24 3349 20 01 117 09 6 61 76
05 44 5586 19 89 50 42 0 61 39	5.5 24 5350 20 02 17 42 0 61 79
42,06 0,714 7675 19 90 37 51 14 4 61 42	42,56 0,724 7352 20 01 38 18 14 4 61 76
07 14 9565 19 90 51 46 8 61 42 08 15 1555 19 90 52 19 2 61 42	57 24 9353 20 02 18 46 8 61 79 58 25 1355 20 03 19 49 2 61 82
08 4 15 1555 19 90 52 19 2 61 42 09 15 3545 19 90 52 51 6 61 42	58 25 1365 20 03 19 19 2 61 82 59 25 3368 20 03 19 51 6 61 82
10 4 15 5535 19 90 53 24 0 61 42	60 0 25 5361 20 02 20 24 0 61 79
42,11 0,715 7525 19 91 37 53 56 4 61 45	42,61 0,725 7363 0 20 03 38 20 56 4 61 82
12 15 9516 19 91 54 28 8 61 45	62 , 25 9366 20 04 2 21 28 8 61 85
13 16 1507 19 91 55 01 2 61 45 14 16 3498 19 92 55 33 6 61 48	63 26 1370 20 03 22 01 2 61 82 64 26 3373 20 04 22 33 6 61 85
14 16 3498 19 92 55 33 6 61 48 15 16 5490 19 91 56 06/0 61 45	64 26 3373 20 04 22 33 6 61 85 65 26 5377 20 04 23 00 0 61 85
42,16 0,716 7481 19 92 37 56 38 4 61 48	42,66 0,726 7381 20 05 38 23 38 4 61 88
17 16 9473 19 93 57 10 8 61 51	67 26 9386 20 04 24 10 8 61 85
18 17 1466 19 92 57 43 2 61 48	68 27 1390 20 05 24 43 2 61 88
19 17 3458 19 93 58 15 6 61 51 20 17 5451 19 93 58 48 0 61 51	69 27 3395 20 05 25 15 6 61 88 70 27 5400 20 05 25 48 0 61 88
	AD THE DESCRIPTION OF THE PARTY
42,21 0,717 7444 19 93 37 59 20 4 61 51 22 17 9437 19 93 37 59 52 8 61 51	42,71 0,727 7405 20 06 38 26 20 4 61 91 72 27 9411 20 06 26 52 8 61 91
23 18 1430 19 94 38 00 25 2 61 54	73 28 1417 20 06 27 25 2 61 91
24 18 3424 19 94 00 57 6 61 54	74 28 3423 20 06 27 57 6 61 91
25 18 5418 19 94 01 30 0 61 54	75 28 5429 20 07 28 30 0 61 94
42,26 0,718 7412 19 95 38 02 02 4 61 57 27 18 9407 19 94 02 34 8 61 54	42,76 0,728 7436 20 06 38 29 02 4 61 91 77 28 9442 20 07 29 34 8 61 94
28 19 1401 19 96 03 07 2 61 57	78 29 1449 20 08 30 07 2 61 98
29 19 3396 19 95 03 39 6 61 57	79 29 3457 20 07 30 39 6 61 94
30 19 5391 19 96 04 12 0 61 60	SO 29 5464 20 08 31 12 0 61 98
42,31 0,719 7387 19 95 38 04 44 4 61 57	42,81 0,729 7472 20 08 38 31 44 4 61 98
32 19 9382 19 96 05 16 8 61 60 33 20 1378 19 96 05 49 2 61 60	82 29 9480 20 08 32 16 8 61 98 83 30 1488 20 09 32 49 2 62 01
34 20 3374 19 97 06 21 6 61 64	84 30 3497 20 09 33 21 6 62 01
35 20 5371 19 96 66 64 0 61 60	85 30 5506 20 09 33 54 0 62 01
42,36 0,720 7367 19 97 38 07 26 4 61 64	42,86 0,730 7515 20 00 38 34 26 4 62 01
37 20 9364 19 97 07 58 8 61 64 38 21 1361 19 98 98 31 2 61 67	87 30 9524 20 10 34 58 8 62 04 - 88 31 1532 20 10 35 31 2 62 04
38 21 1361 19 98 08 31 2 61 67 39 21 3359 19 97 09 03 6 61 64	88 31 1532 20 10 35 31 2 62 04 89 31 3544 20 10 36 03 6 62 04
40 21 5356 19 98 99 36 0 61 67	90 31 5554 20 10 36 36 0 62 04
42,41 0,721 7354 19 98 38 10 08 4 61 67	42,91 0,731 7564 20 11 38 37 08 4 62 07
42 - 21 9352 19 90 12 10 40 8 61 70	92 31 9575 20 10 37 40 8 62 04
43 22 1351 19 68 11 13 2 61 67 44 22 3349 19 99 11 45 6 61 70	93 32 1585 20 12 38 13 2 62 10 94 32 3697 20 11 38 45 6 62 07
44 22 3349 19 99 11 45 6 61 70 45 22 5348 19 99 12 18 9 61 70	94 32 3597 20 11 38 45 6 62 07 95 32 5608 20 11 39 18 0 62 07
42,46 0,722 7347 19 99 38 12 50 4 61 70	42,96 0,732 7619 20 12 38 39 50 4 62 10
47 22 9346 20 00 43 22 8 61 73	97 32 9631 20 12 40 22 8 62 10
48 23 1346 20 60 13 55 2 61 73	98 33 1643 20 13 40 55 2 62 13
49 23 3346 20 00 14 27 6 61 73	99 33 3656 20 12 41 27 6 62 10 43.00 33 5668 42 60 0
30 23 5346	43,00 33 5068 42 00 0

Cc 2

N. E.	Or all off.	Alte Einth	E. E.	N. E.		in A	lte Einth	- Ti.A
$k = 43^{\circ}$	\mathfrak{Q} . k .	D. 1".	D. 1".	$k = 43^{\circ}$	Ω . k .	D. 1".		D.1".
Gr. M. 43,00	0,733 5668	Gr. M. S. 20 13 38 42 00 0	62 13	Gr. M. 43,50	0,743 6624		Gr. M. S.	62 53
43,01	0,733 7681	20 13 38 42 32 4	62 13	34,51	0,743 8650		39 09 32 4	62 50
02	33 9694	20 14 : 43 04 8	62 16	52:	. 44 0675	20 27 ~	10 04 8	62 . 56
03 04	34 1708 34 3721	20 13 43 37 2 20 14 44 09 6	62 13 62 16	53	44 2702	20 26	10 37 2	62 53 62 56
05	34 5735		62 16	55	44 6755	20 27	11 42 0	62 : 56
43,06	0,734 7749	20 15 38 45 14.4	62 19	43,56	0,744 8782	20 27	39 12 14 4	62 56
07	34 9764	20 14 45 46 8	62 16	57	45 0809	20 28	12 46 8	62 59
08	35 1778	20 15 46 19 2	62 19	58	45 2837	20 27	13 19 2	62 56
09 10	35 3793 35 5808	20 15 46 51 6 20 16 47 24 0	62 19 62 22	5 59 60	45 4864	20 28 4	13 51 6 14 24 0	62 59 62 62
			62 19	43,61				
43,11	0,735 7824	20 15 38 47 56 4 20 16 48 28 8	62 22	62.	0,745 8921 46 0949	20 28 3	15 28 8	62 59
13	36 1855	20 16 49 01 2	62 22	63	46 2978	20 29 17	16 01 2	62: 62
14	36 3871	20 17 49 33 6	62 25	- 64	46 5007	20 -29 -0	16 33 6	62 62
15	36 5888	20 16 50 06 0	62 22	65	46 7036	20 30	17 06 0	62 65
43,16	0,736 7904	20 17 38 50 38 4	62 25	43,66	0,746 9066		9 17 38 4	62 65
17	36 9921	20 18 51 10 8 20 17 51 43 2	62 28 62 25	68	47 1096	20 30	18 10 8	62 65
18 19	37 1939 37 3956	20 17 51 43 2	62 28	69	47 5156	20 30	18 43 2 19 15 6	62 65 .62 69
20	37 5974	20 18 52 48 0	62 28	70	47 7187	20 30	19 48 0	62 65
43,21	0,737 7992	20 18 38 53 20 4	62 28	43,71	0,747 9217	- 20 32 3	9 20 20 4	62 72
22	38 0010	20 18 53 52 8	62 28	72	48 1249	20 31	20 52 8	62 69
23	38 2028	20 19 54 25 2	62 31	73	48 3280	20, 32	21 25 2	62 72
24	38 4047	20 19 54 57 6	62 31 62 31	74	48 5312 48 7344	20 32	21 57 6 22 30 0	62 72 62 72
25	38 6066							
43,26	0,738 8085	20 20 38 56 02 4	62 35	43,76	0,748 9376 - 49 1408	20 32 3	9 23 02 4	62 72 62 75
28	39 2124	20 20 2 57 07 2	62 35	78	49 3441	20 33	24 07 2	62 75
29	39 4144	20 21 57 39 6	62 38	79	49 5474	20 33	24 39 6	62 75
30	39 6465	20 20 ; 58 12 0	62 35	: 80	49_7507	20 34	25 12 0	62. 78
43,31	0,739 8185	20 21 38 58 44 4	62 38	43,81	0,749 9541	20 33 . , 39	1	62 75
32	40 0206	20 21 59 16 8 20 21 38 59 49 2	62 38	82	50 1574 50 3608	20 34	26 46 8	62 78
33 34	40 2227	20 22 39 00 21 6	62 41	84	50 5643	20 35	26 49 2 27 21 6	62 81
35	40 6270	20 22 00 54 0	62 41	85.	50 7677	20 35	27 54 0	62; 81
43,36	0,740 8292	20 22 1 39 01 26.4	62 41	43,86	0,750 9712	20 - 35 - 39	28 26 4	62 81
37	41 0314	20 22 01 58 8	62 41	87	51 1747	20 35	28 58 8	62 81
38	41 2336	20 23 0 02 31 2	62 44 62 41	88	51 3782	20 36	29 31 2	62 84
39 40	41 4359 41 6381	20 22 03 03 6 20 24 03 36 0	62 47	-89 -90	51 5818 51 7854	20 36	30 03 6 30 36 0	62 84 62 84
		20 23 39 04 08 4	62 44	43,91	0,751 9890			
43,41	0,741 8405 42 0428	20 23 04 40 8	62 44	92	52 1926	20 36 39	31 40 8	62 84 62 87
143	42 2451	20 24 05 13 2	62.47	93.	52 3963	20 37	32 13 2	62 87
44	42 4475	20 24 05 45 6	62 47	. 194	3 52 6000	20 . 37	32 45 6	62. 87
45	42 6499	20 25 3 206 18 0	62 50	95	52 8037	20 38	33- 18 0	62 90
43,46	,	20 24 39 06 50 4	62 47		0,753 0075	20 37 39		62 87
47 48	43 0548 43 2573	20 25 07 22 8 20 25 07 55 2	62 50 62 50	` ;,97 ⇒,98	53 2112 53 4150	20 38		62 90
49	43 4598	20 26 08 27 6	62 53	99	63 6188	20 39		62 90 62 93
50	43 6624	- 99 00 0	COLEM	44,00	53 8227	75	36 00 0	

E-3

N. E.		A	Ite Einth		N. E.	· Attack	A . A	lte Einth	
k = 44	2 2. k.	D. 1".	.9	D. 1".	$k = 44^{\circ}$		D. 1".		D. 1".
Gr. M.		G	r. M. S.		Gr. M.	S 51 .	G	r. M. S.	
44,00	0,753 8227	20 39 3	9 36 00 0	62 93	44,50	0,764 0492	20 53 4	0 03 00 0	63 36
44,01	0,754 0266	20 39 39	36 32 4	62 93.F	44,51	0,764 2545	20 52 1 40	0 03. 32 4	63 33
02	54 2305	20 39	37 04 8	62 93	52	64 4597	20 53		63 36
03	54 4344 54 6384	20 40	37 37 2	62 96 62 93	53 54	64 6650 64 8703	20 53	04 37 2	63 36 63 36
05	54 8423	20 41	38 42 0	62 96	55	65 0756	20 53 5	05 42 0	63 36
44.06	0,755 0464	20 40 39	39 14 4	62 96	- 44,56	0,765 2809	20 54 4	06 14 4	63 40
07	55 2504	20 40	39 46 8	62 96	57	65 4863	20 54	06 46 8	63 40
08	55 4544	20 41	40 19 2	62 99	58	65 6917	20 55	07 19 2	63 43
09	55 6585 55 8627	20 42	40 51 6	63 02 62 99	60	65 8972	20 55 12	707 51 6 708 24 0	63 40 63 43
						00 2020			63 43
44,11	0,756 0668	20 42 39	42 28 8	63 02	44,61	0,766 3081 - 66 5136	20 55 40	09 28 8	63 46
13	56 4752	20 42	43 01 2	63 02	63	66 7192	20 56	10 01 2	63 46
14	56 6794	20 42 "	43 33 6	63 02	64	66 9248	20 56	1 0 3 3 6	63 46
15	5 6 S836	20 43	44 06 0	63 06	65 .	67 1304	20 56	11 . 06 0	63 46
44,16	0,757 0879	20 43 39		63 06	44,66	0,767 3360	20 56 40		63 46
17	57 2922 57 4965	20 43	45 10 8 45 43 2	63 06 63 09	- 68	67 5416	20 57	12 10 8	63 49
19	57 7009	20 44	46 15 6	63 09	69	67 9530	20 57	13 15 6	63 49
20	57 9053	20 44	.46 48 0	63 : 09	70	63 1587	20 58 - 2	13 48 0	63 52
44,21	0,758 1097	20 44 39	47 20 4	63 - 09	44,71	0,768 3645	20 58 2 40	14 20 4	63 52
22	58 3141	20 45	47 52 8	63 12	72	68 5703	20 58	14 52 8	63 52
23	58 5186 58 7231	20 45	48 25 2	63 12	73	68 7761	20 59	15 25 2	63 55
24 25	58 9276	20 45	49 30 0	63 12	75	68 9820 69 1878	20 58	15 57 6 16 30 0	63 52 63 55
44,26	0,759 1321	20 46 39	50 02 4	63 15 -	44,76	0,769 3937	20 59 40		63 55
27	59 3367	20 46	-50 34 8	63 15	77	69 5996	20 60	17 34 8	63 58
28	59 5413	20 46	51 07 2	63 15	78	69 8056	20 60	18 07 2	63 58
29 30	59 7459 59 9506	20 47	51 39 6 52 12 0	63 18 63 18	79 80	70 0116 70 2176	20 60	18 39 6 19 12 0	63 58
		20 47 39		63 18					63 58
44,31	0,760 1553 60 3600	20 47 39	53 16 8	63 18	44,81 82	0,770 4236 70 6297	20 61 40	19 44 4 20 16 8	63 61 63 61
33	60 5647	20 48	53 49 2	63 21	83	70 8358	20 61	20 49 2	63 61
34	60 7695	20 47	54 21 6	63 18 -	84	71 0419	20 61	21 21 6	63 61
35	60 9742	20 48	54 54 0	63 21	85	71 2480	20 62	21 54 0	63 64
44,36	0,761 1790	20 49 39	55 26 4 55 58 8	63 24	44,86	0,771 4542	20 62 40	22 26 4	63 64
37 38	61 3839 61 5888	20 49	56 31 2	63 24	87	71 6604 71 8666	20 62	22 58 8	63 64
39	61 7936	20 50 0	57 03 6	63 27	89	72 0729	20 63	24 03 6	63 67
40	61 9986	20 49	57 36 0	63 24	90	72 2792	20 63	24 36 0	63 67
44,41	0,762 2035	20 50 39		63 27	44,91	0,772 4855	20 63 40	25 08 4	63 67
42	62 4085	20 50 0	58 40 8	63 27	92	72 6918	20 64	25 40 8	63 70
43 44	62 6135 62 8185	20 50 12 20 51 39	59 13 2	63 27 63 30	93	72 8982 73 1046	20 64	26 13 2	63 70 63 70
45	63 0236		00: 18:0	63 30	95	73 3110	20 65	26 45 6 27 18 0	63 73
44,46	0,763 2287	20 51 .40	00 50 4	63 30	44,96	0,773 5175	20 64 40	27 50 4	63 70
47	63 4338	20 51 .1	01 22 8	63 30	97	73 7239	20 65	28 22 8	63 73
48	63 6389	20 52	01 55 2	63 33	98	73 9304	20 66	28 55 2	63 77
49	63 8441	20 51	02 27 6 03 00 0	63 30	45,00	74 1370 74 3435	20 65	29 27 6	63 73
50	01 0200		09 00 0		40,00	77 3100		30 00 0	

N. E.	ef	1 500 01	R.	Ą	lte E	inth.		. 13		N. E.	. Clas	H 9.			Alte	Eintl		
$k = 45^{\circ}$	Ω.	k,	D.	1".			D. 1	11.		$k = 45^{\circ}$	\mathfrak{L} .	k.	D.	1".			D	. 1".
Gr. M.				6	r. M.	S.	1:00			Gr. M,		5			Gr. I	A. S.		
45,00	0,774	3435	20	66 4	0 30	00.0	63 7	7.		45,50	0,784	7071	20	80	40 5	7 00 0	64	1 20
45,01	0,774	5501 2	20	66 8 4	0 30	32 4	63 7			45,51	0,784	9151	20	80	40 5	7 -32 4	6	1 20
02	1 74			672		048	63 8			. 52	85	1231	20	81	- 5			
03	74			67 117	(31		63 S			53	85		20.	80		8 37 9		
04	75		20	68	32	42 ()	63 7			54 55	85		20	81	40 5			4 23 4 26
05				-														
45,06	0,775		20	67 30 4		14 4 46 8	63 8			45,56	0,785		20	81		0 14 4		
07	75	9970 -	20	68 10		19 2	63 8			58		1636 3718	20	82		1 19 2		
09		2038	20	69		51 6	63 8			59		5800	20	83	10	-		4 29
10	76		20	68	35	24 0	63 8	3		60	₩ 86	7833	20	83	1.0	2 24 (. 6	4. 29
45,11	0,776	6175	20	69 24	0 35	56 4	63 8	6		45,61	0,786	9966	: 20	83	41 €	2 56	¥ 6	4. 29
12		8244	20	69	:36	28 8	63 8	6		62	87		20	83	: 0	3 28 8	3. 6	4. 29
13	77	0313	20	70 00		01 2	63 8			63		4132	20	83 #	0	4 01.	9 6	4 29
14		2383	20	70 %	10	33 6	63 8			64	. 87		20	84				
15	77	4453	20	70 :	:38	06 0	63 8	9		65	87	8299	20	84	. 0	5 06 () 64	32
45,16	0,777	6523	20	70 : 4		38 4	63 8			45,66	0,788	0383	20	85	41 (
17	₹ 77	8593	20	71		10 8		12		67		2468	20	85		6 10 8		
18		0664	20	70		43 2 15 6		9 5		68		4553	20	85	-			
19	78	2734	20	72 3		48 0)2		69 70		6638. 8723	20	85 ·.	0			-
20 %																		
45,21	0,778		20	72 4		20 4 52 8		15 15	•	45,71	0,789	2894	20	86	41 0	8 20 4		
22		8949 1021	20	72	42		63 9			73		498()	20	87		9 25 2		4 41
$\begin{array}{c} 23 \\ 24 \end{array}$		3093	20	73		57 6		98		74		7067	20	87		9 57		
25		5166		73	43	30 0	63 9	98		75	89	9154	20	87	.1	0 30 () 6	4 41
	0,779	7930	20	73 - 4	0 :44	02 4	.63 9	18		45,76	0,790	1241	20	87 .	41 1	1 02	£ 6	4 41
45,26 ··· 27		9312	20	73		34 8		18		77		3328	20	88		1 34 8		
28		1385	20	74	45	07 2	64 (1		78	` . 90	5416	20	88.0	1	2 07 5	2 6	4 44
29	: 80	3459	20	74		39 6		11 '		79		7504	20.	88	. 1			
30	80	5533	20	74 : "	46	12 0	64 (1		80	90	9592	20	88	. 1	3 12 () 6	4 44
45,31	0,780	7607	20	74 . 4	0 46	44 4	64 (1		45,81	0,791		20	89	41 1	3 44 4	6	4 48
32		9681	20	75		16 8	64 0			82		3769	20	89		4 16 8		4 48
33	81		.20	75		49 2	64 0		-	83		5858 7947	20	90		4 49 2		4 48
34		3831 5907	20	76 75		21 6 54 0	64 (14		84		0037	20	.90	. 0	5 21 (4 51
35											0,792	0107						
45,36	0,781	7982 0058	20 20	76 4 76 9	0 49, 49	58 8)7 (6)7		45,86	,	4217	20	90		6 58 8		
37		2134	20			31 2	64 1			88		6307	20	91		7 31 2		
39		4211	20			03 6	64 1			89		8398	20	91		8 03 6		
40	82	6288	20	77 . :-	51	36:0	64 1	0 _		90	93	0489	_ 20	92	3 1	18 36 (64	. 57
45,41	0,782	8365	20	77 4	() 52	08 4	64 1	10		45,91	0,793	2581	20	91	41 1	9 08 4	6-	1 54
42	83			78 🖫		40 8	64 1			92		4672		92		9 40.8		57
43		2520		78 01		13:2	64 1	14		93		6764		92 0		0 13 2		¥ 57
44		4598		:78 ', '		45.6	64 1			94		8856	20			0 45 (¥ 60
45	83	6676	\ 2 0	78	54	18 0	64 1	4		95	94	0949	20	193	2	1 18 () 64	1 60
45,46	0,783	8754	20	79 9 4		50 4	64 1			45,96	0,794		0 ₹ 20		41 2			¥ 00
47		0833		79 00		22;8	64: 1			97	94		20			2 22 8		į 60°
48		2912		80 00		55 2	64 2			98		7228 9322	20	04 3		2 :55:2		1 63
49		4992	20	79 00		27 6	64:1			46,00		1416	20			3 27 6 4 00 0		£ 63
50.	0.8	FOFSK,			91					20,00					4	- UNIT		

	N.E.		W.		A	lte Einth	. = #	N. E.			£	Alte I	Einth.		
	k=46°	Ω . k .	D.	1".	a		D.1".	$k = 46^{\circ}$	Ω . k .	D.	1".			D	. 1".
	Gr. M.				G	r. M. S.		Gr. M.				Gr. M.	s.		
	46,00	0,795 1416	20	94	41	24 00 0	64 63	46,50	0,805 6485	21		41 51		65	00
	46,01	0,795.3510	20	94	41	24 32 4	64 63	46,51	0,805 8594	21	09	41 51	32 4	65	09
	02	95 5604	20			25 04 8	64 66	52	06 0703	21	10	52	04 8	65	12
	03	95 7699		.95		25 37 2	64 66	53 54	06 2813	21	09	52	37 2	65	09
	04 05	95 9794 96 1890	20	96 95		26 09 6 26 42 0	64 69 64 66	55	06 4922 06 7033	21	11	53	09 6 42 0	65	15 12
					44								4		
	46,06	0,796 3985 96 6081	20	96 97	41	27 14 4 27 46 8	64 69 64 72	46,56 57	0,806 9143 07 1254	21	11 4	41 54 54	14 4 46 8	65 65	15 15
	08	96 8178	20	96		28 19 2	64 69	58	07 3365	21	11	55	19 2	65	15
	09	97 0274	20	97		28 51 6	64 72	59	07 5476	21	11	55	51 6	65	15
	10	97 2371	20	97		29 24 0	64 72	60	07 7587	21	12	56	24 0	65	19
	46,11	0,797 4468	20	98	41	29 56 4	64 75	46,61	0,807 9699	21	13	41 56	56 4	65	22
	12	97 6566		97		30 28 8	64 72	62	08 1812		12	57	28 8	65	19
-	13 14	97 8663	20	98 99		31 01 2 31 33 6	64 75 64 78	$\begin{array}{c} 63 \\ 64 \end{array}$	08 3924		13	58	01 2	65 65	22
	15	98 0761 98 2860	20	98		32 06 0	64 75	65	08 6037 08 8150		13 13	58 59	06 0	65	22
		0,798 4958		99	7.1	32 38 4	64 78	46,66				1 50	38 4	65	25
	17	98 7057		99	11	33 10 8	64 78	67	0,809 0263			12 00	10 8	65	
	18	98 9156	21			33 43 2	64 81	68	09 4491		14	00	43 2	65	25
	19	99 1256	20	99		34 15 6	64 78	69	09 6605	21	15	01	15 6	65	28
	20	99 3355	21	()1		34 48 0	64 85	70	09 8720	21	15	()1	48 0	65	28
		0,799 5456	21	00	41	35 20 4	64 81	46,71	0,810 0835	21	15	42 02	20 4	65	28
	22	99 7556		01		35 52 8	64 85	72	10 2950		15	**	52 8	65	28
	23 24	0,799 9657 0,800 1758	21	01		36 25 2 36 57 6	64 85 64 85	73 74	10 5065 10 7181		16 16	03	25 2 57 6	65 65	31
	25	00 3859	21			37 30 0	64 85	75	10 9297	21		01	30 0	65	34
		0,800 5960		02	41	38 02 4	64 88	46,76	0,811 1413	21	17 A	2 05	02 4	65	34
	27	00 8062	21			38 34 8	64 88	77	11 3530		17		34 8	65	34
	28 .	01 0164	21	03		39 07 2	64 91	78	11 5647	21	17	06	07 2	65	3 1
	29	01 2267	21			39 39 6	64 88	79	11 7764		18		39 6	65	37
	30	01 4369	21	03		40 12 0	64 91	80	11 9882	21	18	07	12 0	65	37
		0,801 6472	21		41	40 44 4	64 91	46,81	0,812 2000	21		2 07		65	37
	32 33	01 8575	21	04		41 16 8 41 49 2	64 94 64 94	82 83	12 4118		18 18		16 8 49 2		37
	34			04		42 2 6	64 94	84	12 6236 12 8355		19		21 6	65	40
	35	02 4887		04		42 54 0	64 94	85	13 0474		20		54 0	65	43
	46,36	0,802 6991	21	05	41	43 26 4	64 97	46,86	0,813 2594	21	19 4	2 10	26 4	65	4()
	37	02 9096		05		43 58 8	64 97	87	13 4713		20		58 8	65	43
	38	03 1201	21	05		44 31 2	64 97	88	13 6833	21	20		31 2		43
	39	03 3306		06		45 03 6	65 (X)	89	13 8953		21		03 6		46
	40	03 5412	21			.45 36 0	65 00	90	14 1074	21			36 0		46
		0,803 7518	21		41	46 ()8 4	65 ()3		0,814 3195	21 5		2 13 (65	
	42 43	03 9625 04 1731	21	06		46 '40 8 47 13 2	65 00 65 03	92 93	14 5316 14 7437	21 21	21	13 4	H) 8		46 49
	44	04 1731	21			47 45 6	65 ()3	93	14 9559	21			15 6		49
	45	04 5945	21			48 18 0	65 03		15 1681	21 3					52
	46,46	0,804 8052	21	08	41	48 50 4	65 06		0,815 3804	21 2	2 42	15 5	0 4	65	19
	47	05 0160	21	08		49 22 8	65 06	97	15 5926	21 2	3	16 2			52
	48	05 2268	21			49 55 2	65 06	98	15 8049	21 2		16 5		65	
	49 50	05 4376 05 6485	21	03		50 27 6	65 09	99	16 0173 16 2296	21 :	23	17 2		กิจั () £
		5.00				000		47,00	10 2400						

N. E.	ell i e di	£	Alt	e E	inth,	. 1.5.	N. E.	. di resti r	* 1.	All	e Einth.	
k=470	Q. k.	D.	1".			D. 1".	$k = 47^{\circ}$	Q. k.	D.	1//.		D. 1".
Gr. M.	F. 11.5	3 ,	Gr	M.	S,	. W 19.	Gr. M.	.0 10	150	Gr.	M. S.	
47,00	0,816 2296 ·	21	24 1042	18	00:01	65 56	47,50	0,826 8867	21	39 1 42	45 00 0	66 02
47,01	0,816 4420	21	25 42	18	32 4	65 59	47,51	0,827 1006	-21_	39 42	45 32 4	66 02
02	16 6545		24		04 8	65 66	.52.	27 3145		40 : 1	46 04 8	66 08
03	16 8669 17 0794		25		37 2 09 6	65 59 65 59	53 54	27 5285 27 7426		40 - 40	46 37 2	66 4)5
05	17 2919	21	25		42 0	65 59	55	27 9566	21	40	47 42 0	66 1)8
							47,56					
47,06	0,817 5044	21	26 42		14 4 46 8	65 62 65 62	57	28 3848	21	41 42	48 46 8	66 08
08	-º 17 9296	21	26		19:2	65 62	58	> 28 5989		42	49 19 2 -	66 11
× 09	18 1422	- 21	27	22	51-6	65 65	: 59	28 8131	21	42	49 51 6	66 11
10	18 3549	21	27	23	24 0	65 ,65	_ 60	-29 0273	21	43	50 24 0	66 14
47,11	0,818 5676	21	27 42	23	56 4	65 65	47,61	0,829 2416		42 42	50 56 4	66 11
12	18 7803	- 21	` .		28 8	65 68	62	29 4558		43	51 28 8	66 14
13	18 9931	21	28		01 2	65 68	63 64	29 6701	21	44	52 01 2	66 17
14	19 2059 19 4187	21	28		33 6 06 0	65 68 65 68	65	29 8845	21	44	52 33 6 53 06 0	66 14
47,16	0,819 6315	21	29 42		38 4	65 71	47,66 67	0,830 3132 30 5276		44 42	53 38 4	66 17
17 18	19 8444 20 0573	21			43 2	65 74	:68	30 7421		46	54 43 2	66 20 66 20
19	20 2703	21			15 6	65 71	69	30 9566	21	45 5	55 15 6	66 .20
20	20 4832	21	30	28	48 0	65 74	70	31 1711	. 21	45,0	55 48 0	66 20
47,21	0,820 6962	21	31 42	29	20 4	65 77 .	47,71	0,831 3856	4 21	46 42 42	56 20 4	66 23
22	20 9093	21	30	29	52 8	65 74	720	31 6002		46	56 52 8	66 23
23	21 1223	21	31		25 2	65 77	73	31 8148			57 25 2	66 27
24 /	21 3354	21 21			57 6 30 0	65 80 65 77	74.	32 0293		47 12	57 57 6	66 27
25	21 5486										58 30 0	66 27
47,26	0,821 7617	21			02 4 · 34 8	65 80 65 80	47,76	0,832 4589			59 02 4	66 27
27 28	21 9749 22 1881	21 21	- ,		07 2	65 80 ~	78	32 8884		48 42	59 34 8 00 07 2	66 30
29	22 4013	21			39 6	65 83	. 79	33 1033			100 39 6	66 30
30	22 6146	21	33 -	34	12 0	65 83	80	33 3180	21	49 %	01 12 0	66 33
47.31	0.822 8279	21	34 42	34	44 4	65 86 -	47,81	0,833 5329	21	-49 . 43	01 44 4	66 33
32	23 0413	21	. 33	35	168	65 83	82	33 7478	21	49	02 16 8	66 33
33	23 0746		34	35	49 2	65 86 .	- 83	33 9627	21	50	02 49 2	66 36
34	23 4680	21		3 6	21 6 54 0	65 90 65 86	84	34 1777		50	03 21 6	66 36
36	23 6815	21									03 54 0	66 36
47,36	0,823 8949	21		37	26 4 _√ 58 8	65 90 65 93	47,86	0,834 6077 34 8228		51 43	04 26 4	66 39
37 3 8	24 1084 24 3220	21			31 2	65 90	88	35 0378		52 1	04 58 8	66 36
39	24 5355	21			03 6	65 93	89	35 2530		2 51 LE	06 03 6	66 42 66 39
40	24 7491	21	. 36	39	3 6 0	65 93	90	35, 4681	21	-52 10	906 36 0	66 42
47,41	0,824 9627	21	37 1 42	40	08 4	65 96	47,91	0,835 6833	(21	52 43	107 08 4	66 42
42	25 1764		36 14		40 8	65 93	92	35 8985	21	152 10	707 40 8	66 42
43	25 3900		38 📉	41	13 2	65 99	93	36 113		. 53 🤄	108: 13 2	OG 45
44-	25 6038		38	41 42	45 G 18 U	65 96 65 99	94	36 3290 36 5443		. " 53 £2	108 45 6 100 10 0	66 45
45 .	25 8175						95			54 (1)	09 18 0	66 48
47,46	0,826 0313		38 42		50 4	65 99	47,96	0,836 7597				66 45
47 48	26 2451 26 4589		139 18		22 6 55 2	65 99	97	36 9750 37 1904		54 111	10 55 2	66 51
49	26 6728		39.44		27/6	66 02	99	37 4059	/	54 12	11 27 6	66 43
50	26 8867				00 0	90,7%	48,00	9 37 621			12 00 0	90 30

N. E.		Alte Einth		N. E.	20, 1	. A1	te Einth.
$k=48^{\circ}$	Ω . k .	D.1"	D. 1".	$k = 48^{\circ}$	Ω . k .	D. 1".	D. 1".
Gr. M.	1			Gr. M.			. M. S.
48,00	0,837 6213	21 -55 43 12 00 0		48,50	0,848 4354		39 00 0 67 01
48,01	0,837 8368 ° 38 0524	21 56 43 12 32 4 21 55 13 04 8	66 54	52		21 71 43	39 32 4 67 01 40 04 8 67 04
03	38 2679	21 56 13 37 2	. 66 54	-53	49 0868	21 72	40 37 2 67 04
04 05	38 4835 38 6991	21 56 14 09 6 21 57 14 42 0	66 54 66 57	54 55	49 3040	21 72 21 73	41 09 6 67 04 41 42 0 67 07
48,06	0,838 9148	21 57 43 15 14 4	66 571	48,56	0,849 7385	21 73 43	
07	39 1305	21 57 4 15 46 8	66 57	57	49 9558	21 74	42 46 8 67 10
08	39 3462	21 58 : 16 19 2	66 60	58	50 1732	21 74	43 19 2 67 10
09 10	39 5620 39 7777	21 57 16 51 6 21 59 1 17 24 0	66 64	59 60	50 3906 50 6080	21 74	43 51 6 67 10 44 24 0 67 10
48,11	0,839 9936	21 58 43 17 56 4	66 60	48,61	0,850 8254	21 75 43	
12	40 2094	21 59 1 18 28 8	66 64	62	51 0429	21 75	45 28 8 67 13
13	40 4253	21 59 : 19 01 2	66 64	63	51 2604	21 75	46 01 2 67 13
14	40 6412	21 59 19 33 6 21 60 20 06 0	66 64 66 67	64.	51 4779 51 6955	21 76 76	46 33 6 67 16 -47 06 0 67 16
48,16	0,841 0731		66 67	48,66	0,851 9131	21 76 43	
17	41 2891	21 61 21 10 8	66 70	67	. 52 1307	21 77	48 10 8 67 19
18	41 5052	21 60 21 43 2	66 67	68	52 3484	21 77	48 43 2 67 19
19 20	41 7212 41 9373	21 61 .22 15 6 21 62 . 22 48 0	66 70 66 73	69 70	52 5661 52 7838	21 77	49 15 6 67 19 49 48 0 67 22
48,21		21 62 43 23 20 4	66 73	48,71	0.853 0016		50 20 4 67 22
22	0,842 1535	21 62 23 52 8	66 73	72	53 2194	21 78	50 52 8 67 22
23	42 5859	21 62 24 25 2	66 . 73	73	53 4372	21 78	51 25 2 67 22
24	42 8021	21 63 24 57 6 21 63 25 30 0	66 76	74,	53 6550 53 8729	21 79 21 80 22	51 57 6 67 25 52 30 0 67 28
25	43 0184						
48,26	0,843 2347 43 4510	21 63 (43 26 02 4 21 64 26 34 8	66 79	48,76	0,854 0909 3 54 3088	21 79 43 21 80	53 02 4 67 25 53 34 8 67 28
28	43 6674	21 64 27 07 2	66 79	78	54 5268	21 80	54 07 2 67 28
29	-43 8838	21 64 - 27 39 6	66 79	79	54 7448	21 81	54 39 6 67 31 55 12 0 67 31
30	, 44 1002	21 64 28 12 0	66 - 79		54 9629	1	
48,31	0,844 3166 4	21 65 43 28 44 4 21 66 29 16 8	66 82	48,81	0,855 1810 55 3991	21 81	55 44 4 67 31 56 16 8 67 31
33	44 7497	21 65 29 49 2	66 82	83	. 55 6172	21 82	56 49 2 67 35
34	44 9662	21 ·66 · 30 ·21 6	66 8 5	84	55 8354 56 0536	21 82 21 83	57 21 6 67 35 57 54 0 67 38
35	45 1828			40.00	0,856 2719	21 83 43	
48,36	0,845 3994 . 45 6161	21 67 43 31 26 4 21 66 31 58 8	66 85	48,86	56 4902	21 83	58 58 8 67 38
38	45 8327	21 68 32 31 2	66 91	88	56 7085	21 84 43	3 59 31 2 67 41
39	46 ()495	21 67 33 03 6		. 89	56 9269	21 83 44 21 85	1 00 03 6 67 38 00 36 0 67 44
40	, 46 2662	21 68 33 36 0	66 91	90	57 1452		. 1
48,41	0,846 4830	21 68 43 34 08 4 21 68 34 40 8		48,91	0,857 3637 57 5821	21 84 44	01 08 4 67 41
43	46 6998 46 9166	21 69 35 13 2		93	57 8006	21 85	02 13 2 67 44
44	. 47 1335	21 69 35 45 6		,94	/ 58 0191 58 0377		02 45 6 67 47
45	47 3504	21, 69 36 48 0		40.06	58,2377	21 86	
48,46	0,847 5673	21 70 43 36 50 4 21 70 37 22 8		48,96	0,858 4563 58 6749	21 86 4	4 03 50 4 67 47 04 22 8 67 47
48	48 0013	21 70 37 55 2		98	58 8935	21, 87,	04 55 2 67 50
49	.48 2183	21 71 38 27 6		99	59 1122	21 87	05 27 6 . 67 50
50	A8 4354	39.00	9 (, ,	49,00	59 3309	n i	06 00 0

D d

$ \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$
49,00
49,01
02
03
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$
49,06
07 60 8029 21 90 09 46 8 07 59 57 71 8534 22 07 36 46 8 68 12 08 61 0819 21 90 10 10 2 67 60 058 72 0741 22 07 37 10 2 68 12 10 61 6300 21 91 10 51 6 67 62 59 72 2048 22 08 37 51 6 68 15 10 61 5200 21 90 11 24 0 67 69 60 72 5156 22 07 38 24 0 68 12 49,11 0,861 7390 21 92 44 11 56 4 67 66 49,61 0,872 7363 22 09 44 38 56 4 68 18 12 61 9582 21 91 12 28 8 67 62 62 72 9572 22 08 30 28 8 68 13 13 62 1773 21 92 13 01 2 67 65 63 73 1780 22 09 40 01 2 68 18 14 62 3965 21 92 13 03 2 6 67 65 63 73 1780 22 09 40 01 2 68 18 14 62 3965 21 92 13 33 6 67 65 64 73 3980 22 09 40 01 2 68 18 15 62 6157 21 93 14 05 0 67 65 65 73 6198 22 09 41 06 0 68 18 15 62 6157 21 93 14 05 0 67 65 65 73 6198 22 09 14 10 60 0 68 18 15 62 6157 21 94 15 10 8 67 72 67 74 0617 22 10 44 41 38 4 68 21 18 63 2736 21 94 15 10 8 67 72 67 74 0617 22 10 44 11 88 4 68 21 18 63 2736 21 93 15 43 2 67 09 68 74 2827 22 11 42 43 2 68 24 19 63 4929 21 94 16 15 6 67 72 69 74 5038 22 11 43 15 6 68 24 20 63 7123 21 95 16 48 0 67 75 70 74 7249 22 11 43 48 0 68 24 20 63 7123 21 95 16 48 0 67 75 70 74 7249 22 11 43 48 0 68 24 20 63 7123 21 95 16 48 0 67 75 70 74 7249 22 11 44 40 4 68 24 23 64 3707 21 95 18 57 6 67 78 75 75 8383 22 13 45 25 2 68 30 24 64 5002 21 96 18 57 6 67 78 74 75 6096 22 12 14 44 20 4 68 22 25 64 5002 21 96 18 57 6 67 78 74 75 6096 22 12 14 44 70 24 68 33 25 64 808 21 96 19 30 0 67 78 75 75 8308 22 11 48 07 2 66 33 29 65 6883 21 97 21 98 6 78 78 77 76 75 3883 22 11 48 07 2 68 33 29 65 6883 21 97 21 98 6 78 87 78 77 76 75 3806 22 15 48 49 74 48 06 83 24 49,36 65 6989 21 98 21 98 22 10 67 81 78 79 76 76 102 22 15 48 49 16 68 30 68 30 66 5674 21 99 21 96 23 49 2 07 88 80 76 9377 22 14 49 12 0 68 33 30 66 5674 21 99 24 16 6 78 78 83 77 6072 22 15 44 49 44 4 83 6 63 30 66 5674 21 99 24 16 6 78 78 83 77 6072 22 15 44 49 44 4 68 36 30 66 5674 21 99 24 16 6 78 78 83 77 6072 22 15 44 49 44 4 68 36 30 66 5674 21 99 24 16 6 78 78 83 77 6072 22 15 50 49 2 16 68 40 35 67 0072 21 99 24 54 0 67 87 83 77 6072 22 15 50 49 2 69 36 33 40 66 6674 21 99 24 16 6 78 78 83
08
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$
13 62 1773 21 92 13 01 2 67 65 63 73 1780 22 09 40 01 2 68 18 14 62 3965 21 92 13 33 6 67 65 64 73 3980 22 09 40 33 6 68 18 15 62 6187 21 93 14 05 0 67 69 65 73 6198 22 09 41 06 0 68 18 49,16 0,862 8350 21 92 44 14 38 4 67 65 49,66 0,873 8407 22 10 44 11 38 4 68 21 17 63 0542 21 94 15 10 8 67 72 67 74 0617 22 10 42 10 8 68 21 18 63 2736 21 93 15 43 2 67 09 68 74 2827 22 11 42 43 2 68 24 19 63 4929 21 94 16 15 6 67 72 69 74 5038 22 11 43 15 6 68 24 20 63 7123 21 95 16 48 0 67 75 70 74 7249 22 11 43 48 0 08 24 49,21 0,863 9318 21 94 44 17 20 4 67 72 49,71 0,874 9460 22 12 44 44 20 4 68 27 22 64 1512 21 95 17 52 8 67 75 72 75 1672 22 11 44 52 8 68 24 23 64 3707 21 95 18 25 2 67 75 73 75 3833 22 13 45 25 2 68 30 24 64 5902 21 96 18 57 6 67 78 74 75 6096 22 12 44 44 70 24 68 27 25 64 8008 21 96 19 30 0 07 78 75 8308 22 11 44 44 70 24 68 33 27 65 84008 21 96 19 30 0 07 78 75 8308 22 13 46 30 0 68 30 28 65 4686 21 97 21 07 2 67 81 78 76 64948 22 14 44 70 24 68 33 29 65 6883 21 97 21 07 2 67 81 78 76 64948 22 14 44 80 72 68 33 29 65 6883 21 97 21 07 2 67 81 78 76 64948 22 14 44 80 72 68 33 29 65 6883 21 97 21 07 2 67 81 78 76 64948 22 14 44 80 72 68 33 29 65 6883 21 97 21 07 2 67 81 78 76 64948 22 14 44 80 72 68 33 29 65 6883 21 97 21 07 2 67 81 78 76 64948 22 14 44 80 72 68 33 29 65 6883 21 97 21 07 2 67 81 78 76 64948 22 14 44 80 72 68 33 29 65 6883 21 97 21 07 2 67 81 78 76 64948 22 14 44 80 72 68 33 29 65 6883 21 97 21 39 6 67 81 78 76 64948 22 14 49 12 0 68 33 49,31 0,866 1278 21 98 24 24 44 67 84 49,76 0,877 1591 22 15 44 91 20 68 33 49,31 0,866 1278 21 98 24 21 67 78 83 77 6022 22 15 5 44 90 44 4 68 36 32 66 3476 21 98 23 49 2 67 87 83 77 6022 22 15 5 44 90 44 4 68 36 32 66 3476 21 98 23 49 2 67 87 83 77 6022 22 15 5 44 90 44 4 68 36 32 66 3476 21 98 23 49 2 67 87 83 77 6022 22 15 5 44 90 44 4 68 36 32 66 3476 21 99 23 49 2 67 87 83 77 6022 22 15 5 44 90 2 68 33 36 66 6674 21 99 23 49 2 67 87 83 77 6022 22 15 5 44 90 2 68 33 36 66 6674 21 99 23 49 2 67 87 83 77 6022 22 16 50 168 84 30 35 66 6674 21 99 23 49 2 67
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$
17 63 0542 21 94 15 10 8 67 72 67 74 0617 22 10 42 10 8 68 21 18 -63 2736 21 93 15 43 2 67 69 68 74 2827 22 11 42 43 2 68 24 19 63 4929 21 94 16 15 6 67 72 69 74 5038 22 11 43 15 6 68 24 20 63 7123 21 95 16 48 0 67 75 70 74 7249 22 11 43 48 0 68 24 49,21 0,863 9318 21 94 44 17 20 4 67 72 49,71 0,874 9460 22 12 44 44 20 4 68 27 22 64 1512 21 95 17 52 8 67 75 72 75 1672 22 11 44 52 8 68 24 23 64 3707 21 95 18 25 2 67 75 73 75 383 22 13 45 25 2 68 30 24 64 5902 21 96 18 57 6 67 78 74 75 6096 22 12 45 57 6 68 27 25 64 8098 21 96 19 30 0 67 78 75 75 8308 22 13 46 30 0 68 30 49,26 0,865 0294 21 96 20 34 8 67 78 77 76 2735 22 13 46 30 0 68 30 27 65 2490 21 96 20 34 8 67 78 77 76 2735 22 13 47 34 8 68 30 28 65 4686 21 97 21 07 2 67 81 78 76 4948 22 14 44 8 07 2 66 33 29 65 6883 21 97 21 07 2 67 81 78 76 4948 22 14 48 07 2 66 33 29 65 6883 21 97 21 07 2 67 81 79 76 7162 22 13 47 34 8 06 30 65 9080 21 98 22 12 0 67 84 80 76 9377 22 14 49 12 0 68 33 49,31 0,866 1278 21 98 44 22 44 4 67 84 49,81 0,877 1591 22 15 44 49 44 4 68 36 32 66 3476 21 98 23 16 8 67 84 80 76 9377 22 14 49 12 0 68 33 49,31 0,866 1278 21 98 44 22 44 4 67 84 49,81 0,877 1591 22 15 44 49 44 4 68 36 32 66 3476 21 98 23 16 8 67 84 80 76 9377 22 14 49 12 0 68 33 49,31 0,866 1278 21 98 24 12 6 67 87 83 77 6022 22 15 50 49 2 68 36 34 66 5873 21 99 23 49 2 67 87 83 77 6022 22 15 50 49 2 68 36 34 66 7873 21 99 23 49 2 67 87 83 77 6022 22 15 50 49 2 68 36 34 66 7873 21 99 23 49 2 67 87 83 77 6022 22 15 50 49 2 68 36 34 66 7873 21 99 24 21 6 67 87 84 77 8237 22 10 51 21 6 68 40 35 67 0072 21 99 24 54 0 67 87 85 57 80453 22 17 51 54 0 68 43 49,36 0,867 2271 22 00 44 25 26 4 67 90 49,86 0,878 2670 22 16 44 52 26 4 68 40 49,36 0,867 2271 22 00 44 25 26 4 67 90 49,86 0,878 2670 22 16 44 52 26 4 68 40 49,36 0,867 2271 22 00 44 25 26 4 67 90 49,86 0,878 2670 22 16 44 52 26 4 68 40
17 63 0542 21 94 15 10 8 67 72 67 74 0617 22 10 42 10 8 68 21 18 -63 2736 21 93 15 43 2 67 69 68 74 2827 22 11 42 43 2 68 24 19 63 4929 21 94 16 15 6 67 72 69 74 5038 22 11 43 15 6 68 24 20 63 7123 21 95 16 48 0 67 75 70 74 7249 22 11 43 48 0 68 24 49,21 0,863 9318 21 94 44 17 20 4 67 72 49,71 0,874 9460 22 12 44 44 20 4 68 27 22 64 1512 21 95 17 52 8 67 75 72 75 1672 22 11 44 52 8 68 24 23 64 3707 21 95 18 25 2 67 75 73 75 383 22 13 45 25 2 68 30 24 64 5902 21 96 18 57 6 67 78 74 75 6096 22 12 45 57 6 68 27 25 64 8098 21 96 19 30 0 67 78 75 75 8308 22 13 46 30 0 68 30 49,26 0,865 0294 21 96 20 34 8 67 78 77 76 2735 22 13 46 30 0 68 30 27 65 2490 21 96 20 34 8 67 78 77 76 2735 22 13 47 34 8 68 30 28 65 4686 21 97 21 07 2 67 81 78 76 4948 22 14 44 8 07 2 66 33 29 65 6883 21 97 21 07 2 67 81 78 76 4948 22 14 48 07 2 66 33 29 65 6883 21 97 21 07 2 67 81 79 76 7162 22 13 47 34 8 06 30 65 9080 21 98 22 12 0 67 84 80 76 9377 22 14 49 12 0 68 33 49,31 0,866 1278 21 98 44 22 44 4 67 84 49,81 0,877 1591 22 15 44 49 44 4 68 36 32 66 3476 21 98 23 16 8 67 84 80 76 9377 22 14 49 12 0 68 33 49,31 0,866 1278 21 98 44 22 44 4 67 84 49,81 0,877 1591 22 15 44 49 44 4 68 36 32 66 3476 21 98 23 16 8 67 84 80 76 9377 22 14 49 12 0 68 33 49,31 0,866 1278 21 98 24 12 6 67 87 83 77 6022 22 15 50 49 2 68 36 34 66 5873 21 99 23 49 2 67 87 83 77 6022 22 15 50 49 2 68 36 34 66 7873 21 99 23 49 2 67 87 83 77 6022 22 15 50 49 2 68 36 34 66 7873 21 99 23 49 2 67 87 83 77 6022 22 15 50 49 2 68 36 34 66 7873 21 99 24 21 6 67 87 84 77 8237 22 10 51 21 6 68 40 35 67 0072 21 99 24 54 0 67 87 85 57 80453 22 17 51 54 0 68 43 49,36 0,867 2271 22 00 44 25 26 4 67 90 49,86 0,878 2670 22 16 44 52 26 4 68 40 49,36 0,867 2271 22 00 44 25 26 4 67 90 49,86 0,878 2670 22 16 44 52 26 4 68 40 49,36 0,867 2271 22 00 44 25 26 4 67 90 49,86 0,878 2670 22 16 44 52 26 4 68 40
19 63 4929 21 94 16 15 6 67 72 69 74 5038 22 11 43 15 6 68 24 20 63 7123 21 95 16 48 0 67 75 70 74 7249 22 11 43 48 0 68 24 49,21 0,863 9318 21 94 44 17 20 4 67 72 49,71 0,874 9460 22 12 44 44 20 4 68 27 22 64 1512 21 95 17 52 8 67 75 72 75 1672 22 11 44 52 8 68 24 23 64 3707 21 95 18 25 2 67 75 73 75 3883 22 13 45 25 2 68 30 24 64 5902 21 96 18 57 6 67 78 74 75 6096 22 12 45 57 6 68 27 25 64 8098 21 96 19 30 0 67 78 75 75 8308 22 13 46 30 0 68 30 49,26 0,865 0294 21 96 20 34 8 67 78 77 76 2735 22 13 46 30 0 68 30 28 65 4686 21 97 21 07 2 67 81 78 76 4948 22 14 44 47 02 4 68 33 29 65 6883 21 97 21 07 2 67 81 78 76 4948 22 14 48 07 2 68 33 29 65 6883 21 97 21 39 6 67 81 79 76 7162 22 15 48 39 6 68 36 30 65 9089 21 98 22 12 0 67 84 80 76 9377 22 14 49 12 0 68 33 49,31 0,866 1278 21 98 22 12 0 67 84 80 76 9377 22 15 44 49 12 0 68 33 49,31 0,866 1278 21 98 22 12 0 67 84 80 76 9377 22 15 44 40 44 4 68 36 32 66,3476 21 98 23 16 8 67 84 82 77 3806 22 15 50 49 2 68 36 34 66 7873 21 99 23 49 2 67 87 83 77 6022 22 15 50 49 2 68 36 34 66 7873 21 99 24 21 6 67 87 84 77 8237 22 16 50 16 9 68 40 35 67 0072 21 99 24 54 0 67 87 84 77 8237 22 16 51 21 6 68 40 35 67 0072 21 99 24 54 0 67 87 84 77 8237 22 16 51 21 6 68 40 35 67 0072 21 99 24 54 0 67 87 85 78 0463 22 17 51 54 0 68 43 49,36 0,867 2271 22 00 44 25 26 4 67 90 49,86 0,878 2670 22 16 44 52 26 4 68 40 49,36 0,867 2271 22 00 44 25 26 4 67 90 49,86 0,878 2670 22 16 44 52 26 4 68 40
20 63 7123 21 95 16 48 0 67 75 70 74 7249 22 11 43 48 0 68 24 49,21 0,863 9318 21 94 44 17 20 4 67 72 49,71 0,874 9460 22 12 44 44 20 4 68 27 22 64 1512 21 95 17 52 8 67 75 75 1672 22 11 44 52 8 68 24 23 64 3707 21 95 18 57 6 67 78 75 73 75 3883 22 13 45 25 2 68 30 24 64 5902 21 96 18 57 6 67 78 74 75 6096 22 12 45 57 6 68 27 25 64 8098 21 96 19 30 0 67 78 75 75 8308 22 13 46 30 0 68 30 49,26 0,865 0294 21 96 42 0 02 4 67 78 49,76 0,876 0521 22 14 44 47 02 4 68 33 27 65 2490 21 96 20 34 8 67 78 77 76 2735 22 13 47 34 8 68 30 28 65 4686 21 97 21 07 2 67 81 78 76 4948 22 14 48 07 2 68 33 29 65 6833 21 97 21 39 6 67 81 79 76 7162 22 15 48 39 6 83 30 65 9080 21 98 22 12 0 67 84 80 76 9377 22 14 49 12 0 68 33 49,31 0,866 1278 21 98 23 16 8 67 84
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$
23 64 3707 21 95 18 25 2 67 75 75 3883 22 13 45 25 2 68 30 24 64 5902 21 96 18 57 6 67 78 75 6096 22 12 45 57 6 68 27 25 64 8098 21 96 19 30 0 67 78 75 75 8308 22 13 46 30 0 68 30 49,26 0,865 0294 21 96 20 34 8 67 78 77 76 2735 22 13 47 34 8 68 30 28 65 4686 21 97 21 07 2 67 81 78 76 4948 22 14 48 07 2 68 33 29 65 6883 21 97 21 39 6 67 81 79 76 7162 22 15 48 39 6 68 36 30 65 9089 21 98 22 12 0 67 84 80 76 9377 22 14 49 12 0 68 33 49,31 0,866 1278 21 98 44 22 44 4 67 84 49,81 0,877 1591 22 15 44 49 44 4 68 36 32 66,3476 21 98 23 16 8 67 84 82 77 3806 22 16 50 16 9 68 40 35 67 9072 21 99 24 54 0 67 87 84 77 8237 22 10 51 21 6 68 40 35 67 9072 21 99 24 54 0 67 87 85 78 0453 22 17 51 54 0 68 43 49,36 0,867 2271 22 00 44 25 26 4 67 90 49,86 0,878 2670 22 16 44 52 26 4 68 40 49,36 0,867 2271 22 00 44 25 26 4 67 90 49,86 0,878 2670 22 16 44 52 26 4 68 40
25 64 8098 21 96 19 30 0 67 78 75 75 8308 22 13 46 30 0 68 30 49,26 0,865 0294 21 96 44 20 02 4 67 78 49,76 0,876 0521 22 14 44 47 02 4 68 33 27 65 2490 21 96 20 34 8 67 78 77 76 2735 22 13 47 34 8 68 30 28 65 4686 21 97 21 07 2 67 81 78 76 4948 22 14 48 07 2 66 33 29 65 6883 21 97 21 39 6 67 81 79 76 7162 22 15 48 39 6 68 96 30 65 9089 21 98 22 12 0 67 84 80 76 9377 22 14 49 12 0 68 33 49,31 0,866 1278 21 98 44 22 44 4 67 84 49,81 0,877 1591 22 15 44 40 44 4 68 36 32 66,3476 21 98 23 16 8 67 84 82 77 3806 22 16 50 16 8 68 40 33 66 5674 21 99 23 49 2 67 87 83 77 6022 22 15 50 49 2 68 36 34 66 7873 21 99 24 21 6 67 87 84 77 8237 22 10 51 21 6 68 40 35 67 0072 21 99 24 54 0 67 87 85 78 0453 22 17 51 54 0 68 43 49,36 0,867 2271 22 00 44 25 26 4 67 90 49,86 0,878 2670 22 16 44 52 26 4 68 40
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$
27 65 2490 21 96 20 34 8 67 78 77 76 2735 22 13 47 34 8 68 30 28 65 4686 21 97 21 07 2 67 81 78 76 4948 22 14 48 07 2 68 33 29 65 6883 21 97 21 39 6 67 81 79 76 7162 22 15 48 39 6 68 36 30 65 9080 21 98 22 12 0 67 84 80 76 9377 22 14 49 12 0 68 33 49,31 0,866 1278 21 98 44 22 44 4 67 84 49,81 0,877 1591 22 15 44 49 44 4 68 36 32 66,3476 21 98 23 16 8 67 84 82 77 3806 22 16 50 16 8 68 40 33 66 5674 21 99 23 49 2 67 87 83 77 6022 22 15 50 49 2 68 36 34 66 7873 21 99 24 21 6 67 87 84 78 237 22 10 51 21 6 68 40 35 67 0072 21 99 24 54 0 67 87 85 78 0453 22
28 65 4686 21 97 21 07 2 67 81 78 76 4948 22 14 48 07 2 66 33 29 65 6883 21 97 21 39 6 67 81 79 76 7162 22 15 48 39 6 68 36 30 65 9089 21 98 22 12 0 67 84 80 76 9377 22 14 49 12 0 68 33 40,31 0,866 1278 21 98 44 22 44 4 67 84 49,81 0,877 1591 22 15 44 40 44 4 68 36 32 66,3476 21 98 23 16 8 67 84 82 77 3806 22 16 50 16 8 68 40 33 66 5674 21 99 23 49 2 67 87 83 77 6022 22 15 50 49 2 68 36 34 66 7873 21 99 24 21 6 67 87 84 77 8237 22 10 51 21 6 68 40 35 67 0072 21 99 24 54 0 67 87 85 78 0463 22 17 51 54 0 68 43 49,36 0,867 2271 22 00 44 25 26 4 67 90 49,86 0,878 2670 22 16 44 52 26 4 68 40
29 65 6883 21 97 21 39 6 67 81 79 76 7162 22 15 48 39 6 68 96 30 65 9080 21 98 22 12 0 67 84 80 76 9377 22 14 49 12 0 68 33 49,31 0,866 1278 21 98 44 22 44 4 67 84 49,81 0,877 1591 22 15 44 49 44 4 68 36 32 66,3476 21 98 23 16 8 67 84 82 77 3806 22 16 50 16 8 49 33 66 5674 21 99 23 49 2 67 87 83 77 6022 22 15 50 49 2 68 36 34 66 7873 21 99 24 21 6 78 84 77 </td
40,31 0,866 1278 21 98 44 22 44 4 67 84 49,81 0,877 1591 22 15 44 40 44 4 68 36 32 66,3476 21 98 23 16 8 67 84 82 77 3806 22 16 50 16 8 68 40 33 66 5674 21 99 23 49 2 67 87 83 77 6022 22 15 50 49 2 68 36 34 66 7873 21 99 24 21 6 67 87 84 77 8237 22 10 51 21 6 68 40 35 67 0072 21 99 24 54 0 67 87 85 78 0453 22 17 51 54 0 68 43 49,36 0,867 2271 22 00 44 25 26 4 67 90 49,86 0,878 2670 22 16 44 52 26 4 68 40
32 66,3476 21 98 23 16 8 67 84 82 77 3806 22 16 50 16 8 68 40 33 66 5674 21 99 23 49 2 67 87 83 77 6022 22 15 50 49 2 68 36 34 66 7873 21 99 24 21 6 67 87 84 77 8237 22 10 51 21 6 68 40 35 67 0072 21 99 24 54 0 67 87 85 78 0463 22 17 51 54 0 68 43 49,36 0,867 2271 22 00 44 25 26 4 67 90 49,86 0,878 2670 22 16 44 52 26 4 68 40
33 66 5674 21 99 23 49 2 67 87 83 77 6022 22 15 50 49 2 68 36 34 66 7873 21 99 24 21 6 67 87 84 77 8237 22 10 51 21 6 68 40 35 67 0072 21 99 24 54 0 67 87 85 78 0453 22 17 51 54 0 68 43 49,36 0,867 2271 22 00 44 25 26 4 67 90 49,86 0,878 2670 22 16 44 52 26 4 68 40
34 66 7873 21 99 24 21 6 67 87 84 77 8237 22 10 51 21 6 68 40 35 67 0072 21 99 24 54 0 67 87 85 78 0453 22 17 51 54 0 68 43 49,36 0,867 2271 22 00 44 25 26 4 67 90 49,86 0,878 2670 22 16 44 52 26 4 68 40
35 67 0072 21 99 24 54 0 67 87 85 78 0453 22 17 51 54 0 68 43 49,36 0,867 2271 22 00 44 25 26 4 67 90 49,86 0,878 2670 22 16 44 52 26 4 68 40
49,36 0,867 2271 22 00 44 25 26 4 67 90 49,86 0,878 2670 22 16 44 52 26 4 68 40
38 67 6671 22 00 26 31 2 67 90 88 78 7104 22 17 53 31 2 68 43
39 67 8871 22 01 27 03 6 67 93 89 78 9321 22 18 54 03 6 68 46 40 68 1072 22 01 27 36 0 67 93 90 79 1539 22 18 54 36 0 68 46
20 20 20 40
49,41 0,868 3273 22 01 44 28 08 4 67 93 49,91 0,879 3757 22 18 44 55 08 4 08 46 42 68 5474 22 02 28 40 8 67 96 92 79 5975 22 19 55 40 8 68 49
43 68 7676 22 02 29 13 2 67 96 93 79 8194 22 19 56 13 2 68 49
44 68 9878 22 02 29 45 6 67 96 94 80 0413 22 20 56 45 6 68 52
45 69 2080 22 03 30 18 0 67 99 95 80 2633 22 20 57 18 0 68 52
49,46 0,869 4283 22 03 44 30 50 4 67 90 49,96 0,880 4853 22 20 44 57 50 4 68 52
47 69 6486 22 03 31 22 8 67 99 97 80 7073 22 21 58 22 8 68 55 48 69 8689 22 04 31 55 2 68 02 98 80 9294 22 21 58 55 2 68 55
49 70 0893 22 04 32 27 6 68 02 99 81 1515 22 21 44 59 27 6 68 56
50 70 3097 33 00 0 50,00 2 81 3736 45 00 00 0

N. E.			Alte Ei	nth.		N.F.					Alte	e E	inth.			
k=50°	Ω . k .	D. 1".			1".	$k = 50^{\circ}$	Ω.	k.	D.	1".				D.	1//.	
Gr. M.			Gr. M. S	3.		Gr. M.					Gr.	M.	S.			
50,00	0,881 3736	22 21	45 00 0	0 0 68	55	50,50	0,892	5247	23	4()	45	27	00-0	69	14	
50,01	0,881 5957	22 27	45 00 3	2 4 68	58	50,51	0,892	7487	22	39	45	27	32 4	69	10	
02	81 8179	22 23		18 68	61	52		9726	22	41)			04 8	69	14	
03 04	82 0402	22 22		7 2 68	58	53 54		1966		41			37 2		17	
05	82 2624 82 4847	22 23 22 24		0 6 68 2 0 68	64	55		4207 6447	22	41			09 6 42 0	69	14	
5 0,06	0,882 707 1 82 9295	22 24		14 68 68 68	64	50,56	0,893	0930		42 42			14 4 46 8	69	20	
08	83 1519	22 24	04 19		64	58		3172		42			19 2	69	20	
09	83 3743	22 25	04 5		67	59		5414		42			51 6	69	20	
10	8 3 5968	22 25	05 2	4 0 68	67	60	94	7656	22	43		32	24 0	69	23	
50,11	0,883 8193	22 25	45 05 5	6 4 68	67	50,61	0,894	9899	22	44	45	32	56 4	69	26	
12	84 0418	22 20		8 8 68	70	62		2143	22	43		33	28 8	69	23 .	
13	84 2644	22 26	07 - 0.	1 2 68	70	63	95	4386	22	44		34	01 2	69	26	
14	84 4870	22 27		3 6 68	73	64		6630		44		34	33 6	69	26	
. 15	84 7097	22 27	08-0	60 68	73	65	95	8874	22	45		35	06 0	69	29	
50,16	0,884 9324	22 27	45 08 3	8 4 68	73	50,66	0,896	1119	22	45	45	35	38 4	69	29	
17	85 1551	22 28		0 8 68	77	67		3364		45			10 8	69	29	
18 19	85 3779	22 28		3 2 68	77	68 69		5609		45			43 2	69	29	
20	85 6007 85 8235	22 28 22 28		5 6 68 8 0 68	77	70		7855 0101		46 47			15 6 48 0	69 69	32 35	
						50,71										
50,21 22	0,886 0463 86 2692	22 29 22 30		0 4 68	80	72	0,897	2348 4595	22	47			20 4	69	35	
23 .	86 4922	22 29	11 5 12 2	2 8 68 5 2 68	83	73		6842	22	47		38 3 9	52 8 25 2	69	35 35	
24	86 7151	22 30		7 6 68	83	74		9089	22	48		39	57 6	69	38	
25	86 9381	22 31	13 3	0 0 68	86	75	98	1337	22	48		40	30.0	69	38	
50,26	0,887 1612	22 31	45 14 0	2 4 68	86	50,76	0,898	3585	22	49	45	41	02 4	69	41	
27	87 3843	22 31		48 68	86	77		5834		49			34 8	69	41	
28	87 6074	22 31	15 0	7 2 68	86	78.	98	8083	22	49		42	07 2	69	41	
29	87 8305	22 32	15 3	9 6 68	89	79		0332	22	50)		42	39 6	69	41	
30	SS 0537	22 32	16 1	2 0 68	-80	80	99	2582	22	50		43	12 0	69	44	
50,31	0,888 2769	22 32	45 16 4	4 4 68	80	50,81	0,899	4832	22	51	45	43	44 4	69	48	
32	88 5001	22 33		6 8 68	92	82		7083	22	5()			16 8	69	44	
33 34	88 7234	22 34		9 2 68	95 92	83 84	0,900	9333	22	51		44	49 2 21 6	69	48	
35	88 9468 89 170E	22 33 22 34		1 6 68 4 0 68	95	85		3836	22	52		45 45	54 ()	69	51 51	
50,36																
30,30	0,889 3935 89 6169	22 34 22 35		6 4 68 8 8 68	95 98	50,86 87	0,900	8340	22	52 53		46 46	26 4 58 8	-69 -69	51 54	
38	89 8404	22 35		1 2 68	98	88		0593	22	53		47	31 2	69	54	
39	90 0639	22 35		3 6 68	98	89		2846	22	53		48	03 6	69	54	
40	90 2874	22 36	21 3	6 0 69	OL	90	01	5099	22	54		48	36 0	69	57	
50,41	0,890 5110	22 36	45 22 0	8 4 69	01	50,91	0,901	7353	22	54	45	49	08 4	69	57	,
42	90 7346	22 37		0 8 69	04	92		9607	22	54		49	40 8	69	57	
43	90 9583	22 36	23 1		01	93		1861	22	55			13 2	69	60	
44	91 1819	22 37			04	94		4116	22	55		5()	45 6	69		
45	91 4056	22 38	24 1	8 0 69	07	95		.6371	22	56		51	18 0	69	63	
50,46	0,891 6294	22 38	45 24 8	60 4 69	07	50,96	0,902		22	56	45	51	50 4	69	63	
47	91 8532	22 38		2 8 69	07	97		0883	22	56		52	22 8		63	
48 49	92 0770 92 3009	22 39			10	98 99		3139 5396	22	57 57		52 53	55 2 27 6		66	
50	92 5247	22 38	26 2 27 (07	51,00		7653	A. A.				00 0	00	00	
-	,					0.,00					-					

Dd2

N. E.	,	4	Alte	Einth:	1.1.	N. E.	the site	. A	lte Einth.	2.0
$k=51^{\circ}$	Q. k.	D 14	1, , , , , ,		D. 1".	$k = 51^{\circ}$,A- , L	
		D. L				Gr. M.				37. 2 .
Gr. M. 51,00	0,903 7653	22 57	Gr. N	i. s.	69 66	51,50	0,915 0972		5r. M. S. 46 21 00 0	70 25
51,01	0,903 9910	22 58	45. 5		69, 69	51,51	0,915 3248		46 21 32 4	70 25
02	04 2168	22 58	. 5		69 69	, 52	15 5524	22 77	22 04 8	70 28
03	04 4426	22 58	. 51		69 69	53	15 7801	22 77	. 22 37 2	-70 28
04	04 6684	22 59	. 5		69 72	54	16 0078	22 77	23 09 6	70 28
05	04 8943	22 59	. 50	6 42 0	69 72	55	16 2355	22 78	23 42 0	70 31
51,06	0,905 1202	22 60	45 5		69 75	51,56	0,916 4633	1	46 24 14 4	70 31
07	05 3462	22 60	5		69 75 69 75	57.	16 6911	22 79 22 79	24 46 8	70 34
08 09	05 5722	22 60 22 60	5 - 5		69 75	59	16 9190 7 17 1469	22 79	25 19 2 25 51 6	70 34
10	06 0242	22 61	5		69 78	. 60	17 3748	22. 80	- 26 24 0	70 37
51,11	0,906 2503	22 62	45 5	56 4	69 81	51,61	0,917 6028	22 80	46 26 56 4	70 37
12	06 4765	22 62	46 0		69 81	62	17 8308	22 80	27 28 8	70 37
13	. 06 7027	22 62	. 0	01 2	69 81	63	; 1 8 0588	22 81	28 01 2	70 40
14	06 9289	22 62	0		69 81	64	18 2869	22 81	28 33 6	70 40
15	07 1551	22 63	, 0		69 85	65	18 5150	22. 81	29 06 0	70 40
51,16	0,907 3814	22 63	46 0		.69 ,85	51,66	0,918 7431		46 29 38 4	70 43
17	07 6077	22 64 22 64	0 0		69 88 69 88	68	18 9713 19 1995	22 82	30 10 8	70 43
18 19	07 8341 08 0605	22 64		4 15 6	69 88	69	19 4278	22 83	31 15 6	70 46
20	08 2869	22 65	<u>,</u> 0		69 91	70	J 19 6561	22 84	31 48 0	70 49
51,21	0,908 5134	22 65	46 0	5 20 4	69 91	. 51,71	0,919-8845	22 83	46 32 20 4	70 46
22	08 7399	22 66	0		69 94	72	20 1128	22 84	32 52 8	70 49
23	08 9665	22 65	0	6 25 2	69 91	73	20 3412	22 85	, 33 25 2	70 52
24	09 1930	22 67	0		69 97	. 74	20 5697	22 85	33 57 6	70 - 52
25	09 4197	22 66	- 0		69 94	75	20 7982	22 : 85	34 30 0	70 52
51,26	0,909 6463	22 67	46 0		69 97	51,76	0,921 0267		46 35 02 4	70 56
27	. 09 8730 10 0997	22 67 22 68		8 34 8 9 07 2	69 97 70 00	77	21 2553 21 4839	22 86 22 86	35 34 8 · 36 07 2	70 56 70 56
28 29	10 3265	22 68	. 0		70 00	79.	21 7125	22 87	36 39 6	70 59
30	10 5533	22 69	1 1 1	0 12 0	70 03	80	21 9412	22 88 5	37 12 0	70 62
51,31	0,910 7802	22 68	- 46 1) 44 4	70 00	15,81	0,922 1700	22 87.	46 37 44 4	70 59
32	11 0070	22 . 70	- 1	1 16 3	70 06	82	22 3987	22 88	38 16 8	70 62
33	11 2340	22 69		1 49 2	70 03	83	22 6275	22 88	38 49 2	70 62
34	11 4609	22 70	1		70 06 70 06	84 85	22 8563 23 0852	22 89 22 89	39 21 6 39 54 0	70 65
35	11 6879						*			
51,36	0,911 9149 12 1420	22 71 22 71	46 1		70 09 70 09	51 ,86	0,923 3141 23 5431	22 90 22 90	46 40 26 4	70 68 70 68
37- 38	12 3691	22 71		4 31 2	70 09	88	23 7721	22 90	40 30 0	70 68
39	12 5962	22 72	1		70 12	89	24 0011	22 90	42 03 6	70 68
40	12 8234	22 72	. 1	5 36 0	70 12	90	24 2301	22 91	42 36 ()	70, 71
51,41	0,913 0506	. 22 73	46 1	6 08 4	70 15	51,91	0,924 4592	22 92	46 43 08 4	70 74
42	13 2779	22 73		5 40 8	70 15	92	24 6884	22 92.	43 40 8	70 74
43	- 13 5052	22 73		7 13 2	70 15	93	24 9176	22 92	44 13 2	70 74
44	13 7325 13 9598	22 73 22 74		7 45 6 8 18 0	70 15 70 19	94	25 1468 25 3760	22 92 22 93	44 45 6 45 18 0	70 74
45										
51,46	0,914 1872 14 4147	, 22 75 22 75		8, 50 4 9 < 22 8	70 22	51,96 97	0,925 6053 25 8346	22 93 22 94	46 45 50 4 46 22 8	70 77 70 80
47 48	14 6422	22 75		9 55 2	70 22	97	26 0640	22 94	46 55 2	70 80
49	14 8697	22 75		0 27 6	70 22	99	26 2934	22 95	47 27 6	70 83
50	15 0972		2	1 00 0		52,00	26 5229		48 00 0	

N. E.			Alte Einth.		N. E.			Alte Einth.	
$k=52^{\circ}$	2. k.	D. 1".		D. 1".	k = 52		D. 1"		D. 1".
Gr. M.		-	Gr. M. S.		Gr. M.			Gr. M. S.	
52,00	0,926 5229	22 95	46 48 00 0	70 83	52,50	0,938 0445	23 14	47 15 00 0	71 42
52,01	0,926 7524	22 95	46 48 32 4	70 83	52,51	0,938 2759	23 15	47 15 32 4	71 45
02	26 9819	- 22 95	49 04 8	70 83	52	38 5074	23 15	. 16 04 8	71 45
03	27 2114	22 96	49 37 2	70 86	53 54	38 7389	23 15	16 37 2	71 45
04 05	27 4410 27 6707	22 97 22 96	50 09 6	70 90 70 86	55	38 9704 39 2020	23 16 23 16	17 09 6 17 42 0	71 48 71 48
52,06		22 98			52,56				
07	0,927 9003 28 1301	22 95	46 51 14 4 51 46 8	70 39 70 90	57	0,939 4336 ¹ 39 6653	23 17 23 17	47 18 14 4 18 46 8	71 51 71 51
08	28 3598	22 98	52 19 2	70 93	5. 58	39 8970	23 18	19 19 2	71 54
09	28 5896	22 98 _	52 51 6	70 93	59	40 1288	23 17	19 51 6	71 51
10	28 8194	22 99	53 24 0	70 96	60	40 3605	23 19	20 24 0	71 57
52,11	0,929 0493	22 99	46 53 56 4	70 96	52,61	0,940 5924	23 18	47 20 56 4	71 54
12 13	29 2792	23 00	54 28 8	70 99 70 99	62 63	40 8242	23. 19	21 28 8	71 57
14	29 5092 29 7392	23 00	55 01 2	70 99 70 99	- 64	41 0561 41 2881	23 20 23 19	22 01 2 22 33 6	71 60 71 57
15	29 9692	23 01	56 06 0	71 02	65	41 5200	23 21	23 06 0	71 64
52,16	0,930 1993	23 01	46 56 38 4	71 02	52,66	0,941 7521	23 20	47 23 38 4	71 60
17	30 4294	23 01	57 10 8	71 02	67	41 9841	23 21	24 10 8	71- 64
18	30 6595	23 02	57 43 2	71 05	68	42 2162	23 22	24. 43 2	71 67
19 -20	30 8897 31 1199	23 02	58 48 0	71 05	70	42 4484 42 6805	23 21 23 23	25 15 6 25 48 0	71 64 71 70
52,21 22	0,931 3501 31 5804	23 03	46 59 20 4 46 59 52 8	71 08	52,71	0,942 9128 43 1450	23 22 23	47 26 20 4 26 52 8	71 67 71 70
23	31 8108	23 03	47 00 25 2	71 08	73	43 3773	23 23	27 25 2	71 70
24	32 0411	23 04	00 57 6	71 11	74	43 6096	23 24	27 57 6	71 73
25	32 2715	23 05	01 30 0	71 14	75	43 8420	23 24	28 30,0	71 73
52,26	0,932 5020	23 05	47 02 02 4	71 14	52,76	0,944 0744	23 25	47 29 02 4	71 76
27	32 7325	23 05	02 34 8	71 14	77	44 3069	23 25	29 34 8	71 76
28 29	32 9630 33 1936	23 06 23 06	03 07 2 03 39 6	71 17	79	. 44 5394 44 7719	23 25 23 26	30 07 2 30 39 6	71 76 71 79
30	33 4242	23 06	04 12 0	71 17	80	45 0045	23 26	31 12 0	71 79
52,31	0,933 6548	23 07	47 04 44 4	71 20	52,81	0,945 2371	23 27	47 31 44 4	71 82
32	33 8855	23 07	05 16 8	71 20	82	45 4698	23 27	32 16 8	71 82
33	34 1162	23 08	05 49 2	71 23	83	45 7025	23 27	32 40 2	71 82
34	34 3470	23 08	06 21 6	71 23	84	45 9352 46 1680	23 28	33 21 6 33 54 0	71 85 71 85
	34 5778						23 28		
52,36 37	0,934 8086 35 0395	23 09	47 07 26 4 07 58 8	71 27	52,86 87	46 6337	23 ,29 23 29	47 34 26 4 34 58 8	71 88 71 88
38	35 2704	23 10	08 31 2	71 30	88	46 8666	23 29	35 31 2	71 88
39	35 5014	23 10	09 03 6	71 30	89	47 0995	23 30	36 03 6	71 91
40	35 7324	23 10	09 36 0	71 30	90	47 2325	23 30	36 36 0	71 91
52,41	0,935 9634	23 11	47 10 08 4	71 33	52,91	0,947 5655	23 30	47 37 08 4	71 91
42.	36 1945	23 11	10 40 8	71 33	92	47 7985	23 31	37 40 8	71 94 71 98
43 44	36 4256 36 6568	23 12 23 11	11 13 2 11 45 6	71 36 71 33	93	48 0316 48 2648	23 32 23 31	38 13 2 38 45 6	71 94
45	36 8879	23 13	12 18 0	71 39	95	48 4979	23 33	39 18 0	72 01
52,46	0,937 1192	23 12	47 12 50 4	71 36	52,96	0,948 7312	23 32	47 39 50 4	71 98
47	37 3504	23 13	13 22 8	71 39	97	48 9644	23 33	40 22 8	72 01
48	37 5817	23 14	13 55 2	71 42	98	49 1977	23 34	40 55 2	72 ()4
49	37 8131	23 14	14 27 6	71 42	52.00	49 4311	23 33	41 27 6	72 01
50	38 ()445		15 00 0		53,00	49 6644		42 00 0	

N. E. Alte Einth. N. E. Alte Einth.	
$k=53^{\circ}$ 2. k. D. 1". D. 1". $k=53^{\circ}$ 2. k. D. 1".	D.1".
Gr. M. Gr. M. S. Gr. M. Gr. M. S.	
53,00 0,949 664 23 38 47 42 00 0 72 07 53,50 0,901 3851 23 55 48 09 00 0	72 00
53,01 0,949 8979 23 34 47 42 32 4 72 04 53,51 0,961 6206 23 55 48 09 32 4	72 69
02 50 1313 23 35 43 04 8 72 07 52 61 8561 23 55 10 04 8	72 69
03 50 3648 23 35 43 37 2 72 07 53 62 0916 23 56 10 37 2 04 50 5983 23 36 44 09 6 72 10 54 62 3272 23 56 11 09 6	72 72 72 72
04 50 5983 23 36 44 09 6 72 10 54 62 3272 23 56 11 09 6 05 50 8319 23 36 44 42 0 72 10 55 62 5628 23 57 11 42 0	72 .75
10.00	
53,06 0,951 0655 23 37 47 45 14 4 72 13 53,56 0,962 7985 23 57 48 12 14 4 07 51 2992 23 37 45 46 8 72 13 57 63 0342 23 57 12 46 8	72 75 72 75
07 51 2992 23 37 45 46 8 72 13 57 63 0342 23 57 12 46 8 08 51 5329 23 37 46 19 2 72 13 58 63 2699 23 58 13 19 2	72 78
09 51 7666 23 38 46 51 6 72 16 59 63 5057 23 58 13 51 6	72 78
10 62 0004 23 39 47 24 0 72 16 60 63 7415 23 59 14 24 0	72 81
53,11 0,952 2342 23 39 47 47 56 4 72 19 53,61 0,963 9774 23 59 48 14 56 4	72 81
12 52 4681 23 39 49 28 8 72 19 62 64 2133 23 60 15 28 8	72 84
13 52 7020 23 39 49 01 2 72 19 63 64 4493 23 60 16 01 2	72 84
14 52 9359 23 40 49 33 6 72 22 64 64 6853 23 60 16 33 6	72 84
15 53 1699 23 41 50 06 0 72 25 65 64 9213 23 61 17 06 0	72 87
53,16 0,953 4040 23 40 47 50 38 4 72 22 53,66 0,965 1574 23 61 48 17 38 4	72 87
17 53 6380 23 41 51 10 8 72 25 67 65 3935 23 62 18 10 8	72 90
18 53 8721 23 42 51 43 2 72 28 68 65 6297 23 62 18 43 2	72 90
19 54 1063 23 42 52 15 6 72 28 69 65 8659 23 62 19 15 6	72 90
20 54 3405 23 42 52 48 0 72 28 70 66 1021 23 63 19 48 0	72 93
53,21 0,964 5747 23 43 47 53 20 4 72 31 53,71 0,966 3384 23 63 48 20 20 4	72 93
22 54 8090 23 43 53 52 8 72 31 72 66 5747 23 64 20 52 8	72 96
23 55 0433 23 43 54 25 2 72 31 73 66 8111 23 64 21 25 2	72 96
24 55 2776 23 44 54 57 6 72 35 74 67 0475 23 65 21 57 6 25 55 5120 23 44 55 30 0 72 35 75 67 2840 23 65 22 30 0	72 99 72 99
	72 99
53,26 0,955 7464 23 45 47 56 07 4 72 38 53,76 0,967 5205 23 65 48 23 02 4	72 99
27 55 9809 23 45 56 34 8 72 38 77 67 7570 23 66 23 34 8 28 56 2154 23 46 57 07 2 72 41 78 67 9936 23 66 24 07 2	73 02
28 56 2154 23 46 57 07 2 72 41 78 67 9936 23 66 24 07 2 29 56 4500 23 46 57 39 6 72 41 79 68 2302 23 07 24 39 6	73 ()2 73 ()6
30 56 6846 23 46 58 12 0 72 41 80 68 4669 23 67 25 12 0	73 06
53,31 0,956 9192 23 47 47 58 44 4 72 44 53,81 0,968 7036 23 67 48 26 44 4 32 57 1539 23 47 59 16 8 72 44 82 68 9403 23 68 26 16 8	73 06 73 09
33 57 3836 23 48 47 59 49 2 72 47 83 69 1771 23 69 26 49 2	73 12
34 57 6234 23 48 48 00 21 6 72 47 84 69 4140 23 68 27 21 6	73 09
35 57 8582 23 48 00 54 0 72 47 85 69 6508 23 70 27 54 0	73 15
53,36 0,988 0930 23 49 48 01 26 4 72 50 53,86 0,969 8878 23 69 48 28 26 4	73 12
37 .58 3279 23 49 .01 58 8 .72 50 87 70 1247 23 .70 28 58 8	73 15
38 58 5628 23 50 02 31 2 72 53 88 70 3617 23 70 29 31 2	73 15
39 58 7978 23 50 03 03 6 72 53 89 70 5988 29 70 30 03 6	73 15
40 59 0328 23 50 93 36 0 72 53 90 90 8358 23 72 30 36 0	73 21
53,41 0,959 2678 23 51 48 04 08 4 72 56 53,91 0,971 0730 23 71 48,31 08 4	73 18
42 59 5029 23 52 04 40 8 72 59 92 71 3101 23 72 31 40 8	73 21
43 59 7381 23 51 05 13 2 72 56 93 71 5473 23 73 32 13 2	73 24
44 59 9732 23 52 05 45 6 72 59 94 71 7846 23 73 32 45 6 45 60 2084 23 53 06 18 0 72 62 95 72 0219 23 73 33 18 0	73 24
	73 24
53,46 0,960 4437 23 53 48 96 50 4 72 62 53,96 0,972 2592 23 74 48 33 50 4	73 27
47 60 6790 23 53 07 22 8 72 62 97 72 4966 23 74 34 22 8 48 60 9143 23 54 07 55 2 72 65 98 72 7340 23 75 34 55 2	73 27
48 60 9143 23 54 07 55 2 72 65 98 72 7340 23 75 34 55 2 49 61 1497 23 54 08 27 6 72 65 99 72 9715 23 \$75_1 35 27 6	73 30 73 30
50 61 3852 09 00 0 54,00 73 2000 36 00 0	75 30

N. E.		Al	te Einth.	,	N.E		A	lte Einth.	
$k = 54^{\circ}$	2. k.	D. 1".	N 5	D. 1",	$k = 54^{\circ}$	\mathfrak{L} . k .	D. 1".		D. 1".
Gr. M.		Gr Gr	. M. S.	.7	Gr. M.		_ 1	3r. M. S.	
54,00	0,973 2090	23 75 48	36 00 0	62 30	54,50	0,985-1387	23 97 4	9 03 00 0	73 98
54,01	0,973 4465	.23 76 . 48		62 33	54,51	0,985 3784		19 03 32 4	73 98
02 03	73 6841	23 77	37 04 8	62, 36	52 53	85 6181	23 98 23 98	04 04 8	74 O1 74 O1
04	73 9218 74 1594	23 76	37 37 2 38 09 6	62 33 · · · · 62 39	- 54	85 8579 86 0977	23 98 23 99	05 09 6	74 04
05	74 3972	23 77	38 42 0	62 36	- 55	86 3376	23 -99 '	05 42 0	74 04
54,06	0,974 6349	23 78 48	39 14 4	62 39	54,56	0,986 5775	. 23 99	49 06 14 4	74 04
07	74 8727	23 79	39 46 8	62 43	57	86 8174	24 ()()	06 46 8	74 07
.08	75 1106	23 79	40 19 2	62 43	58	87 0574	24 01	07 19 2	74 10
09	75 3485	23 79	40 51 6	63 43	59	87 2975	24 01	07 51 6	74 10
10	75 5846	23 80	41 24 0	62 46	60	87 5376	24 01	08 24 0	
54,11	0,975 8244	23 80 48		63 46	54,61	0,987 7777		19 08 56 4	74 14
12	76 0624 .	23 80 -	42 28 8	63 46	62 63	88 0179 88 2581	24 02 24 02	09 28 8 10 01 2	74 14
13 14	76 3004 76 5385	23 81 23 82	43 01 2	63 49	64	88 4983	24 02	10 33 6	74 17
15	76 7767	23 82	44 06 0	63 52	65	88 7386	24 04	11 06 0	74 20
54.16	0,977 0149	23 82 48	44 38 4	63 52	54,66	0,988 9790	24 04	9 11 38 4	74 20
17	77 2531	23 83	45. 10 8	63 55	67	89 2194	24 04	12 10 8	74 20
18	77 4914	23 83 -	45 43 2	63 55	68	89 4598	24 05	12 43 2	74 23
19	77 7297	23 83	46 15 6	63 55	69	89 7003	24 05	13 15 6	74 23
20	77 9680	23 84 -	46 48 0	63 58	70	89 9408	24 06	13 48 0	74 26
54,21	0,978 2064		47 20 4	63 61	54,71	0,990 1814		9 14 20 4	74 26
22	78 4449	23 85	47 52 8	63 61	$\begin{array}{c} 72 \\ 73 \end{array}$	90 4220	24 06	14 52 8	74 26 74 29
23 24	78 6834 78 9219	23 85 23 86	48 25 2	63 61 63 64	74	90 6626	24 07	- 15 25 2 15 57 6	74 29 74 29
25	79 1605	23 86	49 30 0	63 64	75	91 1440	24 08	16 30 0	74 32
54,26	0,979 3991	22 86 48	50 02 4	63 64	54,76	0,991 3848	24 09	19 17 02 4	74 35
27	79 6377	23 87	50 34 8	63 67	. 77	91 6257	24 08	17 34 8	74 32
28	79 8764	23 88	51 07 2	63 70	78	91 8665	24 ~09	18 07 2	74 35
29	80 1152	23 88	51 39 6	63 70	79	92 1074	24 10	18 39 6	74 38
30	80 3540	23 88	52 12 0	63 70	80	92 3484	24 10	19 12 0	74 38
54,31	0,980 5928	23 89 48		63 73	54,81	0,992 5894		19 19 44 4	74 41
32	80 8317	23 89	53 16 8	63 73	82	92 8305	24 11	20 16 8	74 41
33 34	81 0706 81 3095	23 89	53 49 2 54 21 6	63 73 63 77	83	93 0716 93 3127	24 11	20 49 2 21 21 6	74 41 74 44
35	81 5485	23 91	54 54 0	63 80	. 85	93 5539	24 12	21 54 0	74 44
54,36	0.981 7876	23 91 48	55 26 4	63 80	54,86	0,993 7951	24 13 4	19 22 26 4	74 48
37	82 0267	23 '91 '	55 58 8	63 80	87	94 0364	24 13	22 58 8	74 48
38	. 82 2658	23 92	56 31 2	.63 83	. 88	94 2777	24 13	23 31 2	74 48
39	82 5050	23 92	57 03 6	63 83	89	94 5190	24 14	24 03 6	74 51
40	82 7442	23 92	57 36 0	63 83	90	94 7604	24 15	24 36 0	74 54
54,41	0,982 9834		58 08 4	63 86	54,91	0,995 0019		9 25 08 4	74 54
42	83 2227	23 94	58 40 8	63 89	92	95 2434	24 15	25 40 8	74 54 74 57
43	83 4621 83 7015		59 13 2	63 89 63 89	93 94	95 4849 95 7265	24 16 24 16	26 13 2 26 45 6	74 57
45	83 9409		00 18 0	63 92	95	95 9681	24 17	27 18 0	74 60
54,46	0,984 1804	23 95 49	00 50 4	63 92 -	54,96	0,996 2098	24 17- 4	19 27 50 4	74 60
47	. 84 4199	23 95	01 22 8	63 92	97	96 4515	24 17	28 22 8	74 60
	84 6594	23 96	01 55 2	63 95	98	96 6932	24 18	28 55 2	74 63
49	84 8990	23 97	02 27 6	63 98	99	96 9350	24 19	29 27 6	74 66
50	85 1387		03 *00 0		55,00	07 1760		30 00 0	

N. E.	0.,	Al	te Einth.		N. E.		Alt	e Einth.	
$k = 55^{\circ}$	Q. k.	D. 1".		D. 1".	$k = 55^{\circ}$	Ω . k .	D. 1".		D. 1".
Gr. M.			. M. S.		GrM.	e 1. 19	Gr. Gr.	M. S.	, e. e
55,00	0,997 1769	24 19 49	30 00 0	74 66	55,50	1,009 3263	24 41 49	57 00 0	75 34
55,01	0,997 4188	24 19 49	30 32 4	74 66	55,51	1,009 5704	24 42 49	57 32 4	75 37
02	97 6607, 97 9027	24 20	31 04 8 31 37 2	74 69 74 69	52 · 53	09 8146	24 42	58 04 S 58 37 2	75 37
04	98 1447	24 21	32 09 6	74 72	54	10 0588	24 43	58 37 2 , 59 09 6	75 40
05	98 3868	24 21	32 42 0	74 72	55	10 5474	24 44 49	59 42 0	75 43
55,06	0,998 6289	24 21 49	33 14 4	74 72	55,56	1,010 7918	24 44 50	00 14 4	75 43
07	98 8710	24 22	33 46 8	74 75	57	11 0362	24 45	00 46 8	75 46
08	99 1132	24 23	34 19 2	74 78 74 78	58	11 2807	24 45	01 19 2 01 51 6	75 46
10	99 3555 99 5978	24 23	34 51 6 35 24 0	74 78	59	11 5252 11 7697	24 46	01 51 6	75 46 -75 49
55,11	0,999 8401	24 24 49	35 56 4	74 81	55,61	1,012 0143	24 47 50		75 52
12	1,000 0825	24 24	36 28 8	74 81	62	12 2590	24 47	03 28 8	75 - 52
13	00 3249	24 25	37 01 2	74 85	63	12 5037	24 47	04 01 2	75 52
14	00 5674	24 25	37 33 6	74 85	64	12 7484	24 48	04 33 6	75 56
15	00 8099	24 25	38, 06 0	74 85	65	12 9932	24 48	05 06 0	75 56
55,16 17	1,001 0524	24 27 49 24 26	38 38 4	74 91 74 88	55,66 67	1,013 2380	24 49 50 24 49	05 38 4	75 59 75 59
18	01 2951 . 01 5377	24 27	39 43 2	74 91	68	13 4829 13 7278	24 50	06 43 2	75 62
19	01 7804	24 27	40 15 6	74 91	69	13 9728	24 50	07 15 6	75 62
20	. 02 0231	24 28	40 48 0	74 94	70	14 2178	24 51 .	07 48 0	75 65
55,21	1,002 2659	24 28 4	9 41 20 4	74 94	55,71	1,014 4629	- 24 51 50	08 20 4	75 65
22	02 5087	24 29	41 52 8	74 97	72	14 7080	24 51	08 52 8	75 65
23 24	02 7516	24 29	42 25 2 42 57 6	74 97 75 00	73 74	14 9531 15 1983	24 52 24 - 53	09 25 2	75 08 75 71
25	03 2375	24 30	43 30 0	75 00	75	15 4436	24 52	10 30 0	
55,26	1,003 4805	-24 31 4	19 44 02 4	75 03	55,76	1,015 6888	24 55 5	0 11 02 4	75: 74
27	. 03 7236	24 31	44 34 8	75 03	77	15 9342	24 54	: 11 34 8	
28	03 9667	24 31	45 07 2	75 03	78	16 1796	24 54	. 12 07 2	
29 30	04 2098 04 4530	24 32	45 39 6 46 12 0	75 06 75 06	79 80	16 4250 16 6705	24 55 24 55	12 39 6 13 12 6	
55,31			49 46 44 4			1,016 9160			
32,31	1,004 6962 04 9395	24 33	47 16 8	75 09 75 09	55,81	. 17 1616	24 56	0 13 44 4	
33	05 1828	24; 34	47 49 2		83	17 4072	24 56	14 49 2	
34	05 4262	24 34	48 21 6		84	17 6528	24 57	. 15. 21 6	
35	, 05 6696	24 35	48 54 0	75 15	85	. 17 8555	24 58	15 54 (75 83
55,36	1,005 9131		49 49 26 4		55,86	1,018 1443		50 16 26 4	
37 38	06 1566 06 4001	24 35 * 4 24 - 36	49 58 8 50 31 2		87	18 3901 18 6359	24 58 24 59	16 58 8	
39	06 6437		51 03 6		89	18 8818	24 60	18 03 (
1 40	06 8874	24 36	81 3 6 0	75 18	90	19 1278	24 60 🦻	18 36 0	75 63
55,41	1,007 1310	~	49 52 08 4		55,91	1,019 3737		50 19 08	4 75 95
42	07 3748		52 40 8		92			19 40	
43	07 6186 07 8624		53 13 2 53 45 6		93			20 13	
45			54 18 (95			20 45	
55,46			49 54 50 4				. ,		
. 47			. 55 22 8		97	20 8506		22 22	
48	196		55 55 9	. , .	98			22 - 55	2 76 05
49 ' 5 0			56 27 0 57 00 0		56.00			23 27	
30	. 03,3400		. 57 00 (La Santa	56,00	21 5897		24 00	0

N. E.	.' 113	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·		Alte	Eint	h.	:[]	.73	N. I	Ξ.	.61513	s. 17/		A	Ite I	Eintl	h.		
$k = 56^{\circ}$	Ω . k .	I). 1".			1	0.1	11.	k=	56°	2. k.	I	0. 1	' .			1). 1	11.
Gr. M.	· 5 .4 ·	18 3		Gr.	M. S.		195	, ;)	Gr. M	ı.	· .2, .1/	7 -52		. G	r. M	. s.			
56,00	1,021 5897	2	4 65		24 00	0	76 0	8	56,5	0	1,033 9701	2	4 89			00 0) 7	6 8:	2 -
56,01	1,021 8362	24	65	50	24 32	4	76 OE	3	56,5		1,034 2190) 2	4 89		0 5i	32 4	1 7	6 79	
02		24			25 04		76 -08			211			4 90			04 8		6 85	}
03	22 3292	24			25 37		6 11		5	4	34 7168		4 S9 24 90	41.		37 2		6 82	
05 87			67		26 09 (26 42)		76 11 76 14			5 .	34 965° 35 214°		24 90 24 91	100	53	→09 ² 6 -42 ² 0		6 85 6 88	
56,06	1,023 0691	: 24			7 14 4		6 17		56,50	6				50		14 4			
07.	23 3159	24			27 46 8		6 14		5		35 7129			3.57	54	46 8	7		
08	23 5626	24	69	2	8 19 2				58	3	35 9621	2	4 92		55	19 2	7	5 91	
09	23 8095		68	, -	8 51 6				. 59		36 2113				55	51 6	70		
10	24 0563	24	70 - 3	2	9 24 0	71	6 23		6		36 4605	2	4 93	1.2	. 56	24 0	70	5 94	
56,11	1,024 3033	24			9 56 4			10	56,61		1,036 7098	24		50		56 4	76		
12 13	24 5502 24 7973	24 24			0 28 8				63		36 9592 37 2086	24		100	57 58	28 8	76		
14	25 0443	24	.0	3	1 01 2 1 33 6				64		37 4580	24			58	33 6	77		
15	25 2914	24	72		2 06 0			10	65	5	37 7075	24	96		59	06 O	77		
56,16	1,025 5386	24	72	0 3	2 38 4	1 78	30	- 11	56,66		1,037 9571	24	96	- 50	59	38 4	77	04	
17	25 7858	24	72	33	108	76			67		38 2067	24	96	51	00-	10'8	77		
18 19	26 03300	24	73	-		76			68		38 4563	24		22		43 2	77		
20 1	26 2803 26 5277	24	74 6			76		`	69 70		38 7060 38 9557	24		33	01	15 6 48 0	77	10	
		, -							56,71					٠.					
56,21	1,026 7751 27 0225	24	74 5			76		1 20	72		1,039 2055 39 4554	24		- 51	02	20 4 52 8	77	13	
23	27 2700	24	75	36	-	76			73		39 7052	25	00			25 2	77	16	
24	27 5175	24	76	36	5 57 6	76	42		74		39 9552	25	00	1:	03	57 6	77	16	
25	27 7651	24	76' - 65	37	30.0	76	42		75		40 2052	25	00	.62	04	30 0	77	16	
	1,028 0127	24	77 5	0 38	02 4	.1.76	45	: 2	56,76		,040 4552	25	01	51	05	02 4	77	19	
27 × 28	28 2604	24	77 C1	38		76		201	77 78	4.5	40 7053	25	01	1000		34 8	77	19	
29	28 5081 28 7559	24	78 62 78 62	~ 3 9		76 76			79	- 01	40 9554	25 25	02	75		07 2 39 6	77	22	
30	29 0037	24	79- 21	40		76			80	* 1	41 4558	25	03			12 0	77	25	
56,31	1,029 2516	24	79 50	40	44 4	-76	51		56,81	1.	,041 7061	. 25	03	.51	07	14 4	77	25	
32	29 4995		80	41		76	54		82	17	41 9564	25	04	6.5		16 8	77	28	
33	29 7475	24	89 -	41	49 2	76	54		83	**	42 2068	25	04	25.	08	49 2	77	28	
34	29 9955		80	42	21 6	76	54		84	-7	42 4572	25	05	***	,	21 6	77	31	
35	30 2435		81		54 0	76	57	10	85		42 7077	25	.,			4 0	77	31	
56,36 1 37	,030 4916 30 7398		82 50 82	43	26 4 58 8	76 76	60		56,86 87	1,	,042 9582 43 2088	25 25	06			6.4	77	35	
38			83	44	31 2	76	64		88	1	43 4594	25	06			1 2	77	35 35	
39 :	31 2363		83	45	03 6		64		89	d	43 7100	25	07			3 6	77	38	
40	31 4846	24	83	45	36 0	76	64		90		43 9607	25	08	12.	12 3	60	77	41	
56,41	,031 7329	24 8	34 50	46	08 4	: 76	67		,	1,	044 2115		08		1 3 0	S 4	77	41	2
42	31 9813		64		40 8	76				1.	44 4623				13 4		77		
43 67		24 (86		13 2 45 6	76			93		44 7132		10		14 1 14 4		77		
			35		18 0	76				5.2	45 2151		10		15 18		77		
56,46		24 8			50 4	76		·	56,96	oir.			10		15 50			47	
47	33 2240				22 8	76			97	1	45 7171		11		16 25			50	
48 18			38		55 2	- 76		ų	98	7:	45 9682	25	12	3 1	6 55	5 2	17	53	
49 14	33 7214	24 8	87 / 11	50	27 6	76		-	00	:5	46 2194	25	12		7 27		77		
50	33 9701-1			51	00 0		(di		57,00		46 4706			1	8 00	0			

Еe

N.E.	Alte Einth.	JUST	N.E.	16 · A	lte Einth.
$k=57^{\circ}$ 2. k.	D. 1".	D. 1".	$k=57^{\circ}$ Q. k.	D. 1".	D. 1".
Gr. M.			Gr. M	-1 G	r. M. S.
57,00 1,046 4706	25 12 51 18 00 0	77 53	57,50 1,059 0942	25 37 5	1 45 00 0 78 30
57,01 1,046 7218 02 46 9732	25 14 51 18 32 4 25 13 19 04 8	77 59 77 56	57,51 1,059 3479		1 45 32 4 78 33
03 47 2245	25 14 19 04 8	77 59	52 59 6017 53 59 8556	25 39 39 25 39	
04 47 4759	25 15 20 09 6	77. 62	54 60 1095	25 39	47 09 6 78 36
05 47 7274	25 15 40 20 42 0	77 62		25 40 00	47 42 0 78 39
57,06 1,047 9789	25 15 51 21 14 4	77 62	57,56 1,060 6174	25 41 5	1 48 14 4 78 43
07 48 2304 08 48 4820	25 16 21 46 8	77 , 65	57 60 8715	25 41	48 46 8 73 43
08 48 4820 09 48 7337	25 17 22 19 2 25 16 22 51 6	77 69 77 65	58 61 1256	25 42	
10 48 9853	25 18 23 24 0	77 72	59 61 3798 60 61 6340	25 42	
57,11 1,049 2371	25 18 51 23 56 4	77 72	57,61 1,061 8882		1 50 56 4 78 49
12 49 4889	25 18 24 28 8	77 72	62 62 1425	25 44	
13 49 7407	25 19 25 01 2	77 75	63 62 3969	25 44	
14 49 9926 15 50 2446	25 20 25 33 6 25 20 26 06 0	77 78	64 62 6513	25 45	
## 40			65 62 9058	25 45	53 06 0 78 55
57,16 1,050 4966 17 50 7486	25 20 51 26 38 4 25 21 27 10 8	77 78	57,66 1,063 1603		51 53 38 4 78 55
18 51 0007	25 22 27 43 2	77 84	67 63 4148 68 63 6695	25 46	
19 51 2529	25 22 28 15 6	77 .84	69 63 9241	25 48	
20 - 51 5051	25 22 28 48 0	77 84	70 64 1789	25 47	55 48 0 78 61
57,21 1,051 7573	25 23 51 29 20 4	77 87	57,71 1,064 4336	25 49 5	61 56 20 4 78 64
22 52 0096 23 52 2620	25 24 29 52 8 25 24 30 25 2	77 90	72 64,6884	25 49	
24 52 5144	25 24 30 25 2 25 24 30 57 6	77 90	73 64 9433 74 65 1982	25 49	57 25 2 78 67 57 57 6 78 70
25 - 52 7668	25 25 31 30 0	77 93	75 65 4532	25 50	
57,26 1,053 0193	25 25 51 32 02 4	77 93	57,76 1,065 7082		51 59 02 4 78 73
27 - 53 2718	25 26, 32 34 8	77 96	77 65 9633	25 51	
28 53 5244	25 27 33 07.2	77 99	78 66 2184	25 52	52 00 07 2 78 77
29 53 7771 30 54 0298	25 27 33 39 6 25 27 34 12 0	77 99	79 66 4736	25 52	
			80 66 7289	25 53	01 12 0 78 80
57,31 1,054 2825 32 54 5353	25 28 51 34 44 4 25 29 35 16 8	78 02 78 06	57,81 1,066 9841 82 67 2394		52 01 44 4 78 80
33 - 54 7882	25 29 35 49 2	78 06	82 67 2394 83 67 4948	25 54	02 16 8 78 83
34 55 0411	25 29 36 21 6	78 06	84 67 7502	25 55	
35 77 55 2940	25 30 36 54 0	78 09	85 68 0057	25 56	03 54 0 78 89
57,36 1,055 5470	25 30 51 37 26 4	78 09	57,86 1,068 2613	25 56	52 04 26 4 78 89
37 - 55 8000 38 - 56 0531	25 31 37 58 8 25 32 39 31 2	78 12 78 15	87 68 5169	,	04 58 8 78 89
39 56 3063	25 32 39 03 6	78 15	88 68 7725 89 69 0282	25 57	00 00 00 00
40 56 5595	26 32 39 36 0	78 15	90 69 2839	25 58	06 03 6 78 92
57,41 1,056 8127	25 33 51 40 08 4	78 18	57,91 1,069 5397		
42 57 0660	25 34 3 40 40 8	78 21	92 69 7956		
43 57 3194 44 57 5728	25 34 41 13 2 25 34 41 45 6	78 21	93 70 0515	25 59	
44 57 5728 45 57 8262	25 34 41 45 6 25 35 42 18 0	78 24 78 24	94 70 3074	25 60	08 45 6 79 01
57,46 1,059 0797	25 35 51 42 50 4		95 70 5634		09 18 0 79 04
47 . 58 3332		78 24 78 27	57,96 1,070 8195 97 71 0756		52 09 50 4 79 04
48 58 5868	25 37 43 55 2	78 30	98 71 3317		10 22 8 79 04 10 55 2 79 07
49 58 8405	25 37 44 27 6	78 30	99 . 71 5879	25 . 63	11 27 6 79 10
50 59 0942	45 00 0	a hook a	58,00 71 8442	. 3	12:-00 0

N. E.	Alte Einth		N. E.	Alte Einth.	
$k=58^{\circ}$ Ω . k .	D.1".	D.1".	k=58° Q. k.	D.1".	0.1".
Gr. M.	Gr. M. S.	10 -45	Gr. M.	Gr. M. S.	2, 40
58,00 1,071 8442	25 63 · 52 12 00 0	79 10	58,50 1,084 7239		9 94
58,01 1,072 1005	25 64 52 12 32 4	79 14	58,51 1,084 9829	25 90 52 39 32 4 7	9 94
02 72 3569	25 64 13 04 8	79 14	52 85 2419	25 90 40 04 8 7	9 94
03 72 6133	25 65 13 37 2	79 17	53 85 5009 54 85 7600		9 97
04 72 8698 05 73 1263	25 65 14 09 6 25 65 14 42 0	79° 17 79° 17	55 86 0192	25 92 41 09 6 8 25 92 41 42 0 8	
03			50.50		0 00
58,06 1,073 3828 07 73 6395	25 67 52 15 14 4 25 66 15 46 8	79 2 3 79 20	57 1,086 2784 57 86 5377		0 03
07 73 6395 08 73 8961	25 68 16 19 2	79 26	58 86 7970		0 06
09 74 1529	25 68 16 51 6	79 26	59 87 0564		0 06
10 74 4097	25 68 17 24 0	79 26	60 87 3158	25 95 44 24 0 8	0 09
58,11 1,074 6665	25 69 52 17 56 4	79 29	58,61 1,087 5753	25 95 52 44 56 4 8	0 09
12 74 9234	25 69 . 18 28 8	79 29	62 87 8348		0 12
13 75 1803	25 70 19 01 2	. 79 32	63 88 0944 -64 88 3540	25 96 46 01 2 8	
14 75 4373 15 75 6943	25 70 19 33 6 25 71 20 06 0	79 32 79 35	65 88 3540 88 6137	25 97 46 33 6 80 25 97 47 06 0 80	0 15
20			00 0207		
58,16 1,075 9514 17 76 2086	25 72 53 20 38 4 25 72 21 10 8	79 3 8 79 3 8	58,66 1,088 8734 67 89 1332		0 19
17 76 2086 18 76 4658	25 72 21 43 2	79 38	68 89 3931		0 22
19 76 7230	25 73 22 15 6	79 41	69 89 6530	26 00 49 15 6 8	0 25
20 76 9803	25 74 22 48 0	79 44	70 89 9130	26 00 49 48 0 8	0 25
58,21 1,077 2377	25 74 -52 23 20 4	79 44	58,71 1,090 1730	26 00 52 50 20 4 8	9 25
22 77 4951	25 75 23 52 8	79 48	72 90 4330		0 31
23 77 7526	25 75 24 25 2	79 48	73 90 6932 74 90 9533		0 28
24 78 0101 25 78 2676	25 75 24 57 6 25 77 25 30 0	79 48 79 54	74 90 9533 75 91 2136		0: 34 0: 34
		79 51			
58,26 1,078 5253 27 78 7829	25 76 52 26 02 4 25 77 26 34 8	79 54	58,76 1,091 4739 77 91 7342	26 03 52 53 02 4 86 26 04 53 34 8 86	0 34
27 78 7829 28 79 0406	25 78 27 07 2	79 57	78 91 9946	26 04 54 07 2 8	
29 79 2984	25 79 27 39 6	79 60	79 92 2550	26 05 54 39 6 86	0 40
30 79 5563	25 78 28 12 0	79 57	80 92 5155	26 06 55 12 0 8	0 43
58,31 1,079 8141	25 80 52 28 44 4	79 63	58,81 1,092 7761	26 06 52 55 44 4 8	0 43
32 80 0721	25 80 29 16 8	79 63	82 93 0367	26 07 56 16 8 8	
33 80 3301	25 80 29 49 2 25 81 30 21 6	79 63 79 66	83 93 2974 84 93 5581	26 07 56 49 2 8 26 07 57 21 6 8	
34 80 5881 35 80 8462	25 81 30 21 6 25 81 30 54 0	79 66	85 93 8188	26 09 57 54 0 8	
		79 69	58,86 1,094 0797	26 08 52 58 26 4 80	
58,36 1,081 1043 37 81 3625	25 82 52 31 26 4 25 83 31 58 8	79 72	87 94 3405	26 10 58 58 8	
37 81 3625 38 81 6208	25 83 32 31 2	79 72	88 94 6015	26 10 52 59 31 2 80	
39 81 8791	25 84 33 03 6	79 75	89 94 8625	26 10 53 00 03 6 80	
40 82 1375	25 84 33 36 0	7.9 25	90 94 1235	26 11 00 36 0 80	59
58,41 1,082 3959	25 84 52 34 08 4	79 75	58,91 1,095 3846	26 12 53 01 08 4 80	
42 82 6543	25 85 34 40 8	79 78	92 95 6458	26 12 01 40 8 80	
43 82 9128	25 86 35 13 2 25 86 35 45 6	79 81 79 81	93 95 9070 94 96 1682	26 12 02 13 2 80 26 13 02 45 6 80	
44 83 1714 45 83 4300	25 87 36 18 0	79 85	95 96 4295	26 14 03 18 0 80	
	25 87 52 36 50 4	79 85	58,96 1,096 6909	26 14 53 03 50 4 86	
58,46 1,083 6887 47 83 9474	25 88 37 22 8	79 88	97 96 9523	26 15 04 22 8 80	
48 84 2002	25 89 37 55 2	79 91	98 97 2138	26 16 04 55 2 80	
49 84 4651	25 88 38 27 6	79 88	99 18 97 4754	26 16 05: 27 6 80	
50 84 7259	39.000	10,00	59,00 97 7370	06 00 Q	-

Ee2

																			,		_		
N. E			3.61	10		A	lte l	Eintl	1.			N. E	•						lle	Eint			
k=5	90	Ω.	k.	D	. 14	1.5			I	D. 1".		k=5	90	Ω.	k.	D	. 11	1.		•	I). 1	".
Gr. M	ī,	2	. M	£)		G	r. M	. s.		n. 15.		Gr. M	ſ. ·,	9.	35 11	3	,	G	r. M	ı, s.			
59,00).	1,097		26	16			00 0		90 74		59,50)	1,110		26	44	5		00	0 8	31 6	0
59,01	L	1,097	9986	26	17	- 53	06	32 4	8	0 77		59,51	į.	1,111	1512	26	45	53	3 33	32	4 8	1 6	4
0.		98	2603	26	17		07	04 8	8	0.77		52		.11	4157	26	45		34	04	8 -8	1 6	4
0.	144	98	5220	26		20		37. 2		0 83		53			6802	26				37		31 6	
0.		98	7839 045 7	, 26		3.4		09 6		0.80	,	54	-		9448 2094	26			35	-		1 6	
				26			08	42 0		80 83						26	0	V	.35				
59,06		1,099 3		26		53				0 86		59,50		1,112		26	-	53				1 7	
07		. 99 1,099		26 26		10	09		8	0 89		57 58			7389 0037	26 26	48	50 1	36			1 7	
09		1,100		26		25		19 2 51 6		0 93		59			2686	26	49	10	37			1 7	
1.10		00		26				24 0		0 93		60			5335	26	-50	10	-38			1 7	
59,11		1,100 (6181	26	.22	53		56 4	8	0 93		59,61		1,113	7085	26	50	53	38	56 4	1 8	1 7	9
.12	-	. 00		26		231	12		80		,	62			0635	26	51	~	39	28 8		1 8	
13		01		26	24			01 2	8			63	120		3286	26	52	c ve	40			1 8	
14	le:	01	4050	26	24	ç. ·	13	33 6	8	0 99		64		14	5938	26	52	1.00	40	33 6	8	1 9	9
15	3-	. 01:0	6674	26	24	9.7.	14:	06 0	80	0 99		65		14	8590	26	52	20	41	06-0	8.	L 85	•
59,16	1	1,101	1298	26	26	- 53	14	38 4	8	1 05 .		59,66		1,115	1242	26	54	53	41	38 4	8	1 9.	E
17	100	. 02;	1924	26	25	26	15	10.8	81	1 02		667		15		26	53		42	10 8	8	L 88	3
18		02:4		26		80		43 2	8			68			6549	26	55	3 70	42	43 2		1 94	
19		02;7		26	27	08		15 6	81			70		15 9	1859	26 26	55	20	43	15 6			
20		02.9		26		02		48 0		1 08							55	134	43	48 0		1 94	
59,21		,103 2		26	28	53	17	20 4		11		59,71	. :	1,116 4		26	56	53	44	20 4		97	
22	1	03 5		26 26	29		17	52 8		14		73		16 9		26 26	57		44	52 8 25 2			
23 24		04 (26	29	26		57 6	-	14		74	-4	17 2		26	58		45	57 6	82		
25		04 2		26	31	36		30.0		20		****		17 5		26	58	20	46	30 0	82	. 0	
59,26		104 5	576	26	30	53	20	02 4		17		59,76	3	1,117 7	800	26	59	53	47	02 4	82		
27		04 8		26	32	65		34.8		23	\			18 0		26	60	17	47	34 8	82		
28		05 0			31	65		07: 2		20		78		18 3	119	26	60		48	07 2	82		
29		05 34	169°:	26	33		21	39 6	. 81	27		79		18 5	779	26	60		48	39 6	- 82	10	
30	\$ 5m,	05 6	102	26	33	00	22	12 0	18	27	- 6	80	51.40	18 8	439	26	62:		49	12 0	82	16	
59,31	1,	105 83	735	26	33	53	22	44 4	81	27		59,81	1	,119 1	101	26	61	53	49	41 4	82	13	
32		06.1			35	673		16 8	81	33		82		19 3			63	70	50	16 8	82	19	
33	. 6.	06 40			34	93	23			30	-,-	83		19 6			62	. /-		49.2	82		
34 35	t •,	06:92			36		24		81	36		84	100	20 1			64 64	32		21 G 54 O	82	22	
																					82	22	
59,36 37	1 ,	107 19 07 48			37 37	53		26 4	81	39	_	59,86 87	1,	120 44 20 70			65 65	53		26 4	82	25	
0.0	13.3	07 71			38	0.7		58 8	81	39				20 9			66			58 8. 31 2	82	25	
00	1.44	07.98			37			3 6	81	39		00	75	21 24			66			03 6	82	28	
40	1.13	08 29	15TU	26	39	Ð1.	27 3	36 0	81	45		90	67.	21 50	77:	26	67			36-0		31	
59,41	1,1	108 50	96,	26 3	39°	53	28 (3 4	81	45		59,91	1,	121 77	44	26 6	57	53	55	08 4	82		
42	(8)	08 77	35(0)	26	390	00	28/74	10 8	81	45		92	.22.	22 04	11 . 2					10 8	82		
43	V115	09 03	3749	26	417	25	29~1	13 2			. ;	93	126	22 30)79 : :	26	69	25		13 2	82		
		-09 30					29.4		81					22 57	48 : :		9			15 G	82		
45	eles .	09 56	55	26	420 1		30.71	8 0	81	54					17 : :	26 7	U.O	65	57.	18 0	82	41	
59,46										54		59,96						53			82	41	
								289		54		97											
		10 355								57		98 99									82	47	
50		10 886							81			50,00			2 128						82		
-								-		00:00		20,00						-	-	400		2/2	

N.E.	الت رال		Alte Einth.	3.0	N.E.			Alte Einth.	
$k=60^{\circ}$	L. k.	D. 1".	4 10	D. 1".	k=60	Ω . k .	D. 1".		D. 1".
Gr. M. 60,00	1,124 1772	26 73	Gr. M. S. 54 00 00 0	.01 ±00 ·	Gr. M. 60,50	1,137 6121	27 02	Gr. M. S. 54 27 00 0	83 39
60,01	1,124 4445	26 73	54 00 32 4	82 60	60,51	1,137 8823	27 02	54 27 32 4	83 39
02	24 7118	26 74		82 53	52	38 1525	27 04	28 04 8	83 46
03	24 9792 25 2466	26 73	01 37 2	82 53	53 54	38 4229 38 6932	27 03		83 43
05	25 5141	26 76		82 66 82 59	55	38 9637	27 05		83 49 83 49
60,06	1,125 7817	26 76	54 03 14 4	82 59	60,56	1,139 2342	27 05	54 30 14 4	83 49
07	26 0493	26 77		82 62	. 57	39 5047	27 08	30 46 8	83 52
08	26 3170	26 77		82 62	58	39 7753	27 07	31 19 2	83 55
10	26 5847 26 8525	26 78 30		82 65	60	40 0460	27 08		83 58
60,11				8269	60,61	40 3168	27 : 07 : 2		83 55
12	1,127 1204 27 3883	26 79 26 79	54 05 56 4 06 28 8	82 69 _ 82 69	62	1,140 5875 40 8584	27 09	54 32 56 4 33 28 8	83 61 83 61
13	27 6562	26 80		82 72	63	41 1293	27 10	34 01 2	83 64
14	27 9242	26 81		82 75	64	41 4003	27 10	34 33 6	83 64
15	28 1923	26 82	08 06 0	82 78	65	41 6713	27 11 72	35 06 0	83, 67
	1,128 4605		54 08 38 4	82 78	60,66	1,141 9424		54 35 38 4	83 70
17	28 7287 28 9969	26 82 26 83	00 00 0	82 78 82 81	68	42 2136 42 4848	27 12 10 27 13 10	36 10 8 36 43 2	83 70
19	29 2652	26 84	40 44 0	82 81 82 84	69	42 7561	27 13	36 43 2 37 15 6	83 73 83 70
20	29 5336	26 84 -	40 10 0	82 84	70	43 0274	27 14 = 2	37 48 0	83 77
60,21	1,129 8020	26 85	54 11 20 4	82 87	60,71	1,143 2988	27 14 5	64 38 20 4	83 77
22	30 0705	26 86		82 90	72	43 5702	27 16	38 52 8	83 83
23 24	30 3391	26 86		82 90 82 90	73 74	43 8418	27 15		83 80
25	30 6077 30 8763	26 88		82 96	75	44 3850	27 17		83 96 83 86
60,26	1,131 1451	26 87	54 14 02 4	82 93	60,76	1,144 6567	27 17 5		83 86
27	31 4138	26 89	44 010	82 99	77	44 9284	27 18		83 89
28	31 6827	26 89		82 99	78	45 2002	27 19	42 07 2 8	93 92
30	31 9516	26 89	40 40 0	82 69 83 06	79 80	45 4721 45 7440	27 19		83 92 83 95
	32 2205	26 OL			40.04				
20	1,132 4896 32 7586	26 90 5		83 02 33 09	60,81	1,146 0160 46 2881	27 21 5 27 21		83 98 83 98
33	33 0278	26 92	49 40 0 '6	33 09	83	46 5602	27 22		84 01
34	33 2970	26 92	18 21 6 8	33 09	84	46 8324	27 22	45 21 6 8	84 01
35	33 5662	26 93	18 54 0 8	33 12	85	47 1046	27 23 J.	45 54 0 8	34 04
974	1,133 8355			33 15		1,147 3769	27 24 54		4 07
37 38	34 1049 34 3743	26 95		33 15	87 88	47 6493 . 47 9217 :	27 24	46 58 8 8 47 31 2 8	
39	34 6438	26 96	70 07 0	3 21	89	48 1941	27 26	48 03 6 8	
40	34 9134	26 96		3 21,	90	48 4667	27 26	48 36 0 8	4 14
60,41 1,	,135 1830	26 96 . 54	22 08 4 8	3 21		1,148 7393	27 27 54	49 08 4 8	4 17
42	35 4526	26 98	22 40 8 8	3 27	92 28	49 0120	27 27 50		4 17 5 (1)
43	35 7224	26 97		3 24	93	49 2847	27 28 74	50 13 2 84 50 45 6 84	4 20 4 20
44	35 9921 36 2620	26 99 · · ·	67 10 0 0	3 30	94 38 95	49 8303	27 28 27 29	51 18 0 84	
00.10		26 99 54		3 30			27 30 54	51 50 4 84	
47		27 01		3 36	97		27 30	52 22 8 84	
48.		27 00	25 55 2 8	3 33	98 34		27 31	52 55 2 84	
49	1 5 0	27 02	26 27 6 83	· Calin	99		27 31	53 27 6 84	29
50	37 6121	4	27 .00 0	00.00	61,00	51 1954		54 00 0	(10)

N. E.						1.4	N.E.	July 10		Alt	te Einth	l	2 - 12
$k=61^{\circ}$	Q. k.	D. 1	.1		D.	1":	$k=61^{\circ}$	2. k.	D.	111	J. 3	D.	1".
Gr. M.			Gr. 1	I. S.		579	Gr. M.		7	Gr.	M. S.		
61,00	1,151 1954	27 33	54 5		84	35	61,50	1,164 9315	27	63 55	21 00 0	85	28
61.01	1,151 4687	27 32	54 5	4 32 4	84	32	61,51	1,163 2078	27	63 55	21 32 4	85	28
02	51 7419	27 34	5	5 04 8	84	38	52	65 4841	27	65	22 04 8	85	31
03	52 0153	27 34	5		84	38	53	65 7606	27	65	22 37 2	85	34
04	52 2887	27 34	5		84	38	54	66 0371	27	65	23 09 6	85	34
05	52 5621	27 35	5	6 42 0	84	41	55	66 3136	27	66	23 42 0	85	37
61,06	1,152 8356	27 36	54 5		84	44	61,56	1,166 5902	27	67 55	24 14 4	85	40
07	53 1092	27 36	5		84	44	57 58	66 8669	27	68	24 46 8	85	43
08 09	53 3828 53 6565	27 37 27 38	5		84	51	59	67 1437 67 4205	27	68	25 19 2 25 51 6	S5 85	43
10	53 9303	27 38	5		84	51	60	67 6974	27	69	26 24 0	85	46
		27 39	54 5	9 56 4	84	54						85	49
61,11	1,154 2041 54 4780	27 39	55 0		84	54	62	£1,167 9743 68 2513	27 27	70 55	26 56 4 27 28 8	85	52
13	54 7519	27 40	0		84	57	63	68 5284	27	71 19	28 01 2	85	52
14	55 0259	27 41	0.	1 33 6	84	60	64	68 8055	27	72	28 33 6	85	56
15	55 3000	27 41	0	2 06 0	84	60	65	69 0827	27	72 00	29 06 0	85	56
61,16	1,155 5741	27 42	55 0	2 38 4	88	63	61,66	1,169 3599	27	73 55	29 38 4	85	59
17	55 8483	27 43	0	3 10 8	84	66	67	69 6372	27	74 (1)	30 10 8	85	62
18	56 1226	27 43	. 0		84	66	68	69 9146	27	75 %	30 43 2	85	65
19	56 3969	27 44	0		84	69 69	69	70 1921	27	75	31 15 6	85	65
20	56 6713	27 44	0	4 48 0	84	09.	70	70 4696	27	75	31 48 0	85	65
61,21	1,156 9457	27 45	55 0		84	72	61,71	1,170 7471	27	77 55	32 20 4	85	7.1
22	57 2202	27 46	0		84	75	72	71 0248	27	77 -7	32 52 8		71
23	57 4948	27 46 27 47	0		84 84	75 78	73 74	71 3025 71 5802	27 27	77	33 25 2 33 57 6	85 85	71 74
24 25	57 7694 58 0441	27 47	0		84	78	75	71 3502	27	79	33 57 6 34 30 0	85	77
	, ,		## O		81	85	61,76	1			,		
61,26	1,158 3188 58 5937	27 49	5 5 0		84	81	77	1,172 1359 72 4139	27 27	80 55	35 02 4 35 34 8	85	80
27 28	58 8685	27 50		9 07 2	84	88	78	72 6919	27	81	36 07 2	85	83
29	59 1435	27 50	0	9 39 6	84	88	79	72 9700	27	81 CA	36 39 6	85	83
30	59 4185	27 50	1	0 12 0	84	88	80	73 2481	27	82	37 12 0	85	86
61,31	1,159 6935	27 51	55 1) 44 4	84	91	61,81	1,173 5263	27	83 55	37 44 4	85	89
32	59 9686	27 52	1	1 16 8	84	94	82	73 8046	27	83	38 16 8	85	89
33	60 2438	27 53	1		84	97	83	74 0829	27	84	38 49 2	85	93
34	60 5191	27 53 27 53	1		84	97	84	74 3613	27	55	39 21 6	85	96
35	60 7944		-		84	97	85	74 6398	27	55	39 54 0	85	96
61,36	1,161 0697	27 55	55 1		85	03	61,86	1,174 9183	27	86 55	40 26 4	85	99
37	61 3452	27 55 27 55	1		85 85	03	87	75 1969	27	87.	40 58 8		()2
38 39	61 6207 61 8962	27 56	1		85	06	88 89	75 4756 75 7543	27	88	41 31 2	86 86	02
40	62 1718	27 57	1		85	09		76 0331	27	88 11 69	42 36 0	86	
	1,162 4475	27 58	55 -1	6 08 4	85	12	61,91	1,176 3119		161 110			
61,41	62 7233	27 58	1		85	12	92	76 5908	27	90 35	43 40 8	86 86	08
43	62 9991	27 58		7 13 2	85	12	93	76 8698		9070 00	44 13 2	86	
44	63 2749	27 60	1	7 45 6	86	18	94	77 1488	27	92 02	44 45 6		17
45	63 5509	27 60	1	8 18 0	85	18	95	77 4280	27	OT OF OF	45 18 0	, 86	14
61,46	1,163.8269	27 60	55 18	3 50 4	85	18	61,96	1,177 7071	27	93 55	45 50 4	86	20
47	64 1029	27 61	19		85	22	97	77 9864	27	93 10 72	46 22 8	80	20
48	64 3790	27 62	19		85	25	98	78 2657	27	93(3) (32)	46 55 2	86	20
49	64 6552 64 9315	27 63	20		85	28	99	78 5450	27	95	47 27 6	\$6	27
50	· he aara		. 2.	1 00 0			62,00	78 8245			48 00 0	. 11	

N. E.			Alt	e Einth.	-		N. E.				Alt	e Einth.		
k=62°	Q. k.	D. 1"	.11		D.	1//.	$k = 62^{\circ}$	2. k.	D.	1".			D.	1".
Gr. M.			Gr.	M. S.			Gr. M.				Gr.	M. S.		
62,00 1,	178 8245	27 95	55	48 00 0	86	27	62,50	1,192 8789	28	28	56	15 00 0	87	28
62,01 1,	179 1040	27 95	55	48 32 4	86	27	62,51	1,193 1617	28	28	56	15 32 4	87	28
02	79 3835	27 96		49 04 8	86	30	52	93 4445	28	29		16 04 8	87	31
03	79 6631	27 97		49 37 2	86	33	53 54	93 7274	28	30		16 37 2	87	35
04 05	79 9428 80 2226	27 98 27 98		50 09 6	86 86	36 36	55	94 0104	28 28	31		17 09 6 17 42 0	87 87	38 38
00.00														
02,00 1,	180 5024 80 7823	27 99 27 99	55	51 14 4 51 46 8	86 86	39 39	62,56	1,194 5766 94 8597	28 28	31	56	18 14 4 18 46 8	87 87	38
08	S1 0622	28 00		52 19 2	86	42	58	95 1430	28	33		19 19 2	87	44
09	81 3422	28 01		52 51 6	86	45	59	95 4263	28	33		19 51 6	87	44
10	81 6223	28 01		53 24 0	86	45	60	95 7096	28	35		20 24 0	87	50
62,11 1,1	181 9024	28 02	55	53 56 4	86	48	62,61	1,195 9931	28	35	56	20 56 4	87	50
12	82 1826	28 03		54 28 8	86	51	62	96 2766	28	36		21 28 8	87	53
13	82 4629	28 03		55 01 2	86	51	63	96 5602	28	36		22 01 2	87	53
14	82 7432	28 04		55 33 6	86	54	64	96 8438	28	37		22 33 6	87	56
15	83 0236	28 05		56 06 0	86		65	97 1275	28	38		23 06 0	87	59
62,16 1,1	183 3041	28 05	55	56 38 4	86	57	62,66	1,197 4113	28	38	56	23 38 4	87	59 62
18	83 5846 83 8652	28 06 28 07		57 10 8 57 43 2	86	60	0.0	97 6951	28 28	39 40		24 10 8	87 87	65
19	84 1459	28 07		58 15 6	86	64		98 2630	28	40		25 15 6	87	65
20	84 4266	28 08		58 48 0		67	70	98 5470	28	41		25 48 0	87	68
62,21 1,1	184 7074	28 09	55	59 20 4	86	70	62,71	1,198 8311	28	42	56	26 20 4	87	72
22	84 9883	28 09	55	59 52 8	86	70	72	. 99 1153	28	42		26 52 8	87	72
23	85 2692	28 10	56	00 25 2	86	73	73	99 3995	28	43		27 25 2	87	75
24	85 5502	28 10		00 57 6	86	73		99 6838	28	44		27 57 6	87	78
25	85 8312	28 11		01 30 0	86	76		99 9682	28	45		28 30 0	87	81
	186 1123	28 12	56	02 02 4	86	79	62,76	1,200 2527	28	45	56	29 02 4	87	81
27 28	86 3935	28 13		02 34 8	86	82		00 5372	28	45		29 34 8		81
29	86 6748 86 9561	28 13 28 14		03 07 2	86 86	82	79	00 8217 01 1064	28	47		30 07 2 30 39 6	87 87	
30	87 2375	28 14		04 12 0	86	85	. 80	01 3911	28	48		31 12 0	87	90
62,31	187 5189	28 15	56	04 44 4	86	88	62,81	1,201 6759	28	48	56	31 44 4	87	90
32	87 8004	28 16		05 16 8		91	82	01 9607	28	50	00	32 16 8	87	96
33	88 0820	28 17		05 49 2	-	94		02 2457	28	49		32 40 2	87	93
34	88 3637	28 17		06 21 6		94		02 5306	28	51		33 21 6	87	99
35	88 6454	28 17		06 54 0	86	94	85	02 8157	28	51		33 54 0	87	99
	188 9271	28 19		07 26 4		01	62,86	1,203 1008	28	52	56	34 26 4	-88	02
37	89 2090	28 19		07 58 8		01	87	03 3860	28	53		34 58 8	88	06
38 39	89 4909 89 7729	28 20 28 20		08 31 2 09 03 6		04		03 6713	28	53		35 31 2 36 03 6	88	06
40	90 0549	28 21		09 36 0	87		90	04 2420	28	54 54		36 36 0	88	09
											t C			15
62,41 1,1	90 6192	28 22 28 22		10 08 4	87 87		62,91	1,204 5274	28	56 56	56	37 08 4 37 40 8		15
43	90 9014	28 23		11 13 2		13	93	05 0986	28	56		38 13 2	88	
44	91 1837	28 24		11 45 6	87			05 3842	28	58		38 45 6	88	
45	91 4661	28 24		12 18 0	87	16	95	05 6700	28	58		3 9 1 8 0	88	21
62,46 1,	191 7485	28 25	56	12 50 4	67	19	62,96	1,205 9558	28	58	56	39 50 4	88	21
47	92 0310	28 26		13 22 8	87	22	0.	06 2416		60		40 22 8	88 -	
48	92 3136	28 26		13 55 2		22	00	06 5276		60		40 55 2	88	
49	92 5962 92 8789	28 27		14 27 6 15 00 0	87	25		06 8136	28	60		41 27 6 42 00 0	88	27
. 50	34 0103			20 00 0		-	63,00	07 0996				12 00 0		

N.	E.	110	79 -	14		Al	te	Eint	h.		M	N. E.	11-71	T.A.		A	lte :	Eint	h.	
k=	:63°	Ω.	k.	D.	1"	417	,		D	. 14	1.1	k=63°	2. k.	D	. 1"	A.			I	1.1".
Gr.	M.					Gr	. M	. _I S.				Gr. M.				G	r. M	. S.		
63,	00	1,207 0	996	28	62	56	42	00 0	8	3 33		63,50	1,221 4904	28	96	5	7 09	-00	0 8	9 38
63,		1,207 3	858	28	62	86	42	32 4	8	33		63,51	1,221 7810	28	97	5	7 09			
	02	07 6		28	63		43					52 53	22 0707	28			10			
)4	07 9		28 28	63 64		43	37 2 09 6				54	22 3604 22 6502	28			10			47
	05	08 5		28	65		44	42 0				55	22 9401	20			11	42 (
63,0	06	1,208 8	3175	28	66	56	45	14 4	88	3 46		63,56	1,223 2301	20	01	57	1 12	14 4	99	54
,	7	09 1		28	66		45	46 8				57	. 23 5202	29	01		12	46 8	89	54
	08	09 3		28	67		46	19 2	88			58	23 8103	29			13	19 2		
	09	09 6	,	28	67		46	51 6	88			59	24 1004	29			13	51 0		
	10	09 9		28	69		47	24 0	88			60	24 3907	29			14	24 (
63,1	2	1,210 2		28 28	69 69	56	47	56 4	88			63,61 62	1,224 6810 24 9714	29		57	14	56 4 28 8		
	13	10 8			71		48	28 8	88			63	25 2619	29			16	01 2	89	
-	4	11 1		28	71		49	33 6	88			64	25 5524	29			16	33 6	89	
1	5	11 3	990	28	72		50	06 0	88	64		65	25 8430	29	07		17	06 0	89	72
63,1	6	1,211 68	362	28	72	56	50	38 4	88	64		63,66	1,226 1337	29	07	57	17	38 4	1 89	72
	17	11 9	734	28	73		51	10 8	. 88	67		67	26 4244	29	08		18	10 8	89	
	18	12 2			74		51	43 2	88			68	26 7152	29	09		18	43 2	89	
	9	12 5 12 83		28	74 75			15 6 48 0	88 88			69 70	27 0061 27 2971	29 29	10		19	15 6 48 0		181
					-	**														
63,2	2	1,213 13		28 28	76 77	\$ 6	53 53	20 4 52 8	88			63,71 72	1,227 5881 27 8792	29 29	11	57	20	20 4 52 8	89	
	3	13 69			77		54	25 2	88			73	28 1704	29			21	25 2	89	
	4	13 9	860	28	78		54	57 6	88			74	28 4616	29	14		21	57 6	89	94 .
2	5	14 2	738	28	79		55	30 0	88	86		75	28 7530	29	14		22	30 0	89	(94
63,2	6	1,214 56	517	28	79	56	56	02 4	88	86		63,76	1,229 0444	29	14	57	23	02 4	: 89	94
2		14 84			80		56	34 8	88	89		77	29 3358	29	16		23	34 8	90	
2		15 13			1.8		57	07 2	88	92		78	29 6274	29	16			07 2	90	
	9	15 42 15 71			81 82		57 58	39 6 12 0	88 88	92 95		79 80	29 9190 30 2106	29 29	16		24	39 6 12 0	90	00
63,3						8.0									18	57				
,	2	1,216 00 16 29			83 84	56	58 59	44 4 16 8	89 89	98		63,81 82	1,230 5024 30 7942	29	19	91	25 26	44 4 16 8	90	
3		16 57			84	56	59	49 2	89			83	31 0861	29	20		26	40 2	90	12
3		16 86	71	28	85	57	00	21 6	89	04		84	31 3781	29	20		27	21 6	90	12
3	5	17 15	556	28	86		00	54 0	89	07		85	31 6701	29	21		27	54 0	90	15
63,3		1,217 44			86	57	01	26 4	89	07		63,86	1,231 9622	29	22	57	28	26 4	90	19
3		17 73			87		01	58 8	89	10		87	32 2544	29	22		28	58 8	90	19
3		18 02 18 31			88 ` 88		02	31 2	· 89	14		88	32 5466 32 8390	29	24		30	31 2 03·6	90	25 22
4		18 59			89		03	36 0	89	14		89 90	33 1313	29	25		30	36 0	90	28
63,4		1,218 88	RA 4	28 9	90 -	57		08 4					1,233 4238	29	26	57		08 4		
4		19 17			90			40 8	89 89	20		92	33 7164	29	26	U		40 8	90	31
4		19 46	60		92			13 2	89	26		93	34 0090	29	26		32	13 2	90	31
4		19 75			92			45 6	89	26		94	34 3016	29	28			45 6	90	37
4		20 04		28 9	92	3	06	18 0	89	26		95	34 5944	29	28		33	18 0	90	37
63,4		1,220 33			93			50 4	89	29			1,234 8872	29	29	57		50 4	90	40
4		20 62 20 91:			94			22 8	89	32		97	35 1801	29	30			22 8	90	43
4				28	95. 96			55 2 27 6	89 89	35 38		98 99	35 4731 35 7661	29	30			55 2 : 27 6 :	90	43
5		21 49			- 4	t		00 0		90		64,00	36 0593					00 0		-0.
																	-			

N. E. Alte Einth. AM	N. E. Alte Einth.
$k=64^{\circ}$ Ω . k. D. 1". D. 1".	$k=64^{\circ}$ Q. k. D. 1". D. 1".
Gr. M. S (2)	Gr. M. Gr. M. S. W. A.
64,00 1,236 0593 29 31 57 36 00 0 90 46	64,50 1,250 8085 29 69 58 03 00 0 91 64 64,51 1,251 1054 29 70 58 03 32 4 01 65 1
02 36 6467 29 33 57 36 32 4 90 52 36 6467 29 33 5 637 04 8 90 52	20 10 10 00 03 32 4 31 DI
03: 36 9390 29 35 37 37 2 90 59	53 51 6994 29 71 04 37 2 91 70
04 37 2325 29 34 38 09 6 90 56	54 51 9965 29 72 05 09 6 91 73
05 37 5259 29 36 8 42 0 90 62	55 (52 2937 · 29 72 () 05 42 0 91 73
64,06 1,237 8195 29 36 57 39 14 4 90 62	64,56 1,252 5909 29 73 58 06 14 4 91 76
07 - 38 1131 29 37 6 39 46 8 90 65 08 38 4068 29 38 40 19 2 90 68	57 52 8882 29 74 0 06 46.8 91 79 058 53 1856 29 75 06 07 19 2 91 82
09 38 7006 29 38 40 51 6 90 68	59 53 4831 29 76 07 19 2 91 82 59 53 4831 29 76 07 51 6 91 85
10 38 9944 29 39 41 24 0 90 71	60 ₆₀ 53,7807 29 76 ns 08 24 0 91 85
- 64,11 1,239 2883 (29 40 6 57 41 56 41 90 74)	64,61 1,254 0783 29 77 58 08 56 4 91 88
12 39 5823 29 41 2 42 28 8. 90 77	62 54 3760 29 78 09 28 8 91 91
13 39 8764 29 41 6 43 01 2 90 77 14 40 1705 29 42 43 33 6 90 80	63 54 6738 29 78 10 01 2 91 91 64 54 9716 29 79 10 33 6 91 04
15 (40 4647 29 43 (8 44 .06 0 90 83	64 54 9716 29 79 10 33 6 91 94 65 55 2695 29 80 41 06 0 91 98
64,16 1,240 7590 29 44 (67 44 38 4 1 90 86 6	64,66 1,255 5675 29 81 58 11 38 4 92 01
17.0 41.0534 29 44 00 45 10.8 90 86	67 55,8656 29 82 8 12 10 8 92 04
18 41 3478 29 45 08 45 43 2 90 90	68 56 1638 29 82 12 43 2 92 04
19 41 6423 29 46 46 45 6 90 93 2 20 41 9369 29 47 4 46 48 0 90 96	69 56 4620 29 83 13 15 6 92 07 70 56 7603 29 84 13 48 0 92 10
	O.A. WA
64,21 1,242.2316 29 47 57 47 20 4 90 96 3 22 42.5263 29 48 47 52 8 90 99	64,71, 1,257 0587 29 84 558 14 20 4 92 10 72 6 57 3571 29 86 6 14 52 8 92 16
23 42 8211 29 48 08 48 25 2 90, 99	73.6 57 6557. 29 86 6 15 25 2 92 16
24 4 43 1159 29 50 00 48 57 6 91 05	74 57 9543 29 86 (15 57 6 92 16
25 0 43 4109 29 50 00 49 30 0 91 05	75.0 58 2529 29 88 68 16 30 0 92 22
64,26 1,243 7059 (29 51 657 50: 02 4.) 91 08 (4)	64,76 (0 1,258 5517. 29 88 (58 17 02.4 (1 92 22)
27 44 0010 29 52 50 34 8 91 11 28 44 2962 29 52 51 07 2 91 11	77 58 8505 29 89 17 34 8 92 25 78 59 1494 29 90 18 07 2 92 28
28 44 2962 29 52 51 07 2 91 11 29 44 5914 29 53 51 39 6 91 14	78 59 1494 29 90 18 07 2 92 28 79 59 4484 29 91 18 39 6 92 31
30 44 8867 29 54 08 52 12 0 91 17	80 (59 7475 29 91 % 19 12 0 92 31
64,31 1,245 1821 29 55 57 52 44 4 91 20	64,81 1,260 0466 29 92 58 19 44 4 92 35
32 45 4776 29 56 68 53 16 8 91 23	82 11 60 3458, 29 93 148 20 16 8 92 38
33 4 45 7731 29 56 60 53 49 2 91 23	83 (0 60 6451 29 94 (2 20 40 2 92 41 84 (6 60 9445 29 94 (6 21 21 6 92 41
34 46 0687 29 57 45 54 21.6 91 27 35 46 3644 29 58 54 54 0 91 30	84 60 9445 29 94 60 21 21 6 92 41 85 61 2439 29 96 21 54 0 92 47
4	C4 OC
37 46 9560 29 59 41 55 58 8 91 33	87 10 61 8431 29 96 58 22 26 4 92 47
38 48 47 25191 29 601 48 56 31 2 91 36	88 62 1427 29 98 6 23 31 2 92 63
39 40 47 5479 29 607 40 57 03 69 91 36	89 60 62 4425 29 98 07 24 03 67 92 53
40 47 84391 29 617 18 57 36 01 91 39	90 (8 62 7423 5 29 99 6 08 24 36 07 92 56
7	64,91
42 at 48 4369 29 63 at 58 40 8 91 45 43 at 48 7325 29 64 at 59 13 2 91 48	92 63 3422 30 00 a 6 25 40 8 92 59 93 63 6422 30 02 a 6 26 13 2 92 65
44 49 0289 29 64 67 59 45 6 91 48	94 80 63 9424 30 02 26 45 6 92 65
45 2 49 3253 29 65.8 58 00 18 0 91 51	95 60 64 2426 30 03 27 18 07 92 69
-, -, -, -, -, -, -, -, -, -, -, -, -, -	64,96 1,264 5429 30 03 58 27 50 4 92 69
47 20 49 91843 29 66 6 20 01 22 8 91 54	97 64 8432 30 05 28 22 8 92 75 98 66 1437 3 30 05 28 28 55 26 92 75
48 60 50 245002 29 67 60 01 55 20 91 57 49 60 50 541702 29 6888 08 02 27 27 60 91 60	98 60 65 1437 6 30 05 6 6 28 55 24 92 75 99 60 65 4442 30 06 24 06 29 27 6 92 78
	65,00 65 744878 30 00 0
	-

N. E.			Alte Eintl	1.	N. E.	- 101/	· A	lte Einth.	
$k = 65^{\circ}$	Ω . k .	D. 1"		D. 111.	$k = 65^{\circ}$	Ω . k .	D:'1"."	\$ 3	D. 1".
Gr. M.			Gr. M. 18.	***	Gr. M.		(Gr. M. S.	
65,00	1,265 7448	30 07	58 30 00 0	92 81	65,50	1,280 8737	30 46 5	58 57 00 0	94 01
65,01	1,266 0455	30 07	58 30 32 4	92 81	65,51	1,281 1783	1.	8 57 32 4	94 01
02	66 3462 66 6470	3 0 08 3 0 09	31 04 8 31 37 2	92 84 92 87	52 53	81 4829 81 7877	30 48 30 48	58 04 8 58 37 2	94 07
04	66 9479	30 10	32 09 6	92 90	54	82 0925	30 49	59 09 6	94 10
05	67 2489	30 11	32 42 0	92 93	55	82 3974	30 50 5	8 59 42 0	94 14
65,06	1,267 5500	30 11	58 33 14 4	92 93	65,56	1,282 7024	30 50 5	9 00 14 4	94 14
07	67 8511	30 12	33 46 8	92 96	57	83 0074	30 52	00 46 8	94 20
08	68 1523 68 4536	30 13 30 13	34 19 2 34 51 6	92 99 92 99	58 59	83 3126 · 83 6178	30 52 30 53	01 19 2	94 20
10	68 7549	30 15	35 24 0	93 06	60	83 9231	30 54	02 24 0	94 26
65,11	1,269 0564	30 15	58 35 56 4	93 06	65,61	1,284 2285	30 54 5	9 02 56 4	94 26
12	69 3579	30 16	36 28 8	93 09	62	84 5339	30 56	03 28 8	94 32
13	69 6595	30 17	37 01 2	93 12	63	84 8395	30 56	04 01 2	94 32
14 15	69 9612 70 2629	30 17 30 19	37 33 6 38 06 0	93 12	64 65	85 1451 85 4508	30 57 30 58	04 33 6 05 06 0	94 35
				93 18					
65,16 17	1,270 5648 70 8667	30 19	58 38 38 4 39 10 8	93 18	65,66 67	1,285 7566 86 0624	30 58 5 30 60	9 05 38 4 06 10 8	94 38
18	71 1687	30 20	39 43 2	93 21	68	86 3684	30 60	06 43 2	94 44
19	71 4707	30 22	40 15 6	93 27	69	86 6744	30 61	07 15 6	94 48
20	71 7729	30 22	40 48 0	93 27	70	86 9805	30 62	07 48 0	94 51
65,21	1,272 0751	30 23	58 41 20 4	93 30	65,71	1,287 2867	30 63 5		94 54
22 23	72 3774	30 24	41 52 8	93 33	72 73	87 5930 87 8993	30 63	08 52 8	94 54
24	72 6798 72 9822	30 24	42 25 2 42 57 6	93 33 93 33	74	88 2057	30 64 30 65	09 25 2 09 57 6	94 57 94 60
25	73 2848	30 26	43 30 0	93 40	75	88 5122	30 66	10 30 0	94 63
65,26	1,273 5874	30 27	58 44 02 4	93 43	65,76	1,288 8188	30 67 5	9 11 02 4	94 66
27	73 8901	30 27	44 34 8	93 43	77	89 1255	30 67	11 34 8	94 66
28	74 1928	30 29	45 07 2	93 49	78	89 4322	30 69	12 07 2	94 72
29 30	74 4957 74 7986	30 29	45 39 6 46 12 0	93 49 93 52	79 80	- 89 739 1 90 0460	30 69 30 70	12 39 6 13 12 0	94 72 94 75
65,31				93 55	65,81				-
32	1,275 1016 75 4047	30 31	58 46 44 4 47 16 8	93 58	82	90 6600	30 70 50	9 13 44 4 16 8	94 75 94 81
33	75 7079	30 32	47 49 2	93 58	83	90 9672	30 72	14 49 2	94 81
34	76 0111	30 33	48 21 6	93 61	84	91 2744	30 73	15 21 6	94 85
35	76 3144	30 34	48 54 0	93 64	85	91 5817	30 74	15 54 0	94 88
65,36	1,276 6178	30 35	58 49 26 4	93 67	65,86	1,291 8891	30 75 5		94 91
37 38	76 9213 77 2248	30 35 30 37	49 58 8 50 31 2	93 67 93 73	87 88	92 1966 92 5042	30 76 30 76	16 58 8 17 31 2	94 94
39	77 5285	30 37	51 03 6	93 73	89	92 8118	30 77	18 03 6	94 97
40	77 8322	30 38	51 36 0	93 77	90	93 1195	30 78	18 36 O	95 00
65,41	1,278 1360	30 39	58 52 08 4	93 80	65,91	1,293 4273	30 79 59	9 19 08 4	95 03
42	78 4399	30 39	52 40 8	93 80	92	93 7352	30 80	19 40 8	95 06
43	78 7438 79 0478	30 40	53 13 2	93 83	93 94	94 0432	30 80	20 13 2	95 06
45	79 3520	30 42 30 41	53 45 6	93 89 93 86	95	94 3512 94 6594	30 82 30 82	20 45 6 21 18 0	95 12 95 12
	1,279 6561	30 43	58 54 50 4	93 92		1,294 9676		21 50 4	
47	79 9604	30 43	55 22 8	93 92	97	95 2759	30 83		95 15 95 15
48	80 2647	30 45	55 55 2	93 98	98	95 5842	30 85	22 55 2	95 22
49	80 5692	30 45	56 27 6	93 98	99	95 8927	30 85		95 22
50	80 8737		57 00 0		66,00	96 2012		24 00 0	

N.E.				Alt	e E	inth	1.			N. E.		1		Alt	e E	inth.			
k=66°	2. k.	D.	1".				D	. 1	· .	$k = 66^{\circ}$	Ω . k .	D.	1".	T	.5	50.	D.	111	
Gr. M.				Gr	M.	S.				Gr. M.	-		75.0	Gr.	M.	S.			
66,00	1,296 2012	30	87	59		00 0	9	5 28	3	66,50	1,311 7337	31	28	59		00 0	96	54	
66,01	1,296 5099	30	87	59	24	32 4	9.	5 28		66,51	1,312 0465	31	29	59	51	32 4	96	57	
02	96 8186	30	88	0.5	25	04 8				52	12 3594	31	29	. 11 1	52	04 8	96	57	
03	97 1274	30	88		25	37 2	9.	5 31	l	53	12 6723	31	31	18	52	37 2	96	64	
04	97 4362	30	90		26	09 6	9	5 37	7	54	12 9854	31	31	12	53	09 6	96	64	
05	97 7452	30	90		26	42 0	9.	5 37	7	55	13 2985	31	32	18	53	42 0	96	67	
66,06	1,298 0542	30	91	59	27	14 4	94	3 40	11	66,56	1,313 6117	31	33	59	54	14 4	96	70	
07	98 3633	3()	92		27	46 8	95	43		57	13 9250	31	34		54	46 8		173	
08	98 6725	30	93		28	19 2				:58	14 2384	31		31.	55	19 2	96	73	
09 1 0	98 9818	30	93		28	51 6				59	14 5518	31		33	35	.51.6	96 96	79 79	
	99 2911	30	95		29	24 ()	9	5. 52	2	60	14 8654	31	36	11	56	24 U	30		
66,11	1,299 6006	30	95	59		56 4	98			66,61	1,315 1790	31	37	50	56	56 4	96	82	
12	1,299 9101	30	96		30	28 8				62 63	15 4927	31		3.0	57	28.8	96	85 88	
13 14	1,300 2197 00 5294	30 30	97 98		31	01 2				64	15 8065 16 1204	31		1	58 58	33 6	96	91	
15	00 8392	30	98		32	06 0				65	16 4344	31			59	06 0	96	94	
66,16	1,301 1490	31		59						66,66	1,316 7485	31	41	59	59	38 4		94	
17	01 4590	31		09	33	38 4		-		67	17 0626	31		60	00	10 8	96 96	98	
18	01 7690		01		33	43 2				68	17 3768	31		18	00	43 2	97	04	
19	02 0791	31	02		34	15 6				69	17 6912	31	44	31.	01	15 6	97	04	
20	,02 3893	31	Ų3		34	48 0	9	5 77	7	70	18 0056	31	44	15	01	48 0	97	04	
66,21	1,302 6996	31	03	59	35	20 4	9	5 77	7	66,71	1,318 3200	31	46	60	02	20 4	97	10	
22	03 0099	31	05		35	52 8	9			72	18 6346	31	47	37	02	52 S	97	13	
23	03 3204	31	05		3 6	25 2	9	5 83	3	73	18 9493	31	47		03	25 2	97	13	
24	.03 6309	31			36	57 6				74	19 2640	31			03	.57 .6	97	19	
25	03 9415	31	07		37	30 0	9	5 90)	75	19 5789	31	49	3.7	04	30 0	97	19	
66,26	1,304 2522	31	07	59	38	02 4	9	5 90)	66,76	1,319 8938	31	50	60	05	02 4	97	22	
27	04 5629	31	09		38	34 8				77	20 2088	31			05	34 8	97	25	
28	04 8738	31			39	07 2				78 79	20 5239	31				07 2	97	25	
29 30	05 1847 05 4957	31	10		39 40	39 6 12 0				80	20 8390 21 1543	31	53 54		06 07	39 6 12 0	97 97	31	
	1,305 8068	31		59	40	44 4				66,81	1,321 4697	31	54	60	07	44 4	97	35	
32 33	06 1180		13 13		41	16 8 49 2				82 83	21 7851 22 1006	31 31	55 56		08	16 8 49 2	97 97	38	
34	06 7406	31	15		42	21 6				84	22 4162	31	57		09	21 6	97	44	
35	07 0521	31	15		42	54 0				85	22 7319	31	58	1	09	54 0	97	47	
66,36	1,307 3636	31	16	59	43	26 4	9	6 17	,	66,86	1,3223 ()477	31	58	60	10	26 4	97	47	
37	07 6752	31	17	30	43	58 8				87	23 3635	31	60		10	58 8	97	53	
38	07 9869	31	18		44	31 2				88	23 6795	31	60		11	31 2	97	53	
39	08 2987	31	18		45	03 6				89	23 9955	31			12	03 6	97	59	
40	08 6105	31	20		45	36 U	90	6 30)	90	24 3117	31	62	un (12	36 U	97	59	
66,41	1,308 9225	31	20	59	46	08 4	9	5 30)	66,91	1,324 6279	31	63	60	13	08 4	97	62	
42	09 2345	31	21		46	40 8	9	6 33	3	92	24 9442	31	64	3	13	40 8	97	65	
43	09 5466		22			13 2				93	25 2606		64		14	13 2	97	65	
44	09 8588	31			47	45 6				94	25 5770 or 9936	31	66		14	45 6	97	72	1
45	10 1711		23		48	18 0				95	25 8936		66		15	18 0	97	72	
66,46	1,310 4834	31		59	48	50 4				66,96	1,326 2102	31	68	60	15	50 4	. 97	78	
47	10 7959	31	25		49	22 8				97 98	26 5270	31			16 16	22 8 55 2	97	78	
48	11 1084 11 4210	31	26 27		49 50	55 2 27 6				99	26 8438 27 1607	31	69 70		17	27 6	97 97	81	
50	11 7337		~1			00 0			25	67,00	27 4777				18	00 0	-	O'R	
	1							1 1		,,,,,,			13 C	0					

Ff2

N. E.	e'ent i	17	Alte E	inth.	11 30	N.E.	. : - 1-	ite.	Alt	e Einth.	31.2
$k = 67^{\circ}$	Ω . k .	D. 1"	AT IN	D	. 1".	$k = 67^{\circ}$	Q. k.	D. 1	11.		D. 1".
Gr. M.	18. 18.	0 - 1 .	Gr. M.		142 13	Gr. M.	· 14 .51	tir.	Gr.	M. S.	.11. 7
67,00	1,327 4777	31 71	60 18	00:0.2 97	87	67,50	1,343 4400	32 1	5 60	45 00 0	99 23
67,01	1,327 7948	31 72		32 4 97		67,51	1,343 7615	32 1	n. 12m	45 32 4	99 26
02 ⁷	28 1120 28 4292	31 72 31 74		04:8 97 37:2 97	90	52 ⁵⁰	44 0831	32 1	1.0	46 04 8	99 29
04	28 7466	31 74			96	754°	44 4048	32 1	200	47 09 6	99 35
05	29 0640	31 75	10, 20	12 0 97	99	55	45 0485	32 1	20	47 42 0	99 35
67,06	1,329 3815	31 76	60 21 1	14 4 98	02	67,56	1,345 3704	32 2	1 60	48 14 4	99 41
-07	29 6991	31 77		6 8 98	Ő6 ~-	157	45 6925	32 2	1 190	48 46 8	99 41
08	-30 0168	31 78		19/2 98		658	46 0146	32 2		49 19 2	99 48
09 10	30 3346	31 79 31 79		1 16 98 14 0 98	12	60	46 6592	32 2 32 2		49 51 6 50 24 0	99 48 ,
	1,330 9704	31 81		66 4 98	18		1,346 9816	32 2		50 56 4	99 57
67,11	31 2885	31 81	18 24 2		. 18	67,61	47 3042	32 2		51 28 8	99 57
13	31 6066	31 82	18 25 (1 2 98	21	63 %	47 6268	32 2	7. 1%	52 01 2	99 60
14	31 9248	31 83		3 6 98	24	64	47 9495	- 32 2		52 33 6	99 63
15	32 2431	31 84	16 26 0	06 0 98	27	65	48 2723	32 2	8 110 ;	53 06 0	99 63
67,16	1,332 5615	31 85		88 413 98	30 10	/	1,348 5951	32 3		53 38 4	99 69
17	32 8800 33 1986	31 86		.0 8 98 3 2 98	36	68	48 9181	32 3 32 3	•	54 10 8 54 43 2	99 · 72 99 · 72
19	33 5173	- /		5 6 98	36	69	49 5643	32 3		55 15 6	99, 78
20	33 8360	31 88	18. 28. 4	8-0 98	40	70	49 8876	32 3	3 190	55 48 0	99 78
67,21	1,334 1548	31 90	60 29 2	0 4 98	86 0	67,71	1,350 2109	32 3	1 60	56 20 4	99 81
22	34 4738	31 90		2 8 98	46	72	50 5343	32 3		56 52 8	99 85
23	34 7928	31 91 31 92		5 2 98 57 6 98	49	73	50 8578 51 1815	32 3		57 25 2 57 57 6	99 91 99 91
24 To 25	35 1119	31 93			55	74	51 5052	32 3		58 30 0	99 94
67,26	1,335 7504	31 94	60 32 0	2 4 .: 98	58: 7		1,351 8290	32 3	8 160	59-02-4	99 94
27	36 0698	31 94		48 98	58	77	52 1528	32 4		59 34 8	100 00
28	36 3892	31 96		7 2 98	64	78	52 4768	32 4		00 07 2	100 03
29	36 7088	31 96 31 97		9 6 98	64	79	52 8009 53 1250	32 4		00 39 6 01 12 0	100 03 100 09
30	37 0284					-80					
67,31	1,337 3481 37 6680	31 99 31 99		4 4 98 6 8 98	73	67,81	1,353 4493 53 7736	32 43		01 44 4	100 09 100 15
33	37 9879	32 00		9 2 98	77	83	54 0981	32 48		02 49 2	100 15
34	38 3079	32 00	£. 36 2	1 6 98	77.	84	54 4226	32 40	96	03 21 6	100 19
35	38 6279	32 02	111 136 5	4 0 98	83	85	54 7472	32 47	- 16 (03 54 0	100 22
/ /	1,338 9481	32 03		6 4 98	86 314		1,355 0719	32 48		04 26 4	100 25
37	39 2684 39 5887:	32 03 32 05	37, 5	8 8 98 1 2 98	S6 92	87	55 3967 55 7216	32 49 32 50		04 58 8	100 28
38 39	39 9092	32 05		3 6 98	92	88	56 0466	32 51		05 31 2	100 31
40	40 2297	32 06	39 3	6 0 98	95	. 90	56 3717	32 52		06 36 0	100 37
67,41	1,340 5503	32 07	60 40 0	8 4 98	98	67,91	1,356 6969	32 53	61	07 08 4	100 40
42	40 8710	32 . 08 -			01	92	57 0222	32 53	12 (07 40 8	100 40
43	41 1918	32 09	41 13		04	93	57 3475	32 55		08 13 2	100 46
44 45	41 5127	32 10 32 11			10	94 4	57 6730 57 9985	32 55 32 57		9 45 6 9 18 0	100 46 100 52
		32 11			10 00						
67,46 47	1,342 1548 42 4759	32 13		28 99		97	1,358 3242 58 6499	32 57 32 58		09 50 4 4 10 22/8	100 52 100 56
48	42 7972	32 13			17	98	58 9757	32 59		0 55 2	100 59
49	43 1185	32 15			23	99	59 3016	32 61		1 27 8	100 65
50	43 4400		45 00	00	0000	68,00	59 6277	4	. 1	2 00 0	

-N. E	Alte Einth.		Alte Einth.
$k=68^{\circ}$ Ω . k.	D.1". D.1	$k=68^{\circ}$ Q. k.	D. 1". D. 1".
Gr. M. 48 .W	Gr. M. S.	.: Gr. M	Gr. M. S.
68,00 1,359 6277	32 61 61 12 00 0 100	68,50 1,376 0483	33 08 61 39 00 0 102 10
68,01 1,359 9538	32 62 61 12 32 4 100	68,51 1,376 3791	33 10 61 39 32 4 102 16
02 60 2800	-	52 76 7101	33 10 10 40 04 8 102 16
03 60 6062.	32 64 46 13 37 2 100 4 32 65 14 09 6 100 4	P 4	33 11 40 37 2 102 19 33 13 41 09 6 102 25
04 60 9326. 05 61 2591		80 55 77 7035	33 13 (2 41 09 6 102 25 33 13 (41 42 0 102 25
	32 66 61 15 14 4 100 8	60.50	33 14 61 42 14 4 1 02 28
68,06 1,361 5857 07 61 9123	32 68 4 15 46 8 100 8		33 15 42 46:8 102 31
08 1 62 2391	32 69 . 16 19 2 4 100 3		33 17 / 43 19 2 102 38
09 62 5660	32 69 16 51 6 100 9		33 17 43 51 6 102 38
10 62 8929	32 70 16 17 24 0 100 5		33 18 17 44 24 0 102 41
68,11 1,363 2199	32 72 61 17 56 4 100 9	60	33 19 61 44 56 4 102 44
12 63 5471	32 72 18 28 8 100 9 32 73 19 01 2 101 0	0.0	33 20 45 28 8 102 47 33 21 46 01 2 102 50
13 4 63 8743 14 4 64 2016	32 - 74 . 19 33 6 101 0	0.4	33 22 46 33 6 102 53
15 64 5290	32 75 46 20 06 0 101 0		33 23 47 06 0 102 56
68,16 1,364 8565	32 75 61 20 38 4 101 0	68,66 1,381 3534	33 24 61 47 38 4 102 59
17 65 1842	32 76 6 21 10 8 101 1		33 24 48 10 8 102 59
18 65 5118	32 78 12 21 43 2 101 1	00	33 26 48 43 2 102 65
19 65 8396	32 79 22 15 6 101 2 32 80 22 48 0 101 2		33 27 49 15 6 102 69 33 28 49 48 0 102 72
20 66 1675			
68,21 1,366 4955	32 81 61 23 20 4 101 2 32 82 23 52 8 101 3	~~	33 29 61 50 20 4 102 75 33 30 :: 50 52 8 , 102 78
22 66 8236 23 67 1518	32 82 24 25 2 101 3		33 30 50 52 8 102 78 33 30 51 25 2 102 78
24 67 4880	32 84 24 57 6 101 30		33 32 88 51 57 6 102 84
25 67 8084	32 84 25 30 0 101 36	75 84 3484	33 33 55 52 30 0 102 87
68,26 1,368 1368	32 86 61 26 02 4 101 42	68,76 1,384 6817	33 34 61 53 02 4 102 90
27 68 4654	32 86 26 34 8 101 42	77 85 0151	33 34 53 34 8 102 90
28 68 7940	32 88 27 07 2 101 48 32 88 27 39 6 101 48	3 30	33 36 54 07 2 102 96 33 36 54 39 6 102 96
29 69 1228 30 69 4516	32 88 27 39 6 101 48 32 89 28 12 0 101 51		33 36 54 39 6 102 96 33 38 55 12 0 103 02
			33 39 61 55 44 4 103 06
68,31 1,369 7805 32 70 1096	32 91 61 28 44 4 101 57 32 91 62 29 16 8 101 57		33 39 56 16 8 103 06
33 70 4387	32 92 29 49 2 101 60		33 41 50 49 2 103 12
34 .70 7679	32 93 -8 30 21 6 101 64	0.00	33 41 6 57 21 6 103 12
35 71 0972	32 94 30 54 9 101 67	85 87 6855	33 43 57 54 0 103 18
68,36 1,371 4266	32 95 61 31 26 4 101 70	,	33 43 61 58 26 4 103 18
37 71 7561	32 96 31 58 8 101 73 32 97 32 31 2 101 76		33 45 58 58 8 103 24 33 45 61 59 31 2 103 24
38 72 0857 39 72 4154	32 97 32 31 2 101 76 32 98 33 03 6 101 79		33 45 61 59 31 2 103 24 33 47 62 00 03 6 103 30
39 72 4154 40 72 7452	32 98 33 36 0 101 79	3	33 47 - 00 36 0 103 30
	33 00 61 34 08 4 101 85		33 49 62 01 08 4 103 36
68,41 1,373 0750 42 73 4050	33 01 34 40 8 101 88		33 49 10 10 36
43 73 7351	33 02 35 13 2 101 91		33 51 02 13 2 103 43
44 74 0653	33 02 /8 35 45 6 101 91		33 51 02 45 6 103 43
45 4 74 3955	33 04 60 36 18 0 101 98	, , ,	33 53 60 03 18 0 103 49
68,46 1,374 7259	33 05 61 36 50 4 102 01		33 53 62 03 50 4 103 49
47 75 0564 48 75 3869	33 05 26 37 22 8 102 01 33 07 46 37 55 2 102 07	4 1 00 00 00 000	33 55 pe 04 22 8 103 55 33 55 pe 04 55 2 103 55
49 75 7176	33 07 48 37 55 2 102 07 33 07 48 38 27 6 102 07		3 55 40 04 55 2 103 55 3 56 05 27 6 103 58
	(3) 39 00 0		00 00 00
	4.1		2

N. E.			Alte	Ein	uh	3		N. E.	-tune I i	U.A.		All	o E	inth.		
	0.7	D. 1"				D. 1		k=69°			1"				D.	411
$k = 69^{\circ}$	Q. k.	D. I.	. 18	0 1	100	D. 1	1		i.E. K.	D.	1	•	4		D.	
Gr. M.	4 000 0000			M. S		****		Gr. M. 69,50	4 400 COOK		-		M.			10
69,00	1,392 7097	33 58		06 00		103			1,409 620		09	62		00 0		19
69,01	1,393 0455	33 58			4.1		64	69,51 52	1,409 9610		09	62		32 4	105	22
02 03	93 3813	33 59 33 61		07 04 07 37			67	53	10 3019 10 6429		10			04 8	100	25 28
04	94 0533	33 61		08 09			73	54	10 9840		12			09 6	100	31
05	94 3894	33 63		08 42			80	55	11 3252		14			42 0	105	37
69,06	1,394 7257	33 63	62	09 14	4	103	80	69,56	1,411 6666	34	14	62	36	14 4	105	37
07	95 0620	33 64			8		83	57	12 0080		15			46 8	105	40
08	95 3984	33 66	6.0	10 19	2	103	89	58	12 3498	34	16	14	37	19 2	105	43
09	95 7350	33 66			6	103	89	59	A. 00A.		18		37	51 6	105	
10	96 0716	33 68	44	11 24	10	103	95	, 60	13 0329	34	18	2111	38	24 0	105	49
69,11	1,396 4084	33 68			6 4	103	95	69,61	1,413 374		20	62	38	56 4	105	
12	96 7452	33 69	- 6		8 8	103	98	62 63			20		39	28 8	105	
13 14	97 0821 97 4192	33 71 33 71	6.E		1 2	104	04	63	14 ()58		22		40	01 2	105	
15	97 7563	33 73			50	104	10	65			24		41	06 0	105	
69,16	1,398 0936	33 73			3 4		10		1,415 0858		25	62		38 4	105	
17	98 4309	33 75) 8	104		67	15 4280		25	02	41	10 8	105	
18	98 7684	33 75	1781	15 43		104	17	68			27		42	43 2	105	
19	99 1059	33 77		16 15	6	104	23	69	16 113	2 34	28		43	15 6	105	80
20	99 4436	33 77	66	16 48	3 0	104	23	70	16 450	0 34	29		43	48 0	105	83
69,21	1,399 7813	33 78	62	17 20) 4	104	26	69,71	1,416 798	9 - 34	29	- 62	44	20 4	105	83
22	1,400 1191	33 80			8 2	104	32	72	17 141		31		44	52 8	105	
23	00 4571	33 80	1.6		2	104	32	73 74	17 484 17 828		32		45	25 2		93
24 25	00 7951 01 1333	33 82			7 6	104	38 38	~-	17 828 18 171		33		45	57 6 30 0	105	96 99
			ido											-		
69,26 27	1,401 4715	33 84 33 84	62		2 4	104	44	69,76 77	1,418 514		35 36	62	47	02 4	106	
28	02 1483	33 86	100		7 2	104	51	78	19 2019		37		48	07 2	106	
29	02 4869	33 87		21 39	6	104	54	79	19 545	6 34	39		48	39 6	106	14
30	02 8256	33 87	269	22 12	2 0	104	54	80	19 8898	34	40		49	12 0	106	17.
69,31	1,403 1643	33 89	62	22 4	4 4	104	60	69,81	1,420 233	5 34	40	62	49	44 4	106	17
32	03 5032	33 89	(to		6 8	104		82	20 577					16 8	106	20
33	03 8421	33 91	46		92	104	66	83	20 9210 21 265		43			49 2	106	
34 35	04 1812 04 5204	33 92 33 93	1,		40	104	69 72	84 85	21 610				51	21 6 54 0	106	33
69,36																
37	1,404 8597 05 1990	33 93 33 95	62	25 26 25 58	64	104	72 78	69,86 87	1,421 954° 22 299		46 46	62	52 52	26 4 58 8	106 106	
38	05 5385	33 96			1 2	104		88	22 643		48		53	31 2	106	75.50
39	05 8781	33 97	, to	27 03	3 6	104	85	89	22 988	7 : 34	49		54	03 6		45
40	06 2178	33 97		27 3	60	104	85	90	23 333	6 34	50		54	36 0	106	48
69,41	1,406 5575	33 99	62	28 08	8 4	104	91	69,91	1,423 6786	5 34	51	62	55	08 4	106	51
42	06 8974	34 00	154		0.8	104		92	24 023		52			40 8		54
43	07 2374	34 01			3 2	104		93	24 368			\		13 2		57
44 45	07 5775 07 9177	34 02 34 03			5 6 8 0	105		94	24 714 25 059					45 6 18 0		60
						105		95				-				64
69,46 47	1,408 2580	34 04	62	30 5		105		69,96	1,425 405 25 750			62				67
48	08 5984 08 9389	34 05 34 06	0.6	31 2		105 105		97 98	25 750					22·8 55·2	106	73
49	09 2795	34 07		32 2		105		99	26 442					27 6		76
50	09 6202			33 00				70,00	26 7882					00 0		

N. E	Alte Einth.	N. E	Alte Einth.	
k=70° 2. k. D. 1"		$k=70^{\circ} \Omega. k.$		1".
Gr. M.	Gr. M. S.	Gr. M.	Gr. M. S.	
70,00 1,426 7882 34 61	63 00 00 0 106 82	70,50 1,444 2230		3 49
70,01 1,427 1343 34 62	63 00 32 4 106 85	70,51 1,444 5745	35 16 63 27 32 4 108	52
02 27 4805 34 62	01 04 8 106 85	52 44 9261	35 17 9 28 04 8 108	
03 27 8267 34 64 04 28 1731 34 65	01 37 2 106 91	53 45 2778 54 45 6296	35 18 28 37 2 108 35 19 29 09 6 108	
05 28 5196 34 66	02 42 0 106 98	55 45 9815	35 21 29 42 0 108	
70,06 1,428 8662 34 67	63 03 14 4 107 01	70,56 1,446 3336	35 21 63 30 14 4 108	67
07 29 2129 34 68	03 46 8 107 04	57 46 6857	35 23 30 46 8 108	
08 29 5597 34 69	04 19 2 107 07	58 47 0380	35 23 31 19 2 1 08	
09 29 9066 34 70 10 30 2536 34 71	04 51 6 107 10 05 24 0 107 13	59 47 3903 60 47 7428	35 25 31 51 6 108 35 26 32 24 0 108	
70 44		W0.04		
70,11 1,430 6007 34 72 12 30 9479 34 74	63 05 56 4 107 16 06 28 8 107 22	70,61 1,448 0954 62 48 4481	35 27 63 32 56 4 108 35 28 33 28 8 108	
13 31 2953 34 74	07 01 2 107 22	63 48 8009	35 29 34 01 2 108	
14 31 6427 34 76	07 33 6 107 28	64 49 1538	35 31 34 33 6 108	98
15 31 9903 34 76	08 06 0 107 28	65 49 5069	35 31 35 06 0 108	98
70,16 1,432 3379 34 78	63 08 38 4 107 35	70,66 1,449 8600	35 33 63 35 38 4 109	04
17 32 6857 34 79	09 10 8 107 38 09 43 2 107 38	67 50 2133	35 34 36 10 8 109	
18 33 0336 34 79 19 33 3815 34 81	09 43 2 107 38 10 15 6 107 44	69 50 9201	35 34 36 43 2 109 35 36 37 15 6 109	02 14
20 33 7296 43 82	10 48 0 107 47	70 - 51 2737	35 37 37 48 0 109	1.7
70,21 1,434 0778 34 83	63 11 20 4 107 50	70,71 1,451 6274	35 39 63 38 20 4 109	23
22 34 4261 34 86	11 52 8 107 56	72 51 9813	35 39 38 52 8 1 09	23
23 34 7746 34 85	12 25 2 107 56	73 52 3352	35 40 39 25 2 109	.26
24 35 1231 34 86 25 35 4717 34 88	12 57 6 107 59 13 30 0 107 65	74 52 6892 75 53 0434	35 42 39 57 6 109 35 43 40 30 0 109	32 35
		20 20		
70,26 1,435 8205 34 88 27 36 1693 34 90	63 14 02 4 107 56 14 34 8 107 72	70,76 1,453 3977 53 7520	35 43 63 41 02 4 109 35 45 41 34 8 109	35 41
28 36 5183 34 90	15 07 2 107 72	78 54 1065	35 46 42 07 2 109	44
29 36 8673 34 92	15 39 6 107 78	79 54 4611	35 48 42 39 6 109	51
30 37 2165 34 93	16 12 0 107 81	80 54 8159	35 48 43 12 0 109	51
70,31 1,437 5658 34 94	63 16 44 4 107 84	70,81 1,455 1707		54
32 37 9152 34 95 33 38 2647 34 96	17 16 8 107 87 17 49 2 107 90	82 55 5256 83 55 8807		60
34 38 2647 34 96 34 38 6143 34 97	18 21 6 701 93	84 56 2359	35 52 45 21 6 109	63
35 38 9640 34 99	18: 54 0 107 99	85 56 5911	35 54 - 45 54 0 109	69
70,36 1,439 3139 34 99	63 19 26 4 107 99	70,86 1,456 9465	35 56 63 46 26 4 . 109	75
37 39 6618 35 01	19 58 8 108 06	57 3021		75
38 40 0139 35 01	20 31 2 108 06	88 57 6577	35 57 47 31 2 109 35 59 48 03 6 109	78
39 40 3640 35 03 40 40 7143 35 04	21 03 6 108 12 21 36 0 108 15	89 (1) 58 0134; 90 (1) 58 3693;	1, 10	85
70,41 1,441 0647 35 05 42 41 4152 35 05	63 22 08 4 108 18 22 40 8 108 18			91 94
43 4 41 7657 35 08	23 13 2 108 27	93 1 59 4375		97
44 42 1165 35 08	© 23 45 6 108 27		35 64 50 45 6 110	
45 42 4673 35 09	24 18 0 108 30	95 60 1502	35 65 51 18 0 110	
70,46 1,442 8182 35 10	63 24 50 4 108 33	, 0,00		19
47 43 1692 35 12 48 43 5204 35 12 12 12 12 12 12 12 12 12 12 12 12 12	25 22 8 108 40 25 55 2 108 40	9	35 68 52 52 8 110 35 68 52 55 2 110	
48 43 5204 35 1288 49 22 43 8716 35 1488	26 27 6 108 46	00 11	35 70 53 27 6 110	
50 44 2230	27 00 01 00.27	71,00 61, 934012	54 00 0	

N. E.			Alte Einth.		N. E.	11-		Alte Einth	i i
$k = 71^{\circ}$	Q. k.							. Y	
			Gr. M. S.		Gr. M.			Gr. M. S.	
Gr. M. 71,00	1,461 9340		63 54 00 0	110 22	71,50	1,479 9313	36 29	64 21 00 0	112 01
71.01	1,462 2911	35 73	63 54 32 4	110 28	71,51	1,480 2942	-36 31	64 21 32 4	112 07
02	62 6484	35 73		. 110 28	52		36 32	22 04 8	112 10
03	63 0057	35 75	55 37 2	110 34	53		36 33	22 37 2	112 13
04	63 3632-	35 75 A		110 -34	54 55		36 34	23 09 6	112 16
05	63 7207			110 40		81 7472	36 35	23 42 0	112 19
71,06	1,464 0784		63 57 14 4	110 43	71,56	1,482 1107		64 24 14 4	112 25
07	64 4362	35 79 · 35 80 · 3	57 46 8 58 19 2	110 46 110 49	57 58	82 4744 82 8381		24 46 S 25 19 2	112 25 112 31
08	64 7941 65 1521	35 82		110 56	59	83 2020		25 51 6	112 31
10	65 5103	35 82 .		110 56	60	83 5660		26 .24.0	112 41
71,11	1,465 8685	35 84 (33 59 56 4	110 62	71,61	1,483 9302	36 42	64 26 56 4	112 41.
12	66 2269		64 00 28 8	110 65	62	81 2014		27 28 8	112 47
13	66 5854	35 - 86 -	01 01 2	110 68	63	84 6588	36 45	28 01 2	112 .50
14	66 9440	35 87	01 33 6	110 71	64	85 0233	36 46	28 33 6	112 .53
15	67 3027	35 88	02 06 0	110 74	65	85 3879	36 47	29 06 0	112 56
71,16	1,467 6615	-	4 02 38 4	110 80	71,66	1,485 7526		64 29 38 4	112 59
17	68 0205	35 90 ···	00 20 0	110 80 110 86	67 68	86 1174		30 10 8	112 - 55
18	68 3795 68 7387	35 92 ···		110 90	69	86 4824 86 8475		30 43 2 31 15 6	112 69 112 72
19 20	69 0980	35 94		110 93	70	87 2127	36 53	31 48 0	112 75
71.21		35 96 6	34 05 20 4	110 99	71,71	1,487 5780	36 55	64 32 20 4	112 81
22	1,469 4574 69 8170	35 96		110 99	72	87 9435	00 00	32 52 8	112 81
$\tilde{23}$	70 1766	35 98		111 ()5	73	88 3090	36 57	33 25 2	112. 87
24	70 5364	35 98 🐃	.06 57 6	111 05	74	88 6747		33 57 6	112 90
25	70 8962	36 00	07 30 0	111 11	75	89 0405	36 60	34 30 0	112 96
71,26	1,471 2562	36 01 6	4 08 02 4	111 14	71,76	1,489 4065	36 60	64 35 02 4	112 96
27	71 6163	36 03		111 20	77	89 7725	-	35 '34 8	113 02
28	71 9766	36 03 /** 36 05 ***	09 07 2	111 20	78 79	90 1387	36 63 36 64	36 07 2 36 39 6	113 06
29 30	72 3369 72 6974	36 05 ° 36 06 °	10 12 0	111 27 111 30	80	90 8714	36 66	37 12 0	113 <i>-</i> 09
					71,81		36 66		
71,31 32	1,473 0580 73 4187	36 07 6 36 08 °°	-	111 33 111 36	82	91 6046		64 37 44 4 38 16 8	113 15 113 21
33	73 7795	36 09	11 49 2	111 39	83	91 9714		38 49 2	113 24
34	74 1404	36 10 00	12 21 6	111 42	84	92 3383	36 70	39 21 6	113 27
35	74 5014	36 12	12 54 0	111 48	85	92 7053	36 72	39 54 0	113 33
71,36	1,474 8626	36 13 6		111 51	71,86	1,493 0725	36 73	64 40 26 4	113 36
37	75 2239	36 14	13 00 0	111 54	87			40 58 8	113 4()
38	75 5853	36 15	wa ar w	111 57	88		36 75	41 31 2	113 43
, 39	75 9468 76 3085	36 17 ° 36 17 ° 36	20 00 0	111 64 111 64	、89 90	94 1747 94 5423	36 76 36 78	42 03 6 42 36 0	113 46
40									113 52
71,41	1,476 6702 77 0321	36 19 6 36 20	16 40 8	111 70 111 73	92	1,494 9101 95 2779	36 78 36 80	64 43 08 4 43 40 8	113 : 52
42 43	77 3941	36 21	20 10 0	111 76	93			44 13 2	113 58 113 64
44	77 7562	36 22		111 79	94		36 82	44 45 6	113 64
45	78 1184	36 23	18 18 0	111 82	95	96 3823	63 84	45 18 0	113 70
71,46	1,478 4807	36 25 6	18 60 4	111 88	71,96	2,496 7507	36 85	64 45: 50 4	113 73
47	78 8432	36 26		111 91	97 11			di 46. 22 8.	113 77
48	79 2058	36 27		111 94	98			3 46 55 2	113 80
49	79 5685 79 9313	36 28	20 27 6 21 00 0	111 98	99		36 89	47 27 6	113 86
50	10 0070		** 00 G	100/42	72,00	98 2254		48 00 0	091

$k=72^{\circ}$ k k $k=72^{\circ}$ k k $k=72^{\circ}$ k <th>N. E. 1 163 116</th> <th>Alte Einth.</th> <th>N. E.</th> <th>Alte Einth.</th>	N. E. 1 163 116	Alte Einth.	N. E.	Alte Einth.
72,00 1,498 2254 36 90 64 48 00 0 113 80 72,50 1,516 8274 0 37 52 65 15 00 0 115 80 72,01 1,498 5944 36 91 64 48 32 4 113 92 72,51 1,517 2026 37 54 65 15 32 4 115 86 02 98 9635 36 92 49 04 8 113 95 52 17 5780 37 55 16 04 8 115 90 03 99 3327 36 94 49 37 2 114 01 53 17 9535 37 167 16 37 2 115 96 04 1,409 7021 36 94 50 09 6 114 01 54 18 3292 37 58 17 09 6 115 99 05 1,500 0715 36 96 50 42 0 114 07 55 18 7050 37 59 17 42 0 116 02 72,06 1,500 4411 36 98 64 51 14 4 114 14 57 19 4569 37 62 18 46 8 116 11 08 01 1807 37 00 52 19 2 114 20 58 19 8331 37 62 19 19 2 116 11 09 01 5507 37 01 52 51 6 114 23 59 20 2093 37 65 19 51 6 116 20 72,11 1,502 2910 37 03 64 53 56 41 114 29 72,60 1,520 9623 37 67 65 20 56 4 116 27	k=72° 2. k. D. 1".	. J D. 1"	$k=72^{\circ}$ Q. k. D. 1".	D. 1".
72,01 1,408 5044 0 36 91 64 48 32 4 113 92 72,51 1,517 2026 37 54 65 15 32 4 115 86 02 98 9635 36 92 49 04 8 113 95 52 17 5780 37 55 16 04 8 115 90 03 1 99 3327 36 94 49 37 2 114 01 53 17 9535 37 57 16 37 2 115 96 04 1,499 7021 36 94 50 09 6 114 01 54 18 3292 37 58 17 09 6 115 99 05 1,500 0715 36 96 50 42 0 114 07 55 18 7050 37 59 17 42 0 116 02 72,06 1,500 4411 36 98 64 51 14 4 114 14 72,56 1,519 0809 37 60 65 18 14 4 116 05 07 00 8109 36 98 51 46 8 114 14 57 19 4569 37 62 18 46 8 116 11 08 01 1807 37 00 52 19 2 114 20 58 19 8331 37 62 19 19 2 116 11 09 01 5507 37 01 52 51 6 114 23 59 59 20 2093 37 65 19 51 6 116 20 10 01 9208 37 02 53 24 0 114 26 60 60 20 5858 37 65 20 24 0 116 20 72,41 1,502 2910 37 03 64 53 56 41 114 29 72,61 1,520 9623 37 65 20 56 4 -116 27		Gr. M. S.		Gr. M. S
02 98 9635 36 92 49 04 8 113 95 52 17 5780 37 55 16 04 8 115 90 03 99 3327 36 94 49 37 2 114 01 53 17 9535 37 57 16 37 2 115 96 04 1,409 7021 36 94 50 09 6 114 01 54 18 3292 37 58 17 09 6 115 99 05 1,500 0715 36 96 50 42 0 114 07 55 18 7050 37 59 17 42 0 116 02 72,06 1,500 4411 36 98 64 51 14 4 114 14 72,56 1,519 0809 37 60 65 18 14 4 116 05 07 00 8109 36 98 51 46 8 114 14 57 19 4569 37 62 18 46 8 116 11 08 01 1807 37 00 52 19 2 114 20 58 19 8331 37 62 19 19 2 116 11 09 01 5507 37 01 52 51 6 114 23 59 20 2093 37 65 19 51 6 116 20 10 01 9208 37 02 53 24 0 114 26 60 20		64: 48 00 0 113 80		65 15 00 0 115 80
03	00		10	
04 1,499 7021 36 94 50 00 6 114 01 54 18 3292 37 58 17 09 6 115 99 05 1,500 0715 36 96 50 42 0 114 07 55 18 7050 37 59 17 42 0 116 02 72,06 1,500 4411 36 98 64 51 14 4 114 14 72,56 1,519 0809 37 60 65 18 14 4 116 05 07 00 8109 36 98 51 46 8 114 14 57 19 4569 37 62 18 46 8 116 11 08 01 1807 37 00 52 19 2 114 20 58 19 8331 37 62 19 19 2 116 11 09 01 5507 37 01 52 51 6 114 23 59 20 2093 37 65 19 51 6 116 20 10 01 9208 37 02 53 24 0 114 26 60 20 5858 37 65 20 24 0 116 20 72,11 1,502 2910 37 03 64 53 66 4 114 29 72,61 1,520 9623 37 65 20 56 4 -116 27	00 0000		* 0	
72,06 1,500 4411 36 98 64 51 14 4 114 14 72,56 1,519 0809 37 60 65 18 14 4 116 05 07 00 8109 36 98 51 46 8 114 14 57 19 4569 37 62 18 46 8 116 11 08 01 1807 37 00 52 19 2 114 20 58 19 8331 37 62 19 19 2 116 11 09 01 5507 37 01 52 51 6 114 23 59 20 2093 37 65 19 51 6 116 20 10 01 9208 37 02 53 24 0 114 26 60 20 5858 37 65 20 24 0 116 20 72,11 1,502 2910 37 03 64 53 66 4 114 29 72,61 1,520 9623 37 65 65 20 56 4 116 27	0.4			
07 00 8109 36 98 51 46 8 114 14 57 19 4569 37 62 18 46 8 116 11 08 01 1807 37 00 52 19 2 114 20 58 19 8331 37 62 19 19 2 116 11 09 01 5507 37 01 52 51 6 114 23 59 20 2093 37 65 19 51 6 116 20 10 01 9208 37 02 53 24 0 114 26 60 20 5858 37 65 20 24 0 116 20 72,11 1,502 2910 37 03 64 53 66 4 114 29 72,61 1,520 9623 37 65 65 20 56 4 -116 27	05 1,500 0715 36 96	50 42 0 114 07	55 18 7050 37 59	17 42 0 116 02
08 01 1807 37 00 52 19 2 114 20 58 19 8331 37 62 19 19 2 116 11 09 01 5507 37 01 52 51 6 114 23 59 20 2093 37 65 19 51 6 116 20 10 01 9208 37 02 53 24 0 114 26 60 20 5858 37 65 20 24 0 116 20 72,11 1,502 2910 37 03 64 53 66 4 114 29 72,61 1,520 9623 37 67 65 20 56 4 116 27	72,06 1,500 4411 36 98	64 51 14 4: 114 14	72,56 1,519 0809 37 60	65 18 14 4 116 05
09 01 5507 37 01 52 51 6 114 23 59 20 2093 37 65 19 51 6 116 20 10 01 9208 37 02 53 24 0 114 26 60 20 5858 37 65 20 24 0 116 20 72,11 1,502 2910 37 03 64 53 66 4 114 29 72,61 1,520 9623 37 67 65 20 56 4 116 27	-0			
10 01 9208 37 02 53 24 0 114 26 60 20 5858 37 65 20 24 0 116 20 72,11 1,502 2910 37 03 64 53 66 4 114 29 72,61 1,520 9623 37 67 65 20 56 4 116 27	00			
72,11 1,502 2910 37 03 64 53 56 41 114 29 72,61 1,520 9623 37 67 65 20 56 4 116 27				
	~0.4A		00 C4	
	40		,00	
13 03 0318 37 06 55 01 2 114 38 63 21 7158 37 69 22 01 2 116 33			- 4	22 01 2 116 33
14 03 4024 37 07 55 33 6 114 41 64 22 0927 37 71 22 33 6 116 39	4.5			
15 (03 7731 37 09 56 06 0 114 48 65 22 4698 37 71 23 06 0 116 39				
72,16 1,504 1440 37 09 64 56 38 4 114 48 72,66 1,522 8469 37 74 65 23 38 4 116 48 17 04 5149 37 11 57 10 8 114 54 67 23 2243 37 74 24 10 8 116 48	1 000		0.000	
17 04 5149 37 11 57 10 8 114 54 67 23 2243 37 74 24 10 8 116 48 18 04 8860 37 12 57 43 2 114 57 68 23 6017 37 76 24 43 2 116 54	40 *		00	
19 05 2572 37 14 58 45 6 114 63 69 23 9793 37 77 25 45 6 116 57			00	
20 05 6286 37 15 58 48 0 114 66 70 24 3570 37 78 25 48 0 116 60	20 05 6286 37 15	58 48 0 114 66	70 24 3570 37 78	25 48 0 116 60
72,21 1,506 0001 37 15 64 59 20 4 114 66 72,71 1,524 7348 37 80 65 26 20 4 116 67				65 26 20 4 116 67
22 06 3716 37 18 64 59 52 8 114 75 72 25 1128 37 81 26 52 8 116 70	00 0120 01. 20		~~	
23 : 06 7434 37 : 18 : 65 : 00 25 2 : 114 75 73 25 4909 37 82 : 27 : 25 2 : 116 73 24 : 07 : 1152 37 : 20 : 00 : 57 6 : 114 : 81 74 25 : 8691 37 : 84 27 : 57 6 : 116 : 79				.4
24 07 1152 37 20 00 57 6 114 81 72 25 8601 37 84 27 57 6 116 79 25 07 4872 37 21 01 30 0 114 85 75 26 2475 37 85 28 30 0 116 82			CV F	
72,26 1,507 8593 37 22 65 02 02 4 114 88 72,76 1,526 6260 37 86 65 29 02 4 116 85	*0.00		72.76 1.526 6260 37 86	
27 (08 2315 37 23 02 34 8 114 91 77 27 0046 37 88 29 34 8 116 91	02	The state of the s	review .	
28 08 6038 37 25 03 07 2 114 97 78 27 3834 37 88 30 07 2 116 91	28 08 6038 37 25			3 0 07 2 116 91
29 08 9763 37 26 03 39 6 115 00 79 27 7622 37 90 30 39 6 116 98	0.0	40 0 445 00		
30 00 3489 37 27 04 12 0 145 03 80 28 1412 37 92 31 12 0 117 04		224 119		
72,31 1,500 7216 37 29 65 04 44 4 115 09 72,81 1,528 5204 37 92 65 31 44 4 117 04 32 10 0945 37 29 05 46 8 115 09 82 28 8996 37 94 32 16 8 117 10	72,31 1,509 7216 37 29	0044 -71		
32 10 0945 37 29 05 46 8 115 09 82 28 8996 37 94 32 16 8 117 10 33 10 4674 37 31 05 49 2 115 14 83 29 2790 37 96 32 49 2 117 16	00	2 441 1 1 1 1 1 1	00	
34 10 8405 37 33 06 24 6 115 22 84 29 6586 37 96 33 21 6 117 16	0.4			
35 11 2138 37 33 · 06, 54 0 115 22 · 85 30 0382 37 98 33 54 0 117 22		06, 54 0 115 22	85 30 9382 37 98	33 54 0 117 22
72,36 1,511 5871 37 35 65 07 26 4 115 28 72,86 1,530 4180 38 00 65 34 26 4 117 28				
37 11 9606 37 96 07 58 8 115 31 87 30 7980 38 00 34 58 8 117 28	0.0		00	
38 12 3342 37 37 08 31 2 115 34 88 31 1780 38 02 36 31 2 117 35 39 12 7079 37 30 09 03 6 115 40 89 31 5682 38 03 36 03 6 117 38				
40 13 0818 37 40 09 36 0 115 43 90 31 9385 38 05 36 36 0 117 44		5 45 14		3
72,41 1,513 4558 37 41 65 10 98 4 115 46 72,91 1,532 3190 38 06 65 37 08 4 117 47				65 37 08 4 117 47
42 13 8299 37 42 10 40 8 115 49 92 32 6096 38 07 37 40 8 117 50	10			
43 14 2041 37 44 11 13 2 115 56 93 33 0803 38 09 38 13 2 117 56	43 14 2041 37 44			
44 14 5785 37 45 11 46 6 115 59 94 33 4612 38 09 38 45 6 117 56 45 14 9530 37 46 12 18 0 115 62 95 33 8421 38 12 39 18 0 117 65				
		~		
72,46 1,515 3276 37 48 65 12 50 4 115 68 72,96 1,534 2233 38 12 65 39 50 4 117 65 47 15 7024 37 48 13 22 8 145 68 97 34 6045 38 14 40 22 8 117 72				
47, 15 7024 37 48 13, 22 8 115 68 97 34 6045 38 14 40 22 8 117 72 48 16 0772 37 50 13, 55 2 115 74 98 34 9859 38 15 40 55 2 117 75		1 321 6.0		
49: 16 4522 37 52 144 37 6 115 80 99 85 3674 38 16 41 27 6 117 78	491 0 16 4522 37 62		99. 35 3674 38 16	
50 16 8274 15. 00 0 73,00 35 7490 42 00 0	50 46 8274	15, 00 0	,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,	42 00 0

Gg

N. E.		1-11		Alte I	Einth.	- 11	T	I	N. E	and all	I sil A		A	lte E	inth		7
k = 73	° L.	k.	D. 1".			D. :	1".	7	=73°	Ω.	k.	D. 1	["]	15	,0	D. 14	
Gr. M.		1		Gr. M	. s.				6r. M.:	8,	Germ.		G	r. M.	S.		-11
73,00	1,535	7490	38 18	65 42	00.0	117			73,50	1,555	002743	381/2	8600 (667 (09	00.0	119 9	#
73,01	1,536		38 - 1978 38 - 2178			117			73,51 52	1,555 8 55	391340	-	8708 (88 88	66 09	32 4	119 : 9 120 0	
03	36	5127 8948	38 7 21 78	(43			93		53	£ 56			00 00		37 2	120 0	
04		2769	38: 2475		09 6	118	()2		6 54	÷ (56	5578	38	9196	111	09 6	120 0	9
05	37	6593	38 24	44	42 0	118	02		55	56	9469	38 !	92 8	11	42 0	120 1	2
73,06	1,538			65 45		118			73,56	1,557				6 12		120 1	
07.	38		38 28 3		46 S 19 2	118	12 15		57. 58t	8 57	7255 1150		95 18		46 8	120 2	
09	39	-	38 - 30		51 6	118	21		59	9 58			37 80		51 6	120 3	
10	39	5728	38 . 31	: 47	24 0	118	24		60	13 58	8045	38 1	37 99	(14)	24 0	120 3	4
73,11	1,539	9559	38 33 78			118		•	73,61	1,559	2844 68	39 80	01 00 0	66 14	56.4	120 4	Ü
12	40		38 33 %	48		118	30 40		62	8 59		39 (28 8	120 4	
13	40		38 36 13 38 136 12	49	33 6	118	40		63	# 60 # 60			03 78		01 2 33 6	120 4 120 5	
15	41		38 . 38 78	850	06 0		46		10 65€	0 60		39 0			06 0	120 5	
73,16	1,541	8735	38 - 39 (8	65 50	38.4	118	49		73,66	1,561	2362	39 1	3 37 8	66 17:	38 41	120 6	2
17	42		38 41 78	5.1	10 8	118	55"		67	61	6270		09 78		10 8	120 6	5
18	2 42		38 941 78		43 2		55		68	62			37 01		43 2	120 6	
19 20	43 43		38 44 7		48 0	118	64		69°	62			12 70		15 6 48 0	120 7 120 8	
73,21	1,543		38 46 78				70		73,71		1915			66 (20)		120 8	
22			38 147 18		52 8		73		72	8 63					52 8	120 8	
23	. 44		38 49	54	25 2	118	80		73		9745		18 00		25 2	120 9	
24	44		38 50 8		57 6	*	83		74	64			1978		57 6	120 9	
25	45		38 51 78		30 0	118	86		75	64			2078		30 0	120 9	3
73,26	1,545		38 53 78				92		73,76		1502 30					121 0	
27 28	46	1040	38 54 TE 38 55 TE		34 8	118	95		78.	65		39		23	34 8	121 0	
29	46		38 57	57			04		79	1 66		39		24		121 1	
30	47	2606	38 58 -	58	12 0	119	07		80	66	7198	39 1	27 88	725	12 0	121 2)
73,31	1,547	6464	38 - 59 78	65 58	44 4	119	10		73,811	1,567	1125 ô	3909	29 78 6	66 25	44.4	121 2	7
32	48		38 61 6		16 8	119			82	67			3018		16 8	121 3	
33	48		38 64			119	20 26		M 83 84		9984 2916	39 3			49 2 21 6	121 3	
35	49		38 65		54 0		29		85	10 68		39		21 27		. 121 4	
73,36	1,549	5775	38 66	66 ()1	26 4	119	32		73,86	1,569	0783 (3)	39	36°8 6	6 28	26 4	121 4	3
37	,		38 68 40	.,01	58 8	119	38		87	-	4719	39			58 8	121 5	
38		3509	38 69	02	31 2	119	41		88		8657	39			31 2	121 5	
39 40			38 70 °E	- 03	03 6 36 0	119	44		89 ^t	10 70	2595	39 14		30		121 6	
			38 73 50														
73,41	1,551		38 75		40 8	119			73,91	2 3	0477 30 4420	39 24		31		121 70	
43			38 75		13 2	119			93		8365	39 1 4		132		121 70	
44			38 78		45 6	119			94		2310	39 4		32		121 85	,
45			38 78		18 0	119			93		6258	39 14		33		121 88	1
73,46	1,553		38 80 °C		50 4	119		13	1,700		0207 2			6 33		121 91	
47 48	54		38 82 82		22 8 55 2	119			97	73	4157 8108	39 1 5		34		121 94 122 01	
49			38 84 38		27 6	119			99	10 74	2061	39 8		235		132 07	
50	55	0027		007	00 0		22		74,00	1 74	6016			936		710	

N. E.	te Einth.	IA ·	Alte Einth	N. E.	N. E.	dall st	A A	lte Einth.	S.E.
$k=74^{\circ}$	Q. k.	D. 1".	. OS	D. 1".	$k = 74^{\circ}$	Ω . k .			D. 1".
Gr. M.	.E .II .	11/	Gr. M. S.	10 148	Gr. M.			r. M. S.	37 -12
74,00%	1,574 6016	39 36	66 36 00 0	122-10	74,50	1,594 5594	40 29 1 6		124 35
74,011	1,574 9972		56 36 32 4	122 13	74,51		7:40 31 1:6	7 03 32 4	124 41
02:	8 75 3929 75 7888	39 60 11	37 04 8	122 19 122 22	52; 7 53;	95 3654	40 32	04 04 8	124 44
041	0 76 1848	39 62 14	37 37-2	122 28	54	95 7686	40 134 14	04 37 2	124 51 124 54
05	0 76 5810	1 39 163 LP	38 42 0	122 31	55	96 5755	40 137 11	05 42 0	124 60
74,06	£,576 9773	66 39 64 a. (36 39 14 4	122 .35	74,56	1,596 9792	40 38 1 6	7 06 14 4	124 63
07	8 77 3737	39 - 66	39 46 8	122 41	57	97 3830	40 39 19	06 46 8	124 66
09	\$ 77 7703 8 78 1671	39 69 14	40 19 2	122 47 122 50	58 59	97 7869 98 1910	40 41 18	07 19 2	124 72
101	78 5640	39 70 51	41 24 0	122 53	60.	98 5953	40 43 4	07 51 6	124 78 124 85
74.11	1,378 9610	39 72 1 6		122 59	74,61	1,598 9998	40 45 167		1000
12	d 79 3582	39 173 54	42 28 8	122 62	62	99 4043	40 47 19	09 28 8	124 85 124 91
13	79 7555	39 75	43 01 2	122 69	63	1,599 8090	40 49 15	10 01 2	124 97
14° 15°	80 1530	39 76	43 33 6	122 72	64 65	1,600-2139	40 50 1	10 33 6	125 00
	80 5506		44 06 0	122 75		00 6189	40 52	11 06 0	125 06
74,16	1,580 9483 81 3462	39 79 6	6 44 38 4	122 81 122 87	74,66	01 4294	40 53 67	50 8	125 00
181	81 7443	39 82	45 43 2	122 90	68	01 8349	40 56 1	12 10 8 12 43 2	125 15 125 19
191	82 1425	39 83	46 15 6	122 93	69	02 2405	40 58 1	13 15 6	125 25
20	82 5408	39 85 54	46 48 0	122 90	70	02 6463	40 (60 1)	13 48 0	125 31
74,21	1,582 9393		6 47 20 4	123 06	74,71	1,603 0523		7 14 20 4	125 31
22 23	83 3380 83 7367	39 87 5 39 90 6	48 25 2	123 06 123 15	72 73	03 4583 03 8646	40 63 16	14 52 8	125 40
24	84 1357	39 90	48 57 6	123 15	74	04 2710	40 65	15 25 2 15 57 6	125 43 125 46
25	84 5347	39 92 1 9	49 30 0	123 21	75	04 6775	40 67	16 30 0	125 52
74,26	1,584 9339	39 94 6	6 50 02 4	123 27	74,76	1,605 0842	40 68 4 67	17 02 4	125 56
27	85 3333	39 95	50 34 8	123 30	77	05 4910	40 70 0	17 34 8	125 62
28 29	85 7328 86 1325	39 97 ° ° 39 98 ° °	51 07 2 51 39 6	123 36 123 40	78 79	05 8980 06 3052	40 73	18 07 2 18 39 6	125 68
30	86 5323	39 99 "	52 12 0	123 43	80	06 7125	40 75	19 12 0	125. 71 125. 77
74,31	1,586 9322	40 01 6	6 52 44 4	123 49	74,81	1,607 1200	40 76 67	19 44 4	125 80
32	87 3323	40 03 *	53 16 8	123 55	82	07 5276	40 77	20 16 8	125 83
334	87 7326	40 04	53 49 2	123 58	83	07 9353	40 80 17	20 49 2	125 93
35	88 1330 88 5335	40 05	54 21 6 54 54 0	123 61 123 67	84 85	08 3433 08 7513	40 80 40 83 44	21 21 6	125 93 126 02
74,36	1,588 9342	40 08 6		123 70	74,86	1,609 1596	40 83 67	.,	
37	89 3350	40 10	55 58 8	123 77	87	09 5679	40 86 7	22 26 4 22 58 8	126 02 126 11
38	89 7360	40 12 17	56 31 2	123 83	88	09 9765	40 87	23 31 2	126 14
39	90 1372	40 12	57 03 6 57 36 0	123 83	89	10 3852	40 88 14	24 03 6	126 17
40-	90 5384			123 92	90	10 7940	40 90 1	24 36 0	126 23
74,41	1,590 9399 91 3414	40 15 6	58 40 8	123 92 124 01	74,91 92	1,611 2030 11 6121	40 91 67	25 08 4 25 40 8	126 27
42	91 3414	40 18	59 13 2	124 01	93	12 0215	40 94	26 13 2	126 36 126 36
44	92 1450	40 21 6	6 59 45 6	124 10	94	12 4309	40 96 %	26 45 6	126 42
45	92 5471	40 21 6	7 00 18 0	124 10	95	12 8403	40 98 :	27 18 0	126 48
74,46	1,592 9492		7 00 50 4	124 20	74,96	1,613 2503	40 99 67		126 51
47	93 3516	40 24	01 22 8 01 55 2	124 20 124 29	97	13 6602 14 0703	41 01 .	28 22 8 28 55 2	126 57
43 49	94 1567	40 27 5	02 27 6	124 29	99	14 4805	41 04	29 27 6	126 60 126 67
50	94 5594		03 00 0	0.	75,00	14 8909		30 00 0	
		80					0 0		

G g 2

N. E.	an tal	Al	te Einth.	N. E.	N.E.	Min Eintin	Al	te Einth.	
$k = 75^{\circ}$	Ω . k .	D. 1".3	· A . S	D.1".	$k = 75^{\circ}$	Q. k.	D. 1".		D.1".
Gr. M.			. M. S.	33, 32	Gr. M.	, P N		M. S.	11
75,00	1,614 8909	41 06 % 67		126 73	75,50				129 17,
75,01 02	1,615 3015 15 7122	41 07 67	30 32 4 31 04 8	126 76 126 79	75,51	1,636,0302 (d)	41 86 ± 67 41 88 ±	58 04 8	129 20, 129 26
03	16 1230	41 10 14	31 37 2	126 85	53	36 8676	41 90 8	58 : 37: 2	129 32
04	16 5340	41 12	32 09:6	126 91	F: 54	37:2866	41 92 18	59 09 6	129 38
05	16 9452	41 13	32 42 0	126 94	± 55	37 7058 -			129 41
75,06 07	1,617 3565 17 7680	41 15 67	33 46 8	127 01 127 07	75,56	1,638 1251 ; a)	41 95 68 41 96	00 14 4	129 48 129 51
08	18 1797	41 18	34 19 2	127 10	7: 58:	38 9642	41 98	01 19 2	129; 57
09	. 18 5915	41 19 19	(34 51 6	127 . 13	59:	39 3840	41 ,99 (-8	01 51 6	129 60
10	19 0034	41 21 14	35 24 0	127 / 19	€ 60 €	39 8039	42 (02 08	02 24 0	129 69
75,11 12	1,619 4155 19 8278	41 23 (.67	35 56 4 t 36 28 8	127 25 127 28	75,61 62	40 6444	42 03 68 42 04	02 56 4	129 72 129 75
13	20 2402	41 26	37 01 2	127 35	63	41 0648	42 06	04 01 2	129 81
14	20 6528	41 (27	.37. 33 6	127 . 38	8-64 s	41 4854	42 08	04 33 6	129 88
15	21 0655	41 29	38 06 0	127 44	. 65	41 9062	42 10	05 06 0	129 94
75,16	1,621 4784	41 31 4 67		127 50	75,66		42 ,11 , 68	05 38 4	129 97
17 18	21 8915 22 3047	41 32 A	39 10 8	127 53 127 59	68	42 7483	42 15	06 10 8 06 43 2	130 00 130 09
19	22 7181	41 35	40 15 6	127 62	ε 69	43 5910	42 16	07 15 6	130 12
20	23 1316	41 37	40 48 0	127. 69	6 70	44 0126	42 18	07 48 0	130 19
75,21	1,623 5453	41 38 67		127 72	75,71		42 19 68	08 20 4	130 22
22 23	23 9591 24 3731	41 40	41 52 8	127. 78 127. 84	72	44 8563 45 2784	42 21 42 42	08 52 8	130 28 130 34
24	24 7873	41 43	42 57 6	127 87	73	45 7007	42 24	09 57 6	130 37
25	25 2016	41 45	43 30 0	127 93	75	46 1231	42 26	10 30 0	130 43
75,26	1,625 6161	41, 46 67	44 02 4	127 96	75,76	1,646 5457	42 ,28 / 68	11 . 02 4	130 49
27	26 0307	41 48).	44 34 8	128 02	77	46 9685	42 29	11 34 8	130 52
28 29	26 4455 26 8605	41 50	45 07 2	128 09 128 12	78	47 3914 47 8145	42 31 42 33	12 07 2 12 39 6	130 59 130 65
30	27 2756	41 53	46 12 0	128 18	80	48 2378	42 34	13 12 0	130 68
75,31	1,627 6909	41 54 67	46 44 4	128 21	75,81	1,648 6612	42 36 68	13 44 4	130 74
32	28 1063	41 56	47 16 8	128 27	82		42 37	14 16 8	130 77
33 34	28 5219 28 9377	41 58	48 21 6	128 33 128 36	83	49 5085	42 40 42 41	14 49 2 15 21 6	130 86
35	29 3536	41 61	48 54 0	128 43	85		42 42	15 54 ()	130 90 130 93
75,36	1,629 7697	41 62 67	49 26.4	128 46.	75,86	1,650 7808	42 45 68	16 26 4	131 02
37	30 1859	41 64	49 58 8	128 52	2 87		42 46	16 58 8	131 05
38	30 6023 31 0189	41 66	50 31 2	128 58	88.	02	42 47	17 31 2 18 03 6	131 08
39 40	31 4356	41 69	51 03 6 51 36 0	128 61 128 67	89 90 :	52 4796	42 51	18 03 6 18 36 0	131 17 131 20
75,41	1,631 8525	41 70 10 67	_	128 .70	75,91	1,652 9047	42 52 68	19 .08 4 .	131 23
42	· 32 2695	41 72 04	52 40 8	128 77	92	53 3299	42 55	19 40 8	131 33
43	32 6867	41 74 54	53 13 2	128 83	1 93		42 56	20 - 13 2	131 36
44 45	33 1041 33 5216	41 75 4	53 45 6	128 86 128 92	94		42 57 mg 42 60	20 45 6	131 39 131 48
	1,633 9393						42 61 68	21 50 4	
75,46 47	34 3571	41 78 67	55 22 8	128 95 129 04	75 ,96		42 63	22 22 8	131 51 131 57
48	34 7752	41 81 24	55 55 2	129 04	98:		12 64	22 55 2	131 60
49	35 1933	41 84 14	56 27 6	129 14	~ 99 : 76 00	56 3115	12 66	23 27 6 24 00 0	131 67
50	3 5 6117	1 - 1 h	57 00 0	7.5,90	76,00	, 50 .004		χ. ω. υ	47.00
	,	19		1					
			_						

N. E.	ALLEY A	A	lte Einth.	N.M.	N. E.	et att of		- A1	te Einth.	
$k = 76^{\circ}$		D. 1".		D. 1".	$k = 76^{\circ}$	2. k.				D. 1".
Gr. M.			r. M. S.		Gr. M.	2 10			. M. S.	
76,00	1,656 7381		8 24 00 0	131 73	76,50	1,678 2879	. 43		51 00 0 i	134 41
76,01	1,657 1649	42 70 68	3 24 32 4	131 79	76,51	1,678 7234	p 43	56 . 68	51 32 4	134 44
02	57 5919	42 71	25 04 8	131 82	8-52	79 1590		58	52 04 8	134 51
03	58 0190	42 73	25 37 2	131 88	53		43	60 00	52 37 2	134 57
04	58 4463		26 09 6	131 94	54			61	53 .09 6	134 60
05	58 8738	42 76	26 42 0	131 93	55	80 4669	43	63	53 42 0	134 66
76,06	1,659 3014	42 78 68		132 04		1,680 9032		65 68	54 14.4	134 72
07	59 7292	42 80	27 46 8	132 10	58			67	54 46 8	134 78 134 85
08	60 1572	42 83	28 19 2 28 51.6	132 - 19	59			69	55 19 2 55 51 6	134 88
10	61 0136	42 85 85	29 .24 0	132 25	60	82 6503		72	56 24 0	134 94
76,11				132 31	76.61	1,683 0875		74 68	56 56 4	135 .00
12	1,661 -4421 61.8708	42 88	30 28 8	132 35	62		43	76	57 28 8	135 06
13	62 2996	42 90	31 01 2	132 41	63	83 9625		77	58 01 2	135 09
14	62 '7286	42 92	31 33 6	132 47	64	84 4002	43	80 .	58 33 6	135 19
15	63 1578	42 93	32 06 0	132 50	65	84 8382	43	81	59 06 0	135 22
76,16	1,663 5871	42 95 - 68	32 38 4	132 56	76,66	1,685 2763	43	83 68	59 38 4	135 28
17	64 0166	42 97	33 10,8	132 62	, 67	.85 7146	43	84 69	00 10 8	135 31
18	64 4463	42 99	33 43 2	132 69	68			87: 41	00 43 2	135 40
19	64 8762	43 .00 72	34 15 6 34 48 0	132 72 132 78	70	86 5917		88	01 15 6	135 43 135 49
20	65 3062	43 02				87 0305		90	01 48 0	
76,21	1,665 7364	43 04 68		132 84	76,71	1,687 4695		92 69	02 20 4	135 56
22	66 1668 66 5974	43 06	35 52 8 36 25 2	132 90 132 93	72	87 9087		94	02 52 8 03 25 2	135 62 135 65
23 24	67 0281	43 09	36 57 6	132 99	74	98 3491 88 7876		98	03 57 6	135 74
25	67 4590	43 10	37 30 0	133 02	75	89 2274		99	04 30 0	135, 77
76,26	1,667 8900	43 13 68	38 02 4	133 12	76,76	1,689 6673	44	01. 69	05 02 4	135- 83
27	68 3213	43 14	38 34 8	133 15	77.	90.1074	44		05 34 8	135 86
28	68 7527	43 16	39 07 2	133 21	. 78	90 5476	44	65	06 07.2	135 96
29	69 1843	43 18	3 9 3 9 6	133 28	79	90 9881	44	06	06 39 6	135 99
30	69 6161	43 19 .	40 12 0	133 30	80	91 4287	41	08	07 12 0	136 05
76,31	1,670 0480	43 21 68	40 44 4	133 36	76,81	1,691 8695	44	10 69	07 44 4.	136 11
32	70 4801	43 23	41 16 8	133 43	: 82 :	92 3105		12	08 16 8	136 17
33	70 9124	43 24	41 49 2	133 46 133 55	83	92 7517		14	08 49 2	136 23
34	71 3448 71 7775	43 28	42 21 6 42 54 0	133 58	84	93 193 1 93 6346		15 17	09 21 6	136 27 136 33
35					76,86					
76,36 37	1,672 2103 72 6432	43 29 68 43 32	43 26 4 43 58 8	133 61 133 70	87	1,694 0763 94 5183		20 69	10 26 4 10 58 8	136 42 136 42
38	73 0764	43 33	44 31 2	133 73	88	94 9603		23	11 31 2	136 51
39	73 5097	43 35	45 -03 6	133 80	89.	95 4026	41		12 03 6	136 57
40	73 9432	43 37 🚓	45 36 U	133 86	90	95 8451	44	26 (3)	12 36 0	136 60
76,41	1,674 3769	43 38 68	46 08 4 .	133 89	76,91	1,696 2877	. 44	28 69	13 08 4	136 67
42	.74 8107	43 41 :-	46 40 8	133 98	92		44		13 40 8	136. 76
43	75 2448	43 42 00	47 13 2	134 01	93		44		14 13 2	136 76
44	75 6790	43 44 40	47 45 6	134 07	94.	97 6167		34	14 45 6	136 85
45	76 1134	43 45	48 18 0	134 10	95 (98 0601	44	36	15 18 0	136 91
76,46	1,676 5479	43 48 68	48 50 4	134 20	,	1,698 5037	44		15 50 47	136 91
47	76 9827	43 49	49 22 8	134 23	97	98 9473		40	16 22 8	137 04
48	77 4176 77 8527	43 52 24	49 55 2 50 27 6	134 32	98	99 3913	44		16 55 2 17 27 6	137 07
50	78 2879	** (4	51 00 0		77,00	1,700 2797			18 00 0	

N.E.	11. 11	121 4	ids	All	e Einth	10	1 .71	0	N. E.	.E1101	21 61	180		Alte	e E	inth.		
$k = 77^{\circ}$	Ω.	k.	D.	1".		D.	1".		$k = 77^{\circ}$	2.	k.	D.	1".				D.	1".
Gr. M.		.37			M. S.	.1	1 . (4,9		Gr. M.	ee.	47 E - 1	1.7		Gr.	M.	S,		
77,00	1,700	2797	44	45 69	18 00 0	137	19		77,50	1,722	7335	45	39	69	45	00 0	140	00
77,01	1,700	7242	44	47 69	18 32 4	137	25		77,51	1,723 1	.874	45	42		45	32 4	14()	19
02	01	1698	41	48	19 04 8	137	28		52	23 6	416	45	43			04 8	140	22
03	-01		41	51	19 37 2	137	38		53	24 0	40	45	45			37 2	140	28
04	02		41	54 00	20 09 6	137	41		54	24 5		45 45	4/			09 6 42 0	140	34
		5040	44							25 (-	
77,06	1,702 9		44	56 69	21 14 4 21 46 8	137	53		77,56	1,725 4		45 45	51 53	1.0		14 4 46 8	140	52
08		3950 8408	44	59	22 19 2	137			58	26 3	151	45	03			19 2	140	56
09	es .	2867	. 41	62	22 51 6	137	-72		59	A 1	3258	45	57 5	E-	49	51 6	140	65
10	104	7329	44	63 09	23 24 0	137	75		60	27 :	2815	45	59		50	24 0	140	71
77,11	1,705	1792	41	65 69	23 56 4	137	81 .		77,61	1,727	7374	45	61	69	50	56 4	140	77.
12	05	6257	42	68	24 28 8	137	90		62		1935	45	2.4		51	28 8	140	
13		0725	44	69	25 01 2	137	93		63		5497	45		4				89
14		5194	44	73 1440	25 33 6 26 06 0	137	06		64		1062 5628	45	00		52 53	33 6 06 0		93
15		9664	_										40					
77,16	1,707		44	75 69 76	26 38 4	138 138	12 15	c.	77,66	1,730	4767	45	70	69	53	38 4	141	05
18		8612 3083	44	78 84	27 43 2	138	21		68		9340	45	4.0	÷	54	43 2	141	*
19		7566 ⁾	- 44	80' -53	28 15 6	138			69		3914	45			55	15 6	141	27
20	09	2946	41	82	28 48 0	138	33		70	31	8491	45	78	4.	55	48 0	141	30
77,21	1,709	6528	44	84 69	29 20 4	138	39		77,71	1,732	3069	45	80	69	56	20 4	141	36
22	10.	1012	44	86	29 52 8	138			72	32	7649	45	82	3	56	52 8	141	42
23		5498	41	88	30 25 2	- 138	,		73		2231	45			57	25 2	141	
24		9986		e 11.3	30 57 6 31 30 0	138			74		6816 1402	45 45	86		58	57 6 30 0	141	
25		4476							75									
77,26	1,711		44		32 02 4 32 34 8				77,76	1,731	5990 0580	45	90	69	59 59	02 4°	141	67
27 28		346 1 7956			33 07 2				77		5172	45	95	70	00	07 2	141	
29		2453			33 39 6				79		9767	45	96		00	39 6		85
30	13	6952	45	01 :	34 12 0	138	92		80	3 6	4363	45	98	. **	01	12 0	141	91
77,31	1,714	1453	45	03 69	34 44 4	138	3 98		77,81	1,736	896i	46	00	70	01	44 4:	141	98
32	,	5956		05	35 16 8	139	04		82	. 37	3561	46	02		02	16 8	142	2 04
33		0461		_	35 49 2				83		8163	46			02	49 2	142	
34		4968			36 21 6 36 54 (-	84		2767 7373	46 46	06		03	21 6 54 0	149	
35		9476							85									
77,36	. ,	3987 38499			37 26 4 37 58 8				77,86	1,739	6591	46	10	70	04	26 4	142	
38:		3013			38 31 2				88		1203	46		t e	05	31.2	142	
39		7 7530		18	39 03 6	139	44		89	40	5817	46	16	c.t.	06	03 6	142	47
40	. 18	2048	. 45	20 44	39 - 36 (139	9 51		90	41	0433	46	19	12	06	36 0	142	2 56
77,41	1,718	6568	45	22 69	40 08 4	139	9 57.		77,91	1,741	5052	46	20	70	07	08 4	143	2 59 .
42	19	1090			40 40 8		9 63		92	41	9672	46	-	e.		40 8		65
43		5614			41 43 3		9 69		93		4294	46	-	E.S.		13 2		2 - 72
44) ()14(() 466			41 45 (9 72 9 81		2.4		8918 3544	46 46	7			45 6 18 0		2 5 78
45									au	-								
77,46		0 9179 1 3729			9 42 50 43 22 3		9 88 9 91		77,96	1,743	2802	46 46	30 32	70		50 4		90 .
48		4.826			43 55		0 00		98		7434	46		E@-		55 2		02
		2 279		5 37 😥	44 27		0 03		99		2068	46		ė.		27 6		09
50	(2	2 733	5		45 00	0, ٤	(A, 41)	-	78,00	45	6704				12	00 0		

N. E.	ALMERICA	Alte Einth	W.R.	N. E.	distribution	1	Alte Einth.	Miller
k=78°	2. k. D.1	14.5° .7° .10	D.1".	k=78°			12 13	
Gr. M.	10 M 40	Gr. M. S.	20 ,425	Gr. M.			Gr. M. S.	
78,00	1,745 6704 46, 3	9 70 12 00 Q	143 18	78,50	1,769 1134		70 39 00 0	146 33
78,01		0 3 70 12 32 4	143 21	78,51	1,769 5875		70 39 32 4	146 42
03	46 5983 46 4 47 0625 46 4		143 27 143 33	52 , 53	70 0619 70 5365	47 46 47 49	40 04 8	146 48 146 57
04	47 5269 46 4		143 43	54	71 0114	47 50	41 09 6	146 60
05	47 9916 46 48	3. 4 42 0	143 46	55	7.1 4864	47 52	41 42 ()	146 67
78,06	1,748 4564 46 5.	1 70 15 14 4	143 55	78,56	1,771 9616	47 55	70 42 14 4	146 76
07	48 9215 46 5		143 58	57	72 4371	47 57	42 46 8	146 82
08	49 3867 46 55		143 67 143 70	58 59	72 9128 73 3887	47 59 47 60	43 19 2 43 51 6	146 88 146 91
09	1 50 3178 46 5		143 80	60	73 \$647	47 64	41 21 0	147 04
78,11		0: 0 17 56 4	143 83	78,61	1,774 3411	47 65	70 44 56 4	147 07
12	51 2497 46 63		143 92	62	74 8176	47 67	45 28 8	147 13
13	51 7160 46 6	5 19 01 2	143 98	63	75 2943	47 70	46 01 2	147 22
14	52 1825 46 6		144 01	64 65	75 7713	47 72	46 33 6	147 28 147 35
15	52 6491 46 69		144 10		. 76 2485	47 74	47 06 0	
78,16	1,753 1160 : 7 46 .71 53 5831 46 7	70, 20 38.4	144 17 144 23	78,66 67	1,776 7259 77 2035	47 76 47 78	70 47 38 4 48 10 8	147 41
17	p :54 0504 46 7	2 1 119	144 29	68	77 6813	47 80	48 43 2	147 53
19	54 5179 46 7	7 . 22 15 6	144 35	69	78 1593	47 83	49 15 6	147 62
20	54 9856 46 79	9. 22 48 0	144 41	70	78 6376	47, 84	49 48 0	147 65
78,21	*,,00 1000	1 - 70 23 20 4	144 48	78,71	1,779 1160		70 50 20 4	147 75
22	55 9216 46 8		144 54	72	79 5947	47 89 47 92	50 52 8 51 25 2	147 81 147 90
23 24	56 3899 46 8 56 8584 46 8		144 60 144 69	73 74	80 0736 80 5528	47 92 47 93	51 57 6	147 93
25	57 3272 46 8		144 72	75	81 0321	47 95	52 30 0	147 99
78,26	1,757 7961 46 95	2 5 70 26 02 4	144 81	78,76	1,781 5116	47 98	70 53 02 4	148 09
27	58 2653 46 9		144 85	77	81 9914	48 00	53 34 8	148 15
28	58 7346 46 96		144 94	78	82 4714	48 ()2	54 07 2 54 39 6	148 21 148 27
29 30	59 2042 46 9 59 6740 46 9		145 00 145 03	79 80	82 9516 83 4320	48 04	55 12 0	148 33
		70 28 44 4	145 12	78,81	1,783 9126		70 55 44 4	148 40
78,31 32	1,760 1439 47 02 60 6141 47 04		145 19	82	84 3935	48 11	56 16 8	148 49
33	61 0845 47 06		145 25	83	84 8746	48 13	56 49 2	148 55
34	61 5551 47 08		145 31 145 40	84	85 3559	48 15	57 21 6	148 61
35	62 0259 47 11		111	85	85 8374	48 .17	57 54 0	148 67
78,36	1,762 4970 47 12 62 9682 47 14	70 31 26 4	145 43 145 49	78,86 87	1,786 3191 86 S011	48 20 3	70 58 26 4 58 58 8	148 77 148 80
37 38	63 4396 47 1		145 59	88	87 2832		70 59 31 2	148 89
39	63 9113 47 18		145 62	89	87 7656	48 27	71 00 03 6	148 98
40	64 3831 47 21	1 33 36 0	145, 71	90	88 2483	48 28	00 36 0	149 01
78,41		70 34 08 4	145 77	78,91	1,788 7311		71 01 08 4	149 10
42	65 3275 47 25		145 83 145 89	92	89 2142	48 32	01 40 8 02 13 2	149 14 149 23
43 44	66 8000 47 27 66 2727 47 .29		145 96	93 94	90 1809	48 37	02 45 6	149 29
45	66 7456 47 31		146 02	95	90 6646	48 40	03 18 0	149 38
78,46	1,767 2187 27 47 -34	70 36 50 4	146 11	78,96	1,791 1486	48 41	71 03 50 4	149 41
47	67 6921 47 35	1.37 22 8	146 14	97	91 6327	48 44	04 22 8	149 51
* 48	68 1656 47 38		146 23	98	92 1171	48 46	04 55 2 05 27 6	149 57 149 63
50 49	68 6394 47 40 69 1134	38 27 6 39 00 0	146, 30	79,00	92 6017 93 0865	48 48	06 . 00 0	240 03
90				.0,00			4.5	

N. E.		A.	lte Einth.	18.10	N. E.	rf)	Alte Ei	nth.
$k = 79^{\circ}$	Q. k.	D. 1".		D. 1".	k=79°	Q. k.	D. 1".	D. 1".
Gr. M.	, ,	(Gr. M. S.		Gr. M.	. N. N. S.	Gr. M.	s.
79,00	1,793 0865	48 51 7	1 06 00 0	149 72	79,50	1,817 6161	49 65 71 33 (0 0 153 24
79,01	1,793 5716		1 06 32 4	149 75	79,51	1,818 1126		12 4 153 30
02 03	94 0568 94 5423	48 55 48 58	07 04 8 07 37 2	149 85 149 94	52 53	18 6093		4 8 153 36 17 2 153 46
04	95 0281	48 59	07 37 2 08 09 6	149 97	54	19 6034		9 6 153 49
05	95 5140	48 62	08 42 0	150 06	55	20 1007	49 77 35 4	2 0 153 61
79,06	1,796 0002	48 64 7	1 09 14 4	150 12	79,56	1,820 5984	49 78 71 36 1	4 4 153 64
07	96 4866	48 66	09 46 8	150 19	57	21 0962		6 8 153 73
. 09	96 9732 97 4600	48 68 48 71	10 19 2	150 25 150 34	58 59	21 5943		9 2 153 80
10	97 9471	48 73	10 51 6 11 24 0	150 40	60	22 5912		4 0 153 95
79,11	1,798 4344	48 75 7	1 11 56 4	150 46	79,61	1,823 0900	49 90 71 . 38 5	6 4 154 01
12	98 9219	48 77	12 28 8	150 52	62	23 5890		8 8 154 10
13	99 4096	48 80	13 01 2	150 62	63	24 0883		1 2 154 17
14 15	1,799 8976 1,800 3858	48 82 48 84	13 33 6 14 06 0	150 68 150 74	64	24 5875		3 6 154 26 6 0 154 32
79,16	1,300 8742			150 80	79,66	1,825 5876		8 4 154 33
17	01 3628	48 86 7	11 14 38 4	150 89	67	26 0878		0 8 154 48
18	01 8517	48 90	15 43 2	150 93	68	26 5883		3 2 154 54
19	02 3407	48 94	16 15 6	151 05	69	27 0890		5 6 154 60
20	02 8301	48 95	16 48 0	151 08	70	27 5899		8 0 154 69
79,21 22	03 8094	48 98 7 49 00	1 17 20 4 17 52 8	151 17 151 23	79,71 72	1,828 0911 28 5925		0 4 154 75 2 8 154 85
23	04 2994	49 02	18 25 2	151 30	73	29 0942		2 8 154 85 5 2 154 91
24	04 7896	49 05	18 57 6	151 39	74	29 5961		7 6 154 97
25	. 05 2801	49 06	1 9 3 0 0	151 42	75	30 0982	50 24 46 3	0 0 155 06
79,26	1,805 7707		1 20 02 4	151 54	79,76	1,830 6006	50 26 -71 47 0	
27 28	06 2617 06 7528	49 11 49 1 4	20 34 8 21 07 2	151 57 151 67	77 78	31 1032 31 6060		4 8 155 19 7 2 155 28
29	07 2442	49 16	21 39 6	151 73	79	32 1091		9 6 155 34
30	07 7358	49 18	22 12 0	151 79	80	32 6124	50 36 2 49 1	2 0 155 43
79,31	1,808 2276	49 20 7	1 22 44 4	151 85	79,81	1,833 1160	50 38, 71 49 4	4 4 155 49
32	08 7196	49 23	23 16 8	151 94	82	* '33 6198		6 8 155 59
33 34	09 2119 09 70 44	49 25 49 28	23 49 2 24 21 6	152 01 152 10	83	~ 34 1239 0 54 6282		9 2 155 65 1 6 155 71
35	10 1972	49 30	24 54 0	152 16	85	35 1327	50 48 51 5	
79,36	1,810 6902	49 32 7	1 25 26 4	152 22	79,86	1,835 6375	50 51 71 52 20	3 4 155 89
37	11 1834	49 34	23 58 8	152 28	87	36 1426	50 52 52 5	8 8 155 93
38 39	11 6768	49 37	26 31 2	152 38	88	36 6478 37 1533	50 55 53 3 50 58 6 54 0	
40	12 1705 12 6643	49 38 49 42	27 03 6 27 36 0	152 41 152 53	89 90	0 37 6591	50 58 F - 54 00 50 60 F - 54 30	
79,41	1,813 1585	49 43 7		152 56		1,838 1651	50 - 62 75 71 - 55 0	
42	13 6528	49 46	28 40 8	152 65	92	38 6713	50 65 74 655 40	
43	14 1474	49 49	29 13 2	152 75	93	2 39 1778	50 68 1 56 13	2 156 42
44 45	14 6423 15 f373	49 50	29 45 6 30 18 0	152 78 152 87	94	39 6846	50 69 9 56 48 50 72 P 57 18	
		10.40			95			
79,46	1,815 6326 16 1281	49 55 71	30 50 4	152 93 153 02	79,96 97	1,840 6987 · · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	50 75 Th 71 573 50 50 77 Th 158 20	
48	16 6239	49 60	31 55 2	153 09	98	- 41 7139	50 79 75 68 55	
49	17 1199	49 62	32 27 6	153 15	99	42 2218	50 62 71 59 2	
5 0	17 6161		33 00 0	MANY	80,00	42 7300	72 00 0	00

Nº E		,	Alte Eint	Ь	N. E.		Alta	Einth.
N. E.	0 0 1	D 411				, D		
k=80	Ω . k .	D.1".	r	D.1".	k=80° g	2. k. D	. 1".	D. 1".
Gr. M.			Gr. M. S.		Gr. M.		Gr. M	r. s.
80,00	1,842 7300	50 85	72 00 00 0	156 94		58 4586 52	10 72 27	7 00 0 160 80
80,01	1,843 2385	50 87	72 00 32 4	157 01		68 9796 52	14 72 27	7 32 4 160 93
02	43 7472	50 89	01 04 8	157 07		59 5010 52	15 28	3 04 8 160 96
03	44 2561	50 92	01 37 2	157 16		0 0225 52	19 28	37 2 161 08
04	44 7653	50 94	02 09 6	157. 22		0 5444 52	21 29	
05	45 2747	50 97	02 42 0	157 31		1 0665 52	23 29	42 0 161 20
80,06	1,845 7841	50 99	72 03 14 4	157 38		1 5888 52	26 72 30	
07	46 2943	51 02	03 46 8	157 47		2 1114 52	29 30	
08	46 8045	51 04	04 19 2 04 51 6	157 53 157 62		2 6343 52 3 1574 52	31 31	
09	47 3149 47 8256	51 07 51 09	04 51 6 05 24 0	157 62 157 69		3 1574 52 3 6808 52	34 31 37 32	
10	47 5230				00.04			
80,11	1,848 3365	51 12	72 05 56 4	157 78	00	4 2045 52	39 72 32	56 4 161 70
12	48 5477	51 14	06 28 8	157 84 157 90	0.0	7284 52 5 2526 52	42 33	28 8 161 79
13	49 3591	51 16 51 20	07 01 2 07 33 6	158 02	0.4	5 7770 52	44 34 47 34	01 2 161 85 33 6 161 94
14	49 8707 50 3827	51 21	08 06 0	158 06	0.0	3017 52	50 35	33 6 161 94 06 0 162 04
1.5								,
80,16	1,850 8948	51 24	72 08 38 4	158 15 158 24	,	5 8267 52 7 3520 52	53 72 35 55 36	38 4 162 13
17	51 4072 51 9199	51 27 51 29	09 43 2	158 .30		7 8775 52	55 36 57 36	10 8 162 19 43 2 162 25
18	52 4328	51 31	10 15 6	158 36		3 4032 52	60 37	15 6 162 35
19	52 9459	51 34	10 48 0	158 46	00	3 9292 52	63 37	48 0 162 44
20			72 11 20 4	150 55		9 4555 52	66 72 38	
80,21	1,853 4593	51 37 51 39	72 11 20 4 11 52 8	158 55 158 61		9821 52	66 72 38 68 38	20 4 162 53 52 8 162 59
22	53 9730 54 4869	51 42	12 25 2	158 70			71 39	25 2 162 69
23	55 0011	51 44	12 57 6	158 77			73 39	57 6 162 75
24 25	55 5155	51 47	13 30 0	158 86		5633 52	77 40	30 0 162 87
	1,856 0302	51 49	72 14 02 4	158 92	80,76 1,882	0910 52	78 72 41	02 4 162 90
80,26	56 5451	51 52	14 34 8	159 01	00,10		82 41	34 8 163 02
27 28	57 0603	51 54	15 07 2	159 07		1470 52	84 42	07 2 163 09
29	57 5757	51 57	15 39 6	159 17		6754 52	86 42	39 6 163 15
30	58 0914	51 59	16 12 0	159 23	80 84	2040 52	90 43	12 0 163 27
80,31	1,858 6073	51 62	72 16 44 4	159 32	80,81 1,884	7330 52	92 72 43	44 4 163 33
32	59 1235	51 65	17 16 8	159 41		2622 52	95 44	16 8 163 43
33	59 6400	51 67	17 49 2	159 48			98 44	49 2 163 52
34	60 1567	51 69	18 21 6	159 54	-			21 6 163 58
35	60 6736	51 72	18 54 0	159 63	85 86	8515 53	03 45	54 0 163 67
80,36	1,861 1908	51 75	72 19 26 4	159 72	80,86 1,887			26 4 163 73
37	61 7083	51 77	19 58 8	159 78	87 87			58 8 163 86
38	62 2260	51 79	20 31 2	159 85	90		11 47	31 2 163 92
39	62 7439	51 83	21 (13 6	159 97	0.0			03 6 163 98
40	63 2622	51 84	21 36 0	160 00	90 89	5056 53	17 48	3 6 0 1 64 1 0
80,41	1,863 7806	51 88	72 22 08 4	160 12	80,91 1,890			08 4 164 17
42	64 2994	51 90	22 40 8	160 19	4~	-		40 8 164 23
43	64 8184	51 92	23 13 2	160 25	0.0			13 2 164 35
44	65 3376	51 95	23 45 6 24 18 0	160 34 160 43	~ *			45 6 164 41 18 0 164 51
45	65 8571	51 98						
80,46	1,866 3769	52 (X)	72 24 50 4	160 49	80,96 1,892			50 4 164 57
47	66 8969	52 03	25 22 8	160 59				22 S 164 69
48	67 4172	52 ()6	25 55 2 26 - 27 6	160 68 160 74	90			55 2 164 72 27 6 164 85
49	67 9378 68 4586	5% 08	27 00 0	200 71		8341		00 0
5 0	08 4380		2, 000		01,00			

Нh

$ \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	N. E.	ite Fr th,	A	lte Einth	. M.M.	N.E.	reign ned	. A1	te Einth.	
St. M. St. Or.	k=81°	Ω . k .	D. 1".	25. 12	D. 1".				h 3	D. 1":
$ \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$				w W S	0		er - 1,100	7	W C	1
81,01 4,805 3055 53 46 72 54 32 4 165 00						04 50	1,921 8919			169 23
02		No. of Lines		10,000,0		00 00				
04 96 9731 53 55 56 420 165 34 55 55 24 6366 64 98 23 420 169 60 81,06 1,898 0443 63 60 72 67 144 165 43 81,06 1,998 0443 63 60 72 67 144 165 43 81,06 1,998 0431 63 60 67 26 71 144 165 43 81,06 1,998 0431 63 60 65 81 62 165 50 58 82 32 420 169 60 80 83 83 91 160 63 165 64 65 81 62 165 50 58 82 62 2800 55 07 22 14 48 169 78 80 98 91,66 53 63 68 58 51 6 165 62 56 57 25 7365 55 07 22 14 68 109 80 91,60 53 63 68 58 51 6 165 62 56 59 26 8370 55 00 25 51 6 170 03 10 1,000 1899 63 71 69 24 0 165 77 60 27 3855 55 13 26 24 0 170 15 15 14 1,000 7370 53 74 73 59 56 4 165 78 60 22 84013 55 19 2 72 88 170 34 13 00 1891 57 70 0.0 12 160 02 63 29 0325 55 12 27 28 8 170 34 13 00 1891 57 70 0.0 12 160 02 63 29 0325 55 12 27 28 8 170 34 13 00 1891 57 70 0.0 12 160 02 63 29 0325 55 12 27 28 8 170 34 13 00 1891 57 70 0.0 12 160 02 63 29 0325 55 12 27 28 8 170 34 13 00 1891 57 70 0.0 12 160 02 63 29 0325 55 12 27 28 8 170 34 13 00 1891 57 70 0.0 12 160 02 63 29 0325 55 12 27 28 8 170 34 13 00 1893 160 53 88 70 30 38 4 160 30 81,66 40 1898 55 15 73 29 00 0 170 59 15 15 02 8782 53 84 02 03 10 18 166 30 81,66 30 81,66 1,000 700 55 50 73 29 38 4 170 70 18 04 4044 53 93 03 43 2 160 45 68 18 08 18 08 55 37 30 18 18 170 77 18 04 4044 53 93 03 43 2 160 45 68 18 08 18 08 55 37 30 18 170 77 18 04 4044 53 93 03 43 2 160 45 68 18 08 55 50 73 20 01 11 05 170 18 18 04 4044 53 93 03 43 2 160 45 68 18 08 55 50 73 20 01 11 05 170 18 18 04 404 53 59 00 00 160 18 166 60 77 0 32 9444 55 42 31 43 30 11 10 170 170 18 18 14 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18					200		1 2 4			
81,06	03	96 4380	53 51			()		54 92	22 37 2	169 51
81,06						1 11	r	54 95		
08	05	97 5086	33 57	56 42 0	165 34	55	24 6366	54 98	23 42 0	169 69
08 991166 51 65 68 192 165 89 58 20 2800 65 07 25 192 169 97 09 1,909 6331 53 68 88 54 6 165 68 59 26 8376 85 09 25 51 6 170 97 170 15 18 1,900 1809 63 71 89 24 0 165 77 60 27 3885 55 13 26 24 0 170 15 18 1,911 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19		•	53 60 . 72	57 14 4	165 43			55 01 73	24 14 4	
09			71. 71.		. 31		2 1 1			
81,11 1,900 1270 53 74 73 59 56 4 165 86 66 62 23 4013 55 13 26 24 0 170 15 13 13 14 1900 1270 53 77 00 28 8 165 66 66 20 23 4013 55 15 73 26 56 1 170 32 13 14 14 02 3400 53 82 01 33 6 166 11 64 29 5933 55 25 28 33 6 170 52 15 15 03 88 20 13 3 6 166 11 64 29 5933 55 25 28 33 6 170 52 15 15 03 88 10 20 60 166 17 65 30 1478 55 27 29 66 170 52 18 14 14 02 3400 53 82 01 33 6 166 11 64 29 5933 55 25 28 33 6 170 52 15 15 03 84 02 66 0 166 17 65 30 1478 55 27 29 66 0 170 59 15 15 03 88 10 20 60 166 17 65 30 1478 55 27 29 66 0 170 59 18 18 04 4944 53 93 03 43 2 160 35 18 166 36 67 31 8536 55 33 30 108 170 77 18 04 4944 53 93 03 43 2 160 45 68 31 8086 55 37 30 43 2 170 90 19 19 05 0337 53 96 04 15 6 166 54 69 22 3608 55 30 31 15 6 170 90 19 05 0337 53 98 74 48 0 166 60 70 03 29 144 55 42 31 18 04 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18						1000	: '	54.		
81,11		,	14 -4			v 2	616.	. 166	2 .	
12 01 2644 53 77 00 28 8 165 96 62 28 4913 555 19 27 28 8 170 34 13 01 8021 53 79, 01 01 2 166 02 63 29 0432 55 51 28 8 31 6 12 170 44 14 02 3400 53 82 01 33 6 166 11 64 29 9593 55 25 28 33 6 170 52 15 15 02 8782 53 84 02 66 0 166 17 65 30 1478 55 27 29 06 0 170 50 170 50 171 170 170 170 170 170 170 170 170 17		•						2. 1. 1.2"		
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$		•					7			
144										
81,16										170 52
477 03 9554 53 90 03 10 8 166 36 67 31 2535 55 33 30 10 8 170 77 18 04 944 53 93 03 43 2 160 45 68 31 8068 55 37 30 43 2 170 90 20 05 5733 53 98 74 48 0 166 60 70 32 9144 55 42 31 48 0 171 05 81,21 1,906 1131 54 02 73 05 20 4 166 73 81,71 1,933 4686 55 44 73 32 20 4 171 11 22 06 6533 54 04 05 52 8 166 79 72 34 0230 55 48 32 52 8 171 23 23 07 1937 54 07 06 25 2 166 88 73 34 5778 55 56 1 33 25 2 171 33 24 07 7344 54 10 06 57 6 166 98 74 35 1329 55 54 33 576 171 42 25 08 2754 54 13 07 30 0 167 07 75 35 6883 55 60 33 35 02 4 171 00 27 09 3582 54 18 08 34 8 167 22 77 36 799 55 63 33 35 02 4 171 00 27 09 3582 54 18 08 34 8 167 22 77 36 799 55 63 33 50 2 4 171 00 28 09 9000 54 22 09 07 2 167 35 78 37 3662 55 65 56 3 36 37 34 8 171 70 29 10 4422 54 24 09 39 6 167 41 79 3 79 37 9127 55 60 3 36 39 6 171 8	15	02 8782	53 84	02 06 0	1 66 17	65	30 1478	55 27	29 06 0	170 59
18	81,16	1,903 4166	53- 88 - 7	3 02 38 4	166 30	81,66	1,930 7005	55 30 73	29 38 4	170 68
19	,	03 9554	53 90	-03 10 8	166 36	67.	31 2535	55 33	30 10 8	170 77
20 05 5733 53 98 74 48 0 166 60 70 32 9144 55 42 31 48 0 171 05 81,21 1,906 1131 64 02 73 05 20 4 166 73 81,71 1,933 4686 55 44 73 32 20 4 171 11 22 06 6533 54 04 05 52 8 166 79 72 34 0230 55 56 13 32 25 217 133 32 24 07 7344 54 10 06 57 6 166 98 74 35 1329 55 54 33 57 6 171 42 25 08 2754 54 13 07 30 0 167 07 75 35 6883 55 56 33 30 0 171 48 81,26 1,908 8167 54 15 73 08 02 4 167 07 75 35 6883 55 60 73 35 02 4 171 07 226 09 3582 54 18 <th< td=""><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td></th<>										
81,21										
22 06 6533 54 04 05 52 8 166 79 72 34 0230 55 48 32 52 8 171 23 23 07 1937 54 07 06 25 2 166 88 73 34 5778 55 61 33 25 2 171 33 24 07 7344 54 10 06 57 6 166 98 74 35 1329 55 54 33 57 6 171 42 25 08 2754 54 13 07 30 0 167 07 75 35 6883 55 56 34 30 0 171 42 25 08 2754 54 18 08 34 8 167 22 77 36 7999 55 63 35 34 8 171 70 28 09 9000 54 22 09 07 2 167 35 78 37 3562 55 65 36 07 2 171 76 29 10 4422 54 24 00 39 6 167 41 79 37 9127 55 60 36 39 6 171 88 30 10 9846 54 26 10 12 0 167 47 80 38 4696 55 71 37 12 0 171 94 81,31 1,911 5272 54 30 73 10 44 4 167 59 81,81 1,939 0267 55 75 73 37 44 4 172 07 32 12 0702 54 32 11 16 8 167 65 82 39 5842 55 81 38 49 2 172 25 34 13 1569 54 38 12 21 6 167 76 83 40 1419 55 81 38 49 2 172 25 34 13 1569 54 38 12 21 6 167 84 84 40 7000 55 81 38 49 2 172 25 37 14 7802 54 46 13 58 8 168 09 87 42 3766 55 92 40 58 8 172 53 37 14 7802 54 64 13 158 8 168 12 168 18 88 42 9350 56 60 73 34 0 84 172 173 37 14 1502 54 16 16 16 16 16 16 16 16 16 16 16 16 16		05 5755		74 48 0	100 00			55 42	31 48 0	1/1 05
23		•								
24 07 7344 54 10 06 57 0 166 98 74 35 1329 55 54 33 57 6 171 42 25 08 2754 54 13 07 30 167 07 75 35 6883 55 56 34 30 0 171 48 81,26 1,908 8167 54 15 73 08 02 4 167 13 81,76 1,936 2439 55 60 73 35 02 4 171 70 28 09 900 54 22 09 07 2 167 35 78 37 3562 55 63 36 39 6 171 70 29 10 4422 54 24 09 39 6 167 41 79 37 9127 55 69 36 39 6 171 88 30 10 9846 54 26 <										
25							3			
27										
27	81.26	1,908 8167	54 15 7	3 08 02 4	167 13	81.76	1,936 2439	55 60 73	35 02 4	171 60
29 10 4422 54 24 00 39 6 167 41 79 37 9127 55 69 36 39 6 171 88 30 10 9846 54 26 10 12 0 167 47 80 38 4696 55 71 37 12 0 171 94 81,31 1,911 5272 54 30 73 10 44 4 167 59 81,81 1,939 0267 55 75 73 37 44 4 172 07 32 12 0702 54 32 11 16 8 167 55 83 40 1419 55 81 38 49 2 172 25 34 13 1569 54 38 12 21 616 93 85 41 2583 55 87 39 21 6 172 31 35 13 7007 54 41							*	,		
30 10 9846 54 26 10 12 0 167 47 80 38 4696 55 71 37 12 0 171 94 81,31 1,911 5272 54 30 73 10 44 4 167 59 81,81 1,939 0267 55 75 73 37 44 4 172 07 32 12 0702 54 32 11 16 8 167 65 82 39 5842 55 77 38 16 8 172 13 33 12 6134 54 35 11 49 2 167 75 83 40 1419 55 81 38 49 2 172 25 34 13 1569 54 38 12 21 6 167 84 84 40 7000 55 83 39 21 6 172 31 35 13 7007 54 41 12 54 0 167 93 85 41 2583 55 87 39 54 0 172 44 81,36 1,914 2448 54 44 73, 13 26 4 168 02 81,86 1,941 8170 55 90 73 40 26 4 172 53 37 14 7892 54 46 13 58 8 168 09 87 42 3766 55 92 40 58 8 172 53 38 15 3338 54 49 14 31 2 168 18 88 42 9352 55 96 41 31 2 172 72 <	28	09 9000	54 22	09 07 2	167. 35	. 78	37 3562	55 65	36 07 2.	171 76
81,31 1,911 5272 54 30 73 10 44 4 167 59 81,81 1,939 0267 55 75 73 37 44 4 172 07 32 12 0702 54 32 11 16 8 167 65 82 39 5842 55 77 38 16 8 172 13 33 12 6134 54 35 11 49 2 167 75 83 40 1419 55 81 38 49 2 172 25 34 13 1569 54 38 12 21 6 167 84 84 40 7000 55 83 39 21 6 172 31 35 13 7007 54 41 12 54 0 167 93 85 41 2583 55 87 39 54 0 172 44 81,36 1,914 2448 54 44 73, 13 26 4 168 02 81,86 1,941 8170 55 90 73 40 26 4 172 53 37 14 7892 54 46 13 58 8 168 09 87 42 3766 55 92 40 58 8 172 59 38 15 3338 54 49 14 31 2 168 18 88 42 9352 55 96 41 31 2 172 72 39 15 8787 54 52 15 03 6 168 27 89 43 4948 55 98 42 03 6 172 78 40 16 4239 54 55 15 36 0 168 36 90 44 0546 56 02 42 36 0 172 90 81,41 1,916 9694 54 58 73 16 08 4 168 46 81,91 1,914 6148 56 04 73 43 08 4 172 96 42 17 5152 54 61 16 40 8 168 55 92 45 1752 56 08 43 40 8 173 09 43 18 0613 54 64 17 13 2 168 64 93 45 7360 56 10 44 13 2 173 15 44 18 6077 54 66 17 45 6 168 70 94 46 2970 56 14 44 45 6 173 27 45 19 1543 54 70 18 18 0 168 88 95 46 8584 56 17 45 18 0 173 36 81,46 1,919 7013 54 72 73 18 50 4 168 89 81,96 1,947 4201 56 19 73 45 50 4 173 43 47 20 2485 54 75 19 22 8 168 98 97 47 9820 56 23 46 22 8 173 55 48 20 7960 54 78 19 55 2 169 07 98 48 5443 56 25 46 55 2 173 61 49 21 3438 54 81 20 27 6 169 17 99 49 1068 56 20 47 27 6 173 73										
32 12 0702 54 32 11 16 8 167 65 82 39 5842 55 77 38 16 8 172 13 33 12 6134 54 35 11 49 2 167 75 83 40 1419 55 81 38 49 2 172 25 34 13 1569 54 38 12 21 6 167 84 84 84 40 7000 55 83 39 21 6 172 31 35 13 7007 54 41 12 54 0 167 93 85 41 2583 55 87 39 54 0 172 44 81,36 1,914 2448 54 44 73, 13 26 4 168 02 81,86 1,941 8170 55 90 73 40 26 4 172 53 37 14 7892 54 46 13 58 8 168 09 87 42 3766 55 92 40 58 8 172 59 38 15 3338 54 49 14 31 2 168 18 88 42 9352 55 96 41 31 2 172 72 39 15 8787 54 52 15 03 6 168 27 89 43 4918 55 98 42 03 6 172 78 40 16 4239 54 55 15 36 0 168 36 90 44 0546 56 02 42 36 0 172 90 81,41 1,916 9694 54 58 73 16 08 4 168 46 81,91 1,944 6148 56 04 73 43 08 4 172 96 42 17 5152 54 61 16 40 8 168 55 92 45 1752 56 08 43 40 8 173 09 43 18 0613 54 64 17 13 2 168 64 93 45 7360	30	10 9846	54 26	10 12 0	167 47		38 4696	55 71	37 12 0	171 94
33										172 07
34										
35 13 7007 54 41 12 54 0 167 93 85 41 2583 55 87 39 54 0 172 44 81,36 1,914 2448 54 44 73, 13 26 4 168 02 81,86 1,941 8170 55 90 73 40 26 4 172 53 37 14 7892 54 46 13 58 8 168 09 87 42 3766 55 92 40 58 172 59 38 15 3338 54 49 14 31 2 168 18 88 42 9352 55 96 41 31 2 72 22 39 15 878 54 52 15 03 6 168 27 89 43 4948 55 98 42 03 6 172 78 40 16 4239 54 58 73 16										
81,36 1,914 2448 54 44 73, 13 26 4 168 02 81,86 1,941 8170 55 90 73 40 26 4 172 53 37 14 7892 54 46 13 58 8 168 09 87 42 3766 55 92 40 58 172 59 38 15 3338 54 49 14 31 2 168 18 88 42 9352 55 96 41 31 2 72 72 39 15 8787 54 52 15 03 6 168 27 89 43 4948 55 98 42 03 6 172 78 40 16 4239 54 55 15 36 168 36 90 44 0546 56 02 42 36 172 78 41 1,916 9694 54 58 73 16 08 4 168 46 81,91 1,944 6148 56 04 <										
37 14 7892 54 46 13 58 8 168 09 87 42 3766 55 92 40 58 8 172 59 38 15 3338 54 49 14 31 2 168 18 88 42 9352 55 96 41 31 2 172 72 39 15 8787 54 52 15 03 6 168 27 89 43 4948 55 98 42 03 6 172 78 40 16 4239 54 55 15 36 0 168 36 90 44 0546 56 02 42 36 0 172 90 81,41 1,916 9694 54 58 73 16 08 4 168 46 81,91 1,944 6148 56 04 73 43 08 4 172 96 42 17 5152 54 61 16 40 8 168 55 92 45 1752 56 08 43 40 8 173 09 43 18 0613 54 64 17 13 2 168 64 93 45 7360 56 10 44 13 2 173 15 44 18 6077 54 66 17 45 6 168 70 94 46 2970 56 14 44 45 6 173 27 45 19 1543 54 70 18 18 0 168 88 95 46 8584 56 17 45 18.0 173 36 81,46 1,919 7013 54 72 73 18 50 4 1										
38		*		M.		02,00		1		
39 15 8787 54 52 15 03 6 168 27 89 43 4948 55 98 42 03 6 172 78 40 16 4239 54 55 15 36 0 168 36 90 44 0546 56 02 42 36 0 172 90 81,41 1,916 9694 54 58 73 16 08 4 168 46 81,91 1,914 6148 56 04 73 43 08 4 172 96 42 17 5152 54 61 16 40 8 168 55 92 45 1752 56 08 43 40 8 173 09 43 18 0613 54 64 17 13 2 168 64 93 45 7360 56 10 44 13 2 173 15 44 18 6077 54 66 17 45 6 168 70 94 46 2970 56 14 44 45 6 173 27 45 19 1543 54 70 18 18 0 168 88 95 46 8584 56 17 45 18.0 173 36 81,46 1,919 7013 54 72 73 18 50 4 168 89 81,96 1,947 4201 56 19 73 45 50 4 173 43 47 20 2485 54 75 19 22 8 168, 98 97 47 9820 56 23 46 22 8 173 55 48 20 7960 54 78 19 55 2 169 07 98 48 5443 56 25 48 55 2 173 61 49 21 3438 54 81 20 27 6 169 17 99 49 1068 56 20 47 2										
81,41	39	15 8787	54 52	15 03 6	168, 27		43 4948	55 98	42 03 6	
42 17 5152 54 61 16 40 8 168 55 92 45 1752 56 08 43 40 8 173 09 43 18 0613 54 64 17 13 2 168 64 93 45 7360 56 10 44 13 2 173 15 44 18 6077 54 66 17 45 6 168 70 94 46 2970 56 14 44 45 6 173 27 45 19 1543 54 70 18 18 0 168 88 95 46 8584 56 17 45 18.0 173 36 81,46 1,919 7013 54 72 73 18 50 4 168 89 81,96 1,947 4201 56 19 73 45 50 4 173 43 47 20 2485 54 75 19 22 8 168, 98 97 47 9820 56 23 46 22 8 173 55 48 20 7960 54 78 19 55 2 169 07 98 48 5443 56 25 48 55 2 173 61 49 21 3438 54 81 20 27 6 169 17 99 49 1068 56 20 47 27 6 173 73	40	16 4239	54 55	15 36 0	168 36	90	44 ()546	56 02	42 36 0	172 90
43 18 0613 54 64 17 13 2 168 64 93 45 7360 56 10 44 13 2 173 15 44 18 6077 54 66 17 45 6 168 70 94 46 2970 56 14 44 45 6 173 27 45 19 1543 54 70 18 18 0 168 88 95 46 8584 56 17 45 18 0 173 36 81,46 1,919 7013 54 72 73 18 50 4 168 89 81,96 1,947 4201 56 19 73 45 50 4 173 43 47 20 2485 54 75 19 22 8 168 98 97 47 9820 56 23 46 22 8 173 55 48 20 7960 54 78 19 55 2 169 07 98 48 5443 56 25 48 55 2 173 61 49 21 3438 54 81 20 27 6 169 17 99 49 1068 56 20 47 27 6 173 73	81,41	1,916 9694	54 58 7	3 16 08 4	168 46	81,91	1,944 6148	56 04 73	43 08 4	172 96
44 18 6077 54 66 17 45 6 168 70 9,4 46 2970 56 14 44 45 6 173 27 45 19 1543 54 70 18 18 0 168 88 95 46 8584 56 17 45 18 0 173 36 81,46 1,919 7013 54 72 73 18 50 4 168 89 81,96 1,947 4201 56 19 73 45 50 4 173 43 47 20 2485 54 75 19 22 8 168 98 97 47 9820 56 23 46 22 8 173 55 48 20 7960 54 78 19 55 2 169 07 98 48 5443 56 25 46 55 2 173 61 49 21 3438 54 81 20 27 6 169 17 99 49 1068 56 20 47 27 6 173 73						92				
45 19 1543 54 70 18 18 0 168 88 95 46 8584 56 17 45 18 0 173 36 81,46 1,919 7013 54 72 73 18 50 4 168 89 81,96 1,947 4201 56 19 73 45 50 4 173 43 47 20 2485 54 75 19 22 8 168 98 97 47 9820 56 23 46 22 8 173 55 48 20 7960 54 78 19 55 2 169 07 98 48 5443 56 25 48 55 2 173 61 49 21 3438 54 81 20 27 6 169 17 99 49 1068 56 20 47 27 6 173 73			,							
81,46 1,919 7013 54 72 73 18 50 4 168 89 81,96 1,947 4201 56 19 73 45 50 4 173 43 47 20 2485 54 75 19 22 8 168, 98 97 47 9820 56 23 46 22 8 173 55 48 20 7960 54 78 19 55 2 169 07 98 48 5443 56 25 46 55 2 173 61 49 21 3438 54 81 20 27 6 169 17 99 49 1068 56 20 47 27 6 173 73										
47 20 2485 54 75 19 22 8 168, 98 97 47 9820 56 23 46 22 8 173 55 48 20 7960 54 78 19 55 2 169 07 98 48 5443 56 25 48 55 2 173 61 49 21 3438 54 81 20 27 6 169 17 99 49 1068 56 20 47 27 6 173 73										
48 20 7960 54 78 19 55 2 169 07 98 48 5443 56 25 48 55 2 173 61 49 21 3438 54 81 20 27 6 169 17 99 49 1068 56 20 47 27 6 173 73		•					47 0000			
49 21 3438 54 81 20 27 6 169 17 99 49 1068 56 20 47 27 6 173 73										
					169 17		49 1068	~		
	50	21 8919	1 22	21 00 0		82,00	49 6607		48 (8) 0	

N.E.		Alte Eint	h.	N. E		Alte Einth.	
k=82°	2. k.	D. 1".	D. 1".	$k = 82^{\circ}$	2. k. D. 1".		D. 1".
Gr. M.		Gr. M. S.		Gr. M.		Gr. M. S.	
82,00	1,949 6697	56 32 73 48 00 0	173 83	82,50	1,978 2089 57 88	74 15 00 0	178 64
82,01	1,950 2329	56 34 73 48 32	173 .89	82,51	1,978 7877 57 92	74 15 32 4	. 178 77
02	50 7963	56 38 49 04 8		52	79 3669 57 95	16 04 8	178 86
03	51 3601 51 9242	56 41 49 37 2 56 44 50 09 0		53 54	79 9464 57 98 80 5262 58 02	16 37 2 17 09 6	178 95
05	52 4886	56 48 50 42 (55	81 1064 58 04	17 42 0	179 07 179 14
82,06	1,953 0534	56 50 73 51 14		82,56	1,981 6868 58 08	74 18 14 4	179 26
07	53 6184	56 53 51 46		57	82 2676 58 11	18 46 8	179 35
08	54 1837	56 56 52 19 2	174 57	58	82 8487 58 15	19 19 2	179 48
09	54 7493	56 60 52 51 6		59	83 4302 68 17	19 51 6	179 54
10	55 3153	56 62 53 24 (174 75	60	04 0119 30 21	20 24 0	179 66
82.11	1,955 8815	56 66 73 53 56 4		82,6 1 62	1,984 5940 58 24	74 20 56 4	179 75
13	56 4481 57 0150	56 69 54 28 8 56 71 55 01 2		63	85 1764 58 28 85 7592 58 31	21 28 8 22 01 2	179 88
14	57 5821	56 75 55 33 (64	86 3423 58 34	22 33 6	179 97 180 06
15	58 1 496	56 78 56 06	175 25	65	86 9257 58 37	23 06 0	180 15
82,16	1,958 7174	56 81 73 56 38	175 34	82,66	1,987 5094 58 41	74 23 38 4	180 28
17	59 2855	56 84 57 10 8	175 43	67	88 0935 58 43	24 10 8	180 34
18	59 8539	56 87 57 43 2		68	88 6778 58 48	24 43 2	180 49
19 20	60 4226 60 9916	56 90 58 15 6 56 93 58 48 0		69 7 0	89 2626 58 50 89 8476 58 54	25 15 6 25 48 0	180 56 180 68
				82,71			7
82,21	1,961 5609 62 1306	56 97 73 59 20 56 99 73 59 52 5		72	1,990 4330 58 57 * 91 0187 58 60	74 26 20 4 26 52 8	180 77 180 86
23	62 7005	57 03 74 00 25		73	91 6047 58 64	27 25 2	180 86 180 99
24	63 2708	57 06 00 37	6 176 11	74	92 1911 58 67	27 57 6	181 08
25	63 8414	57 09 01 30	176 30	75	92 7778 58 70	28 30 0	181 17
82,26	1,964 4123	57 12 74 02 02	4 176 30	82,76	1,993 3648 58 74	74 29 02 4	181 30
27	64 9835	57 16 02 34	1	77	93 9522 58 77	29 34 8	181 39
28 29	65 5551	57 18 03 07 57 22 03 39		78 79	94 5399 58 80 95 1279 58 84	30 07 2 30 39 6	181 48
30	66 1269 66 6991	57 24 04 12		80	9 95 7163 58 87	31 12 0	181 60 181 70
82,31	1,967 2716	57 28 74 04 44		82,81	1,996 3050 58, 90	74 31 44 4	181 79
32	67 8114	57 31 05 16		82	96 8940 58 94	32 16 8	181 91
33	68 4175	57 34 05 49		83	97 4834 58 97	32 49 2	182 01
34	68 9909	57 37 06 21	,	84	98 0731 59 00	33 21 6	182 10
35	69 5646	57 41 06 54	0 177 19	85	98 6631 59 04	33 54 0	182 22
82,36	1,970 1387	57 44 74 07 26		82,86	1,999 2535 59 07	74 34 26 4	182 31
37 38	70 7131	57 46 07 58 57 50 08 31		87 88	1,999 8442 59 10 2,000 4352 59 14	34 58 8 35 31 2	182 41 182 53
39	71 2877 71 8627	57 50 08 31 57 53 09 03		89	01 0266 59 17	36 03 6	182 62
40	72 4380	57 57 09 36		90	01 6183 59 21	36 36 0	182 75
82,41	1,973 0137	57 59 74 10 08	1.0	82,91	2,002 2104 59 24	74 37 08 4	182 84
42	73 5896	57 63 10 40		92	02 8028 59 27	37 40 8	182 93
43	74 1659	57 66 11 13		93	03 3955 59 31		183 06
44	74 7425	57 69 11 45		94 95	03 9886 59 34 04 5820 59 37	38 45 6 39 18 0	183 15 183 24
45	75 3194	57 73 12 18					
82,46 47	1,975 8967 76 4742	57 75 74 12 50 57 79 13 22		82,96 97	2,005 1757 59 41 05 7698 59 45		183 36 183 49
48	77 0521			98	06 3643 59 47		183 55
49	77 6303			99	£ 06 9590 59 52	41 27 6	183 70
50	78 2089	15 00		83,00	₽ 107 5542	42 00 0	
			11 11		9.9	0	

Hh 2

N. E.	200	Alte Einth.	>c r e Fal	N. E.		Alte Einth.
$k=83^{\circ}$	Q. k.	D. 1".	* 5 12 4	$k = 83^{\circ}$	2. k. I). 1".
		Gr. M. S.	4: A C . A	Gr. M.		Gr. M. S.
Gr. M. 83,00	2,007 5542	59 54 74 42 00 0	- 14 00	83,50	2,037 7543	61 31 75 09 00 0
83,01	2,008 1496	59 58 74 42 32 4	CS.	83,51	2,038 3674 6	61 34 75 09 32 4
02	08 7454	59 61 43 04 8	8.3	52	2 77 2	1 38 10 04 8
03	09 3415	59 65 8 43 37 2	13 .	53 54	39 5946 6 40 2088 6	131
04 05	09 9380 10 5349	59 69 44 09 6 59 71 44 42 0	61.	55	40 8233 6	
			01 31	83,56	2,041 4382 6	51 53 75 12 14 4
83,06	2,011 1320 11 7295	59 75 74 45 14 4	5.3	57.		1 56 12 46 8
08	12 3274	59 82 46 19 2	13-	58	.) (6 61 13 19 2
09	12 9256	59 85 46 51 6	00 -	59		61 63 13 51 6 61 68 14 24 0
10	13 5241	59 89 47 24 0	\$0.00°	- 60 /		
83,11	2,014 1230	59 93 74 47 56 4	sá	83,61		1 71 75 14 56 4 61 75 15 28 8
12	14 7223	59 96 48 28 8 59 99 49 01 2	1.1	62		61 78 16 01 2
13 14	15 3219 15 9218	60 03 49 33 6	2.1	64	Si me	61 82 16 33 6
15	16 5221	60 06 50 06 0	20.70	65		17 06 0
83,16	2,017 1227	60 10 74 50 38 4	10	83,66	2,047 6075 6	1 89 75 17 38 4
17	17 7237	60 13 51 10 8	83	67.	7 64 "	61 94 18 10 8
18	1 8 3 250	60 17 51 43 2	(1)	68	AD ACEE G	18 43 2 12 00 19 15 6
19	18 9267	60 21 52 15 6 60 23 52 48 0	117	70	10 90	62 00 19 15 6 62 05 19 48 0
20	19 5288		ha or	72		2 08 75 20 20 4
83,21	2,020 1311 20 7339	60 28 74 53 20 4 60 30 53 52 8	3.5	83,71		2 12 20 52 8
$\begin{array}{c} 22 \\ 23 \end{array}$	21 3369	60 35 54 25 2		73		2 15 21 25 2
24	21 9404	60 38 54 57 6	75	ne 74	52 5695 / 6	1, 1, 13, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1,
25	22 5442	60 41 55 30 0		75	53 1914 6	52 23 22 30 0
83,26	2,023 1483	60 45 74 56 02 4	71.	83,76	Carry .	2 27 75 23 02 4
27	23 7528	60 48 ; 56 34 8	. 78	78	2 1 1 1	2 31 23 34 8 2 34 24 07 2
28	24 3576 24 9628	60 52 57 07 2 60 56 57 39 6	00	79		2 38 24 39 6
29 30	25 5684	60 59 58 12 0	5 - 4 - 5	80	21 m.h	62 42 25 12 0
83,31	2,026 1743	60 62 74 58 44 4	Con Cont	83,81	2,056 9309 6	2 46 75 25 44 4
32	26 7805	60 66 - 59 16 8	\$0.	82	57 5555 6	2 49 26 16 8
33	27 3871	60 70 74 59 49 2	1.8	1. 83.	58 1804 6	
34	27 9941	60 73 75 00 21 6 60 77 00 54 0	85	84,	58 8057 69 59 4314 6	, , ,
35	28 6014		2 .00		* *	
83,36	2,029 2091 29 8171	60 80 75 05 26 4 60 84 01 58 8		83,86	2,060 0575 6: 60 6840 6:	
37 38	30 4255	60 88 02 31 2	11.4	88		2; 72; 29 31 2
39	31 0343	60 91 03 03 6	(0	10 89		2; 76; 30 03 6
40	31 6434	60 95 03 36 0	3 -1 /5 %	90	62 5656 6	2 80 30 36 0
83,41	2,032 2529	60 98 75 04 08 4	0:0	83,91	1.0	2 84 75 31 08 4
42	32 8627	61 02 04 40 8		92		2 87 31 40 8
43	33 4729 34 0834	61 05 05 13 2 61 10 05 45 6		in 93		2 91 32 13 2 2 95 32 45 6
44 45	34 6944	61 12 06 18 0		05		2 99 33 18 0
83,46	2,035 3056	61 17 - 75 06 50 4		83,96	2,066 3392 6	3 03 75 33 50 4
47	35 9173	61 19 07 22 8	200	or 97		3 07 34 22 8
48	36 5292	61 24 07 55 2	(99)	88 88	67 6002 6	3 10 7 (55 2
49	37 1416 37 7543	61 27 (08 27 6)	00.85	99		3 15 35 27 6 36 00 0
50	37 73±3	09 00 0	-	84,00	68 8627	30 (A) ()

K=S4° Q. k. D. 1". K=S4° Q. k. D. 1". Gr. M. S. S4,500 2,100 9375 66 18 70 03 00 0 84,01 2,000 4945 63 12 75 36 32 4 34,51 2,101 5893 65 22 76 03 32 4 02 70 1267 63 30 37 37 37 2 93 2941 56 6 20 04 04 8 03 70 70 93 63 30 37 37 38 42 0 55 20 22415 66 20 04 04 8 03 2941 60 31 09 37 2 04 71 3923 63 34 38 09 0 54 03 5472 65 34 05 09 6 05 10 05 31 09 37 2 04 71 3923 63 34 38 09 0 55 04 2006 65 39 05 84 05 0 05 70 2005 63 34 05 09 68 55 70 12006 65 39 05 84 0 05 00 06 818 50 50 50 50 00 60 14 4 07 73 2950 63 45 39 40 19 2 55 04 2006 65 61 07 10 04 68 65 10 07 19 2 09 74 5030 63 54 40 51 02 58 65 65 50 07 51 60 00 09 24 00 00 00 00 00 00 00 00 00 00 00 00 00	N. E.		d.	Alte Einth	. J. A.			14	Alte Einth
84,00 2,068 8027 63 18 75 36 00 0 84,50 2,100 9375 65 18 76 00 00 0 84,01 2,000 945 63 22 75 36 32 4 84,51 2,101 5893 65 22 76 03 32 4 6 30 70 7893 63 36 30 37 37 2 53 02 8415 65 20 01 948 65 20 2 8415 65 20 01 948 65 20 4 17 1 923 63 34 38 00 6 54 05 57 0 100 6 65 30 05 42 0 05 57 0 100 73 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18	k=8	4° Ω . k .	D. 1".	16 15	1	$k = 84^{\circ}$	Ω . k .	D. 1".	
84,01 2,000 4945 63 22 75 36 32 4 84,51 2,101 5893 65 22 76 03 32 4 03 70 70 1930 63 30 37 37 2 53 02 8941 65 31 04 04 37 2 04 171 3933 63 34 38 09 0 54 0547 26 53 34 05 09 05 05 72 0257 63 37 38 42 0 55 04 2006 65 39 08 42 0 84,06 2,072 6594 63 42 75 39 14 4 84,56 8,108 545 65 42 76 06 14 4 07 73 296 63 49 40 19 2 58 06 1034 65 51 07 19 2 09 74 5090 63 54 40 51 6 59 06 8185 65 56 07 51 6 10 07 51,984 63 57 41 24 0 60 07 4740 65 60 08 24 0 44 12 12 76 4702 63 66 42 28 8 62 08 7863 65 61 07 19 2 14 14 14 17 7436 63 73 43 33 66 64 12 10 10 3 65 76 10 10 12 14 14 77 7436 63 73 43 33 66 64 10 10 2 63 00 4314 65 70 10 12 14 14 17 7436 63 73 43 33 66 64 10 10 10 36 57 6 10 10 12 14 14 14 14 14 14 14 14 14 14 14 14 14	- 4				2.1		2,100 9375	- 65 18	
02		-				84,51			
04 71 3923 63 34 88 09 0 554 03 5472 65 34 05 09 0 05 72 0257 63 37 38 42 0 55 04 2006 65 39 05 42 0 84,06 2,072 6594 63 42 75 39 14 4 84,56 8,101 8545 65 42 76 06 14 4 07 73 2906 63 45 39 46 8 57 05 5087 65 47 70 46 8 08 73 9281 63 49 40 19 2 58 06 1634 65 51 07 15 16 10 75 1984 63 57 41 24 0 60 0 77 4740 65 0 08 24 0 84,11 2,075 8341 63 61 75 41 56 4 84,61 2,108 1300 65 63 76 08 24 0 84,11 2,075 8341 63 61 75 41 56 4 84,61 2,108 1300 65 63 76 08 564 11 77 196 63 65 42 28 8 62 08 7863 65 69 09 28 8 13 77 1067 63 60 43 01 2 63 00 4331 65 72 10 01 2 14 77 7436 63 73 43 33 6 64 10 103 65 76 10 33 6 15 78 3899 63 76 48 06 0 65 10 17579 65 80 11 06 0 84,16 2,079 0185 63 81 75 43 88 4 84,60 2,111 4159 65 85 70 11 38 81 17 70 6566 63 85 45 10 8 67 12 0744 65 85 70 11 38 81 18 80 2951 63 85 45 10 8 67 12 0744 65 85 12 10 8 18 80 2951 63 85 45 10 8 67 12 0744 65 85 12 10 8 18 80 2951 63 85 45 43 2 68 12 7332 65 03 12 43 2 2 8 8 80 9330 30 30 46 15 6 69 13 3925 65 88 12 10 8 84,71 2,082 212 8 64 01 75 47 20 4 84,71 2,114 7124 60 66 76 14 20 8 67 22 8 8 72 15 3730 66 10 13 48 0 84,71 2,114 7124 60 66 76 14 20 8 57 6 74 16 06 14 15 20 2 2 8 8 8 72 15 3730 66 10 13 48 0 84,71 2,114 7124 60 66 76 14 20 8 57 6 74 16 06 64 12 10 13 48 0 84,71 2,114 7124 60 66 76 14 20 8 57 6 74 16 06 64 12 10 12 10 12 12 10 12 12 12 12 12 12 12 12 12 12 12 12 12		,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,			. 0		•		
84,06 2,072 693 63 37 89 82 0 55 04 2006 65 39 05 42 0 84,06 2,072 693 63 42 75 30 14 4 84,56 8,104 8545 65 42 76 60 14 68 08 73 9281 63 49 40 19 2 58 06 1634 65 61 07 19 2 09 74 5650 63 4 40 51 6 59 06 8185 65 55 07 51 61 10 75 1984 63 57 41 24 0 60 07 4740 65 60 08 24 0 84,11 2,075 8341 63 61 75 41 56 4 84,61 2,108 1300 65 63 76 08 56 4 12 76 4702 63 66 42 28 8 62 08 7863 66 68 09 28 8 13 77 1067 63 69 43 01 2 63 63 04 431 65 72 10 01 2 14 77 1436 63 73 43 33 6 64 10 1003 65 76 10 33 61 57 8399 63 70 48 66 0 65 10 7579 65 80 11 36 64 11 77 95 656 63 85 45 10 8 67 12 0744 65 89 12 10 8 84,16 2,079 0185 63 81 75 44 38 4 84,60 2,111 4150 65 85 76 11 38 4 17 79 6566 63 85 43 2 8 68 12 733 2 65 93 12 43 2 43 2 43 2 43 2 43 2 43 2 43 2									
84,06 2,072 6594 63 42 75 30 14 4 84,56 8,104 8345 65 42 76 06 14 4 07 73 2936 63 45 30 46 8 57 05 5087 65 47 00 46 8 08 73 9231 63 49 40 19 2 58 06 1634 65 51 07 19 2 09 74 5630 63 54 40 51 6 59 06 8185 65 55 07 51 6 10 75 1984 63 67 41 24 0 60 67 4740 65 60 08 24 0 84,11 2,075 8341 63 61 75 41 56 4 84,61 2,108 1300 65 63 76 08 56 41 12 76 4702 63 65 42 28 8 62 08 7863 65 68 09 28 8 13 77 1067 63 69 43 01 2 63 09 4331 65 72 10 01 2 14 77 7436 63 73 83 33 6 64 10 10 3 65 76 10 33 6 15 75 44 38 4 84,60 2 11 57 79 65 80 11 06 0 84,16 2,108 1300 65 63 78 38 15 78 3899 63 76 44 06 0 65 10 7579 65 80 11 06 0 84,16 2,108 1300 65 63 78 38 15 78 3899 63 76 44 06 0 65 10 7579 65 80 11 06 0 84,16 2,108 1300 65 63 85 45 10 8 67 12 0744 65 88 12 10 8 18 80 2931 63 88 45 43 2 68 12 7332 65 93 42 41 2 19 80 9339 63 93 46 15 6 69 13 3025 65 98 13 15 6 20 81 6732 63 90 46 48 0 70 14 6523 66 10 14 48 2 2 82 82 829 64 04 47 52 8 72 15 5 3700 66 10 14 528 2 2 82 829 64 04 47 52 8 72 15 5 3700 66 10 14 528 2 2 84 1342 64 17 49 30 0 75 17 36 17 36 12 2 9 87 3444 64 32 51 30 6 79 40 10 75 17 36 12 2 9 87 3444 64 32 51 30 6 79 40 10 75 17 36 12 6 3 10 10 10 14 52 8 2 3 88 3633 64 07 48 25 2 73 36 0440 66 14 17 49 30 0 75 17 36 12 66 31 17 34 8 30 18 9876 64 37 52 12 0 80 30 30 89 876 64 37 52 12 0 80 30 30 66 44 53 51 30 6 79 20 0088 66 40 18 30 6 30 89 876 64 37 52 12 0 80 30 30 66 64 37 52 12 0 80 30 30 66 67 12 04 4 4 4 32 8 13 30 6 60 67 12 04 4 4 32 8 13 30 6 60 67 12 04 4 84,81 12 12 13 10 8 10 12 10 12 10 8 10 12 10 12 10 12 10 12 10 12 10 12 10 12 10 12 10 12 10 12 10 12 10 12 10 12 10 12 10 12									
07 73 2936 63 45 30 46 8 57 05 5087 65 47 06 46 8 08 73 9231 63 49 40 19 2 58 60 634 65 51 07 19 10 10 75 1934 63 57 41 24 0 60 07 4740 65 60 08 24 0 84,11 2,075 8341 63 61 75 41 56 4 84,61 2,108 1300 65 63 76 08 54 61 12 76 4702 63 66 42 28 8 62 08 7863 65 65 60 09 28 8 13 77 1067 63 60 43 01 2 63 00 9431 65 72 10 01 21 44 77 7436 63 73 43 33 6 64 10 10 36 76 10 33 6 15 78 3809 63 70 44 06 0 65 10 7570 65 80 11 06 0 84,11 77 19656 63 85 45 10 8 67 12 9744 65 88 12 10 8 18 8 0251 63 88 45 43 2 68 12 7332 65 93 12 43 2 19 8 03939 63 93 46 15 6 69 13 3025 65 98 13 15 6 75 60 10 14 52 8 8 72 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10									
08									
09					i.c				
84,11 2,075 8341 63 61 75 41 56 4 12 76 4702 63 65 42 28 8 62 08 7863 65 66 8 00 28 8 13 77 1067 63 60 43 01 2 63 09 4431 65 72 14 77 7436 63 73 43 33 6 64 10 1003 65 70 10 33 6 15 78 3809 63 70 44 00 0 65 10 7579 65 80 11 06 0 84,16 2,079 0185 63 81 75 44 38 4 17 79 6506 63 85 45 19 8 18 80 2951 63 85 45 43 2 19 80 9339 63 93 46 15 6 20 81 5732 63 90 46 48 0 70 14 0523 60 01 13 48 0 84,21 2,082 2128 64 01 75 47 20 4 22 82 828 96 64 04 47 52 8 23 83 4933 66 07 04 42 52 73 36 60 14 15 55 6 24 84 1342 64 12 48 57 6 74 16 6054 66 18 15 57 6 25 84 7754 64 17 49 30 0 84,26 2,085 4171 64 20 75 50 02 4 84,31 2,085 6313 64 40 75 52 44 4 32 80 57 015 64 29 51 07 2 78 10 3463 65 67 10 44 19 12 0 84,31 2,085 6313 64 40 75 52 44 4 32 80 78 7344 64 32 51 96 67 79 20 0088 66 03 11 73 48 8 28 85 70 15 64 29 51 07 2 84,31 2,085 6313 64 40 75 52 40 4 32 80 2753 64 37 64 38 60 8 84,21 2,085 6313 64 40 75 52 44 4 32 80 75 76 77 77 78 77 78 78 78 79 79 79 79 79 79 79 79 79 79 79 79 79		74 5630	63 54				, 06 8185	65 55	
12 76 4702 63 65 42 28 8 62 08 7863 65 68 00 28 8 13 77 1067 63 60 43 01 2 63 00 4431 65 72 10 01 2 14 77 7436 63 63 73 43 33 6 64 10 1003 65 76 10 33 6 15 78 3809 63 76 44 06 0 65 10 7579 65 80 11 06 0 84,16 2,079 0185 63 81 75 44 38 4 84,60 2,111 4159 65 85 76 11 38 4 17 79 6566 63 85 45 10 8 67 12 0744 65 89 12 10 8 18 80 2951 63 85 45 43 2 68 12 7332 65 93 12 10 8 18 80 2951 63 85 45 43 2 68 12 7332 65 93 12 43 2 19 80 9339 63 97 46 15 6 69 13 3925 65 93 12 34 3 2 19 80 9339 63 97 46 15 6 69 13 3925 65 81 31 15 6 20 81 5732 63 96 46 48 0 70 70 14 0523 66 01 13 48 0 84,21 2,082 2128 64 01 75 47 20 4 84,71 2,114 7124 66 66 76 14 20 4 22 82 8529 64 04 47 52 8 72 15 3730 66 10 14 52 8 23 83 4933 64 00 48 25 2 73 16 0340 66 10 14 52 8 23 83 4933 64 00 48 25 2 73 16 0340 66 10 14 52 8 23 84 4754 64 17 49 30 0 75 17 3572 66 23 16 30 0 0 84,26 2,085 4171 64 20 75 50 12 4 84,76 2,118 0105 66 27 76 17 02 4 27 86 0591 64 24 50 34 8 777 18 6822 66 31 17 34 8 0 18 4,26 2 2 80 8591 64 24 50 34 8 777 18 6822 66 31 17 34 8 17 29 8 79 20 0088 66 40 18 30 6 30 87 9876 64 37 52 12 0 80 20 6728 66 44 19 12 0 84,31 2,088 6313 64 40 75 52 44 4 84,81 3,121 3372 66 48 76 19 44 4 32 80 2753 64 45 65 16 8 82 22 0000 66 53 20 16 8 33 80 9198 64 48 65 49 2 83 3 26 673 66 67 10 44 4 32 80 2753 64 45 65 16 8 82 22 20020 66 53 20 16 8 33 80 9198 64 48 65 49 2 83 3 26 673 66 67 21 54 0 44 94 94 42 30 95 64 64 53 54 91 64 8 54 91 2 8 8 2753 64 45 65 16 8 82 22 0000 66 67 8 23 31 12 39 93 7950 64 57 54 54 0 85 68 8 2 22 0000 66 67 8 23 31 12 39 93 7950 64 75 55 64 8 8 8 2 20000 66 67 75 65 16 8 8 2 22 0000 66 67 75 62 12 0 80 20 6728 66 67 70 76 22 26 3 34 90 90 90 564 67 57 54 54 0 85 92 20 0008 66 67 70 76 22 26 3 34 90 90 90 90 90 64 57 54 54 60 90 90 27 3360 66 60 21 54 0 44 90 94 442 64 32 56 56 90 90 27 3360 66 60 21 54 0 90 90 90 90 90 90 90 90 90 90 90 90 9	10	75 1984	63 57	41 24 0	(*)	60	07 4740	65_60	08 24 0
13	84,11	2,075 8341	63 61	75 41 56 4	1 => 1 + C	84,61	2,108 1300	65 63	76 08 56 4
14 77 7436 63 73 83 33 6 64 10 1003 65 76 10 33 6 15 78 3899 63 76 44 06 0 65 10 7579 65 80 11 06 0 10 33 6 15 76 44 06 0 65 10 7579 65 80 11 06 0 11 06 0 65 10 7579 65 80 11 06 0 11 06 0 66 10 7579 65 80 12 10 8 18 80 2951 63 85 45 10 8 66 68 12 7332 65 93 12 14 8 24 32 19 80 9339 63 93 46 15 6 69 13 3925 65 98 13 15 6 20 81 5732 66 01 13 48 0 84,21 2,082 2128 64 01 75 47 20 4 84,71 2,114 7124 66 66 76 14 20 4 22 82 8529 64 04 47 52 8 72 15 3730 66 10 14									
415 78 3899 63 76 44 06 0 65 10 7579 65 80 11 06 0 84,16 2,079 0185 63 81 75 44 38 4 84,66 2,111 4150 65 85 76 11 38 4 17 79 0566 63 85 45 10 8 67 12 0744 65 85 12 10 8 18 80 9339 63 93 46 15 6 69 13 3925 65 93 12 43 2 20 81 5732 63 96 46 85 0 70 14 0523 66 01 13 48 0 84,21 2,082 2128 64 01 75 47 20 4 84,71 2,114 7124 66 06 76 14 20 4 22 82 529 64 04 47 52 8 722 15 3730 66 10 14 52 8 23 83 4933 64 07 48 57 6 74 16 0954 66 14 15 25 2 24 81 1322 64 17 49 30 0 75 17 3572 66 27 76 17 02 4 25 84 7754 61 17 28 57 77 18 6822 63					-				
84,16 2,079 0185 63 81 75 44 38 4 84,66 2,111 4150 65 85 76 11 38 4 17 79 6566 63 85 45 10 8 67 12 0744 65 89 12 10 8 18 80 2951 63 88 45 43 2 68 12 7332 65 93 12 43 2 19 80 9339 63 93 46 15 6 69 13 3925 65 98 13 15 6 20 81 5732 63 96 46 48 0 70 14 0523 66 01 13 48 0 84,21 2,082 2128 64 01 75 47 20 4 84,71 2,114 7124 66 66 76 14 20 4 22 82 8529 64 04 47 52 8 72 16 3730 66 10 14 52 8 23 83 4933 64 09 48 25 2 73 16 0340 66 14 15 28 2 24 84 1342 64 12 88 57 6 74 16 6954 66 18 15 57 6 25 84 7754 64 17 49 30 0 75 50 02 4 84,76 2,118 0195 66 27 76 17 02 4 27 86 0591 64 29 51 07 2 78 80 22 66 31 17 34 8 12 8 8 8 67 015 64 29 51 07 2 78 8 92 66 31 17 34 8 13 8 12 8 8 8 13 8 13 6 64 97 46 18 18 18 18 19 12 0 84,31 2,088 6313 64 40 75 52 44 4 84,81 2,121 3372 66 49 18 39 6 30 87 9876 64 37 52 12 0 80 20 6728 66 44 19 12 0 84,31 2,088 6313 64 40 75 52 44 4 84,81 2,121 3372 66 48 76 19 44 4 32 80 275 3 16 8 8 2 22 0020 66 53 20 16 8 33 80 0198 64 85 53 49 2 83 22 6673 66 77 02 40 2 6 3 3 80 0198 64 85 53 49 2 83 22 6673 66 57 20 40 2 84,31 2,088 6313 64 40 75 52 44 4 84,81 2,121 3372 66 42 12 16 35 91 2099 64 57 54 54 0 85 63 92 2000 66 69 21 54 0 84,36 2,091 8566 64 60 75 55 52 64 84 84,81 2,121 3372 66 66 21 54 0 84,44 2,095 880 64 85 53 68 8 87 25 3327 66 74 22 26 4 37 92 50 16 8 8 87 25 3327 66 74 22 26 8 38 93 1881 64 69 55 54 8 87 25 3327 66 74 22 26 8 38 93 1881 64 69 55 63 12 88 87 20 3330 66 61 21 21 6 84 42 20 57 30 6 89 26 679 66 83 24 30 6 64 20 57 56 48 84 84 84 84 84 84 84 84 84 84 84 84									
17 79 6566 63 85 45 10 8 67 12 0744 65 88 12 10 8 18 80 2951 63 88 45 43 2 68 68 12 7332 65 93 12 43 2 19 80 9339 63 93 46 15 6 69 13 3925 65 98 13 15 6 20 81 5732 63 96 46 48 0 70 14 0523 66 01 13 48 0 84,21 2,082 2128 64 01 75 47 20 4 84,71 2,114 7124 66 06 76 14 20 4 22 82 82 829 64 04 47 52 8 72 15 3730 66 10 14 52 8 23 83 4933 64 09 48 25 2 73 16 0340 66 14 15 25 2 24 84 1342 64 12 48 57 6 74 16 0954 66 18 15 57 6 25 84 7754 64 17 49 30 0 75 17 3572 66 23 16 30 0 84,26 2,085 4171 64 20 75 50 02 4 84,76 2,118 0105 66 27 76 17 02 4 27 86 0591 64 24 50 34 8 77 18 6822 66 31 17 34 8 28 86 7015 64 29 51 07 2 78 10 3453 66 35 18 07 2 29 87 3444 64 32 51 39 6 79 20 0088 66 40 18 30 6 30 87 9876 64 57 52 12 0 80 20 6728 66 44 19 12 0 84,31 2,088 6313 64 40 75 52 44 4 84,81 2,121 3372 66 48 76 19 44 4 32 89 2753 64 45 53 16 8 82 22 0000 66 53 20 16 8 33 80 9198 64 48 53 49 2 83 22 6673 66 57 20 49 2 34 90 5646 64 53 54 16 8 88 22 20 0000 66 67 20 16 8 36 39 1481 64 69 56 31 2 88 26 26 30 6 70 76 22 26 4 37 92 5016 64 65 55 56 8 8 70 26 68 23 31 2 39 93 7950 64 73 57 03 6 84 58 58 20 20 16 8 38 93 1481 64 69 56 31 2 88 26 26 30 26 68 70 76 22 26 4 42 95 7380 64 85 58 40 8 90 27 33 20 66 87 24 36 0 84,44 2,095 889 64 85 58 40 8 90 27 33 20 66 87 24 36 0 84,44 2,095 889 64 85 58 40 8 90 27 33 20 66 87 24 36 0 84,44 2,095 889 64 97 76 00 18 0 90 27 3362 66 87 24 36 0 84,46 2,098 3345 65 07 76 00 18 0 90 27 3362 66 87 24 36 0 84,46 2,098 3345 65 07 76 00 18 0 95 30 6842 67 09 27 18 0 84,46 2,098 3345 65 07 76 00 18 0 95 30 6842 67 09 27 18 0								65 85	
19 80 9339 63 93 46 15 6 69 13 3925 65 98 13 15 6 20 81 5732 63 96 46 48 0 70 14 0523 66 01 13 48 0 84,21 2,082 2128 64 01 75 47 20 4 84,71 2,114 7124 66 66 66 76 14 20 4 22 82 8529 64 04 47 52 8 72 15 3730 66 10 14 52 8 23 83 4933 64 09 48 25 2 73 16 0340 66 14 15 25 2 24 84 1332 64 17 49 30 0 75 17 3572 66 23 16 30 0 84,26 25 84,754 64 17 49 30 0 75 17 3572 66 23 16 30 0 84,26 2,085 4171 64 20 75 50 02 4 84,76 2,118 0105 66 27 76 17 02 4 27 86 0591 64 24 50 34 8 777 18 6922 66 31 17 34 8 28 86 7015 64 29 51 07 2 78 10 3463 66 35 18 07 2 29 87 3444 64 32 51 39 6 79 20 0088 66 40 18 39 6 30 87 9876 64 37 52 12 0 80 20 6728 66 44 19 12 0 84,31 2,088 6313 64 40 75 52 44 4 84,81 2,121 3372 66 48 76 19 44 4 32 80 275 36 48 5 51 68 82 22 0020 66 53 20 16 8 34 9 05 646 64 55 36 49 2 88 3 2753 64 45 53 40 2 88 2753 64 45 65 36 40 2 88 3 22 6673 66 61 21 21 6 84 23 330 66 01 21 21 21 6 84 23 330 66 01 21 21 21 6 84 23 330 66 01 21 21 21 6 84 23 330 66 01 21 21				-					
20 81 5732 63 96 46 48 0 70 14 0523 66 01 13 48 0 84,21 2,082 2128 64 01 75 47 20 4 84,71 2,114 7124 66 06 76 14 20 4 22 82 8529 64 04 47 52 8 72 15 3730 66 10 14 52 8 23 83 4933 64 09 48 25 2 73 16 0340 66 14 15 57 6 24 84 1342 64 17 49 30 0 75 17 3572 66 23 16 30 0 84,26 2,085 4171 64 20 75 50 02 4 84,76 2,118 0105 66 27 76 17 02 4 27 86 0591 64 24 50 34 8 77 18 0822 66 31 17 34 8 28 86 7015 64 29 51 07 2 78 19 3453 66 35 18 07 2 29 87 3444 64 32 51 39 6 79 20 0088 66 40 18 39 6 30 87 9376 64 37 52 12 0 80 20 6728 66 4	18	80 2951	63 88	45 43 2 ,			12 7332	65 93	12 43 2
84,21 2,082 2128 64 01 75 47 20 4 84,71 2,114 7124 66 66 76 14 20 4 22 82 8529 64 04 47 52 8 72 15 3730 66 10 14 52 8 23 83 4933 64 09 48 25 2 73 16 9340 66 14 15 25 2 24 84 1342 64 17 49 30 0 75 17 3572 66 23 16 30 0 84,26 2,085 4171 64 20 75 50 02 4 84,76 2,118 0195 66 27 76 17 02 4 27 86 0591 64 24 50 34 8 77 186 6822 66 31 17 34 8 28 86 7015 64 29 51 07 2 78 10 3453 66 35 18 07 2 29 87 3444 64 32 51 39 6 79 20 0088 66 40 18 39 6 30 87 9876 64 37 55 12 0 80 20 6728 66 44 19 12 0 84,31 2,088 6313 64 40 75 52 44 4 84,81 2,121 3372 66 48 76 19 44 4 32 89 275 64 48 53 49 2 83 22 6673 66 57 20 49 2 34 90 5046 64 53 54 21 6 84 23 3330 66 61 21 21 6 35 91 2099 64 57 54 54 0 85 82 22 0020 66 53 20 16 8 38 93 1481 64 69 56 31 2 88 26 0001 66 70 76 22 26 4 36 37 92 5016 64 65 55 56 4 84,86 21 24 6050 66 70 76 22 26 4 37 92 5016 64 67 55 56 68 8 87 25 3327 66 74 22 58 8 38 93 1481 64 69 56 31 2 88 26 0001 66 78 23 31 2 39 93 7950 64 73 57 03 6 89 26 679 66 83 24 03 6 40 94 4423 64 76 57 36 0 90 27 3362 66 87 24 36 84 42 95 7380 64 85 58 40 8 92 28 6741 66 90 25 40 8 44 97 0355 64 93 75 59 45 6 94 8 49 12 20 96 33 20 36 64 40 94 423 64 76 57 36 0 90 27 3362 66 87 24 36 04 44 97 0355 64 93 75 59 45 6 94 30 037 67 05 26 45 6 45 97 6848 64 97 76 00 18 0 95 30 6642 67 09 27 18 0 84,46 2,008 8345 65 02 76 00 50 4 84,96 2,131 3551 67 13 76 27 50 4 47 98 9847 65 05 01 22 8 97 32 0082 67 18 22 82 8 48 2,009 3352 65 10 01 58 2 98 32 0082 67 22 28 85 2 49 2,100 2862 65 13 02 27 6 99 33 3704 67 26 29 27 6									
22 82 8529 64 04 47 52 8 72 15 3730 66 10 14 52 8 23 83 4933 64 09 48 25 2 73 16 9340 66 14 15 25 2 24 84 1342 64 12 48 57 6 74 16 6954 66 18 15 57 6 25 84 7754 64 17 49 30 0 75 17 3572 66 23 16 30 0 84,26 2,685 4171 64 20 75 50 02 4 84,76 2,118 0195 66 27 76 17 02 4 27 86 0591 64 24 50 34 8 77 18 6822 66 31 17 34 8 28 56 7015 64 29 51 07 2 78 10 3453 66 35 18 07 2 29 87 3444 64 32 51 39 6 79 20 0088 66 40 18 39 6 30 87 9876 64 37 52 12 0 80 26728 66 44 19 12 0 84,31 2,088 6313 64 40 75 52 44 4 84,81 2,121 3372 66 48 76 10 44 4 32 80 2753 64 45 53 40 2 83 22 6673 66 57		81 5732	63 96	46 48 0				66 01	13 48 0
23 83 4933 64 09 48 25 2 73 16 0340 66 14 15 25 2 24 84 1342 64 12 48 57 6 74 16 6954 66 18 15 57 6 25 84 7754 64 17 49 30 0 75 17 3572 66 23 16 30 0 84,26 2,085 4171 64 20 75 50 02 4 84,76 2,118 0105 66 27 76 17 02 4 27 86 0591 64 24 50 34 8 777 18 6822 66 31 17 34 8 28 86 7015 64 29 51 07 2 78 10 3453 66 35 18 07 2 29 87 3444 64 32 51 39 6 79 20 0088 66 40 18 39 6 30 87 0876 64 37 52 12 0 80 20 6728 66 44 19 12 0 84,31 2,088 6313 64 40 75 52 44 4 84,81 2,121 3372 66 48 76 19 44 4 32 89 2753 64 45 53 16 8 82 22 0020 66 53 20 16 8 33 80 9198 64 48 53 49 2 83 22 6673 66 61 21 21 6 35 91 2099 64 57 54 54 0 85 23 9901 66 66 21 54 0 84,36 2,091 8556 64 60 55 55 88 87 25 3327 66 74 22 58 8 38 93 1481 64 69 56 31 2 88 26 0001 66 78 23 31 2 39 93 7950 64 73 57 03 6 89 26 6679 66 83 24 03 6 40 94 4423 63 76 57 36 0 90 27 3362 66 87 24 36 0 84,41 2,095 0899 64 81 75 58 08 4 84,91 2,128 0049 66 92 76 25 08 4 42 95 7380 64 85 58 40 8 90 27 3362 66 70 0 26 13 2 44 97 0355 64 90 59 13 2 93 29 3437 67 00 26 13 2 44 97 0355 64 90 59 13 2 93 29 3437 67 00 26 13 2 44 97 0355 64 90 59 13 2 93 29 3437 67 00 26 13 2 44 97 0355 64 90 59 13 2 93 29 3437 67 00 26 13 2 44 97 0355 64 90 59 13 2 93 29 3437 67 00 26 13 2 44 97 0355 64 90 59 13 2 93 29 3437 67 00 26 13 2 44 97 0355 64 90 59 13 2 93 29 3437 67 00 26 13 2 44 97 0355 64 90 59 13 2 93 29 3437 67 00 26 13 2 44 97 0355 64 90 59 13 2 93 29 3437 67 00 26 13 2 44 97 0355 64 90 75 59 45 6 94 30 0137 67 05 26 45 6 45 97 6848 64 97 76 00 18 0 95 30 6842 67 09 27 18 0 84,46 2,098 3345 65 02 76 00 50 4 84,96 2,131 3551 67 13 76 27 50 4 47 98 9847 65 05 01 22 8 97 32 0264 67 18 28 28 8 48 2,099 6352 65 10 01 25 8 97 32 0264 67 18 28 28 8 49 2,099 6352 65 10 01 25 8 97 32 0264 67 18 28 28 8 49 2,099 6352 65 10 01 25 8 97 33 3704 67 26 29 27 6		,							
24 84 1342 64 12 48 57 6 74 16 6954 66 18 15 57 6 25 84 7754 64 17 49 30 0 75 17 3572 66 23 16 30 0 84,26 2,085 4171 64 20 75 50 02 4 84,76 2,118 0105 66 27 76 17 02 4 27 86 0591 64 24 50 34 8 77 18 6822 66 31 17 34 8 28 86 7015 64 29 51 07 2 78 10 3453 66 35 18 07 2 29 87 3444 64 32 51 39 6 79 20 0088 66 40 18 39 6 30 87 0876 64 37 52 12 0 80 20 6728 66 44 19 12 0 84,31 2,088 6313 64 40 75 52 44 4 84,81 3,121 3372 66 48 76 19 44 4 32 89 2753 64 45 53 49 2 83 22 6673 66 57 20 40 2 34 90 5646 64 53 54 21 6 84 23 3330 66 61 21 21 21 6 35 91 2099 64 57 54 40 85 23 9901 66 66 21 540 84,36 2,091 8566 64 60 75 55 26 4 84,86					. 6.				
84,26				-0	70	7.7			
27 86 0591 64 24 50 34 8 77 18 6822 66 31 17 34 8 28 86 7015 64 29 51 07 2 78 19 3453 66 35 18 07 2 29 87 3444 64 32 51 39 6 79 20 0088 66 40 18 39 6 30 87 9876 64 37 52 12 0 80 20 6728 66 44 19 12 0 84,31 2,088 6313 64 40 75 52 44 4 84,81 2,121 3372 66 48 76 19 44 4 32 89 2753 64 45 53 16 8 82 22 0020 66 53 20 16 8 34 90 5646 64 53 54 21 6 84 23 3330 66 67 20 40 2 34 90 5646 64 53 54 21 6 84 23 3330 66 61 21 21 6 84,36 2,091 8556 64 60 75 55 26 4 84,86 2,124 6657 66 70 76 22 26 4 37 92 5016 64 65 55 56 8 87 25 3327 66 74 22 58 8 38 93 1481 64 69 56 31 2 88 26 0001 66 83 24 03 6	25	84 7754	64 17	49 30 0_	₹. °	75	17 3572	66 23	16 3 0 0
28 86 7015 64 29 51 07 2 78 10 3453 66 35 18 07 2 29 87 3444 64 32 51 39 6 79 20 0088 66 40 18 39 6 30 87 9376 64 37 52 12 0 80 20 6728 66 44 19 12 0 84,31 2,088 6313 64 40 75 52 44 4 84,81 3,121 3372 66 48 76 19 44 4 32 89 2753 64 45 53 16 8 82 22 0020 66 53 20 16 8 33 80 9198 64 48 53 49 2 83 22 6673 66 57 20 49 2 34 00 5646 64 53 54 21 6 84 23 3330 66 61 21 21 6 35 91 2099 64 57 54 54 0 85 23 9901 66 66 21 54 0 84,36 2,091 8556 64 60 75 55 26 4 84,86 2,124 6657 66 70 76 22 26 4 37 92 5016 64 65 55 58 8 87 25 3327 66 74 22 58 8 38 93 1481 64 69 56 31 2 88 26 0001 66 78 23 31 2 39 93 7950 64 73 57 03 6 89 26 6079 66 83 24 03 6 40 94 4423 64 76 57 36 0 90 27 3362 66 87 24 36 0 84,41 2,095 0899 64 81 75 58 08 4 84,91 2,128 0049 66 92 76 25 08 4 42 95 7380 64 85 58 40 8 92 27 3362 66 87 24 36 0 84,44 97 0355 64 93 75 59 45 6 94 30 0137 67 05 26 45 6 45 97 6848 64 97 76 00 18 0 95 30 6842 67 09 27 18 0 84,46 2,098 3345 65 02 76 00 50 4 84,96 2,131 3551 67 13 76 27 50 4 47 98 9847 65 05 01 22 8 97 32 0264 67 18 28 22 8 48 2,099 6352 65 10 01 55 2 98 32 6082 67 22 28 55 2 46) 2,100 2862 65 13 02 27 6 99 33 3704 67 26 20 27 6	84,26	2,085 4171	64 20	75 50 02 4	(1 , 3	. 84,76	2,118 0195	66 27	76 17 02 4
29 87 3444 64 32 51 39 6 79 20 088 66 40 18 30 6 30 87 9876 64 37 52 12 0 80 20 6728 66 44 19 12 0 84,31 2,088 6313 64 40 75 52 44 4 84,81 2,121 3372 66 48 76 19 44 4 32 89 2753 64 45 53 16 8 82 22 0020 66 53 20 16 8 33 80 9198 64 48 53 49 2 83 22 6673 60 57 20 49 2 34 90 5646 64 53 54 21 6 84 23 3330 66 61 21 21 6 35 91 2099 64 57 54 54 0 85 23 9901 66 66 21 54 0 84,36 2,091 8556 64 60 75 55 26 4 84,86 2,124 6657 66 70 76 22 26 4 37 92 5016 64 65 55 56 8 87 25 3327 66 74 22 58 8 38 93 1481 64 69 56 31 2 88 26 0001 66 78 23 31 2 39 93 750 64 73 57 36 0 90 27 362						n c			17 34 8
30 87 9876 64 37 52 12 0 80 20 6728 66 44 19 12 0 84,31 2,088 6313 64 40 75 52 44 4 84,81 2,121 3372 66 48 76 19 44 4 32 89 2753 64 45 53 16 8 82 22 20 000 66 53 20 16 8 33 89 9198 64 48 53 49 2 83 22 6673 66 57 20 49 2 34 90 5646 64 53 54 21 6 84 23 3330 66 61 21 21 6 35 91 2099 64 57 54 54 0 85 23 9901 66 66 21 54 0 84,36 2,001 8556 64 60 75 55 26 4 84,86 2,124 6657 66 70 76 22 26 4 37 92 5016 64 65 55 56 8 87 25 3327 66 74 22 58 8 38 93 1481 64 69 56 31 2 88 26 0001 66 78 23 31 2 39 93 7950 64 73 57 36 0 90 27 3362 66 87 24 36 0 84,41 2,095 0890 64 81 75 58 08 4					B. Carlon				
84,31 2,088 6313 64 40 75 52 44 4 84,81 2,121 3372 66 48 76 19 44 4 32 89 2753 64 45 53 16 8 82 22 0020 66 53 20 16 8 33 89 9198 64 48 53 49 2 83 22 6673 66 57 20 49 2 34 90 5646 64 53 54 21 6 84 23 3330 66 61 21 21 6 35 91 2099 64 57 54 54 0 85 23 9901 66 66 21 54 0 84,36 2,091 8556 64 60 75 55 26 4 84,86 2,124 6657 66 70 76 22 26 4 37 92 5016 64 65 55 58 8 87 25 3327 66 74 22 58 8 38 93 1481 64 69 56 31 2 88 26 0001 66 78 23 31 2 39 93 7950 64 73 57 03 6 89 26 6679 66 83 24 03 6 40 94 4423 64 76 57 36 0 90 27 3362 66 87 24 36 0 84,41 2,095 0809 64 81 75 58 08 4 84,91 2,128 0049 66 92 76 25 08 4 42 95 7380 64 85 58 40 8 92 28 6741 66 96 25 40 8 43 96 3865 64 90 59 13 2 93 29 3437 67 00 26 13 2 44 97 0355 64 93 75 59 45 6 94 30 0137 67 05 26 45 6 45 97 0848 64 97 76 00 18 0 95 30 6842 67 09 27 18 0 84,46 2,098 3345 65 02 76 00 50 4 84,96 2,131 3551 67 43 76 27 50 4 47 98 9847 65 05 01 22 8 97 32 0264 67 18 28 22 8 48 2,099 6352 65 10 01 55 2 98 32 0882 67 22 28 55 2 49 2,100 2862 65 13 02 27 6 99 33 3704 67 26 29 27 6		*							
32 80 2753 64 45 53 16 8 82 22 0020 66 53 20 16 8 33 80 9198 64 48 53 49 2 83 22 6673 66 57 20 49 2 34 90 5646 64 53 54 21 6 84 23 3330 66 61 21 21 6 35 91 2099 64 57 54 54 0 85 23 9901 66 66 21 54 0 84,36 2,091 8556 64 60 75 55 26 4 84,86 2,124 6657 66 70 76 22 26 4 37 92 5016 64 65 55 56 8 87 25 3327 66 74 22 58 8 38 93 1481 64 69 56 31 2 88 26 0001 66 78 23 31 2 39 93 7950 64 73 57 36 0 90 27 3362 66 87 24 36 0 84,41 2,095 0899 64 81 75 58 08 4 84,91 2,128 0049 66 92 76 25 08 4 42 95 7380 64 85 58 40 8 92 28 6741 66 96 27 70 25 08 4 43 96 3865 64 90 59 13 2 93 29 3437 67 00 26 13 2 44 97 0355 64 93 75 59 45 6 94 30 0137 67 05 26 45 6 45 97 0848 64 97 76 00 18 0									
33 80 9198 64 48 53 49 2 83 22 6673 66 57 20 40 2 34 90 5646 64 53 54 21 6 84 23 3330 66 61 21 21 6 35 91 2099 64 57 54 54 0 85 23 9901 66 66 21 54 0 84,36 2,001 8556 64 60 75 55 26 4 84,86 2,124 6657 66 70 76 22 26 4 37 92 5016 64 65 55 56 8 87 25 3327 66 74 22 58 8 38 93 1481 64 69 56 31 2 88 26 0001 66 78 23 31 2 39 93 7950 64 73 57 03 6 89 26 6679 66 83 24 03 6 40 94 4423 64 76 57 36 0 90 27 3362 66 87 24 36 0 84,41 2,095 0899 64 81 75 58 08 4 84,91 2,128 0049 66 92 76 25 08 4 42 95 7380 64 85 58 40 8 92 28 6741 66 96 25 40 8 43 96 3865 64 90 59 13 2 93 29 3437 67 00 26 13 2 44 97 0355 64 93 75 59 45 6 94 30 0137 67 05 26 45 6 45 97 6848 64 97 76 00 18 0 95 30 6842 67 09 27 18 0 84,46 2,098 3345 65 02 76 00 50 4 84,96 2,131 3551 67 13 76 27 50 4 47 98 9847 65 05 01 22 8 97 32 0264 67 18 28 22 8 48 2,099 6352 65 10 01 55 2 98 32 6082 67 22 28 55 2 49 2,100 2862 65 13 02 27 6					2 12 200	/			
35 91 2099 64 57 54 54 0 85 23 9901 66 66 21 54 0 84,36 2,091 8556 64 60 75 55 26 4 84,86 2,124 6657 66 70 76 22 26 4 37 92 5016 64 65 55 56 8 87 25 3327 66 74 22 58 8 38 93 1481 64 69 56 31 2 88 26 0001 66 78 23 31 2 39 93 7950 64 73 57 03 6 89 26 6679 66 83 24 03 6 40 94 4423 64 76 57 36 0 90 27 3362 66 87 24 36 0 84,41 2,095 0809 64 81 75 58 08 4 84,91 2,128 0049 66 92 76 25 08 4 42 95 7380 64 85 58 40 8 92 28 6741 66 96 25 40 8 43 96 3865 64 90 59 13 2 93 29 3437 67 00 26 13 2 44 97 0355 64 93 75 59 45 6 94 30 0137 67 05 26 45 6 45 97 6848 64 97 76 00 18 0 95 30 6842 67 09 27 18 0 84,46 2,098 3345 65 02 76 00 50 4 84,96 2,131 3551 67 43 76 27 50 4 47 98 9847 65 05 01 22 8 97 32 0264 67 18 28 22 8 48 2,099 6352 65 10 01 55 2 98 32 0982 67 22 28 55 2 49 2,100 2862 65 13 02 27 6 99 33 3704 67 26 29 27 6					ŧ .				
84,36 2,091 8556 64 60 75 55 26 4 84,86 2,124 6657 66 70 76 22 26 4 37 92 5016 64 65 55 58 8 87 25 3327 66 74 22 58 8 8 8 93 1481 64 69 56 31 2 88 26 0001 66 78 23 31 2 39 93 7950 64 73 57 03 6 89 26 6679 66 83 24 03 6 40 94 4423 64 76 57 36 0 90 27 3362 66 87 24 36 0 84,41 2,095 0899 64 81 75 58 08 4 84,91 2,128 0049 66 92 76 25 40 8 42 95 7380 64 85 58 40 8 92 28 6741 66 96 25 40 8 43 96 3865 64 90 59 13 2 93 29 3437 67 00 26 13 2 44 97 0355 64 93 75 59 45 6 94 30 0137 67 05 26 45 6 45 97 6848 64 97 76 00 18 0 95 30 6842 67 09 27 18 0 84,46 2,098 3345 65 02 76 00 50 4 84,96 2,131 3551 67 43 76 27 50 4 48 2,099 6352 65 10 01 55 2 98 32 6082 67 22 28 55 2 49 2,100 2862 65 13 02 27 6									
37 92 5016 64 65 55 56 8 87 25 3327 66 74 22 58 8 38 93 1481 64 69 56 31 2 88 26 0001 66 78 23 31 2 39 93 7950 64 73 57 03 6 89 26 6679 66 83 24 03 6 40 94 4423 64 76 57 36 0 90 27 3362 66 87 24 36 0 84,41 2,095 0899 64 81 75 58 08 4 84,91 2,128 0049 66 92 76 25 08 4 42 95 7380 64 85 58 40 8 92 28 6741 66 90 25 40 8 43 96 3865 64 90 59 13 2 93 29 3437 67 00 26 45 6 45 97 0848 64 97 76 00 18 0 95 30 6842 67 09 27 18 0 84,46 2,098 3345 65 02 76 00 50 4 84,96 2,131 3551 67 43 76 27 50 4 47 98 9847 65 05 01 22 8 97 32 0264 67 18 28 22 8 48 2,099 6352 65 10 01 55 2 98 32 6082 <th></th> <td>91 2099</td> <td>64 57</td> <td>54 54 0</td> <td>4)</td> <td></td> <td></td> <td>66 66</td> <td>21 54 0</td>		91 2099	64 57	54 54 0	4)			66 66	21 54 0
38 93 1481 64 69 56 31 2 88 26 0001 66 78 23 31 2 39 93 7950 64 73 57 03 6 89 26 6679 66 83 24 03 6 40 94 4423 64 76 57 36 0 90 27 3362 66 87 24 36 0 84,44 2,095 0899 64 81 75 58 08 4 84,91 2,128 0049 66 92 76 25 08 4 42 95 7380 64 85 58 40 8 92 28 6741 66 96 25 40 8 43 96 3865 64 90 59 13 2 93 29 3437 67 00 26 45 6 44 97 0355 64 93 75 59 45 6 94 30 0137 67 05 26 45 6 45 97 6848 64 97 76 00 18 0 95 30 6842 67 09 27 18 0 84,46 2,098 3345 65 02 76 00 50 4 84,96 2,131 3551 67 43 76 27 50 4 47 98 9847 65 05 01 02 8 97 32 0264 67 18 28 22 8 48 2,099 6352 65 10 01 55 2 98 32 6082 67 22 28 55 2 49 2,100 2862 65 13 02 27 6 99 33 3704 67 26 29 27 6		•				,	,		
39 93 7950 64 73 57 03 6 89 26 6679 66 83 24 03 6 40 94 4423 64 76 57 36 0 90 27 3362 66 87 24 36 0 84,44 2,095 0809 64 81 75 58 08 4 84,91 2,128 0049 66 92 76 25 08 4 42 95 7380 64 85 58 40 8 92 28 6741 66 96 25 40 8 43 96 3865 64 90 59 13 2 93 29 3437 67 00 26 13 2 44 97 0355 64 93 75 59 45 6 94 30 0137 67 05 26 45 6 45 97 0848 64 97 76 00 18 0 95 30 6842 67 09 27 18 0 84,46 2,098 3345 65 02 76 00 50 4 84,96 2,131 3551 67 43 76 27 50 4 47 98 9847 65 05 01 22 8 97 32 0264 67 18 28 22 8 48 2,099 6352 65 10 01 55 2 98 32 6982 67 22 28 55 2 49 2,100 2862 65 13 02 27 6					1.				
40 94 4423 64 76 57 36 0 90 27 3362 66 87 24 36 0 84,44 2,095 0899 64 81 75 58 08 4 84,91 2,128 0049 66 92 76 25 08 4 42 95 7380 64 85 58 40 8 92 28 6741 66 96 25 40 8 43 96 3865 64 90 59 13 2 93 29 3437 67 00 26 13 2 44 97 0355 64 93 75 59 45 6 94 30 0137 67 05 26 45 6 45 97 6848 64 97 76 00 18 0 95 30 6642 67 09 27 18 0 84,46 2,098 3345 65 02 76 00 50 4 84,96 2,131 3551 67 43 76 27 50 4 47 98 9847 65 05 01 22 8 97 32 0264 67 18 28 22 8 48 2,099 6352 65 10 01 55 2 98 32 6982 67 22 28 55 2 49 2,100 2862 65 13 02 27 6				*					
84,44 2,005 0809 64 81 75 58 08 4 84,91 2,128 0049 66 92 76 25 08 4 42 95 7380 64 85 58 40 8 92 28 6741 66 96 25 40 8 43 96 3865 64 90 59 13 2 93 29 3437 67 00 26 13 2 44 97 0355 64 93 75 59 45 6 94 30 0137 67 05 26 45 6 45 97 0848 64 97 76 00 18 0 95 30 6842 67 09 27 18 0 84,46 2,098 3345 65 02 76 00 50 4 84,96 2,131 3551 67 43 76 27 50 4 47 98 9847 65									
42 95 7380 64 85 58 40 8 92 28 6741 66 96 25 40 8 43 96 3865 64 90 59 13 2 93 29 3437 67 00 26 13 2 44 97 0365 64 93 75 59 45 6 94 30 0137 67 05 26 45 6 45 97 6848 64 97 76 00 18 0 95 30 6842 67 09 27 18 0 84,46 2,098 3345 65 02 76 00 50 4 84,96 2,131 3551 67 13 76 27 50 4 47 98 9847 65 05 01 22 8 97 32 0264 67 18 28 22 8 48 2,099 6352 65 10 01 55 2 98 32 6982 67 22 28 55 2 49 2,100 2862 65 13 02 27 6 99 33 3704 67 26 29 27 6	84.44	2.095 0899	64 81	75 58 08 4	. 168			66 92	
44 97 0355 64 93 75 59 45 6 94 30 0137 67 05 26 46 6 45 97 6848 64 97 76 00 18 0 95 30 6642 67 09 27 18 0 84,46 2,098 3345 65 02 76 00 50 4 84,96 2,131 3551 67 13 76 27 50 4 47 98 9847 65 05 01 22 8 97 32 0264 67 18 28 22 8 48 2,099 6352 65 10 01 55 2 98 32 6982 67 22 28 55 2 49 2,100 2862 65 13 02 27 6 99 33 3704 67 26 29 27 6					()				
45 97 6848 64 97 76 00 18 0 95 30 6642 67 09 27 18 0 84,46 2,098 3345 65 02 76 00 50 4 84,96 2,131 3551 67 13 76 27 50 4 47 98 9847 65 05 01 22 8 97 32 0264 67 18 28 22 8 48 2,099 6352 65 10 01 55 2 98 32 6982 67 22 28 55 2 49 2,100 2862 65 13 02 27 6 99 33 3704 67 26 29 27 6									
84,46 2,098 3345 65 02 76 00 50 4 84,96 2,131 3551 67 13 76 27 50 4 47 98 9847 65 05 01 22 8 97 32 0264 67 18 28 22 8 48 2,099 6352 65 10 01 55 2 98 32 6982 67 22 28 55 2 49 2,100 2862 65 13 02 27 6 99 33 3704 67 26 29 27 6									
47 98 9847 65 05 01 22 8 97 32 0264 67 18 28 22 8 48 2,099 6352 65 10 01 55 2 98 32 6982 67 22 28 55 2 49 2,100 2862 65 13 02 27 6 99 33 3704 67 26 29 27 6							•		
48 2,099 6352 65 10 01 55 2 98 32 6982 67 22 28 55 2 49 2,100 2862 65 13 02 27 6 99 33 3704 67 26 29 27 6				* .		/			
40 2,100 2862 65 13 02 27 6 99 33 3704 67 26 29 27 6					1				
30 00 9375 03 00 0 85,00 43 0430 30 00 0									
	30	00 9375		03 00 0	12 18 13	85,00	43 0430		30 00 0

N. E.	19.50 . 208	' , A	Alte Einth.	N.E.	Alte Einth.
k=85°	Ω . k .	D. 1".		$k = 85^{\circ}$	2. k. D. 1".
Gr. M.			Gr. M. S.	Gr. M.	Fr. M. S.
85,00	2,134 0430	67 31	76 30 00 0	85,50	2,168 2498 69 59 76 57 00 0
85,01	2,134 7161		76 30 32 4	85,51	2,168 9457 69 63 76 57 32 4
02 03	35 3897 36 0637	67 44	31 04 8 31 37 2	52 53	69 6420 69 69 58 04 8 5 70 3389 69 73 7 58 37 2
04	× 36 7381	67 48	32 09 6	54	71 0362 69 78 59 09 6
05	37 4129	67 53	32 42 0	55	71 7340 69 82 76 59 42 0
85,06	2,138 0882	67 58	76 33 14 4	85,56	2,172 4322 69 87 77 00 14 4
07	38 7640	67 62	33 46 8	57	73 1309 69 93 00 46 8
08	39 4402	67 66	34 19 2	. 58	73 8302 69 96 01 19 2
09	40 1168 40 7939	67 71	34 51 6	59	74 5298 70 02 01 51 6 75 2300 70 07 02 24 0
10		67 75	35 24 0	60	
85,11	2,141 4714 42 1494	67 80 ° 67 84	76 35 56 4	85,61	2,175 9307 70 11 77 02 56 4 76 6318 70 16 03 28 8
13	42 8278	67 89	36 28 8 37 01 2	63	77 3334 70 21 04 01 2
14	-43 5067	67 93	37 33 6	64	78 0355 70 25 04 33 6
15	44 1860	67 99	38 06 0	65	78 7380 70 31 05 05 0
85,16	2,144 8658	68 02	76 38 38 4	85,66	2,179 4411 70 35 77 05 38 4
17	45 5460	68 07	39 10 8	67	80 1446 70 40 06 10 8
18	46 2267	68 11	39 43 2	68	80 8486 70 45 06 43 2
19	46 9078	68 16	40 15 6	69	81 5531 70 49 07 15 6 82 2580 70 55 07 48 0
20	47 5894	68 20	40. 48 0	70	
85,21	2,148 2714	68 25 68 29	76 41 20 4	85,71	2,182 9635 70 60 77 08 20 4 83 6695 70 64 08 52 8
22 23	48 9539 49 6368	68 34	41 52 8 42 25 2	72 73	83 6695 70 64 08 52 8 84 3759 70 69 09 25 2
24	50 3202	68 39	42 57 6	74	85 0828 70 74 09 57 6
25	51 0041	68 43	43 30 0	75	85 7902 70 79 10 30 0
85,26	2,151 6884	68 47	76 44 02 4	. 85,76	2,186 4981 70 84 77; 11 02 4
27	52 3731	68 52	44 34 8	77	87 2065 70 89 11 34 8
28	53 0583	68 57	45 07 2	78	87 9154 70 93 12 07 2
29	53 7440 54 4301	68 61 68 66	45 39 6 46 12 0	. 79 80	88 6247 70 99 12 39 6 89 3346 71 03 13 12 0
30					
85,31	2,155 1167 55 8038	68 71 68 75	76 46 44 4 47 16 8	85,81	2,190 0449 71 08 77 13 44 4 90 7557 71 14 14 16 8
33	56 4913	68 79	47 49 2	83	91 4671 71 18 14 49 2
34	57 1792	68' 84	48 21 6	84	92 1789 71 23 15 21 6
35	57 8676	68 89	48 54 0	85	92 8912 71 28 15 54 0
85,36	2,158 5565	68 94	76 49 26 4	85,86	2,193 6040 - 71 33 77 16 26 4
37	59 2459	68 98	49 58 8	. 87	94 3173 71 38 16 58 8
38	59 9357	69 03	50 31 2	88	95 0311 71 44 17 31 2
39 40	60 6260	69 07 69 12	51 03 6 51 36 0	89 90	95 7455 71 48 18 03 6 96 4603 71 53 18 36 0
85,41 42	2,162 0079 62 6996	69 17 69 21	76 52 08 4 52 40 8 52 40 8 52 40 8 52 40 8 52 52 52 52 52 52 52 52 52 52 52 52 52	85,91 92	2,197 1756 71 58 77 19 08 4 97 8914 71 63 19 40 8
43	63 3917	69 26	53 13 2	93	97 8914 71 63 19 40 8 98 6077 71 68 20 13 2
44	64 0843	69 31	53 45 6	94	2,199 3245 71 73 20 45 6
45	64 7774	69 35	54 18 0	95	2,200 0418 71 78 21 18 0
85,46	2,165 4709	69 40	76 54 50 4	85,96	2,200 7596 71 83 77 21 50 4
47	66 1649	69 45	55 22 8	97	01 4779 71 88 22 22 8
48	66 8594	69 50	55 55 2	98	02 1967 71 93 22 55 2
49 50	67 5544	69 54 :	56 27 6 57 00 0	99 86,00	02 9160 71 98 23 27 6 03 6358 24 00 0
30	, 00 reso		37 W	30,00	

N. E.			Alte Einth.		N. E.			Alte Einth.
k=56°	2. k.	D. 1".			k=86°	$\mathfrak{Q}.$ $k.$	D. 1".	
Gr. M.			Gr. M. S.		Gr. M.			Gr. M. S.
86,00	2,203 6358	72 04	77 24 00 0		86,50	2,240 2877	74 66	77 51 00 0
86,01	2,204 3562 05 0770	72 08 72 13	77 24 32 4 25 04 8	>,	86,51 52	2,241 0343 41 7815	74 72 74 77	77 51 32 4 52 04 8
03	05 7983	72 19	25 37 2		53	42 5292	74 82	52 37 2
04	06 5202	72 24	26 09 6		54	43 2774	74 88	53 09 6
05	07 2426	72 28	26 42 ()	£	55	44 0262	74 93	53 42 0
86,06	2,207 9654	72 34	77 27 14 4		86,56	2,244 7755	74 99	77 54 14 4
07	08 6888	72 39	27 46 8		57	45 5254	75 ()4	54 46 8
08 09	09 4127	72 44 72 49	28 19 2 28 51 6		58 59	46 2758 47 0268	75 10 75 15	55 19 2 55 _51 6
10	10 1371 10 8620	72 54	29 24 0		60	47 7783	75 21	56 24 0
	2,211 5874	72 60	77 29 56 4		86,61	2,248 5304	75 26	77 56 56 4
86,11	12 3134	72 64	30 28 8		62	49 2830	75 32	57 28 8
13	13 0398	72 70	31 01 2		63	50 0362	75 38	58 01 2
14	13 7668	72 75	31 33 6		64	50 7900	75 43	58 33 6
15	. 14 4943	72 80	32 06 0		65	51 5443	75 48	59 06 0
86,16	2,215 2223	72 85	77 32 38 4		86,66	2,252 2991	75 55	77 59 38 4
17	15 9508	72 91 72 95	33 10 8		67 68	53 0546	75 59	78 00 10 8
18 19	16 6799 17 4094	73 01	33 43 2 34 15 6		69	53 8105 54 5671	75 66 75 71	00 43 2
20	18 1395	73 06	34 48 0		70	55 3242	75 76	01 48 0
	2,218 8701	73 12	77 35 20 4		86,71	2,256 0818	75 82	78 02 20 4
86,21	19 6013	73 16	35 52 8		72	56 8400	75 88	02 52 8
23	20 3329	73 22	36 25 2		73	57 5988	75 94	03 25 2
24	21 0651	73 27	36 57 6		74	58 3582	75 99	03 57 6
25	21 7978	73 32	37 30 0		75	59 1181	76 05	04 30 0
\$6,26	2,222 5310	73 38	77 38 02 4		86,76	2,259 8786	76 10	78_05 02 4
27	23 2648	73 42 73 48	38 34 8 39 07 2		77 78	60 6396	76 16 76 22	05 34 8
28 29	23 9990 24 7338	73 54	39 39 6		79	61 4012 62 1634	76 22 76 28	06 07 2 06 39 6
30	25 4692	73 58	40 12 0		80	62 9262	76 33	07 12 0
86,31	2,226 2050	73 64	77 40 44 4		86,81	2,263 6895	76 39	78 07 44 4
32	26 9414	73 69	41 16 8		82	64 4534	76 44	08 16 8
33	27 6783	73 75	41 49 2		83	65 2178	76 50	08 49 2
34	28 4158	73 79	42 21 6		84	65 9828	76 56	09 21 6
35	29 1537	73 86	42 54 ()		85	66 7484	76 62	(9) 54 ()
86,36	2,229 8923	73 90	77 43 26 4		86,86	2,267 5146	76 68	78 10 26 4
37	30 6313	73 96 74 01	43 58 8 44 31 2		87 88	68 2814 69 0487	76 73 76 79	10 58 8
38 39	31 3709 32 1110	74 06	45 03 6		89	69 8166	76 85	11 31 2 12 03 6
40	32 8516	74 12	45 36 ()		30	70 5851	76 91	12 36 0
	2,233 5928	74 17	77 46 08 4		\$6,91	2,271 3542	76 96	78 13 08 4
86,41 42	34 3345	74 23	46 40 8		92	72 1238	77 02	13 40 8
43	3 5 0768	74 28	47 13 2		93	72 8940	77 08	14 13 2
44	35 8196	74 33	47 45 6		94	73 6648	77 14	14 45 6
45	3 6 5629	74 39	48 18 0		, 95	74 4362 ·	77 20	15 18 0
86,46	2,237 3068	74 44	77 48 50 4		86,96	2,275 2082	77 25	78 15 50 4
47	38 ()512	74 50) 74 55	49 22 8 49 55 2		97 98	75 9807 , 76 7539	77 32 77 37	16 22 8 16 55 2
48 4°)	38 7962 39 5417	74 60	50 27 6		99	77 5276	77 43	17 27 6
50	40 2877		54 00 0		87,00	78 3019		18 00 0
4.7								

N. E.		6	Alte Einth.	1 1	N. E.	A 18 MINS	Alte Einth.
$k = 87^{\circ}$	\mathfrak{L} . k .	D. 1"	S .000	" John may	$k = 87^{\circ}$	2. k. D	11151 19
Gr. M.	2		Gr. M. S.	3728	Gr. M.	. 2 1 11	Gr. M. S.
87,00	2,278 301	77 49	78 18, 00 00	10.04	87,50	2,317 7860 80	55°° 78°45 00 0
87,01	2,279 076		78 18 32.4	Fire Co	87,51	2,318 5915 7 80	61 78 45 32 4
02	79 852		19, 04 8	Ev.	52 53	19 3976 80	
03	81 405		19 37 2 20 09 6 -	5.1	54	20 2044 80 21 0118 80	
05	82 182		20 42 0	Pat	55	21 8198 80	
87,06	2,282 960	1 77 85	78 21 14 4	5: 77	87,56	2,322 6285 : 80	93 78 48 14 4
07	83 738		21 46 8	18	57	23 4378 80	99 . 48 46 8
08	84 517		22 19 2	24	. 58	24 2477 81	
09 - 10	85 297		22 51 6 23 24 0		59 60	25 0584 81 25 8696 81	
87,11	2,286 8583		78 23 56 4	1117	87,61	2,326 6815 / 81	
12	87 639		24 28 8	The same of	62	27 4941 81	
13	88 421	78 26	25 01 2	45	63	28 3073 81	38 52 01 2
14	89 2043		25 33 6		64	29 1211 81	
15	89 9876		26 06 0.		65	29 9356 81	
87,16	2,290 771		78 26 38 4		87,66 67	2,330 7507 81	1
17 18	91 5556		27 43 2		68	31 5665 81 32 3830 81	
19	93 126		28 15 6	2	69	33 2001 81	
20	93 912	78 68	28 48 0		70	34 0179 7 81	. 84 - 55 48 0
87,21	2,294 6999		78 29 20 4		87,71	2,334 8363 81	
22	95 4870	,	29 52 8 30 25 2		72	35 6554 81 36 4751 82	
23 24	96 2751 97 063		30 57 6		73 74	36 4751 82 37 2955 82	
25	97 853		31 30 0	A Comment	75	38 1265 82	
87,26	2,298 6429	79 05	78 32 02 4		87,76	2,338 9382 82	24 78 59 02 4
27	2,299 4334		32 34 8		77	39 7606 82	
28	2,300 224	1	33 07 2 33 39 6		78	40 5837 82	-
29 30	01 0163 01 8086		34 12 0	L	79 80	42 2317 82	
87,31	2,302 6018		78 34 44 4	51 1	87,81	2,343 0568 82	
32	03 395		35 16 8		82	43 8825 82	
33	04 1893		35 49 2		83	44 7089 82	
34	04 9841		36 21 6 36 54 0		84	45 5359 82 46 3637 82	78 03 21 6
35					85		84 03 54 0
87,36 37	2,306 5756 97 372		78 37 26 4		87,86	2,347 1921 82 48 0211 82	90 · 79 04 26 4 98 04 58 8
38	08 1696		38 31 2	1 1	88 -	48 8509 83	04 05 31 2
39 ″	08 9675	79 85	39 03 6		89	49 6813 83	11 06 03 6
40	09 7660	79 92	39 36 0		90	50 5124 . 83	18 06 36 0
87,41	2,310 5650		78 40 08 4	and the state	87,91	2,351 3442 83	25 79 07 08 4
42.	11 3650 12 1654		40 40 8		92	9 52 1767 83 53 0098 83	31 07 40 8 38 08 13 2
43	12 1054		41 45 6		93		45 08 45 6
45	13 768				95	54 6781 83	5 2 09 1 8 0
87,46	2,314 5704	80 30	78 42 50 4	100	87,96	2,355 5133 83	59 79 09 50 4
47	16 373	80 35	43 22 8		97	56 3492 83	66 10 22 8
48	16 1769		43 55 2		89	57 1858 83 58 0230 83	72 10 55 2
4 9 5 0	16 9812 17 7860		45 00 0	1	99 88,00	58 0230 83 \$8 8610	11 27 6 12 00 0
30					00,00		

N. E.	o Min De	na Al	te Einth.	. T.	N. E.	of million	1.6.	Alte	Einth.
k=88°	2. k.	D. 1". 1		Comme Party	k=88°	Ω . k ,	D. 1		
Gr. M.		G	r. M. S.	(21 -0)	Gr. M.	, et	111	Gr.	M. S.
88,00	2,358 8610	83 86 7	9 12 00 0		88,50	2,401 6631	87 47	79	39 00 0
88,01	2,359 6996		9 12 32 4	52	88,51 52	2,402 5378	87 55	79	39 32 4
02	£61 3790	84 01 10	13 04 8	53	53	03 4133	87 62 87 69	(9)	40 04 8
04	62 2197	84 14	14 09 6	5.8	54	05 1664	87 77	A.	41 09 6
05	.63 0611	84 21	14 42 0	1 626	55	06 0441	87 85		41 42 0
88,06	2,363 9032	84 28 7	9 15 14 4	6. 1.81	88,56	2,406 9226	87 92	79	42 14 4
07	64 7460	84 35	15 46 8	60	57 58	07 8018	88 00	- 13	42 46 8
08 09	66 4337	84 42	16 19 2.º 16 51 6	. 10	59	08 6818 09 5626	88 08 88 15		43 19 2 43 51 6
10	67 2786	84 56	17 24 0	(3)	60	10 4441	88 23	5	44 24 0
88,11	2,368 1242	84 63 7	9 17 56 4	11.43	88,61	2,411 3264	88 30	79	44 56 4
12	68 9705	84 .70	18 28 8	£.c*	62	12 2094	88 38		45 28 8
13	69 8176	84 77	19 01 2	j. (c.)	63	13 0932	88 46		46 01 2
14 15	70 6652	84 84	19 33.6	() ()	64	13 9778 14 8632	88 54 88 61		46 33 6 47 06 0
88,16		84 99		Emp. 100	88,66	2,415 7493	88 69	18.	
17	2,372 3627 873 2126	85 05 W	21 10 8	170	67	16 6362	88 77		47 38 4
18	74 0631	85 13		ed -	.68	17 5239	88 84		48 43 2
19	074 91 44	85 20	22 15 6	(10)	69	18 4123	88 93		49 15 6
20	C 75 7664	85 .27	22 48 0	* *	70	19 3016	89 00	, , , ,	49 48 0
88,21	2,376.6191			5.5	88,71	2,420 1916	4,		50 20 4
22 23	* 77 4725 * 78 3266		23 52 8	2.3	73	21 0824 21 9740	89 16	1.	50 52 8 51 25 2
24	0 79 1814		24 57 6	* 44	74	22 8663	89 3		51 57 6
. 25	0.80 0370	85 63	25 30 0	75 -	75	23 7594	89 4) "	52 30 0
88,26	2,380 8933	85 70 6	79 26 02 4	89,76	88,76	2,424 6534	89 4	7 79	53 02 4
27	2 81 7503		26 34 8	13.	77	25 5481			53 34 8
28 29	82 6080		27 07 2 27 39 6	64	79	26 4436 27 3399			54 07 2 54 39 6
30	684 3256		28 12 0	08	80	28 2370		2	55 12 0
88,31	2,385 1855	6 86 96 90	79 28 44 4	18,62	88,81	2,429 1348	89 8	7 79	55 44 4
32	86 0461		29 16 8	SS	82	30 0335			56 16 8
33	\$ 86 9075		29 49 2	(2)	83	30 9330		2	56 49 2
34	88 6324		30 21 6	4-8 ·	84	31 8332 32 7343			57 21 6
35				80,08	88,86				57 54 0
88,36 37	2,389 4959 2 90 3600		79 31 26 4	73	87	2,433 6362 34 5388			58 26 4 58 58 8
38	91 225		32 31 2	2.85	88	35 4423	-	3 79	59 31 2
39	8 92 0909		33 03 6	(13)	89	36 3466		0 80	00 03 6
40	0.92 9574		33 36 0	90	90	37 2516			00 36 0
88,41		6 4 86 80		50,92	88,91	2,438 157	- 1		
42	94 692			93	92 93	39 064 39 971	***		01 40 8
43	96 430			10	94	40 880			02 45 6
45	97 301		36 18 0	- 9.5	95	41 789		4	03 18 0
88,46	2,398 171				88,96	2,442 699	L . 91 (8 30	03 50 4
47	5 99 043			16	97	43 609		16	04 22 8
48	2,399.916	80 87 32 11 12 11 87 39 11		80	98	44 521			04 55 2 05 27 6
49 50	04 663	1 18	30 00 0	00/200	89,00	46 347			06 00 0
							7		

N. E.	A	. 8 3	Alte Einth.	11 (M.	N. E.	. Brida	il A	lte Einth.
$k = 89^{\circ}$	Q. k.	D. 1"		Open mil	k=89°	2. k.	D. 1".	- 2
Gr. M.	0.75	- 11	Gr. M. S.	Fig. 15.	Gr. M.	.8 .30	(i) G	r. M. S.
89,00	2,446 3471	91 40	80 06 00 0		89,50	2,493 0889		0 33 00 6
89,01	2,447 2611	91 49	80 06 32.4		89,51	2,494:0460	95 81 8	0 33 32 4
02	48 1760	91 57	07, 04,8	. 50	52	£95 £0041	95 '90 8	34 04.8
03	49 0917 50 0082	91 65 91 73	07 37,2	58	53 54	95.9631	95 99 48	34 37 2
05	50 9255	91 82	08 42 0	55	55	96 9230	96 08 48	35 42 0
89,06	2,451 8437	91 90	80 09 14 4		89,56	2,498 8455	96 26 8	
07	52 7627	91 99	09 46 8		57	2,499 8081	96 35 (36 46.8
, 08	53,6826	92 06	10, 19,2	83	58	2,50017716	96 45 48	37 1902
09	54 6032	92 16	10 54 6	0.6	59	01-7361	96 53 63	37: 51:6
10	55 5248	92 23	11 24 0	1 63	60	02:7014	96 63	387 2400
89,11 12	2,456,4471	92 32	80 11 56.4 12 28.8	34.73	89,61	2,503 6677	96 82	
13	57 3703 58 2943	92 49	13 01 2	100	62	05 6031	96 90	39 - 28 8 40 - 01 2
14	59 2192	92 57	13 33 6	J- ()	64	06 5721	97 00 4	40. 33 6
15	60 1449	92 66	14 06 0	6.3	65	07:5421	97 09 13	41.10670
89,16	2,461 0715	92 74	80 14 38 4	(13.56)	89,66	2,508 5130	(97 ·19 + 18	0 41 38 4
17	61 9989	92 82	15. 10. 8		67	09 4849	97 .28 8 ,	42 10.8
18	62 9271	92 91	15 43 2	803	68	10 4577	97 37 83	42 43 2
19 20	63 8562 64 7862	93 00	16, 15, 6 16, 48 0	1 7	69 70	11 4314	97 (46 ê) 97 (56 ê)	43 48 0
		,						
89,21	2,465 7170 66 6487	93 17 93 25	80 17 20 4 17 52 8	(89,71	2,513 3816 14 3581	97 65 8	44 52 8
23	67 5812	93 34	18 25 2	5.1.	73	15 3356	97 .85	45 25 2
24	68 5146	93 ,42	18 , 57, 6	1,"	74	16, 3141	97 .93 83	45 57 6
25	96 4488	93 51	19 30. 0	3	75	17 2934	98 03 0	46 30 0
89,26	2,470 3839	93 59		51 68	89,76	2,518, 2737	0:98 13 7 8	80 47 02 4
27	71 3198	93 .69			77	19 2550	98 \ 22	47 34 8
28 29	72 2567 73 1944	93 77 93 85	21 07 2 21 39 6	T.	78 79	20 2372	98 32	48 07 2 48 39 6
30	74 1329	93 95	22 12 0	100	80	22 2045	98 51	49 12 0
89,31	2,475 0724	94 03	80 22 44 4		89,81	2,523 1896	.:: 98 60	80 49 44 4
32	76 0127	94 11	4 17 P F 1 1 1	13,28	82	24 1756	98 .70 (8)	50 16 8
33	76 9538	94 21	23 49 2	10. 7	83	25 1626	98 (80) (8	50 49 2
34	77 8959	94 30	(3)	42 1	84	26 1506	98 (89 102)	51 . 21 .6
35	78 8389	94 37			85	27 1395	98 (99 tal	51 54 0
89,36	2,479 7826	94 47	1		89,86	2,528 1294		80 52. 26 4
37 38	80 7273 81 6728	94 55 94 65		·	87	29. 1202 30. 1121	99 19	52 58 8 53 31 2
39	82 6193	94 73			89	31 1049	99 38	54 03 6
40	83 5666	94 82	27 36 0	(3.2	90	32 0987	99 (47 (3)	54 36 0
89,41	2,484 5148	94 91	80 .28 08 4		89,91	2,533 0934	99 57	30 55 08 4
42	85 4639	95 .00	28 40 8		92	34 0891	99 68	55 40 8
43	86 4139				93	35 0859	99 .76	56 13.2
44 45	87 3648 99 3166			1	94	36 0835 37 0822	99 87	56 45 6
	88 3166			1.	95			
89,46 47	2,489 2692 90 2228	95 36 95 45		· Contract	89,96 97	2,538 0818 39 0825	100 07 8	58 22 8
48	91 1773	95 53		A S	89	40 0842	100 26	58 55 2
49	92 1326	95 ,63		100	99	41 0868	100 36	
50	93 0889		33 00 0	.0 0/8	90,00	42 0904		00 00 0 .

N. E.	Alte Einth.	N. E. C. III 65A	Alte Einth.
$k=90^{\circ}$ 2. k.	D.1".	$k=90^{\circ} \ 2. \ k.$	D. 1".
Gr. M.	- Gr. M. S.	Gr. M.	Gr. M. S.
90,00 2,542 0904	100 47 81 00 00 0	90,50 2,593 5848	105 71 81 27 00 0
90,01 2,543 0951	100 56 81 00 32-4	90,51 2,594 6419	105 82 81 27 32 4
02 44 1007	100 66 01 04 8	52 95 7001	106 93 28 04 8
03 45 1073	100 76 01 37 2	53 96 7594 54 97 8198	106 04 28 37 2
04 46 1149 05 47 1235	100 86 02 09 6 100 97 02 42 0	54 97 8198 55 98 8813	106 15 29 09 6 106 27 29 42 0
90,06 2,548 1332			
07 49 1438	101 06 81 03 14 4 101 17 03 46 8	90,56 2,599 9440 57 2,601 0078	106 38 S1 30 14 4 106 49 30 46 S
08 50 1555	101 26 04 19 2	58 02 0727	106 60 31 19 2
09 51 1681	101 37 4 04 51 6	59 03 1387	106 71 31 51 6
10 52 1818	101 47 05 24 0	60 4 04 2058	106 83 32 24 0
90,11 2,553 1965	101 57 81 05 56 4	90,61 2,605 2741	106 94 81 32 56 4
12 54 2122 13 55 2289	101 67 06 28 8 1 101 78 07 01 2	62 06 3435 63 07 4140	107 05 33 28 8
14 56 2467	101 78 07 01 2 101 88 07 33 6	64 08 4857	107 17 34 01 2 107 28 34 33 6
15 57 2655	101 98 08 06 0	65 09 5585	107 39 35 06 0
90,16 2,558 2853	102 08 81 08 38 4	90,66 2,610 6324	107 51 81 35 38 4
17 59 3061	102 19 09 10 8	67 11 7075	107 62 36 10 8
18 60 3280	102 29 09 43 2	68 12 7837	107 74 36 43 2
19 61 3509 20 62 3748	102 39 10 15 6 1 10 12 6 1 10 48 0 0 7 1 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 1	69 13 8611 70 14 9397	107 86 37 15 6 107 96 37 48 0
	· we i	•	
90,21 2,563 3998 22 64 4258	102 60 81 11 20 4 102 70 11 52 8	90,71 2,616 0193	108 09 81 38 20 4 108 20 38 52 8
23 65 4528	102 81 12 25 2	73 18 1822	108 31 39 25 2
24 66 4809	102 92 12 57 6	74 19 2653	108 43 39 57 6
25 67 5101	103 01 13 30 0	75 20 3496	108 55 40 30 0
90,26 2,568 5402	103 13 81 14 02 4	90,76 -2,621 4351	108 67 81 41 02 4
27 69 5715	103 23 14 34 8	77 22 5218	108 78 41 34 8
28 70 6038 29 71 6371	103 33 15 07 2 7 103 44 15 39 6	78 23 6096 79 24 6986	108 90 42 07 2 109 01 42 39 6
30 72 6715	103 55 16 12 0	80 25 7887	109 14 43 12 0
90,31 2,573 7070	103 55 81 16 44 4	90,81 2,626 8801	109 25 81 43 44 4
32 74 7435	103 76 17 16 8	82 27 9726	109 37 44 16 8
33 75 7811	103 86 17 49 2	83 29 0663	109 49 50 44 49 2
34 76 8197	103 97 18 21 6	84 30 1612	109 60 45 21 6
35 77 8594	104 08 18 54 0	85 31 2572	109 73 45 54 0
90,36 2,578 9002	104 19 81 19 26 4	90,86 2,632 3545	109 84 81 46 26 4
37 79 9421 38 80 9850	104 29 19 58 8 104 40 20 31 2	87 33 4529 88 34 5526	110 09 47 31 2
39 82 0290	104 51 21 03 6	89 35 6535	110 20 48 03 6
40 83 0741	104 61 21 36 0	90 4 36 7555	110 33 4 48 36 0
90,41 2,584 1202	104 73 81 22 08 4	90,91 2,637 8598	110' 44 181 49' 08 4
42 85 1675	104 83 1 22 40 8	92 38 9632	110 37 49 40 8
43 86 2158	104 95 (23 13 2 10 1	93 40 0689	110 69 50 13 2 110 81 60 45 6
44 87 2653. 45 88 3158	105 05 J 23 45 6 1 105 16 24 18 0	94 41 1758 95 42 2839	8110 93 7 61 18 0
90,46 2,589 3674	(405 27 (81 24 50 4 20 1)	90,96 1 2,643 3932	111 65 81 51 50 4
47 90 4201		90,90 2,043 3932	111 18 52 22 8
48 91 4739		98 4 43 6155	111 29 31 52 55 2
49 92 5288		99 17 46 7284	1117 42 35 27 6
50 93 5848	27 00 0 . € (° €° ·	91,00 0 0 47 8426	181 # 00 9

. Ii 2

N. E. A. D. C. A.	Alto	Dinah ar ""	N T tradition to	Alle Einth.
$k=91^{\circ} \Omega. k.$	D. 1.			D. 1".
Gr. M. 91,00 2,647 8426		4 00 0 9 13	Gr. M. 2,705 1814	Gr. M. S.
91,00 2,647 8426 91,01 2,648 9581		1 00 0	91,51 \$ 12,706 3620	118 06 82 21 00 0
02 50 0747	111 66 81 5	4 32 4 (CO) 5 04 8 2 3	52 07 5441	118 21 82 21 32 4
03 51 1927		5 37 2	53 1 08 7275	118 48 22 37 2
04 52 3118		6 09 6 = 0	54 0 09 9123	118 .63 A 44 23 09 6
05 53 4322	112: 16 - (1: 5	6: 42 0	55 9 11 0986	118 76 23 42 0
91,06 2,654 5538	112 29 81 5			118 90 82 24 14 4
07 55 6767 08 56 8008		7 46 8	57 13 4752 58 11 14 6656	119 04 24 46 8 119 18 25 19 2
09 57 9262		8 19 2 · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	59 15 15 8574	119 32 25 51 6
10 59 0528		9 24 0	60 41 17 0506	119 47 26 24 0
91,11 2,660 1807	112 92 81 5	9 56 4 10 00	91,61 2,718.2453	119 61 82 26 56 4
12 61 3099	113 04 82 (00 28 8	62 - 19 4414	119 74 27 28 8
13 62 4403		01 01 2	63 20 6388	119 89 28 01 2
14 63 5720 15 64 7049	,	01. 33 6 7 d) 02. 06 0: 1	64 21 8377 65 23 0381	120 04 28 33 6 120 17 29 06 0
91,16 2,665 8392 1-7 66 9747			91,66 2, 724 2398 67 25 4430	120 32 82 29 38 4 120 47 30 10 8
18 68 1115		3 10 8	68 3 26 6477	120 60 30 43 2
19 69 2495		4 15 6	69 4 27 8537	120 75 31 15 6
20 70 3889	114, 96	4 48 0	70 / 29 0612	420 90 31 48 0
91,21 2,671 5295	114 19 82 (5 20 4	91,71 2,730 2702	121 04 82 32 20 4
22 72 6714		5 52 8	72 31 4806	121 19 32 52 8
23 73 8146 24 74 9592		06 25 2 06 57 6	73 32 6925 74 33 9058	121 33 33 25 2 121 48 33 57 6
24 74 9592 25 76 1050		7 30 0	75 35 1206	121 48 33 57 6 121 63 34 30 0
91,26 2,677 2521			91,76 2,736 3369	121 77 82 35 02 4
27 78 4005		08 34 8 ()	77 37 5546	121 92 35 34 8
28 79 5502	115 11	9 07 2 🚈 🗇	78 38 7738	122 07 36 07 2
29 80 7013 -		9 39 6	79 39 9945	122 21 36 39 6
30 81 8536	115 37 🕆 1	0 12 0	80 41 2166	122 36 37 12 0
91,31 2,683 0073	115 50 82		91,81 2,742 4402	122 52 82 37 44 4 122 66 38 16 8
32 84 1623 33 85 3186		1 16 8	82 43 4566 83 44 8920	122 66 38 16 8 122 81 38 49 2
34 86 4762		2 21 6	84 46 1201	122 96 39 21 6
35 87 6352	116 03 ; 1 1	12 54 0	85 47 3497	123 11 39 54 0
91,36 2,688 7955		3 26 4	91,86 2,748 5808	123 26 82 40 26 4
37 89 9571/		3 58 8	87 49 8134	123 41 40 58 8
38 91 1201 39 92 2844		4 31 2 5 03 0	88 51 0475 89 52 2831	123 56 41 31 2 123 72 42 03 6
40 93 4501		5 36 0	89 52 2831 90 53 5203	123 72 42 03 6 123 86 143 42 36 0
91,41 2,694 6171	a' .		91,91 2,754 7589	124 02 82 43 08 4
42 95 7855		6 40 8	91,91	124 17 43 40 8
43 96 9552	117 11 ₂ 20 x 1	17 13 2	92 55 9991 93 67 57 2408	124 33 44 13 2
44 98 1263		17 45 6	94 58 4841	124 48 44 45 6
45 99 1987		8 18 0	95 1 59 7289	124 63 45 18 0
91,46 2,700 4725			91,96 2,760 9752	124 79 82 45 50 4
47 01 6476 48 02 8242		19 22 8 5 1 19 55 2 1	97 62 2231 98 63 4725	124 94 46 22 8 125 09 46 55 2
49 04 0021	117 93	0 27 6	99 64 7234	125 26 47 27 6
50 05 1814	1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1	1,000	92,00 65 9760	43 00 0

N.E.			Alte Einth.	N. E.			Alte Einth.
$k = 92^{\circ}$	2. k.	D. 1".		k=92°	Ω . k .	D. 1".	
Gr. M.			Gr. M. S.	Gr. M.			Gr. M. S.
92,00	2,765 9760	125 40	82 48 00 0	92,50	2,830 6741	133 73	83 15 00 0
92,01	2,767 2300	125 57	82 48 32 4	92,51	2,832 0114	133 91	83 15 32 4
02	68 4857	125 72	49 04 8	52	33 3505	134 09	16 04 8
03	69 742 9	125 88	49 37 2	53	34 6914	134 26	16 37 2
04 05	71 0017 72 2620	126 03 126 19	50 09 6	54 55	36 0340 37 3785	134 45 134 62	17 09 6 17 42 0
			50 42 0				
92,06	2,773 5239 74 7874	126 35 126 51	82 51 14 4 51 46 8	92,56 57	2,838 7247 40 0728	134 81	83 18 14 4
08	76 0525	126 67	51 46 8 52 19 2	58	41 4227	134 99 135 16	18 46 8 19 19 2
09	77 3192	126 82	52 51 6	59	42 7743	135 35	19 51 6
10	78 5874	127 00	53 24 0	60	44 1278	135 53	20 24 0
92,11	2,779 8574	127 15	82 53 56 4	92,61	2,845 4831	135 72	83 20 56 4
12	81 1289	127 30	54 28 8	62	46 8403	135 89	21 28 8
13	82 4019	127 47	55 01 2	63	48 1992	136 08	22 01 2
14	83 6766	127 63	55 33 6	64	49 5600	136 27	22 33 6
15	84 9529	127 80	56 06 0	65	50 9227	136 45	23 06 0
92,16	2,786 2309	127 95	82 56 38 4	92,66	2,852 2872	136 63	83 23 38 4
17	87 5104	128 12	57 10 8	67	53 6535	136 82	24 1 0 S
18	88 7916	128 28	57 43 2	68	55 0217	137 01	24 43 2
19 20	90 0744 91 3589	128 45 128 60	58 15 6 58 48 0	69 70	56 3918 57 7637	137 19 137 38	25 15 6 25 48 0
92,21	2,792 6449	128 78 128 93	82 59 20 4 82 59 52 8	92,71 72	2,859 1375 60 5132	137 57 137 76	83 26 20 4
22 23	93 9327 95 2220	128 93 129 11	83 00 25 2	73	61 8908	137 95	26 52 8 27 25 2
24	96 5131	129 27	(X) 57 6	74	63 2703	138 13	27 57 6
25	97 8058	129 43	01 30 0	75	64 6516	138 32	28 30 0
92,26	2,799 1001	129 60	83 ()2 ()2 4	92,76	2,866 0348	138 52	83 29 02 4
27	2,800 3961	129 77 /	02 34 8	77	67 4200	138 71	29 34 8
28	01 6938	129 94	03 07 2	78	68 8071	138 89	30 07 2
29	02 9932	130 ' 10	03 39 6 04 12 0	79 80	70 1960 71 5869	139 09 139 28	30 39 6
30 ^	04 2942	130 27					31 12 0
92,31	2,805 5969	130 44	83 04 44 4	92,81	2,872 9797	139 48	83 31 44 4
32	06 9013	130 61	05 16 8 05 49 2	82 83	74 3745 75 7712	139 67 139 86	32 16 8 32 49 2
33 34	08 2074 09 5152	130 78 130 95	06 21 6	84	77 1698	140 06	33 21 6
35	10 8247	131 12	06 54 0	85	78 5704	140 25	33 54 0
92,36	2,812 1359	131 29	83 07 26 4	92,86	2,879 9727	140 45	83 34 26 4
37	13 4488	131 46	07 58 8	87	81 3774	140 64	34 58 8
38	14 7634	131 63	08 31 2	. 88	82 7838	140 84	35 31 2
3 9	16 0797	131 81	09 03 6	89	84 1922	141 04	36 03 6
40	17 3978	131 98	09 36 0	90	85 6026	141 24	36 36 0
92,41	2,813 7176	132 15	83 10 08 4	92,91	2,887 0150	141 43	83 37 08 4
42	20 0391	132 32	10 40 8	92	88 4293	141 64	37 40 8
43	21 3623	132 50	11 13 2	93	89 8457	141 83	38 13 2
44	22 6873	132 68	11 45 6	94	91 2640 92 6843	142 03 142 24	38 45 6 39 18 0
45	24 0141	132 . 85	12 18 0				
92,46	2,825 3426	133 02	83 12 50 4	92,96	2,894 1067 95 5311	142 44 142 63	83 39 50 4 40 22 8
47	26 6728 28 0048	133 20 133 38	13 22 8 13 55 2	97 98	96 9574	142 84	40 55 2
48 49	29 3386	133 55	14 27 6	99	98 3868	143 05	41 27 6
50	30 6741		15 00 0	93,00	. 99 8163		42 00 0

N. E.	1 91 . 1. 1. 1.	Alte Einth	i. 157	N. E.	. h . 1 q 14 v.		Alte Einth.
$k = 93^{\circ}$	Q. k.	D. 1".	1,000	$k = 93^{\circ}$	Ω . k .	D. 1".	
Gr. M.		Gr. M. S.		Gr. M.			Gr. M. S.
93,00	2,899 8163	143 25 83 42 00	0 :, ., .	93,50	2,974 0632	154 23	84 09 00 0
93,01	2,901 2488	143 45 83 42 32	4 Fg 8 S	93,51	2,975 6055	154 47	84 09 32 4
02	02 6833	143 65 43 04		52	77 1502-	154 71	10 04 8
03	04 1198	143 87 43 37 144 06 44 09		53 54	78 697 3 80 2468	154 95 . 155 18	10 37 2
05	06 9991	144 28 - 44 42		55	81 7986	155 42	11 42 0
93,06	2,908 4419	144 48 83 45 14	4	93,56	2,983 3528	155 67	84 12 14 4
07	09 8867	144 69 45 46		57	84 9095	155 91	12 46 8
08	11 3336	144 90 46 19	2 22	58	86 4686	156 15	13 19 2
09	. 12 7826	145 10 46 51		59	88 0301	156 39	13 51 6
10	14 2336	145 32 6 47 24		60	89 5940	156 63	14 24 ()
$93,11 \\ 12$	2,915 6868 17 1421	145 53 83 47 56 145 73 48 28		93,61	2,991 1603 92 7291	156 88 157 13	84 14 56 4 15 28 8
13	18 5994	145 95 49 01		63	94 3004	157 37	15 28 8 16 01 2
14	20 0589	146 17 49 33		64	95 8741	157 62	16 33 6
1.5	21 5206	.146 37 50 06	0	65	97 4503	157 \$6	. 17 06 0
93,16	2,922 9843	146 59 83 50 38	4 1, 1	93,66	2,999 0289	158 12	84 17 38 4
17	24 4502	146 80 51 10		67	3,000 6101	158 36	18 10 8
18	25 9182	147 01 51 43		68	02 1937	158 61	18 43 2
19 20	27 3883 28 8606	147 23 52 15 147 45 52 48		69 70	03 7798	158 87 - 159 11	19 15 6
93,21	2,930 3351			93,71	3,006 9596	159 37	
22	31 8117	147 66 83 53 20 147 89 53 52		72	08-5533	159 62	84 20 20 4 20 52 8
23	33 2906	148 09 54 25	-	73	10 1495	159 88	21 25 2
24	34 7715	148 32 - 54 57	6	74	11 7483	160 13	21 57 6
25	36 2547	148 54 55 30	0	75	13 3496	160 38	22 30 0
93,26	2,937 7401	148 75 83 56 02	4 1	93,76	3,014 9534	160 64	84 23 .02 4
27 28	39 2276	148 98 _ 56 34		77	16 5598	160 90	23 34 8
29	42 2093	149 19 57 07 149 42 57 39		79	18 1688 - 19 7804	161 46	24 07 2 24 39 6
30	43 7035	149 64 . 58 12		80	21 3945	161 68	25 12 0
93,31	2,945 1999	149 87 83 58 44	4 .	93,81	3,023 0113	161 94	84 25 44 4
32	46 6986	150 08 59 16	8	82	24 6307	162 19	26 16 8
33	48 1994	150 32 83 59 49		83	26 2526	162 46	26 49 2
34 35	49 7026	150 53 84 00 21 150 77 00 54		84 85	27 8772 29 5045	162 73 162 98	27 21 6
93,36	2,952 7156						
95,50		150 99 84 01 26 151 21 , 01 58		93,86 87	3,031 1343	163 25 163 52	28 58 8 28 58 8
38	55 7376	151 .45 02 31		88	34 4020 -	.163 79	29 31 2
39	57 2521	151 67 03 03		89	36 0399	164 05	30 03 6
40	58 7688	151, 90 03 36	Q	90	37 6804	164 32	. 30 .36 0
,	2,960 2878	152 13 84, 04 68	4 1		3,039 3236		84 31 08 4
42 43	61 8091 63.3327				40, 9695	164 86	31-40 8
	64. 8587	152 82 4 05 45			42 6181	165 40	32 45 6
	66 3869	153 06 06 18	0		45 9234	165 67	33 18 0
93,46	2,967 9175	153 20 84 06 50	4		-3 ₅ 047-58(A	165 95	84 33 50 4
47	69. 4504	153 53 4 07 22	8 1.6	97	49 2396		34 22 8
	70 9857	A 100 2 10 1 00 20	2		50, 9018	,166 50	34 55 2
	72 5233 74 0632		6 (0) +1 0. (0) -1		54 2846	166 78	35 27 6
			or (mysists	34,00			14 36: 00 0

N.E.		,	Alte E	inth.		N. E.			Alte	e E	inth.
k=94°	\mathfrak{Q} . k .	D. 1".				k=94°	2. k.	D. 1"	.0 .		
Gr. M.	9 (954 0346	404; 05	Gr. M			Gr. M. 94,50	9 444 9519	. 400 04			. S.
94,00	3,054 2346	167 05	84 36 84 36	32 4		94,51	3,141 3643	182 21			00 0
. 02	3,055 9051 57 5784	167 33 167 61	37			52	3,143 1864 45 0118	182 54 182 88		04	32 4
. 03	59 2545	167 89	37			53	46 8406	183 20		04	
04	60 9334	168 17	38	09 6		54	48 6726	183 55		05	09 6
05	62 6151	168 46	38	42 0		55	50 5081	183 87		05	42 0
94,06	3,064 2997	168 73	* 84 39	14 4		94,56	3,152 3468	184 22	85	06	14 4
07	65 9870	169 02	39			57	54 1890	184 56		06	
08 09	67 6772 69 3703	169 31 169 59	40	19 2 51 6		58 59	56 0346 57 8835	184 89 185 24		07	19 2 51 6
10	71 0662	169 88	41	24 0		60	59 7359	185 58		08	24 0
94,11	3,072 7650			,		94,61		+ .	85	08	56 4
12	74 4666	170° 16 170° 46	84 41 42	56 4 28 8		62	3,161 5917 63 4509	185 92 186 27	00	09	28 8
13	76 1712	170 74	43	01 2	~	63	65 3136	186 61		10	01 2
14	77 8786	171 04	43	33 6		64	67 1797	186 96		10	33 6
15	79 5890	171 33	44	06 0		65	69 0493	187 31		11	06 0
94,16	3,081 3023	171 62	84 44	38 4		94,66	3,170 9224	187 66	85	11	38 4
17	83 0185	171 91	45	10 8		67	72 7990	188 02		12	10 8
18	84 7376	172 21	45	43 2		68	74 6792	188 36		12	43 2
19	86 4597	172 50	46	15 6		69	76 5628	188 72		13	15 6
20	88 1847	172 80	46	48 ()		70	78 4500	189 08		13	48 0
94,21	3,089 9127	173 10	84 47	20 4		,	3,180 3408	189 43	85	14	20 4
22	91 6437	173 40	47	52 8		72	82 2351	189 79		14	52 8
23	93 3777	173 70	48	25 2		73 ~4	84 1330			15	25 2
24 25	95 1147 96 8547	174 00	48	57 G 30 O		74 75	86 0345 87 9396	190 51 190 88		15 16	57 6 30 0
						0.4 200					
94,26	3,098 5977	174 60	84 50	02 4		94,76	3,189 8484 91 7607		85	17	02 4
28	3,100 3437 02 0928	174 91 175 21	50 51	34 S 07 2		78	93 6768	191 61		17	34 8 07 2
29	03 8449	175 52	51	39 6		79	95 5965	192 33		18	39 6
30	05 6001	175 83	52	12 0		80	97 5198	192 71		19	12 0
94,31	3,107 3584	176 14	84 52	44 4		94,81	3,199 4469	193 08	85	19	41.4
32	09 1198	176 44	53	16 8		82	3,201 3777	193 45		20	16.8
33	10 8842	176 76	53	49 2		83	03 3122	193 82		20	49 2
34	12 6518	177 06	54	21 6		84	05 2504	194 20	1	21	21 6
35	14 4224	177 38	54	54 0		85	07 1924	194 57		21	54 0
94,36	3,116 1962	177 70	84 55	26 4			3,209 1381	194 96	85	22	26 4
37	17 9732	178 01	55	58 8		87	11 0877	195 33		22	58 8
38 39	19 7533 21 5365	178 32 178 65	56 57	31 2		88 89	13 0410 14 9981	195 71		23	31 2 03 6
40	23 3230	178 96	57	03 6 36 0		90	16 9591	196 10 196 48		24 24	36 0
									oe.		
94,41 42	3,125 1126 26 9054	179 28	84 58			94,91	3,218 9239 ° 20 8926	196 87	85	25 25	08 4
43	28 7014	179 60 179 92	58 59	40 8		93	22 8651	197 · 25 197 64		26	13 2
44	30 5006	180 25	84 59			94	24 8415	198 00		26	45 6
45	32 3031	180 57	85 00	18 0		95	26 8219	198 42		27	18 0
94,46	3,134 1088	180 90	85 00	50 4		94,96	3,228 8061	198 82	85	27	50 4
47	35 9178	181 22	01	22 8		97	30 7943	199 21		28	22 8
48	37 7300	181 55	01	55 2		98	32 7864	199 61		28	55 2
49	39 5455	181 88	02	27 6		99	34 7825	200 00		29	27 6
50	41 3643		63	00 0		95,00	36 7825		85	3()	00 0

N. E.		Alte Einth.	- N	N. E.		· A	lte Einth.
k=95° ♀.	k. D.1".			k=95°	2. k.	D. 1".	
Gr. M.	.1	Gr. M. S.		Gr. M.			Gr. M. S.
95,00 3,236	7825 200 41	85 30 00 0	27:3	95,50	3,342 2408	222 65:	85 . 57 . 00 0
95,01 3,238		85 30 32.4	16011	95,51	3,344 4673		85 57 32 4
02 40		31 04 8	Oi.	52	46 6988	223 65	58 04 8
	8067 201 62 8229 202 02	31 37 2		54	48 9353 51 1768	224 65	59 09 6
	8431 202 43	32 42 0		55	53 4233	225 15	85 59 42 0
95.06 3,248	8674 202 83	85 33 14 4		95,56	3,355 6748	225 66	86 00 14 4
07 50	8957 203 25	33 46 8		57	57 9314	226 .18	00 46 8
	9282 203 66	34 19 2		58	60 1932	226 68	01 19 2
,	9648 204 08 0056 204 49	34 51 6		59 60	62 4600	227 19 227 72	01 51 6 02 24 0
				95,61	3,367 0091		
0-1	0505 204 91 . 0996 205 33	85 35 56 4	Land Co	62	69 2914	228 75	03 28 8
	1529 205 75	37 01 2	ta e	.63	71 5789	229 27	04 01.2
	2104 206 17	37 33 6	. h	64	73 8716	229 80	04 33 6
15 . 67	2721 206 60	38 . 06 0	1.3	65	76 1696	230 33	. 05 06 0
00,10	3381 207 03	85 38 38 4	1 30	.95,66	3,378 4729	230 86	86 05 38 4
	1 4084 207 45	39 10 8		67	80 7815	231 39	06 10 8
10	3 4829 207 88 5 5617 208 31	39 43 2 40 15 6		68 69	83 0954 85 4147	231 93 232 47	06 43 2
13	7 6448 208 75	40 48 0		70	87 7394	233 00	07 48 0
	7323 209 19	85 41 20 4		95,71	3,390 0694	233 55	86 08 20 4
	1 8242 209 .62	41 52 8		. 72	92 4049	234 09	08 52 8
	3 9204 210 06	42 25 2	31.1	73	94 7458	23# 65	09 25 2
	6 0210 210 50	-42 57 6	11 11	74	97 0923	235 19	09 57 6
	8 1260 210 94	43 30 0		75	99 4442	235 74	(10 30 0
50,00	0 2354 211 39	85 44 02 4	·1.	95,76	3,401 8016	236 31	86 - 11 02 4
20	2 3493 211 83 4 4676 212 29	44 34 8	7.6	77	04 1647 06 5333	236 86 237 42	11 34 8
,20	6 5905 212 73	45 39 6		7.9	08 9075	237 98	12 39 6
	8 7178 213 19	46 12 0	. ~ .	80	11 2873	238 56	. 1 13 12 0
95,31 3,30	0 8497 213 64	85 46 44 4		95,81	3,413 6729	239 . 12	86 13 44 4
	2 9861 214 09	47 16 8	1.0	82	16 0641	239 69	14 16 8
G G	5 1270 214 56	47 49 2		83	18 4610	240 27	14 49 2
	7 2726 215 01 9 4227 215 48	48 21 6 48 54 0	1 2 4	. 84 85	20 8637	240 84 241 43	2.15 -21 6 2.15 54 0
-				95,86	3,425 6864	242 00	
00,00	1 5775 215 94 3 7369 216 40			87	28 1064	242 60	86 46 26 4
63.8	15 9009 216 88			88	30 5324	243 18	17 31 2
39 1	18 0697 217 34			. 89	32 9642	243 78	18 03 6
40 2	20 2431 217 83	51 36 0	, M.	9,0	35 4020	244 37	18 36 0
	22 4213 218 29			95,91	3,437 8457		86, 49 ,08 4
	24 6042 218 77 26 7919 219 25			92 93	40 2953	245. 57	19 40 8
43	26 7919 219 25 28 9844 219 72	1.7		94	42 7510 45 2127	246 77	20 45 6
45	31 1816 220. 21				47 6804	247 39	21 18 0
	33 3837 220 70			95,96	3,450 1543	248 00	86 21 50 4
47	35 5907 221 1			97	52 6343	248 61	22 22 8
48	37 8025 221 6		100	- 98	55 1204	249 23	
10	40 0192 222 1		1,3	99	57 6127	249 85	- 23 27 6
50	42 2408	57 00 4	1 16 11	96,00	60 1112		24 00 0

N. E.	. C 200 M	A	lte Einth.		N. E.	e err	- 1	Alte Einth.
k=96°	2. k.	D. 1".	J. 5. 1		k=96°	2. k.	D. 1".	
Gr. M.	9 35 1 1		Gr. M. S.		Gr. M.	1		Gr. M. S.
96,00	3,460 1112 3,462 6160		86 24 00 0	* 16	96,50 96,51	3,593 7198	286 26	86 51 00 0
02	65 1271	251 11 251 73	86 24 32 4 25 04 8		52	3,596 5824 3,599 4533	287 09 287 91	86 51 32 4 52 04 8
03	67 6444	252 37	25 37 2	1.	53	3,602 3324	288 75	52 37 2
04	70 1681 72 6982	253 01 253 65	26 09 6 26 42 0	· · ·	54 55	05 2199 08 1157	289 58 290 41	53 09 6
96,06	3,475 2347		86 27 14.4		96,56	3,611 0198	291 26	86 54 14 4
07	77 7776	254 94	27 46 8	Ye	57	13 9325	292 11	54 46 8
08	80 3270	255 59	28 19 2		. 58	16 8536	292 96	55 19 2
10	82 8829 85 4453	256 24 256 90	28 51 6		0.0	19 7832	293 83 294 69	55 51 6
96,11	3,488 0143		86 29 56 4		96,61	3,625 6684	295 56	86 56 56 4
12	90 5899	258 22	30 28 8		62	28 6240	296 44	57 28 8
13	93 1721	258 90	31 01 2		63	31 5884	297 31	58 01 2
14 15	95 7611 98 3567	259 56 260 23	31 33 6 32 06 0	415	64 65	34 5615 37 5435	298 20 299 09	58 33 6
96,16	3,500 9590		86 32 38 4	11.	96,66	3,640 5344	299 99	
17	03 5682	261 59	33 10 8	* 64	67	43 5343	300 89	86 59 38 4 87 00 10 8
18	06 1841	262 29	33 43 2		68	46 5432	301 80	00 43 2
19 20	08 8069 11 4366	262 97 263 66	34 15 6 34 48 0	A		49 5612 52 5882	302 70 303 63	01 15 6 01 48 0
96,21	3,514 0732	264 36	86 35 20 4		96,71	3,655 6245	304 55	87 02 20 4
22	16 7168	265 06	35 52 8		- 72	58 6700	305 48	02 52 8
23	19 3674	265 76	36 25 2	0:	73	61 7248	306 41	03 25 2
24 25	22 0250 24 6896	266 46 267 18	36 57 6 37 30 0	;	74 75	64 7889	307 35 308 31	03 57 6 04 30 0
96,26	3,527 3614	267 89			96,76	3,670 9455	309 25	
27	30 0403	268 61	86 38 02 4 38 34 8		77	74 0380	310 21	87 05 02 4 05 34 8
28	. 32 7264	269 33	39 07 2		78	77 1401	311 17	06 07 2
29 30	35 4197 38 1203	270 06 270 79	39 39 6		79 80	80 2518 83 3733	312 15 313 12	06 39 6 07 12 0
96,31	3,540 8282	271 52	86 40 44 4	1111	96,81	3,686 5045	314 10	87 07 44 4
32	43 5434	272 26	41 16 8			89 6455	315 09	08 16 8
33	46 2660	273 00	41 49 2	17.	83	92 7964	316 09	08 49 2
34 35	48 9960 51 7335	273 75 274 50	42 21 6		84 85	95 9573 99 1282	317 09 318 09	09 21 6
96,36	3,554 4785	275 25	86 43 26 4		96,86	3,702 3091	319 11	87 10 26 4
37	57 2310	276 01	43 58 8		87	05 5002	320 13	10 58 8
38	59 9911	276 78	44 31 2		88	08 7015	321 15	11 31 2
39 40	62 7589	277 54 278 31	45 03 6	4	89 90	11°9130 15 1349	322 19 323 23	12 03 6 12 36 0
96,41	3,568 3174	279 09	86 46 08 4	1,5	96,91	3,718 3672	324 28	87 13 08 4
/	71 1083	279 87	² 46 40 8	City .	92	21 6100	325 33	13 40 8
43	73 9070	280 65	47 13 2	Lange Comment		24 8633	326 39	14 13 2
44 45	76 7135 79 5279	281 44 282 23	47 45 6 48 18 0	10°	94 95	28 1272 31 4018	327 46 328 53	14 45 6 15 18 0
96,46	3,582 3502	283 03	86 48 50 4	15 13 pt 14		3,734 6871	329 61	87 15 50 4
47	85 1805	283 84	49 22 8	30:	97		330 71	16 22 8
48	88 0189	284 64	49 55 2	12,130		41 2903	331 80	16 55 2
49 50	90 8653	285 45	50 27 6 51 00 0	. 10 . 10		44 6083	332 90	17 27 6 18 00 0
30	23 1190		01.000		37,00	.,	T/ 1-	1

Kk

N. E.		Alte	Einth.	N. E.		1	Alte Einth.
k=97°	Q. k.	D. 1".		$k = 97^{\circ}$	2. k.	D. 1".	
Gr. M.		Gr.	M. S.	Gr. M.:			Gr. M. S.
97,00	3,747 9373	334 01 87	18 00 0	97,50	3,930 3154	400 91	87 45 00 0
97,01 02	3,751 2774 54 6287	335 13 87 336 26	18 32 4 19 04 8	97,51 52	3,934 3245 38 3496	402 54 404 15	87 45 32 4 46 04 8
03	57 9913	337 39	19 37 2	53	42 3911	405 78	46 37 2
04	61 3652	338 53	20 09 6	54	46 4489	407 43	47 09 6
05	64 7505	339 68	20 42 0	55	50 5232	409 10	47 42 0
97,06	3,768 1473	340 84 87	21 14 4	97,56	3,954 6142	410 78	87 48 14 4
07 08	71 5557	342 00	21 46 8 22 19 2	57 58	58 7220 62 8467	412 47	48 46 8 49 19 2
09	74 9757 78 4074	343 17 344 36	22 19 2 22 51 6	59	66-9885	415 90	49 51 6
10	81 8510	345 54	23 24 0	60	71 1475	417 63	50 24 0
97,11	3,785 3064	346 74 87	23 56-4	97,61	3,975 3238	419 39	87 50 56 4
12	88 7738	347 94	24 28 8	62	79 5177	421 15	51 28 8
13	92 2532	349 16	25 01 2	63	83 7292	422 93	52 01 2
14 15	95 7448 99 2486	350 38 351 61	25 33 6 26 06 0	64 65	87 9585 92 2058	424 73. 426 53	52 33 6 53 06 0
			26 38.4	97,66	3,996 4711	428 37	87 53 38 4
97,16 17	3,802 7647	352 86 87 354 09	27 10 8	67	4,000 7548	430 20	54 10 8
18	09 8342	355 36	27 43 2	68	05 0568	432 06	54 43 2
19	13-3878	356 62	28 15 6	69	09 3774	433 94	55 15 6
20	16-9540	357 90	28 48 0 ⁹	70	13.7168	435 82	55 48 0
97,21	3,820 5330	359 18 87	29 20,4	97,71	4,018 0750	437 73	87 56 20:4
22° 23	24 1248 27 7296	360 48 361 77	29 52 8 30 25 2	72 73	22 4523 26 8489	439 63 441 59	56 52 8 57 25 2
24	31 3473	363 09	30 57 6	74	31 2648	443 55	57 57 6
25	34 9782	364 42	31 30 0	75	35-7003	445 53	58 30 0
97,26	3,838 6224	365 74 87	32 02:4	97,76	4,040 1556	448 52	87 59 02:4
27	42 2798	367 08	32 34 8	77	44 6308	449 53	87 59 34 8
28	45, 9506	368 44	33: 07 2: 33- 39 6	78 79	49·1261 53·6417	451 56 453 61	88 00 07 2
29 30	49 6350 53 3330	369 80 371 17	34 12 0	80	58 1778	455 67	01 12 0
97,31	3,857 0447	372 55 87	34 44-4	97,81	4,062 7345	457 76	88 01 44 4
32	60.7702	373 94	35 16 8	82	67 3121	459 86	02 16 8
33	64 5096	375 34	35 49 2	83	71 9107	461 98	02 49 2
34	68 2630	376 76	36: 21 6:	84 85	76 5305 81 1718	464 13 466 29	03 21 6
35	72 0306	378 18	36: 54 0:				03- 54-0
97,36	3,875 812 4 79 6086	379 62 87 381 06	37 26·4 37 58 8	97,86 87	4 ₅ 085, 8347, 90, 5194	468 47 470 68	88 04 26:4
37 38	83, 4192	382 52	38 31 2	88	95 2262	471 90	05 31 2
39	87 2444	383 99	39. 03 6.	89	4,099-9552	475 14	06 03 6
40	9£ 0842	385 46	39 36 0	90	4,104 7066	477 42	06 36 0
97,41	3,894 9389	386 96 87	40 98; 4 ·	97,91	4,109 4808	479 70	83 07 08 4
42	3,898 8084	388 45	40 40 8	92	14: 2778	482 01	07 40 8
43.	3,902 6929 06-5926	389 97 391 50	41 13 2	93 94	19· 0979 23· 9414	484 35 486 71:	08 45 6
44	10-5076	393 03	42 18 0	95	28-8085	489 08	09 18 0
97,46	3,914 4379	394 58 87	42 50 4	97,96	4,133-6993	491 48	88 09 50 4
47	18 3837	396 15	43 22 8	97	38-6141	493 91	10 22 8
48	22 3452	397 72	43 55 2 6	98	43 5532	496 37	10 55 2
49	26 3224	399 30	44 27 6	99	48 5169 53 5052	498 83	11 27 6 12 00 0
50	30-3154		45 00:0	98,00	43 0002		20 00 0

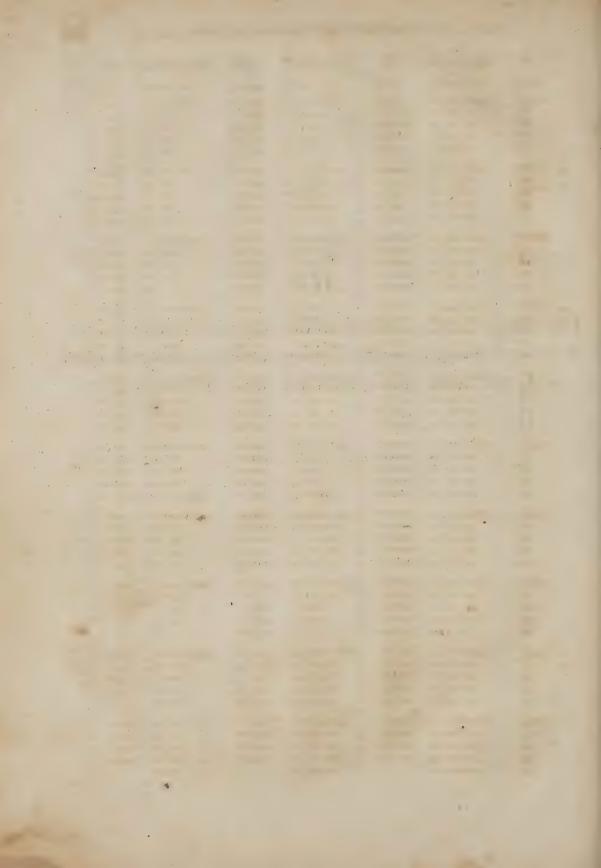
	. 1, . , . ,	Alte	e Einth,		N. E.	Contraction	. 1. I	Ite Einth.
k=98°	Q. k.	,			k=98°	Ω . k .		
Gr. M.		Gr.	M. S.		Gr. M.		1	Gr., M. S.
98,00	4,153 5052	. 88	12 00 0	1	98,50	4,441 2233		88 39 00 0
98,01	4,158 5186	88	2,		98,51	4,447 9129		88 39 32 4
02 03	63 5572		13 04 8 13 37 2		52 53	54 6475		40 04 8
04	68 6213 73 7112	_	13 37 2 14 09 6		54	61 4278 86 2544		40 37 2 41 09 6
05	78 8271	*	14 42 0		55	75 1279		41 42 0
98,06	4,183 9693	88	15 14 4		98,56	4,482 0489		88 42 14 4
07	89 1381	· ·	15 46 8		57	89 0182		42 46 8
08	94 3337		16 19 2		58	4,496 0363		43 19 2
09	4,199 5564		16 51 6		59	4,503 1041		43 51 6
10	4,204 8065		17 24 0		60	10 2221		44 24 ()
98,11	4,210 0844	88	17 56 4	C'.;	98,61	4,517 3912	,	88 44 56 4
12 13	15 3902 20 7243		18 28 8 19 01 2	: 7	62 63	24 6120 31 8853		46 01 2
14	26 0870		19 33 6		64	39 2119		46 33 6
15	31 4786	1.1	20 06 0		65	46 5926	5	47 06 U
98,16	4,236 8995		20 38 4	4	98,66	4,554 0281		88 47 38 4
17	42 3498		21 10 8		67	61 5193		48 10.8
. 18	47 8300		21 43 2		68	69 0671		48 43 2
19	53 3405 58 8814	*.	22 15 6 22 48 0	En'	69 7 0	76 6722	***	49 15 6
. 20						84 3356		49 48 0
98,21	4,264 4532	88	23 20 4		98,71 72	4,592 0582		88 50 20 4
22 23	70 056 1 75 6 907		23 52 8 24 25 2	91 5	73	4,599 8409 4,607 6846		50 52.8
24	81 3572		24 57 6		74	15 5903		51 57 6
25	87 0559	1	25 30 U	20	75	23 5590		52 30 0
98,26	4,292 7873	. 88	26 02 4		98,76	4,631 5917		88 53 02 4
27	4,298 5517		26 34 8		77	39 6894	1. 1	53 34 8
28	4,304 3495		27 07 2		78 79	47 8532		54 07 2
29 30	10 1812		27 39 6 28 12 0		80	56 0842 64 3835		54 39 6
				3 2.7				
98,51	4,321 9474 27 8828	38	28 44 4	\$ Y .	98,81	4,672 7522 81 1916		83 55 44 4 56 16 8
33	33 8537	51	29 49 2	. (4)	83	89 7,028		56 49 2
34	39 8604		30 21 6	100	84	4,698 2870		57 21 6
35	45 9034		30 54 0	40	85	4,706 9455		57 54 0
98,36	4,351 9831	- 38	31 26 4	1000		4,715 6797		88 58 26 4
37	58 1000		31 58 8	SAL 1	87	24-4908		58 58 8
38 39	64 2554 70 4472		32 31 2 33 03 6	- Brek	88 89	33 3802 42 3493	7	88 59 31 2 89 00 03 6
40	76 6784	,	33 36 0		90	51 3996	16.	00 36 0
	4,382 9487		34 08-4	il all	98,91	A,760 5325	5 (4)	89 01 08 4
98,41 42	89 2585		34 40 8	A SECTION OF	92	69 7496	4 4 4/2	9 01 40 8
43	4,395 6084		35 13 2		93	79 0525	2 1	02 13 2
44	4,401 9988		35 45 6	7.	94	88 4426		02 45 6
45	08 4303		36 18 0	3.	95	97 9218	4	03 18 0
98,46	4,414 9035	. 8	3 7 2 4	Ya	98,96	4,807 4917		89 03 50 4
47			37 22 8	(%)	97	17 1540 26 9106		04 22 8
48 49	27 9768 34 5781		37 55 2 88 27 6	* 67 3	99	36 7634		. No 27 6
50			30 00 0	1. 12.11	99,00			06 00 0
							W L	0

Kk2

N. E.		Alte Einth.	N. E	Alte Einth.
$k = 99^{\circ}$	\mathfrak{Q} . k .	the state of	$k=99^{\circ} \Omega. k.$	
Gr. M.		Gr. M. S.	Gr. M. (2) 10 (2)	Gr. M. S.
99,00	4,846 7141	89 06 00 0 april 13	99,50 (5,539 8767)	89 33 00 0
99,01	4,856 7648	89 06 32 4	99,51 5,560 0796	89 33 32 4
02	4,866 9176	07 04 8	52 5,580 6991	34 04 8
03	4,877 1745	07 37 2	53 5,601 7527	. 34 37 2
04	4,887 5377	08 09 6 08 42 0	54 5,623 2591 55 5,645 2382	35 49 6 35 42 0
05	4,898 0094		00.10	
99,06	4,908 5919	89 09 14 4	99,56 5,667 7112	89 36 14 4
07 08	4,919 2876 4,930 0989	09 46 8 10 19 2	57 5,690 7009 58 5,714 2316	36 46 8 37 19 2
09	4,941 0283	10 51 6	59 5,738 3293	37 51 6
10	4,952 0785	11 24 0	60 5,763 0221	38 24 0
99,11	4,963 2522	89 11 56 4	99,61 5,788 3401	89 38 56 4
12	4,974 5521	12 28 8	62 5,814 3157	39 28 8
13	4,985 9812	13 01 2	63 5,840 9841	40 01 2
14	4,997 5423	13 33 6	64 5,868 3832	40 33 6
15	5,009 2387	14 06 0	65 5,896 5543	41, 06 0
99,16	5,021 0735	89 14 38 4	99,66 5,925 5419	89 41 38 4
17	5,033 050L	15 10 8	67 5,955 3950	42 10 8
18	5,045 1718	15 43 2	68 .5,986 1668	42 43 2
19	5,057 4422	16 15 6 16 48 0	69 6,017 9157	43 15 6
20	5,069 8651		70 6,050 7056	43 48 0
99,21	5,082 4442	89 17 20 4	99,71 6,084 6073	89 44 20 4
22	5,095 1835 5,108 0872	17 52 8 18 25 2	72 6,119 6987 73 6,156 0664	44 52 8 45 25 2
$\begin{array}{c} 23 \\ 24 \end{array}$	5,121 1596	18 57 6	73 6,156 0664 74 6,193 8069	45 25 2 45 57 6
25	5,134 4052	19 30 0	75 6,233 0277	46 30 0
99,26	5,147 8285	89 20 02 4	99,76 6,273 8498	89 47 02 4
27	5,161 4344	20 34 8	77 6,316 4095	47 34 8
28	5,175 228£	21 07 2	78 6,360 8614	48 07 2
29	5,189 2146	21 39 6	79 6,407 3815	48 39 6
30	5,203 3995	22 12 0	80 6,456 1718	49 12 0
99,31	5,217 7886	89 22 44 4	99,81 6,507,4651	89 49 44 4
32	5,232 3870	23 16 8	82 6,561 5324	50 16 8
33	5,247 2030	23 49 2	83 6,618 6909	50 49 2
34	5,262 2411	24 21 6 24 54 0	84 6,679 3156 85 6,743 8542	51 21 6
35	5,277 5089			51 54 ()
99,36	5,293 0133	89 25 26 4	99,86 6,812 8471	89 52 26 4
37	5,308 7620 5,324 7626	25 58 8 26 31 2	87 6,886 9551 88 6,966 9979	52 58 8
38 39	5,341 0233	27 03 6	88 6,966 9979 89 7,054 0093	53 31 2 54 03 6
40	5,357 5529	27 36 0	90 7,149 3195	54 36 0
	5,374 3602	89 28 08 4		
99,41	5,391 4549	28 40 8	99,91 7,254 6801 92 7,372 4632	89 55 08 4 55 40 8
43	5,408 8469	29 13 2	93 7,505 9946	56 13 2
44	5,426 5467	29 45 6	94 7,660 1453	56 45 6
45	5,444 5654	30 18 0	95 7,842 4669	57 18 0
99,46	5,462 9148	89 30 50 4	99,96 8,065 6105	89 57 50 4
47	5,481 6072	31 22 8	97 8,353 2925	58 22 8
48	5,500 6556	31 55 2	89 8,758 7577	58 55 2
49	5,520 0739 5 539 8767	32 27 6 33 00 0	99 9,451 9048	89 59 27 6
50	5,539 8767	1 1 100	100,00 Infin. positiv.	90 00 00 0

II.

Die briggischen Logarithmen der hyperbolischen Cosinus, Sinus und Tangenten aller Zahlen, welche größer als zwei sind, mit neun und zuletzt mit zehn Decimalziffern.



k.	log. Cos. k.	D.	log. Sin. k.	D.	log. Tang. k.	D.
2,000	0,575 4413 82	4186 87	0,559 5308 41	4504 93	9,984 0894 59	317 96
2,001	0,575 8600 69	4187 18	0,559 9813 24	4504 51	9,984 1212 55	317 33
02	76 2787 87	4187 48	60 4317 75	4504 18	1529 88	316 69
03	76 6975 35	4187 79	60 8821 92	4503 85	1846 57	316 06
04	77 1163 14	4188 09	61 3325 77	4503 52	2162 63	315 43
05	77 5351 23	4188 40	61 7829 29	4503 20	2478 06	314 80
2,006	0,577 9530 63	4188-70	0,562 2332 49	4502 87	9,984 2792 86	314 17
07	78 3728 33	4189: 00	62 6835 36	4502 54	3107 03	313 55
08	78 7917 32	4189 30	63 1337 90	4502 22	3420 58	312 91
09	79 2106 63	4189 60	63 5840 12	4501 90	3733 49	312 29
10	79 6296 24	4189-91	64 0342 02	4501 57	4045 78	311 67
2,011	0,580 0486 14	4190-21	0,564 4843 59	4501 25	9,984 4357 45	311 04
12	80 4676 35	4190 51	64 9344 84	4500 93	4668 49	310 43
13	80 8866 85	4190 81	65 3845 77	4500-61	4978 92	309 81
14	81 3057 65	4191 11	65 8346 38	4500 29	5288 73	309 16
15	81 7248 77	4191 41	66 2846 66	4499-97	5 597 8 9	308 57
2,016	0,582 1440 17	4191 70	0,566 7346 63	4499 65	9,984 5906 46	307 94
17	82 5631 87	4192 00	67 1846 27	4499 33	6214 40	307 32
18	82 9823: 88	4192 30	67 2345 60	4499 01	6521 72	306 70
19	83 4016 18	4192 60	68 0844 60	4498 69	6828 42	306 10
20	83 8208 77	4192 89	68 5343 29	4498 37	7134 52	305 48
2.001	0 404 0404 00	4193-18	0 500 0041 6G	# 4 BO: OG	8 004 5440 W	202 97
2,021	0,584 2401 66	4193-48	0,568 9841 66	4498 06	9,984 7440 00	304 87
22	84 6594 85	4193-45	69 4339 72	4497 74	7744 87	304 27
23	85 0788 32		69 8837 46	4497 43	8019 14	303 66
24	85 4982 09	4194 06	70 3334 89	4497 11	8352 80	303 04
25	85 9176 16	4194 35	70 7832 00	4496-80	8655 84	302 45
2,026	0,586 3370 51	4194 65	0,571 2328 80	4496 49	9,984 8958 29	301 84
27	86 7565 16	4194 94	71 6825 29	4496 18	9260 13	301 25
28	87 1760 09	4195-23	72 1321 47	4495 87	9561 38	300 63
29	87 5955 32	4195 52	72 5817 33	4495 56	9862 01	300 05
30	88 0150 83	4195 81	73 0312 89	4495 25	9,985 0162 06	299 43
2,031	0,588 4346 64	4196-09	0,573 4808 13	4494 94	9,985 0461 49	298 85
32	88 8542 73	4196-38	73 9303 07	4494 63	0760 34	298 25
33	89 2739 11	4196-67	74 3797 70	4494 32	1058 59	297 64
34	89 6936 78	4196-96	74 8292 01	4494 05	1356 23	297 05
35	90 1132 74	4197 24	75 2786 02	4493-70	1653 28	296 45
2,036	0,590 5329 99	4197 53	0,575 7279 72	4493-39	9,985 1940 73	295 87
37	90 9527 52	4197 82	76-1773-12	4493 09	2245 60	295 27
38	91 3725 33	4198-10	76-6266-20	4492 78	2540 87	294 67
39	91 7923 44	4198-39	77 0758 98	4492 47	2835 54	294 09
40	92 2121 83	4198 68	77 5251 46	4492 17	3129 63	293 49
0.044	0.000.000.00	4198-96	0,577 9743 63	4491 87	9,985 3423 12	000 00
2,041	0,592 6320 51		*		,	292 92
42	93 0519 46	4199 24 4199 52	78-4235-50	4491 57	3716 04	292 33
43	93 4718 70		78-8727-07	4491 27	4008 37	291 73
44	93 8918 23	4199, 80,	79 3218 33	4490-97	4300 10:	291 17
45	94 3118 03	4 200· 0 8	7 9 7709 30 [,]	4 490-66	4591 27	290 58
2,046	0,594 7318 11	4200: 36	0,580 2199 96	4490 36	9,985 4881 85	290 00
47	95 1518 48	4200 64	80 6690 33	4490 06	5171 85	289 42
48	95 5719 12	4200-92	81 1180 39	4489 77	5461 27	288 85
49	95 9920 04	4201 20	81 5670 16	4489 47	5 750 12	288 25
5 0	96 4121 25		82 0159 62		6038 37	

k.	log. Cof. k.	D.	log. Sin. k.	D.	log. Zang. k.	D.
2,050	0,596 4121 25	4201 48	0,582 0159 62	4489 17	9,985 6038 37	287 70
2,051	0,596 8322 73	4201 76	0,582 4648 80	4488 87	9,985 6326 07	287 12
52	97 2524 48	4202 04	82 9137 67	4488 58	6613 19	286 54
53	97 6726 52	4202 31	83 3626 25	4488 28	6899 73	285 97
54	98 0928 83	4202 59	83 8114 53	4487 99	7185 70	285 40
55	98 5131 42	4292 87	84 2602 52	4487 69	7471 10	284 82
2,056	0,598 9334 29	4203 14	0,584 7090 21	4487 40	9,985 7755 92	284 26
57	99 3537 43	4203 42	85 1577 61	4487 11	8040 18	283 68
58	99 7740 85	4203 69	85 6064 71	4486 81	8323 86	283 12
59	0,600 1944 54	4203 97	86 0551 52	4486 52	8606 98	282 55
60	00 6148 51	4204 24	86 5038 04	4486 23	8889 53	281 98
2,061	0,601 0352 76	4204 52	0,586 9524 27	4485 94	9,985 9171 51	281 42
62	01 4557 27	4204 79	87 4010 20	4485 65	9452 93	280 86
63	01 8762 06	4205 06	87 8495 85	4145 36	9733 79	280 30
64	02 2967 12	4205 33	88 2981 21	4485 07	9,986 0014 09	279 74
65	02 7172 44	4205 60	88 7466 27	4484 78	0293 83	279 19
2,066	0,603 1378 04	4205 87	0,589 1951 06	4481 49	9,986 0573 02	278 62
67	03 5583 91	4206 14	89 6435 55	4484 21	0851 64	278 08
68	03 9790 04	4206 40	90 0919 76	4483 92	1129 72	277 53
69	04 3996 44	4206 67	90 5403 68	4483 63	1407 24	276 95
70	04 8203 12	4206 94	90 9887 31	4483 35	1684 19	276 41
2,071	0,605 2410 06	4207 21	0,591 4370 66	4483 06	9,986 1960 60	275 86
72	05 6617 26	4207 48	91 8853 72	4483 78	2236 46	275 30
73	06 0824 74	4207 74	92 3336 50	4482 49	2511 76	274 75
74	06 5032 48	4208 01	92 7818 99	4482 21	2786 51	274 20
75	06 9240 49	4208 27	93 2301 20	4481 92	3060 71	273 65
2,076	0,607 3448 76	4208 54	0,593 6783 12	4481 64	9,986 3334 36	273 10
77	07 7657 30	4208 80	94 1264 76	4481 36	3607 46	272 56
78	08 1866 11	4209 07	94 5746 11	4481 07	3880 00	272 00
79	08 6075 17	4209 33	95 0227 19	4180 79	4152 ()2	271 44
80	09 0284 51	4209 59	95 4707 97	4480 52	4423 46	270 93
2,081	0,609 4494 10	4209 86	0,595 9189 49	4480 24	9,986 4694 39	270 38
82	09 8703 96	4210 12	96 3668 73	4479 96	4964 77	269 84
83	10 2914 08	4210 38	96 8148 69	4479 68	5234 61	269 31
84	10 7124 46	4210 64	97 2628 38	4479 41	5503 92	268 76
85	11 1335 10	4210 90	97 7107 78	4479 13	5772 68	268 34
2,086	0,611 5545 99	4211 16	0,598 1586 91	4478 85	9,986 6040 92	267 69
87	11 9757 15	4211 42	98 6065 76	4478 58	6308 61	267 16
88	1 2 3968 57 '	4211 68	99 0544 34	4478 30	6575 77	266 62
89	12 8180 25	4211 93	99 5022 64	4478 03	6842 39	266 10
90	13 2392 18	4212 19	99 9500 67	4477 75	7108 49	2 65 5 0
2,091	0,613 6604 37	4212 45	0,600 3978 42	4177 48	9,986 7374 05	265 02
92	14, 0816 83	4212 71	00 8455 90	4477 21	7639 07	264 51
93	14 5029 53	4212 97	01 2933 11	4477 94	7903 58	263 96
94	1 4 9242 50	4213 22	01 7410 04	4476 66	8167 54	263 45
95	1 5 3455 72	4213 48	02 1886 71	4476 39	8430 99	262 91
2,096	0,615 7669 20	4213 73	0,602 6363 10	4475 12	9,986 8693 90	262 39
97	16 1882 93	4213 99	03 0839 22	4475 85	8956 29	261 86
98	16 6096 92	4214 24	03 5315 07	4475 58 .	9218 15	261 35
99	17 0311 16	4214 50	03 9790 66	4475 31	9479 50	260 81
2,100	17 4525 66		04 4265 97		9740 31	

k.	log. Cof. k.	D.	log. Sin. k.	D.	log. Tang. k.	D.
2,100	0,617 4525 66	- 4214 75	0,604 4265 97	4475 04	9,986 9740 31	260 29
2,101	0,617 8740 41	4215 00	0,604 8741 01	4474 77	9,987 0000 60	259 77
02	18 2955 42	4215 26	05 3215 79	4474 51	0260 37	259 25
03	18 7170 67	4215 51	05 7690 29	4474 24	0519 62	258 73
04	19 1386 18	4215 76	06 2164 53	4473 98	0778 35	258 23
05	19 5601 93	4216 01	06 6638 51	4473 74	1036 58	257 70
2,106	0,619 9817 94	4216 25	0,607 1112 22	4473 45	9,987 1294 28	257 20
07	20 4034 19	4216 50	07 5585 67	4473 18	1551 48	256 68
08	20 8250 69	4216 75	08 0058 85	4472 92	1808 16	256 16
09	21 2467 43	4217 00	08 4531 77	4472 66	2064 32	255 66
10	21 6684 44	4217 25	08 9004 42	4472 39	2319 98	255 14
2,111	0,622 0901 69	4217 49	0,609 3476 81	4472 13	9,987 2575 12	254 64
12	22 5119 18	4217 74	09 7948 94	4471 87	2829 76	254 13
13	22 9336 92	4217 99	10 2420 81	4471 61	3083 89	253 61
14	23 3554 91	4218 23	10 6892 41	4471 34	3337 50	253 12
15	23 7773 14	4218 48	11 1363 76	4471 08	3590 62	252 61
2,116	0,624 1991 61	4218 72	0,611 5834 84	4470 82	9,987 3843 23	252 09
17	24 6210 34	4218 97	12 0305 66	4470 56	4095 32	251 60
18	25 0429 30	4219 21	12 4776 22	4470 30	4346 92	251 09
19	25 4648 51	4219 45	12 9246 52	4470 04	4598 01	250 58
- 20	25 8867 97	4219 70	13 3716 56	4469 79	4848 59	250 09
2,121	0,626 3087 66	4219 94	0,613 8186 34	4469 53	9,987 5098 68	249 59
22	26 7307 60	4220 18	14 2655 87	4469 27	5348 27	249 09
23	27 1527 79	4220 43	14 7125 15	4469 02	5597 36	248 60
24	27 5748 21	4220 67	15 1594 17	4468 76	5845 96	248 09
25	27 9968 88	4220 91	15 6062 93	4468 51	6094-05	247 60
2,126	0,628 4189 79	4221 15	0,616 0531 44	4468 26	9,987 6341 65	247 11
27	28 8410 93	4221 39	16 4999 69	4468 (10)	6588 76	246 61
28	29 2632 32	4221 63	16 9467 69	4467 75	6835 37	246 12
29	29 6853 95	4221 87	17 3935 44	4467 49	7081 49	245 63
30	30 1075 82	4222 11	17 8402 94	4467 24	7327 12	245 14
2,131	0,630 5297 92	4222 35	0,618 2870 18	4466 99	9,987 7572 26	244 64
32	30 9520 27	4222 58	18 7337 17	4466 74	7816 90	244 15
33	31 3742 85	4222 82	19 1803 90	4466 49	8061 05	243 67
34	31 7965 67	4223 06	19 6270 39	4466 24	8304 72	243 18
35	32 2188 73	4223 30	20 0736 63	4465 99	8547 90	242 68
2,136	0,632 6412 03	4223 53	0,620 5202 61	4465 74	9,987 8790 58	242 21
37	33 0635 56	4223 77	20 9668 35	4465 49	9032 79	241 72
38	33 4859 33	4224 01	21 4133 84	4465 24	9274 51	241 22
39	33 9083 34	4224 24	21 8599 07	4464 99	9515 73	240 75
40	34 3307 58	4224 48	22 3064 06	4464 74	9756 48	240 27
2,141	0,634 7532 06	4224 71	0,622 7528 81	4464 50	9,987 9996 75	239 78
42	35 1756 77	4224 94	23 1993 30	4464 25	9,988 0237 53	239 31
43	35 5981 71	4225 17	23 6457 55	4464 01	0475 84	238 84
44	36 0206 88	4225 41	24 0921 56	4463 76	0714 68	238 35
45	36 4432 29	4225 64	24 5385 32	4463 52	0953 03	237 89
2,146	0,636 8657 92	4225 87	0,624 9848 84	4463 27	9,988 1190 92	237 40
47	37 2883 79	4226 10	25 4312 11	4463 03	1428 32	236 94
48	37 7109 88	4226 33	25 8775 14	4462 79	1665 26	276 45
49	38 1336 21	4226 55	26 3237 92	4462 54	1901 71	236 00
50	38 5562 76		26 7700 47		2137 71	
					Ll	

	k.	log. Cof. k.	D.	log. Sin. k.	D.	log. Tang. k.	D.
	2,150	Q,638 5562 76	4226 78	0,626 7700 47	4462 30	9,988 2137 71	235 51
	2,151	0,638 9789 55	4227 01	0,627 2162 77	4462 00	9,988 2373 22	235 ()5
	52	39 4016 56	4227 24	27 6624 83	4461 82	2608 27	234, 59
	53	39 8243 79	4227 46	28 1086 65	4461 58	2842 86	234 11
	54	40 2471 26	4227 69		4461 34	3076 97	233 64
	55	40 6698 95	4227 92	29 0009 56	4461 10	3310 61	233 19
	2,156	0,641 0926 86	4228 14	0,629 4470 66	4460 86	9,988 3543 80	232 72
	57	41 5155 00	4228 37	29 8931 52	4460 62 .	3776 52	232 24
	58	41 9383 37	4228 59	30 3392 13	4460 38	4008 76	231 79
	59 60	42 3611 96 42 7840 78	4228 82 4229 05	30 7852 51 31 2312 65	4460 14 4459 90	4240 55 4471 87	231 32 230 85
	00	. 42 1020 10	4223 00	31 2312 00	4403 30	**/1 0/	200 00
	2,161	0,643 2069 83	4229 28	0,631 6772 55	4459 67	9,988 4702 72	230 39
	62	43 6299 11	4229 50	32 1232 22	4459 43	4933 11	229 93
	63 64	44 0528 61 44 4758 34	4229 73 4229 95	32 5691 65 33 0150 84	4459 20 4458 96	5163 04	229 46 229 02
	65	44 8988 29	4230 17	33 4609 81	4458 73	5621 52	228 55
	2,166	0,645 3218 46	4230 39	0,633 9068 53	4458 49	9,988 5850 07	228 10
	67	45 7448 85 46 1679 47	4230 62 4230 84	34 3527 02 34 7985 28	4458 26	6078 17	227 64
	68 69	46 5910 30	4231 06	35 2443 31	4458 02 4457 79	6305 8 1 6533 0 1	266 73
	70	47 0141 36	4231 28	35 6901 10	4457 56	6759 74	226 27
,			A024 F()				
	2,171 72 -	0,647 4372 64 47 8604 14	4231 50 4231 72	0,636 1358 65	4457 33 4457 10	9,988 6986 01	225 83
	73	48 2835 86	4231 94	36 5815 98 37 0273 08	4456 86	7211 84 7437 22	225 38 224 93
	74	48 7067 79	4232 16	37 4729 94	4456 63	7662 15	224 47
	75	49 1299 95	4232 37	37 9186 57	4456 40	7886 62	224 04
,	2,176	0,649 5532 32	4232 59	0,638 3642 98	AAEG 17	0.000.0110.66	202 57
4	77	49 9764 92	4232 81	38 8099 15	4456 17 4455 94	9,988 8110 66 8334 23	223 57 223 13
	78	50 3997 73	4233 03	39 2555 09	4455 72	8557 36	222 70
	79	50 8230 75	4233 25	39 7010 81	4455 49	- 8780 06	222 23
	80	51 2464 00	4233 46	40 1466 29	4455 26	9002 29	221 80.
2	2,181	0,651 6697 46	4233 68	0,640 5921 55	4455 03	9,988 9224 09	221 35
	82	52 0931 14	4233 90	41 0376 58	4454 80	9445 44	220 90
	83	52 5165 04	4234 11	41 4831 38	4454 58	9666 34	220 47
	84	52 9399 15	4234 33	41 9285 96	4454 35	9886 81	220 03
	85	53 3633 47	4234 54	42 3740 31	4454 13	9,989 0106 84	219 59
2	,186	0,653 7868 01	4234 75	0,642 8194 44	4453 90	9,989 0326 43	219 15
	87	54 2102 76	4234 97	43 2648 34	4453 68	0545 58	218 71
	88	54 6337 73	4235 18	43 7102 02	4453 46	0764 29	218 29
	.90	55 0572 90 55 4808 29	4235 39 4235 60	44 1555 48	4453 23	0982 58	217 84
		33 4000 29	7230 00	44 6008 71	4453 01	1200 42	217 40
. 2	,191	0,655 9043 90	4235 81	0,645 0461 72	4452 79	9,989 1417 82	216 97
	92	56 3279 71	4236 0 3	45 4914 50	4452 56	1634 79	216 54
	93 94	56 7515 74 57 1751 97	4236 24 4236 45	45 9367 07	4452 34	1851 33	216 11
	95	57 5988 42	4236 66	46 3819 41 46 8271 53	4452 12	2067 44	215 67
					4101 50	2283 11	215 24
2	,196			0,647 2723 43	4451 68	9,989 2498 35	214 82
	97 98	58 4461 94 . 58 8699 02	4237 08 4237 29	48 1626 56	4451 46	2713 17	214 37
	99	59 2936 30	4237 49	48 6077 80	4451 24 4451 02	2927 54 3141 50	213 96
2,	200	59 7173 80		49 0528 82	1.02.03	3355 02	213 52
						2300 02	

ħ.	log. Cof. k.	D.	log. Sin. k.	D.	log. Tang. k.	D.
2,200	0,659 7173 80	4237 70	0,649 0528 82	ANEW OA		
2,201				4450 84	9,989 3355 02	213 11
02	0,660 1411 50 60 5649 41	4237 91 4238 12	0,649 4979 63 49 9430 22	4450 59	9,989 3568 13	212 68
03	60 9887 53	4238 33	50 3880 59	4450 37 4450 16	3780 81	212 25
04	61 4125 86	4238 53	50 8330 75	4449 94	3993 06	211 83
05	61 8364 39	4238 38	51 2780 68	4449 72	4204 89 4416 29	211 40 210 99
2 206					4110 29	210 33
2,206	0,662 2603 13	4238 94	0,651 7230 41	4449 50	9,989 4627 28	210 56
08	62 6842 07	4239 15	52 1679 91	4449 29	4837 84	210 14
09	63 1081 22 63 5320 57	4239 35	52 6129 20	4449 07	5047 98	209 72
10	63 9560 13	4239 56 4239 76	53 0578 27 53 5027 12	4448 86 4448 64	5257 70	209 29
	05 5500 13	4233 70	03 0027 12	7720 07	5466 99	208 88
2,211	0,664 3799 89	4239 97	0,653 9475 76	4448 42	9,989 5675 87	208 45
12	64 8039 86	4240 17	54 3924 19	4448 21	5884 32	208 06
13	65 2280 02	4240 37	54 8372 40	4448 00	6002 38	207 62
14	65 6520 39	4240 57	55 2820 39	4447 78	6300 00	207 20
15	66 0760 97	4240 78	55 7268 17	4447 57	6507 20	206 80
2,216	0,666 5001 74	4240 98	0,656 1715 74	4447 36	9,989 6714 00	206 38
17	66 9242 72	4241 18	56 6163 10	4447 14	6920 38	205 96
18	67 3483 90	4241 38	57 0610 24	4446 93	7126 34	205 55
19	67 7725 28	4241 58	57 5057 17	4446 72	7331 89	205 14
20	68 1966 86	4241 78	57 9503 89	4446 52	7537 03	204 74
2,221	0.000.000.00	40.44 00	0.650 2050 44	A 4.4.C. 2.*		***
22	0,668 6208 64	4241 98 4242 18	0,658 3950 41	4446 31 4446 10	9,989 7741 77	204 33
23	69 0450 62 69 4692 81	4242 38	58 8396 72 59 2842 82	4445 90	7946 10 8150 01	203 91
24	69 8935 19	4242 58	59 7288 72	4445 69	8353 53	203 52 203 10
25	70 3177 77	4242 78	60 1734 40	4445 48	8556 63	202 71
	***************************************					202 12
2,226	0,670 7420 54	4242 97	0,660 6179 88	4445 27	9,989 8759 34	202 30
27	11 1003 02	4243 17	61 0625 16	4445 07	8961 64	202 90
28 29	71 5906 69	4243 37	61 5070 23	4444 86	9163 54	201 49
30	72 0150 06	4243 57 4243 76	61 9515 09 62 3959 74	4444 66 4444 45	9365 03	201 08
30	72 4393 63	4243 70	02 3999 74	4444 40	9566 11	200 69
2,231	0,672 8637 39	4243 96	0,662 8404 19	4444 24	9,989 9766 80	200 29
32	73 2881 34	4244 15	63 2848 43	4444 04	9967 09	199 88
33	73 7125 50	4244 35	63 7292 47	4443 83	9,990 0166 97	199 49
34	74 1369 84	4244 54	64 1736 30	4443 63	0366 46	199 09
35	74 5614 38	4244 74	64 6179 93	4443 42	0565 55	198 69
2,236	0,674 9859 12	4244 93	0,665 0623 36	4443 22	9,990 0764 24	198 23
37	75 4104 05	4245 12.	65 5066 57	4443 02	0962 52	197 90
38	75 8349 17	4245 32	65 9509 59	4442 81	1160 42	197 49
39	76 2594 49	4245 51	66 3952 40	4442 61	1357 91	197 10
40	76 6840 00	4245 70	66 8395 01	4442 41	1555 01	196 71
2,241	0 000 5000 00	4245 90	0,667 2837 42	4440.00	9,990 1751 72	196 31
42	0,677 1085 70 77 5331 60	4246 09	67 7279 63	4442 21 4442 01	1948 03	195 93
43	77 9577 68	4246 28	68 1721 64	4441 81	2143 96	195 54
44	78 3823 96	4246 47	68 6163 46	4441 61	2339 50	195 14
45	78 8070 43	4246 66	69 0605 07	4441 41	2534 64	194 75
2,246	0,679 2317 09	4246 85	0,669 5046 48	4441 22	9,990 2729 39	194 37
47	79 6563 94	4247 04	69 9487 70	4441 02	2923 76	193 97
48	80 0810 98	4247 33	70 3928 71	4440 82	3117 73	193 59 193 20
49	80 5058 21	4247 42	70 8369 53	4440 62	3311 32 3504 52	193 20
50	80 9305 63		71 2810 15		300± 04	

L12

k.	log. Cof. k.	D.	log. Sin. k.	D.	log. Tang. k.	D.
2,250	0,680 9305 63	4247-61	0,671 2810 15	4440 42	9,990 3504 52	192 81
2,251	0,681 3553 24	4247 80	0,671 7250 57	4440 22	9,990 3697 33	192 44
52	81 7801 03	4247 99	72 1690 80	4440 03	3889 77	192 04
53	82 2049 02	4248 17	72 6130 83	4439 83	4081 81	191 66
54	82: 6297-19	4248 36		4439 64	4273 47	191 27
55	83 0545 55	4248 55	73 5010 29	4439 44	4464 74	/ 190 S9
2,256	0,683 4794 10	4248 73	0,673 9449 73	4439 25	9,990 4655 63	190 52
57	83 9042 83	4248 92	74 3888 98	4439 05	4846 15	190 13
58	84 3291 75	4279 10	74 8328 03	4438 86	5036 28	189 75
59	84 7540 86	4249 29	75 2766 89	4438 66	5226 03	189 38 188 99
60	85 1790 14	4249 48	, 75 7205 55	4438 47	5415 41	100 33
2,261	0,685 6039 62	4249 66	0,676 1644 02	4438 28	9,990 5604 40	188 61
62	86 0289 28	4249 85	76 6082 29	4438 08	5793 01	188 28
63	86 4539 13	4250 03	77 0520 38	4437 89	5981 25	187 86
64	86 8789 16	4250 21	77 4958 27	4437 70	6169 11	187 49
65	87 3039 37	4250 40	77 9395 97	4437 51	6356 60	401 2.2
2,266	0,687 7289 76	4250 58	0,678 3833 48	4437 32	9,990 6543 72	186 71
67	88 1540 34	4250 76	78 8270 80	4437 13	6730 46	186 34
68	88 5791 10	4250 94	79 2707 93	4436 94	6916 83	185 98
69	89 0042 05	4251 13	79 7144 86	4436 75	7102 81	185 63 185 25
70	89 4293 17	4251 31	80 1581 61	4436 56	7288 44	100 40
2,271	0,689 8544 48	4251 49	0,680 6018 17	4436 37	9,990 7473 69	184 88
72	90 2795 97	4251 67	. 81 0454 54	4436 18	7658 57	184 51
73	90 7047 64	4251 85	81 4890 72	4435 99	7843 08 8027 2 3	184 15
74	91 1299 48	4252 03 4252 21	81 9326 71	4435 81	8211 01	183 41
75	91 5551 51	4202 ZI	82 3762 52	4435 62		
2,276	0,691 9803-72	4252 39	0,682 8198 14	4435 43	9,990 8394 42	183 04
77	92 4056 11	4252 57	83 2633 57	4435 24	8577 46	182 68 182 31
78	92 8308 67	4252 75	83 7068 81	4435 06	8760 14 8942 4 5	181 95
79	93 2561 42	4252 92 - 4253 10	84 1503 87	4434 87 4434 68	9124 40	- 181 57
80	93 6814 34	- 1×03 10	84 5938 74	4124 00		
2,281	0,694 1067 45	4253 28	0,685 0373 42	4434 50	9,990 9305 97	181 22
82	94 5320 73	4253 46	85 4807 92	4434 31	9487 19	180 86 180 49
83	94 9574 18	4253 63 4253 81	85 9242 23	4434 13	9668 05 9848 54	980 14
84	95 3827 82	4253 99	86 3676 36 86 8110 31	4433 95 4433 76	9,991 0028 68	179 78
85	95 8081 63		90 OTTO 2T	4433 10		
2,286	0,696 2335 61	4254 16	0,687 2544 07	4433 58	9,991 0208 46	179 42 179 06
87	96 6589 77	4254 34	87 6977 65	4433 40	0387 88	178 69
88	97-0844-11	4254 51	88 1411 05	4433 21	0566 94 0745 63	178 35
89 90	97 5098 63	4254 69 4254 86	88 5844 26 89 0277 29	4433 03 4432 85	0923 98	177 98
- 11	97 9303 31				200. 4404.00	177 64
2,291	0,698 3608 18	4255 04	0,689 4710 14	4432 67	9,991 1101 96	177 26
92	98 7863 21	4255 21 4255 39	89 9142 81 90 3575 29	4432 49. 4432 31	1456 86	176 93
93 94	99 21 ¹ 8 43 99 6373 81	4255 56	90 8007 60	4432 13	1633 79	176 56
94	0,700 0629 37	4255 73	91 2439 72	4431 95	1810 35	176 22
					0.001.4000.55	175 86
2,296	0,700 4885 10	4255 90	0,691 6871 67	4431 77	9,991 1986 57 2162 43	175 52
97	00 9141 01	4256 08 4256 25	92 1303 44 92 5735 03	4431 59 4431 41	2337 95	175 16
98 99	01 3397 08	4256 42	93 0166 44	4431 23	2513 11	174 81
2,300	02 1000 75	,	93 4597 67		2687 92	
2,000	() 102 1505 15					

	1 6 6 .	5		-		
k.	log. Cof. k.	D.	log. Sin. k.	D.	log. Tang. k.	D.
{2,300	0,702 1909 75	4256 59	0,693 4597 67	4431 ()5	9,991 2687 92	174 47
12,301						
02	0,702 6166 34	4256 76 4256 93	6,693 9028 73	4430 87	9,991 2862 39	174 11
03	03 0423 10	4250 93	94 3459 60	4430 70	3036 50	173 77
04	03 4680 03	4257 27	94 7890 30	443() 52	3210 27	173 42
05	03 8937 13	4257 44	95 2320 82	4430 34	3383 69	173 07
00	04 3194 40	4731 44	95 6751 16	4430 17	3 556 7 6	172 73
2,306	0,704 7451 84	4257 61	0,696 1181 33	4429 99	9,991 3729 49	172 38
07	05 1709 45	4257 78	96 5611 32	4429 82	3901 87	172 04
08	05 5967 23	4257 96	97 0041 14	4429 64	4073 91	171 70
09	06 0225 17	4258 11	97 4470 78	4429 47	4245 61	171 34
10	06 4483 29	4258 28	97 8900 24	4429 29	4416 95	171 01
9 244	0 =00 0=44 4=	****	0.000 1200 52	****	0.004 8507 00	
2,311 12	0,706 8741 57	4258 45	0,698 3329 53	4429 12	9,991 4587 96	170 67
13	07 3000 02	4259 62	98 7758 65	4428 94	4758 63	170 33
14	07 7258 63	4258 78	99 2187 59 99 6616 36	4428 77	4928 96	169 98
15	08 1517 42	4258 95		4428 59	5098 94	169 64
13	08 5776 37	4259 12	0,700 1044 95	4428 42	5268 58	169 30
2,316	0,709 0035 49 .	4259 29	0,700 5473 37	4428 25	9,991 5437 88	168 97
17	09 4294 77	4259 45	00 9901 62	4428 08	5606 85	168 63
18	09 8554 22	4259 62	01 4329 70	4427 90	5775 48	168 28
19	10 2813 84	4259 79	01 8757 60	4427 73	5943 76	167 94
20	10 7073 63	4259 94	02 3185 33	4427 56	6111 70	167 61
			2 702 7042 00		0.004.00=0.04	
2,321	0,711 1333 58	4260 11	0,702 7612 89	4427 39	9,991 6279 31	167 29
22	11 5593 68	4260 27	03 2040 28	4427 22	6446 60	166 95
23	11 9853 96	4260 44	03 6467 51	4427 05	6613 55	166 62
24	12 4114 39	4260 60	04 0894 56	4426 88	6780 17	166 28
25	12 8374 99	4260 76	04 5321 44	4426 72	6946 45	165 96
2,326	0,713 2635 75	4260 93	0,704 9748 16	4426 55	9,991 7112 41	165 61
27	13 6896 68	4261 09	05 4174 70	4426 38	7278 02	165 29
28	14 1157 77	4261 25	05 8601 08	4426 21	7443 31	164 96
29	14 5419 02	4261 41	06 3027 29	4426 04	7608 27	164 63
30	14 9680 43	4261 57	06 7453 33	4425 87	7772 90	164 30
2,331	0,715 3942 00	4261 73	0,707 1879 20	4425 71	9,991 7937 20	163 99
32	15 8203 73	4261 89	07 6304 92	4425 54	8101 19	163 64
33	16 2465 63	4262 05	08 0730 46	4425 37	8264 83	163 32
34	16 6727 68	4262 21	08 5155 83	4425 20	8428 15	162 98
35.	17 0989 90	4262 37	08 9581 03	4425 04	8591 13	162 67
2,336	0,717 5252 27	4262 53	0,709 4006 07	4424 87	9,991 8753 80	162 34
37	17 9514 80	4262 69	09 8430 94	4424 71	8916 14	162 01
38	18 3777 49	4262 85	10 2855 64	4424 54	9078 15	161 68
39	18 8040 34	4263 01	10 7280 17	4424 37	9239 83	161 37
40	19 2303 35	4263 17	11 1704 55	4424 21	9401 20	161 04
				**** 04	0.00.000.00	
2,341	0,719 6566 52	4263 33	0,711 6128 76	4424 05	9,991 9562 24	160 73
42	20 0829 84	4263 48	12 0552 81	4423 89	9722 97	160 39
43	20 5093 33	4263 64	12 4976 69	4423 72	9883 36	160 09
44	20 9356 97	4263 80	12 9400 42	4423 56	9,992 0043 45	159 76
45	21 3620 76	4263 96	13 3823 97	4423, 40	0203 21	159 44
2,346	0,721 7884 72	4264 11	0,713 8247 37	4423 23	9,992 0362 65	159 12
47	22 2148 83	4264 27	14 2670 60	4423 07	0521 77	158 81
48	22 6413 10	4264 43	14 7093 68	4422 91	0680 58	158 48
49	23 0677 53	4264 58	1 5 1516 59	4422 75	0839 06	158 17
50	23 4942 11		15 5939 34		0997 23	

k,	log. Cof. k.	D.	log. Sin. k.	D.	log. Tang. k.	D.,
2,350	0,723 4942 11	4264 74	0,715 5939 34	4422 59	9,992 0997 23	157 85
2.351	0,723 9206 84	4262 89	0,716 0361 92	4422 43	9,992 4155 08	157 54
52	24 3471 73	4266 04	16 4784 35	4422 27	1312 62	157 23
53	24 7736 77	4205 20	16 9206 62	4422 11	1469 85	156 91
54	25 2001 97	4265 35	17 3628 73	4121 95	1626 76	156 60
55	25 6267 32	4265 51	17 8050 68	4421 97	1783 36	156 28
2,356	0,726 0532 83	4265 66	0,718 2472 47	4421 64	9,992 1939 64	155 90
57	26 4798 48	4265 81	18 6894 11	4421 48	2095 63	155 65
58	26 9064 30	4265 96	19 1315 58	4421 32	2251 28	155 36
59	27 3330 26	4266 12	19 5736 90	4421 16	2406 64	155 06
60	27 7596 37	4266 27	20 0158 07	4421 00	2561 70	154 72
2,361	0,728 1862 64	4266 42	0,720 4579 06	4420 81	9,992 2716 42	154 42
62	28 6129 06	4266 57	20 8999 90	4420 68	2870 84	154 11
63	29 0395 64	4266 72	21 3420 59	4420 53	3024 95	153 80
64	29 4662 36	4266 87	21 7841 11	4420 37	3178 75	153 50
65	29 8929 23	4267 02	22 2261 48	4420 21	3332 25	153 19
2,366	0.730 3196 26	4267 17	0,722 6681 70	4420 06	9,992 3485 44	152 88
67	30 7463 43	4267 32	23 1101 75	4419 90	3638 32	152 58
68	31 1730 76	4267 47	23 5521 66	4419 75	3790 90	152 27
69	31 5998 23	4267 62	23 9941 40	4419 59	3943 17	151 98
70	32 0265 85	4267 77	24 4361 00	4419 44	4095 15	151 65
2,371	0,732 4533 63	4267 92	0,724 8780 43	4419 29	9,992 4246 80	151 37
72	32 8801 55	4268 07	25 3199 72	4419 13	4398 17	151 06
73	33 3069 62	4268 22	25 7618 85	4418 98	4549 23	150 76
74	33 7337 84	4268 37	26 2037 83	4418 83	4699 99	150 46
75	34 1606 21	4268 52	26 6456 66	4418 67	4850 45	150 16
2,376	0,734 5874 72	4268 66	0,727 0875 33	4418 52	9,992 5000 61	149 85
77	3 5 0143 39	4268 S1	27 5293 85	4418 37	5150 46	149 56
78	35 4412 20	4268 96	27 9712 22	4418 22	5300 02	14 9 26
79	35 8681 16	4269 11	28 4130 44	4418 07	5449 28	148 96
80	36 2950 27	4269.25	28 8548 51	4417 91	5598 24	148 66
2,381	0,736 7219 52	4269 40	0,729 2966 42	4417 76	9,992 5746 90	148 36
82	37 1488 92	4269 54	29 7384 18	4417 61	5895 26	148 07
83	37 5758 46	4269 68	30 1801 79	4417 46	6043 33	147 78
84	3S 002S 14	4269 83	30 6219 26	4417 31	6191 11	147 47
85	3 8 4297 98	4269 97	31 0636 56	4417 16	6338 58	. 147 19
2,386	0,738 8567 95	4270 12	0,731 5053 72	4417 01	9,992 6485 77	146 90
87	39 2838 07	4270 26	31 9470 74	4446 86	6632 67	146 59
88	39 7108 34	4270 40	32 3887 60	4416 71	6779 26	146 31
89	40 1378 74	4270 55	32 8304 34	4416 57	6925 57	146 01
90	4 0 5649 3 0	4270 69	33 2720 88	4416 42	7071 58	145 72
2,391	0,740 9919 99	4270 84	0,733 7137 29	4416 27	9,992 7217 30	145 43
92	41 4190 83	4270 98	34 1553 56	4416 12	7362 73	145 14
93	41 8461 81	4271 12	31 5969 68	4415 97	7507 87	144 85
94	42 2732 93	4271 27	\$ 5 0385 65	4415 82	7652 72	144 55
95	42 7004 20	4271 41	35 4801 47	4415 68	7797 27	144 27
9 900	0 743 1075 61	4271 55	0,735 9217 15	4415 53	9,992 7941 54	143 98
2,396 97	0,743 1275 61 43 5547 16 .	4271 70	36 3632 68	4415 38	8085 52	143 68
98	43 9818 86	4271 48	36 8048 06	4415 24	8229 20	143 40
99	44 4090 70	4271 98	37 2463 30	4415 69	\$372 60	143 11
2,400	44 8362 68		37 6878 39		8315 71	

k.	log. Cof. k.	D.	log. Sin. k.	D.	log. Tang. k.	D.
2,400	0,744 8362 68	4272 11	0,737 6878 39	4414 95	9,992 8515 71	142 84
2,401	0,745 2634 79	4272 26	0,738 1293 34	4414 80	9,992 8658 55	142 54
02	45 6907 05	4272 40	38 5708 14	4414 66	8801 09	142 26
03	46 1179 45	4272 54	39 0122 80	4414 51	8943 35	141 97
04	46 5451 99	4272 67	39 4537 31	4414 37	9085 32	141 70
05	46 9724 66	4272 82	39 8951 68	4414 23	9227 02	141 41
2,406	0,747 3997 48	4272 95	0,740 3365 91	4414 08	9,992 9368 43	141 13
07	47 8270 43	4273 09	40 7779 99	4413 94	9509 56	140 86
08	48 2543 52	4273 23	41 2193 94	4413 80	9650 42	140 56
09	48 6816 75	4273 37	41 6607 73	4413 66	9790 98	140 29
10	49 1090 12	4273 51	42 1021 39	4413 51	9931 27	140 00
3 444	0 7/0 5262 62	40=2 60	0.540.5404.00	****	A 000 0084 08	
2,411	0,749 5363 63	4273 65	0,742 5434 90	4413 37	9,993 0071 27	139 72
12 13	49 9637 28 50 3911 06	4273 78 4273 92	42 9848 27 43 4261 50	4413 23	0210 99	139 45
14	50 8184 98	4274 05	- 43 8674 69	4413 09	0350 44	139 17
15	51 2459 03	4274 19	44 3087 53	4412 94 4412 80	0489 6 1 4628 50	138 89 138 61
23	01 ×100 05	4214 10	#1 3001 03	2112 00	40.20 00	130 01
2,416	0,751 6733 22	4274 33	0,744 7500 33	4412 66	9,993 0767 11	138 33
17	52 1007 55	4274 47	45 1912 99	4412 52	0905 44	138 05
18	52 5282 02	4274 60	45 6325 51	4412 38	1043 49	137 78
19	52 9556 62	4274 73	46 0737 89	4412 24	1181 27	137 50
20	53 3831 35	4274 87	46 5150 12	4412 10	1318 77	137 23
2,421	0,753 8106 22	4275 01	0,746 9562 22	4411 96	9,993 1456 00	136 95
22	54 2381 23	4275 14	47 3974 18	4411 82	1592 95	136 69
23	54 6656 37	4275 28	47 8386 01	4411 68	1729 64	136 40
24	55 0931 65	4275 41	48 2797 €9	4411 55	1866 04	136 13
25	55 5207 06	4275 55	48 7209 23	4411 41	2002 17	135 86
2,426	0,755 9482 61	4275 68	0,749 1620 64	4411 07	9,993 2138 03	135 59
27	56 3758 29	4275 81	49 6031 91	4411 27 4411 13	2273 62	135 32
28	56 8034 10	4275 95	50 0443 04	4410 99	2408 94	135 05
29	57 2310 04	4276 08	50 4854 03	4410 86	2543 99	134 78
30	57 6586 12	4276 21	50 9264 89	4410 72	2678 77	134 51
2,431	0,758 0862 33	4276 34	0,751 3675 61	4410 58	9,993 2813 28	134 24
32	58 5138 68	4276 47	51 8086 20	4410 45	2947 52	133 97
33	58 9415 15	4276 60	52 2496 64	4410 32	3081 49	133 71
34	59 3691 76	4276 74	52 6906 96	4410 18	3215 20	133 45
35	59 7968 49	4276 87	53 1317 14	4410 05	3348 65	133_17
2,436	0,760 2245 36	4277 00	0,753 5727 18	4409 91	9,993 3481 82	132 93
37	60 6522 35	4277 13	54 0137 10	4409 78	3614 75	132 64
38	61 0799 48	4277 26	54 4546 87	4409 64	3747 39	132 39
39	61 5076 74	4277 39	54 8956 52	4409 51	3879 78	132 12
40	61 9354 12	4277 52	55 3366 02	4409 37	4011 90	131 85
2,441	0,762 3631 64	4277 65	0,755 7775 39	4409 24	9,993 4143 75	131 59
42	62 7909 29	4277 78	56 2184 63	4409 10	4275 34	131 32
43	63 2187 07	4277 91	56 6593 73	4408 97	4406 66	131 06
44	63 6464 98	4278 04	57 1002 70	4408 84	4537 72	130 80
45	64 0743 02	4278 17	57 5411 54	4408 71	4668 52	310 53
		4070.00	O #F# 0000 64	4400 57	0.002.4700.05	
2,446	0,764 5021 19	4278 29	0,757 9820 24	4408 57 4408 44	9,993 4799 05	130 29
47	64 9299 48 65 3577 90	4278 42	58 4228 82 58 8637 26	4408 3 1	4929 34 5059 36	130 02 129 76
48 49	65 3577 90 65 7856 45	4278 55 4278 68	59 3045 57	4408 18	5189 12	129 49
50	66 2135 13	4210 00	59 7453 74	3 400 40	5318 61	140 10
30	OU ALJO IJ		93 1409 14		7040 04	

k.	log. Cof. k.	D.	log. Sin. k.	D.	log. Tang. k.	. D.
2,450	0,766 2135 13	4278 81	0,759 7453 74	4408 05	9,993 5318 61	129 24
2,451	0,766 6413 94	4278 93	0,760 1861 79	4407 92	9,993 5447 85	128 99
52	67 0692 87	4279,06	60 6269 71	4407 78	5576 84	128 72
53	67 4971 93	4279 19	61 0677 49	4407 66	5705 56	128 49
54	67 9251 11	4279 31	61 5085 14	4407 52	5834 03	128 20
55	68 3530 43	4279 44	61 9492 66	4407 39	5962 23	127 97
2,456	0,768 7809 86	4279 57	0,762 3900 06	4407 26	9,993 6090 20	127 69
57	69 2089 43	4279 69	62 8307 32	4407 13	6217 89	127 44
58	69 6369 12	4279 82	63 2714 45	4407 00	6345 33	127 18
59	70 0648 94	4279 .96	63 7121 45	. 4406 87	6472 51	126 92
60	70 4928 89	4280 07	64 1528 32	4406 75	6599 43	126 68
2,461	0,770 9208 96	4280 19	0,764 5935 07	4406 62	9,993,6726 11	126 42
62	71 3489 15	4280 32	65 0341 68	4406 49	6852 53	126 17
63	71 7769 47	4280 44	65 4748 17	4406 36	6978 70	125 92
64	72 2049 91	4280 56	65 9154 53	4406,23	7104 62 7230 30	125 68
65	72 6330 47	4280 69	.66 3560 77	4406 11	7230 30	125 41
2,466	0,773 0611 16	4280 81	0,766 7966 87	4405 98	9,993 7355 71	125 17
67	73 4891 97	4280 93	67 2372 85	4405 85	7480 88	124 92
68	73 9172 90	4281 06	67 6778 70	4405 73	7605 80	124 67
69	74 3453 96	4281 18	68 1184 43	4405 60	7730 47	124 42
70	74 7735 14	4281 30	68 5590 03	4405 47.	7854 89	124 17
2,471	0,775 2016 44	4281 43	0,768 9995 50	4405 35	9,993 7979 06	123 91
72	75 6297 87	4281 55	69 4400 84	4405 22	8102 68	123 68
73	76 0579 42	4281 67	69 8806 07	4405 10	8226 65	123 42
74	76 4861 09	4281 79	70 3211 16	4404 97	8350 07	123 19
75	76 9142 88	4281 91	. 70 7616 14	4404 85	8473 26	122 93
2,476	0,777 3424 79	4282 04	0,771 2020 98	4404 73	9,993 8596 19	122 69
. 77	77 7706 S3	4282 16	71 6425 71	. 4404 60	8718 88	122 45
78	78 1988 98	4282 28	72 0830 31	4404 48	8841-33	122 20
79	78 6271 26	4282 40	72 5234 79	4404 35	8963 53	121 96
80	79 0553 65	4282 52	72 9639 14	4404 23	9085 49	121 71
2,481	0,779 4836 17	4282 64	0,773 4043 37	4404 10	9,993 9207 20	121 47
82	79 9118 80	4282 75	73 8447 47	4403 98	9328 67	121 22
83	80 3401 56	4282 87	74 2851 45	4403 86	9449 89	120 99
84	80 7684 43	4282 99	74 7255 31	4403 73	9570 88	120 74
85	81 1967 42	4283 11	75 1659 04	4403 61	9691 62	120 50
2,486	0,781 6250 53	4283 23	0,775 6062 65	4403 49	9,993 9812 12	123 26
87	82 0533 76	4283 35	76 0466 14	4403 37	9932 38	120 02
88	82 4817 11	4283 47	76 4869 51	4403 25	0,994 0052 40	119.78
89	82 9190 58	4283 59	76 9272 76	4403 12	0172 18	119 53 119 30
90 -	93 3384 17	4283 70	77 3675 88	4403 00:	0291 71	
2,491	0,783 7667 87	4283 82	0,777 8078 88	4402 88	9,994 0411.01	119 07
92	84 1951 69	4283 94	78 2481 77	4402 76	80 0230 08	118 92
93	84 6235 63	4284 06	78 6884 53	4402 64	0648 90	118 58
94	85 0519 69	4284 18	79 1287 17 - 79 5680 69	4402 52 4402 41	0767 48	118 12
95	85 4803 86	4284 29	13 9000 03	1204 TA	0000 03	
2,496	0,785 9088 15	4284 41	0,780 0092 10	4402 29	9,994 1003 95	117 88
97	86 3372 56	4284 52	80 4494 39	4402 17	1121 93	117 64
89	86 7657 08	4284-64	30 8896 55	4402 05	1239 47	117 41
99	37 1941 72	4284 75	* \$1 3298 60 *1 7700 63	4401, 95	1355 88	117 £7
2,500	87 6226 48		81 7700 53		1474 05	

<i>k</i> .	log. Cof. k.	D.	log. Sin. k.	D.	log. Tang. k.	D.
2,500	0,787 6226 48	4284 87	0,781 7700 53	4401 81	9,991 1474 05	116 94
2,501	0,788 0511 35	4284 98	0782, 2102 34	4401 69	9,994 1590 99	116 70
02	88 4796 33	4285 10	82 6504 02	4401 57	1707 69	116 47
03	88 9081 43	4285 21	83 0905 59	4401 45	1824 16	116 24
04	89 3366 65	4285 33	83 5307 05	4401 33	1940 40	116 01
05	89 7651 97	4285 44	83 9708 38	4401 22	2056 41	115 77
2,506	0.500.4025.40	400E EC	0.707.4100.60	AA() 4 -4()	0.004.0000.40	
07	0,790 1937 42	4285 56	0,784 4109 60	4401 10	9,994 2272 18	115 55
08	90 6222 9 7 91 0508 65	4285 67 4285 79	S4 8510 70 S5 2011 69	4400 98 4400 87	2287 73	115 30
09	91 4794 43	4285 90	85 2911 68 85 7312 55	4400 75	2403 03	115 09
10	91 9080 33	4286 01	86 1713 29	4400 63	2518 12	114 84
	J1 5000 J3	***************************************	00 1/13 23	1100 03	2632 96	114 63
2,511	0,792 3366 34	4286 13	0,786 6113 93	4400 52	9,994 2747 59	114 38
12	92 7652 47	4286 24	87 0514 44	4400 40	2861 97	114 18
13	93 1938 70	4286 35	87 4914 85	4400 29	2976 15	113 92
14	93 6225 06	4286 46	87 9315 13	4400 17	3090 07	113 72
15	94 0511 52	4286 58	88 3715 31	4400 06	3203 79	113 48
2,516	0,794 4798 09	4286 69	0,788 8115 36	4390 94	9,994 3317 27	112.00
17	94 9084 78	4286 80	89 2515 31	4399 83	3430 53	113 26 113 03
18	95 3371 58	4286 91	89 6915 14	4399 72	3543 56	112 80
19	95 7658 49	4287 02	90 1314 85	4399 60	3656 36	112 60
. 20	96 1945 50	4287 13	90 5714 46	4399 48	3768 96	112 34
		4007 04	0 =01 0112 01	4200 27"	0.00# 000# 00	
2,521	0,796 6232 64	4287 24	0,791 0113 94	4399 37	9,994 3881 30	112 13
22	97 0519 88	4287 35	91 4513 31	4399 26	3993 43	111 91
23	97 4807 23	4287 46	91 8912 57	4399 15	4105 34	111 68
24	97 9094 69	4287 57	92 3311 71 92 7710 75	4399 03	4217 02	111 47
25	98 3382 26	4287 68	92 7710 73	4398 92	4328 49	111 23
2,526	0,798 7669 95	4287 79	0,793 2109 67	4398 81	9,994 4439 72	111 01
27	99 1957 74	4287 90	93 6508 47	4498 70	4550 73	110 80
28	99 6245 64	4288 01	94 0907 17	4398 58	4661 53	110 57
29	. 0,800 0533 65	4288 12	94 5305 75	4398 47	4772 10	110 35
30	00 4821 77	4288 23	94 9704 22	4398 36	4882 45	110 13
2,531	0,800 9110 00	4288 34	0,795 4102 58	4398 25	9,994 4992 58	109 91
32	01 3398 34	4288 45	95 8500 83	4398 14	5102 49	109 68
33	01 7686 79	4288 56	96 2898 96	4398 03	5212 17	109 48
34	02 1975 34	4288 67	96 7296 99	4397 91	5321 65	109 24
35	02 6264 01	4288 77	97 1694 90	4397 80	5430 89	108 03
	0,803 0552 78	4288 88	0,797 6092 70	4397 69	9,994 5539 92	108 81
2,536		4288 99	98 0490 39	4397 58	5648 73	108 59
37	03 4841 66	4289 10	98 4887 97	4397 47	5757 32	108 38
38	03 9130 65	4289 20	98 9285 44	4397 36	5865 70	108 16
39	04 3419 74 04 7708 94	4289 31	99 3682 80	4397 25	5973 86	107 95
40			0 =00 0000 00	420 M # #	0.004.0004.44	
2,541	0,805 1998 25	4289 41	0,799 8080 06	4397 14	9,994 6081 81	107 73
42	05 6287 66	4289 52	0,800 2477 20	4397 04	6189 54	107 52
43	06 0577 18	4289 63	00 6874 24	4396 93	6297 06	107 29
44	06 4866 81	4289 73	01 1271 16	4396 82	6404 35	107 09
45	06 9156 54	4289 84	01 5667 98	4396 71	6511 44	106 87
2,546	0,807 3446 38	4289 94	0,802 0064 69	4396 60	9,994 6618 31	106 06
47	07 7736 32	4290 05	02 4461 29	4396 49	6724 97	106 45
48	08 2026 37	4290 15	02 8857 79	4396 39	6831 42	106 23
49	08.6316 52	4290 26	03 3254 17	4396 28	6937 65	106 02
50	09 0606 78		03 7650 45		7043 67	
0					Mm	

M m

k.	log. Cof. k.	D.	log. Sin. k.	D.	log. Tang. k.	D.
2,550	0,809 0606 78	4290 36	0,803 7650 45	4396 17	9,994 7043 67	105 81
2,551	,0,809 4897 15	4290 47	0,804 2046 63	4396 07	9,994 7149 48	105 60
52	09 9187 61	4290 57	04 6442 69	4395 96	7255 08	105 39
53	10 3478 18	4290 68	05 0838 65	4395 85	7360 47	105 18
54	10 7768 86	4290 78	05 5234 51	4395 75	7465 65	104 96
55	11 2059 64	4290 88	05 9630 25	4395 64	7 570 6 1	104 76
2,556	0,811 6350 52	4290 99	0,806 4025 89	4395 53	9,994 7675 37	104 54
57	12 0641 51	4291 08	06 8421 42	4395 43	7779 91	104 35
58	12 4932 59	4291 19	07 2816 85	4395 32	7884 26	104 13
59	12 9223 78	4291 29	07 7212 17	4395 21	7988 39	103 92
60	13 3515 07	4291 40	08 1607 38	4395 11	S092 31	103 71
2,561	0,813 7806 47	4291 50	0,808 6002 49	4395 01	9,994 8196 02	103 50
62	14 2097 98	4291 60	09 0397 50	4394 90	8299 52	103 30
63	14 6389 58	4291 71	09 4792 40	4394 80	8402 82	103 10
64	15 0681 28	4291 81	09 9187 20	4394 69	8505 92	102 88
65	1 5 4973 09	4291 91	10 3581 89	4394 59	8608-8.)	102 68
2,566	0,815 9265 00	4292 01	0,810 7976 48	4394 49	9,994 8711 48	102 48
67	16 3557 01	4292 11	11 2370 97	4394 38	8813 96	102 27
68	1 6 7849 1 2	4292 21	11 6765 35	4394 28	8916 23	102 07
69	17 2141 33	4292 31	12 1159 63	4394 18	9018 30	101 87
70	17 6433 64	4292 41	12 5553 81	4394 07	9120 17	101 [66
2,571	0,818 0726 05	4292 51	0,812 9947 88	4393 97	9,994 9221 83	101 46
72	18 5018 56	4292 61	13 4341 85	4393 87	9323 29	101 25
73	18 9311 18	4292 71	13 8735 72	4393 77	9424 54	101 06
74	19 3603 89	4292 81	14 3129 49	4393 66	9525 60	100 85
75	19 7896 70 0,820 2189 61	4292 91	14 7523 15	4393 56	9626 45	100 65
2,576	20 6482 62	4293 01 4293 11	0,815 1916 71 15 6310 17	4393 46	9,994 9727 10 9827 55	1()() 45
77	21 0775 73	4293 21	16 0703 52	4393 36 4393 25	9927 79	100 24 100 05
78	21 5068 94	4293 31	16 5096 78	4393 15	9,995 0027 84	99 84
79 80	21 9362 25	4293 41	16 9489 93	4393 05	0127 68	. 99 65
2,581	0,822 3655 65	4293 51	0,817 3882 98	4392_95	9,995 0227 33	99 45
82	22 7949 16	4293 60	17 8275 94	4392 85	0326 78	99 25
83	23 2242 76	4293 70	18 2668 79	4392 75	0426 03	99 05
84	23 6536 46	4293 80	18 7061 54	4392 65	0525 08	98 86
85	24 0830 26	4293 90	19 1454 20	4392 55	0623 94	98 65
2,586	0,824 5124 16	4293 99	0,819 5846 75	4392 45	9,995 0722 59	98 46
87	24 9418 15	4294 09	20 0239 20	4392 36	0821 05	98 27
88	25 3712 24	4294 19	20 4631 56	4392 26	0919 32	98 06
89	25 8006 43 26 2300 72	4294 29	20 9023 81 21 3415 97	4392 16	1017 38	97 87
90 2,591	0,826 6595 10	4294 48	0,821 7808 03	4392 06	1115 25	97 68
92	27 0889 58	4294 58	22 2199 99	4391 96	9,995 1212 93	97 48
93	27 5184 15	4294 67	22 6591 85	4391 86	1310 41 1407 70	97 29
94	27 9478 82	4294 77	23 0983 61	4391 76 4391 66	1504 79	97 09 96 88
95	28 3773 59	4294 86	23 5375 28	4391 57	1601 67	96 72
2,596	0,828 8068 45	4294 96	0,823 9766 84 ~	4391 47	9,995 1698 39	96 51
97	29 2363 41	4295 06	24 4158 31	4391 37	1794 90	96 30
98	29 6658 47	4295 15	24 8549 67	4391 27	1891 20	96 12
99	30 0953 62	4295 25	25 2940 94	4391 17	1987 32	95 92
2,600	30 5248 87		25 7332 11		2083 24	

<i>k</i>	log. Cos. k.	D.	log. Sin. k.	D.	log. Tang. k.	D.
2,600	0,830 5248 87	4295 34	0,825 7332 11	4391 08	9,995 2083 24	95 75
2,601	0,830 9544 20	4295 43	0,826 1723 19	4390 98		95 54
02	31 3839 64	4295 53	26 6114 17	4390 89	9,995 2178 99 2274 53	95 37
03	31 8135 16	4295 62	27 0505 06	4390 79	2369 90	95 16
04	32 2430 79	4295 72	27 4895 85	4390 69	2465 06	94 98
05	32 6726 50	4295 81	27 9286 54	4390 60	2560 04	94 79
2,606						
07	0,833 1022 31	4295 90	0,828 3677 14	4390 50	9,995 2654 83	94 60
08	33 5318 21	4296 00	- 28 8067 64	4390 41	2749 43	94 41
09	33 9614 21	4296 09	29 2458 05	4390 31	2843 88	94 22
10	34 3910 30 34 8206 48	4296 18 4296 28	29 6848 36 30 1238 58	4390 22	2938 06	94 04
	34 0200 40	4290 20	30 1230 00	4390 12	3032 10	93 84
2,611	0,835 2502 76	4296 37	0,830 5628 70	4390 03	9,995 3125 94	93 66
12	35 6799 13	4296 46	31 0018 73	4389 93	3219 60	93 47
13	36 1095 59	4296 56	31 4408 66	4389 84	3313 07	93 29
14	36 5392 14	4296 65	31 8798 50	4389 74	3406 36	93 09
15	36 9688 79	4296 74	32 3188 24	4389 65	3499 45	92 91
2,616	0.027 2007 52	#10C 02	0.000 7577 00	4200 EE	0.004.0400.00	00.70
17	0,837 3985 53 37 8282 36	4 296 8 3 4 296 92	0,832 7577 89 33 1967 44	4389 55 4389 46	9,995 3593 36	92 72
18	38 2579 29	4297 01	33 6356 90	4389 36	3685 08	92 53
19	38 6876 30	4297 10	34 0746 26	4389 27	3777 61 3869 96	92 35 92 17
20	39 1173 40	4297 20	34 5135 53	4389 17	3962 13	91 97
	00 2210 20		0.000000	2000 21	,	ST St
2,621	0,839 5470 60	4297 29	0,834 9524 70	4389 08	9,995 4054 10	91 80
22	39 9767 88	4297 38	35 3913 78	4388 99	4145 90	91 61
23	40 4065 26	4297 47	35 8302 77	4388 90	4237 51	91 44
24	40 8362 72	4297 56	3 6 269 1 6 7	4388 81	4328 95	91 24
25	41 2660 28	4297 65	36 7080 47	4388 72	4420 19	91 08
2,626	0,841 6957 92	4297 74	0,837 1469 19	4388 63	9,995 4511 27	90 88
27	42 1255 66	4297 83	37 5857 81	.4388 53	4602 15	90 72
28	42 5553 48	4297 92	38 0246 35	4388 44	4692 87	90 52
29	42 9851 40	4298 01	38 4634 79	4388 35	4783 39	90 35
30	43 4149 40	4298 10	38 9023 14	4388 26	4873 74	90 17
0.004						
2,631	0,843 8447 50	4298 19	0,839 3411 41	4388 17	9,995 4963 91	89 99
32	44 2745 68	4298 28	39 7799 58	4388 08	5053 90	89 80
33	44 7043 96	4298 37	40 2187 66	4387 99	5143 70	89 63
34	45 1342 32	4298 46 4298 54	40 6575 65	4387 90 4387 81	5233 33 5322 77	89 44
35	45 5640 78	4490 04	41 0963 55	4007 04	0022 11	89 28
2,636	0,845 9939 32	4298 63	0,841 5351 37	4387 72	9,995 5412 05	89 08
37	46 4237 96	4298 72	41 9739 09	4387 63	5501 13	88 91
38	46 8536 68	4298 81	42 4126 72	4387 54	. 5590 04	88 74
39	47 2835 49	4298 90	42 8514 27	4387 45	5678 78	88 55
40	47 7134 39	4298 98	43 2901 72	4387 36	5767 33	88 38
0.044	0.010.4100.07	4299 07	0.042 5000 00	4387 27	9,995 5855 71	.88 20
2,641	0,848 1433 37	4299 16	0,843 7289 08	4387 18	5943 91	88 02
42	48 5732 44 49 0031 60	4299 10	44 1676 35 44 6063 53	4387 09	6031 93	87 85
43	49 4330 84	4299 33	45 0450 62	4387 00	6119 78	87 67
45	49 8630 17	4299 42	45 4837 62	4386 91	6207 45	87 49
43	40 0030 17		20 3007 0%			
2,646	0,850 2929 59	4299 50 ,	0,845 9224 53	4386 83	9,995 6294 94	87 33
47	50 7229 09	4299 59	46 3611 36	4386 74	6382 27	87 14
48	51 1528 68	4299 68	46 7998 09	4386 65	6469 41	86 98 86 90
49	51 5828 35	4299 76	47 2384 74	4386 56	6556 39	86 80
50 A	52 0128 11		47 6771 30		6643 19	
					M m 2	

Mm 2

k.	log. Cof. k.	D.	log. Sin. k.	D.	log. Tang. k.	D.
2,650	0,852 0128 11	4299 85	0,847 6771 30	4386 47	9,995 6643 19	\$6 63
2,651	0,852 4427 96	4299 93	0,848 1157 78	4386 39	0,995 6729 82	86 45
52	52 8727 89	4300 02	48 5544 16	4386 30	6816 27	86 28
53	53 3027 91	4300 10	48 9930 46	4386 21	6902 55	86 12
54	53 7328 01	4300 19	49 4316 68	4386 13	6988 67	85 93
55	54 1628 20	4300 27	49 8702 80	4386 04	7074 60	85 76
2,656	0,854 5928 48	4300 36	0,850 3088 84	4385 96	9,995 7160 36	S5 G1
57	55 0228 83	4300 44	50 7474 80	4385 87	7245 97	85 42
58	55 4529 28	4300 53	51 1860 67	4385 78	7331 39	85 26
59	55 8829 80	4300 61	51 6246 45	4385 70	7416 65	85 00
60	56 3130 41	4300 70	52 0632 15	4385 61	7501 74	84 92
2,661	0,856 7431 10	4300 78	0,852 5017 76	4385 52	9,995 7586 66	84 74
62	57 1731 88	4300 86	52 9403 28	4385 44	7671 40	84 57
63	57 6032 75	4300 95	53 3788 72	4385 35	7755 97	84 40
64	58 0333 70	4301 03	53 8174 07	4385 27	7840 37	84 24
65	58 4634 73	4301 12	54 2559 34	4385 18	7924 61	84 07
2,666	0,858 8935 84	4301 20	0,854 6944 52	4385 10	9,995 8008 68	83 90
67	59 3237 04	4301 28	55 1329 62	4385 ()1	8092 58	83 74
68	59 7538 32	4301 36	55 5714 64	4384 93	8176 32	83 55
69	60 1839 69	4301 45	56 0099 56	4384 85	8259 87	83 41
70	60 6141 13	4301 53	56 4484 41	4384 76	8343 28	83 23
2,671	0,861 0442 66	4301 61	0,856 8869 17	4384 68	9,995 8426 51	83 07
72	61 4744 27	4301 69	57 3253 85	4384 59	8509 58	82 89
73	61 9045 97	4301 78	57 7638 44	4384 51	8592 47	82 74
74	62 3347 74	4301 86	58 2022 95	4384 43	8675 21	82 56
75	62 7649 60	4301 94	58 6407 37	4384 34	8757 77	82 41
2,676	0,863 1951 54	4302 02	0,859 0791 72	4384 26	9,995 8840 18	82 24
77	63 6253 55	4302 10	59 5175 97	4384 18	8922 42	82 08
78	64 0555 65	4302 18	59 9560 15	4384 09	9004 50	81 90
79	64 4857 84	4302 26	60 3944 24	4384 01	9086 40	81 75
80	64 9160 10	4302 35	60 8328 25	4383 93	9168 15	81 59
2,681	0,865 3462 44	4302 43	0,861 2712 18	4383 85	9,995 9249 74	81 41
82	65 7764 87	43()2 51	- 61 7096 02	4383 76	9331 15	81 26
83	66 2067 37	4302 59	62 1479 78	4383 68	9412 41	81 09
84	66 6369 96	4302 67	62 5863 46	4383 60	9493 50	80 93
85	67 0672 63	4302 75	63 0247 06	4383 52	9574 43	S0 7\$
2,686	0,867 4975 37	4302 83	0,863 4630 58	4383 44	9,995 9655 21	80 16
87	67 9278 20 ,	4302 91	63 9014 02	4383 36	9735 82	80 45
88	68 3581 10	4302 99	64 3397 37	4383 27	9816 27	80 29
89	68 7884 09	4303 07	64 7780 65	4383 19	9896 56	80 12
90	69 2187 16	4303 14	65 2163 84	4383 11	9976 68	79 97
2,691	0,869 6490 30	4303 22	0,865 6546 95	4383 03	9,996 0056 65	79 81
92	70 0793 52	4303 30	66 0929 98	4382 95	0136 46	79 65
93	70 5096 82	4303 38	66 5312 93	4382 87	0216 11	79 48
94	70 9400 21	4303 46	66 9695 80	4382 79	0295 59	79 33
95	71 3703 67	4303 54	67 4078 59	4382 71	0374 92	79 19
2,696	0,871 8007 20	4303 62	0,867 8461 31	4382 63	9,996 0454 11	79 01
97	72 2310 82	4303 70	68 2843 94	4382 55	0533 12	78 85
98	72 6614 52	4303 78	68 7226 49	4382 48	0611 97	78 70
99	73 0918 30	4303 85	69 1608 97	4382 40	0690 67	78 55
2,700	73 5222 15		69 5991 37		0769 22	

	1 ~ 4	_		-		
k.	log. Cof. k.	D.	log. Sin. k.	D.	log. Tang. k.	D.
2,700	M 050 1000 45	00/10 00	0.000.4004.08	4000 00		
	0,873 5222 15	4303 93	0,869 5991 37	4382 31	9,996 0769 22	78 37
2,701	0,873 9526 08	4304 01	6,870 0373 67	4382 23	9,996 0847 59	78 22
02	74 3830 09	4304 08	70 4755 90	4382 15	0925 81	78 07
03	74 8134 17	4304 16	70 9138 05	4382 07	1003 88	77 91
04	75 2438 33	4304 24	71 3520 12	4381 99	1081 79	77 75
05	75 6742 57	4304 32	71 7902 11	4381 92	1159 54	77 60
2,706	0,876 1046 89	4304 39	0,872 2284 03	4381 84	9,996 1237 14	77 44
0.7	76 5351 28	4304 47	72 6665 86	4381 76	1314 58	77 29
08	76 9655 75	4304 55	73 1047 62	4381 68	1391 87	77 15
09	77 3960 29	4304 62	73 5429 31	4381 61	1469 02	76 98
10	77 8264 92	4304 70	73 9810 92	4381 53	1546 00	76 84
0.044						
2,711	0,878 2569 61	4304 77	0,874 4192 45	4381 45	9,996 1622 84	76 67
12	78 6874 39	4304 85	74 8573 90	4381 38	1699 51	76 53
13	79 1179 24	4304 93	75 2955 28	4381 30	1776 04	76 38
14	79 5484 16	4305 00	75 7336 58	4381 23	1852 42	76 22
15	79 9789 17	4305 08	- 76 1717 81	4381 15	1928 64	76 07
2,716	0,880 4094 24	4305 15	0,876 6098 95	4381 08	9,996 2004 71	75 92
17	80 8399 40	4305 23	77 0480 03	4381 00	2080 63	75 77
18	81 2704 63	4305 31	77 4861 03	4380 93	2156 40	75 62
19	81 7009 93	4305 38	77 9241 95	4380 85	2232 02	75 48
20	82 1315 31	4305 45	78 3622 81	4380 76	2307 50	75 31
2,721	0,882-5620-76	4305 53	0,878 8003 57	4380 69	9,996 2382 81	75 16
22	S2 9926 29	4305 60	79 2384 26	4380 61	2457 97	75 01
23	83 4231 89	4305 68	79 6764 87	4380 54	2532 98	74 86
24	83 8537 57	4305 75	90 1145 41	4380 46	2607 84	74 71
25	S4 2843 32 .	4305 82	80 5525 87	4380 38	2682 55	74 56
0 706	0,884 7149 14	4305 90	0,880 9906 25	4380 31	9,996 2757 11	74 41
2,726 27	85 1455 04	4305 97	81 4286 56	4380 23	2831 52	74 26
28	85 5761 01	4306 05	81 8666 79	4380 16	2905 78	74 12
29	86 0067 05	4306 12	82 3046 95	4380 08	2979 90	73 96
30	\$6 4373 17	4306 19	\$2 7427 03	4380 01	3053 86	73 82
30	00 1010	2000 20		. 2000	5005 00	
2,731	0,886 8679 36	4306 27	0,883 1807 04	4379 94	9,996 3127 68	73 67
32	87 2985 63	4306 34	83 6186 93	4379 86	3201 35	73 52
33	87 7291 97	4306 41	84 0566 S4	4379 79	3274 87	73 38
34	88 1598 38	4306 48	84 4946 63	4379 72	3348 25	73 24
35	88 5904 86	4306 56	84 9326 35	4379 64	3421 49	73 08
2,736	0,889 0211 42	4306 63	0,885 3705 99	4379 57	9,996 3494 57	72 94
2,730	89 4518 05	4306 70	85 8085 56	4379 50	3567 5 1	72 79
38	89 8824 75	4306 78	86 2465 05	4379 42	3640 30	72 66
39	90 3131 52	4306 85	96 6844 48	4379 35	3712 96	72 50
40	90 7438 37	4306 92	87 1223 83	4379 27	3785 46	72 35
2,741	0,891 1745 29	4306 99	0,887 5603 10	4379 20	9,996 3357 81	72 21
42	91 6052 28	4307 06	87 9982 30	4379 13	3930 02	72 07
43	92 0359 34	4307 13	88 4361 43	4379 06	4002 09	71 93
44	92 4666 47	4307 20	88 8740 49	4378 98	4074 02	71 78
45	92 8973 67	4307 27	89 3119 47	4378 91	4145 80	71 64
2746	0,893 3280 94	4307 34	0,889 7498 38	4378 84	9,996 4217 44	71 48
2,746	93 7588 29	4307 42	90 1877 21	4378 76	4288 92	71 36
47	94 1895 70	4307 49	90 6255 98	4378 69	4360 28	71 29
48	94 6203 19	4307 56	91 0634 67	4378 62	4431 48	71 06
49	96 ()510 75	2007 00	91 5013 29	*	4502 45	, ,
50	#0 ()010 to				**************************************	

k.	log. Gof. k.	D.	log. Sin. k.	D.	log. Tang. k.	D.
2,750	0,895 0510 75	4307 63	0,891 5013 29	4378 55	9,996 4502 54	70 93
2,751	0,895 4818 37	4307 70	0,891 9391 84	4378 48	9,996 4573 47	70 78
52	95 9126 07	4307 77	92 3770 32	4378 41	4644 25	70 64
53	96 3433 84	4307 84	92 8148 73	4378 34	4714 89	70 51
54	96 7741 67	4307 91	93 2527 07	4378 27	4785 40	70 36
55	97 2049 58	4307 98	93 6905 34	4378 20	4855 76	70 22
2,756	0,997 6357 56	4308 05	0,894 1283 54	4378 13	9,996 4925 98	70 08
57	98 0665 61	4308 12	94 5661 67	4378 06	4996 06	69 94
58	98 4973 72	4308 19	95 0039 72	4377 99	5066 00	69 80
59	98 9281 91	430S 25	95 4417 71	4477 92	5135 80	69 66
60	99 3590 17	4308 33	95 8795 63	4377 84	5205 46	69 53
2,761	0,899 7898 49	4308 39	0,896 3173 48	4377 77	9,996 5274 99	69 36
62	0,900 2206 88	4308 46	96 7551 25	4377 70	5344 37	69 23
-63	00 6515 35	4308 53	97 1928 95	4377 63	5413~60	69 11
64	01 0823 87	4308 60	97 6306 58	4377 65	5482 71	68 97
65	01 5132 47	4308 67	98 0684 15	4377 49	5551 68	68 82
2,766	0,901 9441 14	4308 73	0,893 5061 64	4377 42	9,996 5620 50	68 09
67	02 3749 87	4308 80	98 9439 06	4377 35	5689 19	68 56
68	02 8058 67	4308 87 *	99 3816 42	4377 29	5757 75	68 41
69	03 2367 54	4308 94	99 8193 70	4377 22	5826 16	68 28
70	03 6676 48	4309 01	0,900 2570 92	4377 15	5894 44	68 15
2,771	0,904 0985 48	4309 07	0,900 6948 07	4377 08	9,996 5962 59	68 01
72	04 5294 55	4309 14	01 1325 15	4377 01	6030 60	67 88
73	04 9603 69	4309 21	01 5702 17	4376 95	6098 48	67 73
74	-05 3912 90	4309 28	02 0079 11	4376, 88	6166 21	67 60
75	05 8222 18	4309 34	02 4455 99	4376 81	6233 81	67 47
2,776	0,906 2531 52	4309 40	0,902 8832 80	4376 74	9,996 6301 28	67 33
.77	06 6840 93	4309 48	03 3209 54	4376 68	6368 61	67 20
78	07 1150 41	4309 55	03 7586 22	4376 61	6435 81	67 06
79	07 5459 96	4309 62	04 1962 83	4376 54	6502 87	66 92
80	07 9769 58	4309 68	04 6339 37	4376 47	6569 79	66 79
2,781	0,908 4079 26	4309 74	0,905 0715 84	4376 40	9,996 6636 58	66 66
82	08 8389 00	4309 81	05 5092 24	4376 34	6703 24	66 53
83	09 2698 81	4309 88	05 9468 58	4376 27	6769 77	66 40
84	09 7008 68	4309 94	06 3844 85	4376 20	6836 17	66 26
85	10 1318 62	4310 01	06 8221 05	4376 14	6902 43	66 13
2,786	0,910 5628 63	4310 07	0,907 2597 19	4376 07	9,996 6968 56	65 99
87	10 9938 70	4310 14	07 6973 25	4376 00	7034 55	65 86
88	11 4248 84	4310 20	08 1349 25	4375 94	7100 41	65 74
89	11 8559 04	4310 27	08 5725 19	4375 87	7166 15	65 60
90	12 2869 31	4310 33	09 0101 06	4375 80	7231 75	65 46
2,791	0,912 7179 65	4310 40	0,909 4476 86	4375 74	9,996 7297 21	65 35
92	13 1490 04	4310 46	09 8852 60	4375 67	7362 58	65 21
93	13 5800 51	4310 53	10 3228 27	4375 61	7427 77	65 08
94	14 0111 03	4310 59	10 7603 88	4375 54	7492 85	64 95
95	14 4421 63	4310 66	11 1979 42	4375 48	7557 80	64 82
2,796	0,914 8732 28	4310 72	0,911 6354 69	4375 41	9,906 7622 62	64 69
97	15 3043 00	4310 78	12 0730 30	4375 35	7687 31	64 57
. 98	15 7353 78	4310 84	12 5105 65	4375 28	7751 88	64 44
99	16 1664 62	4310 91	12 9480 94	4375 22	7816 32	64 31
2,800	16 5975 53		12 3856 16		7980 63	

ħ.	log. Cof. k.	D. (log. Sin. k.	D.	log. Tang. k.	D.
2,800	0,916 5975 53	4310 98	0,913 3856 15	4375 15	9,996 7880 62	64 17
2,801	0,917 0286 51	4311 04	0,913 8231 30	4375 08	9,996 7944 79	64 04
02	17 4597 55	4311 10	14 2606 38	4375 02	8008 83	63 92
03	17 8908 65	4311 17	14 6981 40	4374 95	8072 75	63 79
04	18 3219 81	4311 23	15 1356 35	4374 89	8136 54	63 66
05	18 7531 04	. 4311 29	15 5731 24	4374 83	8200 20	63 54
2,806	0,919 1842 33	4311 35	0,916 0106 07	4374 77	9,996 8263 74	63 41
07	19 6153 69	4311 42	16 4480 84	4374 70	8327 15	63 29
08	20 0465 10	4311 48	16 8855 54	4374 64	8390 44	63 16
09	20 4776 58	4311 54	17 3230 18	4374 58	8453 60	63 03
10	20 9088 12	4311 61	17 7604 75	4374 51	8516 63	62 91
2,811	0,921 3399 73	4311 67	0,918 1979 27	4374 45	9,996 8579 54	62 78
12	21 7711 40	4311 73	18 6353 72	4374 39	8642 32	62 65
13	22 2023 13	4311 79	19 0728 10	4374 32	8704 97	62 54
14	22 6334 92	4311 86	19 5102 43	4374 26	8767 51	62 40
15	23 0646 78	4311 92	19 9476 69	4374 20	8829 91	62. 29
2,816	0,923 4958 69	4311 98	0,920 3850 89	4374 14	9,996 8892 20	62 14
17	23 9270 68	4312 05	20 8225 02	4374 07	8954 34	62 03
18	24 3582 72	4312 11	21 2599 09	4374 01	9016 37	61 90
19	24 7894 83	4312 17	21 6973 10	4373 95	9078 27	61 78
20	25 2207 00	4312 23	22 1347 05	4373 88	9140 05	61 66
2,821	0,925 6519 22	4312 29	0,922 5720 93	4373 82	9,996 9201 71	61 53
22	26 0831 51	4312 35 .	23 0094 75	4373 76	9263 24	61 42
23	26 5143 85	4312 41	23 4468 51	4373 70	9324 66	61 29
24	26 9456 26	4312 47	23 8842 21	4373 64	9385 95	61 16
25	27 3768 73	4312 53	24 3215 84	4373 58	9447 11	61 05
2,826	0,927 8081 26	4312 59	0,924 7589 42	4373 51	9,996 9508 16	60 92
27	28 2393 85	4312 65	25 1962 93	4373 45	9569 08	60 81
28	28 6706 50	4312 71	2 5 6336 3 9	4373 39	9629 89	60 67
29	29 1019 22	4312 77	26 0709 78	4373 33	9690 56	60 56
30	29 5331 99	4312 83	26 5083 11	4373 27	9751 12	60 44
2,831	0,929 9644 82	4312 89	0,926 9456 38	4373 21	9,996 9811 56	60 31
32	30 3957 72	4312 95	27 3829 59	4373 15	9871 87	60 20
33	30 8270 67	4313 01	27 8202 74	4373 ()9	\$2 9932 07	60 08
34	31 2583 68	4313 07	28 2575 83	4373 ()3	9992 15	59 95
35	31 6896 75	4313 13	28 6948 85 💖	4372 97	9,997 0052 10	59 84
2,836	0,932 1209 88	4313 19	0,929 1321 82	4372 91	9,997 0111 94	59 72
37		4313 25	29 5694 72	4372 84	. 0171 66	59 60
38	32 9836 31	4313 31	30 0067 57	4372 78	, 0231 26	59 47
39	33 4149 62	4313 36	30 4440 35	4372 72	0290 73	59 36
40	33 8462 98	4313 43	30 8813 07	4372 67	0350 09	59 25
2,841	0,934 2776 40	4313 49	0,931 3185 74	4372 61	9,997 0409 34	59 12
42	34 7089 89	4313 54	31 7558 35	4372 55	0468 46	59 00
43	35 1403 43	4313 60	32 1930 89	4372 49	0527 46	58 89
44	35 5717 03	4313 66	32 6303 38	4372 43	0586 35	58 77
, 45	36 0030 69	4313 72	33 0675 81	4372 37	9645 12	58 65
2,,846	0,936 4344 41.	4313 78	0,933 5043 18	4372 31	9,997 0703 77	58 55
47	36 8658 18	4313 83	33 9420 50	4372 25	0762 32	58 41
48	37 2972 02	4313 89	34 3792 75	4372 19	0820 73	58 30
49	37 7285 91	4313 95	34 8164 94	, 4372 14	0879 03	58 20
50	38 1599 85	,	35 2537 08		0937 23	

2,6 3 1 2,5 2,6 2,6	850 851 52 53 54 55 856 57 58 59 60 861 62 63 64 65	0,938 1599 85 0,938 5913 86 39 0227 92 39 4542 05 99 8856 23 40 3170 46 0,940 7484 76 41 1799 11 41 6113 52 42 0427 99 42 4742 52 0,942 9057 10 43 3371 73 43 7686 42	4314 01 4314 06 4314 12 4314 18 4314 24 4314 30 4314 35 4314 41 4314 47 4314 53 4314 58 4314 64	0,935 2537 08 0,935 6909 15 36 1281 17 36 5653 13 37 0025 03 37 4396 87 0,937 8768 66 38 3140 38 38 7512 05 39 1883 66 39 6255 21	4372 08 4372 02 4371 96 4371 90 4371 84 4371 79 4371 73 4371 67 4371 61 4371 55	9,997 0937 23 9,997 0995 29 1053 25 1111 08 1168 80 1226 41 9,997 1283 90 1341 27 1398 53	58 06 57 96 57 83 57 72 57 61 57 49 67 37 57 26 57 14
2,5 2,5 2,5 2,5	52 53 54 55 856 57 58 59 60 861 62 63 64 65	39 0227 92 39 4542 05 99 8856 23 40 3170 46 0,940 7484 76 41 1799 11 41 6113 52 42 0427 99 42 4742 52 0,942 9057 10 43 3371 73	4314 12 4314 18 4314 24 4314 30 4314 35 4314 41 4314 47 4314 53 4314 58	36 1281 17 36 5653 13 37 0025 03 37 4396 87 0,937 8768 66 38 3140 38 38 7512 05 39 1883 66	4371 96 4371 90 4371 84 4371 79 4371 73 4371 67 4371 61	1053 25 1111 08 1168 80 1226 41 9,997 1283 90 1341 27 1398 53	57 83 57 72 57 61 57 49 67 37 57 26
2,5 2,5 2,5 2,5	52 53 54 55 856 57 58 59 60 861 62 63 64 65	39 0227 92 39 4542 05 99 8856 23 40 3170 46 0,940 7484 76 41 1799 11 41 6113 52 42 0427 99 42 4742 52 0,942 9057 10 43 3371 73	4314 12 4314 18 4314 24 4314 30 4314 35 4314 41 4314 47 4314 53 4314 58	36 1281 17 36 5653 13 37 0025 03 37 4396 87 0,937 8768 66 38 3140 38 38 7512 05 39 1883 66	4371 96 4371 90 4371 84 4371 79 4371 73 4371 67 4371 61	1053 25 1111 08 1168 80 1226 41 9,997 1283 90 1341 27 1398 53	57 83 57 72 57 61 57 49 67 37 57 26
2,5 2,5 2,5	54 55 856 57 58 59 60 861 62 63 64 65	39 4542 05 99 8856 23 40 3170 46 0,940 7484 76 41 1799 11 41 6113 52 42 0427 99 42 4742 52 0,942 9057 10 43 3371 73	4314 18 4314 24 4314 30 4314 35 4314 41 4314 47 4314 53 4314 58	36 5653 13 37 0025 03 37 4396 87 0 ₃ 937 8768 66 38 3140 38 38 7512 05 39 1883 66	4371 90 4371 84 4371 79 4371 73 4371 67 4371 61	1111 08 1168 80 1226 41 9,997 1283 90 1341 27 1398 53	57 72 57 61 57 49 67 37 57 26
2,5 2,5 2,5	55 856 57 58 59 60 861 62 63 64 65	99 8856 23 40 3170 46 0,940 7484 76 41 1799 11 41 6113 52 42 0427 99 42 4742 52 0,942 9057 10 43 3371 73	4314 24 4314 30 4314 35 4314 41 4314 47 4314 53 4314 58	37 0025 03 37 4396 87 0,937 8768 66 38 3140 38 38 7512 05 39 1883 66	4371 84 4371 79 4371 73 4371 67 4371 61	1168 80 1226 41 9,997 1283 90 1341 27 1398 53	57 61 57 49 67 37 57 26
2,5 2,5 2,5	856 57 58 59 60 861 62 63 64 65	740 3170 46 0,940 7484 76 41 1799 11 41 6113 52 42 0427 99 42 4742 52 0,942 9057 10 43 3371 73	4314 35 4314 41 4314 47 4314 53 4314 58	37 4396 87 0 ₃ 937 8768 66 38 3140 38 38 7512 05 39 1883 66	4371 79 4371 73 4371 67 4371 61	1226 41 9,997 1283 90 1341 27 1398 53	57 49 67 37 57 26
2,6 2,6	57 58 59 60 861 62 63 64 65	41 1799 11 41 6113 52 42 0427 99 42 4742 52 0,942 9057 10 43 3371 73	4314 41 4314 47 4314 53 4314 58	38 3140 38 38 7512 05 39 1883 66	4371 67 4371 61	1341 27 1398 53	57 26
2,5	58 59 60 861 62 63 64 65	41 1799 11 41 6113 52 42 0427 99 42 4742 52 0,942 9057 10 43 3371 73	4314 47 4314 53 4314 58	38 7512 05 39 1883 66	4371 61	1398 53	
2,5	59 60 861 62 63 64 65	41 6113 52 42 0427 99 42 4742 52 0,942 9057 10 43 3371 73	4314 53 4314 58	39 1883 66			57 14
2,5	60 861 62 63 64 65	42 0427 99 42 4742 52 0,942 9057 10 43 3371 73	4314 58		4371 55		U/ IT
2,5	861 62 63 64 65	42 4742 52 0,942 9057 10 43 3371 73		39 6255 21		1455 67	57 02
2,5	62 63 64 65	43 3371 73	4314 64		4371 50	1512 69	56 92
2,6	63 64 65	43 3371 73		0,940 0626 71	4371 44	9,997 1569 61	56 81
2,6	64 65	43 7686 42	4314 69	40 4998 15	4371 38	1626 42	56 69
2,6	65		4314 75	40 9369 53	4371 33	1683 11	56 53
2,6		44 2001 17	4314 80	41 3740 86	4371 27	1739 69	56 46
2,6		44 6315 97	4314 86	41 8112 12	4371 21	1796 15	56 36
Í	866	0,945 0630 83	4314 92	0,942 2483 34	4371 16	9,997 1852 51	56 23
Í	67	45 4945 75	4314 97	42 6854 49	4371 10	1908 74	56 13
Í	68	45 9260 72	4315 03	43 1225 59	4371 ()4	1964 87	56 OL
Í	69	46 3575 75	4315 08	43 5596 63	4370 99	2020 88	55 91
Í	70	46 7890 83	4315 14	43 9967 62	4370 93	2076 79	55 97
Í	871	0,947 2205 97	4315 20	0,944 4338 55	4370 88	9,997 2132 58	55 69
2,5	72	47 6521 16	4315 25	44 8709 43	4370 82	2188 27	55 56
2,8	73	48 0836 41	4315 31	45 3080 24	4370 76	2243 83	55 46
2,6	74	48 5151 72	4315 36	45 7451 01	4370 71	2299 29	55 34
2,8	75	48 9467 08	4315 42	46 1821 71	4370 65	2354 63	55 24
,	876.	0,949 3782 49	4315 47	0,946 6192 37	4370 60	9,997 2409 87	55 13
	77	49 8097 96	4315 53	47 0562 96	4370 54	2465 00	55 OI
	78	50 2413 49	4315 58	47 4933 50	4370 48	2520 01	54 90
	79	50 6729 07	4315 64	47 9303 98	4370 43	2574 91	54 79
	80	51 1044 71	4315 69	48 3674 41	4370 37	2629 70	54 69
2.8	881	0,951 5360 39	4315 74	0,948 8044 78	4370 32	9,997 2684 39	54 58
,	82	51 9679 13	4315 80	49 2415 10	4370 26	2738 97	54 47
	83	52 3991 93	4315 85	49 6785 37	4370 21	2793 44	54 35
	84	52 8307 78	4315 90	50 1155 57	4370 16	2847 79	54.26
	85	53 2623 68	4315 96	50 5525 73	4370 10	2902 05	54 14
2,8	886	0,953 6939 64	4316 01	0,950 9895 83	4370 05	9,997 2956 19	54 04
,	87	54 1255 65	4316 07	51 4265 88	4369 99	3010 23	53 93
	88	54 5571 71 '	4316 12	51 8635 87	4369 94	3064 16	53 82
	89	54 9887 83	4316 17	52 3005 81	4369 89	3117 98	53 70
	90	55 4204 01	4316 23	52 7375 69	4369 83	3171 68	53 61
2.8	891	0,955 8520 23	4316 28	0,953 1745 53	4369 78	9,997 3225 29	53 50
,	92	56 2836 51	4316 33	53 6415 30	4369 72	3278 79	53 40
	93	56 7152 84	4316 39	54 0485 03	4399 67	3332 19	53 27
	94	57 1469 23	4316 44	54 4854 69	4369 62	3385 46	53 18
1	95	57 5785 67	4316 49	54 9224 31	4369 56	3438 64	53 07
2,8	396	0,958 0102 16	4316 55	0,955 3593 87	4369 51	9,997 3491 71	52 97
,		58 4418 70	4316 60	55 7963 38	4369 45	3544 68	52 85
	111	58 8735 30	4316 65	56 2332 83	4379 40	3597 53	52 75
	97	59 3051 95	4316 70.	56 6702 23	4369 34	3650 28	52 64
2,9	89 99	59 7368 65		57 1071 57		3702 92	

K. `	log. Cof. k.	D.	log. Sin. k.	D.	log. Tang. k.	D.
2,900	0,959 7368 65	4316 76	0,957 1071 57	4369 30	9,997 3702 92	52 54
2,901	0,960 1685 41	4316 81	0,957 5440 87	4369 24	9,997 3755 46	52 43
02	60 6002 22	4316,86	57 9810 11	4369 19	3807 89	52 33
03	61 0319 08	4316 91	58 4179 30	4369 14	3860 22	52 23
04	61. 4635 99	4316 96	58 8548 44	4369 09	3912 45	52 12
05	61 8952 95	431701	59 2917 52	4369 03	3964 57	52 01
2,906	0,962 3269 97	4317 07	0,959 7286 55	4368 98	9,997 4016 58	51 92
07	62 7587 03	4317 12	60 1655 53	4368 93	4068750	51 81
08	63 1904 15	4317 17	60 6024 46	4368 .38	4120 31	51 71
09	63 6221 32	4317-22	61 0393 34	4368.83	4172 02	51 62
10	64 0538 53	4317 27	61 4762 17	4368 77	4223 64	51 50
2,911	0,964 4855 80	4317 32	0,961 9130 94	4368 72	9,997 4275 14	51 40
12	64 9173 12	4317 37	62 3499 66	4368 67	4326 54	51 30
13	65 3490 49	4317 42	62 7868 33	4368.62	4377 84	51 19
14	65 7807 92	4317 47	63 2236 95	4368-57	4429 03	51 09
15	66 2125 39	4317-52	63-6605-51	4368:51	4480 12	51 00
2,946	0,966 6442 91	4317-58	0,964 0974 03	4368 46	9,997 4531 12	50 88
17	67 0760 49	4317 63	64 5342 49	4368 41	A582 00	50 79
18	67 5078 11	4317.68	64-9710-90	4368 36	4632 79	50 68
19	67 9395 79	4317 73	.65 4079 26	4368 31	4683 47	50 57
20	68 3713 52	4317.78	65 8447 56	4368 26	4734 04	50 48
2,921	0,968 8031 30	4317-83		4368-21	9,997 4784 52	50 39
22	69 2349 12	4317 88	66 7184 03	4368.16	4834 91	50 28
23	69 6667 00	4317-93	67 .1552 19	4368 11	4885 19	50 17
24	70 0984 93	4317-98	67-5920-29	4368.06 4368.01	4935 36 4985 44	50 08
25	70 5302 91	4318 03	- 68 0288 35		4903 44	49 99
2,926	0,970 9620 93	4318-08	0,968 4656 36	4367-96	9,997 5035 43	49 88
27	71 3939 01	4318 13	68 9024 32	4367 91	5085 31	49 78
28	71 8257 14	4318 18	69 3392 23	4367.86 4367.81	5135 09 5184 77	49 68
29	72 2575 31 -72 6893 54	4318-23 4318-27	69 7760 08 70 2127 89	4367 76	5234 35	49 58 49 49
30						
2,931	0,973 1211 81	4318 32	0,970 6495 65	4367 71	9,997 5283 84	49 39
32	73 5530 13	4318 37	71 0863 36	4367.61	5333 23 5382 51	49 28
33	73 9848 51	4318 42	71 5231 02 71 9598 62	4367.56	5431 69	49 1 8 49 09
34 35	74 4166 93 74 8485 40	4318 47 4318 52	72 3966 18	4367.51	-5480 78	48 99
				4367.46	9,997 5529 77	
2,936	0,975 2893 92	4318 57	0,972 8333 69 73 2701 15	4367 41	5578 67	48 90 48 79
37	75 7122 48	4318 62	73 7068 56	4367 36	5627 46	48 68
38	76 1441 10 76 5759 77	4318-67 4318-71	74 1435 91	4367.31	-5676 14	48 60
39	77 0078 48	4318 76	74 5803 22	4367-26	5724 74	48 50
40				A287 01	0.007 5772 9/4	48 41
2,941	0,977 4397 24	4318-81	0,975 0170 48 75 4537 70	4367 21 4367 17	9,997 5773 24 5821 65	48 30
42	77 8716 05	4318 86	75 8904 86	4367 12	-5869 95	48 21
43	78 3034 91 78 7353 82	4318-91 4318-95	76-3271 98	4367.07	5918 16	48 12
44 45	79 1672 77	4319-00	76 7639 05	4367.02	5966 28	48 02
2,946	0,979 5991 77	4319 05	0,977 2006 07	4366 -97	9,997 6014 30	. 47 93
47	80 0310 82	4319 10	77 6373 05	4366 93	6062 23	47 82
48	80 4629 92	4319 14	78 0739 97	4366 88	6110 05	47 74
49	80 8949 06	4319 19	78 5106 85	4366 83	6157 79	47 64
50	81 3268 25		78 9473 68		6205 43	
					Νn	

k.	log. Cos. k.	D.	log. Sin. k.	D.	log. Tang. k.	D.
2,950	0,981 3268 25	4319 24	0,978 9473 68	4366 78	9,997 6205 43	47 54
2,951	0,981 7587 49	4319 29	0,979 3840 46	4366 73	9,997 6252 97	47 45
52	82 1906 78	4319 33	79 8207 20	4366 69	6300 42	47 35
53	82 6226 11	4319 38	80 2573 88	4366 64	6347 77	47 26
54	83 0545 49	4319 43	80 6940 52	4366 59	6395 03	47 16
55	83 4864 92	4319 47	81 1307 11	4366 54	6442 19	47 07
2,956	0,983 9184 39	4319 52	0,981 5673 65	4366 49	9,997 6489 26	46 98
57	84 3503 91	4319 57	82 0040 15	4366 45	6536 24	46 88
58	84 7823 48	4319 62	82 4406 60	4366 40	6583 12	46 79
59	85 2143 09	4319 66	82 8773 00	4366 35	6629 91	46 68
60	85 6462 76	4319 71	83 3139 35	4366 31	6676 59	46 60
2,961	0,986 0782 46	4319 75	0,983 7505 65	4366 26	9,997 6723 19	46 50
62	86 5102 22	4319 80	84 1871 91	4366 21	6769 69	46 42
63	86 9422 02	4319 85	84 6238 13	4366 17	6816 11	46 32
64	87 3741 86	4319 89	85 0604 29	4366 12	6862 43	46 23
65	87 8061 75	4319 94	85 4970 41	4366 08	6908 66	46 14
2,966	0,988 2381 69	4319 98	0,985 9336*49	4366 03	9,997 6954 80	46 05
67	88 6701 67	4320 03	86 3702 52	4365 98	7000 85	45 95
68	89 1021 70	4320 08	86 8068 50	4365 94	7046 80	45 86
69	89 5341 78	4320 12	87 2434 44	4365 89	7092 66	45 77
70	89 9661 90	4320 17	87 6800 33	4365 85	7138 43	45 68
2,971	0,990 3982 06	4320 21	0,988 1166 17	4365 80	9,997 7184 11	45 58
72	90 8302 28	4320 26 .	88 5531 97	4365 75	7229 69	45 51
73	91 2622 53	4320 30	88 9897 73	4365 71	7275 20	45 40
74	91 6942 83	4320 35	89 4263 43	4305 66	7320 60	45 31
75	92 1263 18	4320 39	89 8629 09	4365 62	7365 91	45 23
2,976	0,992 5583 57	4320 44	0,990 2994 71	4365 57	9,997 7411 14	45 13
77	92 9904 01	4320 48	90 7360 28	4365 52	7456 27	45 04
78	93 4224 49	4320 53	91 1725 80	4365 48	7501 31	44 95
79	93 8545 02	4320 57	91 6091 28	4365 43	7546 26	44 86
80	94 2865 59	4320 62	92 0456 71	4365 39	7591 12	44 77
2,981	0,994 7186 21	4320 66	0,992 4822 10	4365 34	9,997 7635 89	44 68
82	95 1506 87	4320 70	92 9187 44	4365 30	7680 57	44 60
83	95 5827 57	4320 75	93 3552 74	4365 25	7725 17	44 50
84	96 0148 32	4320 79	93 7917 99	4365 21	7769 67	44 42
85	96 4469 11	4320 84	94 2283 20	4365 17	7814 09	44 33
2,986	0,996 8789 95	4320 88	0,994 6648 37	4365 12	9,997 7858 42	44 24
87	97 3110 83	4320 92	95 1013 49	4365 08	7902 66	44 16
88	97 7431 75	4320 97	95 5378 57	4365 03	7946 82	44 06
89	98 1752 72	4321 01	95 9743 60	4364 99	7990 88	43 98
90	98 6073 73	4321 06	96 4108 59	4364 95	8034-86	43 88
2,991	0,999 0394 79	4321 10	0,996 8473 53	4364 90	9,997 8078 74	43 80
92	99 4715 89	4321 14	97 2838 43	4364 86	8122 54	43 72
93	99 9037 03	4321 19	97 7203 29	4364 81	8166 26	43 62
94	1,000 3358 22	4321 23	98 1568 10	4364 77	8209 88	43 54
95	00 7679 45	4321 28	98 5932 87	4364 72	8253 42	43 46
2,996	1,001 2000 72	4321 32	0,999 0297 60	4364 68	9,997 8296 88	43 36
97	01 6322 04	4321 36	99 4662 28	4364 64	8340 24	43 26
98	02 0643 41	4321 41	99 9026 91	4364 59	8383 50	43 19
99	02 4964 81	4321 45	1,000 3391 50	4364 55	8426 69	43 10
3,000	02 9286 26		00 7756 05		8469 79	

ħ.	log. Cos. k.	D.		log. Sin. k.	D.	log. Tang. k.	D.
3,000	1,002 9286 26	4321 49		1,000 7756 05	4364 51	9,997 8469 79	43 01
3,001	1,003 3607 76	4321 53		1,001 2120 56	4364 46	9,997 8512 80	42 93
02	03 7929 29	4321 58		01 6485 02	4364 42	8555 73	42 84
03	04 2250 87	4321 62		02 0849 44	4364 38	8598 57	42 77
04	04 6572 48	4321 66		02 5213 82	4364 34	8641 34	42 68
05	05 0894 14	4321 70		02 9578 16	4364 29	8684 02	42 58
3,006 07	1,005 5215 85	4321 74		1,003 3942 45	4364 25	9,997 8726 60	42 51
08	05 9537 59	4321 79		03 8306 70	4364 21	8769 11	42 41
09	06 3859 38	4321 83		04 2670 90	4364 16	8811 52	42 34
10	06 8181 20 07 2503 07	4321 87		04 7035 07 05 1399 19	4364 12	8853 86	42 26
	07 2003 07	4321 31		00 1355 15	4364 08	8896 12	42 16
3,011	1,007 6824 99	4321 95		1,005 5763 27	4364 04	9,997 8938 28	42 08
12	08 1146 94	4322 00	8	06 0127 30	4364 00	8980 36	42 00
13	08 5468 94	4322 04		06 4491 30	4363 95	9022 36	41 92
14 15	08 9790 97	4322 08	100	06 8855 25	4363 01	9064 28	41 83
	09 4113 05	4322 12		07 3219 16	4363 87	9106 11	41 74
3,016	1,009 8435 18	4322 16		1,007 7583 03	4363 83	9,997 9147 85	41 67
17	10 2757 34	4322 21		08 1946 86	4363 78	9189 52	41 58
18	10 7079 54	4322 25		08 6310 64	4363 74	9231 10	41 49
19	11 1401 79	4822 29		09 0674 38	4363 70	9272 59	41 41
20	11 5724 08	4322 33		09 5038 08	4363 66	9314 00	41 33
3,021	1,012 0046 41	4322 37		1,009 9401 74	4363 62	9,997 9355 33	41 25
22	12 4368 78	4322 41		10 3765 36	4363 58	9396 58	41 17
23	12 8691 19	4322 45		10 8128 94	4363 54	9437 75	41 08
24 25	13 3013 64	4322 49		11 2492 47	4363 .50	9478 83	41 00
	13 7336 14	4322 53		11 6855 97	4363 45	9519 83	40 92
3,026	1,014 1658 67	4322 58		1,012 1219 42	4363 41	9,997 9560 75	40 84
27	14 5981 24	4322 62		12 5582 83	4363 37	9601 59	40 76
28	15 0303 86	4322 66		12 9946 21	4363 33	9642 35	40 67
29 3 0	15 4626 52	4322 70		13 4309 54	4363 29	9683 02	40 60
	16 8949 21	4322 74		13 8672 83	4363 25	9723 62	40 51
3,031	1,016 3271 95	4322 78		1,014 3036 08	4363 21	9,997 9764 13	40 43
32	1617594 72	4322 82		14 7399 28	4363 17	9804 56	40 35
33	17 1917 54	4322 86		15 1762 45	4363 13	9844 91	40 27
34	17 6240 40 18 0563 29	4322 90 4322 94		15 6125 58 16 0488 66	4363 09 4363 04	9885 18 992 5 37	40 19
3,036 37	1,018 4886 23	4322 98 4323 02		1,016 4851 71	4363 00 4362 96	9,997 9965 48 9,998 0005 51	40 03 39 94
38	18 9209 20	4323 02		16 9214 71 17 3577 67	4362 92	0045 45	39 94
39	19 3532 22 19 7855 27	4323 10		17 7940 60	4362 88	0085 32	39 79
40	20 2178 37	4323 14		18 2303 48	4362 85	0125 11	39 71
3,041	1,020 6501 50	4323 18		1,018 6666 33	4362 81	9,998 0164 82	39 63
42	21 0824 68	4323 21		19 1029 13	4362 77	0204 45	39 56
43	21 5147 89	4323 25		19 5391 90	4362 73	0244 01	39 47
44	21,9471 14	4323 29		19 9754 62	4362 69	0283 48	39 39
45	22 3794 44	4323 33		20 4117 31	4362 65	0322 87	39 31
3,046	1,022 8117 77	4323 37		1,020 8479 95	4362 61	9,998 0362 18	39 24
47	23 2441 14	4323 41		21 2842 56	4362 57	0401 42	39 16
48	23 6764 55	4323 45		21 7205 13	4362 53	0440 58	39 09
49	24 1087 99	4323 49		22 1567 66	4362 49	0479 67	39 00
50	24 5411 48			22 5930 15		0518 67	

N n 2

k.	log. Cof. k.	D.	log. Sin. k.	D.	log. Tang. k.	D.
3,050	1,024 5411 48	4323 53	1,022 5930 15	4362 45	9,998 0518 67	38 92
3,051	- 1,024 9735 01	4323 57	1,023 0292 60	4362 41	9,998 0557 59	38 85
52	25 4058 57	4323 60	23 4655 01	4362 37	0596 44	38 76
53	25 8382 18	4323 64	23 9017 38	4362 33	0635 20	38 70
54	26 2705 82	4323 68	24 3379 72	4362 30	0673 90	38 61
55	2 6 7029 5 0	4323 72	24 7742 01	4362 26	0712 51	38 54
3,056	1,027 1353 22	4323 76	1,025 2104 27	4362 22	9,998 0751 05	38 46
57	27 5676 98	4323 80	25 6466 49	4362 18	0789 51	38 38
58	28 0000 78	4323 84	26 0828 67	4362 14	0827 89	38 31
59	28 4324 61	4323 87	26 5190 81	4362 10	0866 20	38 23
60	28 8648 48	4323 91	26 9552 91	4362 06	0904 43	38 15
3,061	,029 2972 39	4323 95	1,027 3914 97	4362 03	9,998 0942 58	38 07
62	29 7296 34	4323 99	27 8276 99	4361 99	0980 65	38 00
63	30 1620 33	4324 02	28 2638 98	4361 95	1018 65	37 93
64	30 5944 35	4324 06	28 7000 93	4361 91	1056 58	37 85
65	31 0268 41	4324 10	29 1362 84	4361 87	1094 43	37 7 8
3,066	1,031 4592 51	4324 14	1,029 5724 72	4361 84	9,998 1132 21	37 69
67	31 8916 65	4324 18	30 0086 55	4361 80	1169 90	37 62
68	32 3240 83	4324 21	30 4448 35	4361 76	1207 52	37 55
69	32 7565 04	4324 25	30 8810 11	4361 72	1245 07	37 47
70	33 1889 29	4324 29	31 3171 83	4361 68	1282 54	37 40
3,071	1,033 6213 57	4324 32	1,031 7533 51	4361 65	9,998 1319 94	37 32
72	34 0537 90	4324 36	32 1895 16	4361 61	1357 26	37 24
73	34 4862 26	4324 40	32 6256 76	4361 57	1394 50	37 18
74	34 9186 65	4324 43	33 0618 33	4361 53	1431 68	37 10
75	35 3511 09	4324 47	33 4979 87	4361 50	±468 78	37 03
3,076	1,035 7835 56	4324 51	1,053 9341 37	4361 46	9,998 1505 81	36 95
77	36 2160 07	4324 55	34 3702 83	4361 42	1542 76	36 88
78	36 6484 61	4324 58	34 8064 25	4361 39	1579 64	36 81
79	37 0809 19	4324 62 4324 66	35 2425 64 35 6786 99	4361 35 -4361 31	1616 45 1653 18	36 73
69	37 5133 81	4324 00	30 0100 55	4301 31	, 1055-10	3 6 65
3,081	1,037 9458 47	4324 69	1,036 1148 30	4361 28	9,998 1689 83	36 58
82	38 3783 16	4324 73	36 5509 57	4361 24	1726 41	36 51
83	38 8107 89	4324 76	36 9870 81	4361 20	1762 92	36 44
84	39 2432 65	4324 80	37 4232 01 27 9503 19	4361 16	1799 36	36 37
85	39 6757 45	4324 84	37 8593 18	4361 13	1835,73	36 29
3,086	1,040 1082 29	4324 87	1,038 2954 30	4361 09	9,998 1872 02	36 22
87	40 5407 16	4324 91	38 7315 40	4361 06	1908 24	36 15
88	40 9732 06	, 4324 94	39 1676 45	4361 02	1944 39	36 07
89	41 4057 01	4324 98 4325 02	39 6037 47 40 0398 46	4360 98 4360 95	1980 46	36 01
90	41 8381 99	4323 02	40 0390 40	4300 55	2016 47	35 93
3,091	1,042 2707 00	4325 05	1,040 4759 40	4360 91	9,998 2052 40	35 87
92	42 7032 05	4375 09	40 9120 32	4360 88	2088 27	35 78
93	43 1357 14	4325 12	41 3481 19 41 7842 03	4360 81	2124 05	35 72
94	43 5682 26 44 0007 42	4325 16 4325 20	42 2202 84	4360 81	2159 77 2195 42	35 65 35 57
95						35 57
3,096	1,011 4332 62	4325 23	13042 6563 61	4360 73	9,998 2230 99	35 50
97	44 8657 85	4325 27 4325 30	43 0924 34	4360 70	2266 49	35 44
98	45 2983 11 45 7308 42	4325 34	43 5285 04	4360 66 4360 63	2301 93	35 35
3,100	46 1633 76	4020 04	44 4006 32		2337 28 2372 56	35 28
0,100	/				2312 30	

k.	log. Cof. k.	D.	log. Sin. k.	D.	log. Tang. k.	D.
3,100	1,046 1633 76	4325 37	1,044 4006 32	4360 59	9,998 2372 56	35 22
3,101	1,046 5959 13	4325 41	1,044 8366 91	4360 56	9,998 2407 78	35 16
02	47 0284 53	4325 44	45 2727 47	4360 52	2442 94	35 08
03	47 4609 97	4325 48	45 7087 99	4360 49	2478 02	35 00
04	47 8935 45	4325 51	46 1448 47	4360 45	2513 ()2	34 94
05	48 3260 96	4325 55	46 5808 92	4360 42	2547 96	34 87
3,106	1,048 7586 51	4325 58	1,047 0169 34	4360 38	9,998 2582 83	34 80
07	49 1912 09	4325 62	47 4529 72	4360 35	2617 63	34 73
08	49 6237 70	4325 65	47 8890 06	4360 31	2652 36	34 66
09	50 0563 35	4325 68	48 3250 37	4360 28	2687 02	34 59
10	50 4889 04	4325 72	48 7610 65	4360 24	2721 61	34 52
3,111	1,050 9214 76	4325 75	1,049 1970 89	4360 21	9,998 2756 13	34 45
12	51 3540 51	4325 79	49 6331 09	4360 17	2790 58	34 39
13	51 7866 29	4325 82	50 0691 26	4360 14	2824 97	34 32
14	52 2192 11	4325 85	50 5051 40	4360 10	2859 29	34 24
15	52 6517 97	4325 89	50 9411 50	4360 07	2893 53	34 18
3,116	1,053 0843 86	4325 92	1,051 3771 57	4360 03	9,998 2927 71	34 11
17	53 5169 78	4325 96	51 8131 60	4360 00	2961 82	34 05
18	53 9495 73	4325 99	52 2491 60	4359 97	2995 87	33 98
19	54 3821 72	4326 03	52 6851 57	4359 93	3029 85	33 90
20	54 8147 75	4326 06	53 1211 50	4359 90	3063 75	33 84
3,121	1,055 2473 81	4326 09	1,053 5571 40	4359 87	9,998 3097 59	33 78
22	55 6799 90	4326 13 4326 16	53 9931 27 54 4291 10	4359 83	3131 37	33 70 33 64
23 24	56 1126 03 56 5452 19	4326 19	54 8650 90	4359 80 4359 77	3165 07 3109 71	33 57
25	56 9778 38	4326 23	55 3010 66	4359 73	3198 71 3232 28	33 51
3,126	1,057 4104 60	4326 26	1,055 7370 39	4359 70	9,998 3265 79	33 44
27	57 8430 86	4326 29	56 1730 09	4359 66	3299 23	33 36
28	58 2757 16	4326 33	56 6089 75	4359 63	3332 59	33 31
29	58 7083 48	4326 36	57 0449 38	4359 60	3365 90	33 24
30	59 1409 84	4326 39	57 4808 98	4359 56	3399 14	33 17
3,131	1,059 5736 23	4326 42	1,057 9168 54	4359 53	9,998 3432 31	33 11
32	60 0062 65	4326 46	58 3528 07	4359 49	3465 42	33 03
33	60 4389 11	4326 49	58 7887 56	4359 46	3498 45	32 97
34	60 8715 60	4326 52	59 2247 02	4359 43	3531 42	32 90
35	61 3042 12	4326 56	59 6606 44	4359 39	3564 32	32 83
3,136	1,061 7368 68	4326 59	1,060 0965 83	4359 36	9,998-3597 15	32 77
37	62 1695 27	4326 62	60 5325 19	4359 33	3629 92	32 71
38	62 6021 89	4326 66	60 9684 52	4359 29	3662 63	32 63 32 57
39	63 0348 55	4326 69 4326 72	61 4043 81 61 8403 07	4359 26 4359 23	3695 26 3727 83	32 51
40	63 4675 24		1,062 2762 30			
3,141	1,063 9001 96	4326 75	62 7121 50	4359 20 4359 17	9,998 3760 34 3792 79	32 45
42	64 3328 71	4326 78 4326 82	61 1480 66	4359 17	3825 17	32 38 32 32
43	64 7655 49 65 1982 31	4326 85	63 5839 80	4359 10	3857 49	32 25
44	65 6309 16	4326 88	64 0198 90	4359 07	3889 74	32 19
3,146	1,066 0636 04	4326 91	1,064 4557 97	4359 04.	9,998 3921 93	32 12
3,140	66 4962 95	4326 94	64 8917 00	4359 01	3954 05	32 07
48	66 9289 89	4326 98	65 3276 01	4358 97	3986 12	31 99
49	67 3616 87	4327 01	65 7634 98	4358 94	4018 11	31 93
50	67 7943 88		66 1993 92		4050 04	

k.	log. Cof. k.	D.	log. Sin. k.	D.	log. Tang. k	D.
3,150	1,067 7943 88	4327 04	1,066 1993 92	4358 91	9,998 4050 04	31 87
3,151	1,068 2270 92	4327 07	1,066 6352 83	4358 88		
52	68 6597 99	4327 10	67 0711 70	4358 85	9,998 4081 91 4113 71	31 80
53	69 0925 09	4327 14	67 5070 55	4358 81	4145 46	31 68
54	69-5252-23	4327 17	67 9429 37	4358 78	4177 14	31 61
55	69 9579 40	4327 20	68 3788 15	4358 75	4208 75	31 55
3,156				****		
57	1,070 3906 60	4327 23	1,068 8146 90	4358 72	9,998 4240 30	31 49
58	70 8233 82	4327 26	69 2505 61	4358 69	4271 79	31 42
59	71 2561 09 71 6888 38	4327 29 4327 32	69 6864 30 70 1222 95	4358 65 4458 62	4303 21 4334 57	31 30
60	72 1215 70	4327 35	70 5581 57	4358 59	4365 87	31 24
	72 1210 70	40-1 90	***************************************	2400 03	4300 01	02 22
3,161	1,072 5543 05	4327 39	1,070 9940 16	4358 56	9,998 4397 11	31 17
62	72 9870 44	4327 42	71 4298 72	4358 53	4428 28	31 11
63	73 4197 86	4327 45	71 8657 25	4358 50	4459 39	31 06
64	73 8525 30	4327 48	72 3015 75	4358 47	4490 45	30 99
65	74 2852 78	4327 51	72 7374 22	4358 44	4521 44	30 92
3,166	1,074 7180 29	4327 54	1,073 1732 65	4358 41	9,998 4552 36	30 87
67	75 1507 83	4327 57	73 6091 06	4358 37	4583 23	30 80
68	75 5835 40	4327 60	74 0449 43	4358 34	4614 03	30 75
69	76 0163 00	4327 63	74 4807 78	4358 31	4644 78	30 67
70	76 4490 64	4327 66	74 9166 09	4358 28	4675 45	30 62
3,171	1,076 8818 30	4327 69	1,075 3524 37	4358 25	0.009 4706 07	30 56
72	77 3145 99	4327 72	75 7882 62	4358 22	9 ₃ 998 4706 07 4736 63	30 49
73	77 7473 72	4327 75	76 2240 84	4358 19	4767 12	30 44
74	78 1801 47	4327 78	76 6599 03	4358 16	4797 56	30 37
75	78 6129 26	4327 81	77 0957 18	4358 13	4827 93	30 31

3,176	1,079 0457 07	4327 84	1,077 5315 31	4358 10	9,998 4858 24	30 26
77	79 4784 91	4327 87	77 9673 41	4358 07	4888 50	30 19
78	79 9112 79	4327 90	78 4031 48 78 8389 52	4358 04 4358 01	4918 69	30 14
79 80	80 3440 69 80 7768 63	4327 93 4327 96	79 2747 52	4357 9S	4948 83 4978 90	30 07 30 01
00	60 7700 03	4341 30	.0,2.2.02	200. 00	4370 30	30 01
3,181	1,081 2096 59	4327 99	1,079 7105 50	4357 95	9,998 5008 91	29 95
82	81 6424 58	4328 02	80 1463 45	4357 92	5038 87	29 89
83	82 0752 61	4328 05	80 5821 36	4357 89	5068 76	29 83
84	82 5080 66	4328 08	81 0179 25	4357 86	5098 59	29 76
85	82 9408 75	4328 11	81 4537 10	4357 83	5128 35	29 72
3,186	1,083 3736 86	4328 14	1,081 8894 93	4357 80	9,998 5158 07	29 66
87	83 8065 00	4328 17	82 3252 73	4357 77	5187 73	29 59
88	84 2393 18	4328 20	82 7610 49	4357 74	5217 32	29 53
89	84 6721 38	4328 23	83 1968 23	4357 71	5246 85	29 47
90	85 1049 61	4328 26	83 6325 93	4357 68	5276 32 1	29 42
9 404	4 004 FARR 08	5000 00	4 004 0602 61	4357 65	9,998 5305 74	00.20
3,191	1,085 5377 87	4328 29	1,084 0683 61	4357 62	5335 10	29 36
92 93	85 9706 1 6 86 4034 48	4328 32	84 5041 26 84 9398 88	4357 59	5364 40	29 30 29 24
95	86 8362 83	4328 35 4328 38	85 3756 47	4357 56	5393 64	29 18
95	87 2691 21	4328 41	85 8114 03	4357 53	5422 82	29 13
		1040 14				
3,196	1,087 7019 61	4328 44	1,086 2471 57	4357 50	9,998 5451 95	29 07
97	88 1348 05	4328 46	86 6829 07	4357 48	5481 02	29 02
98	88 5676 51	4328 49	87 1186 55	4357 45	5510 04	28 95
99	89 0005 01	4328 52	87 5543 99	4357 42	5538 99	28 89
3,200	89 4333 53		87 9901 41		5567-88	

k.	log. Cof. k.	D.	log. Sin. k.	D.	log. Tang. k.	D.
3,200	1,089 4333 53	4328 55	1,087 9901 41	4357 39	9,998 5567 88	28 84
3,201	1,089 8662 08	4328 58	1,088 4258 80	4357 36	9,998 5596 72	28 78
02	90 2990 66	4328 61	88 8616 16	4375 33	5625 50	28 72
03	90 7319 27	4328 64	89 2973 49	4357 30	5654 22	28 67
04	91 1647 90	4328 67,	89 7330 79	4357 27	5682 89	28 60
05	91 5976 57	4328 70	90 1688 06	4357 24	5711 49	28 54
3,206	1 (100 (1205 07	4200 70	4 000 COAE 20	4257 04	0.000 5740 ()2	
07	1,092 0305 27 92 4633 99	4328 72 4328 75	1,090 6045 30 91 0402 51	4357 21	9,998 5740 03 5768 52	28 49
08	92 8962 74	4328 78	91 4759 70	4357 18 4357 16	5796 96	28 44
09	93 3291 52	4328 81	91 9116 85	4357 13	5825 33	28 37 28 32
10	93 7620 33	4328 84	92 3473 98	4357 10	5853 65	28 27
				2007		20 21
3,211	1,094 1949 16	4328 86	1,092 7831 08	4357 07	9,998 5881 92	28 21
12	94 6278 02	4328 89	93 2188 15	4357 04	5910 13	28 15
13	95 0606 92	4328 92	93 6545 20	4357 02	5938 28	28 10
14	95 4935 83	4328 95	94 0902 21	4356 99	5966 38	28 ()4
15	95 9264 78	4328 98	94 5259 20	4356 96	5994 42	27 98
3,216	1,096 3593 76	4329 00	1,094 9616 16	4356 93	9,998 6022 40	27 93
17	96 7922 76	4329 03	95 3973 09	4356 90	6050 33	27 87
18	97 2251 79	4329 06	95 8329 99	4356 88	6078 20	27 82
19	97 6580 85	4329 09	96 2686 87	4356 85	6106 02	27 76
20	98 0909 94	4329 12	96 7043 72	4356 82	6133 78	27 71
3,221	1,098 5239 05	4329 14	1,097 1400 54	4356 79	9,998 6161 49	27 64
22	98 9568 20	4329 17	97 5757 33	4356 76	6189 13	27 59
23	99 3897 37	4329 20	98 0114 09	4356 74	6216 72	27 54
24	99 8226 56	4329 23	98 4470 83	4356 71	6244 26	27 48
25	1,100 2555 79	4329 25	98 8827 53	4356 68	6271 74	27 43
3,226	1,100 6885 04	4329 28	1,099 3184 21	4356 65	9,998 6299 17	27 37
27	01 1214 32	4329 31	99 7540 86	4356 63	6326 54	27 32
28	01 5543 63	4329 33	1,100 1897 49	4356 60	6353 86	27 27
29	01 9872 96	4329 36	00 6254 09	4356 57	6381 13	27 21
30	02 4202 32	4329 39	01 0610 66	4356 54	6408 34	27 15
3,231	1,102 8531 71	4329 41	1,101 4967 20	4356 52	9,938 6435 49	27 11
32	03 2861 12	4329 44	01 9323 72	4356 49	6462 60	27 05
33	03 7190 56	4329 47	02 3680 21	4356 46	6489 65	26 99
34	04 1520 03	4329 50	02 8036 67	4356 44	6516 64	26 95
35	04 5849 52	4329 52	03 2393 11	4356 41	6543 59	26 88
3,236	1,105 0179 05	4329 55	1,103 6749 52	4356 38	9,998 6570 47	26 83
37	05 4508 60	4329 58	04 1105 90	4356 36	6597 30	26 79
38	05 8838 17	4329 60	04 5462 26	4356 33	6624 09	26 72
39	06 3167 78	4329 63	04 9813 59	4356 30	6650 81	26 67
40	06 7497 41	4329 66	05 4174 89	4356 27	6677 48	26 61
3,241	1,107 1827 07	4329 68	1,105 8531 16	4356 25	9,998 6704 09	26 57
42	07 6156 75	4329 71	06 2887 41	4356 22	6730 66	26 51
43	08 0486 46	4329 74	06 7243 63	4356 19	6757 17	26 46
44	08 4816 20	4329 76	07 1599 83	4356 17	6783 63	26 40
45	08 9145 96	4329 79	07 5955 99	4356 14	6810 03	26 35
3,246	1,109 3475 75	4329 81	1,108 0312 13	4356 11	9,998 6836 38	26 31
47	09 7805 56	4329 84	08 4668 25	4356 09	6862 69	26 25
48	10 2135 40	4329 87	08 9024 34	4356 06	6888 94	26 19
49	10 6465 27	4329 89	09 3380 40	4356 04	6915 13	26 14
5 0	11 0795 16		09 7736 43		6941 27	

k.	log. Cof. k.	D.	log. Sin. k.	D.	log. Tang. k.	D.
3,250	1,111 0795 16	4329 92	1,109 7736 43	4356 01	9,998 6941 27	26 09
3,251	1,111 5125 08	4329 94	1,110 2092 44	4356 98	9,998 6967 36	26 05
52	11 9455 ()2	4329.9	10 6448 43	4355 96	6993 41	25 99
53	12 3784 99	4330 00	11 0804 39	4355 93	7019 40	25 93
54	12 8114 99	4330 02	11 5160 32	4355 91	7045 33	25 89
55	13 2445 01	4330 05	11 9516 23	4355 88	7071 22	25 83
3,256	1,113 6775 06	4330 07	4,112 3872 11	4355 86	9,998 7097 05	25 78
57	14 1105 13	4330 10	12 8227 96	4355 83	7122 83	25 73
58	14 5435 23	4330 13	13 2583 79	4355 80	7148 56	25 68
59	14 9765 35	4330 15	13 6939 59	4355 78	7174 24	26 63
60	15 4095 50	4330 18	14 1295 37	4355 75	7199 87	25 57
3,261	1,115 8425 68	4330 20	1,114 5651 12	4355 72	9,998 7225 44	25 53
-62	16 2755 88	4330 23	15 0006 85	4355 70	7250 97	25 46
63	16 7086 11	4330 25	15 4362 54	4355 67	7216 43	25 42
6.4	17 1416 37	4330 28	15 8718 22	4355 65	7301 85	25 37
65	17 5746 61	4330 30	16 3073 86	4355 62	7327 22	25 32
3,266	1,118 0076 95	4330 33	1,116 7429 49	4355 60	9,998 7352 54	25 28
67	18 4407 27	4330 35	17 1785 09	4355 57	7377 82	25 21
68	18 8737 63	4330 38	17 6140 66	4355 55	7403 03	25 17
69	19 3068 01	4339 40	18 0496 21	4355 52	7428 20	25 12
70	19 7398 41	4330 43	18 4851 73	4355 50	7453 32	25 07
3,271	1,120 1728 84	4330 45	1,118 9207 23	4355 47	9,998 7478 39	25 02
72	20 6059 29	4330 48	19 3562 70	4355 45	7503 41	24 97
73	21 0389 77	4330 50	19 7918 15	4355 42	7528 38	24 92
74	21 4720 27	4330 63	20 2273 57	4355 40	7553 30	24 87
75	21 9050 80	4330 55	20 6628 97	4355 37	7578 17	24 82
3,276	1,122 3381 35	4330 58	1,121 0984 34	4355 35	9,998 7602 99	24 77
77	22 7711 93	4330 00	21 5339 69	4355 32	7627 76	24 72
78	23 2042 53	4330 63	21 9695 01	4355 30	7652 48	24 67
79	23 6373 16	4330 65	22 4050 31	4355 27	7677 15	24 62
80	24 0703 81	4330 68	22 8405 58	4355 25	7701 77	24 57
3,281	1,124 5034 49	4330 70	1,123 2760 83	4355 22	9,998 7726 34	24 52
82	24 9365 19	4330 73	23 7116 05	4355 20	7750 86	24 47
83	25 3695 92	4330 75	24 1471 25	4355 17	7775 33	24 42
84	25 8026 67	4330 77	24 -5826 42	4355 15	7799 75	24 38
85	26 2357 44	4330 -80	25 0181 57	4355 12	7824 13	24 32
3,286	1,126 8688 24	4330 82	1,125 4536 69	4355 10	9,998 7848 45	24 28
87	27 1019 06	4330 85	25 8891 79	4355 08	7872 73	24 23
88	27 5349 91	4330 87	26 3246 87	4355-05	7896 96	24 18
89	27 9680 78	4330 89	26 7601 92	4355 03	7921 14	24 14
90	28 4011 67	4330-92	27 4956 95	4355 01	7945 28	24 09
3,291	1,128 8342 59	4330 94	1,127 6311 96	4354 98	9,998 7969 37	24 04
92	29 2673 53	4330 97	28 0666 94	4354 96	7993 41	23 99
93	29 7004 50	4330 99	28 5021 90	4354-93	8017 40	23 94
94	30 1335 49	4331 01	28 9376 83	4354 91	8041 34	23 90
95	30 5666 50	4331 04	29 3731 74	4354 89	8065 24	23 84
3,296	1,130 9997 54	4331 06	1,129_8086_62	4354 86	9,998 8089 08	23 80
97	31 4328 60	4331 09	30 2441 48	4354 84	8112 88	23 75
89	31 8659 69	4331 11	3 0 6796 32	4354 81	8136 63	23 70
99	32 2990 80	4331 14	31 1151 13	4354 79	8160 33	23 66
3,300	32 7321 93		31 5505 92		\$183 99	

7.	100 6.6 *	-		_		
k.	log. Cos. k.	D.	log. Sin. k.	D.	log. Tang. k.	D.
3,300	1,132 7321 93	4331 16	1,131 5505 92	4354 77	9,998 8183 99	23 61
3,301	1,133 1653 09	4331 18	1,131 9860 69		,	
02	33 5984 27	4331 20	6 (1) 32 4215 43	4354 74	9,998 8207 60	23 56
03	34 0315 47	4331 23	32 8570 14	4354 69	8231 16 8254 67	23 51
04	34 4646 70	4331 25	33 2924 84	4354 67	8278 14	23 42
05	34 8977 95	4331 27	0: 33 7279 51	4354 65	8301 56	23 36
3,306						
07	1,135 3309 23 35 7640 53	4331 30	1,134 1634 15	4354 62	9,998 8324 92	23 33
08	36 1971 85	4331 32	34 5988 78	4354 60	8348 25	2,3 28
09	36 6303 19	4331 37	35 4697 95	4354 55	8371 53 8394 76	23 23 20
10	37 0634 55	4331 39	35 9052 51	4354 53	8417 96	23 14
2.944					0227 00	
3,311 12	1,137 4965 94	4331 41	1,136 3407 04	4354 51	9,998 8441 10	23 09
13	37 9297 36	4331 44	36 7761 55	4354 49	8464 19	23 05
14	38 3628 79 38 7960 25	4331 46	37 2116 03	4354 46	\$487 24	23 00
15	39 2291 73	4331 48	37 6470 49 38 0824 93	4354 44 4354 42	8510 24	22 96
		4551 50	30 0024 93	7334 72	8533 20	22 92
3,316	1,139 6623 23	4331 53	1,138 5179 35	4354 39	9,998 8556 12	22 86
17	40 0954 76	4331 55	38 9533 74	4354 37	8578 98	22 82
18 19	40 5286 31	4331 57	39 3888 11	4354 35	8601 80	22 77
20	40 9617 89	4331 60	39 8242 46	4354 33	8624 57	22 73
20	41 3949 48	4331 62	40 2596 78	4354.30	8647 30	∩22 69
3,321	1,141 8281 10	4331 65	1,140 6951 09	4354 28	9,998 8669 99	22 63
22	42 2612 75	4331 66	41 1305 36	4354 26	8692 62	22 59
23	42 6944 41	4331 69	41 5659 62	4354 23	8715 21	22 54
24	43 1276 10	4331 71	42 0013 85	4354 21	8737 75	22 50
25	43 5607 81	4331 73	42 4368 06	4354 19	Grand 8760 25	22 46
3,326	1,143 9939 54	4331 75	1,142 8722 25	4354 16	9,998 8782 71	22 41
27	44 4271 30	4331 78	43 3076 41	4354 14	8805 12	22 37
28	44 8603 07	4331 80	43 7430 56	4354 12	8827 49	22 31
29	45 2934 87	4331 82	44 1784 67	4354 10	8849 80	22 28
30	45 7266 69	4331 84	44 6138 77	4354 08	8872 08	22 24
3,331	1,146 1598 53	4331 86	1,145 0492 85	4354 05	9,998 8894 32	22 18
32	46 5930 40	4331 88	45 4846 90	4354 03	\$916 50	22 15
33	47 0262 28	4331 91	45 9200 93	4354 01	8938 65	22 10
34	47 4594 19	4331-93	46 3554 94	4353 99	™ 8960 75	22 06
35	47 8926 12	4331 95	46 7908 93	4353 97	8982 81	22 01
3,336	1,148 3258 07	4331 97	1,147 2262 89	. 4353 94	9,998 9004 82	21 98
37	48 7590 04	4332 00	47 6616 84	4353 92	9026 80	21 92
38	49 1922 04	4332 02	48 0970 76	4353.90	9048 72	21 89
39	49 6254 05	4332 04	48 5324 66	4353 88	9070 61	21 84
40	50 0586 09	4332 06	48 9678 54	4353 86	(1 11) 9092 45	21 79
3,341	1,150 4918 15	4332-08	1,149 4032 39	£ 4353 83	9,998 9114 24	21 75
42	50 9250 24	4332 10	(A) 115'49 8386 23	4353 81	9135 99	21 71
43	51 3582 34	4332 13	£7 50 2740 04	£ 4353 79	9157 70	21 66
44	51 7914 47	4332 15	£ 50 7093 83	4353 77	9179 36	21 62
45	52 2246 62	4332 17	51 1447 60	⊕ 4 353 75	9200 98	21 57
3,346	1,152 6578 79	4332 19	9 1,151 5801 34	1 4353 72	9,998 9222 55	21 54
47	53 0910 98	4332 21	99 4 52 0155 07	4353 70	9244 09	21 48
48	53 5243 20	d 4332 23	TO TO 52 4508 77	4353 68	9265 57	21 45
49	63 9575 43	4332-26	£0 (\$6 52 8862 45	4353 66	9287 02	21 40
50	54 3907 69		70 : 53 3216 11		. CO (triber : 9308 42	160%

k.	log. Cof. k.	D.	log. Sin. k.	D.	log. Tang. k.	D.
3,350	6 1,154 3907 69	4332 28	1,153 3216 11	4353 64	9,998 9308 42	21 37
3,351	0 1,154 8239 96	4332 30	(1,153 7569 75	E 4353 62	o 9,998 9329 79	21 31
52	55 2572 26	4332 32	8 54 1923 36	4353 60	TO GAT : 9351 10	21 28
53	55 6904 58	4332 34	\$ 1 54 6276 96	4353 57	22 2180 19372 38	21 23
54	56 1236 92	4332 36	₹3 °. 55 0630 53	4353 55	9393 61	21 20
55	56 5569 28	4332 38	55 4984 09	4353 53	2 220 9414 81	21 15
3,356	1,156 9901 66	4332 40	1,155 9337 62	4353 51	9,998 9435 96	21 10
57	57 4234 07	4332 42	56 3691 13	4353 49	9457 06	21 07
58	57 8566 49	4332 45	×0 0×056 8044 62	4353 47	9478 13	21 02
59	58 2898 94	4332 47	57 2398 09	4353 45	9499 15	20 98
60	60 58 7231 41	4332 49	£2 57 6751 54	4353 43	9520 13	20 95
3,361	1,159 1563 89	4332 51	1,158 1104 97	1 4353 41	9,998 9541 08	120 90
62	O 59 5896 40	4332 53	58 5458 38	4353 39	9561 98	20 85
63	60 0228 93	4332 55	58 9811 76	4353 37	9582 83	20 82
64	60 8904 96	4332 57	59 4165 13	: 4353 34	9603 65	≥20 77
65	60 8894 06	4332 59	59 8518 47	4353 32	9624 42	20 73
3,366	2: 1,161 3226 65	4332 61	a (1,160 2871 80	£ 4353 30	9,998 9645 15	20 69
67	d. 61 7559 26	4332 64	60 7225 10	4353 28	9665 84	20 64
68	62 1891 90	4332 66): 61 1578 38	4353 26	9686 48	20 61
69	62 6224 55	4332 68	61 5931 64	4353 24	9707 09	20 56
70	63 0557 23	4332 69	62 0284 88	4353 22	9727 65	20 53
3,371	1,163 4889 92	4332 72	1,162 4638 10	4353 20	9,998 9748 18	20 48
72	63 9222 64	4332 74	62 8991 29	4353 18	9768 66	20 44
73	64 3555 37	4332 76	63 3344 47	4353 16	9789 10	20 39
74	64 7888 13 65 2220 90	4332 78	63 7697 62 64 2050 76	4353 14 4353 12	9809 49	20 36
75	00 2220 00	. 400% 60	.57 - 01 2000 70	A303 12	0029 00	20 32
3,376	1,165 6553 70	4332 82	1,164 6403 88	4353 10	9,998 9850 18	20 27
77	66 0886 52	4332 84	65 0756 97	4353 08	9870 45	20 24
78	66 5219 35	4332 86	65 5110 05	4353 06	9890 69	20 21
79 80	66 9552 21 67 3885 08	4332 88	65 9463 11	4353 04 4353 02	9910 90	20 16
00				4303 02	3331 00	
3,381	1,167 8217 98	4332 92	1,166 8169 16	4352 99	9,998 9951 18	20 07
82	68 2550 90	4332 94	67 2522 15	4352 98	9971 25	20 04
83	68 6883 84 69 1216 80	4332 96	67 6875 13	4352 95	9991 29	19 99 19 97
84	69 1216 80 69 5549 77	4332 98	68 1228 08	4352 94	9,999 0011 28	19 91
85	03 3043 11					
3,386	1,169 9882 77	4333 02	1,168 9933 93	4352 90	9,999 0051 16	19 88
87	70 4215 79	4333 04	69 4286 83	4352 87	0071 04	19 83
88	70 8548 83	4333 06	69 8639 70	4352 86 : 4352 84	20110 - 0090 87	19 80 19 76
89	71 2881 89 71 7214 96	4333 08 4333 10	70 2992 56 70 7345 39	4352 82	0110 67	19 72
90	71 7212 50	1000 10		2002 02	(*	
3,391	1,172 1548 06	4333 12	1,171 1698 21	4352 80	9,999 0150 15	19 67
92	72 5881 18	4333 14	71 6051 00	4352 78	0169 82	19 64
93	73 0214 32	4333 15	72 0403 78 72 4756 53	4352 76	0189 46	19 60 19 57
94	73 4547 47 73 8880 64	4333 17	0 72 9109 27	4352 74	0209 06	19 52
95						
3,396	1,174 3213 84	4333 21	1,173 3461 99	C4352 70	9,999 0248 15	19 49
97	74 7547 05 75 1880 28		77 801 74 2167 37	114352 68	0267 64	19 45
98		4333 25	74 6520 03	8 4352 66 4352 64	(No. 6) 497 (10287 09) 874 (2019) 10306 50	5 19 41
3 400	76 0546 80	#333 AF	75 0872 67	300A UT	0325 87	. 19 37
3,400	.0 00.0 00				0340 01	

k.	log. Cof. k.	D.	log. Sin. k.	D.	log. Tang. k.	D.
3,400	1,176 0546 80	4333 29	1,175 0872 67	4352 62	9,999 0325 87	19 33
3,401	1,176 4880 09	4333 31	1,175 5225 29	4352 60	9,999 0345 20	19 29
02	76 9213 40	4333 33	75 9577 89	4352 58	0364 49	19 26
03	77 3546 72	4333 35	76 3930 47	4352 56	0383 75	19 21
04	= 77 7880 0 7	4333 37	76 8283 03	4352 54	0402 96	19 17
05	78 2213 44	4333 39	77 2635 57	4352 52	0422 13	19 14
3,406	1,178 6546 83	4333 41	1,177 6988 10	4352 51	9,999 0441 27	19 10
07	79 0880 23	4333 43	78 1340 60	4352 49	0460 37	19 06
08	79 5213 66	4333 44	78 5693 09	4352 47	0479 43	19 02
09	79 9547 10	4333 46	79 0045 55	4352 45	0498 45	18 98
10	80 3880 57	4333 48	79 4398 00	4352 43	0517 43	18 95
3,411	1,180 8214 05	4333 50	1,179 8750 43	4352 41	9,999 0536 38	18 91
12	81 2547 55	4333 52	80 3102 84	4352 39	0555 29	18 87
13	81 6881 07	4333 54	80 7455 23	4352 37	0574 16	18 83
14	82 1214 61	4333 56	81 1807 60	4352 35	0592 99	18 80
15	82 5548 17	4333 58	81 6159 96	4352 33	0611 79	18 76
3,416	1,182 9881 74	4333 60	1,182 0512 29	4352 32	9,999 0630 55	18 72
17	83 4215 34	4333 61	82 4864 61	4352 30	0649 27	18 68
18	83 8548 95	4333 63	82 9216 90	4352 28	0667 95	18 64
19	84 2882 59	4333 65		4352 26	0686 59	18 61
20	84 7216 24	4333 67	83 7921 44	4352 24	0705 20	18 57
3,421	1,185 1549 91	4333 69	1,184 2273 68	4352 22	9,999 0723 77	18 53
22	85 5883 60	4333 71	84 6625 90	4352 20	0742 30	18 49
23	86 0217 31	4333 73	85 0978 10	4352 18	0760 79	18 46
24	86 4551 03	4333 74	85 5330 28	4352 16	0779 25	18 42
25	86 8884 78	4333 76	85 9682 45	4352 15	0797 67	18 38
3,426	1,187 3218 54	4333 78	1,186 4034 59	4352 13	9,999 0816 05	18 35
27	87 7552 32	4333 80	86 8386 72	4352 11	0834 40	18 31
28	88 1886 12	4333 82	87 2738 83	4352 09	0852 71	18 28
29	88 6219 93	4333 83	87 7090 92	4352 07	0870 99	18 24
30	89 0553 77	4333 85	88 1443 00	4352 06	0889 23	18 20
3,431	1,189 4887 62	4333 87	1,188 5795 05	4352 04	9,999 0907 43	18 17
32	89 9221 49	4333 89	89 0147 09	4352 02	0925 60	18 13
33	90 3555 38	4333 91	89 4499 11	4352 00	0943 73	18 10
34	90 7889 28	4333 92	89 8851 11	4351 98 4351 97	0961 83	18 06
35	91 2223 21	4333 94	90 3203 10	4301 31	0979 89	18 02
3,436	1,191 6557 15	4333 96	1,190 7555 06	4351 95	9,999 0997 91	17 99
37	92 0891 11	4333 98	91 1907 01	4351 93	1015 90	17 95
38	92 5225 09	4334 00	91 6258 94	4351 91	1033 85	17 92
39	92 9559 09	4334 01	92 0610 86	4351 90	1051 77	17 88
40	93 3893 10	4334 03	92 4962 75	4351 88	1069 65	17 85
3,441	1,193 8227 13	4334 05	1,192 9314 63	4351 86	9,999 1087 50	17 80
42	94 2561 18	4334 07	93 3666 48	4351 84	1105 30	17 77
43	94 6895 25	4334 09	93 8018 32	4351 82	1123 07	17 73
44	95 1229 34	4334 11	94 2370 14	4351 80	1140 80	17 70
45	95 5563 45	4334 12	94 6721 95	4351 79	1158 50	17 66
3,446	1,195 9897 57	4334 14	1,195 1073 73	4351 77	9,999 1176 16	17 63
47	96 4231 71	4334 16	95 5425 50	4351 75	1193 79	17 59
48	96 8565 87	4334 18	95 9777 25	4351 73	1211 38	17 56
49	97 2900 04	4334 19	96 4128 98	4351 72	1228 94 1246 46	17 52
50	97 7234 23		96 8480 69			
					0 o 2	

k.	log. Cos. k.	. D.	log. Sin. k.	D.	log. Tang. k.	D.
3,450	1,197 7234 23	4334 21	1,196 8480 69	4351 70	9,999 1246 46	17 49
3,451	1,198 1568 44	4334 23	1,197 2832 39	4351 68	9,999 1263 95	17 45
52	98 5902 67	4334 24	97 7184 07	4351 66	1281 40	17 43
53	99 0236 91	4334 26	98 1535 74	4351 65	1298 83	17 38
54	99 4571 17	4334 28	98 5887 38	4351 63	-1316 21	17 35
55	99 8905 45	4334 29	99 0239 01	4351 61	1333 56	17 33
3,456	1,200 3239 74	4334 31	1,199 4590 63	4351 60	9,999 1350 89	17 28
57	00 7574 05	4334 33	99 8942 22	4351 58	1368 17	17 25
58	01 1908 38	4334 35	1,200 3293 80	4351 56	1385 42	17 21
59	01 6242 73	4334 36	00 7645 36	4351 54	1402 63	17 19 17 14
60	02 0577 09	4334 38	01 1996 91	4351 53	1419 82	
3,461	1,202 4911 47	4334 40	1,201 6348 43	4351 51	9,999 1436 96	17 11
62	02 9245 87	4334 42	02 0699 94	4351 49	1454 07	17 07
63	03 3580 29	4334 43	02 5051 43	4351 47	1471 14	17 04 17 01
64	03 7914 72	4334 45	02 9402 90	4351 46	1488 18 1505 19	16 97
65	04 2249 17	4334 47	03 3754 36	4351 44	2000 13	
3,466	1,204 6583 64	4334 48	1,203 8105 80	4351 42	9,999 1522 16	16 94
67	05 0918 12	4334 50	04 2457 22	4351 41	1539 10	16 91
68	05 5252 62	4334 52	04 6808 63	4351 39	1 556 0 1	16 87
69	05 9587 14	4334 54	05 1160 02	4351 37	1572 88	16 83 16 81
70	06 3921 68	4334 55	05 5511 39	4351 36	1589 70	
3,471	1,206 8256 23	4334 57	1,205 9862 75	4351 34	9,999 1606 52	16 77
72	07 2590 80	4334 59	06 4214 08	4351 32	1623 29	16 74
73	07 6925 38	4334 60	06 8565 41	4351 30	1640 03	16 70 16 67
74	08 1259 99	4334 62	07 2916 71	4351 29	1656 73	16 63
75	08 5594 60	4334 63	07 7268 00	4351 27	1673 40	
3,476	1,208 9929 24	4334 65	1,208 1619 27	4351 25	9,999 1690 03	16 60
77	09 4263 89	4334 67	08 5970 52	4351 24	1706 63	16 58
78	09 8598 55	4334 68	09 0321 76	4351 22	1723 21	16 53 16 51
79	10 2933 24 10 7267 93	4334 70	09 4672 98	4351 21 4351 19	1739 74 1756 25	16 47
80		4334 72	09 9024 18			
3,481	1,211 1602 65	4334 73	1,210 3375 37	4351 17	9,999 1772 72	16 44
82	11 5937 38	4334 75	10 7726 54	4351 15	1789 16	16 40 16 37
83 84	12 0272 14 12 4606 90	4334 77	11 2077 69	4351 14	1805 56	16 33
85	12 8941 69	4334 78 4334 80	11 6428 83 12 0779 95	4351 12 4351 11	1821 93 1838 26	16 31
						16 27
3,486	1,213 3276 48	4334 82	1,212 5131 06	4351 09	9,999 1854 57	16 24
87 88	13 7611 30 14 1946 13	4334 83 4334 85	12 9482 14	4351 07 4351 06	1870 84	16 21
89	14 6280 98	4334 86	13 3833 22 13 8184 27	4351 04	1887 08 1903 29	16 18
90	15 0615 84	4334 88	14 2535 32	4351 03	1919 47	16 15
3,491	1,215 4950 72	4334 90	1,214 6886 34	4351 01	9,999 1935 62	16 11
92	15 9285 62	4334 91	15 1237 35	4350 99	1951 73	16 08
93	16 3620 53	4334 93	15 5588 34	4350 98	1967 81	16 05
94	16 7955 46	4334 94	15 9939 32	4350 96	1983 86	16 02
95	17 2290 40	4334 96	16 4290 28	4350 95	1999-88	15 99
3,496	1,217 6625 36	4334 98	1,216 8641 23	4350 93	9,999 2015 87	15 95
97	18 0960 34	4334 99	17 2992 16	4350 91	2031 82	15 92
98	18 5295 33	4335 01	17 7343 07	4350 90	2047 74	15 89
99	18 9630 34	4335 02	18 1693 97	4350 88	2063 63	15 86
3,500	19 3905 36		18 6044 85		2079 49	

· k.	log. Cof. k.	D.	log. Sin. k.	D.	log. Tang. k.	D.
3,500	1,219 3965 36	4335 04 -	1,218 6044 85	4350 86	9,999 2079 49	15 82
3,501	1,219 8300 40	4335 06	1,219 0395 71	4350 85	9,999 2095 31	15 79
02	20 2635 46	4335 07	19 4746 56	4350 83	2111 10	15 76
03	20 6970 53	4335 09	19 9097 39	4350 82	2126 86	15 73
04	21 1305 62	4335 10	20 3448 21	4350 80	- 2142 59	15 70
05	21 5640 72	4335 12	20 7799 01	4350 78	2158 29	15 66
2 3,506	1,122 9975 84	4335 14	1,221 2149 79	4350 77	9,999 2173 95	15 63
07	22 4310 98	4335 15	21 6500 56	4350 75	2189 58	15 60
08	22 8646 13	4335 17	22 0851 31	4350 74	2205 18	15 58
09	23 2981 29	4335 18	22 5202 05	4350 72	2220 76	15 54
10	23 7316 47	4335 20	22 9552 77	4350 71	2236 30	15 51
3,511	1,224 1651 67	4335 21	1,223 3903 48	4350 69	9,999 2251 81	15 48
12	24 5986 88	4335 23	23 8254 17	4350 68	2267 29	15 45
13	25 0322 11	4335 24	24 2604 85	4350 66	2282 74	15 42
14	25 4657 35	4335 26	24 6955 51	4350 65	2298 16	15 40
15	25 8992 60	4335 27	25 1306 16	4350 63	2313 56	15 36
3,516	1,226 3327 87	4335 29	1,225 5656 79	4350 62	9,999 2328 92	15 33
17	26 7663 16	4335 30	26 0007 41	4350 60	2344 25	15 30
18	27 1998 46	4335 32	26 4358 01	4350 59	2359 55	15 27
19	27 6333 78	4335 33	26 8708 60	4350 57	2374 82	15 24
20	28 0669 11	4335 35	27 3059 17	4350 55	2390 06	1 5 20
3,521	1,228 5004 46	4335 36	1,227 7409 72	4350 54	9,999 2405 26	15 18
22	28 9339 82	4335 38	28 1760 26	4350 52	2420 44	15 14
23	29 3675 20	4335 39	28 6110 78	4350 51	2435 58	15 11
24	29 8010 60	4335 41	29 0461 29	4350 49	2450 69	15 09
25	30 2346 01	4335 42	29 4811 79	4350 48	2465 78	15 05
3,526	1,230 6681 43	4335 44	1,229 9162 26	4350 46	9,999 2480 83	15 03
27	31 1016 87	4335 45	30 3512 73	4350 45	2495 86	14 99
28	31 5352 32	4335 47	30 7863 17	4350 43	2510 85	14 97
29	31 9687 79	4335 48	31 2213 61	4350 42	2525 82	14 93
30	32 4023 28	4335 50	31 6564 03	4350 40	2540 75	14 91
3,531	1,232 8358 77	4335 51	1,232 0914 43	4350 39	9,999 2555 66	14 87
32	33 2694 29	4335 53	32 5264 82	4350 37	2570 53	14 84
33	33 7029 82	4335 54	32 9615 19	4350 36	2585 37	14 82
34	34 1365 36	4335 56	33 3965 85	4350 34	2600 19	14 78
35	34 5700 92	4335 57	33 8315 89	4350 33	2614 97	14 76
3,536	1,235 0036 49	4335 59	1,234 2666 22	4350 31	9,999 2629 73	14 73
37	35 4372 08	4335 60	34 7016 54	4350 30	2644 46	14 69
38	35 8707 69	4335 62	35 1366 84	4350 28	2659 15	14 66
39	36 3043 31	4335 63	35 5717 12	4350 27	2673 81	14 64
40	36 7378 94	4335 65	36 0067 39	4350 26	2688 45	14 61
3,541	1,237 1714 58	4335 66	1,236 4417 64	4350 24	9,999 2703 06	14 58
42	37 6050 24	4335 68	36 8767 88	4350 23	2717 64	.14 55
43	38 0385 92	4335 69	37 3118 11	4350 21	2732 19	14 52
44	38 4721 61	4335 71	37 7468 32	4350 20	2746 71	14 49
45	38 9057 31	4335 72	38 1818 51	4350 18	2761 20	14 46
3,546	1,239 3393 03	4335 74	1,238 6168 69	4350 17	9,999 2775 66	14 43
47	39 7728 77	4335 75	39 0518 86	4350 15	2790 09	14 40
48	40 2064 52	4335 76	39 4869 01	4350 14	2804 49	14 38
49	40 6400 28	4335 78	39 9219 15	4350 12	2818 87	14 34
5 0	41 0736 06		40 3569 27		2833 21	

k.	log. Cof. k.	D.	log. Sin. k.	D.	log. Tang. k.	D.
3,550	1,241 0736 06	4335 79	1,240 3569 27	4350 11	9,999 2833 21	14 32
3,551	1,241 5071 85	4335 81	1,240 7919 38	4350 10	9,999 2847 53	14 29
52	41 9407 66	4335 82	41 2269 48	4350 08	2861 82	14 26
53	42 3743 48	4335 83	41 6619 56	4350 07	2876 08	14 24
54	42 8079 31	4335 85	42 0969 63	4350 05	2890 32	14 21
55	43 2415 16	4335 86	42 5319 68	4350 04	2904 53	14 18
3,556	1,243 6751 02	4335 88	1,242 9669 73	4350 03	9,999 2918 71	14 15
57	44 1086 90	4335 89	43 4019 75	4350 01	2932 86	14 12
58	44 5422 79	4335 90	43 8369 77	4350 00	2946 98	14 09
59	44 9758 69	4335 92	44 2719 76	4349 99	2961 07	14 07
60	45 4094 61	4335 93	44 7069 75	4349 97	2975 14	14 04
3,561	1,245 8430 54	4335 95	1,245 1419 72	4349 95	9,999 2989 18	14 00
62	46 2766 49	4335 96	45 5769 67	4349 94	3003 18	13 98
63	46 7102 45	4335 98	46 0119 61	4349 93	3017 16	13 95
64	47 1438 43	4335 99	46 4469 54	4349 91	3031 11	13 93
65	47 5774 41	4336 00	46 8819 45	4349 90	3045 04	13 89
3,566	1,248 0110 42	4336 02	1,247 3169 35	4349 88	9,999 3058 93	13 87
67	48 4446 43	4336 03	47 7519 23	4349 87	3072 80	13 83
68	48 8782 47	4336 05	48 1869 10	4349 86	3086 63	13 82
69	49 3118 51	4336 06	48 6218 96	4349 84	3100 45	13 78
70	49 7454 57	4336 07	49 0568 80	4349 83	3114 23	13 76
3,571	1,250 1790 64	4336 09	1,249 4918 63	4349 81	9,999 3127 99	13 72
72	50 6126 73	4336 10	49 9268 44	4349 80.	3141 71 -	13 70
73	51 0462 8 3	4336 11	50 3618 24	4349 79	3155 41	13 68
74	51 4798 94	4336 13	50 7968 03	4349 77	3169 09	13 65
75	51 9135 06	4336 14	51 2317 80	4349 76	3182 74	13 62
3,576	1,252 3471 20	4336 15	1,251 6667 56	4349 75	9,999*3196 36	13 59
77	52 7807 36	4336 16	52 1017 31	4349 74	3209 95	13 58
78	53 2143 52	4336 18	52 5367 05	4349 72	3223 53	13 54
79	53 6479 70	4336 19	52 9716 77	4349 71	3237 07	13 52
80	54 0815 89	4336 21	53 4066 48	4349 69	3250 59	13 48
3,581	1,254 5152 10	4336 22	1,253 8416 17	4349 68	9,999 3264 07	13 46
82	54 9488 32	4336 24	54 2765 85	4349 66	3277 53	13 43
83	55 3824 55	4336 25	54 7115 51	4349 65	- 3290 96	13 40
84	55 8160 80	4336 26	55 1465 16	4349 64	3304 36	13 38
85	56 2497 06	4336 28	55 5814 80	4349 63	3317 74	13 35
3,586	1,256 6833 34	4336 29	1,256 0164 43	4349 61	9,999 3331 09	13 32
87	57 1169 63	4336 30	56 4514 04	4349 60	3344 41	13 30
88	57 5505 93	4336 32	56 8863 64	4349 59	3357 71	13 27
89	57 9842 25	4336 33	57 3213 22	4349 57	3370 98	13 24
90	58 4178 57	4336 34	57 7562 80	4349 56	3384 22	13 21
3,591	. 1,258 8514 92	4336 35	1,258 1912 35	4349 55	9,999 3397 43	13 20
92	59 2851 27	4336 37	58 6261 90	4349 53	3410 63	13 16
93	59 7187 64	4336 38	59 0611 43	4349 52	3423 79	13 14
94	60 1524 02	4336 39	5 9 4960 95 5 9 9310 46	4349 51 4349 49	3436 93	13 12
95	60 5860 41	4336 41	MA 2210 40	4049 49	3450 05	13 09
3,596	1,261 0196 81 -	4336 42	1,260 3659 95	4349 48	9,999 3463 14	13 07
97	61 4533 23	4336 43	60 8009 44	4349 47	3476 21	13 03
89	61 8869 66	4336 44	61 2358 90 61 6708 36	4349 46	3489 24	13 01
99	62 3206 11	4336 46	62 1057 80	4349 44	3502 25	12 99
3,600	62 7542 56		04 1037 00		3515 24	

k.	log. Cof. k.	D.	log. Sin. k.	D.	log. Tang. k.	D.
3,600	1,262 7542 56	4336 47	1,262 1057 80	4349 43	9,999 3515 24	12 95
3,601	1,263 1879 04	4336 49	1,262 5407 23	4349 42	9,999 3528 19	12 93
02	63 6215 52	4336 50	62 9756 64	4349 40	3541 12	12 90
03	64 0552 02	4336 51	63 4106 05	4349 39	3554 02	12 88
04	64 4888 53	4336 52	63 8455 43	4349 38	3566 90	12 86
05	64 9225 05	4336 54	64 2804 81	4349 36	3579 76	12 83
3,606	1,265 3561 59	4336 55	1,264 7154 18	4349 35	9,999 3592 59	12 80
07	65 7898 14	4336 56	65 1503 53	4349 34	3605 39	12 77
08	66 2234 70	4336 58	65 5852 86	4349 33	3618 16	12 75
09	66 6571 28	4336 59	66 0202 19	4349 31	3630 91	12 72
10	67 0907 87	4336 60	66 4551 50	4349 30	3643 63	12 70
3,611	1,267 5244 47	4336 61	1,266 8900 80	4349 29	9,999 3656 33	12 68
12	67 9581 08	4336 63	67 3250 09	4349 28	3669 01	12 65
13	68 3917 71	4336 64	67 7599 37	4349 26	3681 66	12 63
14	68 8254 34	4336 65	68 1948 63	4349 25	3694 29	12 60
15	69 2590 99	4336 66	68 6297 88	4349 24	3706 89	12 57
3,616	1,269 6927 65	4336 67	1,269 0647 11	4349 22	9,999 3719 46	12 54
17	70 1264 33	4336 69	69 4996 33	4349 21	3732 00	12 53
18	70 5601 01	4336 70	69 9345 54	4349 20	3744 53	12 50
19	70 9937 71	4336 71	70 3694 74	4349 18	3757 03	12 48
20	71 4274 42	4336 73	70 8043 93	4349 17	3769 51	12 45
3,621	1,271 8611 14	4336 74	1,271 2393 10	4349 16	9,999 3781 96	12 42
22	72 2947 88	4336 75	71 6742 26	4349 15	3794 38	12 40
23	72 7284 63	4336 76	72 1091 41	4349 14	3806 78	12 37
24	73 1621 40	4336 78	72 5440 55	4349 12	3819 15	12 35
25	73 5958 17	4386 79	72 9789 67	4349 11	3831 50	12 32
3,626	1,274 0294 96	4336 80	1,273 4138 78	4349 10	9,999 3843 82	12 30
27	74 4631 76	4336 81	73 8487 88	4349 09	3856 12	12 28
28	74 8968 57	4336 82	74 2836 97	4349 07	3868 40	12 25
29	75 3305 39	4336 84	74 7186 04	4349 07	3880 65	12 23
30	75 7642 23	4336 85	75 1535 11	4349 05	3892 88	12 20
3,631	1,276 1979 08	4336 86	1,275 5884 16	4349 04	9,999 3905 08	12 18
32	76 6315 94	4336 87	7 6 0233 20	4349 02	3917 26	12 16
33	77 0652 81	4336 88	76 4582 22	4349.02	3929 42	12 13
34	77 4989 69	4336 90	76 8931 24	4349 00	3941 55	12 10
35	77 9326 59	4336 91	77 3280 24	4348 99	3953 65	12 08
3,636	1,278 3663 50	4336 92	1,277 7629 23	4348 98	9,999 3966 73	12 05
37	78 8000 42	4336 93	78 1978 20	4348 97	3977 78	12 04
38	79 2337 35	4336 94	78 6327 17	4348 95	3989 82	12 01
39	79 6674 29	4336 96	79 0676 12	4348 94	4001 83	11 98
4.0	80 1011 25	4336 97	79 5025 06	4348 93	4013 81	11 96
3,641	1,280 5348 22	4336 98	1,279 9373 99	4348 92	0,999 4025 77	11 93
42	80 9685 20	4336 99	80 3722 90	4348.90	4037 70	11 91
43	81 4022 19	4337 00	80 8071 80	4348 89	4049 61	11 89
44	81 8359 19	4337 02	81 2420 70	4348 88	4061 50	11 87
45	82 2696 21	4337 03	81 6769 58	4348 87	4073 37	11 84
3,646	1,282 7033 24	4337 04	1,282 1118 45	4348 86	9,999 4085 21	11 81
47	83 1370 28	4337 05	82 5467 30	4348 85	4097 02	11 80
48	83 5707 33	4337 06	82 9816 15	4348 83	4108 82	11 77
49	84 0044 39	4337 08	83 4164 98	4348 82	4120 59	11 75
50	84 4381 47		83 8513 81		4132 34	

k.	log. Cof. k.	D.	log. Sin. k.	D.	log. Tang. k.	D.
3,650	1,284 4381 47	4337 09	1,283 8513 81	4348 81	9,999 4132 34	11 72
3,651	1,284 8718 56	4337 10	1,284 2862 62	4348 80	9,99914144 06	11 70
52	85 3055 0 6	4337 11	84 7211 42	4348 79	4155 76	11 67
53	85 7392 77	4337 12	85 1560 20	4348 73	4167 43	11 65
54	86 1729 89	4337 13	85 5908 98	4348 77	4179 08	11 63
55	86 6067 03	4337 15	86 0257 74	4348 75	4190 71	11 61
3,656	1,287 0404 17	4337 16	1,286 4606 50	4348 74	9,999 4202 32	11 59
57	87 4741 33	4337 17	86 8955 24	4348 73	4213 91	11 57
58	87 9078 49	4337 18	87 3303 97	4348 72	4225 48	11 54
59	88 3415 67	4337 19	87 7652 69	4448 71	4237 02	11 52
60	88 7752 86	4337 20	68 2001 40	4348 69	4248 54	11 48
3,661	1,289 2090 07	4337 21	1,288 6350 09	4348 68	9,999 4260 02	11 47
62	89 6427 28	4337 23	69 698 77	4348 67	4271 49	11 44
63	90 0764 51	4337 24	89 5047 44	4348 66	4282 93	11 43
64	90 5101 74	4337 25	69 9396 10	4348 65	4294 36	11 40
65	90 9438 99	4337 26	90 3744 75	4348 64	4305 76	. 11 38
3,666	1,291 3776 25	4337 27	1,290 8093 39	4348 63	9,999 4317 14	11 36
67	91 8113 52	4337 28	91 2442 02	4348 62	4328 50	11 33
68	92 2450 80	4337 29	91 6790 63	4348 60	4339 83	11 31
69	92 6788 10	4337-30	92 1139 24	4348 59	4351214	11 29
70	93 1125 40	4337 32	92 5487 83	4348 58	4362,43	11 26
3,671	1,293 5462 72	4337 33	1,292 9836 41	4348 57	9,999 4373 69	: 11 25
72	93 9800 04	4337 34	93 4184 98	4348 56	4384 94	11 22
73	94 4137 38	4337 35	93 8533 54	4348 55	4396 16	11 19
74	94 8474 73	4337 36	04 2882 08	4348 54	4407 35	11 17
75	95 2812 09	4337 37	94 7230 62	4348 52	4418 52	11 15
3,676	1,295 7149 47	1327 20	" 4 00E 15TO 14	4348 51	0.000 *****	11 12
77	96 1486 85	4337 39	1,295 1579 14 95 5927 66	4348 50	9,999 4429 67	11 13
78	96 5824 25	4337 41	96 0276 16	4348 49	4440 80 4451 91	11 08
79	97 0161 66	4337 42	96 4624 65	4348 48	4462 99	11 06
80	97 4499 07	4337 43	96 8973 12	4348 47	4174 05	11 04
2.004	4 007 0026 50		4 00% 3004 #0	4240 AC		44 (10
3,681	1, 297 8836 50 98 3173 94	4337 44	1,297 3321 59 97 7670 05	4348 46 4348 45	9,999 4485 09	11 02
82 83	98 7511 39	4337 46	98 2018 50	4348 44	4496 11	11 00 10 97
84	99 1848 85	4337 47	98 6366 93	4348 43	4507 11 4518 08	10 95
85	99 6186 32	4337 48	99 0715 36	4348 41	4529 03	10 93
3,686	1,300 0523 81	4337 49	1,299 5063 77	4348 40	9,999 4539 96	. 10 92
87	00 4861 30	4337 50	09 9412 18	4348 39	4550 88	10 89
88	00 9198 80	4337 52	1,300 3760 57	4348 38 4348 37	4561 77	10 86
89	01 3536 32 01 7873 85	4337 53 4337 54	00 8108 95	4348 36	4572 63	10 84
90	02 1013 03	3331 94	01 2457 32		4583 47	10 83
3,691	1,302 2211 38	4337 55	1,301 6805 68	4348 35	9,999 4594 30	10 80
92	02 6548 93	4337 56	02 1154 03	4348 34	4605 10	10 78
93	03 0886 49	4337 57	02 5502 37	4348 33	4615 88	10 75
94	03 5224 06	4337 58	02 9850 69	4348 32 4348 31	4626 63	10 74
95	03 9561 64	4337 59	03 4199 01	4949 JT	4637 37	10 71
3,696	1,304 3899 23	4337 60	1,303 8547 31	4348 29	•	10 70
97	04 8236 83	4337 61	04 2895 61	4348 28	4658 78	10 67
98	05 2574 44	4337 62	04 7243 89	4348 27	4669 45	10 65
99	05 6912 07	4337 63	05 1592 16	4348 26	4680 10	10 63
3,700	06 1249 70		18 05 5940 43		'* 110 4690 73	(3.

t.	log. Cof. k.	D.	log. Sin. k.	D.	log. Tang. k.	D.
3,700	1,306 1249 70	4337 64	1,305 5940 43	4348 25	9,999 4690 73	10 61
3,701	1,306 5587 34	- 4337 65	1,306 0288 68	4348 24	9,999 4701 34	10 58
02	-06 9925 00	4337 67	06 4636 92	4348 23	4711 92	10 57
03	07 4262 66	4337 68	06 8985 15	4348 22	4722 49	10 54
04	.07 8600 34	4337 69	07,3333 37	4348 21	4733 03	10 53
05	08 2938 02	4337 70	07 7681 58	4348 20	4743 56	10 50
3,706	1,308 7275 72	4337 71	1 200 0000 79	4240 10	0.000 4844 00	40.40
07	.09 1613 43	4337 72	1,308 2029 78 .08 6377 97	4348 19 4348 18	9,999 4754 06	10 48
08	.09 5951 14	4337 73	09 0726 14	4348 17	4764 5 4 4775 00	10 46
09	10 0288 87	4337 74	09 5074 31	4348 16	4785 44	10 42
10	10 4626 61	4337 75	09 9422 47	4348 15	4795 86	10 40
2.244						
3,711	1,310 8964 36	4337 76	1,310 3770 62	4343 14	9,999 4806 26	10 38
12 13	11 3302 12	4337 77	10 8118 75	4348 13	4816 64	10 35
14	11 7639 89 12 1977 67	4337 78	11 2466 88 11 6815 00	4348 12	4826 99	10 34
15	12 6315 46	4337 79 4337 80	12 1163 10	4348 11	4837 33	10 32
10	24 0310 40	¥337 00	1 1 1 1 1 U	4348 10	4847 65	10 29
3,716	1,313 0653 26	4337 81	1,312 5511 20	4348 09	0,999 4857 94	10 27
17	13 4991 07	4337 82	12.9859 28	4348 08	4868 21	10 25
18	13 9328 89	4337 83	13 4207 36	4348 06	4878 46	10 23
19	1 4 3666 73	4337 84	13.8555 42	4348 ()5	4888 69	40 21
20	14 8004 57	4337 85	14 2903 47	4348 04	4898 90	10 20
3,721	1,315 2342 42	4337 86	1,314 7251 52	4348 03	9,999 4909 10	10 17
22	15 6680 28	4337 87	15 1599 55	4348 02	4919 27	10 15
23	16 1018 16	4337 88	15 5947 58	4348 01	4929 42	10 13
24	.16 5356 O4	4337 89	16 0295 59	4348 00	4939 55	40 11
25	16 9693 93	4337 90	16 .4643 59	4347 - 99	4949 66	40 10
2 ~00	1 217 /021 02	#227 01	1 210 0001 50	//2 //= OO	0.000 4017 76	10.07
3,726	1,317 4031 83 17 8369 74	4337 91 4337 92	1,316 8991 59 17 3339 57	4347 98 4347 97	-9;999 4957 76 4969 83	10 07 10 05
28	18 2707 67	4337 93	17 7687 55	4347.96	4979 88	10 03
29	18 7045 60	4337 94	18 2035 51	4347 95	4989 91	10 01
30	19 1383 54	4337 95	18 6383 46	4347.94	4999 92	9 99
3,731	1,319 5721 49	4337 96	1,319 0731 40	4347 93	9,999 5009 91	9 97
32	20 0059 45	4337 97	19 5079 34	4347 92	5019 88	9 95
33	20 4397 43	4337 98	19 9427 26	4347 91	5029 83 5039 76	9 93 9 92
34	20 8735 41 21 3073 40	4337 99 4338 00	20 3775 17 20 8123 08	4347 90 4347 89	5049 68	9 89
35	21 3073 40	#339 (V)	20/ 0123 00	1311 03		5,05
3,736	1,321 7411 40	4338 01	4,321 2470 97	4347.88	9,999 5059 57	9 86
37	22 1749 42	4338 02	21.6818 85	4347 87	5069 43	9 85
38	22 6087 44	4338 03	22 1166 72	4347, 86	5079 28	9 83
39	23 0425 47	4338 ()4	22 5514 58	4347 85	5089 11	9 81
40	23 4763 51	4338 05	22 9862 44	4347 84	,5098-92	9 79
3,741	1,323 9101 57	4338 06	1,323 4210 28	4347.83	9,999.5108.71	9 .77
42	24 3439 63	4338 ()7	23 8558 11	4347 82	5118 48	9 76
43	24 3777 70	4338 08	24 2905 94	4347 81	5128 24	9 73
44	25 2115 78	4338 09	24 7253 75	4347 81	5137 97	9 72
45	25 6453 87	4,338 10	25 1601 56	4347 80	5147 69	9 69
2 8/40	4 406 0701 07	H220 11	1,325 5949 35	4347 79	9,999 5157 38	9.68
3,746	1,326 0791 97	4338 11 4338 12	26 0297 14	4347 78	5167 06	9 65
47	26 5130 08 26 9468 20	4338 13	26 4644 91	4347 77	5176 71	9 64
48 49	27 3806 33	4338 14	26 8992 68	4347 76	5186 35	9 61
50	27 8144 47		27 3340 43		5195 96	
•0					373	

Pр

k.	log. Cos. k.	D.	log. Sin. k.	D.	log. Tang. k.	D.
3,750	1,327 8144 47	4338 15	1,327 3340 43	4347 75	9,999 5195 96	9 60
3,751	1,328 2482 62	4338 16	1,327 7688 18	4347 74	9,909 5205 56	9 59
52	28 6820 77	4338 17	28 2035 92	4347 73	5215 15	9 56
53	29 1158 94	4338 18	28 6383 65	4347 72	5224 71	9 54
54	29 5497 12	4338 19	29 0731 36	4347 71	5234 25	9 52
5 5	29 9835 30	4338 20	29 5079 07	4347 70	5243 77	9 50
3,756	1,330 4173 50	4338 21	1,329-9426 77	4347 69	9,999 5253 27	9 49
57	30 8511 70	4338 22	30 3774 46	4347 68	5262 76	9 46
58	31 2849 92	4338 22	30 8122 14	4347 67	5272 22	9 45
59	31 7188 14	4338 23	31 2469 81	4347 66	5281 67	9 42
60	32 1526 38	4338 24	31 6817 47	4347 65	5291 09	9 41
3,761	1,332 5864 62	4338 25	1,332 1165 12	4347 64	9,999 5300 50	9 49
62	33 0202 87	4338 26	32 5512 77	4347 63	5309 90	9 37
63	33 4541 13	4338 27	32 9860 40	4347 62	5319 27	9 35
64	33 8879 40	4338 28	33 4208 02	4347 61	5328 62	9 34
65	34 3217 68	4338 29	33 8555 64	4347 61	5337 96	9 31
3,766	1,334 7555 97	4338 30	1,334 2903 24	4347 60	9,999 5347 27	9 30
67	35 1894 27	4338 31	34 7250 84	4347 59	5356 57	9 28
. 68	35 6232 58	4338 32	35 1598 43	4347 58	5305 S5	9 26
69	36 0570 90	4338 33	35 5946 ()()	4347 57	5375 11	9 24
70	3 6 4909 22	4338 34	36 0293 57	4347 56	5384 35	9 22
3,771	1,336 9247 56	4338 35	1,336 4641 13	4347 55	9,999 5393 57	9 21
72	37 3585 90	4338 36	36 8988 68	4347 54	5402 78	9 18
73	37 7924 26	4338 36	37 3336 22	4347 53	5411 96	9 17
74	38 2262 62	4338 37	37.7683 75	4347 52	5421 13	9 14
75	38 6601 00	4338 38	38 2031 27	4347 51	5430 27	9 13
3,776	1,339 0939 38	4338 39	1,338 6378 78:	4347 50	9,999 5439 40	9 12
77	39 5277 77	4338 40	39 0726 29	4347 49	5448 52	9 09
78	39 9616 17	4338 41	39 5073 78	4347 48	5457 61	9 07
79	40 3954 58	4338 42	39 9421 26	4347 48	5466 68	9 06
80	40 8293 00.	4338 43.	40 3768 74	4347 47	5475 74	9 ()3
3,781	1,341 2631 43	4338 44	1,340 8116 20	4347 46	9,999 5484 77	9 02
82	41 6969 87	4338 45	41 2463 66	4347 45	5493 79	9 01
83	42 1308 31	4338 46	41 6811 11	4347 44	5502 80	8 98
84	42 5646 77	4338 46	42 1158 55	4347 43	5511 78	8 97
85	42 9985 23	4338 47	42 5505 98	4347 42	5520 75	8 94
3,786	1,343.4323 71	4338 48	1,342 9853 40	4347 41	9,999 5529 69	8 93
87	43 8662 19	4338 49	43 4200 81	4347 40	5538 62	8 92
88	44 3000 68	4338 50	43 8548 22	4347 40	\$ 547 5 4	8 90
89	44 7339 18	4338 51	44 2895 61	4347 39	5556 44	8 88
90	45 1677 68	4338 52	44 7243 ()()	4347 38	5565 32	8 86
3,791	1,345 6016 20	4338 53	1,345 1590 38	4347 37	9,999 5574 18	8 85
92	46 0354 72	4338 53	45 5937 75	4347 36	5583 03	8 82
93	46 4693 26	4338 54	46 0285 11	4347 35	5591 85	8 81
94	46 9031 80	4338 55	46 4632 46	4347 34	5600 66	8 79
95	47 3370 35	4338 56	46 8979 80	4347 33	5609 45	8 77
3,796	1,347 7708 91	4338 57	1,347 3327 13	4347 33	9,999 5618 22	8 76
97	48 2047 48	4338 58	47 7674 46	4347 32	5626 98	8 73
98	48 6386 06	4338 59	48 2021 77	4347 31	5635 71	8 72
99	49 0724 65	4338 60	48 6369 08	4347 30	5644 43	8 70
3,800	49 5063 25		49 0716 38		5653 13	

<i>k</i> .	log. Cof. k.	D.	log. Sin. k.	D.	log. Tang. k.	D.
3,800	1,349 5063 25	4338-61	1,349 0716 38	4347 29	9,999 5653 13	8 69
3,801	1,349 9401 85	4338 61	1,349 5063 67	4347 28	9,999 5661 82	8 67
02	50 3740 46	4338 62	49 9410 95	4347 27	5670 49	8 65
03	50 8079 09	4338 63	50 3758 22	4347 26	5679 14	8 63
04	• 51 2417 72	4338 64	50 8105 49	4347 26	5687 77	8 62
05	51 6756 35	4338 65	51 2452 74	4347 25	5696 39	8 60
3,806	1,352 1095 00	4338 66	1,351 6799 99	4347 24	9,999 5704 99	8 58
07	52 5433 66	4338 66	52 1147 23	4347 23	5713 57	8 57
. 08	52 9772 32	4338 67	52 5494 46	4347 22	5722 14	8 55
09 10	53 4110 99 53 8449 68	4338 68 4338 69	52 9841 68 53 4188 89	4347 -21 4347 -20	5730 69	8 53
10	33 0443 00	1000 00	03 4100 03	1917 20	5739 22	8 51
3,811	1,354 2788 37	4338 70	1,353 8536 09	4347 20	9,999 5747 73	S 50
12	54 7127 06	4338 71	54 2883 29	4347 19	5756 23	8 48
13	55 1465 77	4338 72	54 7230 48	4347 18	5764 71	8 46
14	55 5804 49	4338 73	55 1577 65	4347 17	5773 17	8 44
15	56 0143 21	4338 73	55 5924 82	4347 16	5781 61	8 43
3,816	1,356 4481 94	4338 74	1,356 0271 98	4347 15	9,999 5790 04	8 41
17	56 8820 69	, 4338 75	56 4619 14	4347 14	5798 45	8 39
18	57 3159 44	4338 76	56 8966 28	4347 14	5806 84	8 38
19	57 7498 20	4338 77	57 3313 41	4347 13	5815 22	8 36
20	58 1836 96	4338 78	-57 7660 54	4347 12	5823 58	8 34
3,821	1,358 6175 74	4338 78	1,358 2007 66	4347 11	9,999 5831 92	8 33
22	59 0514 52	4338 79	58 6354 77	4347 10	5840 25	8 31
23	59 4853 31	4338 SO	59 0701 87	4347 10	5848 56	8 30
24	59 9192 11	. 4338 81	59 5048 97	4347.09 4347.08	5856 86	8 28
25	60 3530 92	4338-82	59 9396 05	4J47.00	5865 14	8 26
3,826	1,360 7869 73	4338 82	1,360 3743 13	4347 07	9,999 5873 40	8 24
27	61 2208 56	4338 83	60 8090 20	4347 06	5881 64	8 23
28	61 6547 39	4338 84	61 2437 26	4347 ()5	5889 87	8 22
29	62 0886 23	4338 85	61 6784 32	4347 05 4347 04	5898 09 5906 29	8 20 8 18
30	62 5225 08	4338 S6	62 1131 36			
3,831	1,362 9563 93	4338 87	1,362 5478 40	4347 ()3	9,999 5914 47	8 16
32	63 3902 80	4338 87	62 9825 43	4347 02 4347 01	5922 63	8 15
33	63 8241 67	4338 88	63 4172 45	4347 00	5930 78 5938 9 1	8 13 8 11
34	64 2580 55 64 6919 44	4338 89 4338 90	63 8519 46 64 2866 46	4347 00	5947 02	8 10
35	U1 0313 11	4330 30		424C 00		
3,836	1,365 1258 34	4338 91	1,364 7213 46	4346 99	9,999 5955 12	8 08
37	65 5597 25	4338 92	65 1560 44	4346 98 4346 97	5963 20 5971 20	8 06 8 04
38	65 9936 16	4338 92 4338 93	65 5907 42 66 0254 39	4346 96	5979 30	8 03
39 40	66 4275 09 66 8614 02	4338 94	66 4601 35	4346 96	5987 33	8 02
		4220 05	1,366 8948 31	4346 95	9,999 5995 35	8 00
3,841	1,367 2952 96	4338 95 4338 95	67 3295 26	4346 94	6003 35	7 98
42 43		4338 96	67 7642 19	4346 93	6011 33	7 97
43		4338 97	68 1989 13	4346 92	6019 30	7 96
45		4338 98	68 6336 05	4346 92	6027 26	7 94
3 6 4 6	1,369 4647 77	4338 99	1,369 0682 96	4346 91	9,999 6035 20	7 92
3,846 47		4338 99	69 5029 87	4346 90	6043 12	7 91
48		4339 00	69 9376 77	4346 89	6051 03	7 89
49		4339 01	70 3723 66	4346 88	6058 92	7 88
50			70 8070 55		6066 80	
		-			Pp2	

P p 2

k.	log. Cos. k.	D.	log. Sin. k.	D.	log. Tang. k.	D.
3,850	1,371 2003 75	4339 ()2	1,370 8070 55	4346 88	9,999 6066 80	7 85
3,851	1,371 6342 77	4339 03	1,371 2417 42	4346 87	9,999 6074 65	7 84
52	72 0681 80	4339 03	71 6764 29	4346 86	6082 49	7 83
53	72 5020 83	4339 04	72 1111 15	4346 85	6090 32	7 82
54	72 9359 87	4339 05	72 5458 01	4346 85	6098 14	7 80
55	73 3698 92	4339 06	72 9804 85	4346 84	6105 94	7 78
3,856	1,373 8037 97	4339 06	1,373 4151 69	4 346 83	0,999 6113 72	7 76
57	74 2377 04	4339 07	73 8498 52	4346 82	6121 48	7 75
58	74 6716 11	4339 08	74 2845 34	4346 81	6129 23	7 73
59	75 1055 19	4339 09	74 7192 15	4346 81	6136 96	7 72 7 70
60	75 5394 28	4339 10	75 1538 96	4346 80	6144 68	
3,861	1,375 9733 37	4339 10	1,375 5885 75	4346 79	9,999 6152 38	7 68
62	76 4072 48	4339 11	76 0232 54	4346 78	6160 06	7 67
63	76 8411 59	4339 12	76 4579 32	4346 78	6167 73	7 66
64	77 2750 71	4339 13	76 8926 10	4346 77	6175 39	7 65
65	77 7089 83	4339 13	77 3272 87	4346 76	6183 04	7 63
3,866	1,378 1428 96	4339 14	1,377 7619 63	4346 75	9,999 6190 67	7 61
67	78 5768 11	4339 15	78 1966 38	4346 75	6198 28	7. 59
68	79 0107 25	4339 16	78 6313 12	4346 74	6205 87	7 58
69	79 4446 41	4339 16	79 0659 86	4346 73	6213 45	7 57
70	79 8785 57	4339 17	79 5006 59	4346 72	6221 02	7 55
3,871	1,380 3124 75	4339 18	1,379 9353 31	4346 72	9,999 6228 57	7 54
72	80 7463 92	4339-19	80 3700 03	4346 71	6236 11	7 52
73	81 1803 11	4339 19	80 8046 73	4346 70	6243 62	7 50
74	81 6142 30	4339 20	81 2393 43	4346 69	6251 13	7 49
75	82 0481 51	4339 21	81 6740 13	4346 68	6258 62	7 48
3,876	1,382 4820 71	4339 22	1,382 1086 81	4346 68	9,999 6266 10	7 46
77	82 9159 93	4339 22	82 5433 49	4346 67	6273 56	7 44
78	83 3499 15	4339 23	82 9780 15	4346 66	6281 00	7 43
79	83 7838 39	4339 24	83 4126 82	4346 65	6288 43	7 42
80	84 2177 62	4339 25	83 8473 47	4346 65	6295 85	7 40
3,881	1,384 6516 87	4339 25	1,384 2820 12	4346 64	9,999 6303 25	7 38
82	85 0856 12	4339 26	84 7166 75	4346 63	6310 63	7 37
83	85 5195 38	4339 27	85 1513 39	4346 63	6318 00	7 36
84	85 9534 65	4339 28	85 5860 01	4346 62	6325 36	7 34
85	86 3873 93	4339 28	86 0206 63	4346-61	6332 70	7 33
3,886	1,386 8213 21	4339 29	1,386 4553 24	4346-60	9,999 6340 03	7 31
87	87 2552 50	4339 30	86 8899 84	4346 60	6347 34	7 30
88	87 6891 80 .	4339 30	87 3246 44	4346 59	6354 64	7 29
89	88 1231 10	4339 31	87 7593 03	4346 58	6361 93	7 27
90	\$8 5570 41	4339-32	88 1939 61	4346 57	6369 20	7 25
3,891	1,388 9909 73	4339-33	1,388 6286 18	4346 57	9,999 6376 45	7 24
92	89 4249 06	4339-33	89 0632 75	4346 56	6383 69	7 23
93	89 8588 39	4339 34	89 4979 31	4346 55	6390 92	7 21
94	90 2927 73	4339-35	89 9325 86	4346 55	6398 13	7 19
95	90 7267 03	4339 36	90 3672 40	4346 54	6405 32	7 18
3,896	1,391 1606 44	4339-36	1,390 8018 94	4346 53	9,999 6412 50	7 17
97	91 5945 80	4339 37	91 2365 47	4346 52	6419 67	7 15
98	92 0285 17	4339 38	91 6711 99	4346 52	6426 82	7 14
99	92 4624 55	4339 38	-92 1058 51	4346 51	6433 96	7 13
3,900	92 8963 93		92 5405 02		6441 09	

k.	log. Cof. k.	D.	log. Sin. k.	D.	log. Tang. k.	D.
3,900	1,392 8963 93	4339 39	1,392 5405 02	4346 50	9,999 6441 09	7 11
3,901	1,393 3303 32	4339 40	1,392 9751 52	4346 49	9,999 6448 20	7 09
02	93 7642 72	4330 41	93 4098 01	4346 49	6455 29	7 09
03	94 1982 12	4339 41	93 8444 50	4346 48	6462 38	7 06
04	94 6321 54	4339 42	94 2790 98	4346 47	6469 44	7 05
05	95 0660 96	4339 43	94 7137 45	4346 47	6476 49	7 04
3,906	1,395 5000 38	4339 43	1,395 1483 91	4346 46	9,999 6483 53	7 ()3
07	95 9339 81	4339 44	95 5830 37	4346 45	6490 56	7 ()1
08	96 3679 25	4339 45	96 0176 82	4346 45	6497 57	7 00
10	96 8018 70	4339 45	96 4523 27	4346 44	6504 57	6 98
	97 2358 16	4339 46	96 8869 71	4346 43	6511 55	6 97
3,911	1,397 6697 62	4339 47	1,397 3216 14	4346 43	9,999 6518 52	6 96
12	98 1037 08	4339 48	97 7562 56	4346 42	. 6525 48	6 94
13	98 5376 56	4339 48	98 1908 98	4346 41	6532 42	6 93
14	98 9716 04	4339 49	98 6255 39	4346 40	6539 35	6 92
15	99 4055 53	4339 50	99 0601 80	4346 40	6546 27	6 90
3,916	1,399 8395 03	4339 50	1,399 4948 20	4346 39	9,999 6553 17	6 89
_ 17	1,400 2734 53	4339 51	99 9294 59	4346 38	6560 06	6 87
18	00 7074 04	4339 52	1,400 3640 97	4346 38	6566 93	6 86
19	01 1413 56	4339 52	00 7987 35	4346 37	6573 79	6 85
20	01 5753 08	4339 53	θ1 2333 72	4346 36	6580 64	6 83
3,921	1,402 0092 61	4339 54	1,401 6680 08	4346 35	9,999 6597 47	6 81
22	02 4432 15	4339 54	02 1026 43	4346 35	6594 28	6 81
23	02 8771 69	4339 55	02 5372 78	4346 34	6601 09	6.79
24	03 3111 24	4339 56	02 9719 12	4346 33	6607 88	6:77
25	03 7450 80	4339 56	03 4065 45	4346 33	6614-65	6 77
3,926	1,404 1790 36	4339 57	1,403 8411 78	4346 32	9,999 6621 42	6 75
27	04 6129 93	4339 58	04 2758 10	4346 3 1	6628 17	6 73
28	05 0469 51	4339 58	04 7104 41	4346 31	6 6 3 4 9 0	6 72
29	05 4809 10	4339 59	05 1450 72	4346 30	6641 62	6 71
30	05 9148 69	4339 60	05 5797 02	4346 30	6648 33	6 70
3,931	1,406 3488 29	4339 61	1,406 0143 32	4346 29	9,999 6655 03	6 69
32	06 7827 89	4339 61	06 4489 61	4346 28	6661 72	6 67
33	07 2167 50	4339 62	06 8835 89	4346 28	6668 39	6 65
34	07 6507 12	4339 63	07 3182 16	4346 27	6675 04	6 65
35	08 0846 74	4339*63	07 7528 43	4346 26	6681 69	6 63
3,936	1,408 5186 38	4339 64	1,408 1874 69	4346 26	9,999 6688 32	6 62
37	08 9526 01	4339 64	08 6220 95	4346 25	6694 94	6 60
38	09 3865 66	4339 65	09 0567 20	4346 24	6701 54	6 59
39	09 8205 31	4339 66	09 4913 44	4346 24	6708 13	6 57
40	10 2544 97	4339 66	09 9259 67	4346 23	6714 70	6 57
3,941	1,410 6884 63	4339 67	1,410 3605 90	4346 22	9,999 6721 27	6 55
42	11 1224 30	4339 68	10 7952 12	4346 22	6727 82	6 54
43	11 5563 98	4339 68	11 2298 34	4346 21	6734 36	6 53
44	11 9903 66	4339 69	11 6644 55	4346 20	6740 89	6 51
45	12 4243 35	4339 70	12.0990 75	4346 20	6747 40	6 49
3,946	1,412 8583 05	4339`70	1,412 5336 94	4346 19	9,999 6753 89	6 49
47	13 2922 75	4339 71	12 9683 13	4346 18	6760 38	6 47
48	13 7262 46	4339 72	13 4029 31	4346 18	6766 85	6 47
49	14 1602 17	4539 72	13 8375 49	4346 17	6773 32	6 45
50	14 5941 90		14 2721 66		6779 77	

k:	log. Cof. k	D.	log. Sin. k.	D.	log. Tang, k.	D.
3,950		4339 73	1,414 2721 66	4346 16	9,999 6779 77	6 43
3,951	1,415 0281 62	4339 74	1,414 7067 82	4346 16	9,999 6786 20	6 42
52	15 4621 36	4339 74	15 1413 98	4346 15	6792 62	6 41
53	15 8961 10	4339 75	15 5760 13	4346 14	6799 03	6 39
54	16 3300 85	4339 76	16 0106 27	4346 14	6805 42	6 39
55	16 7640 60	4339 76	16 4452 41	4346 13	(2) (3) (6811-81	6 37
3,956	1,417 1980 37	4339 77	1,416 8798 54	4346 13	9,999 6818 18	6 36
57	17 6320 13	4339 77	17 3144 67	4346 12	6824 54	6 34
58	18 0659 91	4339 78	17 7490 79	4346 11	, 6830 88	5 33
59	18 4999 69	4339 79	18 1836 90	4346 11	6837 21	6 31
60	18 9339 48	4339 79	18 6183 00	4346 10	6843 52	6 31
3,961	1,419 3679 27	4339 80	1,419 0529 10	4346 09	9,999 6849 83	6 30
62	19 8019 07	4339 81	19 4875 20	4346 09	6856 13	6 28
63	20 2358 87	4339 81	19 9221 28	4346 08	6862 41	6 27
64	20 6698 68	4339 82	20 3567 36	4346 07	6868 68	6 26
65	21 1038 50	4339 82	20 7913 44	4346 07	6874 94	6 24
3,966	1,421 5378 33	4339 83	1,421 2259 51	4346 06	9,999 6881 18	6 23
67	21 9718 16	4339 84	_ 21 6605 57	4346 06	6887 41	6 22
68	22 4057 99	4339 84	22 0951 62	4346 05	6893 63	6 21
69	22 8397 84	4339 85	22 5297 67	4346 04	6899 84	6 20
70	23 2737 68	4339 86	22 9643 72	4346 04	6906 04	6 18
3,971	. 1,423 7077 54	4339 86	1,423 3989 75	4346 03	. 9,999 6912 22	6 16
72	24 1417 40	4339 87	23 8335 78	4346 02	6918 38	6 16
73	24 5757 27	4339 87	24 2681 81	4346 02	6924 54	6 15
74	25 0097 14	4339 88	24 7027 83	4346 01	6930 69	6 13
75	25 4437 02	4339 89	.25 1373 84	4346 01	6936 82	6 11
3,976	1,425 8776 91	4339 89	1,425 5719 84	4346 00	9,999 6942 93	6 11
77	26 3113 80	4339 90	26 0065 84	4345 99	6949 04	6 10
78	26 7456 70	4339 90	26 4411 84	4345 99	6955 14	6 08
79	27 1796 60	4339 91	26 8757 82	4345 98	6961 22	6 08
80	27 6136 51	4339 92	27 3103 81	4345 98	6967 30	6 06
3,981	1,428 0476 43	4339 92	1,427 7449 78	4345 97	9,999 6973 36	6 04
82	. 28 4816 35	4339 93	28 1795 75	4345 96	6979 40	6 04
83	28 9156 28	4339 93	28 6141 72	4345 96	6985 44	6 02
84	29 3496 21	4339 94	29 0487 67	4345 95	6991 46	6 01
85	29 7836 15	4339 95	29 4833 63	4345 95	. 6997 47 .	6 00
3,986	1,430 2176 10	4339 95	1,429 9179 57	4345 94	9,999 7003 47	5 99
87	30 6516 05	4339 96	30 3525 51	4345 93	7009 46	5 98
88	31 0856 01	4339 96	30 7871 45	.4345 93	7015 44	5 96
89	31 5195 97	4339 97	31 2217 37	4345 92	7021 40 -	5 95
90	31 9535 94	4339 98	31 6563 30	4345 92	7027 35	5 94
3,991	1,432 3875 92	4339 98	1,432 0909 21	4345 91	9, 9,999 7033 29	5 93
92	32 8215 90	4339 99	32 5255 12	4345 90	7039 22	5 92
93	33 2555 89	4339 99	32 9601 03	4345 90	7045 14	5 90
94	33 6895 88	4340 00	33 3946 92	4345 89	7051 04	5 89
95	34 1235 88	4340 01	33 8292 81	4345 89	7056 93	5 88
3,996	1,434 5575 89	4340 01	1,434 2638 70	4345 88	9,999 7062 81	5 87
97	34 9915 90	4340 02	34 6984 58	4345 87	7068 68	5 85
98	35 4255 92	4340 02	35 1330 45	4345 87	A 7074 53	5 85
99	35 8595 94	4340 03	35 5676 32	4345 86	7080 38	5 83
4,000	36 2935 97		36 0022 18		7086 21	

k.	log. Cos. k.	D.	log. Sin. k.	D.	log. Tang. k.	D.
4,000	4,436 2935 97	4340 04	1,436 0022 18	4345 86	9,999 7086 21	5 82
4,001	1,436 7276 01	4340 04	1,436 4368 04	4345 85	9,999 7092 03	5 81
02	37 1616 05	4340 05	36 8713 89	4345 84	7097 84	5 80
03	37 5956 09	4340 05	37 3059 73	4345 84	7103 64	5 78
04	3 8 0296 1 5	4340 06	37 7405 57	4345 83	7109 42	5 78
05	3 8 4636 20	4340 06	38 1751 40	4345 83	7115 20	5 76
4,006	1,438 8976 27	434() 07	1,438 6097 23	4345 83	9,999 7120 96	5 75
07	39 3316 34	4340 08	39 0443 05	4345 82	7126 71	5 75
08	39 7656 41	4340 08	39 4788 87	4345 81	7132 45	5 73
09	40 1996 49	4340 09	39 9134 68	4345 81	7138 19	5 71
10	40 6336 58	43 40 09	40 3480 48	4345 SO	7143 90	5 71
4,011	1,441 0676 67	4340 10	1,440 7826 28	4345 79	9,999 7149 61	5 69
12	41 5016 77	4340 10	41 2172 07	4345 79	7155 30	5 69
13	41 9356 87	4340 11	41 6517 86	4345 78	7160 99	5 67
14	42 3696 98	4340 12	42 0863 64	4345 78	7166 66	5 66
15	42 8037 10	4340 12	42 5209 42	4345 77	7172 32	5 65
4,016	1,443 2377 22	4340 13	1,442 9555 19	4345 77	9,999 7177 97	5 64
17	43 6717 35	4340 13	43 3900 96	4345 76	7183 61	5 63
18	44 1057 48	434() 14	43 8246 72	4345 76	7189 24	5 61
19	44 5397 62	4340 14	44 2592 47	4345 75	7194 85	5 61
20	41 9737 76	4340 15	44 6938 22	4345 74	7200 46	5 59
4,021	1,445 4077 91	4340 16	1,445 1283 96	4345 74	9,999 7206 05	5 59
22	45 8418 06	4340 16	45 5629 70	4345 73	7211 64	5 57
23	46 2758 22	4340 17	45 9975 43	4345 73	7217 21	5 55
24	46 7098 39	4340 17	46 4321 15	4345 72	7222 76	5 55
25	47 1438 56	4340 18	46 8666 87	4345 72	7228 31	5 54
4,026	1,447 5778 74	4340 18	1,447 3012 59	4345 71	9,999 7233 85	5 53
27	48 0118 92	4340 19	47 7358 30	4345 70	7239 38	5 51
28	48 4459 11	4340 19	48 1704 00	4345 70	7244 89	5 51
29	48 8799 30	4340 20	48 6049 70	4345 69	7250 40	5 49
30	49 3139 50	4340 20	49 0395 39	4345 69	7255 89	5 49
4,031	1,449 7479 70	4340 21	1,449 4741 08	4345 68	9,999 7261 38	5 47
32	50 1819 91	4340 22	49 9086 76	4345 68	7266 85	5 46
33	50 6160 13	4340 22	50 3432 44	4345 67	7272 31	5 45
34	51 0500 35	4340 23	50 7778 11	4345 67 4345 66	7277 76	5 43
35	51 4840 58	4340 23	51 2123 77		7283 19	5 43
4,036	1,451 9180 81	4340 24	1,451 6469 43	4345 66	9,999 7288 62	5 42
37	52 3521 05	4340 24	52 0815 09	4345 65	7294 04	5 41
38	52 7861 29	4340 25	52 5160 74	4345 64	7299 45	5 39
39	53 2201 54	4340 25	52 9506 38	4345 64 4345 63	7304 84	5 39
40	53 6541 79	4340 26	53 3852 02.		7310 23	5 37
4,041	1,454 0882 05	4340 26	1,453 8197 65	4345 63	9,999 7315 60	5 37
42	54/5222 31	4340 27	54 2543 28	4345 62	7320 97	5 35
43	54 9562 58	4340 27	54 6888 90 55 1934 59	4345 62	7326 32 7331 67	5 35
44	55 3902 85	4340 28	55 1234 52 55 5580 13	4345 61 4345 61	7331 67 7337 00	5 33 5 33
45	-55 8243 13	4340 28				
4,046	1,456 2583 41	4340 29	1,455 9925 74	4345 60	9,999 7342 33	5 31
47	56 6923 70	4340 30	56 4271 34	4345 60 4345 59	7347 64 7352 93	5 29
48	57 1264 00	4340 30	56 8616 93 57 2962 52	4345 59	7358 22	5 29 5 28
49	57 5604 30	4340 31	57 7308 11	#310 03	7363 50	0 20
50	57 9944 61		U, 1500 AA			

k.	log. Cof. k.	D.	log. Sin. k.	D.	log. Tang. k.	D.
4,050	1,457 9944 61	4340 31	1,457 7308 11	4345 58	9,999 7363 50	5 27
4,051	1,458 4284 92	4340 32	1,458 1653 69	4345 58	9,999 7368 77	5 25
52	58 8625 24	4340 32	58 5999 26	4345 /57	7374 02	5 25
53	59 2965 56	4340 33	59,0344 83	4345 56	7379 27	5 24
54	-59 7305 89	4340 33	-59 4690 40	4345 56	7384 51	5 22
55	60 1646 22	4340 34	59 9035 95	4345 55	7389 73	5 22
4,056	1,460 5986 56	4340 34	1,460 3381 51	4345-55	9,999 7394 95	5 21
57	61 0326 90	4340 35	-60 7727 06	4345 54	7400 16	5 19
5 8	:61 4667 25	4340 36	61 2072 60	4345 54	7405 35	5 18
59	61 9007 61	4340 36	.61.6418 13	4345 53	7410 53	5 17
60	62 3347 97	4340 36	62 0763 67	4345 53	7415 70	5 16
4,061	1,462 7688 33	4340 37	1,462 5109 19	4345 52	9,999 7420 86	5 16
62	63 2028 70	4340 37	62 9454 72	.4345 52	.7426 02	5 14
63	63 6369 07	4340 38	63 3800 23	4345 51		5 13
64	64 0709 45	4340 38	63 8145 74	.4345 51	7436 29	5 12
65	64 5049 84	4340 39	64 2491 25	4345 50	7441 41	5 11
4,066	1,464 9390 23	4340 39	1,464 6836 75	4345 50	9,999 7446 52	5 11
67	65 3730 62	4340 40	65 1182 25	4345 49	7451 63	5 09
68	65 8071 02	4340 41	65 5527 74	4345 49	7456 72	5 (19
69	66 2411 42	4340 41	65 9873 23	4345 48	7461 81	5 07
70	66 6751 83	.4340.42	.66,4218 71	4345 48	7466 88	5 06
4,071	1,467 1092 25	4340 42	4,466 8564 19	4345 47	9,999 7471 94	5.05
72	67 5432 67	4340 43	67 2909 66	4345 47	7476 99	5 04
73	67 9773 09	4340 43	67,7255 12	4345 46	7482 03	5 03
74	68 4113 52	4340 44	68 1600 58	4345 46	7487 06	5 02
75	-63 8453 96	4340,44	68,5946 04	4345 45	7492 08	5 01
4.076	1,469 2794 40	4340 45	1,469 0291 49	4345 45	9,999 7497 09	5 00
77	69 7134 85	4340 45	69 4636 94	4345 44	7502 09	4 99
78	70 1475 30	4340 46	69,8982 38	4345 44	7507 08	4 98
79	70 5815 75	4340 46	70 3327 81	4345 43	7512 06	4 97
80	71 0156 21	4340 47	70 7673 24	4345 43	7517 03	4 96
4,081	1,471 4496 68	4340 47	1,471 2018 67	4345 42	9,999 7521 99	4 95
82	71 8837 15	4340 48	71 6364 09	4345 42	7526 94	4 94
83	72 3177 62	4340.48	72.0709 50	4345 41	7531 88	4 93
84	72 7518 10	4340 49	72 5054 91	4345 41	7536 81	A 92
85	73 1858 59	4340 49	72 9400 32	4345.40	7541 73	4 91
4,086	1,473 6199 08	4340.50	1,473 3745 72	4345 40	9,999 7546 64	4 91
87		4340.50		4345 39	7551 55	4 89
88	74 0539 57	4340.50	73 8091 12	4345 39	7556 44	4 88
89	74 9220 58	4340.50	74 2436 51 74 6781 89	4345 38	7561 32	4 88
90	75 3561 08	4340 51	75 1127 28	4345 38	7566 20	4 86
				1215 27		A OF
4,091	1,475 7901 60	4340 52	1,475 5472 65	4345 37 4345 37	9,999 7571 06	4 85 4 84
92	76 2242 12	4340.52	75 9818 03	4345 36	7575 91	4 84 4 84
93		4340 53	76,4163 39	4345 36	7580 75 7585 59	4 82
94 95	77 0923 17 77 5263 70	4340 53 4340 54	76 8508 76 77 2854 11	4345 35	5.5	4 82
4,096		4340 54		4345 35	9,999 7595 23	4 81
97		,4340 56	78 1544 82	4345 34	7600 04	4 79
98		4340 55	78 5890 16	4345 34	7604 83	4 78
99	79 2625 89	4340 56	79 0235 50	4345 33	7609 61	4 78
4,100	79 6966 44		79 4580 83		7614 39	

K.	log. Cos. k.	D.	log. Sin. k.	D.	log. Tang. k.	D.
4,100	1,479 6966 44	4340 56	1,479 4580 83	4345 33	9,999 7614 39	4 76
4,101	1,480 1307 01	4340 57	1,479 8926 16	4345 32	9,999 7619 15	4 76
02	80 5647 57	4340 57	80 3271 49	4345 32	7623 91	4 75
- 03	80 9988 14	4340 58	80 7616 80	4345 32	7628 66	4 74
04	81 4328 72	4340 58	81 1962 12	4345 31	7633 40	4 73
05	81 8669 30	4340 59	84 6307 43	4345 31	7638 13	4 72
4,106	1,482 3009 89	4340 59	1,482 0652 73	4345 30	9,999 7642 85	4 71
07	82 7350 48	4340 60	82 4998 04	4345 30	7647 56	4 70
08	83 1691 07	4340 60	82 9343 33	4345 29	7652 26	4 69
09	S3 6031 67	4340 60	83 3688 62	4345 29	7656 95	4 68
10	84 0372 28	4340 61	83 8033 91	4345 28	7661 63	4 67
4,111	1,484 4712 89	4340 61	1,484 2379 19	4345 28	9,999 7666 30	4 67
12	84 9053 50	4340 62	84 6724 47	4345 27	7670 97	4 65
13	85 3394 12	4340 62	85 1069 74	4345 27	7675 62	4 65
14	85 7734 74	4340 63	85 5415 01	4345 26	7680 27	4 63
15	86 2075 37	4340 63	9 5 9760 27	4345 26	7684 90	4 63
4,116	1,486 6416 00	4340 64	1,486 4105 53	4345 25	9,999 7689 53	# G#
17	. 87 0756 64	4340 64	86 8450 78	4345 25	7694 14	4 61 4 61
18	87 5097 28	4340 65	87 2796 03	4345 24	7698 75	4 59
19	87 9437 93	4340 65	87 7141 27	4345 24	7703 34	4 59
20	88 3778 58	4340 66	\$8 1486 51	4345 24	7707 93	4 58
4 4 0 4	1,488 8119 24	4340 66	1,488 5831 75	4345 23	0.000 5740 68	
4,121	89 2459 90	4340 67	89 0176 98	4345 23	9,999 7712 51 7717 08	4 57 4 56
23	89 6800 56	4340 67	89 4522 20	4345 22	7721 64	4 55
24	90 1141 23	4340 67	89-8867-43	4345 22	7726 19	4 55
25	90 5481 91	4340 68	90 3212 64	4345 21	· · · 7730 74	4 54
A 40C	1,490 9822 58	4240 EG	4 400 SEET OF	4345 21	0.000 2725 00	4.10
4,126	91 4163 27	4340 68 4340 69	1,490 7557 86 91 1903 06	4345 20	9;999 7735 28 7739 80	4 52 4 52
27 28	91 8503 95	4340 69	91 6248 27	4345 20	7744 32	4 50
29	92 2844 65	4340 70	92 0593 47	4345 20	7748 82	4 50
30	92 7185 34	4340 70	92 4938 66	4345 19	7753 32	4 49
			4 400 0000 05	A225 10	. 0.000 mm/m 04	
4,131	1,493 1526 04	4340 71	1,492 9283 85 93 3629 04	4345 19 4345 18	9,999 7757 81	4 48
32	93 5866 75 94 0207 46	4340 71	93 7974 22	4345 18	7762 29 7766 76	4 47
33 34	94 4548 17	4340 72	94 2319 40	4345 17	7771 23	4 45
35	94 8888 89	4340 72	94 6664 57	4345 17	7775 68	4 45
00		****		42AF 16	0.000 ####	
4,136	1,495 3229 61	4340 73 4340 73	1,495 1009 74	4345 16 4345 16	9;999 7780 13	4 43
37	95 7570 34	4340 74	95 5354 90 95 9700 06	4345 15	7784 56 7788 99	4 43
38	96 1911 07 96 6251 81	4340 74	96 4045 21	4345 15	7793 40	4 41
39 4 0	97 0592 55	4340 75	96 8390 36	4345.15	7797 81	4 39

4,141	1,497 4933 30	4340 75	1,497 2735 50	4345 14	9,999 7802 20	4 39
42	97 9274 05	4340 75 4340 76	97 7080 64 98 1425 78	4345 14 4345 13	7806 59 -7801 98	4 39 4 37
43	98 3614 80	4340 76	98 5770 91	4345 13	7815 35	4 36
44 45	98 7955 56 99 2296 33	4340 77	99 0116 04	4345 12	7819 71	4 36
	99 A290 33			,		
4,146	1,499 6637 09	4340 77	1,499 4461 16	4345 12	9,999 7824 07	4 35
47	1,500 0977 86 .	4340 78	99 8806 28	4345 12 4345 11	7828 42	4 34 4 33
48	00 5318 64	4340 78	4,500 3151 40 00 7496 51	4345 11	7832 76 7837 09	4 32
49	00 9659 42 01 4000 21	4343 79	Q1 1841 62	- 20 X4 TV	7841 41	
50	OI 4000 21		VA AUTA UA		0	

рQ

k.	log. Cof. k.	D.	log. Sin. k.	D.	log. Tang. k.	D.
4,150	1,501 4000 21	4340 79	1,501 1841 62	4345 10	9,999 7841 41	4 32
4,151	1,501 8340 99	4340 79	1,501 6186 72	4345 10	9,999 7845 73	4 30
52	02 2681 79	4340 80	02 0531 82	4345 09	7850 03	4 29
53	02 7022 59	4340 SO	02 4876 91	4345 09	7854 32	4 29
54	03 1363 39	4340 81	02 9222 00	4345 09	7858 61	4 28
55	03 5704 19	4340 SI	03 3567 08	4345 08	7862 89	4 27
4,156	1,504 0045 00	4340 81	1,503 7912 16	4345 ()8	9,999 7867 16	4 26
57	04 4385 82	4340 82	04 2257 24	4345 07	7871 42	4 25
58	04 8726 64	4340 82	04 6602 31	4345 07	7875 67	4 25
59	05 3067 46	4340 83	05 0947 38	4345 06	7879 92	4 23
60	05 7408 29	4340 83	05 5292 44	4345 06	7884 15	4 23
4.404	4 500 4740 40	4340 84	1 505 0027 50	45 AF OC	0.000 #000 20	# 00
4,161	1,506 1749 12 06 6089 95	4340 84	1,505 9637 50 06 3982 55	4345 06 4345 05	9,999 7888 38 7892 60	4 22 4 21
63	07 0430 79	4340 84	06 8327 60	4345 05	7896 81	4 21
64	07 4771 63	4340 85	07 2672 65	4345 '04	7901 02	4 19
65	07 9112 48	4340 85	07 7017 69	4345 04	7905 21	4 19
		4240 00				
4,166	1,508 3453 33	4340 86	1,508 1362 73	4345 03	9,999 7909 40	4 18
67	08 7794 19	4340 86 4340 87	08 5707 77	4345 03	7913 58	4 17
68	09 2135 05	4340 87	09 0052 80	4345 ()3	7917 75 7921 91	4 16
69	09 6475 91 10 0816 78	4340 87	09 4397 82 09 8742 84	4345 02 4345 02	7926 06	4 15
70	10 0010 70		00-0742-04	2313 02	7320 00	4 14
4,171	1,510 5157 66	4340 88	1,510 3087 86	4345 01	9,999 7930 20	4 14
72	- 10 9498 53	4340 88	10 7432 87	4345 01	7934 34	4 13
73	11 3839 42	4340 89	11 1777 88	4345 01	7938 47	4 12
74	11 8180 30	4340 89 4340 90	11 6122 89	4345 00	7942 59	4 11
75	12 2521 19	4340 90	12 0467 89	4345 00	7946 70	4 10
4,176	1,512 6862 09	4340 90	1,512 4812 88	4345 00	9,999 7950 80	4 09
77	13 1202 99	4340 90	12 9157 88	4344 99	7954-89	4 08
78	13 5543 89	4340 91	13 3502 86	4344 98	7958 97	4 08
79	13 9884 80	4340 91	13 7847 85	4344 98	7963 05	4 ()7
80	14 4225 71	4340 92	14 2192 83.	4314 98	7967 12	4 06
4,181	1,514 8566 63	4340 92	1,514 6537 80	4344 97	9,999 7971 18	4 05
82	15 2907 54	4340 92	15 0882 77	4344 97	7975 23	4 ()5
83	15. 7248 47	4340 93	15 5227 74	4344 96	7979 28	4 ()4
84	16 1589 39	4340 93	15 9572 71	4344 96	7983 32	4 ()2
85	1 6 5930 33	4340 94	16. 3917 67.	4344 96	7987 34	4 02
4,186	1,517 0271 26	4340 94	1,516 8262 62	4344 95	9,999 7991 36	4 01
4,180	17 4612 20	4340 94	17 2607 57	4344 95	7995 37	4 01
88	17 8953 14	4340 95	17 6952 52	4344 94	7999 38	4 00
89	.18 3294 09	4340 95	18 1297 47	4344 94	8003 38	3 99
90	18 7635 04	4340 95	18 5642 41	4314 91	8007 37	3 98
		4240 DC	4: £x0.000m; e.s.	43×4 o=	0.000.0011.25	2.0=
4,191	1,519 1975 99	4340 96 4340 96	1,518 9987 34	4344 93	9,999 8011 35 8015 32	3 97
92	19 6316 95	4340 97	19 4332 27 19 8677 20	4344 93 4344 92	8019 29	3 97 3 96
93	20 0657 91 20 4998 88	4340 97	20 3022 13	4344 92	8023 25	3 95
94 95	20 9339 85	4340 97	20 7367 05	4344 92	8027 20	3 94
4,196	1,521 3680 82	4340 98	1,521 1711 96	4344 91	9,999 8031 14	3 93
97	21 8021 80	4340 98	21 6056 87	4344 91	8035 07	3 93
98	22 2362 78	4340 99	22 0401 78	4344 90	8039 00	3 92
4 200	22 6703 77	4340 99	22 4746 69	4344 90	8042 92	3 91
4,200	23 1044 76		22 9091 59		8046 83	

k.	log. Cof. k.	D.	10g. Sin. k.	D.	log. Tang. k.	D.
4,200						
4,201	1,523 1044 76	4340 99	1,522 9091 59	4344 90	9,999 8046 83	3 90
02	1,523 5385 75 · 23 9726 75	4341 00	1,523 3436 48	4344 89	9,999 8050 73	3390
03	24 4067 75	4341 00 4341 01	23 7781 38	4344 89	8054 63	3 88
04	24 8408 76	4341 01	24 2126 26	4344 88	8058 51	3 88
05	25 2749 77	4341 01	24 6471 15	4341 88	8062 39	.3 87
	40 2110 11	4511 01	25 0816 03	4344 88	8066 26	3 87
4,206	1,525 7090 78	4341 02	1,525 5160 91	4344 87	9,999 8070 13	3 85
07	26 1431 80	4341 02	25 9505 78	4344 87	- 8073 98	3 85
08	26 5772 82	4341 03	26 3850 65	4344 87	8077 83	3 84
09	27 0113 85	4341 03	26 8195 51	4344 :86	:8081 67	3 83
10	27 4454 88	4341 03	27 2540 38	4344 86	8085 50	3 83
4,211	1,527 8795 91	4341 04	1,527 6885 23	4344 85	9,999 8089 33	3 82
12	28 3136 94	4341 04	28 1230 09	4344 85	8093 15	3 81
13	28 7477 98	4341 04	28 5574 94	4344 85	8096 96	3.80
14	29 1819 03	4341 05	28 9919 79	4344 84	8100 76	3 79
15	29 6160 08	4341 05	29 4264 63	4344 84	8104 55	3 79
4,216	9 520 0504 42	A241 OC		**** **		
17	1,530 0501 13	4341 06	1,529 8609 47	4344 84	9,999 8108 34	3 78
18	30 4842 18 - 30 9183 24	4341 06 4341 06	30 2954 30	4344 83	8112 12	3 78
19	31 3524 30	4341 07	30 7299 14 31 1643 96	4344 83	8115 90 8119 66	3 76
20	31 7865 37	4341 07	31 5988 79	4344 82	8123 42	3 76 3 75
	02 .000 07	1511 01	, 31	7378 02		3 13
4,221	. 1,532 2206 44	4341 ()8	1,532 0333 61	4344 82	9,999 8127 17	.3 73
22	32 6547 52	4341 08	32 4678 42	4344 81	8130 90	3 73
23	33 0888 60 -	4341 08	32 9023 23	4344 81	8134 63	3 73
24	33 5229 68	4341 09	33 3368 04	4344 81	8138 36	3 72
25	33 9570 77	.4341 09	33 7712 85	4344 80	8142 08	3 71
4,226	1,534 3911 86	4341 09	1,534 2057 65	4344 80	9,999 8145 79	. 3 71
27	34 8252 95	.4341 10	34 6402 45	4344 79	8149 50	3 69
28	35 2594 05	4341 10	35 0747 24	4344 79	8153 19	3 69
29	35 6935 15	4341 10	35 5092 03	4344 79	8156 88	3 69
30	36 1276 25	.4341 11	35 9436 82	4344 78	.8160 ,57	.3 67
4,231	1,536 5617 36	82/1 11	1 636 2701 60	4344 78	9,999 8164 24	3 67
32	36 9958 47	4341 11	1,536 3781 60 36 8126 38	4344 78	8167 91	3 67
33	37 4299 58	4341 12	. 37 2471 16	4344 77	8171 58	.3 65
34	37 8640 70	4341 12	37 6815 93	4344 77	8175 23	3 65
35	38 2981 82	4341 13	38 1160 70	4344 77	. 8178 88	3 63
4,236	1,538 7322 95	4341 13	1,538 5505 46	4344 76	9,999 8182 51	3 63
37	39 1664 08	.4341 13	38 9850 22	4344 76	8186 14	3 63
38	39 6005 21	4341 14	39 4194 98	4344 75	8189 77	3 62 3 61
.39	40 0346 35	4341 14	39 8539 73 40 2884 48	4344 75 4344 75	8193 39 8197 00	3 60
40	40 4687 48	4341 14	10 2001 10	7311 10	0131 00	5 00
4,241	1,540 9028 63	4341 15	1,540 7229 23	4344 74	9,999 8200 60	3 59
42	41 3369 78	4341 15	41 1573 97	4344 74	8204 19	3 59
43		4341 16	41 5918 71	4344 74	8207 78	3 58
4-1		4341 16	42 0263 44	4344 73	8211 36	3 57
45	42 6393 24	.4341 16	42 4608 17	4344 73	8214 93	3 57
4,246	1,543 0734 40	4341 17	1,542 8952 90	4344 73	9,999 8218 50	3 56
47		4341 17	43 3297 63	4344 72	8222 06	3 55
48		4341 17	43 7642 35	4344 72	8225 61	3 55
49		4341 18	44 1987 07	4344 71	8229 16	3 53
50			₹ 44 6331 78		8232 69	
					0 0	

Qq2

k.	log. Cof. k.	D.	log. Sin. k.	D.	log. Tang. k.	D.
4,250	1,544 8099 09	4341 18	1,544 6331 78	4344 71	9,999 8232 69	13 53
4,251	1,545 2440 26	4341 18	1,545 0676 49	4344 71	9,999 8236 22	3 53
52	45 6781 45	4341 19		4344 70	8239 75	-3 52
53 54	46 1122 63	4341 19	1	4344 70	8243 27	3 51
55	46 5463 82 46 9805 02	4341 19 4341 20	46 3710, 60 46 8055 30	4344 70 4344 69	8246 78 8250 28	3 50
	40 3000 02	TOTA AU	40 0000 30	ANTE OF	7	9 00
4,256	1,547 4146 21	4341 20	1,547 2399 99	4344 69	9,999 8253 78	3 49
57 58	47 8487 42 48 2828 62	4341 21	47 6744 68 48 1089 37	4344 69 4344 68	8257 27 8260 75	3 48 3 47
- 59	48 7169 83	4341 21 4341 21	48 5434 05	4344 68	8264 22	3 47
60	49 1511 04	4341 22	48 9778 73	4344 68	8267 69	3 46
4.004	4 5 40 5050 00	40.14	4 500 400 44	4044 00	0.000.0074.45	2.45
4,261 62	1,549 5852 26 50 0193 47	4341 22 4341 22	1,549 4123 41 49 8468 08	4344 67 4344 67	9,999 8271 15 8274 61	3 45
63	50 4534 69	4341 23	50 2812 75	4344 67	8278 06	3 44
64	50 8875 92	4341 23	50 7157 42	4344 66	8281 50	3 43
65	.51 3217 15 *	: 4341 23	51 1502 '08	4344 66	8284 93	. 3 43
4.000	1 551 7550 20	4341.04	. 1 551 5016 74	ADAA CC	0.000 0000 36	3 42
4,266	1,551 7558 38 52 1899 61	4341 24 4341 24	1,551 5846 74 52 0191 39	4344 66 4344 65	9,999 8288 36 8291 78	3 41
68	52 6240 85	4341 24	52 4536 04	4344 65	8295 19	3 41
69	53 0582 10	4341 25	52 8880 69	4344 65	8298 60	3 40
70	53 4923 34	4341 25	53 3225 34	4344 64	8302 00	3 39
4,271	1,553 9264 59	4341 25	1,553 7569 98	4344 64	9,999 8305 39	3 39
72	54 3605 84	4341 26	54 1914 62	4344 63	8308 78	3 37
73	54 7947 10	4341 26	54 6259 25	4344 63	8312 15	3 37
74	55 2288 36	4341 26	55 0603 88	4344 63	8315 52	3 37
75	55 6629 62	4341 27	55 4948 51	4344 63	8318 89	3 36
4,276	1,556 0970 89	4341 27	1,555 9293 13	4344 62	9,999 8322 25 -	-3 35
77	56 5312 15	4341 27	56 3637 75	4344 62	8325 60	3 35
78	56 9653 43	4341 28	56 7982 37	4344 61	. 8328 95	3 34
79	57 3994 70	4341 28	57 2326 99	4344 61	8332 29	3 33
80	57 8335_98	4341 28	57 6671 60	4344 61	8335 62	3 32
4,281	1,558 2677 26	4341 29	1,558 1016 20	4344 60	9,999 8338 94	3 32
82	58 7018 55	4341 29	58 5360 81	4344 60	8342 26	3 31
83	59 1359 84	4341 29		4344 60	8345 57	3 31
84 85	59 5701 13 60 0042 43	4341 30	59 4050 01	4344 59	8348 88	3 29
0.0	00 0042 43	43 TL 30	59 8394 60	4244 99	6352 17	2 23
4,286	1,560 4383 73	4341 30	1,560 2739 19	4344 59	9,999 8355 46	3 29
87	60 8725 03	4341 31	60 7083 78	4344 59	2 7. 8358 75	3 29
88		4341 31 4341 31		4344 58	8362 04	3 27
89 90	61 7407 64 62 1748 95	4341 32	61 5772 95 62 0117 52	4 344 58 4 344 58	8365 31 8368 57	3 26
					2 3 1, 5500 0.	
4,291	1,562 6090 27	4341 32		4344 57	9,999 8371 83	3 25
92 93					8375 08 8378 33	3 25
94						3 24
						3 23
	e con mano on		1,564 6184 93			
4,296 97	1,564 7796 89 65 2138 23	4341 34	1,564 6184 93 65 0529 48	4344 55		3 21
98						3 21
99	66 0820 91	4341 35	65 9218 58			3 21
	66 5162 25		66 3563 13			7

-	7 6.6 2	70	1 61. 1	n	1 0 1	* *
. k.	log. Cos. k.	D.	log. Sin. k.	D.	log. Tang. k.	D.
4,300	1,566 5162 25	4341 35	1,566 3563 13	4344 54	9,999 8400 88	3 19
4,301	1,566 9503 60	4341 35	1,566 7907 67	4344 54	9,999 8404 07	3 19
02	67 3844 95	4341 35	67 2252 21	4344 54	8407 26	3 19
03	67 8186 30	4341 36	67 6596 75	4344 53	8410 45	3 18
04	68 2527 66	4341 36	68 0941 29	4344 53	8413 63	3 17
05	68 6869 02	4341 36	68 5285 82	4344 53	8416 80	3 16
4.200						7
4,306	1,569 1210 38	4341 37	1,568 9630 34	4344 52	9,999 8419 96	3 16
07	69 5551 73	4341 37	69 3974 87	4344 52	8423 12	3 15
08 09	69 9893 12 70 4234 49	4341 37	69 8319 39 70 2663 90	4344 52	\$426 27 8429 41	3 14
10	70 4254 49	4341 38 4341 38	70 7008 42	4344 51	8432 55	3 14
70	19 00:0 0:	4044 JD	70 1000 12	TOTE OF	013A 00	3 13
4,311	1,571 2917 25	4341 38	1,571 1352 93	4344 51	9,999 8435 68	3 13
12	71 7258 63	4341 39	71 5697 44	4344 50	8438 81	3 12
13	72 1600 01	4341 39	72 0041 94	4344 50	8441 93	3 11
14	72 5941 40	4341 39	72 4386 44	4344 50	8445 04	3 11
15	73 0282 79	4341 40	72 8730 94	4344 50	8448 15	3 10
4 240	4 570 4004 40	4341 40	1,573 9075 44	4344 49	- 200 2454 05	2 00
4,316	1,573 4624 19	4341 40	73 7419 93	4344 49	9,999 8451 25	3 09
17 18	73 8965 59 74 3306 99	4341 41	74 1764 42	4344 49	8454 34 8457 43	3 08
19	74 7648 40	4341 41	74 6108 90	4344 48	8460 51	3 07
20	75 1989 80	4341 41	75 0453 38	4344 48	8463 58	3 07
20	10 2000 00			1011 10	0103 00	
4,321	1,575 6331 22	4341 41	1,575 4797 86	4344 48	9,999 8466 65	3 06
22	76 0672 63	4341 42	75 9142 34	4344 47	8469 71	3 06
23	76 5014 05	4341 42	76 3486 82	4344 47	8472 77	3 05
24	76 9355 47	4341 42	76 7831 29	4344 47	6 475 82	3 04
25	77 3696 89	4341 43	77 2175 75	4344 47	\$478 86	3 04
4,326	1,577 8038 32	4341 43	1,577 6520 22	4344 46	9,999 8481 90	3 03
27	78 2379 75	4341 43	78 0864 68	4344 46	8484 93	3 03
28	78 6721 18	4341 44	78 5209 14	4344 46	8487 96	3 03
29	79 1062 61	4341 44	7 8 9553 60	4344 45	8490 99	3 01
30	79 5404 05	4341 44	79 3898 05	4344 45	8494 00	3 01
4.004	4 550 0545 80	4341 44	4 500 0040 50	A244 45	0.000 0.000 0.5	3 01
4,331	1,579 9745 49 80 4086 93	4341 45	1,579 8242 50 80 2586 95	4344 45	9,999 8497 01	2 99
32	80 8428 38	4341 45	80 6931 39	4344 44	8500 02	2 99
33 34	81 2769 83	4341 45	81 1275 83	4344 44	8503 0 1 8506 00	2 99
35	81 7111 28	4341 46	81 5620 27	4344 43	8508 99	2 98
	02 122		02 0020 27	1011 10	0200	
4,336	1,582 1452 74	4341 46	1,581 9964 70	4344 43	9,999 8511 97	2 97
37	82 5794 19	4341 46	82 4309 13	4344 43	8514 94	2 07
38	83 0135 65	4341 46	82 8653 56	4344 43	8517 91	2 96
39	83 4477 12	4341 47	83 2997 99	4344 42	8520 87	2 96
40	83 8818 59	4311 47	83 7342 41	4344 42	8523 83	2 30
4,341	1,584 3160 05	4341 47	1,584 1686 83	4344 42	9,999 8526 78	2 94
42	S4 7501 53	4341 48	84 6031 24	4344 41	8529 72	2 93
43	85 1843 01	4341 48	85 0375 66	4344 41	\$532 65	2 93
44	85 6184 49	4341 48	6 5 4720 07	4344 41	8535 58	2 93
45	86 0525 97	4341.49	85 9064 47	4344 41	8538 51	2 92
	4 FOR 400W 4F	4245 40	2 506 2400 00	A344 A0	0.000 0541 43	2 91
4,346	1,586 4867 45	4341 49	1,586 3408 88	4344 40	9,999 8541 43 8544 34	2 90
47	86 9208 94	4341 49 4341 50	86 7753 28 87 2097 68	4344 40 4344 40	8547 24	2 90
48	87 3550 44 87 7891 93	4341 50	87 6442 0 7	4344 39	8550 14	2 90
49	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	TAIT OU	88 9785 47	2911 00	8553 04	
50	88 2233 43		00 0/00 47		00000	

k.	log. Cof. k.	D.	log. Sin. k.	D.	log. Tang. k.	D.
4,350	1,588 2233 43	4341 50	1,588 0786 47	4344 39	9,999 8553 04	2 89
4,351	1,588 6574 93	4341 50	1,588 5130 86	4344 39	9,999 8555 93	2 89
52	89 0916 43	4341 51	88 9475 25	4311 39	8558 82	2 87
53	89 5257 94	4341 51	89 3819 63	4344 38	8561 69	2 87
54	89 9599 45	4341 51	89 8164 01	4344 38	\$564 56	2 87
55	90 3940 96	4341 51	90 2508 39	4344 38	8567 43	2 87
4,356	1,590 8282 47	4341 52	1,590 6852 77	4344 37	9,999 8570 30	2 86
57	91 2623 99	4341 52	91 1197 14	4344 37	8573 16	2 85
58	91 6965 51	4341 52	91 5541 51	4344 37	8576 01	2 85
59	92 1307 02	4341 52	91 9885 88	4344 37	.8578 86	2 84
60	92 5648 55	4341 53	92 4230 25	4314 36	8581 70	2 84
4,361	1,592 9990 07	4341 53	1,592 8574 61	4344 36	9,999 8584 54	2 83
62	93 4331 60	4341 53	93 2918 97	4344 36	8587 37	2 82
63	93 8673 14	4341 54	93 7263 32	4344 35	8590 19	2 82
64	94 3014 67	4341 54	94 1607 68	4344 35	\$593 01	2 81
65	94 7356 21	4341 54	94 5952 03	4344 35	8595 82	2 80
4,366	1,595 1697 76	4341 55	1,595 0296 37	4344 35	9,999 8598 62	2 80
67	95 6039 30	4341 55	95 4640.72	4344 34	8601 42	2 79
68	96 0380 85	4341 55	95 8985 06	4344 34	8604 21	2 79
69	96 4722 40	4341 55	96 3329 40	4344 34	8607 00	2 79
70	96 9063 95	4341 56	96 7673 74	4344 33	8609 79	2 77
4,371	1,597 3405 51	4341 56	1,597 2018 07	4344 33	9,999 8612 56	2 77
72	97 7747,07	4341 56	97 6362 40	4344 33	8615 33	2 77
73	98 2088 63	4341 56	98 0706 73	4344 33	8618 10	2 77
74	98 6430 19	4341 57	98 5051 06	4344 32	8620 87	2 75
75	99 0771 76	4341 57	98 9395 38	4344 32	.8623 62	2 75
4,376	1,599 5113 33	4341 57	1,599 3739 70	4344 32	9,999 8626 37	2 75
77	99 9454 90	4341 58	99 8084 02	4344 32	8629 12	2 74
78	1,600 3796 48	4341 58	1,600 2428 33	4344 31	8631 86	2 73
79	00 8138 06	4341 58	00 6772 65	4344 31	\$634 59	2 73
80	01 2479 64	4341 58	01 1116 96	4344 31	8637_32	2 72
4,381	1,601 6821 22	4341 59	1,601 5461 26	4344 30	9,999 8640 04	2 72
82	02 1162 81	4341 59	01 9805 57	4344 30	8642 76	2 71
83	02 5504 40	4341 59	02 4149 87	4344 30	8645 47	2 70
84	02 9845 99	4341 60	- 02 8494 16	4344 30	8648 17	2 70
85	03 4187 59	4341 60	03 2838 46	4344 29	8650 87	2 70
4,386	1,603 8529 18	4341 60	1,603 7182 75	4344 29	9,999 8653 57	2 69
87	04 2870 78	4341 60	04 1527 04	4344 29	8656 26	2 63
88	04 7212 39,	4341 61	04 5871 33	4344 28	8658 94	2 68
89	05 1553 99	4341 61	05 0215 61	4344 28	8661 62	2 67
90	05 5895 60	4341 61	05 4559 89	4344 28	8664 29	2 67
4,391	1,606 0237 21	4341 61	1,605 8904 17	4344 28	9,999 8666 96	2 67
92	06 4578 83	4341 62	06 3248 45	4344 28	8669 63	2 66
93	06 8920 44	4341 62	06 7592 73	4344 27	8672 29	2 65
94	07 3262 06	4341 62	07 1937 00	4344 27	8674 94	2 65
95	07 7603 68	4341 62	07 6281 27	4344 27	8677 59	2 64
4,396	1,608 1945 30	4341 63	1,608 0625 53	4344 26	9,999 8680 23	2 64
97	08 6286 93	4341 63	08 4969 80	4344 26	8682 87	2 63
98	09 0628 56	4341 63	08 9314 06	4344 26	8685 50	2 63
99	09 4970 19	4341 63	09 3658 32	4344 26	8688 13	2 62
4,400	09 9311 82		09 8002 57		8690 75	

k.	log. Cof. k.	D.	log. Sin. k.	D.	log. Tang. k. D).
4,400	1,609 9311 82	4341 64	1,609 8002 57	4344 25	9,999 8690 75 2 62	
4,401	1,610 3653 46	4341 6#	1,610 2346 83	4344 25	9,999 8693 37 2 61	
02	10 7995 10	4341 64	10 6691 08	4344 24	8695 98 2 60	
03	11 2336 74	4341 65	11 1035 32	4344 25	8698 58 . 2 59	
04	11 6678 39	4341 65 4341 65	11 5379 57	4344 24	8701 18 2 59	
03	12 1020 04	4311 00	11 9723 81	4344 24	8703 77 2 59	
4,406	1,612 5361 69	4341 65	1,612 4068 05	4344 24	9,999 8706 36 2 59	
07	12 9703 34	4341 66	12 8412 29	4344 23	8708 95 2 58	
08 09	. 13 4044 99	4341 66	13 2756 52	4344 23	8711 53 2 57	
10	13 8386 65 14 2728 31	4341 66 4341 67	. 13 7100 75 14 1444 98	4344 23 4344 23	8714 10 2 57 8716 67 2 56	
	37 2720 52		21 2111 00		0120 01 2 00	
4,411	1,614 7069 98	4341 66	1,614 5789 21	4344 23	9,999 8719 23 2 57	
12	15 1411 64	4341 67	15 0133 44	4344 22	8721 80 2 55	
13 14	15 5753 31	4341 67	15 4477 66	4344 22 -	8724 35 2 55	
15	16 1094 98 16 5436 65	4341 68	15 8821 88 16 3166 09	4344 22	8726 90 2 54 8729 44 2 54	
10	10 3430 00		20 0200 00	,	. 07.0 11 4.01	
4,416	1,616 9778 33	4341 68	1,616 7510 31	4344 21	9,999 8731 98 2 53	
178	17 3120 01	4341 68 4341 68	17 1854 52	4344 21	8734 51 2 53	
18	17 7461 69	4341 69	17 6198 73 18-0542 94	4344 20	8737 04 2 53 8739 57 2 51	
19 20	18 1803 37 18 6145 06	4341 69	18 4887 14	4344 20	8742 08 2 52	
	10 0113 00		20 100, 22			
4,421	1,619 0486 74	4341 69	1,618 9231 34	4344 20	9,999 8744 60 2 50	
22	19 4828 44	4341 69 4341 70	19 3575 54 19 7919 74	4344 20	8747 10 2 50 8749 61 2 49	
23	19 9170 13 20 3511 83	4341 70	20 2263 93	4344 19	8752 10 2 50	
24 25	20 7853 52	4341 70	20 6608 12	4344 19	8754 60 2 48	
		4241 70:		4244 40		
4,425	1,621 2195 23	4341 70	1,621 0952 3f	4344 19 4344 18	9,999 8757 08 2 49	
27 28	21 6536 93 22 0878 64	4341 71	21 5296 50 21 9640 68	4344 18	8759 57 2 47 8762 04 2 48	
29	22 5220 34	4341 71	22 3984 86	4344 18	8764 52 2 47	
30	22 9562 05	4341 71	22 8329 04	4344 18	8766 99 2 47	
		4341 72	# CON DOMA ON	4344 18	0:000 0#00 er 0 4B	
4,431	1,623 3903 77	4341 72	1,623 2673 22 23 7017 40	4344 17	9,999 8769 45 2 47 8771 92 2 45	
32 33	23 8245 48 24 2587 20	4341 72	24 1361 57	4344 17	8774 37 2 45	
34	24 6928 92	4341 72	24 5705 74	4344 16	8776 82 2 44	
35	25 1270 64	4341 73	25 0049 90	4344 17	8779 26 2 44	
4 420	. DOE #610 25	4341 73	1,625 4394 07	4344 16	9,999 8781 70 2 43	
4,436	1,625 5612 37 25 9954 10	4341 73	25 8738 23	4344 16	8784 13 2 43	
38	26 4295 83	4341 73	26 3082 39	4344 16	8786 56 2 43	
. 39	26 8637 56	4341 74	26 7426 55	4344 16	8788 99 2 42	
40	27 2979 29	4341 74	27 1770 70	4344 16	8791 41 2 42	
4,441	4 607 7201 03	4341 74	1,627 6114 86	4344 15	9,999 8793 83 2 41	
4,441	1,627 7321 03 28 1662 77	4341 74	28 0459 01	4344 14	\$796 24 2 40	
43	28 6004 51	4341 74	28 4803 15	4344 15	8798 64 2 40	
44	29 0346 26	4341 75	28 9147 30	4344 14	8801 04 2 39	
45	29 4688 01	4341 75	29 3491 44	4344 14	8803 43 2 40	
4,446	1,629 9029 75	4341 75	1,629 7835 58	4344 14	9,999 8805 83 2 38	
47	30 3371 51	4341 75	30 2179 72	4344 14	8808 21 2 39	
48	30 7713 26	4341 76	30 6523 86	4344 13	8810 60 2 37	
49	31 2055 02	4341 76	31 0867 99	4344 13	8812 97 2 37	
50	31 6396 78		31 5212 12	^	8815 34	

4,450 1,631 6396 78 4341 76 1,631 8212 12 4344 13 9,999 8815 34 2 37 4,451 1,632 0738 64 4341 76 1,631 856 25 434 13 9,999 8815 31 2 37 52 32 5081 30 4341 77 32 990 38 4344 12 8820 82 25 53 32 9422 07 4341 77 32 990 38 4344 12 8822 43 2 35 54 33 3703 84 4341 77 33 693 62 4344 12 882 43 2 35 55 33 8105 61 4341 77 33 693 62 4344 12 8817 82 25 55 33 8105 61 4341 73 33 693 62 4344 12 8817 82 25 57 34 6789 16 4341 73 34 693 1276 63 4341 12 8818 13 2 46 57 34 6789 16 4341 73 34 693 1276 63 4341 11 8814 12 2 35 57 34 6789 16 4341 73 34 693 1276 69 4344 11 8814 12 2 34 59 35 472 72 4341 73 34 9085 98 4344 11 8814 15 2 34 59 35 472 72 4341 73 35 805 30 4344 11 8836 47 2 32 50 36 8408,07 4341 79 35 856 30 4344 10 8838 80 2 33 60 3 37 2830 86 4341 79 35 856 30 4344 10 8843 13 2 31 61 37 1818 65 4341 79 37 608 4344 10 8845 13 2 31 62 36 8408,07 4341 79 37 608 64 4344 10 8845 14 2 31 63 37 2830 86 4341 79 37 608 73 444 10 8845 14 2 31 64 37 1818 65 4341 79 37 608 73 444 10 8845 14 2 31 65 33 1823 45 4341 80 39 300 73 80 4344 10 8845 14 2 31 65 33 1823 45 4341 80 39 300 73 80 4344 10 8845 13 2 31 66 37 30 007 04 4341 80 38 905 19 8 4344 10 885 14 2 31 67 30 007 04 4341 80 38 905 19 8 4344 07 886 62 2 30 68 30 4888 85 4341 80 30 300 07 4344 08 886 32 2 2 2 69 38 800 65 4341 81 30 7750 16 4344 08 886 32 2 2 2 69 38 800 65 4341 81 30 7750 16 8344 08 886 32 2 2 2 4,471 1,640 7574 26 4341 81 40 2004 24 4344 08 886 32 2 2 57 4 4 20 599 70 4341 82 44 9470 55 4344 08 886 33 2 2 7 73 44 20 599 70 4341 82 44 9470 55 4344 08 886 33 2 2 7 74 42 20 599 70 4341 82 44 9470 55 4344 08 886 33 2 2 7 74 42 20 80 80 4341 81 41 5126 48 4344 07 808 60 2 2 6 75 44 20 80 80 4341 81 41 5126 48 4344 07 808 60 2 2 6 75 44 20 80 80 4341 83 44 100 90 4344 08 886 33 2 2 7 74 42 20 80 80 4341 83 44 100 90 4344 08 886 33 2 2 7 74 42 20 80 80 4341 83 44 100 90 4344 08 886 33 2 2 7 74 42 20 80 80 4341 83 44 100 80 4344 08 886 33 2 2 7 74 42 20 80 80 4341 83 44 100 80 4344 08 886 33 2 2 2 8 85 43 43 30 434 84 85 44 100 8 860 434 40 8 886 33 2 2 2 8 85 40 40 8	k.	log. Cof. k.	D.	log. Sin. k.	D.	log. Tang. k.	D.
52 32 5589 30 4341 77 32 9300 38 4344 12 8822 68 2 35 54 33 133 67 44 177 33 6834 50 4344 12 8822 43 2 35 55 33 8105 61 4341 77 33 6836 62 4344 12 8824 78 2 35 55 33 8105 61 4341 77 33 6836 22 4344 12 8824 78 2 35 55 33 8105 61 4341 77 33 6836 22 43 4344 12 8824 78 2 35 57 34 6789 16 4341 78 34 6760 07 4344 11 8831 81 2 34 55 35 35 1130 93 4341 78 34 6760 07 4344 11 8831 81 2 34 55 36 57 34 6789 16 4341 78 34 6760 07 4344 11 8831 81 2 34 59 35 647 2 4341 78 35 4309 10 4344 11 8831 81 2 34 66 60 53 9814 50 4341 79 35 8653 30 4344 10 8836 47 2 33 60 50 53 9814 50 4341 79 35 8653 30 4344 10 8836 80 2 33 60 50 4341 79 36 7341 60 4344 10 8845 14 2 31 63 4341 80 30 373 80 4344 10 8845 14 2 31 63 4341 80 30 373 80 4344 10 8845 14 2 31 65 33 153 34 54 4341 80 35 0373 80 4344 10 8845 14 2 31 65 33 153 34 5 4341 80 35 0373 80 4344 10 8845 14 2 31 65 33 153 34 5 4341 80 35 0373 80 4344 10 8845 14 2 31 65 39 4848 85 4314 80 35 0373 80 4344 10 8855 14 2 31 65 39 4848 85 4314 80 35 0373 80 4344 10 8856 32 29 44,466 1,636 4341 80 35 0373 80 4344 10 8856 32 29 66 39 4888 85 4314 80 35 0373 80 4344 10 8856 32 29 66 39 4888 85 4314 80 35 0373 80 4344 10 8856 32 29 66 39 8880 65 4341 81 80 30 3440 47 4344 90 8856 52 2 20 69 39 880 65 4341 81 80 30 3440 47 4344 90 8856 22 26 69 39 880 65 4341 81 80 30 3440 47 4344 90 8856 22 26 69 39 880 65 4341 81 40 2004 24 4344 90 8856 22 26 70 44 20 600 70 4341 81 40 2004 24 4344 90 8856 72 2 22 8 44 20 600 70 4341 81 40 2004 24 4344 90 8856 72 2 22 8 44 20 600 70 4341 81 40 2004 24 4344 90 8856 72 2 22 8 44 20 600 70 4341 81 40 60 880 40 8866 60 2 26 60 30 880 65 43 431 81 40 2004 24 4344 90 8856 72 2 22 8 8 44 8 8 44 8 8 44 8 8 8 8 8 8	4,450	1,631 6396 78	4341 76	1,631 5212 12	4344 13	9,999 8815 34	2 3.7
52	4,451	1,632 0738 54	4341 76	1,631 9556 25	4344 13	9,999 8817 71	2 37
54	52		4341 77		4344 12	.,	
55 33 8105 61 4341 77 33 6032 74 4344 12 8827 13 2 35 4,456 1,634 2447 38 4341 78 1,634 1276 86 4341 11 9,990 8829 46 2 33 57 34 6789 16 4341 78 34 6020 97 4344 11 883 181 2 34 58 35 130 93 4341 78 34 6020 97 4344 11 883 182 2 34 59 35 5472 72 4341 78 35 309 10 4334 11 883 185 2 32 60 39 814 50 4341 79 35 6853 30 4344 10 883 80 2 33 4,461 1,636 4156 28 4341 79 36 7341 50 4344 10 843 13 2 31 62 36 498,07 4341 79 37 1685 60 4344 10 884 84 2 30 63 37 2839 86 4341 79 37 1685 60 4344 10 884 84 2 30 65 33 1523 45 4341 80 36 373 80 4344 09 884 84 2 30 67 39 02070 44 434 80 39 346 07		32 9422 07	4341 77	32 8244 50	4344 12	8822 43	2 35
4,456 1,634 2447 38 4341 78 34 6789 16 34 178 34 6789 16 34 178 34 6789 16 35 1313 03 4341 78 34 6760 68 4344 11 8831 81 2 34 59 35 1313 03 4341 78 34 9665 68 4344 11 8831 81 2 34 60 53 9814 50 4341 79 35 8633 30 4344 10 8835 80 2 33 4,461 1,636 4156 28 4341 79 35 8633 30 4344 10 8835 80 2 33 4,461 1,636 4156 28 4341 79 36 7341 60 62 36 8498,07 4341 79 37 1685 60 4344 10 8845 74 2 31 63 37 2330 86 4341 79 37 1685 60 4344 10 8845 74 2 31 64 37 7181 65 33 1623 45 4341 80 38 9073 80 4344 10 8845 74 2 31 65 33 1623 45 4341 80 38 9073 80 4344 10 8845 74 2 31 66 67 39 0207 04 4341 80 38 9061 98 4344 10 8856 22 2 29 68 69 39 8890 65 4341 81 39 7760 16 4334 09 8857 22 2 29 4,467 1,640 7574 26 4341 81 40 0782 40 4344 08 8866 60 2 26 73 41 1916 07 4341 81 41 0782 40 4344 08 8866 60 2 27 73 41 1916 07 4341 81 41 0782 40 4344 08 8866 60 2 27 73 41 0257 88 4341 81 41 0782 40 4344 08 8866 60 2 27 73 41 0257 88 4341 81 41 0782 40 4344 08 8866 60 2 27 73 41 0257 88 4341 81 41 0782 40 4344 08 8866 60 2 27 73 41 0257 88 4341 81 41 0782 40 4344 08 8866 60 2 27 74 42 0491 51 4341 82 42 3814 63 4344 07 8868 60 2 26 77 43 3022 15 4341 81 41 0782 40 4344 08 8870 86 62 26 77 43 3022 15 4341 81 41 0782 40 4344 08 8870 86 62 26 77 43 3022 15 4341 81 41 0782 40 4344 08 8870 86 62 26 77 42 2931 33 4341 82 42 3814 63 4344 07 8868 60 2 26 76 77 43 3022 15 4341 81 40 770 55 4344 08 8870 86 62 26 77 43 3022 15 4341 81 40 770 55 4344 08 8870 86 62 26 887 62 24 4486 1,645 701 65 4341 81 40 708 4344 08 8870 86 62 26 887 62 24 4486 1,645 701 65 4341 81 44 0782 40 4344 08 8870 86 62 26 68 68 69 39 880 66 69 39 880 66 69 39 880 66 69 39 880 66 69 39 880 66 69 39 880 66 69 39 880 66 69 39 880 66 69 39 880 66 69 39 880 66 69 39 880 66 69 39 880 66 69 39 880 66 69 39 880 66 69 39 880 66 69 39 880 68 69 39 880		33 3763 84		33 2588 62		8824 78	2 35
57 34 6789 16 4341 78 34 5020 97 4344 11 8831 81 2 34 53	55	33 8105 61	4341 77	33 6932 74	4344 12	8827 13	2 35
58	4,456	1,634 2447 39	4341 78	1,634 1276 86	4344 11	9,999 8829 48	2 33
59 35 5472 72 4341 78 36 4309 10 4344 11 8836 47 2 32 60 53 6814 50 4341 79 35 8633 30 4344 10 8838 80 2 33 4,461 1,636 4150 28 4341 79 1,636 2907 40 4344 10 9,000 8841 12 2 31 62 36 8408,07 4341 79 36 7341 50 4334 10 8843 13 2 31 63 37 2839 86 4341 79 37 1685 60 4344 10 8843 13 2 31 64 37 7181 65 4341 79 37 6029 70 4344 10 8843 13 2 31 65 38 1523 45 4341 80 38 0373 80 4344 10 8850 35 2 29 44,466 1,638 5665 25 4341 80 38 0373 80 4344 10 8850 35 2 29 66 3 30 4548 85 4341 80 38 9061 98 4344 09 8850 25 22 29 69 30 8890 65 4341 81 30 7750 16 4344 08 8850 51 2 26 69 30 8890 65 4341 81 30 7750 16 4344 08 8860 51 2 26 70 40 3232 45 4341 81 40 2009 24 4344 08 8861 79 2 27 41 1916 07 4341 81 41 0762 40 4344 08 8866 32 27 73 41 0257 88 4341 81 41 5126 48 4344 07 8866 60 2 26 74 42 0599 70 4341 82 42 3814 63 8870 86 2 26 75 42 4941 61 4341 82 42 3814 63 8870 86 2 26 79 42 394 65 67 42 394 65 67 42 394 65 67 4341 81 40 40 2009 24 4344 08 8866 32 27 73 41 0257 88 4341 81 41 5126 48 4344 07 8866 60 2 26 75 42 4941 61 4341 82 42 3814 63 4344 07 8866 60 2 26 75 42 4941 61 4341 82 42 3814 63 4344 07 8866 60 2 26 75 42 4941 61 4341 82 42 3814 63 4344 07 8868 60 2 26 75 42 4941 61 4341 82 42 3814 63 4344 07 8868 60 2 26 75 42 4941 61 4341 82 42 3814 63 4344 07 8868 60 2 26 75 42 4941 61 4341 82 42 3814 63 4344 07 8868 60 2 26 87 42 42 42 42 42 42 42 42 42 42 42 42 42	57	34 6789 16	4341 78	34 5620 97	4344 11	8831 81	2 34
4,461		35 1130 93		34 9965 08		8834 15	2 34
4,461 1,636 4156 28 4341 79 36 7341 50 4344 10 8843 13 2 31 63 37 2839 86 4341 79 37 1685 60 4344 10 8843 13 2 31 64 37 7181 65 4341 79 37 1685 60 4344 10 8845 14 2 31 65 38 1523 45 4341 80 38 0373 80 4344 10 8850 35 2 29 4,466 1,638 5865 25 4341 80 1,638 4717 89 4344 09 8,969 8822 64 2 30 667 39 0207 04 4341 80 38 0961 08 4344 09 8,864 09 8,864 09 2 2 2 69 39 8800 65 4341 81 39 7750 16 4344 08 8,865 17 2 2 2 4,466 39 38 880 65 4341 81 30 7750 16 4344 08 8,866 17 2 2 2 4,471 1,640 7574 26 4341 81 40 2004 24 4344 08 8,866 33 2 27 73 41 6257 88 4341 81 41 6782 40 4344 07 8,968 60 2 26 75 42 4941 51 4348 2 42 3814 63 4344 07 8,979 8864 60 2 26 77 43 3625 15 4341 82 42 3814 63 4344 07 8,979 8864 53 2 22 4,476 1,642 2033 33 4341 82 42 3814 63 3434 07 8,979 8865 57 2 22 24 4,476 1,642 2033 33 4341 82 42 3814 63 4344 07 8,979 8865 60 2 26 77 43 3625 15 4341 82 42 3814 63 4344 07 8,979 8865 37 2 22 43,476 1,642 2033 33 4341 82 42 3814 63 4344 07 8,979 8865 60 2 26 77 43 3625 15 4341 82 43 2502 77 434 40 8867 33 2 27 78 43 79 44 20599 70 43 41 82 43 2502 77 43 44 66 887 62 2 26 78 43 79 44 2038 80 4341 83 44 109 90 4344 06 8882 10 2 23 80 4,481 1,645 0992 46 4341 83 44 109 90 4344 06 8882 10 2 23 80 4,481 1,645 0992 46 4341 83 44 6291 19 4344 06 8882 10 2 23 84 4,481 1,645 0992 46 4341 83 44 6291 19 4344 05 8882 10 2 22 44 4,481 1,645 0992 46 4341 83 44 6291 19 4344 05 8882 10 2 22 44 4,481 1,645 0992 46 4341 83 44 6291 19 4344 05 8882 10 2 22 44 4,481 1,645 0992 46 4341 83 44 6291 19 4344 06 8882 10 2 24 84 4,481 1,645 0992 46 4341 83 44 6291 19 4344 06 8882 10 2 24 84 4,481 1,645 0992 46 4341 83 44 6291 19 4344 06 8882 10 2 24 84 4,481 1,645 0992 46 4341 83 44 6291 19 4344 06 8882 10 2 24 84 85 85 86 87 2 22 84 84 85 86 87 82 82 85 83 84 84 86 87 86 87 87 87 87 87 87 87 88 88 88 88 88 88							
62 36 8498,07 4341 79 36 7341 50 4334 10 8843 13 2 31 63 37 2839 86 4341 79 37 1685 60 4344 10 8845 14 2 31 64 37 7181 65 4341 79 37 6092 70 4344 10 8848 64 2 30 65 33 1523 45 4341 80 38 0373 80 4344 10 8850 35 2 29 44,466 1,638 5865 25 4341 80 38 0073 80 4344 10 8850 35 2 29 66 67 39 0207 04 4341 80 38 9061 98 4344 09 8857 92 2 29 69 39 8896 85 4341 81 39 7750 16 4341 08 8850 31 2 28 70 40 3232 45 4341 81 39 7750 16 4344 08 8850 51 2 28 70 40 3232 45 4341 81 40 2004 24 4344 08 8867 32 2 27 73 41 1016 07 4341 81 40 2004 24 4344 08 8866 33 2 27 73 41 1016 07 4341 81 41 5126 48 4344 07 8866 60 2 26 74 42 0599 70 4341 82 41 9470 55 4344 08 8870 86 2 26 75 42 4941 51 4341 82 42 3814 63 4344 07 8866 60 2 26 75 42 4941 51 4341 82 42 3814 63 4344 07 8866 60 2 26 77 43 3025 15 4341 82 42 3814 63 4344 07 8866 60 2 26 77 43 3025 15 4341 82 42 3814 63 4344 07 8866 60 2 26 77 43 3025 15 4341 82 42 3814 63 4344 07 8866 60 2 26 77 43 40 985 15 4341 82 42 502 77 4344 06 8873 12 2 25 84 43 66 60 84 44 6650 63 4341 83 43 684 683 4344 07 8873 12 2 25 86 43 40 86 83 80 43 83 80 43 83 84 41 100 90 4344 06 8876 67 2 2 4 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8	60	53 9814 50	4341 79	35 S653 3 0	4344 10	8838 80	2 33
63	4,461	1,636 4156 28	4341 79	1,636 2997 40	4344 10	9,999 8841 12	2 31
64 37 7181 65 4341 79 37 6029 70 4314 10 8848 45 2 30 65 38 1623 45 4314 80 38 0373 80 4344 10 8850 35 2 29 44 466 1,638 5665 25 4341 80 38 0373 80 4344 10 8850 35 2 29 66 39 4548 85 4341 80 38 3406 07 4344 09 8854 04 2 28 68 39 4548 85 4314 81 39 7750 16 4344 09 8857 22 2 29 69 39 8890 65 4341 81 39 7750 16 4344 09 8857 22 2 29 70 40 3232 45 4341 81 40 2094 24 4344 08 8850 51 2 28 41 1016 07 4341 81 41 10782 40 4344 08 8866 33 2 27 73 41 6257 88 4341 81 41 5126 48 4344 07 8866 60 2 27 73 41 6257 88 4341 81 41 5126 48 4344 07 8866 60 2 26 75 42 4941 51 4341 82 42 3814 63 4344 07 8866 60 2 26 75 42 4941 51 4341 82 42 3814 63 4344 07 8873 12 2 25 42 43 43 6257 84 4341 82 42 3814 63 4344 07 8873 12 2 25 42 43 43 625 84 4341 82 42 3814 63 4344 07 8873 12 2 25 42 43 43 625 84 4341 82 42 3814 63 4344 07 8873 12 2 25 44 476 1,642 9283 33 4941 82 42 3814 63 4344 07 8877 62 2 24 43 43 625 64 4341 82 43 3625 15 4341 82 43 3625 17 843 3625 15 4341 82 43 3646 63 4344 07 8877 62 2 24 43 44 6550 63 4341 83 44 6686 83 4344 06 8877 62 2 24 78 44 20 890 70 4341 83 44 6686 83 4344 07 8877 86 2 24 8 8 8 8 4341 83 44 6534 96 4344 06 8882 10 2 23 8 8 4 4 6 650 63 4341 83 44 6534 96 4344 06 8882 10 2 23 8 8 4 4 6 650 63 4341 83 44 6534 96 4344 06 8882 10 2 23 8 8 4 4 6 650 63 4341 83 44 6534 96 4344 05 8883 78 2 22 8 4 6 8359 81 4341 83 46 6911 19 4344 05 8893 22 2 21 8 8 4 6 8359 81 4341 84 46 2911 19 4344 05 8893 22 2 21 8 8 4 6 8359 81 4341 84 46 6911 19 4344 05 8893 22 2 21 8 8 4 6 8359 81 4341 84 46 6911 19 4344 05 8893 22 2 21 8 8 6 48 1385 34 4341 85 48 8075 54 4344 05 8990 806 65 2 26 8 4 8 1385 34 4341 85 48 8075 64 4344 05 8990 806 65 2 24 8 8 6 8 48 1385 34 4341 85 48 8075 64 4344 05 8990 806 65 2 24 8 8 6 6 6 6 6 6 6 6 6 6 6 6 6 6 6 6 6	62	36 8498 07	4341 79	36 7341 50	4344 10	8843 13	2 31
65 33 1523 45 4341 80 38 0373 80 4344 10 8850 35 2 29 4,466 1,638 5865 25 4341 80 1,638 4717 80 4344 09 9,999 8822 64 2 90 67 39 0207 04 4341 80 38 9061 98 4344 09 8854 94 2 28 68 39 4548 85 4341 81 39 3406 07 2344 09 8857 22 2 29 69 38 890 65 4341 81 39 7750 16 4344 08 8867 22 2 29 70 40 3232 45 4341 81 40 2094 24 4344 06 8861 79 2 27 4,471 1,640 7574 26 4341 81 41 0762 40 4344 08 866 33 2 27 72 41 1916 07 4341 82 41 0762 40 4344 07 886 60 2 26 74 42 0599 70 4341 82 41 9470 55 4344 07 886 60 2 26 4,476 1,642 9283 33 4341 82 43 944 07 8573 12 2 25 4,476 1,642 938 33 4341 83 4,642 934 4		37 2839 86		37 1685 60		8845 14	2 31
4,466				37 6029 70			2 30
67	65	38 1523 45	4341 80	38 0373 80	4344 10	8850 35	2 29.
67	4.466	1.638 5865 25	4341 80	1.638 4717 89	4344 09	9,999 8822 64	2 30
69 39 8890 65 4341 81 39 7750 16 4344 08 8850 51 2 28 70 40 3232 45 4341 81 40 2094 24 4344 08 8861 79 2 27 41 1916 07 4341 81 41 0782 40 4344 08 8861 79 2 27 72 41 1916 07 4341 81 41 0782 40 4344 08 8866 33 2 27 73 41 6257 88 4341 81 41 0782 40 4344 08 8866 33 2 27 73 41 6257 88 4341 81 41 5126 48 4344 07 8868 60 2 26 74 42 0599 70 4341 82 41 9470 55 4344 08 8870 86 2 26 75 42 4941 51 4341 82 42 3814 63 4344 07 8873 12 2 25 44.76 1,642 9283 33 4341 82 42 3814 63 4344 07 8873 12 2 25 77 43 3625 15 4341 82 42 2502 77 4344 06 8877 62 2 24 78 43 3625 15 4341 82 43 2502 77 4344 06 8877 62 2 24 79 44 2308 80 4341 83 44 160 90 4344 06 8882 10 2 23 80 44 6650 63 4341 83 44 160 90 4344 06 8882 10 2 23 80 44 6650 63 4341 83 44 6534 96 4344 06 8882 10 2 23 83 45 9676 13 4341 84 45 8367 13 4340 6 8888 78 22 22 84 64 64 017 97 4341 84 45 6357 13 4340 6 8888 78 22 22 84 64 64 017 97 4341 84 45 62911 19 4344 05 8893 22 22 18 84 46 4017 97 4341 84 46 62911 19 4344 05 8893 22 22 18 85 46 8359 81 4341 84 46 62911 19 4344 05 8893 22 22 18 85 46 8359 81 4341 84 46 7255 24 4344 05 8893 22 22 18 85 46 8359 81 4341 84 46 7255 24 4344 05 8893 22 22 18 85 46 8359 81 4341 85 48 6857 13 4344 06 8900 04 2 29 84 4667 270 165 4341 85 48 6857 13 4344 05 8895 43 2 21 85 46 8359 81 4341 85 48 6857 13 4344 05 8890 84 2 20 84 4667 270 165 4341 85 48 6857 13 4344 05 8890 84 2 20 85 43 2 21 85 46 8359 81 4341 85 48 6857 13 4344 05 8900 20 4 2 21 85 46 8359 81 4341 85 48 631 42 4344 04 8002 2 21 84 44 44 8002 2 21 84 44 44 8002 2 21 84 44 44 8002 2 21 84 44 44 8002 2 21 84 44 44 8002 2 21 84 44 44 8002 2 21 84 44 44 8002 2 21 84 44 85 8567 13 4344 04 8002 2 21 84 44 85 8567 13 4344 04 8002 2 21 84 44 85 8567 13 4344 04 8002 2 21 84 44 85 8567 13 4344 04 8002 2 21 84 44 85 8567 13 4344 04 8002 2 21 84 44 85 8567 13 4344 04 8002 2 21 84 44 85 8567 13 4344 04 8002 2 21 84 44 85 8567 13 4344 04 8002 2 21 84 44 85 8567 13 4344 04 8002 2 21 84 44 85 8567 13 4344 04 8002 2 21 84 44 85 8567 13 4344 04 8002 2 21 84 85 8567 10 605 62 4344 03 8016 73 2 21 7	67	,	4341 80		4344 09		
70 40 3232 45 4311 81 40 2004 24 4344 08 8561 79 2 27 4,471 1,640 7574 26 4341 81 1,640 6438 32 4344 08 9,990 8864 06 2 27 72 41 1916 07 4341 82 41 0782 40 4344 08 8866 33 2 27 73 41 6257 88 4341 81 41 5126 48 4344 07 8868 60 2 26 74 42 0590 70 4341 82 41 9470 55 4344 08 8870 86 2 26 75 42 4941 51 4341 82 42 3814 63 4344 07 8870 86 2 26 75 42 4941 51 4341 82 1,642 8158 70 4344 07 9,990 8875 37 2 25 4.476 1,642 9233 33 4341 82 1,642 8158 70 4344 07 9,990 8875 37 2 25 76 43 7966 98 4341 83 43 6846 83 4344 07 8879 86 2 24 79 44 2308 80 4341 83 44 190 90 4344 06 8882 10 2 23 80 44 6650 63 4341 83	68	39 4548 85	4341 80	39 3406 07	4344 09	8857 22	2 29
4,471		39 8890 65		39 7750 16		\$859 51	2 28
72	70	40 3232 45	4341 81	40 2094 24	4344 08	8861 79	2 27
7.2 41 1916 07 4341 82 41 0782 40 4344 08 8866 33 2 27 7.3 41 6257 88 4341 81 41 5126 48 4344 07 8868 60 2 26 7.4 42 0599 70 4341 82 41 9470 55 4344 08 8870 86 20 2 26 7.5 42 4941 51 4341 82 42 3814 63 4344 07 8873 12 2 25 4.476 1,642 9283 33 4341 82 1,642 8158 70 4344 07 9,999 8875 37 2 25 7.7 43 3625 15 4341 82 43 2502 77 4344 06 8877 62 2 24 7.8 43 7966 98 4341 83 43 6846 83 4344 07 8879 86 2 24 7.9 44 2308 80 4341 83 44 1190 90 4344 06 8882 10 2 23 8.0 44 6650 63 4341 83 44 1500 90 4344 06 8882 10 2 23 8.0 44 6650 63 4341 83 44 5534 96 4344 06 8882 10 2 23 8.2 45 5334 30 4341 84 46 5232 88 4344 05 8888 78 2 12 8.3 49 676 13 4341 84 46 223 08 4344 05 8888 78 2 12 8.4 46 4017 97 4341 84 46 2911 19 4344 05 8891 00 2 22 8.4 46 8359 81 4341 84 46 7255 24 4344 05 8893 22 2 21 8.5 46 8359 81 4341 84 46 7255 24 4344 05 8895 43 2 21 8.5 48 1385 34 4341 85 48 68 14 2 344 05 8895 43 2 21 8.5 48 1385 34 4341 85 48 68 14 2 344 05 8895 22 2 21 8.5 48 1385 34 4341 85 48 68 287 38 4344 05 8895 22 2 12 8.5 46 8359 81 4341 84 46 7255 24 4344 05 8895 22 2 21 8.5 46 8359 81 4341 85 48 68 14 2 4344 05 8895 22 2 21 8.5 46 8359 81 4341 85 48 68 14 2 4344 05 8895 22 2 21 8.5 46 8359 81 4341 85 48 68 14 2 4344 05 8895 22 2 21 8.5 46 8359 81 4341 85 48 68 14 2 4344 05 8895 22 2 21 8.5 48 1385 34 4341 85 48 68 14 2 4344 04 8902 04 2 19 8.7 47 7043 49 4341 85 48 8875 46 4344 04 8902 04 2 19 8.9 48 5727 19 4341 85 48 8875 46 4344 04 8902 04 2 19 8.9 48 5727 19 4341 85 48 8975 46 4344 03 8912 96 2 17 9.3 50 3094 60 4341 86 50 6351 59 4344 03 8912 96 2 17 9.3 50 3094 60 4341 86 50 6351 59 4344 03 8912 96 2 17 9.4 50 7436 46 4341 86 50 6351 59 4344 03 8912 96 2 17 9.3 50 3094 60 4341 86 50 6351 59 4344 03 8912 96 2 17 9.4 50 7436 46 4341 86 50 6351 59 4344 03 8912 96 2 17 9.5 51 1778 32 4341 86 50 6351 59 4344 03 8912 96 2 17 9.5 51 1778 32 4341 86 50 6351 59 4344 03 8912 96 2 17 9.5 52 0462 05 4341 87 51 9383 67 4344 02 8923 78 2 25 9.9 52 4985 79 4341 87 51 9383 67 4344 02 8923 78 2 25	4.471	1.640 7574 26	4341 81	1,640 6438 32	4344 08	9,999 8864 06	2 27
73	72		4341 81		4344 08		
75	73	41 6257 88	4341 81	,	4344 07		
4.476 1,642 9283 33 4341 82 1,642 8158 70 4344 07 9,999 8875 37 2 25 77 43 3625 15 4341 82 43 2502 77 4344 06 8877 62 2 24 78 43 7966 98 4341 83 43 6846 83 4344 07 8879 86 2 24 79 44 2308 80 4341 83 44 1190 90 4344 06 8882 10 2 23 80 44 6650 63 4341 83 44 6534 96 4344 06 8884 33 2 23 4,481 1,645 0992 46 4341 83 4,647 9879 02 4344 06 9,999 886 56 2 22 82 45 5334 30 4341 84 46 54223 08 4344 05 8888 78 2 12 83 45 9676 13 4341 84 45 8567 13 4344 06 8891 00 2 22 84 46 4017 97 4341 84 46 2911 19 4344 05 8893 22 2 21 85 46 8359 81 4341 84 46 7255 24 4344 05 8895 43 2 24 4,486 1,647 2701 65 4341 84 4,67 255 24 4344 05 8895 64 2 24 87 47		42 0599 70		41 9470 55		8870 86	2 26
77	75	42 4941 51	4341 82	42 3814 63	4344 07	8873 12	2 25
77	4.476	1.642 9283 33	4341 82	1.642 8158 70	4344 07	9.999 8875 37	2 25
78		,	4341 82	* : *	4344 06		
80 44 6650 63 4341 83 44 5534 96 4344 06 8884 33 ? 23 4,481 1,645 0992 46 4341 83 1,644 9879 02 4344 05 9,999 886 56 2 22 82 45 5334 30 4341 84 45 4223 08 4344 05 8888 78 2 12 83 45 9676 13 4341 84 45 8567 13 4344 06 8891 00 2 22 84 46 4017 97 4341 84 46 2911 19 4344 05 8893 22 2 21 85 46 8359 81 4341 84 46 7255 24 4341 05 8893 22 2 21 87 47 7043 49 4341 85 4,75943 33 4344 04 9,999 8897 64 2 20 87 47 7043 49 4341 85 47 5943 33 4344 05 8899 84 2 20 89 48 1385 34 4341 85 48 0287 38 4344 04 8902 04 2 19 89 48 5727 19 4341 85 48 631 42 4344 04 8902 04 2 19 90 49 0069 04 4341 85 48 631 42 4344 04 9,999 8908 60 2 48 4,491 1,649 4410 8	78	43 7966 98	4341 83		4344 07		
4,481 1,645 0992 46 4341 83 1,644 9879 02 4344 05 9,990 8886 56 2 72 82 45 5334 30 4341 84 46 4223 08 4344 05 8888 78 2 12 83 45 9676 13 4341 84 45 8567 13 4341 06 8891 00 2 22 84 46 4017 97 4341 84 46 2911 19 4344 05 8893 22 2 21 85 46 8359 81 4341 84 46 7255 24 4344 05 8895 43 2 24 4,486 1,647 2701 65 4341 84 4,67255 24 4344 05 8895 876 42 24 87 47 7043 49 4341 85 47 5943 33 4344 05 8890 84 2 20 87 47 7043 49 4341 85 47 5943 33 4344 04 8902 04 2 19 89 48 1385 34 4341 85 48 0287 38 4344 04 8902 04 2 19 90 49 0069 04 4341 85 48 681 42 4344 04 8902 04 2 19 90 49 0069 04 4341 85 48 687 38 4344 04 9,999 8908 60 2 49 92 49 8752 74 </th <th>79</th> <th>44 2308 80</th> <th>4341 83</th> <th>44 1190 90</th> <th>4344 06</th> <th>8882 10</th> <th>2 23</th>	79	44 2308 80	4341 83	44 1190 90	4344 06	8882 10	2 23
82	80	44 6650 63	4341 83	44 5534.96	4344 06	8884 33	2 23
82	4.481	1.645 0992 46	4341 83	1.644 9879 02	4344 05	0.000 8886 56	2 32
83		*					
85	83	45 9676 13	4341 84	45 8567 13	4344 06		
4,486 1,647 2701 65 4341 84 1,647 1599 29 4344 04 9,999 8897 64 2 20 87 47 7043 49 4341 85 47 5943 33 4344 05 8890 84 2 20 88 48 1385 34 4341 85 48 0287 38 4344 04 8902 04 2 19 59 48 5727 19 4341 85 48 681 42 4344 04 8004 23 2 19 90 49 0069 04 4341 85 48 8975 46 4344 03 8906 42 2 18 4,491 1,649 4410 89 4341 85 1,649 3319 49 4344 04 9,990 8908 60 2 49 92 49 8752 74 4341 86 49 7663 53 4344 03 8910 79 2 17 93 50 3094 60 4341 86 50 2007 56 4344 03 8912 96 2 17 94 50 7436 46 4341 86 50 6351 59 4344 03 8915 13 2 17 95 51 1778 32 4341 86 51 0695 62 4344 03 8917 30 2 17 4,496 1,651 6120 18 4341 87 1,651 5030 65 4344 02 9,299 8019 47 2 15 97	84	46 4017 97	4341 84	46 2911 19	4344 05	8893 22	2 21
87	85	46 8359 81	4341 84	46 7255 24	4344 05	8895 43	2 2!
87	A.486	1,647 2701 65	4341 S4	1.647 1599 29	4344 04	9,999 8897 64	2 24
88 48 1385 34 4341 85 48 0287 38 4344 04 8902 04 2 19 89 48 5727 19 4341 85 48 4631 42 4344 04 8904 23 2 19 90 49 0069 04 4341 85 48 8975 46 4344 03 8906 42 2 18 4,491 1,649 4410 89 4341 85 1,649 3319 49 4344 04 9,999 8008 60 2 18 92 49 8752 74 4341 86 49 7663 53 4344 03 8910 79 2 17 93 50 3094 60 4341 86 50 2007 56 4344 03 8912 96 2 17 94 50 7436 46 4341 86 50 6351 59 4344 03 8915 13 2 17 95 51 1778 32 4341 86 51 0695 62 4344 03 8917 30 2 17 4,496 1,651 6120 18 4341 87 1,651 5030 65 4344 02 9,999 8019 47 2 16 97 52 0462 05 4341 87 51 9383 67 4344 02 8923 78 2 16 98 52 4303 91 4341 87 52 3727 69 4344 02 8923 78 2 15 99 52 9145 7			4341 85		4344 05		
QO 49 0069 04 4341 85 48 8975 46 4344 03 8906 42 2 18 4,491 1,649 4410 89 4341 85 1,649 3319 49 4344 04 9,999 8908 60 2 48 92 49 8752 74 4341 86 49 7663 53 4344 03 8910 79 2 17 93 50 3094 60 4341 86 50 2007 56 4344 03 8912 96 2 17 94 50 7436 46 4341 86 50 6351 59 4344 03 8915 13 2 17 95 51 1778 32 4341 86 51 0695 62 4344 03 8917 30 2 17 4,496 1,651 6120 18 4341 87 1,651 5030 65 4344 02 9,999 6019 47 2 15 97 52 0462 05 4341 87 51 9383 67 4344 02 8923 78 2 16 98 52 4303 91 4341 87 52 3727 69 4344 02 8923 78 2 15 99 52 9145 79 4341 37 52 8071 72 4344 02 8925 93 2 14	88	48 1385 34	4341 85	e .	4344 04	8902 04	
4,491 1,649 4410 89 4341 85 1,649 3319 49 4344 04 9,999 8908 60 2 48 92 49 8752 74 4341 86 49 7663 53 4344 03 8910 79 2 17 93 50 3094 60 4341 86 50 2007 56 4344 03 8912 96 2 17 94 50 7436 46 4341 86 50 6351 59 4344 03 8915 13 2 17 95 51 1778 32 4341 86 51 0695 62 4344 03 8917 30 2 17 4,496 1,651 6120 18 4341 87 1,651 5030 65 4344 02 9,999 6019 47 2 15 97 52 0462 05 4341 87 51 9383 67 4344 02 8923 78 2 16 98 52 4303 91 4341 87 52 3727 69 4344 02 8923 78 2 15 99 52 9145 79 4341 37 52 8071 72 4344 02 8925 93 2 14	89	48 5727 19	4341 85	48 4631 42	4344 04	\$904 23	2 19
92 49 8752 74 4341 86 49 7663 53 4344 03 8910 79 2 17 93 50 3094 60 4341 86 50 2007 56 4344 03 8912 96 2 17 94 50 7436 46 4341 86 50 6351 59 4344 03 8915 13 2 17 95 51 1778 32 4341 86 51 0695 62 4344 03 8917 30 2 17 4,496 1,651 6120 18 4341 87 1,651 5030 65 4344 02 9,999 8019 47 2 16 97 52 0462 05 4341 87 51 9383 67 4344 02 8921 62 2 16 98 52 4303 91 4341 87 52 3727 69 4344 02 8923 78 2 15 99 52 9145 79 4341 87 52 8071 72 4344 02 8925 93 2 14	90	49 0069 04	4341 85	48 8975 46	4344 03	\$906 42	2 18
92 49 8752 74 4341 86 49 7663 53 4344 03 8910 79 2 17 93 50 3094 60 4341 86 50 2007 56 4344 03 8912 96 2 17 94 50 7436 46 4341 86 50 6351 59 4344 03 8915 13 2 17 95 51 1778 32 4341 86 51 0695 62 4344 03 8917 30 2 17 4,496 1,651 6120 18 4341 87 1,651 5030 65 4344 02 9,999 8019 47 2 16 97 52 0462 05 4341 87 51 9383 67 4344 02 8921 62 2 16 98 52 4303 91 4341 87 52 3727 69 4344 02 8923 78 2 15 99 52 9145 79 4341 87 52 8071 72 4344 02 8925 93 2 14	4.491	1,649 4410 89	4341 85	1.649 3319 49	4344 04	9,999 8908 60	2 49
93 50 3094 60 4341 86 50 2007 56 4344 03 8912 96 2 17 94 50 7436 46 4341 86 50 6351 59 4344 03 8915 13 2 17 95 51 1778 32 4341 86 51 0695 62 4344 03 8917 30 2 17 4,496 1,651 6120 18 4341 87 1,651 5030 65 4344 02 9,999 8019 47 2 16 97 52 0462 05 4341 87 51 9383 67 4344 02 8921 62 2 16 98 52 4303 91 4341 87 52 3727 69 4344 02 8923 78 2 15 99 52 9145 79 4341 37 52 8071 72 4344 02 8925 93 2 14							
94 50 7436 46 4341 86 50 6351 59 4344 03 8915 13 2 17 95 51 1778 32 4341 86 51 0695 62 4344 03 8917 30 2 17 4,496 1,651 6120 18 4341 87 1,651 5030 65 4344 02 9,999 8019 47 2 16 97 52 0462 05 4341 87 51 9383 67 4344 02 8921 62 2 16 98 52 4303 91 4341 87 52 3727 69 4344 02 8923 78 2 15 99 52 9145 79 4341 37 52 8071 72 4344 02 8925 93 2 14	93	50 3094 60	4341 86		4344 03		
4,496 1,651 6120 18 4341 87 1,651 5030 65 4344 02 9,999 8019 47 2 16 97 52 0462 05 4341 87 51 9383 67 4344 02 8921 62 2 16 98 52 4803 91 4341 87 52 3727 69 4344 02 8923 78 2 15 99 52 9145 79 4341 37 52 8071 72 4344 02 8925 93 2 14				50 6351 59		8915 13	
97 52 0462 05 4341 87 51 9383 67 4344 02 8921 62 2 16 98 52 4303 91 4341 87 52 3727 69 4344 02 8923 78 2 15 99 52 9145 79 4341 37 52 8071 72 4344 02 8925 93 2 14	95	51 1778 32	4341 86	£1 0695 62	4344 03	8917 30	2 17
97 52 0462 05 4341 87 51 9383 67 4344 02 8921 62 2 16 98 52 4303 91 4341 87 52 3727 69 4344 02 8923 78 2 15 99 52 9145 79 4341 37 52 8071 72 4344 02 8925 93 2 14	4.496	1,651 6120 18	4341 87	1,651 5039 65	4344 02	9,999 8919 47	2 1.6
98 52 4803 91 4341 87 52 3727 69 4344 02 8923 78 2 15 99 52 9145 79 4341 87 52 8071 72 4344 02 8925 93 2 14	2			, ,			
99 52 9145 79 4341 87 52 8071 72 4344 02 8925 93 2 14			4 .		4344 02		
4,500 53 3487 66 53 2415 73 8928 07			4341 37		4344 02	8925 93	
	4,500	53 3487 66		53 2415 73		8928 07	

k.	log. Cof. k.	D.	log. Sin. k.	D.	log. Tang. k.	D.
4,500		49/14 0.9		A244 (10		0.15
	1,653 3487 66	4341 87	1,653 2415 73	4344 02	9,999 8\$28 .07	2 15
4,501	1,653 7829 53	4341 88	1,653 6759 75	4344 01	0,999 8930 22	2 13
03	54 2171 41 54 6513 29	4341 88 4341 88	54 1103 76 54 5447 78	4344 02 4344 01	8932 35 8934 49	2 14 2 13
04	55 0855 17	4341 88	54 9791 79	4344 00	8936 62	2 13
05	55 5197 05	4341 88	55 4135 79	4344 01	8938 74	2 13
4 506	4 044 0400 00	4044 00	4 654 0480 00	**** ***	0.000 0040 00	
4,506	1,655 9538 93	4341 89 4341 89	1,655 8479 80 56 2823 80	4344 00	9,999 8940 87	2 11
08	56 3880 82 56 8222 71	4341 89	56 7167 80	4344 CO	8942 98 8945 09	2 11 2 11
09	57 2564 60	4341 89	57 1511 80	4344 00	8947 20	2 11
10	57 6906 49	4341 90	57 5855 80	4344 00	8949 31	2 11
1 511	4.040.4040.00	4044 00	4 650 0100 00	4242.00	0.000.0004	
4,511 12	1,658 1248 39 58 5590 28	4341 90	1, 658 0199 80 58 4543 79	4343 99 4343 99	9,999 8951 41	2 10
13	58 9932 18	4341 90 4341 90	58 8887 78	4343 99	8953 51 8955 60	2 09
• 14	59 4274 09	4341 90	59 3231 77	4343 98	8957 68	2 08
15	59 8615 99	4341 91	59 7575 75	4343 99	8959 76	2 08
4 740	4 500 0058 00	****	# CCO +0+0 ##	**** **	0.000.0004.04	
4,516	1,660 2957 90 .60 7299 80	4341 91 4341 91	1,660 1919 74 60 6263 72	4343 98 4343 98	9,999 8961 84 8963 92	2 08
17 18	61 1641 71	4341 91	61 0607 70	4343 97	8965 99	2 07
19	61 5983 63	4341 91	61 4951 67	4343 98	8968 05	2 06
20	62 0325 54	4341 92	61 9295 65	4343 97	8970 11	2 05
4 504	4 000 4000 40	4244 00	1 500 2020 60	4212 07	0.000.0070.16	0 (18
4,521	1,662,4667 46 62 9009 38	4341 92 4341 92	1 ,662 3639 62 62 7983 59	4313 97 4343 97	9,999 8972 16 8974 21	2.05
22 23	63 3351 30	4341 92	63 2327 56	4343 97	8976 26	2 05
24	.63 7693 22 -	4341 92	63 6671 53	4343,97	8978 31	2 05
25	64 2035 14	4341 92	64 1015 50	4343 96	8980 36	2 03
	4 664 6077 ()7	4241 02	4 66% £250 A6	4242 Oc	0.000.0000.00	0.00
4,526	1,664,6377 07 65 0719 00	4341 93 4341 93	1,664 5359 46 64 9703 42	4343 96 4343 96	9,999 8982 39 8984 42	2.03
27 28	65 5060 93	4341 93	65 4047 38	4343 96	8986 45	2 03
29	65 9402 86	4341 93	.65 8391 34	4343 96	8988 48	2 03
30	66 3744 79	4341 93	66 2735 30	4343 95	8990 51	2 01
4 504	1,666 8086 73	4341 94	1,666 7079 25	4343 95	9,999 8992 52	0.01
4,531	67 2428 67	4341 94	67 1423 20	4343 95	8994 53	2.01
32 33	67 6770 61	4341 94	67 5767 15	4343 95	8996 54	2 01
34	68 1112 55	4341 94	68 0111 10 ,	4343 94	8998 55	2 00
35	68 5454 49	4341 95	68 4455 04	4343 95	9000 55	2 00
4 520	1,668 9796 44	4341 95	1,668,8798 99	4343 94	9,999 9002 55	1,99
4,536 37	69 4138 39	4341 95	69 3142 93	4343 94	9004 54	1 99
38	69 8480 34	4341 95	69 7486 87	4343 93	9006 53	1 98
39	70 2822 29	4341 96	70 1830 80	4343 94	9008 51	1 93
40	70 7164 25	4341 96	70 6174 74	4343 93	9010 49	1 97
1 5.11	1,671 1506 21	4341 96	1,671 0518 67	4343 93	9,999 9012 46	1 97
4,541 42	71 5848 17	4341 98	71 4862 60	4343 93	9014 43	1 97
43	72 0190 13	.4341 96	71 9206 53	4343 93	9016 40	1 97
44	72 4532 09	4341 97	72 3550 46	4343 92	9018 37	1 97
45	72 8874 05	4341 97	72 7894 38	4343 93	a = 9020 33	1 96
4,546	11: 1,673 3216 02 F	. 4341 97	1,673 2238 31	4343 92	9,999 9022 29	1 95
47	73 7557 99 . :		73 6582 23	4343 92	9024 24	1 95
48	74 1899 96	4341 97	74 0926 15	4343 92	9026 19	1 95
49	74 6241 93	.4341 97	74 5270 07	4343 91	9028 14	1 93
50	75 0583 91		74 9613 98		9030 07	
					D	

 $\mathbf{R} \; \mathbf{r}$

€ k .	log. Cos. k.	D.	log. Sin. k.	D.	log. Tang. k. D.
4,550	1,675 0583 91	4341 98	1,674 9613 98	4343 91	9,9999 030 07 1 95
4,551	1,675 4925 88	4341 98	1,675 3957 90	4343 91	9,9999 032 02 1 93
52	75 9267 86	4341 98	75 8301 81	4343 91	033 95 • 1 93
53	76 3609 84	4341 98	76 2645 72	4343 91	035 88 1 93
54	76 7951 82	4341 98	76 6989 63	4343 90	037 81 1 92
55	77 2293 81	4341 98	77 1333 53	4343 91	039 73 1 92
4,556	1,677 6635 79	4341 99	1,677 5677 44	4343 90	9,9999 041 65 1 92
57	78 0977 78	4341 99	78 0021 34	4343 90	043 56 1 91
58	78 5319 77	4341 99	78 4365 24	4343 90	045 47 1 91
59	78 9661 76	4341 99	78 8709 14	4343 90	047 38 1 91
60	79 4003 75	4342 00	79 3053 04	4343 90	049 29 1 90
4,561	1,679 8345 74	4342 00	1,679 7396 93	4343 89	9,9999 051 19 1 89
62	80 2687 74	4342 00	80 1740 82	4343 89	053 08 1 89
63	80 7029 74	4342 00	80 6084 71	4343 89	054 97 1 89
64	81 1371 74	4342 00	81 0428 60	4343 89	056 86 1 88
65	81 5713 75	4342 00	81 4772 49	4343 89	058 74 1 88
4,566	1,682 0055 75	4342 01	1,681 9116 37	4343 89	9,9999 060 62 1 88
67	82 4397 76	~ 4342 O1	82 3460 26	4343 89	062 50 1 87
68	82 8739 77	4342 01	82 7804 14	4343 88	064 37 . 1 87
69	83,3081.78	4342 01	83 2148 02	4343 88	066 24 1 87
70	83 7423 79	4342 01	83 6491 90	4343 87	068 11 1 86
4,571	1,684 1765 80	4342 02	1,684 0835 77	4343 88	9,9999 069 97 1 86
72	84 6107 82	4342 02	84 5179 65	4343 87	071 83 7 1 85
73	85 0449 84	4342 02	84 9523 52	4343 87	073 68 1 85
74	85 4791 86	4342 02	85 3867 39	4343 87	075 53 1 85
75	85 9133 88	4342 02	85 8211 26.	4343 87	077 38 1 85
4,576	1,686 3475 90	4342 02	1,686 2555 13	4343 86	9,9999 079 23 1 84
77	86 7817 92	4342 03	86 6898 99	4343 86	081 07 1 83
78	87 2159 95	4342 03	87 1242 85	4343 87	082 90 1 84
79	87 6501 98	4342 03	, 87 5586 72	4343 85	084 74 1 82
80	88 0844 01	4342 03	87 9930 57	4343 86	086 56 (1.83
4,581	1,688 5186 04	4342 04	1,688 4274 43	4343 86	9,9999 088 39 1 82
82	88 9528 08	4342 04	88 8618 29	4343 85	090 21 1 82
83	89 3870 11 .	4342 04	89 2962 14	4343 85	092 03 1 81
84	89 8212 15	4342 04	89 7305 99	4343 85	093 84 1 81
85	90 2554 19	4342 04	90 1649 84	4343/85	095 65 4 1 81
4,586	1,690 6899 23	4342 04	1,690 5993 69	4343 84	9,9999 097 46 1 80
87	91 1238 28	4342 05	91 0337 53	4343 85	099 26 1 80
88	91 5580 32	4342 05	91 4681 38	4343 84	101 06 2 1 79
89	91 9922 37 92 4264 42	4342 05 4342 05	91 9025 22 92 3369 06	4343 84	102 85 (1 1 79 1 104 64 (m. 1 79
90	92 4201 12	2012 00			2.4
4,591	1,692 8606 47	4342 05	1,692 7712 90	4343 84	9,9999 106 43 11 1 79
92	93 2948 52		93 2056 74		108 22 1 78
93	93 7290 57	4342 06	93 6400 57		110 00 1 78
94	94 1632 63 94 5974 68	4342 06 4342 06	94 0744 41	4343 83	111 78 1 78 113 56 1 77
95	3 03/ T 00				
4,596	1,695 0316 74	4342 06	I,694 9432 07	4343 83	9,9999 115 33
97	95 4658 80	4342 06	95 3775 90		
98	95 9000 8 7 96 3342 93		95 8119 73		
4 600 ·	96 7685 00		96 2463 56		
4,600	BI 1000 00		20 0007 30	1	2 (88, 87 122 39 1)

				-		
k.	log. Cos. k.	D.	log. Sin. k.	D.	log. Tang. k.	D.
4,600	1,696 7685 00	4342 07	1,696 6807 38	4343/82	9,9999 122 38	1 75
4,601	1,697 2027 07	4342 (0.7	1,697 1151 20	4343 82	9,9999 124 13	1 75
02	97 6369 14	4342:07	97 5495 02	4343 82	125 88	1 75
03	98 0711 21	4342 07	97 9838 84	4343 81	127 63	1 74
04	98 5053 28	4342 08	98 4182 65	4343 82	129 37	1 74
05	98 9395 36	4342 08	08 8526 47	4343 81	131 11	1 73
4.000			00 00%0 1,			
4,606	1,699 3737 44	4342 08	1,699 2870 28	4343 81	9,9999 132 84	1 73
07	99 8079 52	4342 08	99 7214 09	4343 81	134 57	1 73
08	1,700 2421 60	4342 08	1,700 1557 90	4343 81	136 30	1 73
09	00 6763 68	4342 08	00 5901 71	4343 80	138 03	1 72
10	01 1105 76	4342 09	01 0245 51	4343 81	139 75	1 72
4,611	1,701 5447 85	4342 09	4 704 4500 20	4343 80	9,9999 141 47	1 71
12	01 9789 94	4342 09	1,701 4589 32	4343 80	143 18	1 72
13	02 4132 02	4342 09	01 8933 12	4343 80	144 90	1 71
14	02 8474 11	4342 09	02 3276 92	4343 80	146 61	1 70
15	03 2816 21	4342 09	02 7620 72	4343 79	148 31	
	03 2010 21	WO 12 00	03 1964 52	2010 13	110 01	1 70
4,616	1,703 7158 30	4342 09	1,703 6308 31	4343 80	9,9999 150 01	1 71
17	04 1500 39	4342 10	04 0652 11	4343 79	151 72	1 69
18	04 5842 49	4342 10	04 4995 90	4343 79	153 41	1 69
19	05 0184 59	4342 10	04 9339 69	4343 79	155 10	1 69
20	05 4526 69	4342 10	05 3683 48	4343 79	156 79	1 69
4,621	1 705 0000 mg	4342 11	4 904 0000 00	4343 79	9,9999 158 48	1 60
22	1,705 8868 79 06 3210 90	4342 11	1,705 8027 27	4343 78	160 16	1 68
23	06 7553 00	4342 11	06 2371 06	4343 78	161 84	1 68
24	07 1895 11	4342 11	06 6714 84	4343 78	163 51	1 67 1 67
25	07 6237 22	4342 11	07 1058 62 07 5402 40	4343 78	165 18	1 67
	0, 0,0, 22	101% LL	07 0402 40	10 10 10	200 20	10/
4,626	1,708 0579 33	4342 11	1,707 9746 18	4343 78	9,9999 166 85	1 67
27	08 4921 44	4342 11	08 4089 96	4343 77	168 52	1 65
28	08 9263 56	4342 12	08 8433 73	4343 78	170 17	1 67
29	09 3605 67	4342 12	09 2777 51	4343 77	171 84	1 65
30	09 7947 79	4342 12	09 7121 28	4343 77	173 49	1 65
4,631	1,710 2289 91	4342 12	1,710 1465 05	4343 77	9,9999 175 14	1 65
32	10 6632 03	4342 12	10 5808 82	4343 77	176 79	1 65
33	11 0974 15	4342 12	11 0152 59	4343 76	178 44	1 65
34	11 5316 28	4342 13	11 4496 35	4343 77	180 08	1 64
35	11 9658 40	4342 13	11 8840 12	4343 76	181 72	1 63
4.000	~					
4,636	1,712 4000 53	4342 13	1,712 3183 88	4343 76	9,9999 183 35	1 63
37	12 8342 66	4342 13	12 7527 64	4343 76	184 98	1 63
38	13 2684 79	4342 13	13 1871.40	4343 76	186 61	1 63
39	13 7026 92	4342 13	13 6215 16	4343 75	188 24	1 62
40	14 1 369 06	4342 14	14 0558 91	4343 76	189 86	1 62
4,641	1,714 5711 19	4342 14	1,714 4902 67	4343 75	9,9999 191 48	1 61
42	15 0053 33	4342 14	14 9246 42	4343 75	193 09	1 61
43	15 4395 47	4342 14	15 3590 17	4343 75	194 70	1 61
44	15 8737 61	4342 14	15 7933 92	4343 75	196 31	1 61
45	16 3079 75	4342 14	16 2277 67	4343 74	197 92	1 00
4,646	4 710 7101 00				0.0000 100 10	
4,040	1,716 7421 90	4342 14	1,716 6621 41	4343 75	9,9999 199 52	1 60
48	17 1764 04	4342 15	17 0965 16	4343 74	201 12	1 59
49	17 6106 19 18 0148 24	4342 15	17 5308 90	4343 74	202 71	1 59
50	18 0448 34 18 4790 49	4342 15	17 9652 64	4343 74	204 30	1 59
30	10 4790 49		18 3996 38		205 89	

Rr 2

73 28 4660 37 4342 19 28 3901 97 4343 70 241 60 1 74 28 9002 56 4342 19 28 8245 67 4343 70 243 11 1	999 558 558 557 557 557 556 556 556 555 554
52 10 3474 79 4342 15 19 2683 86 4343 73 209 07 1 53 53 19 7816 94 4342 16 19 7027 59 4343 74 210 65 1 85 54 20 2159 10 4342 16 20 1371 33 4343 73 212 23 1 85 55 20 6501 26 4342 16 20 5715 06 4343 73 213 80 1 85 4,656 1,721 0843 42 4342 16 1,721 0058 79 4343 73 9,9099 215 37 1 85 57 21 5185 58 4342 16 21 4702 52 4343 72 216 94 1 85 58 21 9527 74 4342 16 21 8746 24 4343 73 218 50 1 85 59 22 3869 90 4342 17 22 3689 97 4343 72 220 06 1 85 60 22 8212 07 4342 17 22 7433 69 4343 73 221 62 1 85 4,661 1,723 2554 24 4342 17 1,723 1777 42 4343 72 9,9999 233 18 1 62 23 6806 41 4342 17 23 6121 14 4343 72 224 73 1 63 24 1238 58 <t< td=""><td>58 58 57 57 56 56 56 56 55 55 55</td></t<>	58 58 57 57 56 56 56 56 55 55 55
52 10 3474 79 4342 15 19 2683 86 4343 73 209 07 1 5 53 19 7816 94 4342 16 19 7027 59 4343 74 210 65 1 8 54 20 2159 10 4342 16 20 1371 33 4343 73 212 23 1 8 55 20 6501 26 4342 16 20 5715 06 4343 73 213 80 1 8 4,656 1,721 0843 42 4342 16 1,721 0058 79 4343 73 9,9999 215 37 1 8 57 21 5185 58 4342 16 21 4402 52 4343 72 216 94 1 8 58 21 9527 74 4342 17 22 3089 97 4343 72 220 06 1 8 60 22 8212 07 4342 17 22 7433 69 4343 72 220 06 1 8 60 22 8212 07 4342 17 22 7433 69 4343 72 9,9999 223 18 1 4,661 1,723 2554 24 4342 17 1,723 1777 42 4343 72 9,9999 223 18 1 62 23 6896 41 4342 17 24 0464 86 4343 71 226 28 1 63 24 1238 58 43	58 58 57 57 56 56 56 56 55 55 55
54 20 2159 10 4342 16 20 1371 33 4343 73 212 23 1 5 55 20 6501 26 4342 16 20 5715 06 4343 73 213 80 1 5 4,656 1,721 0843 42 4342 16 1,721 0058 79 4343 73 9,9999 215 37 1 5 57 21 5185 58 4342 16 21 4402 52 4343 72 216 94 1 5 58 21 9527 74 4342 16 21 8746 24 4343 73 218 50 1 5 59 22 3869 90 4342 17 22 3089 97 4343 72 220 06 1 5 60 22 8212 07 4342 17 22 7433 69 4343 73 221 62 1 5 4,661 1,723 2554 24 4342 17 27 7433 69 4343 72 9,9999 223 18 1 62 23 6896 41 4342 17 23 6121 14 4343 72 9,9999 223 18 1 63 24 1238 58 4342 17 24 0464 86 4343 71 226 28 1 64 24 5580 75 4342 17 24 4808 57 4343 72 227 82 1 65 24 9922 93 4342 18	57 57 56 56 56 56 56 55 55
55 20 6501 26 4342 16 20 5715 06 4343 73 213 80 1 4,656 1,721 0843 42 4342 16 1,721 0058 79 4343 73 9,9999 215 37 1 57 21 5185 58 4342 16 21 4402 52 4343 72 216 94 1 58 21 9527 74 4342 16 21 8746 24 4343 73 218 50 1 59 22 3669 90 4342 17 22 3089 97 4343 72 220 06 1 60 22 8212 07 4342 17 22 7433 69 4343 73 221 62 1 4,661 1,723 2554 24 4342 17 23 6121 14 4343 72 9,9999 231 18 1 62 23 6896 41 4342 17 23 6121 14 4343 72 224 73 1 63 24 1238 58 4342 17 24 0464 86 4343 71 226 28 1 64 24 5580 75 4342 17 24 4808 57 4343 72 227 82 1 65 24 9922 93 4342 18 1,725 3496 01 4343 71 9,9999 230 91 1 67 25 8607 28 4342 18	57 56 56 56 56 56 55 55 55
4,656 1,721 0843 42 4342 16 1,721 0058 79 4343 73 9,9999 215 37 1 57 21 5185 58 4342 16 21 4402 52 4343 72 216 94 1 58 21 9527 74 4342 16 21 8746 24 4343 73 218 50 1 59 22 3869 90 4342 17 22 3089 97 4343 72 220 06 1 60 22 8212 07 4342 17 22 7433 69 4343 73 221 62 1 4,661 1,723 2554 24 4342 17 27 7433 69 4343 72 9,9999 223 18 1 62 23 6896 41 4342 17 23 6121 14 4343 72 9,9999 223 18 1 63 24 1238 58 4342 17 24 0464 86 4343 71 226 28 1 64 24 5580 75 4342 17 24 4808 57 4343 72 227 82 1 65 24 9922 93 4342 18 1,725 3496 01 4343 72 229 36 1 4,666 1,725 4265 10 4342 18 25 7839 72 4343 71 9,9999 230 91 1 67 25 8607 28 4342	57 56 56 56 56 55 55
57 21 5185 58 4342 16 21 4402 52 4343 72 216 94 1 58 21 9527 74 4342 16 21 8746 24 4343 73 218 50 1 59 22 3869 90 4342 17 22 3089 97 4343 72 220 06 1 60 22 8212 07 4342 17 22 7433 69 4343 73 221 62 1 4,661 1,723 2554 24 4342 17 1,723 1777 42 4343 72 9,9999 223 18 1 62 23 6896 41 4342 17 23 6121 14 4343 72 224 73 1 63 24 1238 58 4342 17 24 0464 86 4343 71 226 28 1 64 24 5580 75 4342 17 24 4808 57 4343 72 227 82 1 65 24 9922 93 4342 17 24 9152 29 4343 72 229 36 1 4,666 1,725 4265 10 4342 18 1,725 3496 01 4343 71 9,9999 230 91 1 67 25 8607 28 4342 18 25 7839 72 4343 71 232 44 1 68 26 2949 46 4342 18 26	56 56 56 56 55 55 55
58 21 9527 74 4342 16 21 8746 24 4343 73 218 50 1 59 22 3869 90 4342 17 22 3089 97 4343 72 220 06 1 60 22 8212 07 4342 17 22 7433 69 4343 73 221 62 1 4,661 1,723 2554 24 4342 17 1,723 1777 42 4343 72 9,9999 223 18 1 62 23 6896 41 4342 17 23 6121 14 4343 72 224 73 1 63 24 1238 58 4342 17 24 0464 86 4343 71 226 28 1 64 24 5580 75 4342 17 24 4808 57 4343 72 227 82 1 65 24 9922 93 4342 17 24 9152 29 4343 72 229 36 1 4,666 1,725 4265 10 4342 18 1,725 3496 01 4343 71 9,9999 230 91 1 67 25 8607 28 4342 18 25 7839 72 4343 71 232 44 1 68 26 2949 46 4342 18 26 2183 43 4343 71 233 97 1 69 26 7291 64 4342 18 26	56 56 56 55 55 55
59 22 3869 90 4342 17 22 3089 97 4343 72 220 06 1 3 60 60 22 8212 07 4342 17 22 7433 69 4343 73 221 62 1 3 60 4,661 1,723 2554 24 4342 17 1,723 1777 42 4343 72 9,9999 223 18 1 62 23 6896 41 4342 17 23 6121 14 4343 72 224 73 1 63 24 1238 58 4342 17 24 0464 86 4343 71 226 28 1 64 64 24 5580 75 4342 17 24 9152 29 4343 72 227 82 1 65 65 24 9922 93 4342 17 24 9152 29 4343 72 229 36 1 6 4,666 1,725 4265 10 4342 18 1,725 3496 01 4343 71 9,9999 230 91 1 67 67 25 8607 28 4342 18 25 7839 72 4343 71 232 44 1 68 68 26 2949 46 4342 18 26 2183 43 4333 71 233 97 1 69 69 26 7291 64 4342 18 26 6527 14 4343 71 237 03 1 4,671 1,727 5976 00 4342 18 <td< td=""><td>56 56 55 55 54</td></td<>	56 56 55 55 54
60 22 8212 07 4342 17. 22 7433 69 4343 73 221 62 1 4,661 1,723 2554 24 4342 17 1,723 1777 42 4343 72 9,9999 223 18 1 62 23 6896 41 4342 17 23 6121 14 4343 72 224 73 1 63 24 1238 58 4342 17 24 0464 86 4343 71 226 28 1 64 24 5580 75 4342 17 24 4808 57 4343 72 227 82 1 65 24 9922 93 4342 17 24 9152 29 4343 72 229 36 1 4,666 1,725 4265 10 4342 18 1,725 3496 01 4343 71 9,9999 230 91 1 67 25 8607 28 4342 18 25 7839 72 4343 71 232 44 1 68 26 2949 46 4342 18 26 2183 43 4343 71 233 97 1 69 26 7291 64 4342 18 26 6527 14 4343 71 235 50 1 70 27 1633 82 4342 18 27 9558 26 4343 71 237 03 1 4,671 1,727 5976 00 4342 18	56 55 55 54
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	55 55 54
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	55 5 4
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	54
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	
65 24 9022 03 4342 17 24 9152 29 4343 72 229 36 1 4,666 1,725 4265 10 4342 18 1,725 3496 01 4343 71 9,9999 230 91 1 67 25 8607 28 4342 18 25 7839 72 4343 71 232 44 1 68 26 2949 46 4342 18 26 2183 43 4343 71 233 97 1 69 26 7291 64 4342 18 26 6527 14 4343 71 235 50 1 70 27 1633 82 4342 18 27 0870 85 4343 71 237 03 1 4,671 1,727 5976 00 4342 18 1,727 5214 56 4343 70 9,9999 238 56 1 72 28 0318 18 4342 19 27 9558 26 4343 71 240 08 1 73 28 4660 37 4342 19 28 3901 97 4343 70 241 60 1 74 28 9002 56 4342 19 28 8245 67 4343 70 243 11 1	SA
4,666 1,725 4265 10 4342 18 1,725 3496 01 4343 71 9,9999 230 91 1 67 25 8607 28 4342 18 25 7839 72 4343 71 232 44 1 68 26 2949 46 4342 18 26 2183 43 4343 71 233 97 1 69 26 7291 64 4342 18 26 6527 14 4343 71 235 50 1 70 27 1633 82 4342 18 27 0870 85 4343 71 237 03 1 4,671 1,727 5976 00 4342 18 1,727 5214 56 4343 70 9,9999 238 56 1 72 28 0318 18 4342 19 27 9558 26 4343 71 240 08 1 73 28 4660 37 4342 19 28 3901 97 4343 70 241 60 1 74 28 9002 56 4342 19 28 8245 67 4343 70 243 11 1	J-8
67 25 8607 28 4342 18 25 7839 72 4343 71 232 44 1 68 . 26 2949 46 4342 18 26 2183 43 4343 71 233 97 1 69 26 7291 64 4342 18 26 6527 14 4343 71 235 50 1 70 27 1633 82 4342 18 27 0870 85 4343 71 237 03 1 4,671 1,727 5976 00 4342 18 1,727 5214 56 4343 70 9,9999 238 56 1 72 28 0318 18 4342 19 27 9558 26 4343 71 240 08 1 73 28 4660 37 4342 19 28 3901 97 4343 70 241 60 1 74 28 9002 56 4342 19 28 8245 67 4343 70 243 11 1	55
67 25 8607 28 4342 18 25 7839 72 4343 71 232 44 1 68 26 2949 46 4342 18 26 2183 43 4343 71 233 97 1 69 26 7291 64 4342 18 26 6527 14 4343 71 235 50 1 70 27 1633 82 4342 18 27 0870 85 4343 71 237 03 1 4,671 1,727 5976 00 4342 18 1,727 5214 56 4343 70 9,9999 238 56 1 72 28 0318 18 4342 19 27 9558 26 4343 71 240 08 1 73 28 4660 37 4342 19 28 3901 97 4343 70 241 60 1 74 28 9002 56 4342 19 28 8245 67 4343 70 243 11 1	53
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	53
69 26 7291 64 4342 18 26 6527 14 4343 71 235 50 1 70 27 1633 82 4342 18 27 0870 85 4343 71 237 03 1 4,671 1,727 5976 00 4342 18 1,727 5214 56 4343 70 9,9999 238 56 1 72 28 0318 18 4342 19 27 9558 26 4343 71 240 08 1 73 28 4660 37 4342 19 28 3901 97 4343 70 241 60 1 74 28 9002 56 4342 19 28 8245 67 4343 70 243 11 1	53
4,671 1,727 5976 00 4342 18 1,727 5214 56 4343 70 9,9999 238 56 1 72 28 0318 18 4342 19 27 9558 26 4343 71 240 08 1 73 28 4660 37 4342 19 28 3901 97 4343 70 241 60 1 74 28 9002 56 4342 19 28 8245 67 4343 70 243 11 1	53
72 28 0318 18 4342 19 27 9558 26 4343 71 240 08 1 73 28 4660 37 4342 19 28 3901 97 4343 70 241 60 1 74 28 9002 56 4342 19 28 8245 67 4343 70 243 11 1	53
72 28 0318 18 4342 19 27 9558 26 4343 71 240 08 1 73 28 4660 37 4342 19 28 3901 97 4343 70 241 60 1 74 28 9002 56 4342 19 28 8245 67 4343 70 243 11 1	52
73 28 4660 37 4342 19 28 3901 97 4343 70 241 60 1 74 28 9002 56 4342 19 28 8245 67 4343 70 243 11 1	52
71	52
75 90 2244 75 434) 10 90 0500 27 4242 70 944 62 1	51
75 29 3344 75 4342 19 29 2589 37 4343 70 244 62 1	51
4,676 1,729 7686 94 4342 19 1,729 6933 07 4343 70 9,9999 246 13 1	51
	51
	50
	49
	49
4,681 1,731 9397 91 4342 20 1,731 8651 54 4343 69 9,9999 253 63 1	50
	48
	49
84 33 2424 51 4342 20 33 1682 61 4343 69 258 10 1	49
85 33 6766 71 4342 20 33 6026 30 4343 68 259 59 1	48
4,686 1,734 1108 92 4342 21 1,734 0369 98 4343 69 9,9999 261 07 1	48
	47
	47
	46
90 35 8477 75 4342 21 35 7744 71 4343 67 266 95 1	46
4,691 1,736 2819 97 4342 21 1,736 2088 38 4343 68 9,9999 268 41 1	46
	46
	46
	46
	45
4,696 1,738 4531 05 4342 22 1,738 3806 75 4343 67 9,9999 275 70 1	45
	44
	44
4,700 40 1899 91 40 1181 41 281 47	4-1

k.	log. Cof. k.	D.	log. Sin. k.	D.	log. Tang. k.	D.
4,700	1,740 1899 94	4342 23	1,740 1181 41	4343 66	9,9999 281 47	1 43
4,701	1,740 6242 17	4342 23	1,740 5525 07	4343 67	9,9999 282 90	1 44
02	41 0584 40	4342 23	40 9868 74	4343 66	284 34	1 44
03	41 4926 63	4342 23	41 4212 40	4343 65	285 77	1 43
04	41 9268 86	4342 23	41 8556 05	4343 66	287 19	1 42
05	42 3611 10	4342, 23	42 2899 71	4343 66	288 61	1 43
4,706	1,742 7953 33	4342 24	1,742 7243 37	4343 65	9,9999 290 04	1 41
07	43 2295 57	4342 24	43 1587 02	4343 65	291 45	1 41
08	43 6637 80	4342 24	43 5930 67	4343 66	292 87	1 42
09	44 ()98() ()4	4342 24	44 0274 33	4343 65	294 29	1 42
10	44 5322 28	4342 24	44 4617 97	4343 65	295 69	1 40
4,711	1,744 9664 52	4312 24	1,744 8961 62	4343 65	9,9999 297 10	1 41
12	45 4006 76	4342 24	45 3305 27	4343 65	298 51	1 41
13	45 8349 01	4342 25	4 5 7648 92	4343 64	299 91	1 40
14	46 2691 25	4342 25	46 1992 56	4343 64	301 31	1 40
15	46 7033 50	4342 25	4 6 6 336 20	4343 64	302 70	1 39
4,716	1,747 1375 75	4342 25	1,747 0679 84	4343 64	9,9999 304 09	1 39
17	47 5718 00	4342 25	47 5023 48	4343 64	305 48	1 39
18	48 0060 25	4342 25	47 9367 12	4343 64	306 87	1 39
19	48 4402 50	4342 25	48 3710 76	4343 64	308 26	1 39
20	48 8744 75	4342 26	48 8054 40	4343 63	309 65	1 37
4,721	1,749 3087 01	4342 26	1,749 2398 03	4343 63	9,9990 311 02	1 37
22	49 7429 27	4342 26	49 6741 66	4343 64	312 39	1 38
23	50 1771 53	4342 26	50 1085 30	4343 63	- 313 77	1 37
24	50 6113 79	4342 26	50 5428 93	4343 62	315 14	1 36
25	51 0456 05	4342 26	50 9772 55	4343 63	316 50	1 37
4,726	1,751 4798 31	4342 26	2,751 4116 18	4343 63	9,9999 317 87	1 37
27	51 9140 57	4342 27	51 8459 81	4343 62	319 24	1 36
28	52 3482 84	4342 27	52 2803 43	4343 63	320 60	1 36
29	52 7825 10	4342 27	52 7147 06	4343 62	321 96	1 35
30	53 2167 37	4342 27	53 1490 68	4343 62	323 31	1 35
4,731	1,753 6509 64	4342 27	1,753 5834 30	4343 62	9,9999 324 66	1 35
32	54 0851 91	4342 27	54 0177 92	4343 62	326 01	1 35
33	54 5194 18	4342 27	54 4521 54	4343 62	327 36	1 34
34	54 9536 46	4342 27	54 8865 16	4343 01	328 70	1 34
35	55 3878 73	4342 28	55 3208 77	4343 62	330 04	1 34
4,736	1,755 8221 01	4342 28	1,755 7552 39	4343 61	9,9999 331 38	1 34
37	56 2563 28	4342 28	56 1896 00	4343 61	332 72	1 33
38	5 6 6905 56	4342 28	56 6239 6 1	4343 61	334 05	1 33
39	57 1247 84	4342 28	57 0583 22	4343 61	335 38	1 33
40	57 5590 12	4312 28	57 4926 83	4343 61	336 71	1 33
4,741	1,757 9932 40	4342 28	1,757 9270 44	4343 60	9,9999 338 04	1 32
42	58 4274 68	4342 28	58 3614 04	4345 61	3 39 3 6	1 32
43	58 8616 97	4342 29	5 8 7957 65	4 343 60	3 40 68	1 32
44	59 2959 25	4342 29	59 2301 25	4343 60	342 00	1 31
45	59 7301 54	4342 29	59 6644 85	4 343 60	343 31	1 31
4,746	1,760 1643 83	4342 29	1,760 0988 45	4343 60	9,9999 344 62	1 31
47	60 5986 12	4342 29	60 5332 05	4 343 60	345 93	1 31
48	61 0328 41	4342 29	60 9675 65	4343 60	347 24	1 31
49	61 4670 70	4342 29	61 4019 25	4343 59	3 48 55	1 30
5 0	61 9012 99		61 8362 8 4		349 85	

<i>k</i> .	log. Cof. k.	D.	log. Sin. k.	D. '	log. Tang. k.	D.
4,750	1,761 9012 99	4342 30	1,761 8362 84	4343 60	9,9999 349 85	1 30
4,751	1,762 3355 29	4342 30	1,762 2706 44	4343 59	9,9999 351 15	1 29
52	62 7697 59	4342 30	62 7050 03	4343 59	352 44	1 30
53	63 2039 88	4342 30	63 1393 62	4343 59	353 74	1 29
54	63 6382 18	4342 30	63 5737 21	4343 59	355 03	1 29
55	64 0724 48	4342 30	64 0080 80	4343 59	356 32	1 28
4,756	,764 5066 79	4342 30	1,764 4424 39	4343 59	9,9999 357 60	1 29
57	64 9409 09	4342 31	64 8767 98	4343 58	358 89	1 27
58	65 3751 40	4342 31	65 3111 56	4343 59	360 16	1 29
59 60	65 8093 70	4342 31	65 7455 15	4343 58	361 45	1 27
	66 2436 01	4342 31	66 1798 73	4343 58	362 72	1 2,7
4,761	1,766 6778 32	4342 31	1,766 6142 31	4343 58	9,9999 363 99	1 27
62	67 1120 63	4342 31	67 0485 89	4343 58	365 26	1 27
63 64	67 5462:94	4342 31	67 4829 47	4343 58	366 53	1 27
165	67 9805 25	4342 31	67 9173 05	4343 57	367 80	1 26
·	68 4147 56	4342 31	68 3516 62	4343 58	369 06	1 27
4,766	1,768 8489 87	4342 32	1,768 7860 20	4343 57	9,9999 370 33	1 25
67	69 2832 19	4342 32	69 2203 77	4343 58	371 58	1 26
68	69 7174 51	4342 32	69 6547 35	4343 57	372 84	1 25
69 70	70 1516 83	4342 32	70 0890 92	4343 57	374 09	1 25
	70 5859 15	4342 32	70 5234 49	4343 57	375 34	1 25
4,771	1,771 0201 47	4342 32	1,770 9578 06	4343 56	9,9999 376 59	1 24
72	71 4543 79	4342 32	71 3921 62	4343 57	377 83	1 24
73 74	71 8886 12	4342 32	71 8265 19 72 2608 76	4343 57	379 07	1 25
75	72 3228 44 72 7570 77	4342 33 4342 33	72 6952 32	4343 56 4343 56	380 32 381 55	1 23
		4342 33	72 0002 02	93793 00		. 1 24
4,776	1,773 1913 09	4342 33	1,773 1295 88	4343 56	9,9999,382 79	°1 23
77	73 6255 42	4342 33	73 - 5639 44	4343,56	384 02	1 23
78 79	74 0597 75	4342 33	73 9983 00 74 4326 56	4343 56	385 25	1 23
80	74 4940 08 74 9282 41	4342 33 4342 33	74 8670 12	4343 56 4343 56	386 48	1 23
		7372 33				1 22
4,781	1,775 3624 75	4342 33	1,775 3013 68	4343 55	9,9999 388 93	1 22
82	75 7967 08	4342 34	75 7357 23	4343 56	390 15	1 22
83 84	76 2309 42	4342 34	76 1700 79 76 6044 34	4343 55 4343 55	391 37	1 22
85	76 6651 75 77 0994 09	4342 34	77 0387 89	4343 55	392 59 393 80	1 21
	11 0354 03	4312 JE		*343 00	333 60	1 21
4,786	1,777 5336 43	4342 34	1,777 4731 44	4343 55	9,9999 395 01	1 21
87	77 9678 77	4342 34	77 9074 99	4343 55	396 22	1 21
88 89	78 4021 11 ³	4342 34	78 3418 54	4343 55	397 43.	1 21
90		4342 34	78 7762 09 79 2105 63	4343 54	398 64	1 20
						1 40
4,791	1,779 7048 14	4342 35	1,779 6449 18	4343.54	9,9999 401 04	1 19
92 93	80 1390 49 80 5732 84	4342 35 4342 35	80 0792 72 80 5136 26	4343 54	402 23	1 19
94	81 0075 19	4342 35		4343 54 4343 54	403 42	1 19
95	81 4417 54	4342 35	81 3823 34	4343 54	404 61	1 19 1 19
4,796	1,781 8759 89	4342 35	1,781 8166 88 82 2510 42	4343 54	9,9999 406 99	1.19
98	82 3102 24 82 7444 59	4342 35 4342 36		4343 54	408 18	1 19
99	83 1786 95	4342 36	83 1197 49	4343 53	409 37	1 17
4,800	83 6129 31		83 5541 02		411 71	

k.	log. Cof. k.	D.	log. Sin. k.	D.	log. Tang. k.	D.
4,800	1,783 6129 31	4342 36	1,783 5541 02	4343 54	9,9999 411 71	1 19
4,801	1,784 0471 66	4342 36	1,783 9884 56	4343 53	9,9999 412 90	1 17
02	84 4814 02	4342 36	84 4228 09	4343 53	414 07	1 17
03	84 9156 38	4342 36	84 8571 62	4343 53	415 24	1 17
04	85 3498 74	4342 36	85 2915 15	4343 52	416 41	1 16
05	85 7841 10	4342 36	85 7258 67	4343 53	417 57	1 16
4,806	1,786 2183 47	4342 36	1,786 1602 20	4343 53	9,9999 418 73	1 17
07	86 6525 83	4342 36	86 5945 73	4343 52	419 90	1 16
08	87 0868 19	4342 37	87 0289 25	4343 52	421 06	1 15
09	87 5210 56	4342 37	87 4632 77	4343 53	422 21	1 16
10	87 9552 93	4342 37	87 8976 30	4343 52	423 37	1 15
4,811	1,788 3895 30	4342 37	1,788 3319 82	4343 52	9,9999 424 52	1 15
12	88 8237 67	4342 37	88 7663 34	4343 52	425 67	1 15
13	89 2580 04	4342 37	89 2006 86	4343 51	426 82	1 14
14	89 6922 41	4342 37	89 6350 37	4343 52	427 96	1 15
15	90 1264 78	4342 37	90 0693 89	4343 51	429 11	1 14
4,816	1,790 5607 16	4342 38	1,790 5037 40	4343 51	9,9999 430 25	1 14
17	90 9949 53	4342 38	90 9380 92	4343 51	431 39	1 13
18	91 4291 91	4342 38	91 3724 43	4343 51	432 52	1 13
19	91 8634 29	4342 38	91 8067 94	4343 51	433 65	1 13
20	92 2976 67	4342 38	92 2411 45	4343 51	431 78	1 13
1 091	4 700 7210 05	4342 38	1,792 6754 96	4343 51	9,9999 435 91	1 13
4,821	1,792 7319 05 93 1661 43	4342 38	93 1098 47	4343 51	437 04	1 12
23	93 6003 82	4342 39	93 5441 98	4343 51	438 16	1 12
24	94 0346 20	4342 39	93 9785 49	4343 50	439 28	1 12
25	94 4688 59	4342 39	94 4128 99	4343 51	440 40	1 12
4 006	4 =04 0020 07	4342 39	4 =04 04=0 €0	4242 FO	0.0000 444 50	4 10
4,826	1, 794 9030 97 95 3373 36	4342 39	1,794 8472 50 95 2816 00	4343 50 4343 50	9,9999 441 52	1 12
28	95 7715 75	4342 39	95 7159 50	4343 50	443 75	1 11
29	96 2058 14	4342 39	96 1503 00	4343 50	444 86	1 11
30	96 6400 53	4342 39	96 5846 50	4343 50	445 97	1 11
4.004	1	4342 39	4 *0* 0*00 00	Anan ro	0.0000 447 #	
4,831 32	1,797 0742 92	4342 39	1, 797 0190 00 97 4533 50	4343 50 4343 49	9,9999 447 08	1 11 E 10
33	97 5085 3 1 97 9427 70	4342 39	97 8876 99	4343 50	448 19 449 29	1 10
34	98 3770 10	4342 40	98 3220 49	4343 49	450 39	1 10
35	98 8112 49	4342 40	98 7563 98	4343 50	451 49	1 10
4.000		4342 40	4 500 4005 40	8343 40	0.0000 444 40	4.00
4,836	1,799 2454 89	4342 40	1,7 99 1907 48 99 6250 97	4343 49 4343 49	9,9999 452 59	1 09 1 09
37 38	99 6797 29 1,800 1139 69	4342 40	1, 800 0594 46	4343 49	453 68 454 77	1 09
39	00 5482 09	4342 40	00 4937 95	4343 48	455 86	1 08
40	00 9824 49	4342 40	00 9281 43	4343 49	456 94	1 09
		A240 40	4 004 0004 00	4040 40		4.00
4,841	1,801 4166 89	4342 40	1,801 3624 92	4343 49	9,9999 458 03	1 09
42 43	01 8509 29	4342 41 4342 41	01 7968 41 02 2311 89	4343 48 4343 48	459 12	1 07
43	02 2851 70 02 7194 11	4342 40	02 6655 37	4343 49	460 19 461 26	1 09
45	03 1536 51	4342 41	03 0998 86	4343 48	462 35	1 07
4,846	1,803 5878 92	4342 41	1,803 5342 34	4343 48	9,9999 463 42	1 07
47	04 0221 33	4342 4L	03 9685 82	4343 48	464 49	1 07
48 49	04 4563 74	4342 41 4342 41	04 4029 30 04 8372 78	4343 48 4343 48	- 465 56 466 63	1 07
50	04 8906 15 05 3248 56	TOTA TI	05 2716 26	1010 10	467 70	
يرو	00 0210 00		Q0 2/110 20			

k.	log. Cos. k.	D.	log. Sin. k.	D.	log. Tang. k.	D.
4,850	1,805 3248 56	4342 41	1,805 2716 26	4343 47	9,9999 467 70	1 06
4,851	1,805 7590 97	4342 41	1,805 7059 73	4343 48	9,9999 468 76	1 06
52	06 1933 39	4342 41	06 1403 21	4343 48	469 82	1 07
53	06 6275 80	4342 42	06 5746 69	4343 47	470 89	1 05
54	07 0618 22	4342 42	07 0090 16	4343 47	471 94	1 05
55	07 4960 64	4342 41	07 4433 63	4343 47	472 99	1 06
4,856	1,807 9303 05	4342 42	1,807 8777 10	4343 47	9,9999 474 05	1 05
57	08 3645 47	4342 42	08 3120 57	4343 47	475 10	1 05
58	08 7987 89	4342 42	08 7464 04	4343 47	476 15 -	1 05
59	09 2330 31	4342 42	09 1807 51	4343 47	477 20	1 04
60	09 6672 74	4342 42	09 6150 98	4343 46	478 24	1 05
4,861	1,810 1015 16	4342 42	1,810 0494 44	4343 47	9,9999 479 28	1 04
62	10 5357 58	4342 43	10 4837 91	4343 46	480 32	1 04
63	10 9700 01	4342 43	10 9181 37	4343 46	481 36	1 04
64	11 4042 44	4342 43	11 3524 83	4343 47	482 40	1 04
65	11 8384 86	4342 43	11 7868 30	4343 46	483 44	1 03
4,866	1,812 2727 29	4342 43	1,812 2211 76	4343 46	9,9999 484 47	1 03
67	12 7069 72	4342 43	12 6555 22	4343 46	485 50	1 03
68	13 1412 15	4342 43	13 0898 68	4343 45	486 53	1 02
69	13 5754 59	4342 43	13 5242 13	4343 46	487 55	1 02
70	14 0097 02	4342 43	13 9585 59	4343_46	488 57	1 02
4,871	1,814 4439 45	4342 44	1,814 3929 05	4343 45	9,9999 489 59	1 02
72	14 8781 89	4342 44	14 8272 50	4343 46	490 61	1 02
73	15 3124 32	4342 44	15 2615 96	4343 45	491 63	1 02
74	15 7466 76	4342 44	15 6959 41	4343 45	492 65	1 01
75	16 1809 20	4342 44	i 6 1 302 86	4343 45	493 66	1 01
4,876	1,816 6151 64	4342 44	1,816 5646 31	4343 45	-9,9999 494 67	1 01
77	17 0494 08	4342 44	16 9989 76	4343 45	495 68	1 01
78	17 4836 52	4342 44	17 4333 21	4343 45	496 69	1 01
79	17 9178 96	4342 44	17 8676 66	4343 44	497 70	1 00
80	18 3521 40	4342 44	18 3020 10	4343 44	498 70	1 00
4,881	1,818 7863 85	4342 45	1,818 7363 55	4343 45	3 19 ₃ 9999 499 70	1 00
82	19 2206 29	4342 45	19 1706 99	4343 44	500 70	. 0.99
83	19 6548 74	4342 45	19 6050 43	4343 45	501 69	1 00
84	20 0891 19	4342 44	20 0393 88	4343 44	502 69	1.00
85	20 5233 63	4342 45	20 4737 32	4343 44	503 69	0 99
4,886	1,820 9576 08	4342 45	\$,820 9080 76	4343 44	9,9999 504 68	. 0.00
*87	- 21 3918 53	4342 45	21 3424 20	4343 44	505 67	0 99
88	21 8260 98	4342 45	21 7767 64	4343 44	506 66	0 98
89	22 2603 44	4342 45	22 2111 08	4343 43	507 64	0 98
90	22 6945 89	4342 45	22 6454 51	4343 44	1. m. 1 / cp. 508 62	40 98
4.004	4 002 1000 24	. 4210 15	. 4 002 0507 05	4343 43	0.0000 800 00	1 0 00
4,891	1,823 1288 34 23 5630 80	4342 45 4342 46	1, 823 0797 95 23 5141 38	4343 44	9,9999 509 60 6 5 5 5 5 5 5 6 6 6 6 6 6 6 6 6 6 6 6 6	0.098
92	23 9973 25	4342 46	23 9484 82	4343 43	511 56	0 98
94	24 4315 71	4342 46	30 40 / 24 3828 25	0 4343 43	3. 34 . 512 54	0,97
95	24 8658 17	4342 46	08 88 - 24 8171 68	4343 43	37 (67) 513 51	0 97
,	5 007 2000 C2	35 4240 40	1.5 . 4 005 0515 15	. 8343 43	CC - : 0.0000 514 40	
4,896	1,825 3000 63 25 7343 09	4342 46 4342 46	60 11,825 2515 11 60 580 25 6858 54	4343 43		0.97
97	26 1685 55	4342 46	00 0 26 1201 97	4343 43		10 97 11 0 97
99	26 6028 01	4342 46	3 26 5545 40	4343 43		0.97
4,900	27 0370 47		0 - 25/9888 83		DO BESS 30 518 36	
,						

k	log. Cof. k.	D.	log. Sin. k.	Đ.	log. Tang. k.	D.
4,900	1,827 0370 47	4342 46	1,826 9888 83	4343 42	9,9999 518 36	0 96
4,901	1,827 4712 94	4342 46	1,827 4232 25	4343 43	9,9999 519 32	0.96
02	27 9055 40	4342 47	27 8575 68	4343 42	520 28	0 95
.03	28 3397 87	4342 47	28 2019 10	4343.42	. 521 23	0 95
04	28 7740 34	4342 46	28 7262 52	4343 42	522 18	0 96
.05	29 2082 80	4342 47	29 1605 94	4343 .42	.523 14	0 95
4,906	1,829 6425 27	4342 47	1,829 5949 36	4343 42	9,9999 524 09	0.95
07		4342 47	30 0292 78	4343.42	525 04	0 95
-08	, 30 5110 21	4342 47	30 4636 20	4343 .42	, 525 99	0.95
09	30 9452 68	4342 48	30 8979 62	4343 42	526 94	0 94
10	31 3795 16	4342.47	31,3323 04	4343,41	, 527 88	0 94
4,911	1, 831 8137 63	4342 47	1,831 7666 45	4343 42	9,9999 528 82	0 95
12	32 2480 10	4342,48	32 2009 87	4343 42	529 77	0 94
13	32 6822 58	4342.47	.32 6353 29	4343 .41	. 530 71	0 94
14		4342 48	-33 0696 70	4343 41	531 65	. 0 93
15	.33 5507 53	4342,48	33 5040 11	4343 42	,532 58	0, 94
4,916	1,833 9850 01	4342 48	1,833 9383 53	4343 41	9,9999 533 52	0 93
17	34 4192 49	4342 48	34 3726 94	4343 41	534 45	0 93
18	34 8534 97	4342.48	34 8070 35	4343 41	534 38	0, 93
19	,35 2877 45	4342 48	35 2413 76	4343 41	5 36 31	0 93
20	3 5 7219 93	- 4342 48	.35 6757 17	4343 41	537 24	0 92
4,921	1,836 1562 41	4342 48	1,836 1100 57	4343 41	9,9999 538 16	.0 93
22	,36 5904 89	4342 49	36 5443 98	4343 41	539 09	0 91
23	,37 0247 38	4342 49	.36 9787 38	4343 41	540 00	0. 93
24	37 4589 87	4342 48	37 4130 79	4343 40	540 92	0 92
.25	37 8932 35	4342 49	.37 8474 19	4343 40	541 84	0. 92
4,926	1,838 3274 84	4342 49	1,838 2817 59	4343 40	9,9999 542 75	0 91
27	38 7617 33	4342 49	38,7160 99	4343 41	543 66	0 92
28	39 1959 82	4342 49	39 1504 40	4343 40	544 58	01.91
29	39 6302 31	4342 49	39 5847 80	4343, 39	545 49	0.90
30	40 0644 80	4342 49	40 0191 19	4343 40	546 39	0.91
4,931	1,840 4987 29	4342 49	1,840 4534 59	4343 40	9,9999 547 30	0.91
32	40 9329 78	4342 50	40 8877 99	4343 40	548 21	0 90
33	41 3672 28	4342 49	41 3221 39	4343 39	549 11	0,90
34	41 8014 77	4342 50	41 7564 78	4343 40	550 01	0 90
35	42 2357 27	4342,49	,42 1908 18	4343 39	550 91	0.90
4,936	1,842 6699 76	4342 50	1,842 6251 57	4343 39	9,9999 551 81	0 89
37	43 4042 26	4342 50	43 0594 96	4343 39	552 70	0 89
38	43 5384 76	4342 50	.43 4938 35	4343 40	553 59	0 90
.39	43 9727 25	4342 50	43 9281 75	4343 39	554 49	0 90
40	44 4069 75	4342 50	44 3625 14	4343 39	555 39	0 89
4,941	1,844 8412 25	4342 51	1,844 7968 53	4343 38	9,9999 556 28	0 88
42	45 2754 76	4342,50	45 2311 91	4343 39	357 16	0 88
43	45 7097 26	4342 50	45 6655 30	4343 39	558 04	0.89
44	₃ 46 1439 76	4342 51	46 0998 69	4343 38	558 93	0 88
45	46 5782 27	4342 50	46 5342 07	4343 39	559 81	0.88
4,946	1,847 0124 77	4342 51	1,846 9685 46	4343 38	9,9999 560 69	0 87
47	47 4467 28	4342 51	47 4028 84	4343 38	561 56	0 87
48	47 8809 79	4342 50	47 8372 22	4343 38	562 43	0.88
49	48 3152 29	4342 51	48 2715 60	4343 39	563 31	0.88
50	48 7494 80		48 7058 99		564 19	
					Ss	

k.	log. Cos. k.	D.	log. Sin. k.	D.	log. Tang. k.	D.
4,950	1,848 7494 80	4342 51	1,848 7058 99	4343 38	9,9999 564 19	0 87
4,951	1,849 1837 31	4342 51	1,849 1402 37	4343 37	9,9999 565 06	0.86
52	49 6179 82	4342 51	49 5745 74	4343 38	565 92	0 87
53	50 0522 33	4342 51	50 0089 12	4343 38	566 79	0 87
54	50 4864 84	4342 52	50 4432 50	4343 38	567 66	0 86
55	50 9207 36	4342 51	50 8775 88	4343 37	568 52	0 86
4,956	1,851 3549 87	4342 51	1,851 3119 25	4343 38	9,9999 569 38	0 87
57	51 7992 38	4342 52	51 7462 63	4343 37	570 25	0.85
58	52 2234 90	4342 52	52 1806 00	4343 38	571 10	0.86
59	52 6577 42	4342 51	52 6149 38	4343 38	571 96	0.86
60	53 0919 93	4342 52	53 0492 75	4343 37	572 82	0 85
4,961	1,853 5262 45	4342 52	1,853 4836 12	4343 37	9,9999 573 67	0 85
62	53 9604 97	4342 52	53 9179 49	4343 37	574 52	0 85
63	54 3947 49	4342 52	54 3522 86	4343-37	575 37	0 85
64	54 8290 01	4342 52	54 7866 23	4343 37	576 22-	0 85
65	55 2632 53	4342 52	55 2209 60	4343 36	577 07	0 84
4,966	1,855 6975 05	4342 53	1,855 6552 96	4343 37	9,9999 577 91	0.84
67	56 1317 58	4342 52	56-0896 33	4343 36	578 75	0 84
68	56 5660 10	4342 53	56 5239 69	4343 37	579 59	0 84
69	57 0002 63	4342 52	5 6 9583 06	4343-36	580 43	0 84
70	57 4345 15	4342 53	57 3926 42	4343 37	581 27	0 84
1 074	1,857 8687 68	4342 53	1,857 8269 79	4343 36	-9,9999 582 11	0 83
4,971	58 3030 21	4342 52	58 2613 15	4343 36	582 94	0 84
73	58 7372 73	4342 53	58 6956 51	4343 36	583. 78-	0 83
74	59 1715 26	4342 53	59 1299 87	4343 36	584 61	0 83
75	59 6057 79	4342 53	59 5643 23	4343-36	585 44	0.83
	4 000 0400 25	4342 53	1,859 9986 59	4343-36	9,9999 586 27	0 83
4,976	1,960 0400 32 60:4742.85	4342 54	60 4329 95	4343 36	587 10	0 83
78	60 9085 39	4342 53	60 8673 31	4343 35	587 92	0 82
79	61 3427 92	4342 53	61 3016 66	4343-36	588 74	0 83
80	61 7770 45	4342 54	61 7360 02	4343 36	589 57	0 82
4.004	4.000.0110.00	4342 53	1,862 1703 38	42/12 DE	- 9,9999 590 39-	. 0. 00
4,981 82	1,862 2112 99 62,6455 52.	4342 54	62 6046 73	4343 35 4343 35	591 21	0 82
83	63 0798 06	4342 54	63 0390 08	4343 36	592 02	0.82
84	63 5140 60	4342 54	63.4733 44	4343 35	- 592.84	0 81
85	63 9483 14	4342.54	63 9076 79	4343.35	593-65	0 81
4:000	1,864 3825 68	4342.54	1,864 3420 14	4343 35	9,9999 594 46	0.81
4,986	64 8168 22	4342 54	64 7763 49	4343 35	595 27	0.81
88	65 2510 76	4342 54	65 2106 84	4343 34	596 08	0.80
89	65 6853 30	4342 54	65 6450 18	4343 35	596 88	0 81
90	66 1195 84	4342 54	66 0793 53	4343 35	597 69	0 81
4.004	4 000 5500 30	4342.55	1 966 5136 99	A3/13 3/1	9,79999 598 50	0.00
4,991 92	1,866 5538 38 66 9880 93	4342 54	1,866 5136 88 66 9480 22	4343 34 4343 35	599 30	0.80
93	67. 4223 47	4342 55	67 3823 57	4343.34	600 10	0.80
94	67 8566 02	4342 54	67 8166 91	4343 35	600 90	0 80
95	68 2908 56	4342 55	68 2510 26	4343 34		0 79
4,996	1,868 7251 11	4342 55	1,868 6853 60	4343 34	9,9999 602 49	0.20
97	69 1593 66	4342 54	69 1196 94	4343 34	603 28	0 79 0 80
98	69 5936 20	4342 55	69 5540 28	4343 34	604 08	0 79
99	70 0278 75	4342.55	69 9883 62	4343 34	604 87	0 79
5,000	70 4621 30		70 4226 96		605 66	

	k.	log. Cos. k.	D.	log. Sin. k.	D.	log. Tang. k.	D.
I	5,00	1,870 4621 303	43425 545	1,870 4226 965	43433 352	9,9999 605 662	7 807
6:	5,01	1,874 8046 848	43425 621	1,874 7600 317	43433 276	9,9999 613 469	7 655
	02	1,879 1472 469	25 697	1,879 1093 593	33 199	621 124	7 502
	03	1,883 4898 166	25 772	1,883 4526 792	33 125	628 626	7 353
	04	1,887 8323 938	25 844	1,887 7959 917	33 053	635 979	7 209
	05	1,892 1749 782	25 916	1,892 1392 970	32 981	643 188	7 065
	5,06	1,896 5175 698	43425 985	1,896 4825 951	43432 911	9,9999 650 253	6 925
	07	1,900 8601 683	26 055	1,900 8258 862	32 842	657 179	6 787
	08 09	1,905 2027 738	26 121	1,905 1691 704	32 776	663 966	6 655
	10	1,909 5453 859 1,913 8880 046	26 187	1,909 5124 480	32 709	670 621	6 522
	10	2,013 0000 010	26 252	1,913 8557 189	32 645	677 143	6 393
	5,11	1,918 2306 298	43426 315	1,918 1989 834	43432 581	9,9999 683 536	6 266
	12	1,922 5732 613	26 377	1,922 5422 415	32 520	689 802	6 143
	13	1,926 9158 990	26 438	1,926 8854 935	32 458	695 945	6 ()2()
	14	1,931 2585 428	26 498	1,931 2287 393	32 399	701 965	5 901
	15	1,935 6011 926	26 556	1,935 5719 792	32 341	707 866	5 785
	5,16	1,939 9438 482	43426 613	1,939 9152 133	43432 283	9,9999 713 651	5 670
	17	1,944 2865 095	26 669	1,944 2584 416	32 227	719 321	5 558
	18	1,948 6291 764	26 725	1,948 6016 643	32 172	724 879	5 447
	19	1,952 9718 489	26 778	1,952 9448 815	32 119	730 326	5 341
	20	1,957 3145 267	26 831	1,957 2880 934	3 2 06 5	735 667	5 234
	5,21	1,961 6572 098	43426 883	1,961 6312 999	43432 014	9,9999 740 901	5 131
	22	4,965 9998 981	26 934	1,965 9745 013	32 962	746 032	5 028
	23	1,970 3425 915	26 984	1,970 3176 975	32 913	751 060	4 929
	24	1,974 6852 899	27 032	1,974 6608 888	32 864	755 989	4 832
	25	1,979 0279 931	27 080	1,979 0040 752	32.817	760 821	4 737
	5,26	1,983 3707 011	43427 127	1,983 3472 569	43432 769	9,9999 765 558	4 642
	27	1,987 7134 138	27 173	4,987 6904 338	31 723	770 200	4 550
	28	1,992 0561 311	27 219	1,992 0336 061	31 679	7.74 750	4 460
	29	1,996 3988 530	27 262	1,996 3767 740	31:634	779 210	4 372
	30	2,000 7415 792	27 305	2,000 7199 374	31 591	783 582	4 286
	5,31	2,005 0843 097	43427 348	2,005 0630 965	43431 549	9,9999 787 868	4 201
	32	2,009 4270 445	27 390	2,009 4062 514	31 507	792 069	4 117
	33	2,013 7697 835	27 430	2,013 7494 021	31 466	796 186	4 036
	34	2,018 1125 265	27 471	2,018 0925 487	31 426	800 222	3 955
	35	2,022 4552 736	27 509	2, 022 4356 91 3	31 387	804 177	3 878
	5 ,36	2,026 7980 245	43427 548	2,026 7788 300	43431 343	9,9999 808 055	3 800
	37	2,031 1407 793	27 585	2,031 1219 648	31 311	811 855	3 726
	38	2,035 4835 378	27 623	2,035 4650 959	31 274	815 581	3 651
	39	2,039 8263 001	27 658	2,039 8082 233	31 238	819 232	3 580
	40	2,044 1690 659	27 694	2,044 1513 471	31 203	822 812	3 509
	5,41	2,048 5118 353	43427 729	2,048 4944 674	43431 168	9,9999 826 321	3 439
	42	2,052 8546 082	27 763	2,052 8375 842	31 133	\$29 760	3 370
	43	2,057 1973 845	27 796	2,057 1806 975	31 101	833 130	3 305
	44	2,061 5401 641	27 829	2,061 5238 076	31 067	836 435	3 238
	45	2,065 8829 470	27 860	2,065 8669 143	31 036	839 673	3 176
	5,46	2,070 2257 330	43427 893	2,070 2100 179	43431 004	9,9999 842 849	3 111
	47	2,074 5685 223	27 923	2,074 5531 183	3 0 9 73	845 960	3 050
	48	2,078 9113 146	27 953	2,078 8962 156	30 943	849 010	2 990
	49	2,083 2541 099	27 983	2,083 2393 099	30 914	852 000	2 931
	50	2,087 5969 082		2,087 5824 013		854 931	

Ss 2

k.	log. Cos. k.	D.	log. Sin. k.	D.	log. Tang. k.	D.
5,50	2,087 5969 082	43428 012	2,087 5824 013	43430 884	9,9999 854 931	2 872
5,51	2,091 9397 094	43428 040	2,091 9254 897	43430 857	9,9999 857 803	2 817
52	2,096 2825 134	28 069	2,096 2685 754	30 828	860 620	2 759
53	2,100 6253 203	28 095	2,100 6116 582	30 801	863 379	2:706
54	2,104 9681 298	28 123	2,104 9547 383	30 774	866 085	2 651
55	2,109 3109 421	28 148	. 2,109 2978 157	30 747	868 736	2 599
5,56	2,113 6537 569	43428 176	2,113 6408 904	43430 723	9,9999 871 335	2 547
57	2,117 9965 745	28 198	2,117 9839 627.	30 696	873 882	2 498
58	2,122 3393 943	28 224	2,122 3270 323	30 672	876 380	2 448
59	2,126 6822 167	28 249	2,126 6700 995	30 648	878 828	2:399
60	2,131 0250 416	28 272	2,131 0131 643	30 624	881 227	2 352
5,61	2,135 3678 688	43428 296	2,135 3562 267	43430 601	9,9999 883 579	2 305
62	2,139 7106 984	28 318	2,139 6992 868	30 578	885 884	2 260
63	2,144 0535 302	28 341	2,144 0423 446	30 556	888 144	2 215
64	2,148 3963 643	28 363	2,148 3854 002	30 534	890 359	2 171
65	2,152 7392 006	28 384	2,152 7284 536	30 512	892 530	2 128
5,66	2,157 0820 390	43428 405	2,157 0715 048	43430 491	9,9999 894 658	2 086
67	2,161 4248 795	28 426	2,161 4145 539	30 471	896 744	2 ()45
68	2,165 7677 221	28 446	2,165 7576 010	30 450	898 789	2 004
69	2,170 1105 667	28 466	2,170 1006 460	30 430	900 793	1 964
70	2,174 4534 133	28 485	2,174 4436 890	30 411	902.757	1 926
5,71	2,178 7962 618	43428 505	2,178 7867 301	43430 392	9,9999 904 683	1 887
72	2,183 1391 123	28 523	2,183 1297 693	30 373 -	906 570	1 850
73	2,187 4819 646	28 542	2,187 4728 066	30 355	908 420	1 813
74	2,191 8248 188	28 559	2,191 8158 421	30 337	910 233	1 778
75	2,196 1676 747	28 577	2,196 1588 758	30 320	612 011	1 743
5,76	2,200 5195 324	43428 594	2,200 5019 078	43430 302	9,9999 913 754	1 708
77	2,204 8533 918	28 612	2,204 8449 380	30 285	915 462	1 673
78	2,209 1962 530	28 627	2,209 1879 665	30 268	917 135	1 641
79	2,213 5391 157	28 611	2,213 5309 933	30 253	918 776	1 609
80	2,217.8819 801	28 660	2,217 8740 186	30 236	920 385	1 576
5,81	2,222 2248 461	43428 676	2,222 2170 422	43430 221	9,9999 921 961	1 545
82	2,226 5677 137	28 691	2,226 5600 643	30 206	923 506	1 515
83	2,230 9105 828	28 706	2,230 9030 849	30 190 -	925 ()21	1 484
84	2,235 2534 534	28 720	2,235 2461 039	-30 176	926 505	1 450
85	2,239 5963 254	28 735	2,239 5891 215	30 160	927 961	1 426
5,86	2,243 9391 989	43428 749	2,243 9321 376	43430 148	9,9999 929 387	1 399
87	2,248 2820 738	28 763	2,248 2751 524	30 133	930 786	1 370
88	2,252 6249 501	28 777	2,252 6181 657	30 120	932 156	1 343.
89	2,256 9678 278	28 790	2,256 9611 777	30 107	933 499	1 317
90	2,261 3107 068	28 802	2,261 3041 884	30 093	934 816	1 291
5,91	2,265 6535 870	43428 816	2,265 6471 977	43430 081	9,9999 936 107	1 265
92	2,269 9964 686	28 828	2,269 9902 058	30 068	937 372	1 240
93	2,274 3393 514	28 841	2,274 3332 126	30 056	938 612	1.215
94	2,278 6822 355	28 852	2,278 6762 182	30 044	939 827	1 192
95	2,283 0251 207	28 864	2,283 0192 226	30 032	941 019	1 168
5,96	2,287 3680 071	43428 876	2,287 3622 258-	43430 021	9,9999 942 187	1 145
97	2,291 7108 947	28 887	2,291 7052 279	30 009	943 332	1 122
98	2,296 0537 834	28 898	2,296 0482 288	29 998	944 454	1 1(x)
99	2,300 3966 732	28 910	2,300 3912 286	29 988	945 554	1 078
5,00	2,304 7395 642.		2,304 7342 274.		946 632.	

k.	log. Cof. k.	D.	log. Sin. k.	D.	log. Tang. k	. D.
6,00	2,304 7395 642	43428 919	2,304 7342 274	43429 976	9,99999 46 632	1 057
6,01	2,309 0824 561	43428 931	2,309 0772 250	43429 966	9,99999 47 689	1.035
02	2,313 4253 492	28 940	2,313 4202 216	29 956	48 724	1 016
03	2,317 7682 432	28 951	2,317 7632 172	29 946	49 740	0 995
04	2,322 1111 383	28 960	2,322 1062 118	29 936	50 735	0 976
05	2,326 4540 343	28 970	2,326 4492 054	29 926	51 711	0 956
6,06	2,330 7969 313	43428 980	2,330 7921 980	43429 917	9,99999 52 667	0.937
07	2,335 1398 293	28 989	2,335 1351 897	29 908	53 604	0 919
08	2,339 4827 282	28 998	2,339 4781 805	29 898	54 523	0 900
09	2,343 8256 280	29 007	2,343 8211 703	29 890	55 423	0 883
10	2,348 1685 287	29 015	2,348 1641 593	29 880	56 306	0 865
6,11	2,352 5114 302	43429 024	2,352 5071 473	43429 872	9,99999 57-171	0 848
12	2,356 8543 326	29 033	2,356 8501 345	29 864	58 019	0 831
13	2,361 1972 359	29 041	2,361 1931 209	29 856	58 850	0 815
14	2,365 5401 400	29 048	2,365 5361 065	29 847	59 665	0 799
15	2,369 8830 448	29 057	2,369 8790 912	29 840	60 464	0 783
6,16	2,374 2259 505	43429 065	2,374 2220 752	43429 832	9,99999 61 247	0 767
17	2,378 5688 570	29 072	2,378 5650 584	29 824	62 014	0 752
18	2,382 9117 642	29 079	2,382,9080 408	29 817	62 766	0 738
19	2,387 2546 721	29 087	2,387 2510 225	29 810	63 504	0 723
20	2,391 5975 808	29 094	2,391 5940 035	29 802	64 227	0 708
6,21	2,395.9404.902	43429 101	2,395 9369 837	43429 795	9,99999 64 935	0 694
22	2,400 2834 003	29 108	2,400 2799 632	29 789	65 629	0 681
23	2,404 6263 111	29 115	2,404 6229 421	29 782	66 310	0 667
24	2,408 9692 226	29 121	2,408 9659 203	29 775	66 977	0 654
25	2,413 3121 347	29 128	2,413 3088 978	29 768	67 631	0 640
6,26	2,417-6550 475	43429 134	2,417 6518 746	43429 763	9,99999 68 271	0 629
27	2,421 9979 609	29 140	2,421 9948 509	29 756	68 900	0 616
28	2,426 3408 749	29 146	2,426 3378 265	29 750	69 516	0 604
29	2,430 6837 895	29 153	2,430 6808 015	29 744	70 120	0 591
30	2,435 0267 048	29 158	2,435 0237 759	29 738	70 711	0 580
6,31	2,439 3696 206	43429 164	2,439 3667 497	43429 732	9,99999 71 291	0 568
32	2,443 7125 370	29 169	2,143 7097 229	29 727	71 859	0 558
3 3	2,448 0554 539	29 175	2,448 0526 956	29 722	72 417	0 547
34	2,452 3983 714	29 181	2,452 3956 6785	29 715	72 964	0 534
35	2,456 7412 895	29 186	2,456 7386 393	29 711	73 498	0 525
6,36	2,461.0842 081	43429 191	2,461 0816 104	43429 705	9,99999 74 023	0 514
37	2,465 4271 272	29 196	2,465 4245 809	29 701	74 537	0.505
38	2,469 7600 468	29 201	2,469 7675 510	29 695	75 042	0 494
39	2,474 1129 669	29 206	2,474 1105 205	29 690	75 536	0 484
40	2,478 4558 875	29 211	2,478 4534 895	29 686	76 020	0 475
6,41	2,482 7988 086	43429 215	2,482 7964 581	43429 681	9,99999 76 495	0 466
42	2,487 1417 301	2 9 22 1	2,487 1394 262	29 676	76 961	0 456
43	2,491 4846 521	29 225	2,491 4823 938	29 672	77 417	0 447
44	2,495 8275 746	29 229	2,495 8253 610	29 667	77 864	0 438
45	2,500 1704 975	29 233	2,500 1683 277	29 663	78 302	0 430
6,46	2,504 5134 208	43429 238	2,504 5112 940	43429 659	9,99999 78 732	0 421
47	2,508 8563 446	29 242	2,508 8542 599	29 655	79 153	0 413
48	2,513 1992 688	29 246	2,513 1972 254	29 650	79 560	0 404
49	2,517 5411 934	29 250	2,517 5401 904	29 617	79' 790	0 397
5 0	2,521 8851 184		2,521 8831 551		80 367	

k	log. Cof. k.	D	log. Sin. k.	D.	log. Tang. k.	D.
6,50	2,521 8851 184	43429 253	2,521 8831 551	43429 642	9,99999 80 367	389
6,51	2,526 2280 437	43429 258	2,526 2261 193	43429 639	9,99999 80 756	381
52	2,530 5709 695	29 261	2,530 5690 832	29 635	81 137	-374
53	2,534 9138 956	29 266	2,534 9120 467	29 631	81 511	365
54	2,539 2568 222	29 268	2,539 2250 098	29 628	81 876	360
55	2,543 5997 490	29 273	2,543 5979 726	29 624	82 236	351
6,56	2,547 9426 763	43429 275	2,547 9409 350	43429 620	9,99999 82 587	345
57	2,552 2856 038	29 280	2,552 2838 970	29 618	82 932	338
58	2,556 6285 318	29 282	2,556 6268 588	29 613	83 270	331
59	2,560 9714 600	29 286	2,560 9698 201	29 611	83 601	325
60	2,565 3143 886	29 289	2,565 3127 812	29 607	83 926	318
6,61	/ D #00 05#3 4##	42400 000	0.000.000	42400 608		
62	2,569 6573 175	43429 292 29 286	2,569 6557 419	43429 604	9,99999 84 244	312
63	2,574 0002 467 2,578 3431 763	29 298	2,573 9987 023 2,578 3416 625	29 602	84 556 84 862	306 300
64	2,582 6861 061	29 301	2,582 6846 223	29 595	85 162	294
65	2,587 0290 362	29 304	2,587 0275 818	29 592	85 456	288
0.00			•			
6,66	2,591 3719 666	43429 307	25,91 3705 410	43429 589	9,99999 85 744	282
67	2,595 7148 973	29,310	2,595 7134 999	29 587	86 026	277
68 69	2,600 0578 283	29 313	2,600 0564 586	29 583	86 303	270
70	2,604 4007 596	29 315 29 318	-2,604 3994 169 -2,608 7423 751	29 582	86 573	267 260
10	2,608 7436 911	. 25 346	2,000 /423 /08	29 578	86 840	400
6,71	2,613 0866 229	43429 320	2,613 0853 329	43429 576	9,99999 87 100	256
72	2,617 4295 549	29 323	2,617 4282 905	29 573	87 356	- 250
73	- 2,621 7.724 872	29 326	2,621 7712 478	29 571	87 606	245
74	2,626 1154 198	29 328	2,626 1142 049	29 569	87 851	241
75	2,630 4583 526	29 330	2,630 4571 618	29 566	88 092	236
6,76	2,634 8012 856	43429 333	2,634 8001 184	43429 564	9,99999 88 328	231
77	2,639 1442 189	29 335	2,639 1430 748	29 561	88 559	226
78	2,643 4871 524	29 337	2,643 4860 309	29 559	88 785	222
79	2,647 8300 861	29 339	2,647 8289 868	29 557	89 007	218
.80	2,652 1730 200	29 342	2,652 1719 425	29 555	89 225	213
6,81	2,656 5159 542	43429 343	2,656 5148 980	43429-553	9,99999 89 438	210
82	2,660 8588 885	29-346	2,660 8579 533	29 551	89 648	205
83	2,665 2018 231	29 348	2,665 2008 084	29 548	89 853	200
84	2,669 5447 579	29 349	2,669 5437 632	29 547	90,053	198
85	2,673 8876 928	29 352	2,673 8867 179	29 545	90 251	193
6,86	0.670.0000.000	43429 354	0.670.0006.704	43429 543	9,99999 90 444	189
87	2,678 2306 280 2,682 5735 634	29 355	2,678 2296 724 2,682 5726 267	29 540	90 633	185
88	2,686 9164 989	29 357	2,686 9155 807	29 540	90 818	183
89	2,691 2594 346	29 360	2,691 2585 347	29 537	91 001	177
90	2,695 6023 706	29 360	2,695 6014 884	29 535	91 178	175
6.04						
6,91	2,699 9453 066	43429 363	2,699 9444 419	43429 534	9,99999 91 353	171
92 93	2,704 2882 429	29 364	2,704 2873 953	29 532	91 524	168
93	2,708 6311 793 2,712 9741 159	29 366 29 368	2,708 6303 485 2,712 9733 016	-29 53 1 29 529	91 692 -91 857	165
95	2,717 3170 527	29 369	2,717 3162 545	29 527	92 018	158
	mg121 3210 021	2000	#1121 P40# 019	(2000)		.200
6,96	2,721 6599 896	43429 371	2,721-6592 072	43429 525	9,99999 92 176	154
97	2,726 0029 267	29 372	2,726 0021 597	29 524	92 330	152
98	2,730 3458 639	. 29 374	2,730 3451 121	29 523	92 482	149
99	2,734 6888 013	29 375	2,734 6880 644	29 521	92 631	146
7,00	2,739 0317 388		2,739 0310 165		. 92 777	

Y.	las Gat to	n	lan Gin 7	D .	In Cana 7	n
k.	log. Cof. k.	D.	log. Sin. k.	D.	log. Tang. k.	D.
7,00	2,739 0317 388	43429 376	2,739 0310 165	43429 520	9,999 999 2 777	144
7,01	2,743 3746 764	43429 379	2,743 3739 685	43429 518	9,999 999 2 921	139
02	2,747 7176 143	29 379	2,747 7169 203	29 517	3 060	138
03	2,752 0605 522	29 381	2,752 0598 720	29 516	3 198	135
04	2,756 4034 903	29 382	2,756 4028 236	29 514	3 333	132
05	2 ₉ 760 7464 285	29 384	2,760 7457 750	29 513	3 465	129
7,06	2,765 0893 669	43429 384	2,765 0887 263	43429 511	9,999 999 3 594	127
07	2,769 4323 053	29 386	2,769 4316 774	29 511	3 721	125
08	2,773 7752 439	29 388	2,773 7746 285	29 509	3 846	121
09	2,778 1181 827	29 388	2,778 1175 794	29 508	3 967	120
10	2,782 4611 215	29 390	2,782 4605 302	29 507	4 087	117
7,11	2,786 8040 605	43429 391	2,782 8034 809	43429 505	9,999 99914 204	114
12	2,791 1469 996	29 392	2,791 1464 314	29 505	4 318	113
13	2,795 4899 388	29 393	2,795 4893 819	29 503	4 431	110
14	2,799 8328 781	29 394	2,799 8323 322	29 502	4 541	108
15	2,804 1758 175	29 395	2,804 1752 824	29 501	4 649	106
7,16	2,808 5187 570	43429 396	2,808 5182 325	43429 500	9,999 999 4 755	104
17	2,812 8616 966	29 398	2,812 8611 825	29 500	4 859	102
18	2,817 2046 364	29 398	2,817 2041 325	29 498	4 961	100-
19	2,821 5475 762	29 399	2,821 5470 823	29 497	5 061	99
20	2,825 8905 161	29 400	2, 825 8900 320	29 496	5 159	96
7,21	2,830 2334 561	43429 402	2,830 2329 816	43429 495	9,999 999 5 255	93
22	2,834 5763 963	29 402	2,834 5759 311	29 494	5 348	92
23	2,838 9193 365	29 403	2,838 9188 805	29 493	5 440	90
24	2,843 2620 768	29 404	2,843 2618 298	29 493	5 530	89
25	2,847 6052 172	29 405	2,847 6047 791	29 492	5 619	87
~ 06	0.051.0401.577	42400 405	0.051.0477.002		0.000.000 # #/*	0.5
7,26 27	2,851 9481 577 2,856 2910 982	43429 405 29 407	2,851 9477 283 2,856 2906 773	48429 490	9,999 999 5 706	85 83
28	2,860 6340 389	29 407	2,860 6336 263	29 490 29 489	5 79 1 5 87 4	S2
29	2,864 9769,796	29 408	2,864 9765 752	29 488	5 956	80
30	2,869 3199 204	29.409	2,869 3195 240	29 488	6 036	79
			•			
7,31	2,873 6628 613	43429 410	2,873 6624 728	43429 487	9,999 999 6 115	77
32	2,878 0058 023	29 410	2,878 0054 215	29 485	6 192	75 73
33 34	2,882 3487 433 2,886 6916 845	29 412 29 412	2,882 3483 700 2,886 6913 185	29 485 29 485	6 267	73
35	2,891 0346 257	29 412	2,891 0342 670	29 484	6 340 6 413	7.2
			-,	20 20 2		
7,36	2,895 3775 669	43426 414	2,895 3772 154	43429 483	9,999 999 6 485	69
37	2,899 7205 083	29 414	2,899 7201 637	29 482	6 554	68
38	2,904 0634 497	29 414	2,904 0631 119	29 482	6 622	68
39	2,908 4063 911 2,912 7493 327	29 416	2,908 4060 601	29 481 29 480	6 690	65 64
40	2,912 1493 321	29 416	2,912 7490 082	29 400	6 755	O.
7,41	2,917 0922 743	43429 417	2,917 0919 562	43429 480	9,999 999 6 819	63
42	2,921 4352 160	29 417	2,921 4349 042	29 479	6 882	62
43	2,925 7781 577	29 418	2,925 7778 521	29 478	6 944	60
44	2,930 1210 995	29 418	2,930 1207 999	29 478	7 004	60
45	2,934 4640 413	29 419	2,934 4637 477	29 477	7 064	58
7,46	2,938 8069 832	43429 420	2,938 8066 954	43429 477	9,999 999 7 122	57
47	2,943 1499 252	29 420	2,943 1496 431	29 476	7. 179	56
48	2,947 4928 672	29 421	2,947 4925 907	29 476	7 235	55
49	2,951 8358 093	29 422	2,951 8355 383	29 475 .	7 290	53
5 0	2,956 1787 515		2,956 1784 858		7 343	

k.	log. Cof. k.	D.	log. Sin. k.	D.	log. Tang. k.	D.
7,50	2,956 1787 515	43429 422	2,956 1784 858	43429 474	9,999-999-7-343	52
7,51	2,960 5216 937	43429 422	2,960 5214 332	43429 474	9,999 999.7 395	52
52	2,964 8646 359	29 423	2,964 8643 806	29-474	- 7 444	51
53	2,969 2075 782	29 423	2,969 2073 280	29 472	.7 498	49
54	2,973 5505 205	29 424	2,973 5502 752	29 473	7 547	49
55	2,977 8934 629	29-425	2,977 8932 225	29 472	7 596	47
7,56	2,982 2364 054	43429 421	2,982 2361 697	43429 471	9,999 999 7 643	47
57	2,986 5793 478	29 426	2,986 5791 168	29 472	7 690	46
58	2,990 9222 904	29.426	2,990 9220 640	29 470	7.736	44
59	2,995 2652 330	29 426	2,995 2650 110	29 470	7:780	44
60	2,999 6081 756	29 426	2,999 6079 580	29 470	7 824	44
7,61	3,003 9511 182	43429 428	3,003 9509 050	43429 469	9,999 999 7 868	41
62	3,008 2940 610	29:427	3,008 2938 519	29 469	7 909	42
-63	3,012 6370 037	29 428	3,012 6367 988	29.469	.7 951	41
-64	3,016 9799 465	29 428	3,016-9797 457	29.468	.7 992	40
65	3,021 3228 893	29 429	3,021 3226 925	29.467	8 032	38
7,66	3,025 6658 322	43429 429	3,025 6656 392	43429 468	9,999 999 8 070	39
67	3,030 0087 751	29 429	3,030 0084 860	29 467	8 109	38
68	3,034 3517 180	29 430	3,034 3514 327	29 466	8 147	36
.69	3,038 6946 610	29 430	3,038 6943 793	29 466	.8 193	36
70	3,043 0376 040	29 431	3,043 0373 259	29 466	8 219	35
7,71	3,047 3805 471	43429 431	3,047 3802 725	43429 466	9,999 999 8 254	35
72	3,051 7234 902	. 29 432	3,051 7232 191	29 465	8 289	33
73	3,056 0664 334	29 431	3,056 0661 656	29 465	, 8 322	34
74	3,060 4093 765	29 432	3,060 4091 121	29 464	. 8 356	32
75	3,064 7523 197	29 432	3,064 7520 585	29 464	8 388	32
7,76	3,069 0952 629	43429 432	3,069 0950 049	43429 464	9,999 999 8 420	32
177	3,073 4382 061	29 433	3,073 4379 513	29 464	.8 452	31
78	3,077 7811 494	29 433	3,077 7808 977	.29.463	.8 483	30
.79	3,082 1240 927	29 434	3,082 1238 440	29 463	8 513	29
80	3,086 4670 361	29 434	3,086 4668 903	29 462	8 542	28
7,81	3,090 8099 795	43429 434	3,090 8098 365	43429 463	9,999 999 8 570	29
-82	3,095 1529 229	.29 434	3,095 1527 828	29 462	8 599	28
.83	3,099 4958 663	29 435	3,099 4957 290	29 461	8 627	20
84	3,103 8388 098	20 434	3,103 8386 751	29 462	8 653	28
85	3,108 1817 532	29 435	3,108 1816 213	29,461	8 681	26
7,86	3,112,5246 967	43429 436	3,112 5245 674	43429 461	9,999 999 8 707	25
-87	3,116 8676 403	29 436	3,116 8675 135	29 461	8 732	25
-88	3,121 2105 839	29 436	3,121,2104 596	29 461	, 8 757	25
89	3,125 5535 275	29 436	3,125 5534 057	29,460	8 782	24
90	3,129 8964 711	29 436	3,129 8963 517	29 460	8 806	24
7,91	3,134 2394 147	A3429 437	3,134 2392 977	43429 460	9,999 999 8 830	23
92	3,138 5823 584	29 437	3,138 5822 437	29 459	8 833	22
-93	3,142 9253 021	.29 436	3,142 9251 896	,29 459	8 875	23
94	3,147 2682 457	.29 438	3,147 2681 355	29 460	8 898	22
95	3,151 6111 895	29 437	3,151 6110 815	29 458	8 920	21
7,96	3,155,9541 332	43429 438	3,155 9540 273	43429 459	9,999 999 8 941	21
97	3,160 2970 770	29 438	3,160,2969 732	29 459	8 962	21
98	3,164 6400 208	,29 438	3,164 6399 191	29 458	8 983	20
99	3,168 9829 646	29 438	3,168 9828 649	29 458	9 003	20
8,00	3,173 3259 084		3,173 3258 107		9 023	

k.	log. Cof. k.	, D.	log. Ein. k.	D.	log. Tang. k.	.D
8,00	3,173 3259 084	43429 439	3,173 3258 107	43429 458	9,999 9999 023	
8,01	3,177 6688 523	43429 439	3,177 6687 565	43429 458	9,999 9999 042	
02	3,182 0117 962	439	3,182 0117 023	457	061	
03	3,186 3547 400	439	3,186 3546 480	457	. 080	
04	3,190 6976 839	440	3,190 6975 937	458		
05	3,195 0406 279	111 439	3,195 0405 395	457	(see 1 2) 116	
\$,06	3,199 3835 718	43429 440	2 100 2024 042	42400 455	9,999 9999 134	
07	3,203 7265 158	43925 440	3,199 3834 852 3,203 7264 308	43429 456 457	9,999 9999 134	No
08	3,208 0694 597	440	3,208 0693 765	456	168	
09	3,212 4124 037	440	3,212 4123 221	457	184	
10	3,216 7553 477	440	3,216 7552 678	456	201	
8,11	2 001 (1000 048	*****		40.400	0.000.0000.000	
12	3,221 0982 917 3,225 4412 358	43429 441	3,221 0982 134	43429 456	9,999 9999 217	
13	3,229 7841 798	440	3,225 4411 590	456 455	232	
14	3,234 1271 239	441	3,229 7841 046 3,234 1270 501	456	262	
15	3,238 4700 680	441	3,238 4699 957	455	277	
0.44		,,	3,140 1000 007			
8,16	3,242 8130 121	43429 441	3,242 8129 412	43429 455	9,999 9999 291	
17	3,247 1559 562	442	3,247 1558 867	455	305	
18	3,251 4989 004	441	3,251 4988 322	455	318	
19 20	3,255 8418 445 3,260 1847 887	. 412	3,255 8417 777	455	332 345	
20	3,200 1047 007	442	3,260 1847 232	455	319	
8,21	3,264 5277 329	43429 442	3,264 5276 687	43429 454	9,999 9999 358	
22	3,268 8706 771	. 441	3,268 8706 141	455	370	
23	3,273 2136 212	. 442	3,273 2135 596	454	384	
24	3,277 5565 654	443	3,277 5565 050	454	,396	
25	3,281 8995 097	442	3,281 8994 504	454	407	
8,26	3,286 2424 539	43429 442	3,286 2423 958	43429 454	9,999 9999 419	
27	3,290 5853 981	413	3,290 5853 412	454	43.1	
28	3,294 9283 424	442	3,294 9282 866	454	442	
29	3,299 2712 866	443	3,299 2712 320	454	454	
30	3,303 6142 309	443	3,303 6141 774	453	465	
8,31	3,307 9571 752	43429 443	3,307 9571 227	43429 454	9,999 9999 475	
32	3,312 3001 195	413	3,312 3000 681	453	486	
33	3,316 6430 638	443	3,316 6430 134	453	496	
34	3,320 9860 081	444	3,320 9859 587	453	506	
35	3,325 3289 525	443	3,325 3289 040	453	515	
	B BOO CHAO OCO	42400 444			9,999 9999 525	
8,36	3,329 6748 968	43429 444 443	3,329 6718 493	43429 453	53 4	
37	3,334 0148 412 3,338 3577 855	444	3,334 0147 946	453	544	
38 39	3,342 7007 299	444	3,338 3577 399 3,342 7006 851	453	552	
40	3,347 0436 743	444	3,347 0436 304	452	564	
	•		,		- 000 0000 400	
8,41	3,351 3866 187	43429 444	3,351 3865 756	43429 453	9,999 9909 569 578	
42	3,355 7295 631	411	3,355 7295 209	452	586	
43	3,360 0725 075	444	3,360,0724 661	452 452	594	
44	3,364 4154 519 3,368 7583 963	414	3,364 4154 113 3,368 7583 565	452	602	
45	3,308 7383 903	* ***	- 3,300 7383 303	402		
8,46	3,373 4013 407	43429 445	3,373 1013 017	43429 453	9,999 9999 610	
47	3,377 4442 852	444	3,377 4442 470	452	618	
48	3,381 7872 296	445	3,381 7871 922	451	626 632	93
49	3,386 1301 741	444	3,336 1301 373	452	640	
50	3,390 4731 185		3,390 4730 825			
					T t	

k.	log. Cos. k.	D.	log. Sin. k.	D.	log. Lang. k.	D.
8,50	3,390 4731 185	43429 445	3,390 4730 825	43429 452	9,999 9999 640	
8,51	3,394 8160 630	43429 444	3,394 8160 277	43429 452	9,999 9999 647	
52	3,399 1590 074	445	3,399 1589 729	452	655	
53	3,403 5019 519	445	3,403 5019 181	451	662	
54	3,407 8448 964	445	3,407 8448 632	452	608	
55	3,412 1878 409	445	3,412 1878 084	451	675	
8,56	3,416 5307 854	43429 445	3,416 5307 535	43429 451	9,999 9999 681	
57	3,420 8737 299	445	3,420 8736 986	452	687	
58	3,425 2166 744	445	3,425 2166 438	452	694	
59	3,429 5596 189	445	3,429 5595 889	451	700	
60	3,433 9025 634	446	3,433 9025 340	451	706	
8,61	3,438 2455 080	43429 445	3,438 2454 791	43429 451	9,999 9999 711	
62	3,442 5884 525	445	3,442 5884 242	451	717	
63	3,446 9313 970	446	3,446 9313 693	451	723	
64	3,451 2743 416	445	3,451 2743 144	451	728	
65	3,455 6172 861	446	3,455 6172 595	451	734	
8,66	3,459 9602 307	43429 445	3,459 9602 046	43429 451	9,999 9999 739	
67	3,464 3031 752	446	3,464 3031 497	450	745	
68	3,468 6461 198	446	3,468 6460 947	451	749	
69	3,472 9890 644	445	3,472 9890 398	451	754	
70	3,477 3320 089	446	3,477 3319 849	450	760	
8,71	3,481 6749 535	43429 446	3,481 6749 299	43429 451	9,999 9999 764	
72	3,486 0178 981	446	3,486 0178 750	451	769	
73	3,490 3608 427	446	3,490 3608 201	450	774	
74	3,494 7037 873	446	3,494 7037 651	450	778	
75	3,499 0467 319	446	3,499 0467 101	451	782	
8,76	3,503 3896 765	43429 446	3,503 3896 552	43429 450	9,999 9999 787	
77	3,507 7326 211	446	3,507 7326 002	450	791	
78	3,512 0755 657	446	3,512 0755 452	450	795	
79	3,516 4185 103	447	3,516 4184 902	450	799	
80	3,520 7614 550	446	3,520 7614 352	450	. 802	
8,81	3,525 1043 996	43429 446	3,525 1043 802	43429 451	9,959 9999 806	
82	3,529 4473 442	446	3,529 4473 253	450	811	
83	3,533 7902 888	446	3,533 7902 703	450	815	
84	3,538 1332 334	447	3,538 1332 153	450	\$19	
85	3,542 4761 781	446	3,542 4761 603	450	822	
8,86	3,546 8191 227	4 3429 446	3,546 8191 053	43429 450	9,999 9999 826	
87	3,551 1620 673	447	3,551 1620 503	450	830	
88	3,555 5050 120	446	3,555 5049 953	450	833	
89	3,559 8479 566	- 447	3,559 8479 403	450	837	
90	3,564 1909 013	446	3,564 1908 853	44	840	
8,91	3,568 5338 459	43429 447	3,568 5338 302	43429 450	9,999 9999 843	
92	3,572 8767 906	447	3,572 8767 752	450	846	
93	3,577 2197 353	446	3,577 2197 202	450	849	
94	3,581 5626 799	447	3,581 5626 652	449	853	
95	3,585 9056 246	447	3,585 9056 101	450	855	
8,96	3,590 2485 693	43429 447	3,590 2485 551	43429 449	9,999 9999 858	~
97	3,594 5915 140	447	3,594 5915 000	450	860	
98	3,598 9344 587	447	3,598 9344 450	449	863	
99	3,603 2774 034	447	3,603 2773 899	450	865	
9,00	3,607 6203 481		3,607 6203 349		868	

k.	log. Cof. k.	D.	.log. Sin. k.	, D.	·log. Tang. k.	D.
9,00	3,607 6203 481	43429 447	3,607 6203 349	43429 449	9,999 9999 868	
9,01	3,611 9632 928	43129 417	3,611 9632 798	43429 450	9,999 9999 870	
02	3,616 3062 375	446	3,616 3062 248	449	873	
03	3,620 6491 821	447	3,620 6491 697	450	876	
04	3,624 9921 268	447	3,624 9921 147	449	879	
05	3,629 3350 715	447	3,629 3350 596	449	881	
9,06	3,633 6780 162	43429 447	3,633 6780 045	43429 450	9,999 9999 883	
07	3,638 0209 609	447	3,638 0209 495	449	886	
08	3,642 3639 056	447	3,642 3638 944	449	888	
09	3,646 7068 503	448	3,646 7068 393	450	890	
10	3,651 0497 951	417	3,651 0497 843	449	892	
9,11	3,655 3927 398	43129 447	3,655 3927 292	43429 449	9,999 9999 894	
12	3,659 7356 845	417	3,659 7356 741	450	896	
13	3,664 0786 292	4+7	3,664 0786 191	449		
14	3,668 4215 739	417	3,668 4215 640	449	901	
15	3,672 7645 186	448	3,672 7645 089	449	903	
9,16	3,677 1074 634	43429 447	3,677 1074 538	43429 449	9,999 9999 904	
17	3,681 4504 081	43425 447	3,681 4503 987	449	906	
18	3,685 7933 528	4.27	3,685 7933 436	449	908	
19	3,690 1362 975	448	3,690 1362 885	449	910	
20	3,694 4792 423	447	3,694 4792 334	449	911	
9,21	0.000.0001.97()	43429 448	2 600 6001 703	#2/20 //f0	0.000.0000.000	
9,21	3,698 8221 870 3,703 1651 318	43429 440	3,698 8221 783 3,703 1651 232	43429 449 449	9,999 9999 913	
23	3,707 5080 765	447	3,707 5080 681	450	914 916	
24	3,711 8510 212	448	3,711 8510 131	449	919	
25	3,716 1939 660	447	3,716 1939 580	449	920	
	,	· ·				
9,26		43429 448	3,720 5369 029	43429 449	9,099 9999 922	
27	,	447	3,724 8798 478	449	923	
28	.,	448 447	3,729 2227 927 3,733 5657 376	449 449	925	
29 30		448	3,737 9086 825	449	926 92 8	
30			5,107 5,000 0,25		340	
9,31		43429 417	3,742 2516 274	43429 448	9,909 9999 929	
32		448	3,746 5945 722	449	930	
33		447	3,750 9375 171	449	931	
34		448 447	3,755 2804 620	449 449	933	
35	3,759 6234 135	41/	3,759 6234 069	733	934	
9,36	3,763 9663 582	43429 448	3,763 9663 519	43429 449	9,999 9999 936	
37		447	3,768 3092 967	448	937	
38		448	3,772 6522 415	449	938	
39		447	3,776 9951 863	449	939	
40	3,781 3381 372	443	3,781 3381 313	448	941	
9,41	3,785 6810 820	43429 447	3,785 6810 761	43429 449	9,999 9999 941	
4:		448	3,790 0240 240	449	913	
4:		448	3,794 3669 659	449	944	
4	4 3,798 7099 163	448	3,798 7099 108	44,9	945	
4.	5 3,803 0528 611	447	3,803 0528 557	448	946	
9,4	6 . 3,807 3958 059	43429 448	3,807 3958 005	43429 449	9,999 9999 947	
	7 3,811 7387 506	448	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·			
	8 3,816 0816 954	447				
	9 3,820 4246 401	448	,			
	0 3,824 7675 849		3,824 7675 800		951	
					Tt 2	

Tt2

k.	log. Cos. k.	D.	log. Sin. k.	D.	log. Tang. k.	D.
9,50	3,824 7675 849	43429 448	3,824 7675 800	43429 449	9,999 9999 951	
9,51	3,829 1105 297	43429 447	3,829 1105 249	43429 449	9,999 9999 952	
52	3,833 4534 744	448	3,833 453 2 698	448	954	
53	3,837 7964 192	448	3,837 7964 146	449	954	
54	3,842 1393 640	448	3,842 1393 595	418	955	
55	3,846 4823 088	447	3,846 4823 043	449	955	
9,56	3,850 8252 535	43129 447	3,850 8252 492	43429 449	9,999 9999 957	
57	3,855 1681 983	448	3,855 1681 941	448	958	
58	3,859 5111 431	447	3,859 5111 389	449	958	100
59	3,863 8540 878	448	3,863 8540 838	448	960	
60	3,868 1970 326	448	3,868 1970 286	449	960	
9,61	3,872 5399 774	43129 448	3,872 5399 735	43429 448	9,999 9999 961	
62	3,876 8829 222	447	3,876 8829 183	448	961	
63	3,881 2258 669	448	3,881 2258 632	449	963	
64	3,885 5688 117	448	3,885 5688 081	449	964	
65	3,889 9117 565	448	3,889 9117 529	449	964	
9,66	3,894 2547 013	43429 448	3,894 2546 978	43429 448	9,999 9999 965	
67	3,898 5976 461	418	3,898 5976 426	449	965	
68	3,902 9405 909	447	3,902 9405 875	449	960	
69	3,907 2835 356	448	3,907 2835 324	448	968	
70	3,911 6264 804	448	3,911 6264 772	449	968	
0.74	2.015.000/.050	#2/00 ##O	2 015 0604 001	#2400 #49	430, 0000, 000 th	
9,71	3,915 9694 252 3,920 3123 700	43429 448 448	3,915 9694 221 3,920 3123 669	43429 448 449	9,999 9999 969	
73	3,924 6553 148	448	3,924 6553 118	448	970	
74	3,928 9982 596	448	3,928 9982 566	449	970	
75	3,933 3412 044	448	3,933 3412 015	448	971	
	0.007.00/4.400	40/00 //40	0.00# 00#4 #69	80,400,880		
9,76	3,937 6841 492	43429 448	3,937 6841 463	43429 448	9,999 9999 971	
77 78	3,942 0270 940 3,946 3700 388	448 447	3,942 0270 911 3,946 3700 360	449 448	971 972	
79	3,950 7129 835	448	3,950 7129 808	449	973	
80	3,955 0559 283	448	3,955 ()559 257	448	974	
	·		•			
9,81	3,959 3988 731	43429 448	3,959 3988 705	43429 449	9,999 9999 974	
82 83	3,963 7418 179	448	3,963 7418 154	448	975	
84	3,968 0847 627 3,972 4277 075	#48 448	3,968 0847 602 3,972 4277 051	449 448	975	
85	3,976 7706 523	448	3,976 7706 499	449	976 976	
	•		0,010 1100 200		370	
9,86	3,981 1135 971	43429 448	3,981 1135 948	43429 448	9,999 9999 977	
87	3,985 4565 419	448	3,985 4565 396	448	977	
88 89	3,989 7794 867	, 448	3,989 7994 844	449	977	
90	3,994 1424 315 3,998 4853 763	448 448	3,994 1424 293 3,998 4853 741	448 449	978	
	3,000 1003 103	710	3,550 4053,741	713	978	
9,91	4,002 8283 211	43129 418	4,002 8283 190	43429 448	9,999 9999 979	
92	4,007 1712 659	448	4,007 1712 638	448	979	
93	4,011 5142 107	448	4,011 5142 086	449	979	
94	4,015 8571 555	448	4,015 8571 535	448	980	
95	4,020 2001 003	448	4,020 2000 983	448	980	
9,96	4,024 5430 451	43429 448	4,024 5430 431	43429 449	9,999 9999 980	
97	4,028 8859 899	448	4,028 8859 880	448	981	
98	4,033 2289 347	448	4,033 2289 328	448	. 981	-1
99	4,037 5718 795	448	4,037 5718 776	449	981	
10,00	4,041 9148 243		4,041 9148 225		±15. 982	1

.G k.	A log	. Co	ſ. k.	· (I	0.	,	log	. 6	in.	k. [D.		log.	. Tai	ng. k.	D.
10,00	4,04	1 914	8 243	4342	9 448		4,041	9148	3 225	5 . 434:	29 448	3 -	9,999	9999	982	
10,01	4,04			4342				2577					,	9999		
02		0 600			448			6007			448		,		983	
03	4,05			4 + 1	448			9436			448				983	
04		9 286		4.0	448			2866			449				983	
	4,06	3 029	453		448	- 1	4,003	6295	407		448				984	
10,06		7 9724		43429	448	€,	4,067	9724	915	4342	9 449		9,999	9999.	984	
07	,	2 3154		* , n	448			3154			448				985	
08	4,076	5 6583 1 0013			448 448			6583			448	۲.			985 985	
10		5 3442		12	448			3442			449 448				986	
	,										110					
10,11		6872		43429		3	4,089			4342	9 448		9,999			
13		1 0301 3 3731		1-	448 448		4, 094 4, 098				448 449				986	
14	231700	2 7160		14	448		4,102				448				98 6 98 7	
15	-	0589		3 . *	448		4,107				448				987	
10,16		#O+0		42400	410		A 111	4010	200							
10,16		4019 7448		43429	448	1 /	4,111			43429	448	. 1	9,999			
18		0878			448		4,120				448				98 8 98 8	
19		4307			449		4,124				449	, /			988	
20	4,128	7737	204		448		4,128	7737	192		448			~. (088	
10,21	4.133	1166	652	43429	448		4,133	1166	640	43429	448		9,999	വെവ	100	
22		4596		. 7 .	448		4,137			75125	448		9,999		988	
23		8025		. 17	448		4,141				449				988	
24	4,146	1454	996	5 (-)	448		4,146	1454	985		448	1 1 *			089	
25	4,150	4884	444		448		4,150	4884	433		448	, .			089	
10,26	4,154	8313	892	43429	448		4,154	8313	881	43429	449		9,999	9999 9	89	
27	-	1743			448		4,159	1743	330		448		,		089	
28	-	5172		5	448		4,163				448			. (990	
29	-	8602			449		4,167			,	449				990	
30	4,172	2031	085		448		4,172	2031	079		448			1.,	990	
10,31	4,176	5461	133	43429			4,176	5461	123	43429	448	1	9,999	9909 9	990	
32		8890			448		4,180			14 5-	448			(990	
-33		2320		1, 1	448		4,185				449	W			090	
34 35		5749 9178			448		4,189 4,193				448 448				991	
99											110)()1	
10,36				43429			4,198			43429			9,999			
37.	,	6037 9467		5-	448 448		4,202 4,206				448 448		1 .		92	
38 39		2896		· 10	448		4,211				448	. " 21	2 1 1 % 2		92 92	
40			165		448	t, iĉi	4,215				449	· · ·			992	
	2 2 0 t O	0755	612	43429	440		// 010	0755	coc	42/00	840		2.000			
10,41	-		062		448		4,224			43429	448		9,999			
42 43		6614			448		4,228				448	1 1/			192 192	
44	-	0043		· £	448		4,233				449				92	
45	4,237	3473	406		448		4,237	3473	399		448				93	
10,46	4.241	6902	854	43429	443	1.50	4,241	6902	847	43429	448		9,999 !	9990 a	103	
47	4,246						4,246						9,333 ;		93	
48	4,250	3761	750		448	25.	4,250	3761	743 -		449		. 11 1/2		93	
49 '	4,254			h-6	449		4,254				448				93	
50	4,259	0620	047			¢0 : '	4,259 (0620 (140					9	93	1

k.	log. Cof. k.	D.	log. Sin. k.	D.	log. Lang. k.	D.
10,50	4,259 0620 647	43429 448	4,259 0620 640	43429 448	9,999 9999 993	
10,51	4,263 4050 095	43429 448	4,263 4050 088	43429 448	9,999 9999 993	
52	4,267 7479 543	448	4,267 7479 536	449	993	
53	4,272 0908 991	448	4,272 0908 985	448	90%	
54	4,276 4338 439	448	4,276 4338 433	448	994	
55	4,280 7767 887	448	4,280 7767 881	448	994	
10,56	4,285 1197 335	43429 448	4,285 1197 329	43429 449	9,999 9999 994	
57	4,289 4626 783	449	4,289 4626 778	448	9,959 959 994	
58	4,293 8056 232	4.48	4,293 8056 226	448	4994	
59	4,298 1485 680	448	4,298 1485 674	448	994	
60	4,302 4915 128	448	4,302 4915 122	449	994	
10,61	A 000 00 kg 450	******		*****	0.000.0000.000	
62	4,306 8344 576	43 429 448	4,306 8344 571	43429 448	9,999 9999 99 5	
63	4,311 1774 024 4,315 5203 472	448	4,311 1774 019	413	995	
64	4,319 8632 920	448	4,315 5203 467 4,319 8632 916	448	996	
65	4,324 2062 368	448	4,324 2062 364	448	996	
40.00	1,000 000		.,021 2001 001		*	
10,66	4,328 5491 816	43429 449	4,328 5491 812	43429 449	9,999 9999 996	
67	4,332 8921 265	448	4,332 8921 261	448	996	
68 69	4,337 2350 713	448	4,337 2350 709	448	996	
70	4,341 5780 161	448	4,341 5780 157	448	996	
10	4,345 9209 609	4,48	4,345 9209 605	448	.996	
10,71	4,350 2639 057	43429 448	4,350 2639 053	43429 449	9,999 9999 996	
72	4,354 6068 505	448	4,354 6068 502	448	996	
73	4,358 9497 953	449	4,358 9497 950	448	996	
74	4,363 2927 402	448	4,363 2927 398	448	996	
75	4,367 6356 850	448	4,367 6356 846	448	996	
10,76	4,371 9786 298	43429 448	4,371 9786 294	43429 449	9,999 9999 996	
77		448	4,376 3215 743	448	996	
78	4,380 6645 194	449	4,380 6645 191	448	996	
79	4,385 0074 643	448	4,385 0074 639	448	996	
80	4,389 3504 091	448	4,389 3504 087	448	996	
10,81	# 202 C022 F20	43429 448	# 202 c022 s2s	43429 449	9,999 9999 996	
82	4,393 6933 539 4,398 0362 987	448	4,393 6933 535 4,398 0362 984	43429 449	9,566 990 997	
83	-,	448	4,402 3792 432	448	997	
84	,,	4+9	4,406 7221 880	448	997	
85		448	4,411 0651 328	448	997	
10.00		40400 440		2014 20104	9,999 9999 997	
10,86 87	4,415 4080 780	43429 448 448	4,415 4080 776	43429 449	9,999 999 997	
88	, , , , , , , , , , , , , , , , , , , ,	448	4,419 7510 225	448 448	997	
89		448	4,424 0939 673 4,428 4369 121	448	997	
90	,	448	4,432 7798 569	449	997	
	,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,		•			
10,91	4,437 1228 020	43429 449	4,437 1228 018			
92	,,	448	4,441 4657 466	448		
93	. /	448	4,445 8086 914	448 448		
94 95		448 448	4,450 1516 362 4,454 4945 810	449		
93	49404 4940 513	440	*,404 4940 810	772		
10,96	4,458 8375 261	43429 448	4,458 8375 259	43429 448		
97	,	449	4,463 1804 707	448		
98	•	448	4,467 5234 155	448	000	
99	,	448	4,471 8063 603		998	
11,00	4,476 2093 054		4,476 2093 052		590	

k.	log. Cof. k.	D.	log. Sin. k.	D.	log. Tang. k.	D.
11,00		-				
11,01	4,476 2093 054	43429 448	4,476 2093 052	43429 448	9,999 9999 998	
02	4,480 5522 502	43429 448	4,480 5522 500	43429 448	9,999 9999 998	
03	4,484 8951 950 4,489 2381 399	449 448	4 ,484 8951 948 4 ,489 2381 396	448 448	998 998	
04	4,493 5810 847	448	4,493 5810 844	449	998	
05	4,497 9240 295	448	4,497 9240 293	448	998	
44.00						
11,06	4,502 2669 743	43429 448	4,502 2669 741	43429 448	9,999 9999 998	
07 08	4,506 6099 191	448	4,506 6099 189	448	998	
09	4, 510 9528 639 4, 515 2958 088	449	4,510 9528 637 4,515 2958 085	448 449	998 998	
10	4,519 6387 536	448 448	4,519 6387 534	448	998	
	1,010 0007 000	210	-, 000, 001	1.0		
11,11	4,523 9816 984	43429 448	4,523 9816 982	43429 448	9,999 9999 998	
12	4,528 3246 432.	448	4,528 3246 430	448	998	
13	4,532 6675 880	448	4,532 6675 878	448	998	
14	4,537 0105 328	449	4,537 0105 326	449	998	
15	4,541 3534 777	448	4,541 3534 775	448	998	
11,16	4,545 6964 225	43429 448	4,545 6964 223	43429 448	9,999 9999 998	
17	4,550 0393 673	448	4,550 0393 671	448	998	
18	4,554 3823 121	448	4,554 3823 119	448	998	
19	4,558 7252 569	448	4,558 7252 567	449	998	
20	4,563 0682 017	449	4,563 0682 016	448	998	
11,21	4,567 4111 466	43429 448	4,567 4111 464	43429 448	9,999 9999 998	
22	4,571 7540 914	448	4,571 7540 912	448	998	
23	4,576 0970 362	448	4,576 0970 360	449	998	
24	4,580 4399 810	448	4,580 4399 809	448	999	
25	4,584 7829 258	448	4,584 7829 257	448	999	
44.06	A 500 1050 706	#2400 #40	A 500 1050 mus	42400 440	0.000.0000.000	
11,26 27	4, 589 1258 706 4, 593 4688 155	43429 449 448	4,589 1258 705	43429 448 448	9,999 9999 999 999	
28	4,597 8117 603	448	4,593 4688 153 4,597 8117 601	449	999	
29	4,602 1547 051	448	4,602 1547 050	448	999	
30	4,606 4976 499	448	4,606 4976 498	448	999	
44.04						
11,31	4,610 8405 947	43429 449	4,610 8405 946	43429 448	9,999 9999 999	
32	4,615 1835 396	448	4,615 1835 394	448	999	
33 34	4,619 5264 844 4,623 8694 292	448 448	4,619 5264 842 4,623 8694 291	449 448	999 999	
35	4,628 2123 740	448	4,628 2123 739	448	999	
11,36	4,632 5553 188	43429 448	4,632 5553 187	43429 448	9,999 9999 999	
37	4,636 8982 636	449	4,636 8982 635	448	999	
38	4,641 2412 085	448	4,641 2412 083	449 448	999	
39	4,645 5841 533 4,649 9270 981	448 448	4,645 5841 532 4,649 9270 980	448	999	
40	4,043 5210 501	470	4,049 3270 980	410	339	
11,41	4,654 2700 429	43429 448	4,654 2700 428	43429 448	9,999 9999 999	
42	4,658 6129 877	448	4,658 6129 876	448	999	
43	4,662 9559 325	449	4,662 9559 324	449	999	
44	4,667 2988 774	448	4,667 2988 773	448	999	
45	4,671 6418 222	448	4,671 6418 221	448	999	
11,46	4,675 9847 670	43429 448	4,675 9847 669	43429 448	9,999 9999 999	
47	4,680 3277 118	448	4,680 3277 117	448	999	
48	4,684 6706 566	449	4,684 6706 565	449	999	
49	4,689 0136 015	448	4,689 0136 014	448	999	
50	4,693 3565 463		4,693 3565 462		999	

k.	log. Cof. k.	D.	log. Sin. k.	D.	. log. Tang. k.	. D
11,50	4,693 3565 463	43429 448	4,693 3565 462	43429 448	9,999 9099 999	
11,51	4,697 6994 911	43429 448	4,697 6994 910	43429 448	9,999 9999 999	
52	4,702 0424 359	448	4,702 0424 358	448	999	
53	4,706 3853 807	448	4,706 3853 806	449	999	
54	4,710 7283 255	449	4,710 7283 255	448	999	
55	4,715 0712 704	448	4,715 0712 703	448	999	
11,56	4 710 4149 159	43429 448	4 710 4140 151	43429 448	. 0.000.0000.000	
57	4,719 4142 152 4,723 7571 600	43429 448	4,719 4142 151	448	9,999 999 999	
58	4,728 1001 048	448	4,723 7571 599 4,728 1001 047	449	999	
59	4,732 4430 496	449	4,732 4430 496	448	999	
60	4,736 7859 945	448	4,736 7859 944	448	999	
11,61			1			
62	4,741 1289 393	43429 448	4,741 1289 392	43429 448	9,999 9999 999	
63	4,745 4718 841	448	4,745 47 18 84	488	999	
64	4,749 8148 289	448 449	4,749 8148 288	449	999 999	
65	4,754 1577 737 4,758 5007 186	448	4,754 1577 737	448	999	
	4,700 3007 100	410	4,758 5007 185	Grr.	333	
11,66	4,762 8436 634	43429 448	4,762 8436 633	43429 448	9,999 9999 999	
67	4,767 1866 082	418	4,767 1866 081	418	999	
68	4,771 5295 530	448	4,771 5295 529	449	999	
69	4,775 8724 978	448	4,775 8724 978	448	999	
70	4,780 2154 426	449	4,780 2154 426	448	999	
11,71	4,784 5583 875	43429 448	4,784 5583 874	43429 448	9,999 9999 999	
72	4,788 9013 323	448	4,788 9013 322	448	999	
73	4,793 2442 771	448	4,793 2442 770	449	999	
74	4,797 5872 219	448	4,797 5872 219	448	999	
75	4,801 9301 667	449	4,801 9301 667	448	.999	
11,76	A 000 0701 440	#2/0/2 A # 0		42400 440		
77	4,806 2731 116	43429 448 448	4,806 2731 115	43429 448 448	9,999 9999 999	
78	4, 810 6160 564 4, 814 9590 012	448	4,810 6160 563	449	909	
79	4,819 3019 460	448	4,814 9590 011 4,819 3019 460	448	999	
80	4,823 6448 908	448	4,823 6448 908	448	999	
			7,000 0000			
11,81	4,827 9878 356	43429 449	4,827 9878 356	43429 448	9,999 9999 999	
82	4,832 3307 805	448	4,832 3307 804	448	999	
83 84	4,836 6737 253	448	4,836 6737 252	449	990	
85	4,841 0166 701 4,845 3596 149	448	4,841 0166 701	44S 44S	999	
0.0	1,010 3030 143	4.18	4,845 3596 149	710	559	
11,86	4,849 7025 597	43429 449	4,849 7025 597	43429 448	0,999 9999 999	
87	4,854 0455 046,	448	4,854 0455 045	. 448	999	
88	4,858 3884 494	448	4,858 3884 493	449	999	
89	4,862 7313 942	448	4,862 7313 942	448	999	
90	4,867 0743 390	448	4,867 0743 390	448	999	
11,91	4,871 4172 838	43429 448	4,871 4172 838	43429 448	9,999 9999 999	
92	4,875 7602 287	448	4,875 7602 286	448	999	
93	4,880 1031 735	448	4,880 1031 734	449	999	
94	4,884 4461 183	448	4,884 4461 183	448	999	
95	4,888 7890 631	448	4,888 7890 631	448	999	
11.00	A 002 1220 072	40.400 44	4.000 (220)	43429 448	9,999 9999 999	
11,96	4,893 1320 079	43429 448	4,893 1320 079	43429 448	999	
97 98	4 ,897 4749 52 7	449	4,897 4749 527	448	999	
99	4,901 8178 976 4,906 1608 424	448 448	4,901 8178 976 4,906 1608 424	448	999	
12.00	4,910 5037 872	373	4,910 5037 872	,	999	
12.00	3,310 0037 072		2,020 0001 01%			

III.

Tabelle der Länge-Zahlen der Kreisbogen, welche größer als 88 Centesimal-Grade sind, von Minute zu Minute, mit eilf Decimalziffern.

Bei der Berechnung dieser Tabelle ist ein Fehler gefunden worden, welcher sich sowohl in den Tafeln von Callet, als auch in dem Thesaurus logarithmorum completus von Vega vorfindet. Es ist nemlich der natürliche Logarithme der Zahl 1099 nicht = 7,0021 (1)595 4403 6213..., sondern = 7,0021 5595....

Da dieser Fehler nirgend meines Wissens angezeigt worden ist, so bringe ich ihn hiermit zur Kenntnifs, damit er verbessert werde. Der Verfasser. Anmerkung. Das Argument k und das Argument v sind in Minuten ausgedrückte Winkel, welche sich zur Summe 10000 Minuten ergänzen. Die in der Tabelle vorkommenden Logarithmen von v sind natürliche. Die Größe $k+\log v$ ist deswegen sammt ihren Differenzen in der Tabelle aufgeführt, weil die zweiten Differenzen dieses Ausdrucks für eine Zunahme von k und also eine Abnahme von v um eine Minute nur langsam variiren. Diese Eigenschaft erleichtert die Interpolation; aus der Größe von $k+\log v$ findet sich dann leicht die Größe des eingeschalteten k.

	k	$= 88^{\circ}.$				k	= 880.		
1	&. k.	€. k + log. v.	D. 1'.	1	1		$2.k + \log v$.	D. 1'.	1
00	2,358 8609 7801	0,448 93 8 1379	49 5325	100	50	2,401 6631 5627	_	47 4517	50
01	2,359 6996 1201	0,448 9427 6704	49 4908	99	51	2,402 5378 4495		47 4101	49
02	2,360 5389 3744	9477 1642	49 4491	98	52	2,403 4132 8693	1898 6380	47 3685	48
03	2,361 3789 5547	9526 6103	49 4074	97	53	2,404 2894 8353	1946 0065	47 3269	47
04	2,361 7196 6726	9576 0177	49.3658	96	54	2,405 1664 3607	1993 3334	47 2853	46
05	2,363 0610 7398	9625 3835	49 3242	95	55	2,406 0441 4589	2040 6187	47 2437	45
06	2,363 9031 7682	9,448 9674 7077	49 2826	94	56	2,406 9226 1431	9,449 2087 8624	47 2021	44
07	2,364 7459 7693	9723 9903	49 2410	93	57	2,407 £018 4266	2135 0645	47 1605	43
08	2,365 5894 7550	9773 2313	49 1994	93	58	2,408 6818 3229	2182 2250	47 1189	42
09	2,366 4336 7371 2,367 2785 7274	9822 4307	49 15.78	91 90	59	2,409 5625 8453	2229 3439	47 0773	41
		9871 5885	49 1162		60	2,410 4441 0074	2276 4212	47 0357	40
11	2,368 1241 7378	9,448 9920 7047	49 0746	89	61	2,411 3263 8225	9,449 2323 4569	46 9941	39
12	2,368 9704 7801	9,448 9969 7793	49 0330	88	62	2,412 2094 3042	2370 4510	46 9525	38
13 14	2,369 8174 8662 2,370 6652 0081		48 9914	87 86	63	2,413 0932 4660	2417 4035	46 9109	37
15	2,371 5136 2178	0067 8037	48 9498 48 9082	85	64 65	2,413 9778 3216	2461 3144	46 8693	36
		0116 7535	40 3002		43	2,414 8631 8846	2511 1837	46 8277	35
16	2,372 3627 5073	9,449 0165 6617	48 8666	84	66	2,415 7493 1686	9,449 2558 0114	46 7861	34
17	2,373 2125 8885	0214 5283	48 8250	83	-67	2,416 6362 1873	2604 7975	46 7445	33
18	2,374 0631 3736 2,374 9143 9747	0263 3533	48 7834	82 84	68	2,417 5238 9544	2651 5420	46 7029	32
20	2,375 7663 7039	0312 1367	48 7418 48 7000	80	69 70	2,418 4123 4838	2698 2449	46 6613	31
		0360 8785	40 1000			2,419 3015 7892	2744 9062	46 6198	30
21	2,376 6190 5730	9,449 0409 5784	48 6583	79	71	2,470 1915 8846	9,449 2791 5260	46 5783	29
22	2,377 4724 5946	0458 2367	48 6166	78	72	2,421 0823 7838	2838 1043	46 5368	28
23 24	2,378 3265 7807 2,379 1814 1437	0506 8533	48 5750 48 5334	77 76	73	2,421 9739 5008	2884 6411	46 4953	27
25	2,380 0369 6959	0555 4283 0603 9617	48 4919	75	74 75	2,422 8663 0495	2931 1364	46 4538	26
			10 1010		13	2,423 7594 4439	2977 5902	46 4123	25
26	2,380 8932 4496		48 4502	74	76	2,424 6533 6980	9,449 3024 0025	46 3708	24
27	2,381 7502 4172	.0700 9037	48 4086	73	77	2,425 5480 8260	3070 3733	46 3293	23
28	2,382 6079 6109 2,383 4664 0433	0749 3123 0797 6793	48 3670	72 71	78	2,426 4435 8418	3116 7026	46 2878	22
30	2,384 3255 7268	0846 0047	48 3254 48 2838	7.0	79 80	2,427 3398 7597 2,428 2369 5939	3162 9904	46 2463	21
							3209 2367	46 2012	20
31		9,449 0894 2885	48 2422	69	81	2,429 1348 3579 9	9,449 3255 4410	46 1626	19
33	2,3 86 0460 8968 2,3 86 9074 4084	0942 5307 0990 7313	48 2006 48 1590	68 67	82	2,430 0335 0665	3301 6036	46 1210	18
34	2,387 7695 2212	1038 8903	48 1174	66	-83 -84	2,430 9329 7340	3347 7246	46 0794	17
35	2,388 6323 3477	1087 0077	48 0758	65	85	2,431 8332 3746 2,432 7343 0029	3393 8040	46 0378	16
20	9 300 4000 0000						3439 8418	45 9962	15
36 37	2,390 3601 5925	9,449 1135 0835	48 0342	64	86	2,433 6361 6332		45 9546	14
38	2,391 2251 7362	1183 1177 1231 1103	47 9926 47 9510	62	87 88	2,434 5388 2799	3531 7926	45 9130	13
39	2,392 0909 2443	1279 0613	47 9094	61	89	2,435 4422 9575 2,436 3465 6808	3577 7056	45 8715	12
40	2,392 9574 1297	1326 9707	47 8678	60	90	2,437-2519 4641	3623 5771	45 8300	11
44	9 303 8046 4050						3609 4071	45 7885	10
41	2,394 6926 0833	9,449 1374 8384	47 8262	59	91	2,438 1575 3221	9,449 3715 1956	45 7470	09
43	2,395 5613 1773	1422 6646 1470 4492	47 7846 47 7430	58 57	92 93	2,439 0642 2696	3760 9425	45 7055	08
44	2,396 4307 6999	1518 1922	47 7014	56	94	2,439 9717 3212	3806 6482	45 6639	07
45	2,397 3009 6640	1565 8936	47 6598	55	95	2,440 8800 4913 2,441 7891 7950	3852 3121	45 6224	06
46	2,398 1719 0827						3897 9345	45 5809	05
47	2,3 99 0435 9688	0,110 1010 0001	47 6181	54	96	2,442 6991 2471	9,449 3943 5154	45 5394	04
48	2,399 9160 3354	1661 1715 1708 7480	47 5765 47 5349	53 52	97	2,443 6098 8623	3989-0548	45 4979	03
49	2,400 7892 1957	1756 2829	47 4933	51	98 99	2,444 5214 6556	4034 5527	45 4564	02
50	2,401 6631 5626	1803 7762		50	100	2,445 4338 6419 2,446 3470 8362	4080 0091	45 4149	01
	v =	11,000					4125 4240		00
		,				v = 1	1,000.	• •	

Uu 2

	$k = 89^{\circ}$.				k	$= 89^{\circ}$.		
1	$\mathfrak{L}.k.$ $\mathfrak{L}.k+\log.v.$	D. 1'.	1	1	2. k.	$\mathfrak{L}.k + \log.v.$	D. 1'.	1
00	2,446 3470 8362 9,449 4125 4239	45 3729	100	50		9,449 6343 1827	43 2962	50
01	2,447 2611 2528 9,449 4170 7968	45 3313	99	51		9,449 6386 4789	43 2517	49
02	2,448 1759 9075 4216 1281	45 2897	98	52	2,495 0041 0848	6429 7336	43: 2132	43
03	2,449 0916 8151 4261 4178	45 2481	97	53	2,495 9630 8381	6472 9463	43 1717	47
04	2,450 0081 9909 4306 6659	45 2065	96	54	2,496 9229 6723		43 1302	46
05	2,450 9255 4499 4351 8724	45 1650	95	55	2,497 8837 6048	6559 2487	43 0887	45
06	2,451 8437 2076 9,449 4397 0374	45 1235	94	56	2,498 8454 6530	9,449 6602 3374	43 ()472	44
07	2,452 7627 2792 4442 1609	45 ()82()	93	57	2,499 8080 8346	6645 3846	43 0057	43
08	2,453 6825 6799 4487 2429	45 0405	92 9 1	58 59	2,500 7716 1672	6688 3903	42 9642 42 9227	42
09 10	2,454 6032 4251 4532 2834 2,455 5247 5301 4577 2823	44 9989 44 9574	90	60	2,501 7360 6684 2,502 7014 3559	6731 3545 6774 2772	42 8810	4()
	•				2,002 1022 0000	0.012		
11	2,456 4471 0104 9,449 4622 2397	44 9159	89	61		9,449 6817 1581	42 8395	39
12	2,457 3702 8815 4667 1556 2,458 2943 1588 4712 0300	44 8744 44 8329	88 87	62 63	2,504 6349 3604		42 7980 42 7565	38
13 14	2,458 2943 1588 4712 0300 : 2,459 2191 8580 4756 8629	44 7914	86	64	2,505 6030 7134 2,506 5721 3240	6945 5521	42 7150	36
15	2,460 1448 9946 4801 0543	44 7499	85	65	2,507 5421 2102	6988 2671	42 6735	35
		A.R. #/10.8	0.1	0.0		6403	40 6200	2.4
16	2,461 0714 5843 9,449 4846 4042 2,461 9988 6426 4891 1126	44 7084 44 66693	84 83	66		9,449 7030 9406	42 6320 42 5905	34
17 18	2,461 9988 6426 4891 1126 2,462 9271 1855 4935 7795	44 6254	82	68	2,509 4848 8815 2,510 4576 7027	70 73 5726 7116 1631	42 5490	32
19	2,463 8562 2286 4980 4049	44 5839	81	69	2,511 4313 8720	7158 7121	42 5075	31
20	2,464 7861 7877 5024 9888	44 5421	80	70	2,512 4060 4074	7201 2196	42 4600	30
21	2,465 7169 8784 9,449 5069 5309	44 5005	79	71	2.513 3816+3273	9,449 7243 6856	42 4245	29
22	2,466 6486 5168 5114 0314	44 4589	78	72	2,514 3581 6500	7286 1101	42 3830	28
23	2,467 5811 7188 5158 4903	44 4173	77	73	2,515 3356 3939	7328 4931	42 3415	27
24	2,468 5145 5004 5202 9076	44 3757	. 76	74	2,516 3140 5773	7370 8346	42 3001	26
25	2,469 4487 8777 5247 2833	44 3342	75.	75	2,517 2934 2190	7413 1347.	42 2586	25
26	2,470 3838 8669 9,449 5291 6175	44 2927	74	76	2,518 2737 3374	9,449 7455 3933	42 2171	24
27	2,471 3198 4839 5335 9102	44 2512	73	77	2,519 2549 9509	7497 6104	42 1756	23
28	2,472 2566 7451 5380 1614	44 2097	72	78	2,520 2372 0784		42 1341	22
29	2,473 1943 6667 5424 3711	44:1682 · 44 1266	71 70	79	2,521 2203 7385		42 0926	21
30	2,474 1329 2648 5468 5393	77 1200	10	80	2,522 2014 9500	7624 0127	42 0510	20
31	2,475 0723 5557 9,449 5512 6659	44 0851	69	81		9,449 7666 0637	42 0095	19
32	2,476 0126 5558 5556 7510	44 0436	68	82	2,524 1756 1021	7708 0732	41 9680	18
33	2,476 9538 2816 5600 7946 2,477 8958 7495 5644 7967	44 0021 43 9606	67 66	83 84	2,525 1626 0808 2,526 1505 6864	775.) 0412 7791 9677	41 9265 41 8850	17 16
34 35	2,478 8387 9759 5688 7573	43 9191	65	85	2,527 1394 9380	7833 8527	41 8435	15
		A2 0776	0.4			0.440 8085 0000		
36	2,479 7825 9774 9,449 5732 6764 2,480 7272 7706 5776 5540	43 8776 43 8361	64 63	86		9,449 7875 6962	41 8020	14
	2,480 7272 7706 5776 5540 2,481 6728 3721 5820 3901	43 7946	62	87 88	2,529 1202 4558 2,530 1120 7603	7917 ±982 7959 2587	41 7605 41 7190	13 12
38 39	2,482 6192 7986 5864 1847	43 7531	61	89	2,531 1048 7875	8000 9777	41 6775.	11
40	2,483 5666 0668 5907 9378	43 7113	60	90	2,532 0986 5569	8042 6552	41 6360	10
	2,484 5148 1931 9,449 5951 6491	43 6698	59	91	2.533 (1034 (1877	9,449 8084 2912	41 5945	00
41 42	2,485 4639 1948 5995 3189	43 6283	58	92	2,534 0891 3994.	8125 8857	41 5530	09
43	2,486 4139 0885 6038 9472	43 5867	57 .	93	2,535 0858 5116	8167 4387	41 5116	07
44	2,487.3647 8914 6082 5340	43 5452	56	94	2,536 0835 4438	8209 9503	41 4702	06
45	2,488 3165 6201. 6126 0792	43 5037	55	95	2,537 0822 2156	8250 4205	41 4288	05
46	2,489 2692 2919 9,449 6169 5829	43 4622	54	96	2,538 0818 8468	9,449 8291 8493	41 3874	04
47	2,490 2227 9238 6213 0451	43 4207,	53	97	2,539 0825 3571	8333, 2367	41 3460	03
48	2,491 1772 5329 6256 4658	43 3792	52	98	2,540 0841 7663	374 5827	41 3046	02
49	2,402 1326 1363 6299 8450	43 3377.		99	2,541 0868 0942.	8415 8873.	41.2632	01
50	2,493 0888 7512. 6343,1827.		50;	100	2,542 0904 3607	8457 1505		00
	v = 10,000	0 0-0+			v = 10	,000		

		$k = 90^{\circ}$				To The	$= 90^{\circ}$		
1	2. k.	$\mathfrak{L}.\vec{k} + \log v.$	D: 1'.	1	1	£. k.	$\mathfrak{L}.k + \log.v.$	D. 17.	1
00		9,449 8457 1505	41 2213	100	50		9,450 0467 4156	39 1482	50
01		9,449 8498 3718	41 1798	99	51		9,450 0506 5638	39 1068	49
02	2,544 1006 7885	-	41 1383	98	52	2,595 7000 6481	•	39 0654	48
03	2,545 1072 9903	8580 6899	41 0968	97	53	2,596 7593 8042	0584 7360	39 0240	47
04	2,546 1149 2109		41 0553	96	54	2,597 8198 0695		38 9826	46
05	2,547 1235 4705	8662 8420	41 0138	95	55	2,598 8813 4677	0662 7426	, 38 9412	45
06	2,548 1331 7893	9,449 8703 8558	40 9723	94	56	2,599 9440 0224	9,450 0701 6838	38 8997	44
07	2,549 1438 1877		40 9308	93	57	2,601 0077 7572	0740 5835	38 8583	43
08	2,550) 1554 6861		40 8893	92 91	58 59	2,602 0726 6961	0779 4418	38 8169	42
10	2,551 1681 3050 2,552 1818 0648		40 8478 40 8063	90	60	2,603 1386 8629 2,604 2058 2816	0818 2587 0857 0342	38 7755 38 7338	40
	,					2,001 2000 2020	0007 0020	00 7000	
11		9,449 8908 3023	40 7649	89	61		9,450 0895 7680	38 6923	39
12 13	2,554 2122 0898		40 7235 40 682 1	88 87	62 63	2,606 3434 9703 2,607 4140 2888	0934 4603 0973 1111	38 6508 38 6093	38 37
14	2,555 2289 3964 2,556 2466 9268	. 6.2 m /	40 6407	86	64	2,608 4856 9557	1011 7204	38 5678	36
15	2,557 2654 7018		40 5993	85	65	2,609 5584 9954	1050 2882	38 5264	35
			40 FF-0:	84					
16 17		9,449 9111 7128 9152 2707	40 5579	83	66 67	2,610 6324 4324 2,611 7075 2912	9,450 1088 8146	38 4850 38 4436	3 4 3 3
18	2,559 3061 0693 2,560 3279 7037		40 4752	82	68	2,612 7837 5964	1165 7432	38 4022	32
19	2,561 3508 6668		40 4338	81	69	2,613 8611 3727	1204 1454	38 3608	31
20	2,562 3747 9796	9273 6962	40 3918	80	70	2,614 9396 6448	1242 5062	38 3194	30
21		9,449 9314 0880	40 3503	79	71	2,616 0193 4375	9,450 1280 8256	38 2780	29
22	2,564 4257 7380	9354 4383	40 3088	78	72	2,617 1001 7758	1319 1036	38 2366	28
23	2,565 4528 2267		40 2673	77	73	2,618 1821 6846	1357 3402	38 1952	27
24	2,566 4809 1503		40 2258	76	74	2,619 2653 1890	1395 5354	38 1538	26
25	2,567 5100 5303	9475 2402	40 1843	75	75	2,620 3496 3141	1433 6892	38 1124	25
26	2 568 5402 3881.	9,449 9515 4245	40 1428	74	76	2,621 4351 0852	9,450 1471 8016	38 0710	24
27	2,569 5714 7455	9555 5673	40 1013	73	77	2,622 5217 5276	1509 8726	38 0296	23
28	2,570 6037 6240	9895 6686	40 0599	72	78	2,623 6095 6667	1547 9022	37 9883	22
29	2,571 6371 0456	9635 7285	40 0185	71	79	2,624 6985 5280	1585 8905	37 9469	21
30	2,572 6715 0321	9675 7470	39 9771	70	80	2,625 7887 13790	1623 8374	37 9052	20
31	2,573 7069 6052	9,449 9715 7241	39 9357	69	81	2,626 8800 5191		37 8637	19
32	2,574 7434 7871	9755 6598	39 8943	68	82	2,627 9725 7001	1699 6063	37 8222	18
33	2,575 7810 5996	9795 5541	39 8529	67	83	2,629 0662 7060	1737 4285	37 7808	17
34	2,576 8197 0649	9835 4070 9875 2186	39 8116 39 7702	66 65	84	2,630 1611 5626 2,631 2572 2960	1775 2093 1812 9487	37 7394 37 6980	16 15
35	2,577 8594 2053				85				
36	2,578 9002 0427	9,449 9914 9888	39 7288	64	86	2,632 3544 9322		37 6566	14
37	2,579 9420 5097	9954 7176	39 6874 39 6460	63	87	2,633 4529 4974	1888 3033 1925 9185	37 6152	13
38	2,580 9849 8984	9,449 9994 4050 9,450 0034 0510	39 6046	62 61	88 89	2,634 5526 0178 2,635 6534 5198	1963 4923	37 5738 37 5323	12 11
39 40	2,583 0740 8110	0073 6556	39 5626	60	90	2,636 7555 0295	2001 0246	37 4909	10
41		9,450 0113 2182 0152 7393	39 5211 39 4796	59 58	91	2,637 8587 5638	2075 9650	37 4495 37 4081	09
42	2,585 1674 9596 2,586 2158 3044	0492 2189	39 4381	57	92 93	2,638 9632 1790 2,640 0688 8720	2113 3731	37 3667	08
43	2,580 2158 3044	0231 6570	39 3966	56	94	2,641 1757 6794	2150 7398	37 3253	06
45	2,588 3157 6488	0271 0536	39 3552	55	95	2,642 2838 6282	2188 0651	37 2839	05
	0 590 3673 6044	9,450 0310 4088	39 3138	54	96	2,643 3931 7451	9,450 2225 3490	37 2425	04
46	2,590 4200 6361	0349 7226	39 2724	53	97	2,644 5037 0574	2262 5915	37 2011	03
48	2,591 4738 6471	0388 9950	39 2310	52	98	2,645 6154 5920	2299 7926	3 7 1 59 7	02
49	2,592 5287 6006	0428 2260	39 1896	51	99	2,646 7284 3763	2336 9523	37 1183	01
50	2,593 5847 5697	0467 4156		50	100	2,647 8426 4374	2374 0706		00
	v =	9,000.	• •			v = 3	9 , 000	•1	

	J.	$= 91^{\circ}$.					$k = 91^{\theta}.$	
1	2. k.	$\mathfrak{L}.k + \log.v.$	D. 1'.	1	1 1	2. k.	$\mathfrak{L}. k + \log. v.$	D. 1'. 1
00		9,450 2374 0706	37 07 68	100	50	2,705 1813 698	9,450 4177 1935	35 0070 50
-01		9,450 2411 1474	37 0353	-99	. 51		9,450 4212 2005	34 9656 49
02	2,650 0747 4997	2448 1827	36 9939	98	50			34 2243 48
.03	2,651 1926 5561		36 9525	97	53			34 8829 47
.04	2,652 3117 9994	2522 1291	36 9111	96	54	,	4316 9733	34 8415 46
.05	2,653 4321 8575	2559 0402	3 6 869 7	95	.53	2,741 0985 5413	4351 8148	34 8001 45
06	2,654 5538 1582	9,450 2595 9099	36 8283	94	56	2,712 2861 6690	9,450 4386 6149	34 7588 44
07	2,655 6766 9295	2632 7382	36 7869	93	57			34 7174 43
08	2,656 8008 1993	_2669 5251-	36 7455	92	.58		4456 0911	34 6759 42
09	2,657 9261 9957	2706 2706	36 7041	94	59			34 6345 41
10	2,659 0528 3475	2742 9747	36 6627	90	:60	2,717 0506 4832	4525 4015	34 5933 40
11	2,660 1807 2823	9,450 2779 6374	36 6213	89	61	2,718 2452 9303	9,450 4559 9948	34 5519 39
12	2,661 3098 8288	2816 2587	36 5799	88	62			34 5105 38
13	2,662 4403 0156	2852 8386	36 5385	87	63		4629 0572	34 4691 37
14	2,663 5719 8711	2889 3771	36 4971	86	.64			34 4278 36
15	2,664 7049 4242	2925 8742	36 4557	85	65	2,723 0380 7056	4697 9541	34 3864 - 35
46	2,665 8391 7036	9,450 2962 3299	36 4143	84	66	2,724 2398 3170	9,450 4732 3405	34 3450 34
17	2,666 9746 7382	2998 7442	36 3730	83	67			34 3036 33
18	2,668 1114 5572	3036 1172	3 6 33 1 6	82	68		4800 9891	34 2623 32
19	2,669 2495 1895	3071 448	36 2902	81	69			34 2209 31
20	2,670 3888 6643	3107 7390	36 2487	80	70	2,729 0612 4644	4869 4723	34 1795 30
21	2,671 5295 0109	9,450 3143 9877	36 2073	79	71	2,730 2702 1005	9,450 4903 6518	34 1381 29
22	2,672 6714 2587	3180 1950	36 1659	78	72			34 0968 28
23	2,673 8146 4372	3216 3609	36 1245	77	73		4971 8867	34 0554 27
24	2,674 9591 5761	3252 4854	36 0831	7.6	. 74			34 0140 26
25	2,676 1049 7050	3288 5685	-36 0417	75	75	2,735 1206 0928	5039 9561	33 9726 25
2.6	2,677 2520 8537	9,450 3324 6102	36 0003	74	76	2,736 3368 6297	9,450 5073 9287	33 9313 24
27	2,678 4005 0522	3360 6105	35 9589	73	77	2,737 5545 8533	5107 8600	33 \$899 23
28	2,679 5502 3304	3396 5694	35 9175	72	78	2 ''		33 8485 22
29	2,680 7012 7184	3432 4869	35 8761	71	- 79	. ,		33 8072 21
30	2,681 8536 2466	3468 3630	35 8347	70	- 80	2,741 2166 0031	5209 4056	33 7659 20
31	2,683 0072 9451	9,450 3504 1977	35 7933	69	81	2,742 4402 3330	9,450 5243 1715	33 7245 19
32	2,681 1622 8444	3539 9910	35 7519	68	82	9	5276 8960	33 6831 18
33	2,685 3185 9751	3575 7429	35 7106	67	83	7		33 6418 17
34	2,686 4762 3679	3611 4535	35 6692	66	84			33 6004 16
35	2,687 6352 0534	3647 1227	35 6278	65	. 85	2,747 3496 6889	5377 8213	33 5591 15
36	2,688 7955 0625	9,450 3682 7505	35 5864	64	86	2,748 5807 7204	9,450 5411 3804	33 5178 14
37	2,689 9571 4261	3718 3369	35 5450	63	87			33 4764 13
38	2,691 1201 1753	3753 8819	35 5036	62	88	,		33 4350 12
39	2,692 2844 3413	3789 3855	35 4622	61 60	89 90			33 3937 11
40	2,693 4500 9553	3824 8477	35 4208	00	50	2,753 5202 7267	5545 2033	33 3523 10
41	2,694 6171 0487	9,450 3860 2685	35 3794	59	91		9,450 5578 5556	33 3100 09
42	2,695 7854 6531	3895 6479	35 3380	58	92			33 2696 08
43	2,696 9551 8000	3930 9859	35 2966	57 56	93	,		33 2282 07
44	2,698 1262 5211	3966 2825		56 55	94 95	,		33 1868 06
45	2,699 2986 8485	4001 5378	35 2139	55	92	2,759 7288 7770	5711 5511	33 1455 05
46	2,700 4724 8139	9,450 4036 7517	35 1725	54	.96		9,450 5744 6966	33 1041 04
47	2,701 6476 4493	4071 9242		53	97			33 0627 03
48	2,702 8241 7871	4107 0553	35 0898	52	98	*,		33 0214 02
49	2,704 0020 8594	4142 1451	35 0484	51	100			.33 9900 10
50	2,705 1813 6987	4177 1935		50	100	r		00
	v =	8,000	• •			<i>v</i> =	8,000.	•

	$k = 92^{\circ}$.				k	$= 92^{\circ}$		
1	$\mathfrak{L}.k.$ $\mathfrak{L}.k + \log.v.$	D. 17.	1 -	1		$\mathfrak{L}.k + \log v.$	D. 14.	1
00	2,765 9759 5882 9,480 5876 8648	32 9387	100	50		9,450 7473 1568		50
01	2,767 2300 3459 9,450 5909 8035	32 8973	99	51		9,450 7504 0287	30 8719 30 8306	49
02	2,768 4856 7264 5942 7008	32 8560	98	52	2,833 3505 0796	7534 8593	30 6892	48
03	2,769 7428 7689 5975 5568	32 8146	97	53	2,834 6913 7972	7565 6485	30 7479	47
04	2,771 0016 5130 6008 3714	32 7733	96	54	2,836 0340 3944	7596 3964	30 7066	46
05	2,772 2619 9982 6041 1447	32 7319	95	55	2,837 3784 9193	7627 1030	30 6653	45
06	2,773 5239 2642 9,450 6073 8766	32 6906	94	56	2,838 7247 4200	9,450 7657 7683	30 6239	44
07	2,774 7874 3509 6106 5672	32 6492	93	57	2,840 0727 9451	7688 3922	30 5826	43
08	2,776 0525 2983 6139 2164	32: 6079	92 91	58 59	2,841 4226 5432	7718 9748	30 5412	42 41
09 10	2,777 3192 1467 6171 8243 2,778 5874 9362 6204 3908	32 5665 32 5253	90	60	2,842 7743 2631 2,844 1278 1540	7749 5160 7780 0159	30 4999 30 4586	40
	,							
11	2,779 8573 7077 9,450 6236 9161	32: 4839	89.	61	*	9,450 7810 4745	30 4173	39 38
12 13	2,781 1288 5015 . 6209 4000 2,782 4019 3585 6301 8426	32 4426 32 4012	88 87	62 63	2,846 8402 6458 2,848 1992 3460	7840 8918 7871 2678	30 3760 30 334 7	37
14	2,783 6766 3196 6334 2438	32 3599	86	64	3,849 5600 4153	7901 6025	30 2934	36
15	3,784_9529 4259 6366 6037	32 3185	85	65	2,850 9226 9038	7931 8959	30-2521	35
16	2,786 2308 7187 9,460 6398 9222	32 2772	84	66	2,852 2871 8619	0.450, 7060, 1400	20 2109	34
17	2,787 5104 2395 6431 1994	32 2358	83	67	2,853 6535 3409	7992 3588	30 2108 . 30 1695	33
18	2,788 7916 0298 (6463 4352	32 1945	82	68	2,855 0217 3887	8002 5283	30 1281	32
19	2,790 0744 1314 6495 6297	32 1531	81	69	2,856 3918 0590	8052 6564	30 0868	31
20	2,791 3588 5860 . 6527 7828	32 1118	80	70	2,857 7637 4018	8082 7432	30 0455	30
21	2,792 6449 4359 9,450 6559 8946	32 0705	79	71	2,859 1375 4687	9,450 8112 7887	30 0042	29
22	2,793 9326 7234 6591 9651	32 0292	78	72	2,860 5132 3110	8142 7929	29 9629	28
23	2,795 2220 4907 6623 9943	31 9878	77	73	2,861 8907 9805	8172 7558	29 9216	27
24	2,796 5130 7803 6655 9821 2,797 8057 6351 6687 9286	31 9465	76	74	2,863 2702 5292	8202 6774	29 8803	26
25	2,797 8057 6351 6687 9286	31 9052	75	75	2,864 6516 0092	8232 5577	29 8390	25
26	2,799 1001 0980 9,450 6719 8338	31 8638	74	76	2,866 0348 4729	9,450 8262 3967	29 7976	24
27	2,800 3961 2148 6751 6976	31 8225	73	~~	2,867 4199 9728	8292 1943	29 7563	23
28 29	2,801 6938 0199 6783 5201 2,802 9931 5657 6815 3013	31 7812 31 7398	72 71	78 79	2,868 8070 5617 2,870 1960 2928	8321 9506 8351 6656	29 7150 29 6737	22 21
30	2,804 2941 8927 6847 0411	31 6984	70		2,871 5869 2192	8381 3393	29 6324	20
	0 00F F000 044F 0 4F0 0000 7305	21 6571	CO	81	E OBO 0804 0045	0 450 0410 0717	00 5011	19
31 32	2,805 5969 0445 9,450 6878 7395 2,806 9013 0652 6910 3966	31 6571 31 6157	69 68	82	5,872 9797 3945 2,874 3744 8724	9,450 8410 9717 8440 5628	29 5911 29 5498	18
33	2,808 2073 9987 6942 0123	31 5744	67	83	2,875 7711 7067	8470 1126	29 5085	17
34	2,809 5151 8893 . 6973 5867	31 5331	66	84	2,877 1697 9515	8499 6211	29 4672	16
35	2,810 8246 7816 7005 1198	31 4917	65	85	2,878 5703 6614	8529 0883	29 4259	15
36	2,812 1358 7199 9,450 7036 6115	31 4504	64	86	2,879 9728 8909	9,450 8558 5142	29 3846	14
37	2,813 4487 7491 7068 0619	31 4091	63	87	2,881 3773 6947	8587 8988	29 3433	13
38	2,814 7633 9142 7099 4710	31 3677	62		2,882 7838 1280	8617 2421	29 3020	12
39	2,816 0797 2601 7130 8387 2,817 3977 8323 7162 1651	31 3264	61	89 90	2,884 1922 2461	8646 5441 8675 8048	29 2607 29 219 4	11 10
40	2,817 3977 6323. /102 1031	31 2851	60	90	2,885 6026 1045	00/3 0040	29 219%	10
41	2,818 7175 6763 9,450 7193 4502	31 2438	59	91	2,887 0149 7589		29 1781	09
42	2,820 0390 8376 7224 6940	31 2025	58	92	2,888 4293 2654	8734 2023	29 1367	08
43	2,821 3623 3622 7255 8965 2,822 6873 2960 7287 0577	31 1612 31 1198	57 56	93 94	2,889 8456 6801 2,891 2640 0595	8763 3390 8792 4344	29 0954 29 0541	07 06
44	2,824 0140 6851 7318 1775	31 0785	55	95	2,892 6843 4604	8821 4885		05
	2,825 3425 5760 9,450 7349 2560			96	2 801 1066 0309		28 9715	04
46	2,826 6728 0153 7380 2932	31 0372 30 9959	54 53		2,894 1066 9398 2,895 5310 5547	8879 4728	28 9302	03
48	2,828 0048 0497 7411 2891	30 9545	52	98	2,896 9574 3628	8908 4030	28 8889	02
49	2,829 3385 7260 7442 2436	30 9132	.51		2,898 3858 4216	8937 2919	28 8476	01
50	2,830 6741 0915 7473 1568		50	100	2,899 8162 7891	8966 1395		00
	v = 7,000				v = '	7, 000	•	

	k	== 93%				k	$= 93^{\circ}$.		
1	L.k. E	. k + log. v.	D. 1'.	1	1	2. k. 9	$k + \log v$.	D. 1'.	1
00	2,899 8162 7891 .9		28 8063	100	50	2,974 0632 2486		26 7421	50
01	2,901 2487 5235 9		28 7650	99	51	2,975 +6055 4525		26 7008	49
02	2,902 6832 6832	9023 7108	28 7237	98	52	2,977 1502 3568	0409 3203	26 6596	48
03	2,904 1198 3269	9052 4345	28 6824	97	53	2,978 6973 0349	0435 9799	26 6183	47
04	2,905 5584 5136	9081 1169	28 6411	96	54	2,980 2467 5604	0462 5982	26 5770	46
0,5	2,906 9991 3024	9109 7580	28 5998	9,5	5,5	2,981 7986 0073	0489 1752	26 5358	45
06	2,908 4418 7528	9,450 9138 3578	28 5585	94	56	2,983 3528 4499	9,451 0515 7109	26 4915	44
07	2,909 8866 9245	9166 9163	28 5173	93	57	1,984 9094 9631	0542 2054	26 4532	43
08	2,911 3335 8775	9195 4336	28 4760	82	58	2,986 4685 6218	0568 6586	26 4120	42
09	2,912 7825 6720	9223 9096	28 4347	91	59	2,988 0300 5014	0595 0706	26 3707	41
10	2,914 2336 3684	9252 3443	28 3934	90	60	2,989 5939 6778	0621 4413	26 3294	40
11	2,915 6868 0276	9,450 9280 7377	28 3521	89	6,1	2,991 1603 2270	9,451 0647 7707	26 2881	39
12	2,917 1420 7105	9309 0898	28 3108	88	62	2,992 7291 2254	0674 0588	26 2468	38
13	2,918 5994 4784	9337 4006	28 2695	8.7	63	2,994 3003 7499	0700 3056	26 2056	37
14	2,920 0589 3929	9365 6701	28 2283	86	64	2,995 8740 8778	07,26 5112	26 1643	36
15	2,921 5205 5158	9393 8984	28 1870	85	65	2,997 4502 6866	0752 6755	26 1230	35
16	2,922 9842 9092	9,450 9422 0854	28 1457	84	66	2,999 0289 2542	9,451 0778 7985	26 0818	34
17	2,924 4501 6354	9450 2311	28 1045	83	67	3,000 6100 6589	0804 8803	26_0405	33
18	2,925 9181 7572	9478 3356	28 0632	82	68	3,002 1936 9794	0930 9208	25 9992	32
19	2,927 3883 3374	9506 3988	28 0219	81	69	3,003 7798 2946	0856 9200	25 9580	31
20	2,928 8606 4390	9534 4207	27 9805	80	70	3,005 3684 6842	0882 8780	25 9167	30
21	2,930 3351 1257	9,450 9562 4012	27 9392	79	71	3,006 9596 2277	9,451 0908 7947	25 8754	29
22	2,931 8117 4610	9590 3404	27 8979	78	72	2,008 5533 0055	0934 6701	25 8342	28
23	2,933 2905 5092	9618 2383	27 8566	77	73	3,010 1495 0980	0960 5043	25 7929	27
24		9646 0949	27 8153	76	74	3,011 7482 5862	-0986 2972	25 7516	26
25	2,936 2547 0015	9673 9102	27 7741	75	75	3,013 3495 5515	1012 0488	25 7104	25
26	2,937 7400 5752	9,450 9701 6843	27 7328	74	76	3,014 9534 0756	9,451 1037 7592	25 6691	24
27		9729 4171	27 6915	13	77	3,016 5598 2405	1063 4283	25 6279	23
28		9757 1086	27 6502	72	78	3,018 1688 1289	1089 0562	25 5867	22
29		9784 7588	27 6089	71	79	3,019 7803 8236	1114 6429	25 5454	21
30	2,943 7035 2439	9812 3677	27 5677	70	80	3,021 3945 4080	1140 1883	25 5041	20
31		9,450 9839 9354	27 5264	69	81	3,023 0112 9656	9,451 1165 6924	25 4628	19
32		9867 4618	27 4851	68	82	3,024 6306 5807	1191 1552	25 4216	18
33		9894 9469	27 4438		83	3,026 2526 3378		25 3803	17
34		9922 3907	27 4025	66	84 85	3,027 8772 3218		25 3391 25 2978	16
35	2,951 2079 3867	9949 7932	27 3613	65	03	3,029 5044 6182	1267 2962	20 4010	15
36	2,952 7154 6598	9,450 9977 1545	27 3200	64	86	3,031 1343 3126	9,451 1292 5940	25 2566	14
37		9,451 0004 4745	27 2787		87			25 2153	13
38		0031 7532	27 2374	62	88	,		25 1741	12
39		0058 9906	27 1961 27 1548	61	89 90	,		25 1328 25 0915	11
40	2,900 1001 0500	0086 1867	27 13-20	00	50	3,037 6803 8012	1393 3728	20 0020	70
41	2,960 2877 9965	9,451 0113 3415	27 1135		91	. 10	9,451 1418 4613	25 0502	09
42		.0140 4550	27 0722		92			25 0090	08
43		0167 5272	27 0310		93	,		24 9677 24 9265	07
44		0194 5582 0221 5479	26 9897 26 9484		94 95			24 8852	06
4				- 7					
40		9,451 0248 4963	26 9072	- (96	7	9,451 1543 3029	24 8440	04
. 47		0275 4035	26 8659		97			24 8027	03
4:			26 8246 26 7834		98 99			24 7615 24 7202	02
49	0000 0100	0355 8774	10 1034	51 50	100	*		## 1402	00
9(,,	6,000.		90	100	,	6,000.		00
		0.1,000.	• •			0 _	0 , 0000 .	• •	

	A	$= 94^{\circ}$.				k	$= 94^{\circ}$.	132194
1		$\mathfrak{L}.k + \log v.$	D. 1'.	1	1	_	$\mathfrak{L}. k + \log v.$	D. 1'. 1
00		9,451 1642 4313	24 6790	100	50		9,451 2825 8560	22 6170 50
01		9,451 1667 1103	24 6378	99	51	,	9,451 2848 4730	22 5758 49
02	3,057 5784 2086	1691 7481	24 5965	98	52	3,145 0118 1794	2871 0488	22 5344 48
03	3,059 2545 2107	1716 3446	24 5553	97	53	3,146 8405 5590	2893 5832	22 4932 47
04	3,060 9334 2293	1740 8999	24 5140	96	54	3,148 6726 3190	2916 0764	22 4520 46
05	3,062 6151 3585	1765 4139	24 4728	95	55	3,150 5080 5821	2938 5284	22 4108 45
06	3,064 2996 6931	9,451 1789 8867	24 4315	94	56	3,152 3468 4707	9,451 2960 9392	22 3695 44
07	3,065 9870 3283	1814 3182	24 3903	93	57	3,154 1890 1094	2983 3087	22 3283 43
08	3,067 6772 3597	1838 7085	24 3490	92	58	3,156 0345 6227	3005 6370	22 2871 42
09	3,069 3702 8835	1863 0575	24 3078	91 90	59	3,157 8835 1357	3027 9241	22 2459 41
10	3,071 0661 9964	1887 3653	24 2665		60	3,159 7358 7745	3050 1700	22 2046 40
11	3,072 7649 7953	9,451 1911 .6318	24 2253	89	61	3,161 5916 6656	9,451 3072 3746	22 1634 39
12	3,074 4666 3782	1935 \$571	24 1841	88	62	3,163 4508 9364	3094 5380	22 1222 38
13	3,076 1711 8430	1960 0412	24 1427	87	63	3,165 3135 7152	3116 6602	22 0810 37
14	3,077 8786 2882	1984 1839	24 1014	86 8 5	64 65	3,167 1797 1305	3138 7412	22 0398 36
15	3,079 5889 8130	2008 2853	24 0602		03	3,169 0493 3121	3160 7810	21 9985 35
16	,	9,451 2032 3455	24 0189	84	66	3,170 9224 3899	9,451 3182 7795	21 9573 34
17	3,083 0184 5009	2056 3644	23 9777	83	67	3,172 7990 4952	3204 7368	21 9161 33
18	3,084 7375 8648	2080 3421	23 9364	82	68	3,174 6791 7595	3226 6529	21 8749 32
19	3,086 4596 7100	2104 2785	23 8952 23 8540	81 80	69 70	3,176 5628 3154 3,178 4500 2961	3248 5278	21 8337 31 21 7924 30
20	3,088 1847 1383	2128 1737	23 0040			3,176 4500 2501	3270 3615	21 7924 30
21	3,089 9127 2519	9,451 2152 0276	23 8128	79	71	3,180 3407 8354		21 7512 29
22	3,091 6437 1537	2175 8404	23 7746	78	72	3,182 2351 0681	3313 9051	21 7100 28
23	3,093 3776,9470	2199 6124)	23 7303	77	73	3,184 1330 1297 3,186 0345 1566	3335 6151	21 6688 27
24	3,095 1146 7354	2223 3423	23 6891 23 6479	76 75	74 75	3,187 9396 2855	3357 2839	21 6275 26 21 5862 25
25	3,096 8546 6235	2247 0314	23 0473				3378 9114	21 5862 25
26		9,451 2270 6793	23 6066	74	76	3,189 8483 6544	*	21 5450 24
27	3,100 3437 1188	2294 2859	23 5654	73	77	3,191 7607 4020	3422 0426	21 5039 23
28	3,102 0927 9376 3,103 8449 2790	2317 8513 2341 3755	23 .5242 23 4829	72 71	78 79	3,193 6767 6676 3,195 5964 5915	3443 5464	21 4626 22 21 4214 21
29 30	3,105 6001 2502	2364 8584	23 4417	70	80	3,107 5198 3147	3465 0000 3486 4304	21 4214 21 21 3802 20
	•	0 451 0300 2001	02 400#	69	04	2 100 4469 0700		
31	3,109 1197 5133	9,451 2388 3001 2411 7005	23 4004 23 3591	68	81 82	3,199 4468 9790 3,201 3776 7271	3529 1496	21 3390 19 21 2978 18
32 33	3,110 8842 0224	2435 0596	23 3179	67	83	3,203 3121 7024	3550 4474	21 2566 17
34	3,112 6516 5955	2458 3775	23 2767	66	84	3,205 2504 0492	3571 7040	21 2154 16
35	3,114 4224 3428	2481 6542	23 2354	65	85	3,207 1923 9128	3592 9194	21 1741 15
36	3 116 1062 3747	-9 ₂ 451 2504 8896	23 1942	64	86	3,209 1381 4390	9,451 3614 0935	21 1329 14
37	3,117 9731 8025	.2528 0838	23 1530	63	87	3,211 0876 7747	3635 2264	21 0917 13
38	3,119 7532 7379	2551 2368	23 1117	62	88	3,213 0410 0678	3656 3181	21 0505 12
39	3,121 5365 2933	2574 3485	23 0705	61	89	3,214 9981 4666	3677 3686	21 0093 11
40	3,123 3229 5818	2597 4190	23 0292	60	90	3,216 9591 1208	3698 3779	20 9680 10
41	3,125 1125 7165	9,451 2620 4480	22 9880	59	91	3,218 9239 1804	9,451 3719 3459	20 9268 09
42	3,126 9053 8122		22 9468	58	92	3,220 8925 7970	3740 2727	20 8856 08
43	3,128 7013 9836	2666 3828	22 9056	57	93	3,222 8651 1224	3761 1583	20 8444 .07
44	3,130 5006 3459		22 8643	56	94	3,224 8415 3099	3782 0027	20 8032 06
45	3,132 3031 0153	2712 1527	22 8231	5.5	95	3,226 8218 5132	3802 8059	20 7619 05
46		9,451 2734 9758	22 7819	54	96		9,451 3823 5678	20 7206 04
47	3,135 9177 7425		22 7407	53	97	3,230 7942 5875	3844 2884	20 6794 03
48	3,137 7300 0357		22 6994	52	98	3,232 7863 7709 3,234 7824 5952	3864 9678 3885 6060	20 6382 02
49	3,139 5455 1063 3,141 3643 0738	2803 1978 2825 8560	22 6582	51	99 100	3,234 7824 3932	3906 2030	20 5970 01
50	,	5,000.	- 1	30	100		5,000.	
	v =	3,000.	• •			0		
							Хx	

	k k	$= 95^{\circ}$.				1	$k = 95^{\circ}$.		
1	Q. k.	$\mathfrak{L}.k + \log.v.$	D. 1'.	1	1	2. k.	$\mathfrak{L}. k + \log. v.$	D. 1'.	1
00	3,236 7825 2188	9,451 3906 2030	20 5558	100	50	3,342 2407 6916	9,451 4883 5192	18 4957	50
01	3,238 7865 8013	9,451 3926 7588	20 5146	99	51	3,344 4673 1375	9,451 4902 0149	18 4545	49
02	3,240 7946 5032	3947 2734	20 4734	98	52	3,346 6988 1453	4920 4694	18 4133	48
03	3,242 8067 4859	3967 7468	20 4322	97 96	53	3,348 9352 9366		18 3721	47
04	3,244 8228 9118	3988 1790	20 3910 20 3498	95	54 55	3,351 1767 7346	4957 2548	18 3309 18 2897	46 45
03	3,246 8430 9444	4008 5700	20 3400			3,353 4232 7641	4975 5857	10 2037	
06	3,248 8673 7480	9,451 4028 9198	20 3086	94	56	3,355 6748 2511	9,451 4993 8754	18 2485	44
07	3,250 8957 4880	4049 2284	20 2674	93 92	57 58	3,357 9314 4235	5012 1239	18 2073	43
08	3,252 9282 3309 3,254 9648 4441	4059 4958	20 2262 20 1850	91	59	3,360 1931 5105	5030 3312	18 1661 18 1250	41
10	3,257 0055 9960	4089 7220 4109 9070	20 1438	90	60	3,362 4599 7429 3,364 7319 3532	5048 497 3 5066 622 3	18 0838	40
				00	CA				20
11 12		9,451 4130 0508	20 1026	89 88	61 62		9,451 5084 7061	18 0426	39 38
13	3,261 0996 0949 3,263 1528 9840	4150 1534	20 0614	87	63	3,369 2913 6450	5102 748 7 5120 750 1	18 0014 17 9602	37
14	3,265 2103 9960	4170 2148 4190 2350	19 9790	86	64	3,371 5788 7992 3,373 8716 2769		17 9190	36
15	3,267 2721 3047	4210 2140	19 9378	85	65	3,376 1696 3185	5156 6293	17 8778	35
4.0	2 000 2201 00/7		10 0005	84	66		0.444 8488 5084	47 0200	34
16 17	3,271 4083 5118	9,451 4230 1518 4250 0483	19 8965 19 8553	83	66 67	3,380 7815 0637	9,451 5174 5071 5192 3437	17 8366 17 7953	33.
18	3,273 4828 7631	4269 9036	19 8141	82	68	3,383 0954 2567	5210 1391	17 7542	32
19	3,275 5617 0167	4289 7177	19 7729	81	69	3,385 4146 9983	5227 8933	17 7131	31
20	3,277 6448 4516	4309 4906	19 7316	80	70	3,387 7393 5196	5245 6064	17 6719	30
21	3 279 7323 2481	9,451 4329 2222	19 6904	79	71	3 390 0694 0891	9,451 5263 2783	17 6307	29
22	3,281 8241 5877	4348 9126	19 6492	78	72	3,392 4048 9532	*	17 5895	28
23	3,283 9203 6530	4368 5618	19 6080	77	73	3,394 7458 3663		17 5483	27
24	3,286 ()209 6275	4388 1698	19 5668	76	74	3,397 0922 5842	5316 0468	17 5071	26
25	3,288 1259 6963	4407 7366	19 5256	75	75	3,399 4441 8647	5333 5539	17 4659	25
26	3,290 2354 0453	9,451 4427 2622	19 4844	74	76	3,401 8016 4675	9,451 5351 0198	17 4247	24
27	3,292 3492 8617	•	19 4432	73	77	3,404 1646 6541		17 3835	23
28	3,294 4676 3340	4466 1898	19 4021	72	78	3,406 5332 6877	5385 8280	17 3424	22
29	3,296 5904 6518		19 3609	71	79	3,408 9074 8336		17 3012	21
30	3,298.7178 0058	4504 9528	19 3197	70	80	3,411 2873 3589	5420 4716	17 2600	20
31	3,300 8496 5881	9,451 4524 2725	19 2785	69	81	3,413 6728 5324	9,451 5437 7316	17 2188	19
32	3,302 9860 5919	4543 5510	19 2373	68	82	3,416 0640 6252	5454 9504	17 1776	18
33	3,305 1270 2117		19 1961	67	83	3,418 4609 9101		17 1364	17
34	3,307 2725 6432		19 1549	66 65	84	3,420 8636 6618		17 0952 17 054 1	16 15
35	3,309 4227 0835	4601 1393	19 1137		85	3,423 2721 1573	5506 3596	AT OUTE	
36		9,451 4620 2530	19 0726	64	86	•	9,451 5523 4137	17 0129	14
37	3,313 7368 7848		19 0314	63	87	3,428 1064 4970		16 9717	13
38	3,315 9009 4462		18 9902 18 9490	62 61	88 89	3,430 5323 9049 3,432 9642 1839		16 9305 16 8893	12
39 40	3,318 0696 9173 3,320 2431 4014	4677 3472 4696 2962	18.9077	60		3,435 4019 6212		16 8482	10
40									
41		9,451 4715 2039	18 8665	59 58	91		9,451 5608 0663	16 8070	09
42	3,324 6042 2293 3,326 7918 9868	4734 0704 4752 895 7	18 8253 18 7841	57	92 93	3,440 2953 1293 3,442 7509 7847		16 7658 16 7246	08
43 44	3,328 9843 5847	4771 6798	18 7429	56	94	3,445 2126 7677		16 6834	06
45	3,331 1816 2332	4790 4227	18 7017	55	95	3,447 6804 3761		16 6423	05
			19 6605	54	06	3 450 1510 0000	9,451 5691 6894	16 6011	
46		9,451 4809 1244 4827 7849	18 6605 18 6193	53	96 9 7	3,452 6342 6711		16 5599	04
47 48			18 5781	52	98	3,455 1203 9643		16 5187	02
49			18 5369	51	99	3,457 6127 0961		16 4774	10
50	3,342 2407 6916	4883 5192		50	100	3,460 1112 3755	5757 8465		00
	v =	4,000.	• •			v =	4,000.	•	

	$k = 96^{\circ}$.				k	$= 96^{\circ}$.		
1	$\&. k. \qquad \&. k + \log. v.$	D. 1'.	1	1	2. k. §	$2.k + \log v$.	D. 1'.	1
00	3,460 1112 3755 9,451 5757 8465	16 4363	100	50	3,593 7197 6785	70.37	14 3777	50
01	3,462 6160 1140 9,451 5774 2828	16 3951	99	51	3,596 5824 3790	10.0	14 3365	49
02	3,465 1270 6251 5790 6779	16 3539	98	52	3,599 4533 1398	6557 9375	14 2954	48
03	3,467 6444 2250 . 5807 0318	16 3127	97	53	3,602 3324 4335	6572 2329	14 2542	47:
04	3,470 1681 2320 5823 3445	16 2716	96	54	3,605 2193 7366	6586 4871	14 2129	46
05	3,472 6981 9671 5839 6161	16 2304	95	55	3,608 1156 5297	6600 7000	14 1719	45
06	3,475 2346 7536 9,451 5855 8465	16 1892	94	56	3,611 0198 2981	9,451 6614 8718	14 1306	44
07	3,477 7775 9171 5872 0357	16 1480	93	57	3,613 9324 5308	6629 0024	14 0894	43
08	3,480 3269 7858 5888 1837	16 1069	92 91	58	3,616 8535 7212	6643 0918	14 0483	42
10	3,482 8828 6908 5904 2906 3,485 4452 9651 5920 3563	16 0657 16 0245	90	59 60	3,619 7832 3673 3,622 7214 9711	6657 1401 6671 1472	14 0071 13 9659	41
	3920 3003	20 0210			3,022 1211 3142	00/1 21/2		
11	3,488 ()142 9447 9,451 5936 3808	15 9833	89	61		9,451 6685 1131	13 9247	39
12 13	3,490 5898 9679 5952 3641	15 9422	SS 87	62 63	3,628 6240 0830	6699 0378	13 8836	38
14	3,493 1721 3761 5968 3063 3,495 7610 5128 5984 2074	15 9011 15 8599	86	64	3,631 5883 6179 3,634 5615 1642	6712 9214 6726 7638	13 8424 13 8013	37 36
15	3,498 3566 7245 6000 0673	15 8187	85	65	3,637 5435 2469	6710 5651	13 7601	35
			0.4					
16	3,500 9590 3602 9,451 6015 8860	15 7776	84 83	66	3,640 5344 3955		13 7190	34
17 18	3,503 5681 7718 6031 6636 3,506 1911 3110 6037 7000	15 7364 15 6952	82	67 68	3,643 5343 1444 3,646 5432 0329	6768 0442 6781 7220	13 6778 13 6367	33 32
19	3,5 06 1841 3140 6047 4000 3,5 08 8069 3440 6063 0952	15 6540	81	69	3,649 5611 6050	6795 3587	13 5955	31
20	3,511 4366 2220 6078 7492	15 6128	80	70	3,652 5882 4096	6808 9542	13 5544	30
0.4		15 5710	79	71	D CEE COAP (VISI)	0.444.0300.635	12 5100	00
21 22	3,514 0732 3112 9,451 6094 3620 3,516 7167 9775 6109 9336	15 5716 15 5304	78	72	3,655 6245 0010 3,658 6699 9380	6836 0218	13 5132 13 4721	29 28
23	3, 516 7167 9775 6100 933\(\delta\) 3, 519 3673 5896 6125 4640	15 4892	77	73	3,661 7247 7850	6849 4939	13 4309	27
24	3,522 0249 5194 6140 9532	15 4481	76	74	3,664 7889 1112	6862 9248	13 3898	26
25	3,524 6896 1416 6156 4013	15 4069	75	75	3,667 8624 4914	6876 3146	13 3486	25
26	3,527 3613 8341 9,451 6171 8082	15 3657	74	76	3,670 9454 5053	9,451 6889 6632	13 3075	24
27	3,530 0402 9775 6187 1739	15 3245	73	77	3,674 0379 7385	6902 9707	13 2664	23
-28	3,532 7263 9557 6202 4984	15 2834	72	78	3,677 1400 7817	6916 2371	13 2253	22
29	3, 535 4197 1558 6217 7818	15 2422	71	79	3,680 2518 2311	6929 4624	13 1841	21
30	3,538 1202 9677 6233 0240	15 2010	70	80	3,683 3732 6886	6942 6465	13 1427	20
31	3,540 8281 7846 9,451 6248 2250	1 5 1599	69	81	3,686 504# 7614	9,451 6955 7892	13 1015	19
32	3,543 5434 0033 6293 3849	15 1188	68	82	3,689 6455 0629	6968 8907	13 (60)4	18
33	3,546 2660 0232 6278 5037	15 0776	67	83	3,692 7964 2124	6981 9511	13 0192	17
34 35	3,548 9960 2473 6293 5813	15 0364 14 9952	66 65	84 85	3,695 9572 8345	6994 9703	12 9781 12 9369	10
33	3,551 7335 0819 6308 6177	14 0004		03	3,699 1281 5602	7007 9484	12 9509	15
36	3,554 4784 9366 9,451 6323 6129	14 9541	64	86		9,451 7020 8853	12 8958	14
37	3,557 2310 2244 6338 5670	14 9129	63	87	3,705 5001 8757	7033 7811	12 8546	13
38 39	3,559 9911 3617 6353 4799 3,569 7509 7693 6269 2516		62 61	88	3,708 7014 7577	7046 6357	12 8135	12
40	3,562 7588 7683 6368 3516 3,565 5342 8676 6383 1821		60	90	3,711 9130 3275 3,715 1349 2468	7059 4492 7072 2215	12 7723 12 7312	11 10
41	,		59	91		9,151 7084 9527	12 6900	09
42 43	'			92	3,721 6099 8130	7097 6427	12 6489	08
44	,			94	3,724 8632 8158 3,728 1271 8798	7110 2916 7122 8993	12 6077 12 5666	07
45	,			95	3,731 4017 6999		12 5254	05
46	•		- 1	96	,			
47				97	-,	9,451 7147 9913 7160 4757	12 4844 12 4432	04
48			- 4		3,741 2902 7452		12 4021	$0\frac{3}{02}$
49					3,744 6082 6736		12 3609	01
50			50	100	3,747 9372 9354	7197 6819		00
	v = 3,000				· 'v =	3,000.		
						X x 2	0-	

	h	$= 97^{\circ}$.				$k = 97^{\circ}$.						
1		$\mathfrak{L}.k + \log.v.$	D. 1'.	1	1	£. k.	$\mathfrak{L}.k + \log.v.$	D.1'.	1			
00	3,747 9372 9254	9,451 7197 6819	12 3196	100	50	3,930 3154 0738	9,451 7763 2524	10 2621	50			
01	3,750 2774 2676		12 2785	99	51		9,451 7773 5145	10 2210	49			
02	3,754 6287 4150	7222 2800	12 2373	98	52	3,938 3496 2719	7783 7355	10 1798	48			
03	3,757 9913 1293	7234 5173	12 1962	97	53	3,942 3910 5491	7793 9153	10 1387	47			
04	3,761 3652 1703	7246 7135	12 1550	96	54	3,946 4488 6947	7804 0540	10 0975	46			
05	3,764 7505 3052	7258 8685	12 1139	95	55	3,950 5232 0461	7814 1515	10 0564	45			
06	3,768 1473 3091	9,451 7270 9824	12 0727	94	56	3,954 6141 9550	9,451 7824 2079	10 0152	44			
07	3,771 5556 9650	7283 0551	12 0316	93	57	3,958 7219 7897	7834 2231	9 9741	43			
08	3,774 9757 0641	7295 0867	11 9904	92 91	58	3,962 8466 9357	7844 1972	9 9329	42			
09 10	3,778 4074 4054 3,781 8509 7966	7307 0771	11 9493	90	59 60	3,966 9884 7952	7854 1301	9 8918 9 8507	41			
	3,102 0003 1900	7319 0264	11 9081			3,971 1474 7885	7864 0219		40			
11		9,451 7330 9345	11 8670	89	61		9,451 7873 8725	9 8096	39			
12	3,788 7738 0002	7342 8015	11 8258	88	62	3,979 5176 9454		9 7684	38			
13 14	3,792 2532 4698	7354 6273	11 7846	87 86	63 64	3,983 7292 0392	7893 4505	9 7273 9 6861	37			
15	3,795 7448 3038 3,799 2486 3527	7366 4119 7378 1553	11 7434 11 7023	85	65	3,987 9585 1276 3,992 2057 7225	7903 1778 7912 8639	9 6450	36 35			
			11 1025									
16		9,451 7389 8576	11 6611	84	66		9,451 7922 5089	9 6038	34			
17 18	3,806 2932 5423 3,809 8342 4294	7401 5187	11 6200	83 82	67 68	4,000 7547 5771	7932 1127	9 5627 9 5215	33			
19	3,813 3878 0242	7413 1387 7424 7175	11 5788 11 5377	81	69	4,005 0567 9588 4,009 3774 0917		9 4804	32			
20	3,816 9540 2236	7436 2552	11 4965	80	70	4,013 7167 5881		9 4392	30			
21		9,451 7447 7517	11 4554	79	71		9,451 7970 1165	9 3981	29			
22 23	3,824 1248 0702 3,827 7295 5595	7459 2071 7470 6213	11 4142 11 3731	78 77	72 73	4,022 4523 2251 4,026 8488 6967		9 3569 9 3158	28			
24	3,831 3473 3373		11 3319	76	74	4,031 2648 1946		9 2746	27 26			
25	3,834 9782 3497	7493 3263	11 2908	75	75	4,035 7003 4399		9 2335	25			
	2 020 0002 5591		44 0400		PIC.	4 DAD 4776 4760	0 454 0040 0054	0.1003				
26 27	3,842 2797 9149	9,451 7504 6171	11 2496 11 2085	74 73	76 77	4,044 6308 1731	9,451 8016 6954	9 1923 9 1512	24 23			
28	3,845 9506 4123	7515 8667 7527 0752	11 1673	72	78	4,049 1261 2202		9 1101	22			
29	3,849 6350 0338		11 1262	71	79	4,053 6417 1339		9 0690	21			
30	3,853 3329 7788	7549 3687	11 0850	70	80	4,058 1777 7545	8053 2180	9 0279	20			
31	3,857 0446 6577	9,451 7560 4537	11 0439	69	81	4,062 7344 9478	9,451 8062 2459	8 9868	19			
32	3,860 7701 6925	7571 4976	11 0027	68	82	4,067 3120 6049		8 9456	18			
33	3,864 5095 9163	7582 5003	10 9617	67	83	4,071 9106 6429	8080 1783	8 9045	17			
34	3,868 2630 3742		10 9205	66	84	4,076 5305 0060		8 8633	16			
35	3,872 0306 1227	7604 3825	10 8794	65	85	4,081 1717 6649	8097 9461	8 8222	15			
36	3,875 8124 2305	9,451 7015 2619	10 8382	64	86	4,085 8346 6181	9,451 8106 7683	8 7810	14			
37	3,879 6085 7784	7626 1001	10 7971	63	87	4,090 5193 8923		8 7399	13			
38	3,883 4191 8596		10 7559	62	88	4,095 2261 5425		8 6987	12			
39	3,887 2443 5799	7647 6531 7658 3679	10 7148 10 6736	61	89	4,099 9551 6532 4,104 7066 3384		8 6576 8 6164	11			
40	3,891 0842 0578	7000 3079	10 0/30	60	90	4,101 7000 3301	0111 0100	0 0109	10			
41	*	9,451 7669 0415	10 6325	59	91	-	9,451 8150 2619	8 5753	09			
42	3,898 8083 8248	7679 6740	10 5913	58	92	4,114 2778 0402		8 5341	08			
43	3,902 6929 4164 3,906 5926 3708	7690 2653 7700 8155	10 5502 10 5090	57 56	93 94	4,119 0979 4387 4,123 9414 1765	8167 3713 8175 8643	8 4930 8 4518	07			
44 45	3,910 5075 8730	7700 8133	10 4679	55	95	4,128 8084 5248	8184 3161	8 4107	06			
46	3,914 4379 1223 3,918 3837 3319	9,451 7721 7924 7732 2191	10 4267 10 3856	54 53	96	4,133 6992 7884 4,138 6141 3059	9,451 8192 7268	8 3695	04			
47	3,918 3837 3319 3,922 3451 7296	7742 6047	10 3444	52	97 98	4,143 5532 4507	8201 0963 8209 4247	8 328 4 8 2872	03			
49	3,926 3223 5578	7752 9491	10 3033	51	99	4,148 5168 6314	8217 7119	8 2462	01			
50	3,930 3154 0738	7763 2524		50	100	4,153 5052 2927	8225 9581		00			
	-	= 2,000)			v=2	,000	0				
	The same of the sa	,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,					,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,					

	$k = 99^{\circ}$.			$k = 99^{\circ}$.	
1	$\mathfrak{L}. k. \qquad \mathfrak{L}. k + \log. v.$	D. 1'. 1	1	$\mathfrak{L}. k.$ $\mathfrak{L}. k + \log v.$	D. 1'. 1
00	4,846 7140 9930 9,451 8842 8528	4 0918 100	50 5,53	9 8767 0139 9,451 8997 0681	1 0356 50
01	4,856 7648 4433 9,451 8846 9446	4 0507 99	51 5,56	60 0796 1226 9,451 8999 1037	1 9945 49
02	4,866 9176 2086 8850 9953	4 0096 98	20	0 6990 9892 9001 0982	40
03	4,877 1745 2199 8955 0049	3 9685 97		01 7527 0345 9503 0516	
04	4,887 5377 0588 8858 9734	3 9274 96	p =	23 2590 9991 9004 9639	
05	4,898 0093 9848 8862 9008	3 8862 95	55 5,64	15 2381 9374 9006 8351	1 8300 45
06	4,908 5918 9643 9,451 8866 7870	3 8451 94	56 5,66	67 7112 3260 9,451 9008 6651	1 7889 44
07	4,919 2875 7006 8870 6321	3 8040 93	p red	90 7009 2971 9010 4545	49
08	4,930 0988 6657 8874 4361	3 7629 92		14 2316 0189 9012 2017	
09	4,941 0283 1339 8878 1990	3 7218 91	0.0	38 3293 2413 9013 9083	40
10	4,952 0785 2175 8881 9208	3 6806 90	60 5,70	53 0221 0327 9015 5738	1 6244 40
11	4,963 2521 9041 9,451 8885 6014	3 6395 89	61 5,78	88 3400 7370 9,451 9017 1982	1 5833 39
12	4,974 5521 0962 8889 2409	3 5984 88	62 5,83	14 3157 1843 9018 7815	
13	4,985 9811 6528 8892 8393	3 5573 87	- 4	40 9841 1973 9020 3237	
14	4,997 5423 4341 8896 3966	3 5162 , 86	0 4	68 3832 4403 9021 8248	25
15	5,000 2387 3479 8899 9128	3 4750 85	65 5,8	96 5542 6699 9023 2847	1 4188 35
16	5,021 0735 3994 9,451 8903 3878	3 4339 84	66 5,9	25 5419 4574 9,451 9024 7035	1 3777 34
17	5,033 0500 7438 8906 8217	3 3928 83		55 3950 4666 9026 0812	` 99
18	5,045 1717 7419 8910 2145	3 3516 82	68 5,9	86 1663 3899 9027 4178	
19	5,057 4422 0194 8913 5661	3 3105 81		17 9156 6684 9028 7133	
20	5,069 8650 5299 8916 8766	3 2694 80	70 6,0	50 7056 1509 9020 9678	1 2131 30
21	5,082 4441 6214 9,451 8920 1460	3 2283 79	71 6,0	84 6072 8808 9,451 9031 1806	1 1720 29
22	5,095 1835 1075 8923 3743	3 1872 78	'	19 6987 2509 9032 3520	00
23	5,108 0872 3430 8926 5615	3 1460 77	73 6,1	56 0664 2834 9033 483	1 0897 27
24	5,121 1596 3047 8929 7075	3 1049 76		93 8069 1929 9034 573	
25	5,134 4051 6771 8932 8124	3 0638 75	75 6,2	233 0277 3731 9035 621	7 1 0075 25
26	5,147 8284 9442 9,451 8935 8762	3 0226 74	76 6,2	73 8498 3258 9,451 9036 629	2 0 9663 24
27	5,161 4344 4874 8938 8988	2 9815 73		16 4095 4363 9037 595	0.0
28	5,175 2280 6902 8941 8803	2 9404 72	78 6,3	60 8613 9872 9038 520	20
29	5,189 2146 0503 8944 8207	2 8992 71	79 6,4	9039 404	8 0 8430 21
30	5,203 3905 2995 8947 7199	2 8581 70	80 6,4	56 1717 5123 9040 247	8 0 8019 20
31	5,217 7885 5321 9,451 8950 5780	2 8170 69	81 6,5	507 4651 2581 9,451 9041 049	7 0 7608 19
32	5,232 3876 3433 8953 3950		00	661 5324 2316 9041 810	40
33	5,247 2029 9769 8956 1708	2 7347 6	83 6,6	518 6909 0897 9042 530	2 0 6786 17
34	5,262 2411 4853 8958 9055		~ ~	679 315 5 9865 9043 208	
35	5,277 5088 9002 8961 5991	2 6524 6	85 6,7	743 8541 8352 9043 846	2 0 5963 15
36	5,293 0133 4180 9,451 8964 2515	2 6113 6	86 6,8	312 8471 1464 9,451 9044 442	5 U 5552 14
37	5,308 7619 5989 8966 8628	2 5702 6.	00	386 9551 4231 9044 997	. 40
38	5,324 7625 5826 8960 4330	2 5291 6		966 9979 0140 9045 511	
39	5,341 0233 3204 8971 9621	2 4880 6		054 0093 2568 9 045 984	
40	5,357 5528 8279 8974 4501	2 4468 6	90 7,1	149 3195 4866 90÷6 416	5 0 3907 10
41	5,374 3602 4579 9,451 8976 8969	2 4057 5	91 7,5	254 6801 0339 9,451 9046 807	2 0 3496 09
42	5,391 4549 1972 8979 3020	2 3646 5	92 7,	372 4631 7401 9047 150	68 0 3084 08
43	5,408 8468 9889 8981 6672			505 9945 9747 9047 465	
44	,			660 1453 0403 9047 739	
45	5,444 5654 4208 8986 2731	2 2412 5	5 95 7,	842 4608 8344 9047 958	57 0 1 80 1 05
46	5,462 9148 0487 9,451 8988 5143	2 2001 5	96 8,	065 6104 5327 9,451 9048 143	8 0 1438 04
47				353 2925 4010 9048 287	0.0
48	2214		2 98 8,	758 7576 5848 9048 396	
49				451 9048 1438 9048 451	00
50			0 100 In	ifinit. positiv. 9048 472	
	v = 0,000			v = 0,000	

IV.

Tafel zur Umsetzung der briggischen Logarithmen in natürliche.

1	2,302 5850 9299	26	59,867 2124 1785	51	117,431 8397 4270	76	174,996 4670 6755
2	4,605 1701 8599	27	62,169 7975 1084	52	119,734 4248 3569	77	177,299 0521 6054
3	6,907 7552 7898	28	64,472 3826 0383	53	122,037 0099 2868	78	179,601 6372 5354
4	9,210 3403 7198	29	66,774 9676 9683	54	124,339 5950 2168	79	181,904 2223 4653
5	11,512 9254 6497	30	69,077 5527 8982	55	126,642 1801 1467	80	184,206 8074 3952
			•		•	0.4	
6	13,815 5105 5796	31	71,380 1378 8282	56	128,944 7652 0767	81	186,500 3925 3252
7	16,118 0956 5096	32	73,682 7229 7581	57	131,247 3503 0066	82	188,811 9776 2551
8	18,420 6807 4395	33	75,985 3080 6880	58	133,549 9353 9365	83	191,114 5627 1850
9	20,723 2658 3695	34	78,287 8931 6180	59	135,852 5204 8665	84	193,417 1478 1150
10	23,025 8509 2994	35	80,590 4782 5479	60	138,155 1055 7964	85	195,719 7329 0449
11	ar and 4:00 anna	36	00.002.0028.4870	6 t	440 448 0000 8000	86	400 (000 2170 0740
	25,328 4360 2293		82,893 0633 4779		140,457 6906 7264		198,022 3179 9749
12	27,631 0211 1593	37	85,195 6484 4078	62	142,760 2757 6563	87	200,324 9030 9048
13	29,933 6062 0892	38	87,498 2335 3377	63	145,062 8608 5862	88	202,627 4881 8348
14	32,236 1913 0192	39	89,800 8186 2677	64	147,365 4459 5162	89	294,930 0732 7647
15	34,538 7763 9491	40	92,103 4037 1976	65	149,668 0310 4461	90	207,232 6583 6946
16	36,841 3614 8790	41	94,405 9888 1276	66	151,970 6161 3761	91	209,535 2434 6246
17	39,143 9465 8090	42	96,708 5739 0575	67	154,273 2012 3060	92	211,837 8285 5545
18	41,446 5316 7389	43	99,011 1589 9874	68	156,575 7863 2360	93	214,140 4136 4845
19	43,749 1167 6687	44	101,313 7440 9174	69	158,878 3714 1659	94	216,442 9987 4144
20	46,051 7018 5988	45	103,616 3291 8473	70	161,180 9565 0958	95	218,745 5838 3443
	,				,		,
21	48,354 2869 5287	46	105,918 9142 7773	71	163,483 5416 0258	96	221,048 1689 2743
22	50,656 8720 4587	47	108,221 4993 7072	72	165,786 1266 9557	97	223,350 7540 2042
23	52,959 4571 3886	48	110,524 0844 6371	73	168,088 7117 8857	98	225,653 3391 1341
24	55,262 0422 3186	49	112,826 6695 5671	74	170,391 2968 8156	99	227,955 9242 0641
25	57,564 6273 2485	50	115,129 2546 4970	75	172,693 8819 7455	100	230,258 5092 9940

V.

Tabelle zur Umsetzung der natürlichen Logarithmen in briggische.

1	00,434 2944 8190	26	11,291 6565 2948	51	22,149 0185 7707	76	33,006 3906 2465
2	00,868 5889 6381	27	11,725 9510 1139	52	22,583 3130 5897	77	33,440 6751 0655
3	01,302 8834 4571	28	12,160 2454 9329	53	23,017 6075 4087	78	33,874 9695 8845
4	01,737 1779 2761	29	12,594 5399 7519	54	23,451 9020 2278	79	34,309 2640 7036
5	02,171 4724 0952	30	13,029 8344 5710	55	23,886 1965 0468	80	34,743 5585 5226
_							, ,
6	02,605 7668 9142	31	13,463 1289 3900	56	24,320 4909 8658	81	35,177 8530 3416
7	03,040 0613 7332	32	13,897 4234 2090	57	24,754 7854 6849	82	35,612 1475 1607
8	03,474 3558 5523	33	14,331 7179 0281	58	25,189 0799 5032	83	36,046 4419 9797
9	03,908 6503 3713	34	14,766 0123 8471	59	25,623 3744 3229	84	36,480 7364 7987
10	04,342 9448 1903	35	15,200 3068 6661	60	26,057 6689 1420	85	36,915 0309 6178
4.4	04 888 0000 0008	26	44 004 6040 4050	0.4	00 101 0022 0010	00	
11	04,777 2393 0094	36	15,634 6013 4852	61	26,491 9633 9610	86	37,349 3254 4368
12	05,211 5337 8284	37	16,068 8958 3042	62	26,926 2578 7800	87	37,783 6199 2558
13	05,645 8282 6474	38	16,503 1903 1232	63	27,360 5523 5990	88	38,217 9144 0749
14	06,080 1227 4665	39	16,937 4847 9423	64	27,794 8468 4181	89	38,652 2088 8939
15	06,514 4172 2855	40	17,371 7792 7613	65	28,229 1413 2371	90	39,086 5033 7129
16	06,948 7117 1045	41	17,806 0737 5803	66	28,663 4359 0561	91	39,520 7978 5320
17	07,383 0061 9236	42	18,240 3682 3994	67	29,097 7302 8752	92	*
18		43	18,674 6627 2184	68	29,532 0247 6942	93	39,955 0923 3510
19	07,817 3006 7426	44	19,108 9572 0374	69	29,966 3192 5132	94	40,389 3868 17(X)
20	08,251 5951 5616	45	19,543 2516 8565	70	30,400 6137 3323		40,823 6812 9891
20	08,685 8896 3807	43	13,043 2010 0000	10	30,400 0137 3323	95	41,257 9757 8081
21	09,120 1841 1997	46	19,977 5461 6755	71	30,834 9082 1513	96	41,692 2702 6271
22	09,554 4786 0187	47	20,411 8406 4945	72	31,269 2026 9703	97	42,126 5647 4462
23	09,988,7730 8377	48	20,846 1351 3136	73	31,703 4971 7894	98	42,560 8592 2652
24	10,423 0675 6568	49	21,280 4296 1326	74	32,137 7916 6084	99	42,995 1537 0842
25	10,857 3620 4758	50	21,714 7240 9516	75	32,572 0861 4274	100	43,429 4481 9032
~	20,000 0000 2100	90	77, 74, 74, 70, 70, 70, 70, 70, 70, 70, 70, 70, 70	,,,		-00	10, 100 1102 0002

VI. Tafel zum Einschalten beim Gebrauche der zweiten Differenzen.

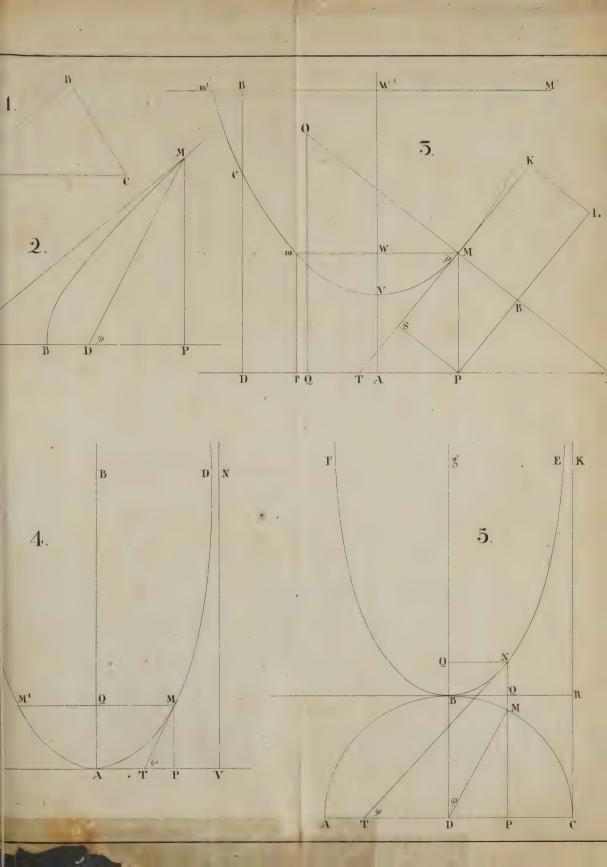
	1	2	3	4	5 .0	6	7 .	8	9	
01	0,00495	0,00990	0,01485	0,01980	0,02475	0,02970	0,03465	0,03960	0,04455	99
02	0,00980	0,01960	0,02940	0,03920	0,04900	0,05880	0,06860	0,07840	0,08820	98
03	0,01455	0,02910	0,04365	0,05820	0,07276	0,08730	0,10185	0;11640	0,13095	97
04	0,01920	0,03840	0,05760	0,07680	0,09600	0,11520	0,13440	0,15360	0,17280	96
05	0,02375	0,04750	0,07125	0,09500	0,11875	0,14250	0,16625	0;19000	0,21375	95
	0,020,0	0,01,00	0,001220	,	3	-,			,	00
06	0,02820	0,05640	0,08460	0,11280	0,14100	0,16920	0,19740	0,22560	0,25380	94
07	0,03255	0,06510	0,09765	0,13020	0,16275	0,19530	0,22785	0,26040	0,29295	93
08	0,03680	0,07360	0,14040	1),14720	0,18400	0,22080	0,25760	0,29440	0,33120	92
09	0,04095	0,08190	0,12285	0,16380	0,20475	0,24570	0,28665	0,32760	0,36855	91
10	0,04500	0,09000	0,13500	0,18000	0,22500	0,27000	0,31500	0,36000	0,40500	90
11	0,04895	0,09790	0,14685	0,19580	0,24475	0,29370	0,34265	0,39160	0,44055	89
12	0,05280	0,10560	0,15840	0,21120	0,26400	0,31680	0,36960	0,42240	0,47520	88
13	0,05655	0,11310	0,16965	0,22620	0,28275	0,33930	0,39585	0,45240	0,50895	87
14	0,06020	0,12040	0,18060	0,24080	0,30100	0,36120	0,42140	0,48160	0,54180	86
15	0,06375	0,12750	0,19125	0,25500	0,31875	0,38250	0,44625	0,51000	4,57375	85
16	0,06720	0,13440	0,20160	0,26880	0,33600	0,40320	0,47040	0,53760	0,60480	84
17	0,07055	0,14110	0,21165	0,28220	0,35275	0,42330	0,49385	0,56440	0,63495	83
18	0,07380	0,14760	0,22140	0,29520	0,36900	0,44280	0,51660	0,59040		82
19	0,07695	0,15390	0,23085	0,30780	0,38475	0,46170	0,53865	0,61560	0,69255	81
20	0,08000	0,16000	0,24000	0,32000	0,40000	0,48000	0,56000	0,64000	0,72000	80
	3,,,,,,,,,	,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,	-,	-3-2	.,	0,10000	-,	0,02000	,	00
21	0,08295	0,16590	0,24885	0,33180	0,41475	0,49770	0,58065	0,66360	0,74655	79
22	0,08580	0,17160	0,25740	0,34320	0,42900	0,51480	0,60060	0,68640	0,77220	78
23	0,08855	0,17710	0,26565	0,35420	0,44275	0,53130	0,61985	0,70840	0,79695	77
24	0,09120	0,18240	0,27360	0,36480	0,45600	0,54720	0,63840	0,72960	0,82080	76
25	0,09375	0,18750	0,28125	Q ₃ 37500	0,46875	0,56250	0,65625	0,75000	0,84375	75
26	0,09620	9,19240	0,28860	0,38480	0,48100	0,57720-	0,67340	0,76960	0,86580	74
27	0,09855	0,19710	0,29565	0,39420	0,49275	0,59130	0,68985	0,78840	0,88695	73
28	0,10080	0,20160	0,30240	0,40320	0,50400	0,60480	0,70560	0,80640	0,90720	72
29	0,10295	.0,20590	0,30885	0,41180	0,51475	0,61770	0,72065	0,82360	0,92655	71
30	0,10500	0,21000	0,31500	0,42000	0,52500	0,63000	0,73500	0,84000	0,94500	70
31	0,10695	0.21300	0,32085	0,42780	0,53475	0,64170	0,74865	0.05560	0,96255	69
32	0,10880	0,21390 D,21760	0,32640	0,43520	0,54400	0,65280	0,76160	0,85560 0,87040	0,97920	68
33	0,11055	0,22110	0,33165	0,44220	0,55275	0,66330	0,77385	0,88440	0,99495	67
34	0,11220	0,22440	0,33660	0,44880	0,56100	0,67320	0,78540	0,89760	1,00980	66
35	0,11375	0,22750	0,34125	0,45500	0,56875	0,68250	0,79625	0,91000	1,02375	65
								702000		
36	0,11520	0,23040	0,34560	0,46080	0,57600	0,69120	0,80640	0,92160	1,03680	64
37	0,11655	0,23310	0,34965	0,46620	0,58275	0,69930	0,81585	0,93340	1,04895	63
38	0,11780	0,23560	0,35340	0,47120	0,58900	0,70.680	0,82460	0,94240	1,06020	62
39	0,11895	0,23700	0,35685	0,47580	0,59475	0,71370	0,83265	0,95160	1,07055	61
40	0,12000	0,24000	0,36000	0,48000	0,60000	0,72000	0,84000	0,96000	1,08000	60
41	0,12095	0,24190	0,36285	0,48380	0,60475	0,72570	0,84665	0,96760	1,08855	59
42	0,12180	0,24360	0,36540	0,48720	0,60900	0,73080	0,85260	0,97440	1,09620	58
43	0,12255	0,24510	0,36765	0,49020	0,61275	0,73530	0,85785	0,98040	1,10295	57
44	0,12320	0,24640	0,36960	0,49280	0,61600	0,73920	0,86240	0,98560	1,10880	56
45	0,12375	0,24750	0,37125	0,49500	0,61875	0,74250	0,86625	0,99000	1,11375	55
46	0,12420	0,24840	0,37260	0,49680	0,62100	0,74520	0,86940	0,99360	1,11780	54
47	0,12455	0,24910	0,37365	0,49820	0,62275	0,74730	0,87185	0,99640	1,12095	53
48	0,12480	0,24960	0,37440	0,49920	0,62400	0,74880	0,87360	0,99840	1,12320	52
49	0,12495	0,24990	6,37485	0,49980	0,62475	0,74970	0,87465	0,99960	1,12455	51
50	0,12500	0,25000	0,37500	0,50000	0,62500	0,75000	0,87500	1,00000	1,12500	50
		,	,	,	7	43.000		V 187	,	

VII. Tafel zur Umsetzung der Centesimalsekunden in Sexagesimalsekunden.

"	Sexages, Sek.	, //	Sexages, Sek.	"	Sexages.	Sek.	" //	Sexages. Sel	k.	"	Sexages. Sek.
00	0,000	20	6,480	40	12,960		60	19,440		.80	25,920
01	0,324	21	6,804	41	13,284		61	19,764		St	26,244
02	0,648	22	7,128	42	13,608		62	20,088		82	26,568
03	0,972	23	7,452	43	13,932		63	20,412		83	26,892
04	1,296	24	7,776	44	14,256		64	20,736.		84	27,216
05	1,620 -	25	8,100	45	14,580	11.	65	21,060		85	27,540
06	1,944	26	8,424	46	14,904		66	21,384		86	27,864
07	2,268	27	8,748	47	15,228		67	21,708		87	28,188
08	2,592	28	9,072	48	15,552		68	22,032		88	28,512
09	2,916	29	9,396	49	15,876		69	22,356		89	28,836
10	3,240	30	9,720	50	16,200		70	22,680		90	29,160
11	3,564:	31	10,044	51	16,524		71	23,004		91	29,484
12		32	10,368	52	16,848		72	23,328		92	29,880
13		33	10,692	53	17,172		73	23,652		93	30,132
14		34	11,016	54	17,496		74	23,976		94	30,456
15		35	11,340	55	17,820		75	24,300		95	30,780
16	5,184	36	11,664	56	18,144		76	24,624		96	31,104
1.7	5,508	37	11,988	57	18,468		77	24,948		97	31,428
18	5,832	38	12,312	58	18,792	4.	78	25,272		98	31,752
19	6,156	39	12,636	59	19,116		79	25,596		99	32,076
20	6,480	40	12,900	60	19,440		80	25,920	,	100	32,400

VIII. Tafel zur Umsetzung der Sexagesimalsekunden in Centesimalsekunden.

11	Centes. Sek.	"	Centes. Sek.	"	Centes. Sek.	"	Centes. Sek.	"	Centes. Sek.	"	Centes Sek.
01 02 03 04 05		11 12 13 14 15	,	21 22 23 24 25	, , , , , , , , , , , , , , , , , , , ,	31 32 33 34 35	95,67901 98,76543 101,85185 104,93827 108,02469	41 42 43 44 45	126,54321 129,62963 132,71605 135,80247 138,88889	51 52 53 54 55	157,40741 160,49383 163,58025 166,66667
06 07 08 09 10	18,51852 21,60494 24,69136 27,77778 30,86420	16 17 18 19 20	49,38272 52,46914 55,55556 58,64198	26 27 28 29 30	80,24691 83,33333 86,41975 89,50617 92,59259	36 37 38 39 40	111,11111 114,19753 117,28395 120,37037 123,45679	46 47 48 49 50	141,97531 145,06173 148,14815 151,23457 154,32099	56 57 58, 59 60	169,75300 172,83951 175,92593 179,01235 182,09877 185,18510















UNIVERSITY OF ILLINOIS-URBANA
515.7G934T
THEORIE DER POTENZIAL- ODER CYKLISCH-HYP